

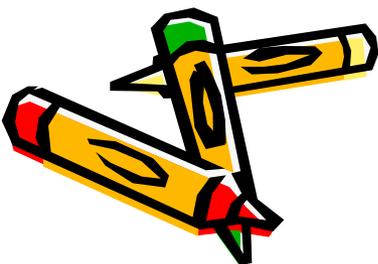
СТАТИСТИЧЕСКИЕ
ПОКАЗАТЕЛИ



Статистический показатель



- Это количественная характеристика социально-экономического явления или процесса в условиях качественной определенности.
- **Качественная** определенность показателя заключается в том, что он непосредственно связан с внутренним содержанием изучаемого явления или процесса, его сущностью.
- **Количественное** значение статистического показателя является его величиной.

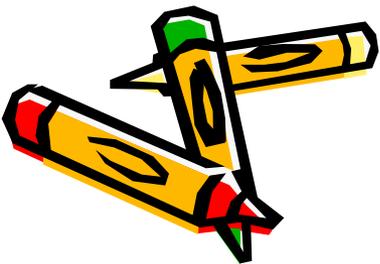
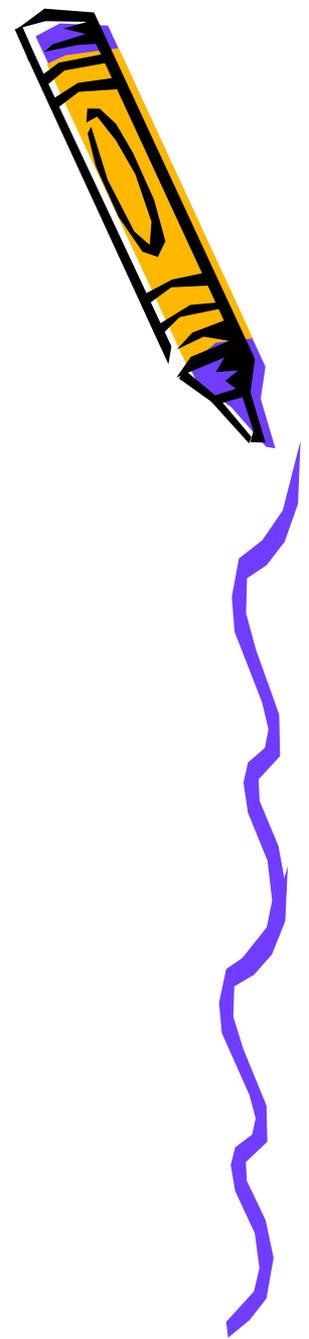


Статистический показатель

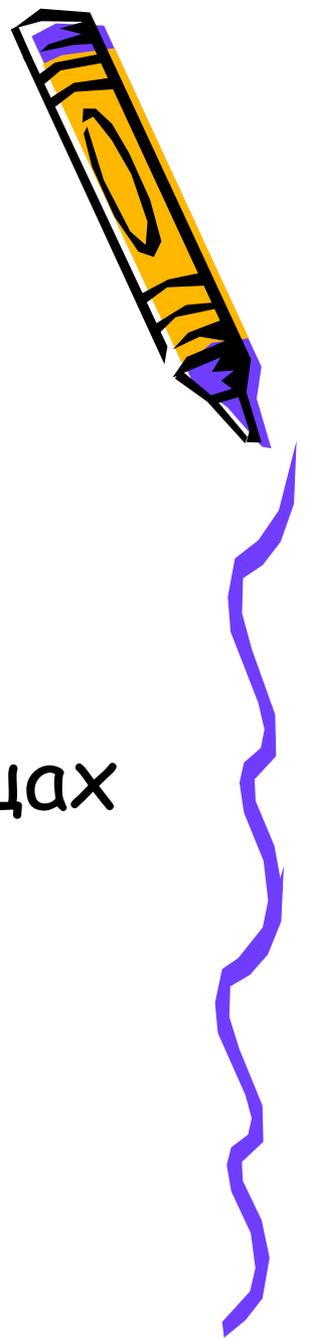
Абсолютные

Относительные

Средние



Абсолютный показатель



- отражает физические размеры изучаемого явления
- именованный
- измеряются в конкретных единицах
- может быть положительным или отрицательным



Абсолютный показатель

Натуральные

Стоимостные

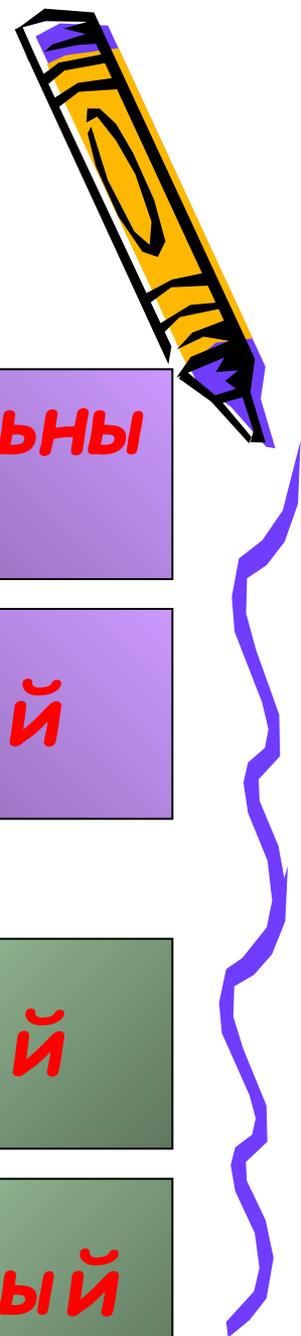
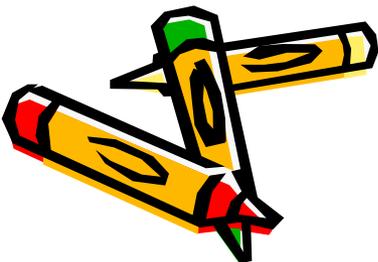
Трудовые

Индивидуальные

Суммарный

Моментный

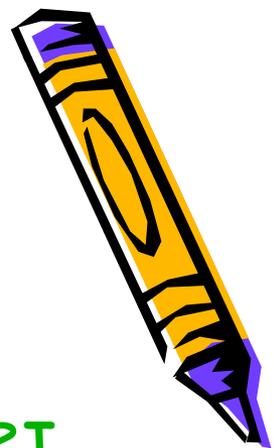
Интервальный



Относительный показатель

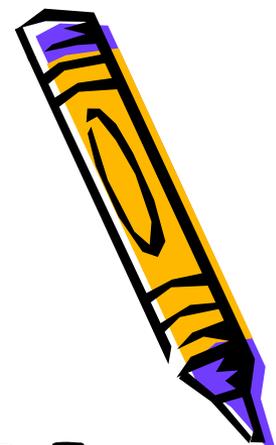
обобщающий показатель, который дает числовую меру соотношения двух сопоставляемых абсолютных величин и определяется как результат деления одной абсолютной величины на другую

$$\frac{\text{Показатель } _1 \text{ – текущий (сравниваемый)}}{\text{Показатель } _2 \text{ – база } _ \text{ сравнения}}$$

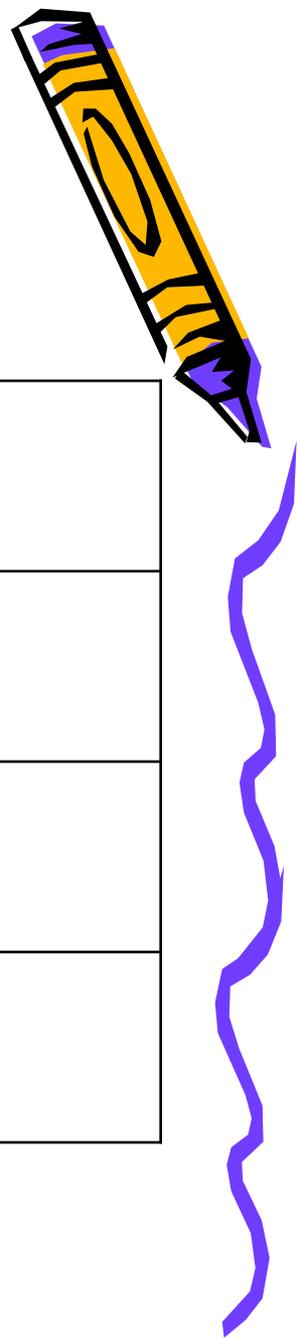


Цепной относительный показатель -
если база сравнения переменная

Базисный относительный показатель -
если база сравнения постоянная



Относительный показатель



1	- коэффициент;
10	- процент (%);
100	- промилле (0/00);
1000	- продецимилле (0/000).

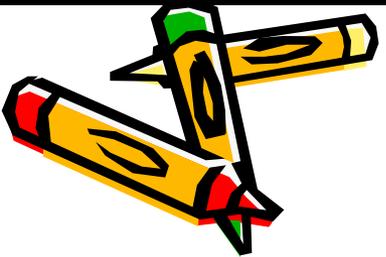
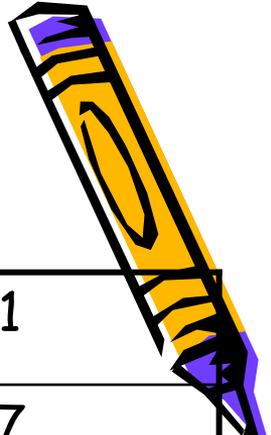


Относительный показатель динамики - темп роста

Характеризует изменение уровня
развития какого-либо явления во
времени

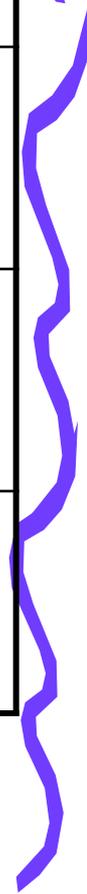
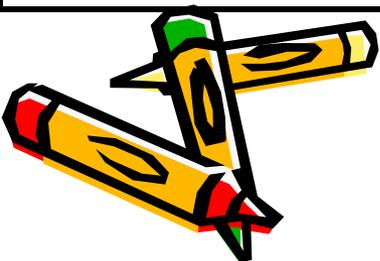
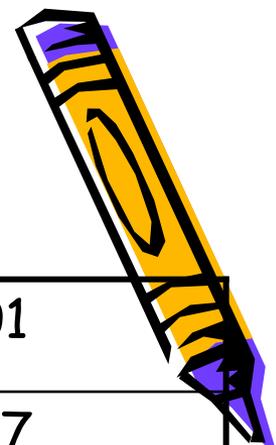
$$ОПД = \frac{\text{Текущий _ уровень}}{\text{Предшествующий(базисный) _ уровень}}$$



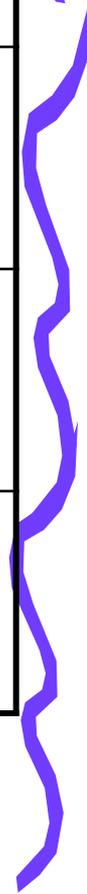
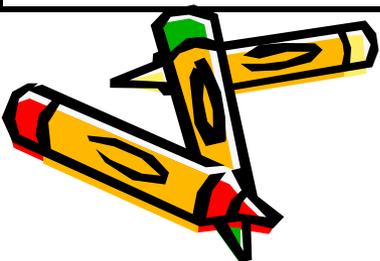
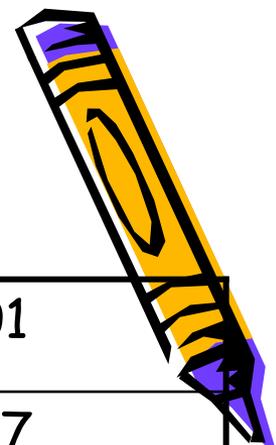


Объем производства, тыс.т	1998	1999	2000	2001
Базисные	4745	6808	6077	6567
Цепные	-			
Взаимосвязь	-			

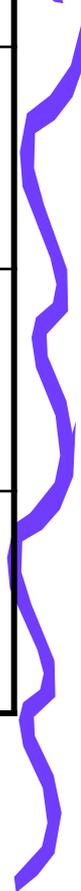
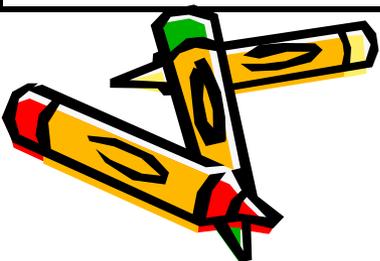
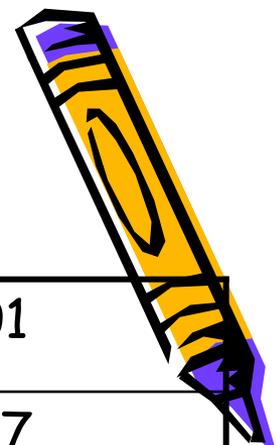
Объем производства, тыс.т	1998	1999	2000	2001
	4745	6808	6077	6567
Базисные	-	6808/4745 *100=143,5	6077/4745 *100=128,1	6567/4745 *100=138,4
Цепные	-			
Взаимосвязь	-			



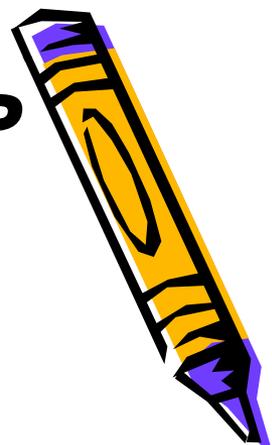
Объем производства, тыс.т	1998	1999	2000	2001
	4745	6808	6077	6567
Базисные	-	6808/4745 *100=143,5	6077/4745 *100=128,1	6567/4745 *100=138,4
Цепные	-	6808/4745 *100=143,5	6077/6808 *100=89,3	6567/4745 *100=108,1
Взаимосвязь	-	-		



Объем производства, тыс.т	1998	1999	2000	2001
	4745	6808	6077	6567
Базисные	-	6808/4745 *100=143,5	6077/4745 *100=128,1	6567/4745 *100=138,4
Цепные	-	6808/4745 *100=143,5	6077/6808 *100=89,3	6567/4745 *100=108,1
Взаимосвязь	-	-	1,435*0,893 *100=128,1	1,435*0,893 *1,081*100=138,4



Относительный показатель выполнения плана и планового задания

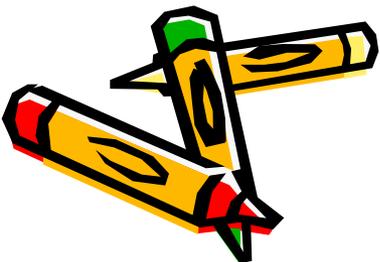


относительные
показатели
плана

$$ОПП = \frac{\text{Уровень, планируемый на период } (i+1)}{\text{Уровень, достигнутый в периоде } (i)}$$

относительные
показатели
реализации
плана

$$ОПРП = \frac{\text{Уровень, достигнутый в период } (i+1)}{\text{Уровень, запланированный на период } (i+1)}$$



Взаимосвязь
показателей

$$ОПП * ОПРП = ОПД$$

Оборот торговой фирмы в 2002 г. составил 2,0 млн. руб.
На 2003 год запланировано достичь оборота 2,8 млн. руб.
Фактически в 2003 г оборот составил 2,6 млн. руб.



относительные
показатели
плана

$$\text{ОПП} = 2,8 / 2,0 * 100 \% = 140 \%$$

относительные
показатели
реализации
плана

$$\text{ОПРП} = 2,6 / 2,8 * 100 \% = 92,9 \%$$

$$\text{ОПД} = 1,40 * 0,929 = 2,6 / 2,0 = 1,3 (130 \%)$$

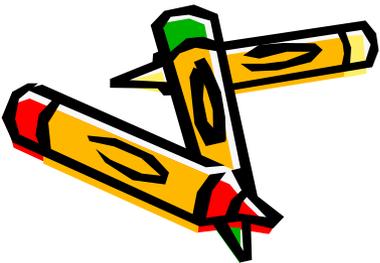
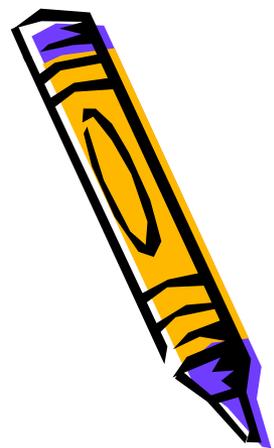


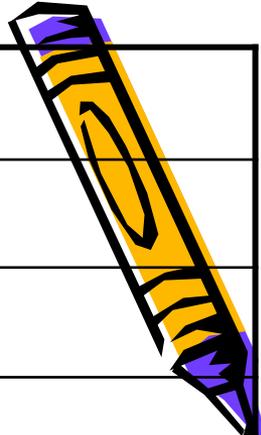
Относительные величины структуры

Характеризуют доли, удельные веса
составных элементов в общем итоге

$$d = (Y / \sum Y) \cdot 100$$

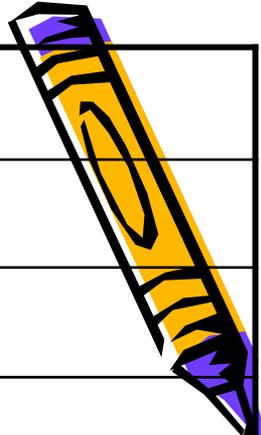
или $d = \frac{\text{Уровень части совокупности}}{\text{Суммарный уровень совокупности}} \cdot 100$





	Объем	
	млрд.руб.	% к итогу
ВВП - всего	9041	100,0
В том числе:		
производство товаров	3490	
производство услуг	4452	
чистые налоги на продукты	1099	





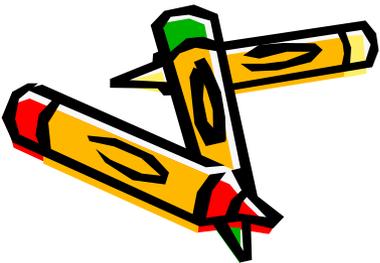
	Объем	
	млрд.руб.	% к итогу
ВВП - всего	9041	100,0
В том числе:		
производство товаров	3490	$3490/9041*100= 38,6$
производство услуг	4452	$4452/9041*100= 49,2$
чистые налоги на продукты	1099	$1099/9041*100= 12,2$



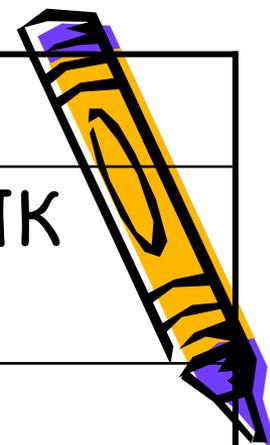
Относительный показатель координации

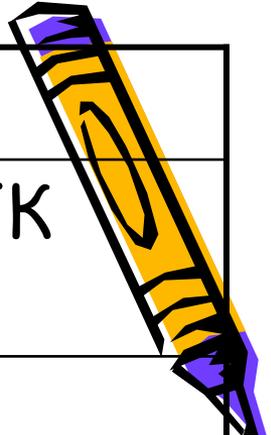
Характеризует отношение частей данной совокупности к одной из них, принятой за базу сравнения

$$ОПК = \frac{\text{Показатель, характеризующий } i\text{-тую часть совокупности}}{\text{Показатель, характеризующий базисную часть совокупности}}$$



	Объем		
	млрд. руб.	% к итогу	ОПК
ВВП - всего	9041	100,0	
В том числе:			
производство товаров	3490	38,6	
производство услуг	4452	49,2	
чистые налоги на продукты	1099	12,2	



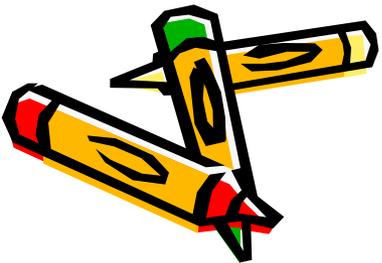
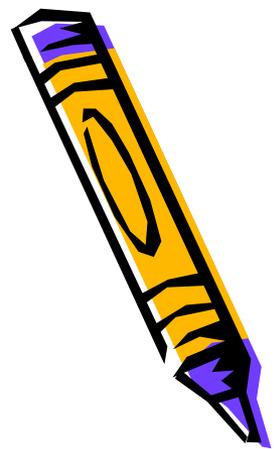


	Объем		
	млрд. руб.	% к итогу	ОПК
ВВП - всего	9041	100,0	
В том числе:			
производство товаров	3490	38,6	Базис
производство услуг	4452	49,2	$4452/3490=$ 127,6
чистые налоги на продукты	1099	12,2	$1099/3490=$ 31,5

Относительный показатель сравнения

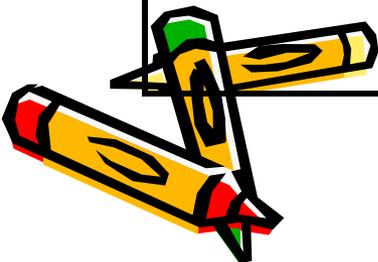
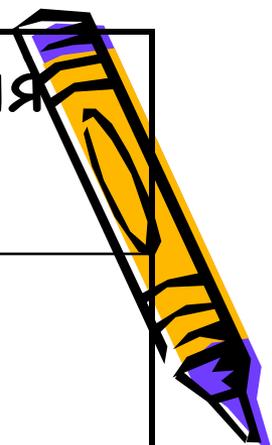
Характеризует сравнительные размеры
одноименных абсолютных величин,
относящихся к одному и тому же
периоду либо моменту времени, но к
различным объектам или территориям

$$ОПС = \frac{\text{Показатель, характеризующий объект } A}{\text{Показатель, характеризующий объект } B}$$



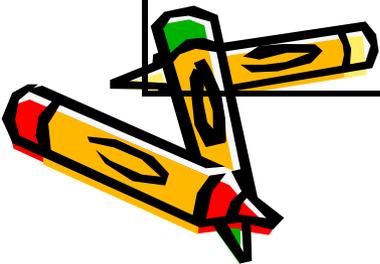
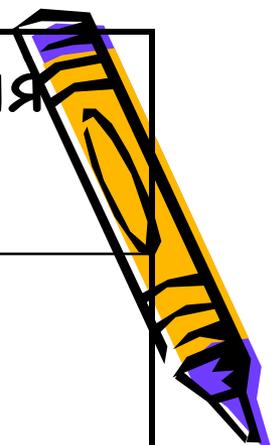
Среднегодовая численность населения
(2000 год) - млн. чел.

Россия	145	Базис
США	275	
Индия	1002	
Китай	1275	



Среднегодовая численность населения
(2000 год) - млн. чел.

Россия	145	Базис
США	275	$275/145=1,9$
Индия	1002	$1002/145=6,9$
Китай	1275	$1275/145=8,8$



Относительный показатель интенсивности

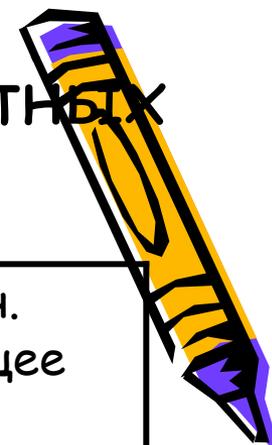
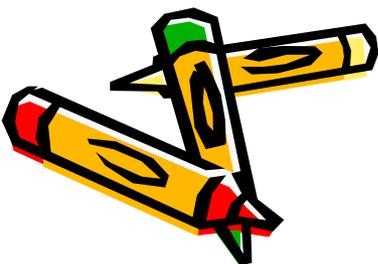
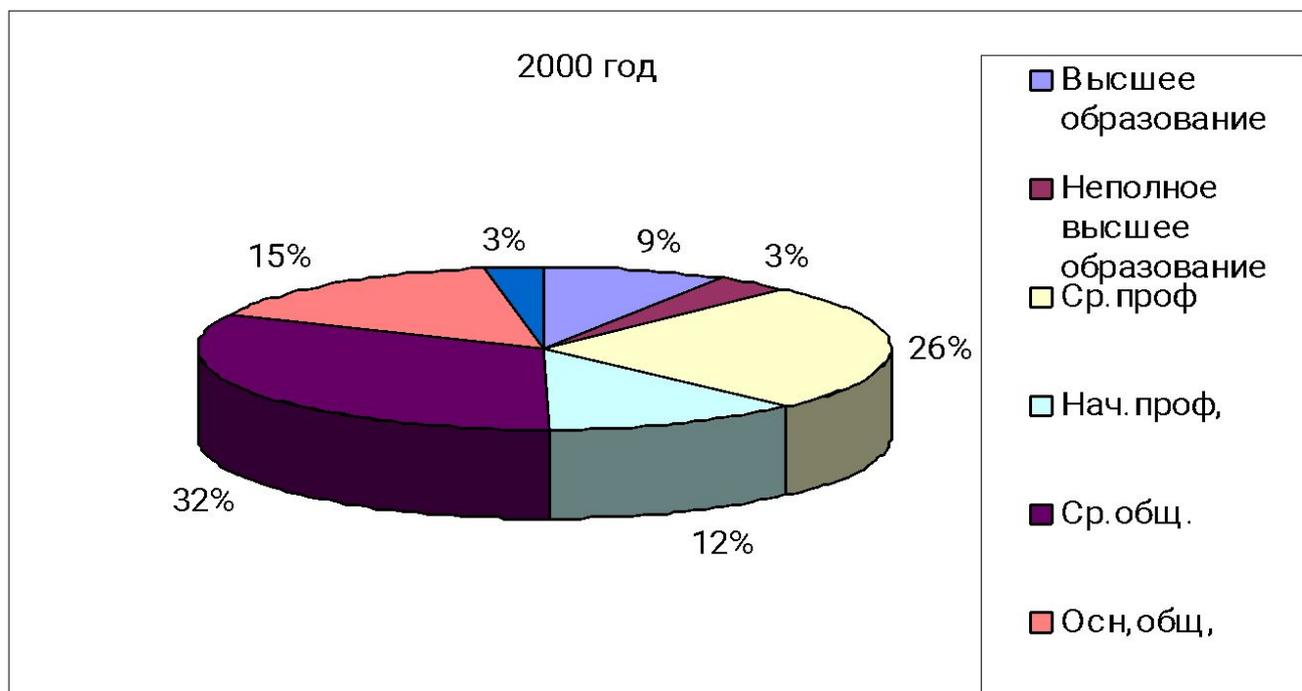
Характеризует степень распределения
или развития данного явления в той или
иной среде

$$ОПИ = \frac{\text{Показатель, характеризующий объект } A}{\text{Факторный показатель анализируемого признака}}$$



На конец 2000 года численность безработных составила 8798,25 тыс.чел.

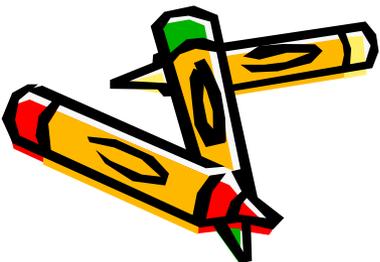
В/о	Неполное в/о	Среднее проф.	Нач. проф.	Среднее общее	Осн. общее	Нач. общее
763,43	276,58	2279,49	1046,63	2850,92	1348,31	232,89



Средний показатель

обобщающий показатель,
характеризующий типический уровень
явления

$$ИСС = \frac{\text{Суммарное значение или объем осредняемого признака}}{\text{Число единиц или объем совокупности}}$$



Средние

Структурные

Мода

Медиана

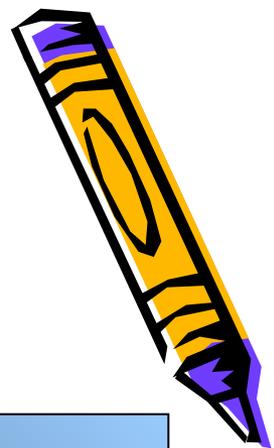
Степенные

Геометрическая

Квадратическая

Гармоническая

Арифметическая



Степенные средние

Простая средняя

$$\bar{X} = \sqrt[m]{\frac{\sum X_i^m}{n}}$$

где X_i - варианта (значение) осредняемого признака;

m - показатель степени средней;

n - число вариантов.

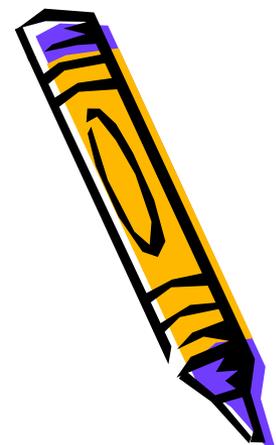
Взвешенная средняя

$$\bar{X} = \sqrt[m]{\frac{\sum X_i^m f_i}{\sum f_i}}$$

где X_i - варианта (значение) осредняемого признака или срединное значение интервала, в котором измеряется варианта;

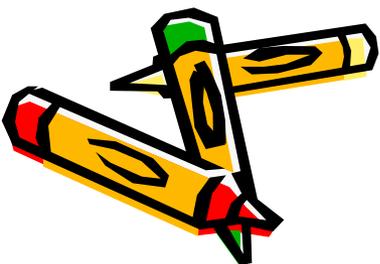
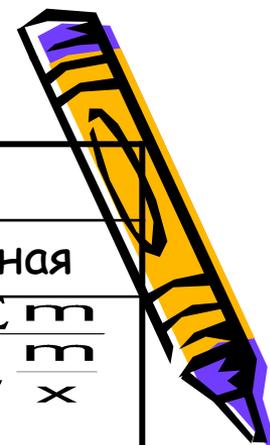
m - показатель степени средней;

f_i - частота, показывающая, сколько раз встречается i -е значение осредняемого признака.



Виды степенных средних

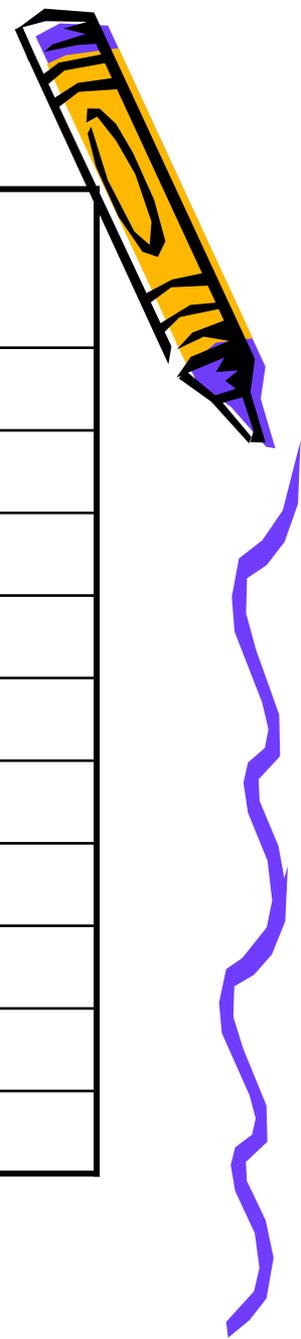
Вид	Показатель степени (m)	Формула расчета	
		Простая	Взвешенная
Гармоническая	-1	$\bar{x} = \frac{n}{\sum \frac{1}{x}}$	$\bar{x} = \frac{\sum m}{\sum \frac{m}{x}}$ $m = xf$
Геометрическая	0	$\bar{x} = \sqrt[n]{\prod x} =$ $= \sqrt[n]{x_1 x_2 \dots x_n}$	$\bar{x} = \sqrt[n]{\prod x^f} =$ $= \sqrt[n]{x_1^{f_1} x_2^{f_2} \dots x_n^{f_n}}$
Арифметическая	1	$\bar{x} = \frac{\sum x}{n}$	$\bar{x} = \frac{\sum xf}{\sum f}$
Квадратическая	2	$\bar{x} = \sqrt{\frac{\sum x^2}{n}}$	$\bar{x} = \sqrt{\frac{\sum x^2 f}{\sum f}}$
Кубическая	3	$\bar{x} = \sqrt[3]{\frac{\sum x^3}{n}}$	$\bar{x} = \sqrt[3]{\frac{\sum x^3 f}{\sum f}}$



$\bar{x}_{\text{гарм.}} \leq \bar{x}_{\text{геом.}} \leq \bar{x}_{\text{арифм.}} \leq \bar{x}_{\text{квадр.}} \leq \bar{x}_{\text{куб.}}$

Пример

№ п/п	Возраст (лет)	№ п/п	Возраст (лет)
1	18	11	22
2	18	12	19
3	19	13	19
4	20	14	20
5	19	15	20
6	20	16	21
7	19	17	19
8	49	18	19
9	19	19	19
10	20	20	19



Средний возраст

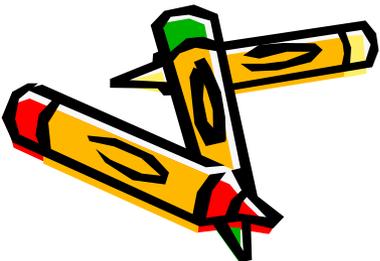
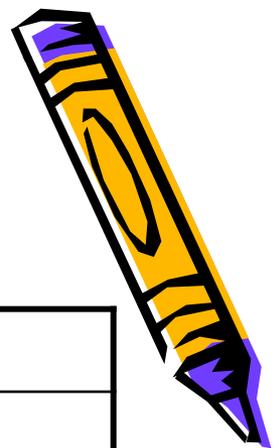
Возраст	18	19	20	21	22
Частота	2	11	5	1	1

Простая
средняя

$$\begin{aligned}\bar{X} &= \frac{18 + 18 + 19 + 20 + 19 + \dots + 20 + 21 + 22}{20} = \\ &= \frac{388}{20} = 19,4 \text{ года}\end{aligned}$$

Взвешенная
средняя

$$\begin{aligned}\bar{X} &= \frac{18 \cdot 2 + 19 \cdot 11 + 20 \cdot 5 + 21 \cdot 1 + 22 \cdot 1}{2 + 11 + 5 + 1 + 1} = \\ &= \frac{36 + 209 + 100 + 21 + 22}{20} = \\ &= \frac{388}{20} = 19,4 \text{ года}\end{aligned}$$



Структурные средние

Мода

наиболее часто повторяющееся значения признака

$$M_o = X_{M_o} + h \frac{m_{M_o} - m_{M_o-1}}{(m_{M_o} - m_{M_o-1}) + (m_{M_o} - m_{M_o+1})}$$

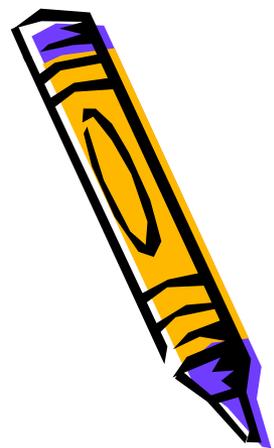
где X_{M_o} - нижнее значение модального интервала;

m_{M_o} - число наблюдений или объем взвешивающего признака в модальном интервале (в абсолютном либо относительном выражении);

m_{M_o-1} - то же для интервала, предшествующего модальному;

m_{M_o+1} - то же для интервала, следующего за модальным;

h - величина интервала изменения признака в группах



Структурные средние

Медиана

величина признака, которая делит упорядоченную последовательность его значений на две равные по численности части

$$N = \frac{n+1}{2}; \quad Me = X_{Me} + h_{Me} \cdot \frac{\frac{\sum m}{2} - S_{Me-1}}{m_{Me}}$$

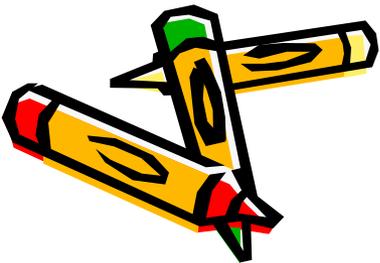
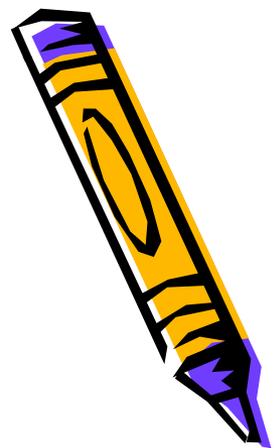
где X_{Me} - нижняя граница медианного интервала;

h_{Me} - его величина;

$\sum m/2$ - половина от общего числа наблюдений или половина объема того показателя, который используется в качестве взвешивающего в формулах расчета средней величины (в абсолютном или относительном выражении);

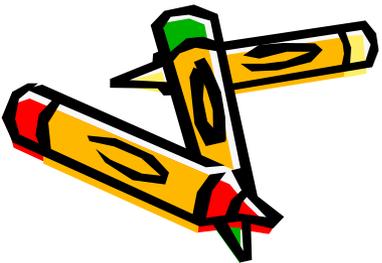
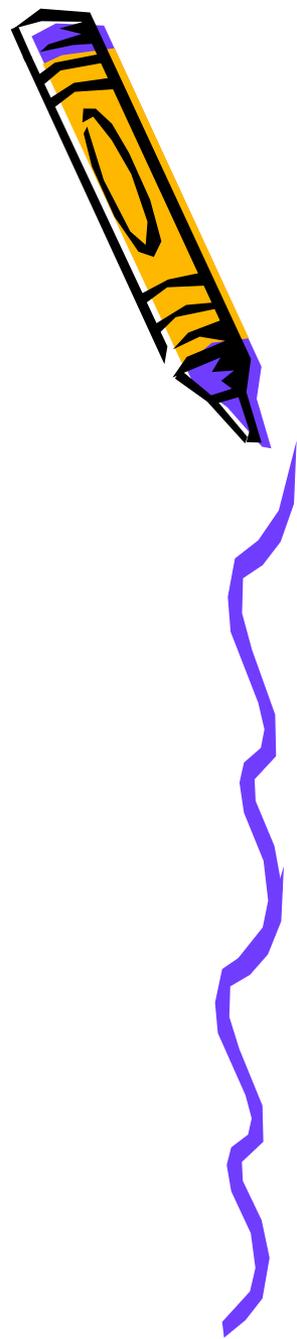
S_{Me-1} - сумма наблюдений (или объема взвешивающего признака), накопленная до начала медианного интервала;

m_{Me} - число наблюдений или объем взвешивающего признака в медианном интервале (также в абсолютном либо относительном выражении).

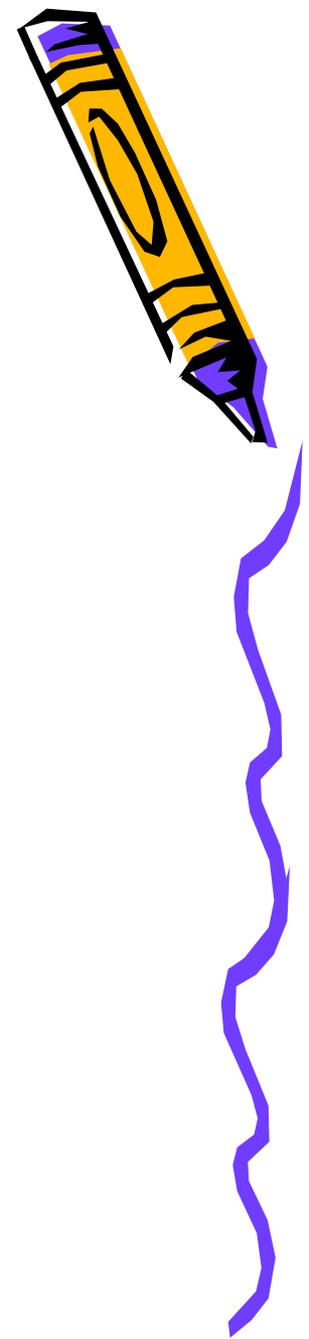


Показатели вариации:

- частотные показатели;
- показатели распределения - структурные средние;
- показатели степени вариации;
- показатели формы распределения.



Частотные показатели вариации



- абсолютная численность i -той группы - частота f_i

$$\sum_1^m f_i = n$$

- относительная частота - частость d_i

$$\sum_1^m d_i = 1$$

$$d_i = \frac{f_i}{\sum_{i=1}^k f_i}$$

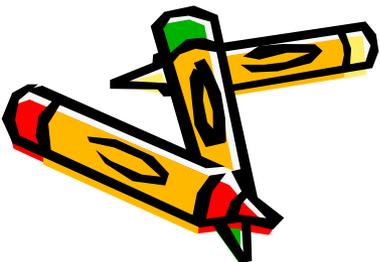
- кумулятивная (накопленная) частота S_i (частость S_d) характеризует объем совокупности со значениями вариантов, не превышающих X_i .

$$S_1=f_1, S_2=f_1+f_2, S_3=f_1+f_2+f_3;$$

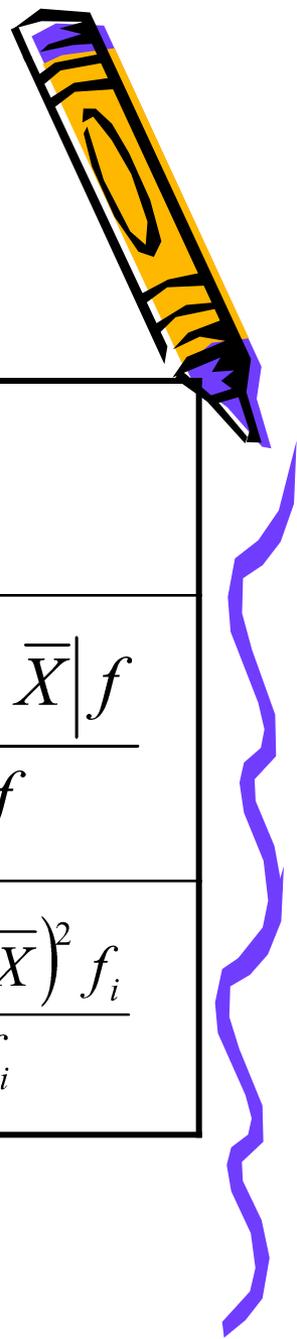
- плотность частоты (частости) представляет собой частоту, приходящуюся на единицу интервала,

$$q_i=f_i/h_i \text{ или } q_i=d_i/h_i$$

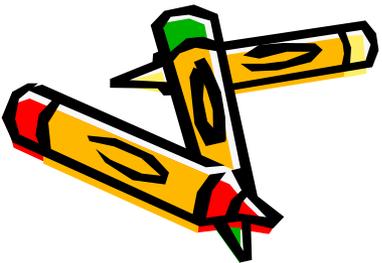
где h_i - величина i -того интервала.



Показатели вариации:

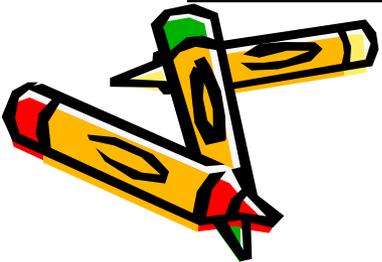
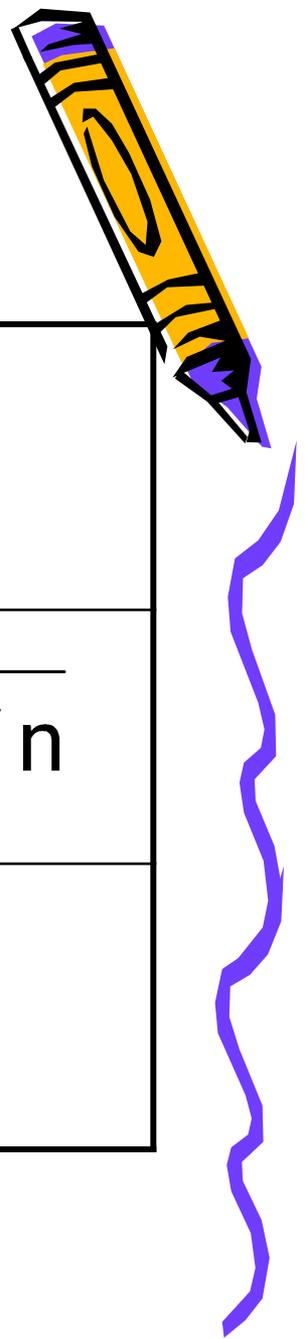


Размах вариации	$R = X_{\max} - X_{\min}$	
Среднее линейное отклонение	$L = \frac{\sum X - \bar{X} }{n}$	$L = \frac{\sum X - \bar{X} f}{\sum f}$
Дисперсия	$\sigma^2 = \frac{\sum (X_i - \bar{X})^2}{n}$	$\sigma^2 = \frac{\sum (X_i - \bar{X})^2 f_i}{\sum f_i}$

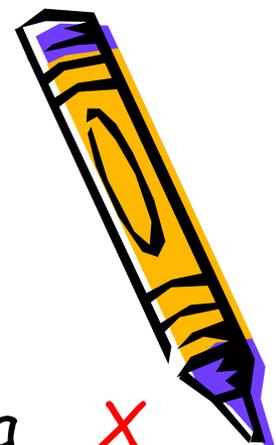


Показатели вариации:

Среднее квадратическое отклонение	$\sigma = \sqrt{\sigma^2}$
Средняя ошибка выборки	$\mu = \sqrt{\sigma^2(X)} = \sqrt{\sigma^2 / n}$
Дисперсия среднего значения	$\sigma^2(\bar{X}) = \sigma^2 / n$



Дисперсия:



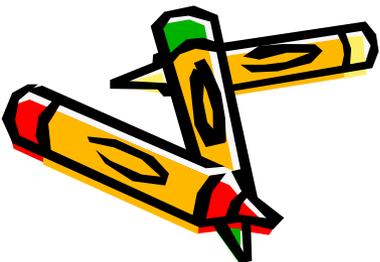
1. Дисперсия постоянной величины равна 0.
2. Если все значения вариантов признака X уменьшить на постоянную величину A , то дисперсия не изменится.
3. Если все значения вариантов X уменьшить в K раз, то дисперсия уменьшится в K^2 раз.
4. На практике часто используют более простую формулу для расчета дисперсии: \bar{X}^2

5. При малом числе наблюдений (< 30):

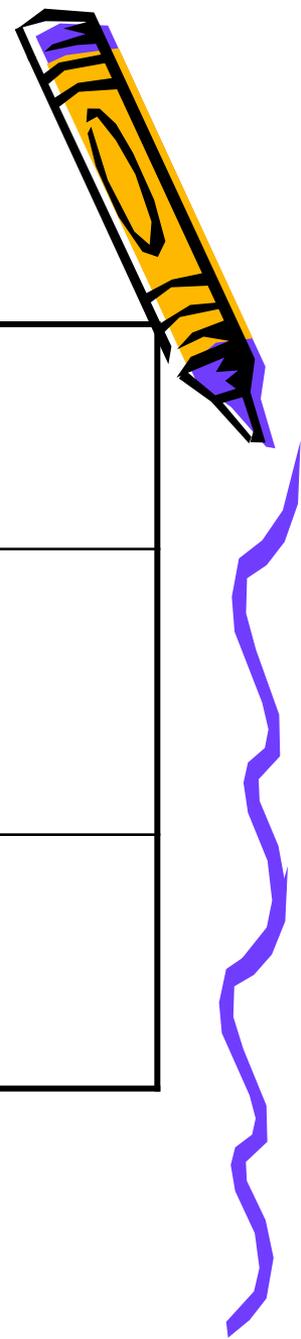
$$\sigma^2 = \frac{\sum (X_i - \bar{X})^2}{n-1}$$

или

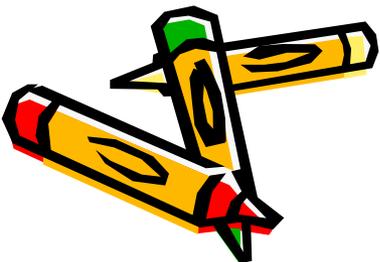
$$\sigma^2 = \frac{n}{n-1} \left(\overline{X^2} - (\bar{X})^2 \right)$$



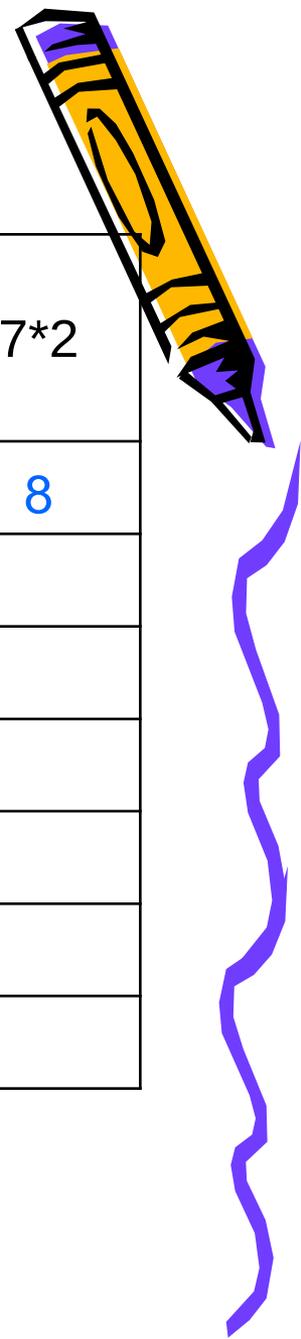
Показатели относительного рассеивания :



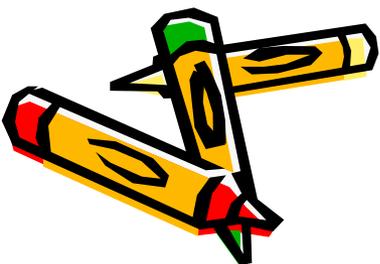
Коэффициент осцилляции	$K_0 = \frac{R}{\bar{x}} \cdot 100\%$
Линейный коэффициент вариации	$K_L = \frac{\bar{L}}{\bar{x}} \cdot 100\%$
Коэффициент вариации	$\mathcal{V} = \frac{\sigma}{\bar{x}} \cdot 100\%$



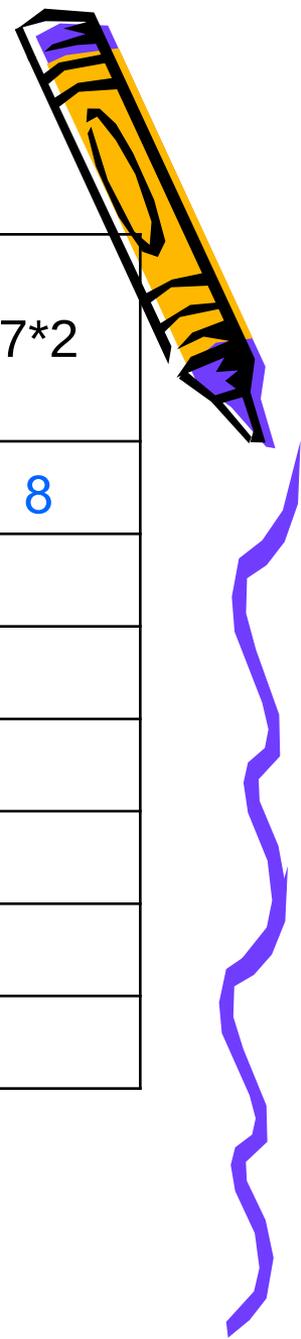
Пример 1



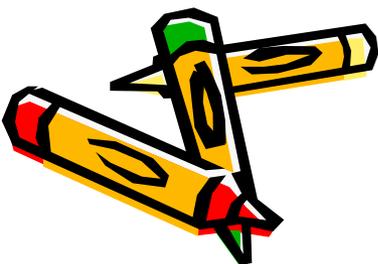
Значение (X)	Частота (f)	Кумулята (S)	$X \cdot f$	$ X - \bar{X} $	$5 \cdot 2$	$5 \cdot 5$	$7 \cdot 2$
1	2	3	4	5	6	7	8
2	5						
3	13						
4	16						
5	10						
6	6						
	50						



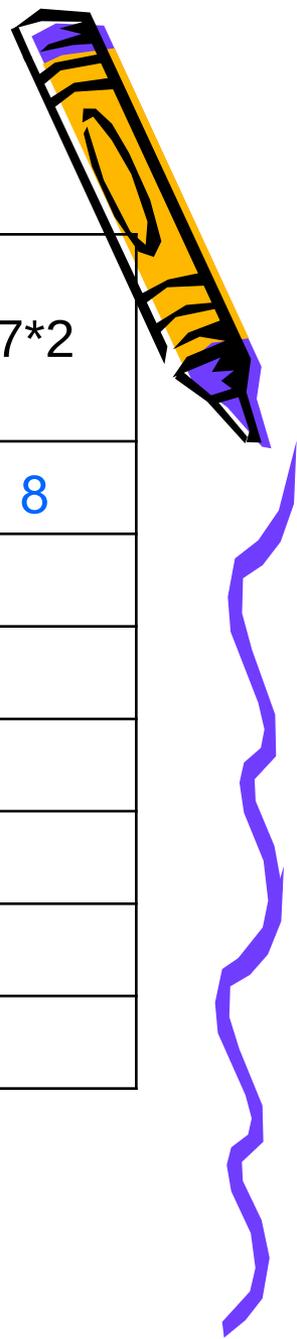
Пример 1



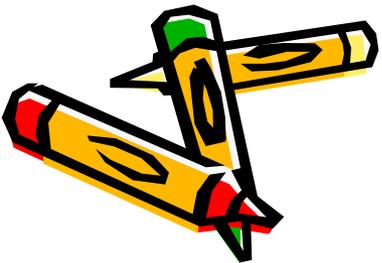
Значение (X)	Частота (f)	Кумулята (S)	$X \cdot f$	$ X - \bar{X} $	$5 \cdot 2$	$5 \cdot 5$	$7 \cdot 2$
1	2	3	4	5	6	7	8
2	5	5					
3	13	18					
4	16	34					
5	10	44					
6	6	50					
	50						



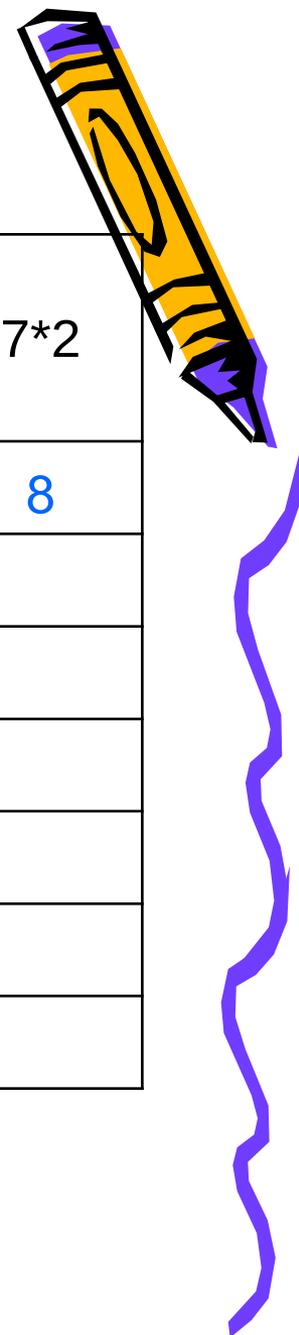
Пример 1



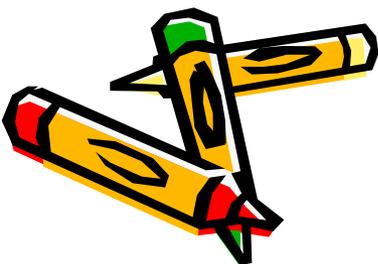
Значение (X)	Частота (f)	Кумулята (S)	$X \cdot f$	$ X - \bar{X} $	$5 \cdot 2$	$5 \cdot 5$	$7 \cdot 2$
1	2	3	4	5	6	7	8
2	5	5	10				
3	13	18	39				
4	16	34	64				
5	10	44	50				
6	6	50	36				
	50		199				



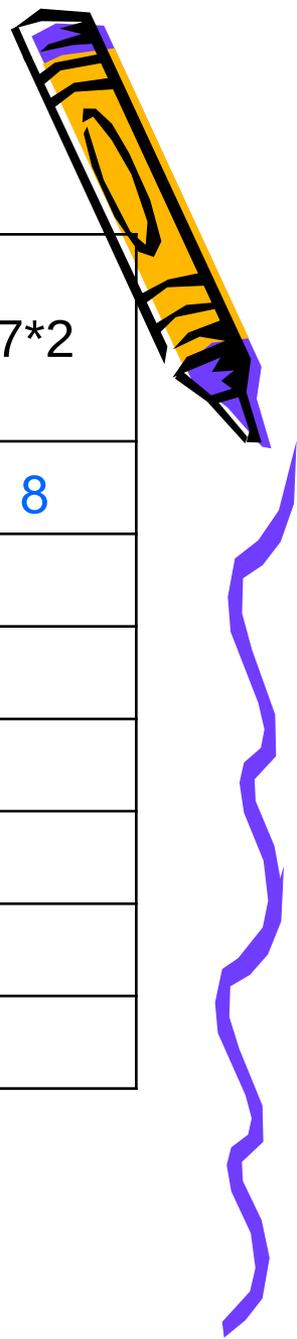
Пример 1



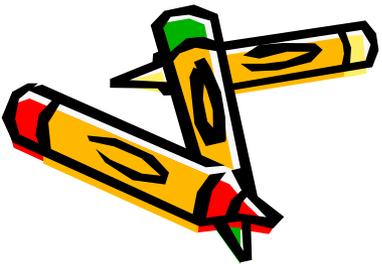
Значение (X)	Частота (f)	Кумулята (S)	$X \cdot f$	$ X - \bar{X} $	$5 \cdot 2$	$5 \cdot 5$	$7 \cdot 2$
1	2	3	4	5	6	7	8
2	5	5	10	1,98			
3	13	18	39	0,98			
4	16	34	64	0,02			
5	10	44	50	1,02			
6	6	50	36	2,02			
	50		199				



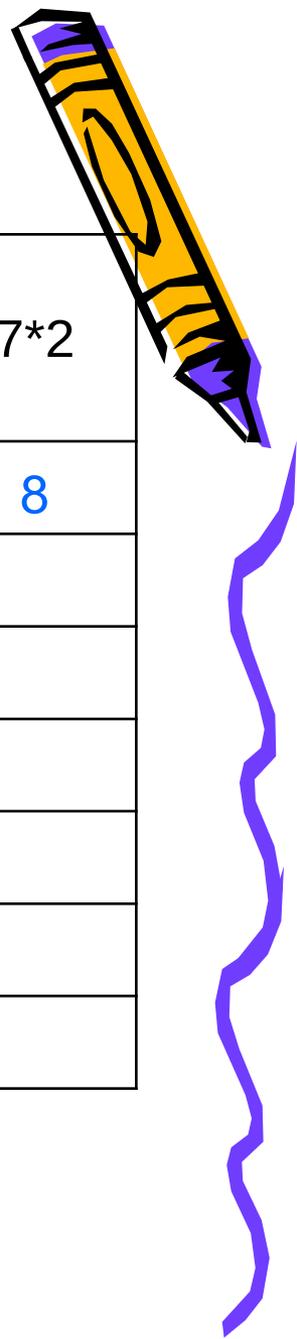
Пример 1



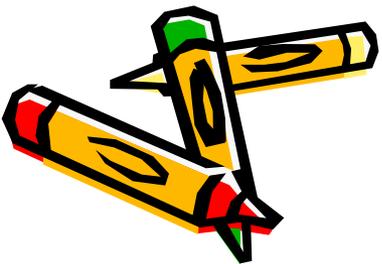
Значение (X)	Частота (f)	Кумулята (S)	$X \cdot f$	$ X - \bar{X} $	$5 \cdot 2$	$5 \cdot 5$	$7 \cdot 2$
1	2	3	4	5	6	7	8
2	5	5	10	1,98	9,9		
3	13	18	39	0,98	12,74		
4	16	34	64	0,02	0,32		
5	10	44	50	1,02	10,2		
6	6	50	36	2,02	12,12		
	50		199		45,28		



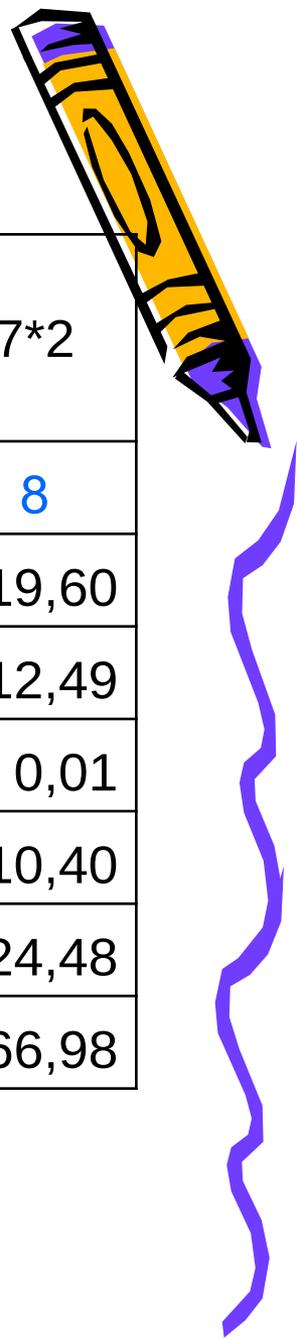
Пример 1



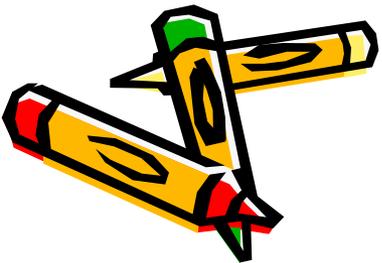
Значение (X)	Частота (f)	Кумулята (S)	$X \cdot f$	$ X - \bar{X} $	$5 \cdot 2$	$5 \cdot 5$	$7 \cdot 2$
1	2	3	4	5	6	7	8
2	5	5	10	1,98	9,9	3,92	
3	13	18	39	0,98	12,74	0,96	
4	16	34	64	0,02	0,32	0,00	
5	10	44	50	1,02	10,2	1,04	
6	6	50	36	2,02	12,12	4,08	
	50		199		45,28	10,00	



Пример 1

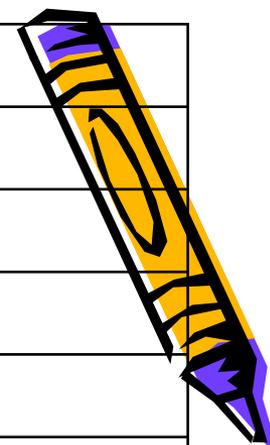


Значение (X)	Частота (f)	Кумулята (S)	$X \cdot f$	$ X - \bar{X} $	$5 \cdot 2$	$5 \cdot 5$	$7 \cdot 2$
1	2	3	4	5	6	7	8
2	5	5	10	1,98	9,9	3,92	19,60
3	13	18	39	0,98	12,74	0,96	12,49
4	16	34	64	0,02	0,32	0,00	0,01
5	10	44	50	1,02	10,2	1,04	10,40
6	6	50	36	2,02	12,12	4,08	24,48
	50		199		45,28	10,00	66,98



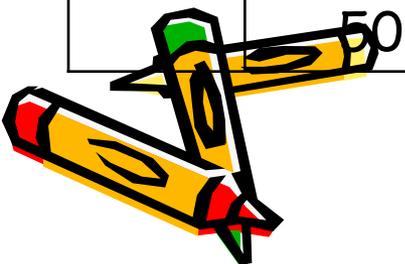
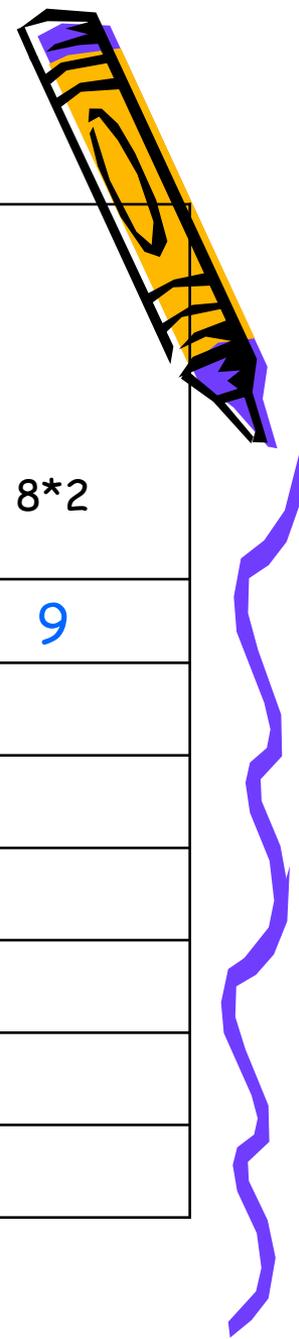
Показатели вариации (пример 1)

max	6
min	2
n	50
среднее	3,98
средневзвешенное	3,98
Мода	4
Номер медианы	25,5
Медиана	4
Размах вариации	4
Среднее линейное отклонение	0,91
Дисперсия	1,34
Среднее квадратическое отклонение	1,16
Коэффициент осциляции	101%
Линейная вариация	23%
Показатель колеблемости	29%
Средняя ошибка выборки	0,16



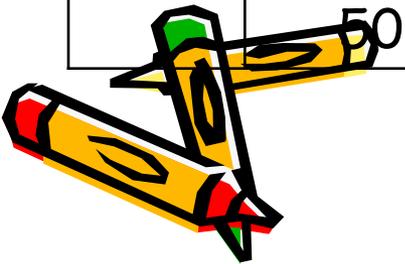
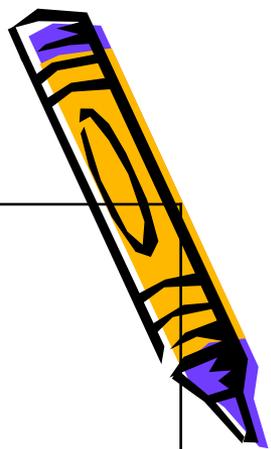
Пример 2

Значение (X)	Частота (f)	Кумулята (S)	Средина интервала	$4 \cdot f$	$!X - X_{\text{ср}}!$	$6 \cdot 2$	$6 \cdot 6$	$8 \cdot 2$
1	2	3	4	5	6	7	8	9
5-7	9							
7-9	16							
9-11	11							
11-13	8							
13-15	6							
	50							



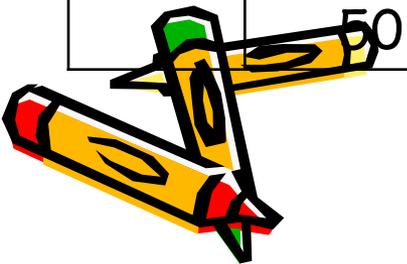
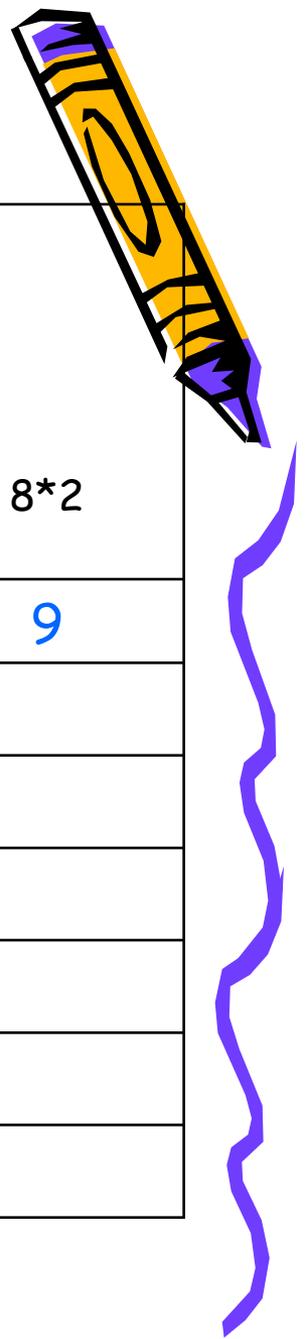
Пример 2

Значение (X)	Частота (f)	Кумулята (S)	Средина интервала	$4 \cdot f$	$!X - X_{ср}!$	$6 \cdot 2$	$6 \cdot 6$	$8 \cdot 2$
1	2	3	4	5	6	7	8	9
5-7	9	9						
7-9	16	25						
9-11	11	36						
11-13	8	44						
13-15	6	50						
	50							



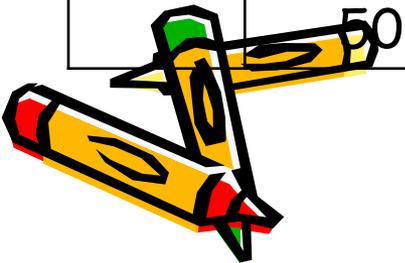
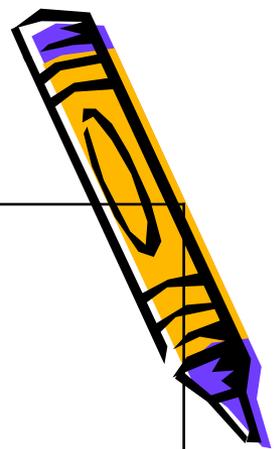
Пример 2

Значение (X)	Частота (f)	Кумулята (S)	Средина интервала	$4 \cdot f$	$!X - X_{\text{ср}}!$	$6 \cdot 2$	$6 \cdot 6$	$8 \cdot 2$
1	2	3	4	5	6	7	8	9
5-7	9	9	6					
7-9	16	25	8					
9-11	11	36	10					
11-13	8	44	12					
13-15	6	50	14					
	50							



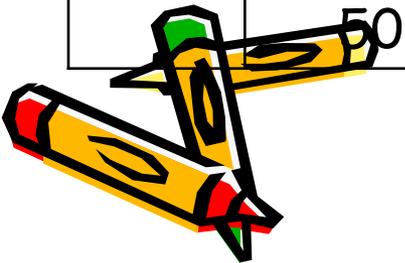
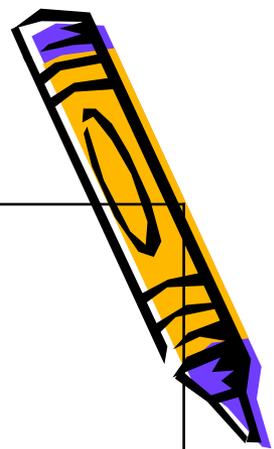
Пример 2

Значение (X)	Частота (f)	Кумулята (S)	Средина интервала	$4 \cdot f$	$!X - X_{\text{ср}}!$	$6 \cdot 2$	$6 \cdot 6$	$8 \cdot 2$
1	2	3	4	5	6	7	8	9
5-7	9	9	6	54				
7-9	16	25	8	128				
9-11	11	36	10	110				
11-13	8	44	12	96				
13-15	6	50	14	84				
	50			472				



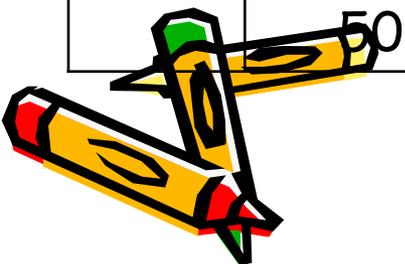
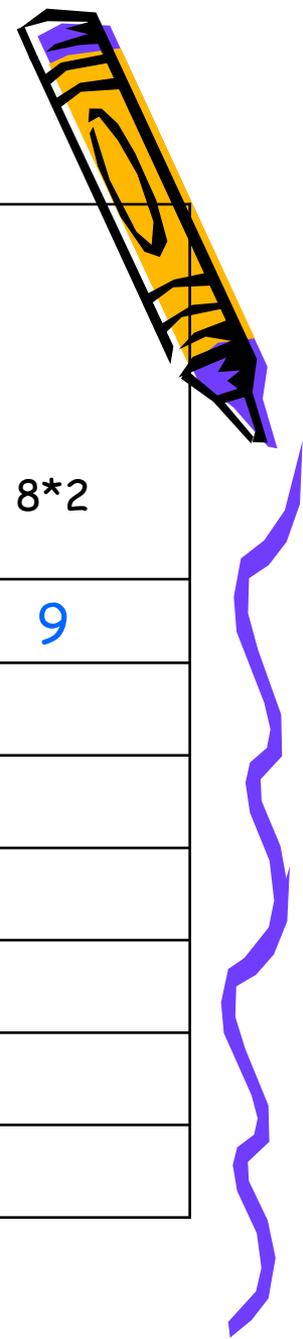
Пример 2

Значение (X)	Частота (f)	Кумулята (S)	Средина интервала	$4 \cdot f$	$!X - X_{\text{ср.}}$	$6 \cdot 2$	$6 \cdot 6$	$8 \cdot 2$
1	2	3	4	5	6	7	8	9
5-7	9	9	6	54	3,44			
7-9	16	25	8	128	1,44			
9-11	11	36	10	110	0,56			
11-13	8	44	12	96	2,56			
13-15	6	50	14	84	4,56			
	50			472				



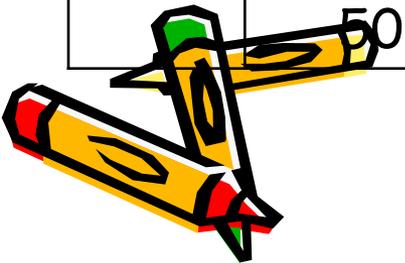
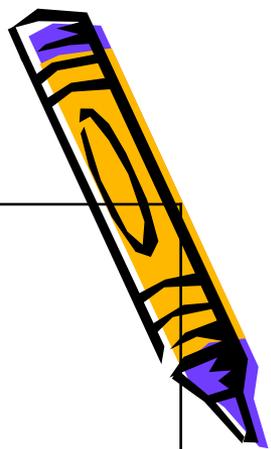
Пример 2

Значение (X)	Частота (f)	Кумулята (S)	Средина интервала	$4 \cdot f$	$!X - X_{\text{ср}}!$	$6 \cdot 2$	$6 \cdot 6$	$8 \cdot 2$
1	2	3	4	5	6	7	8	9
5-7	9	9	6	54	3,44	30,96		
7-9	16	25	8	128	1,44	23,04		
9-11	11	36	10	110	0,56	6,16		
11-13	8	44	12	96	2,56	20,48		
13-15	6	50	14	84	4,56	27,36		
	50			472		108		



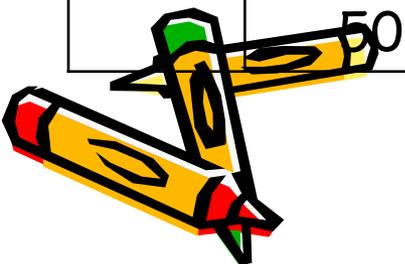
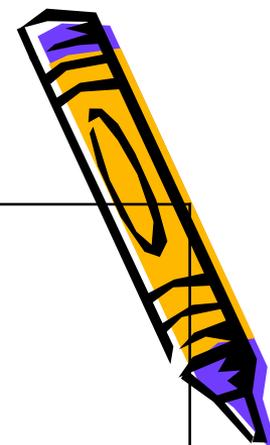
Пример 2

Значение (X)	Частота (f)	Кумулята (S)	Средина интервала	$4 \cdot f$	$!X - X_{\text{ср.}}$	$6 \cdot 2$	$6 \cdot 6$	$8 \cdot 2$
1	2	3	4	5	6	7	8	9
5-7	9	9	6	54	3,44	30,96	11,83	
7-9	16	25	8	128	1,44	23,04	2,07	
9-11	11	36	10	110	0,56	6,16	0,31	
11-13	8	44	12	96	2,56	20,48	6,55	
13-15	6	50	14	84	4,56	27,36	20,79	
	50			472		108	41,57	



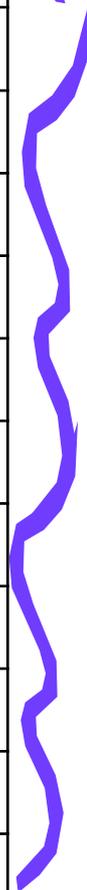
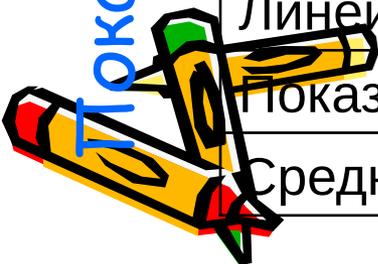
Пример 2

Значение (X)	Частота (f)	Кумулята (S)	Средина интервала	$4 \cdot f$	$!X - X_{\text{ср.}}$	$6 \cdot 2$	$6 \cdot 6$	$8 \cdot 2$
1	2	3	4	5	6	7	8	9
5-7	9	9	6	54	3,44	30,96	11,83	106,50
7-9	16	25	8	128	1,44	23,04	2,07	33,18
9-11	11	36	10	110	0,56	6,16	0,31	3,45
11-13	8	44	12	96	2,56	20,48	6,55	52,43
13-15	6	50	14	84	4,56	27,36	20,79	124,76
	50			472		108	41,57	320,32

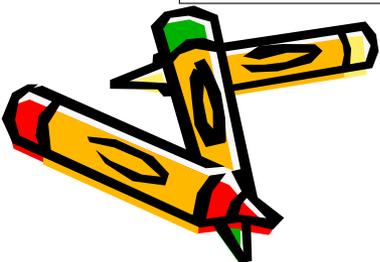
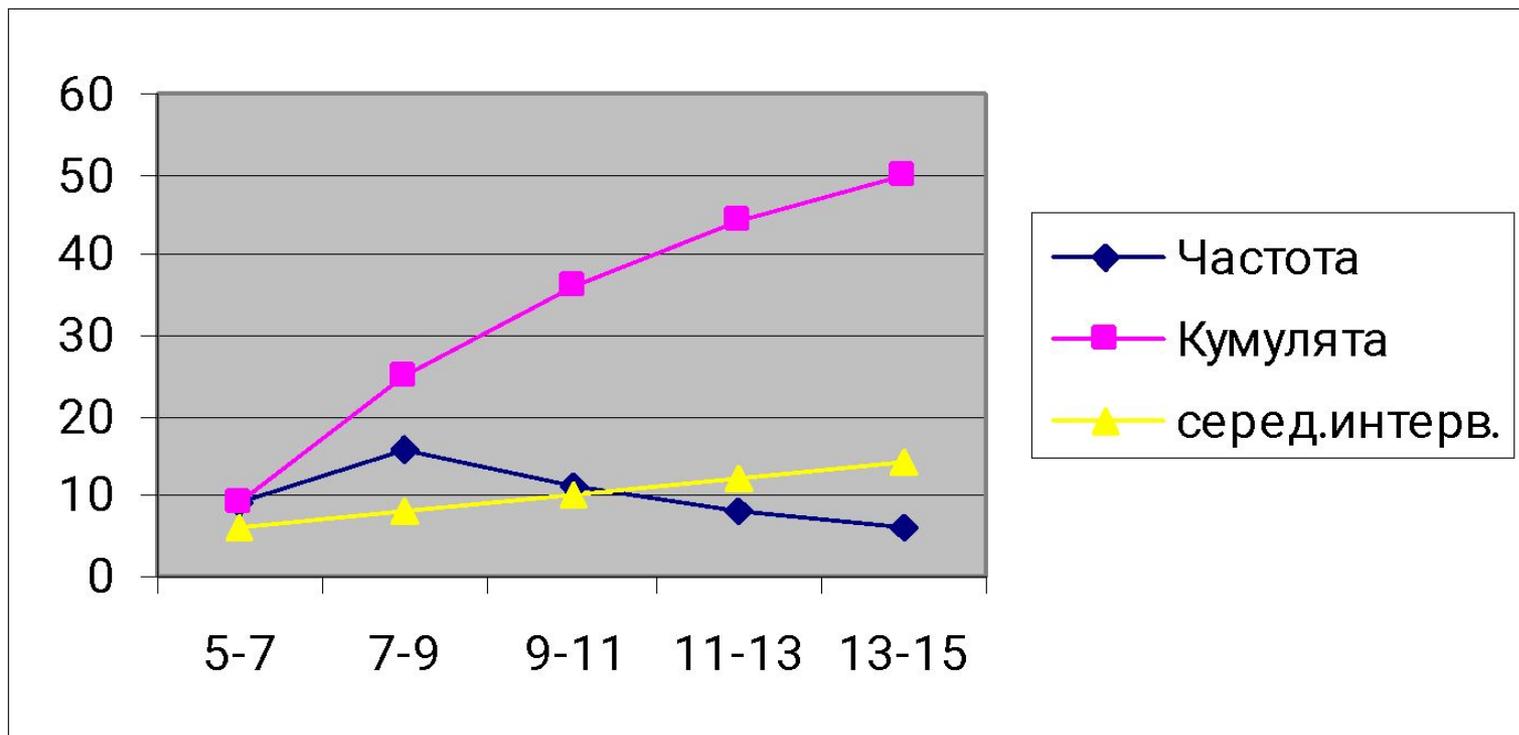


Показатели вариации (пример 2)

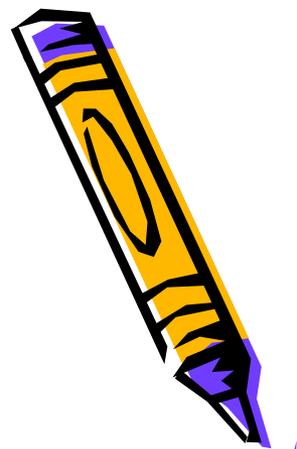
max	15
min	5
n	50
среднее	9,44
средневзвешенное	9,44
Мода	8,17
Номер медианы	25,50
Медиана	9,00
Размах вариации	9,90
Среднее линейное отклонение	2,16
Дисперсия	6,41
Среднее квадратическое отклонение	2,53
Коэффициент осциляции	1,05
Линейная вариация	0,23
Показатель колеблемости	0,27
Средняя ошибка выборки	0,36



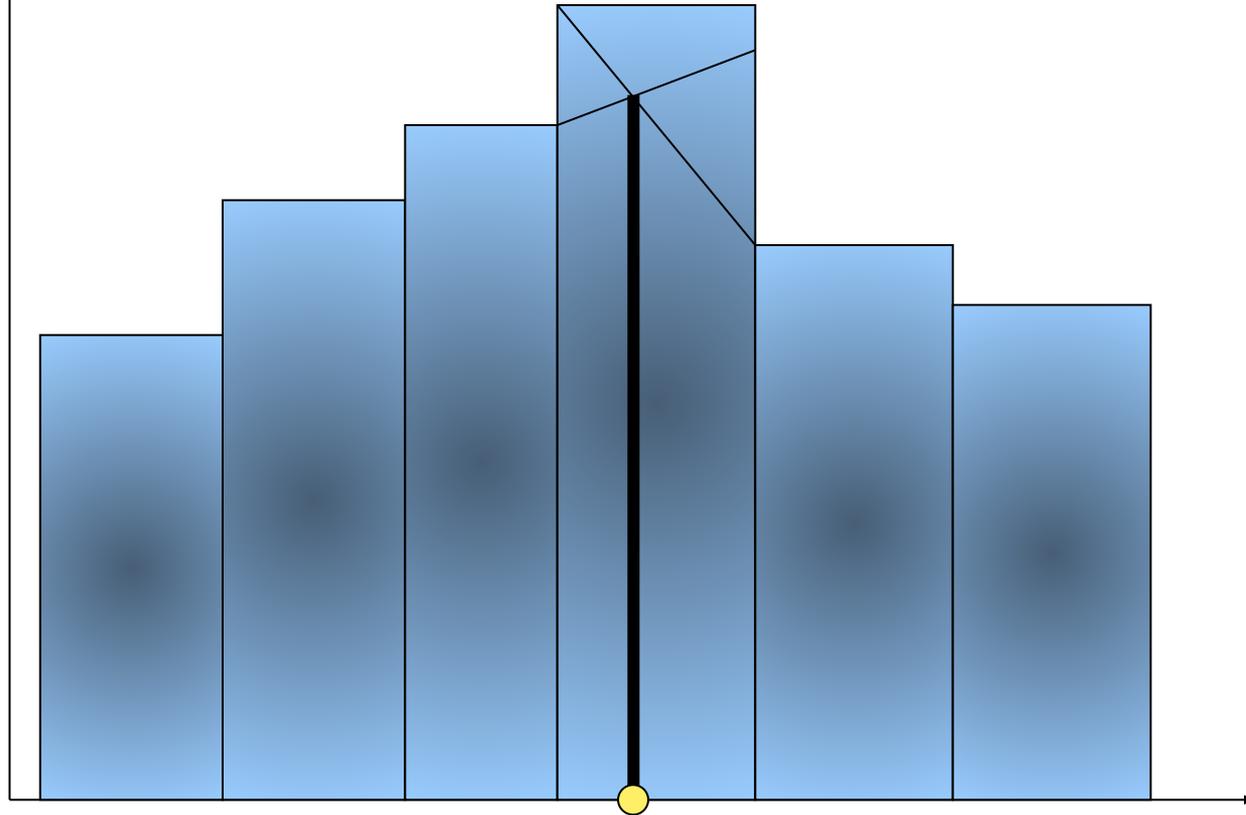
Графики



Графическое определение моды

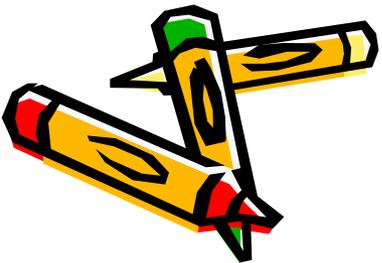


Частота (f)

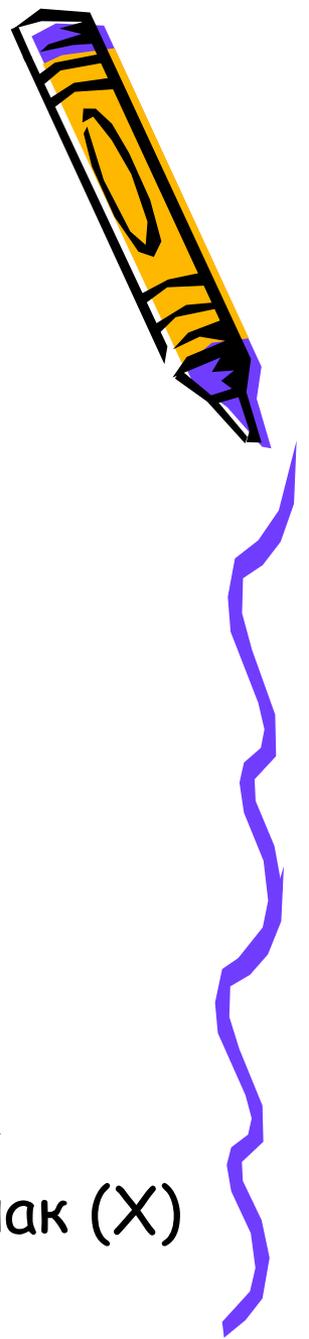


Гистограмма

Признак (X)

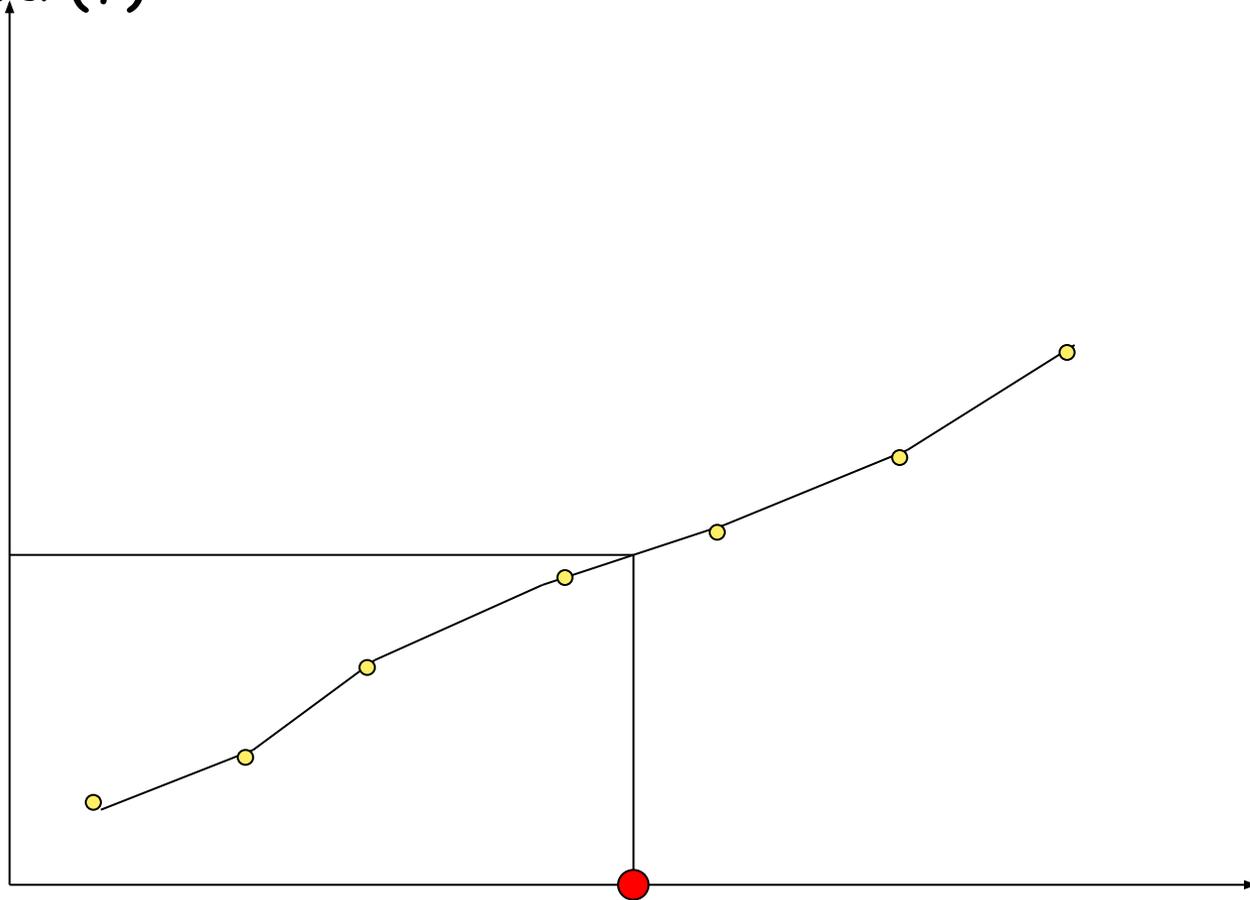


Графическое определение моды



Частота (f)

$$N = \frac{n+1}{2}$$



Кумулята

Признак (X)

