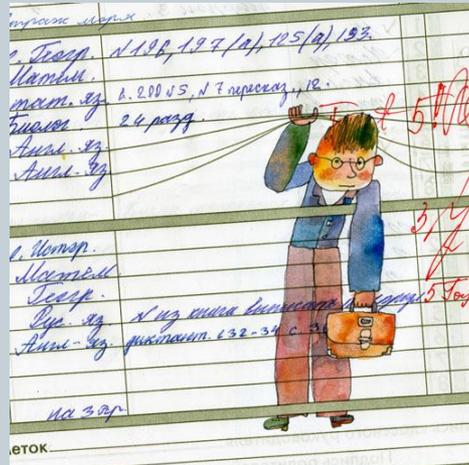


Комбинаторные задачи. Комбинаторика.



перестановки
 $n!$

расположение



выбор
 $n!$

При создании этой презентации были использованы следующие материалы:



- А. Г. Мордкович, П. В. Семёнов. Алгебра 9. Учебник. Часть 1. Изд. Мнемозина. Москва 2010.
- Материалы презентации «Российская академия образования. Институт педагогических исследований одарённости детей (ИПИО). Программно-методический комплекс "Элементы теории множеств и комбинаторики" для среднего и дополнительного образования. Ю.В. Михеев, А.А. Никитин, Г.А. Сапрыкина, Л.С. Шум»: слайды №23. (<http://www.openclass.ru/dig-resource/150925> Ю.В. Михеев, А.А. Никитин, Г.А. Сапрыкина, Л.С. Шум»: слайды №23. (<http://www.openclass.ru/dig-resource/150925>).
- Картинки и изображения с сайта <http://images.yandex.ru/> Картинки и изображения с

Комбинаторика.



*Комбинаторика – это раздел математики, в котором изучаются вопросы **выбора** или **расположения** элементов множества в соответствии с заданными **правилами**.*

*Комбинаторика рассматривает **конечные** множества.*

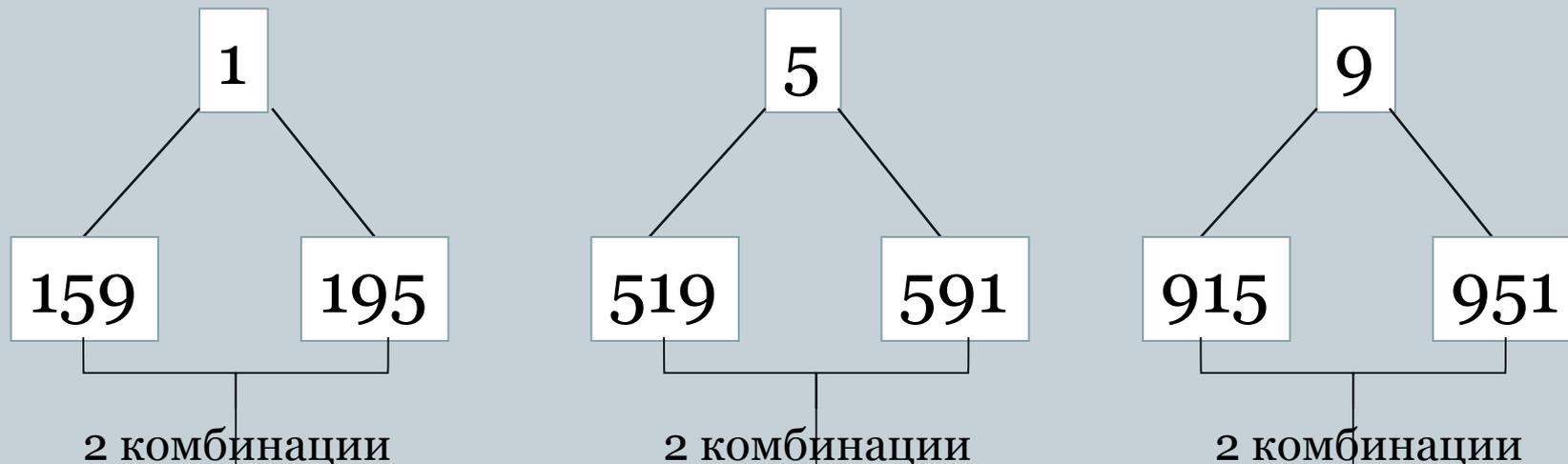
1. Метод перебора вариантов.



Пример 2

Из чисел 1, 5, 9 составить трёхзначное число без повторяющихся цифр.

Дерево возможных вариантов!



Всего $2 \cdot 3 = 6$ комбинаций.

Методы перебора (дерево возможных вариантов).

Пример 3

Из цифр 2, 4, 7 составить трёхзначное число, в котором ни одна цифра не может повторяться более двух раз.

а) Сколько таких чисел начинается с 2?

б) Сколько всего таких чисел можно составить?

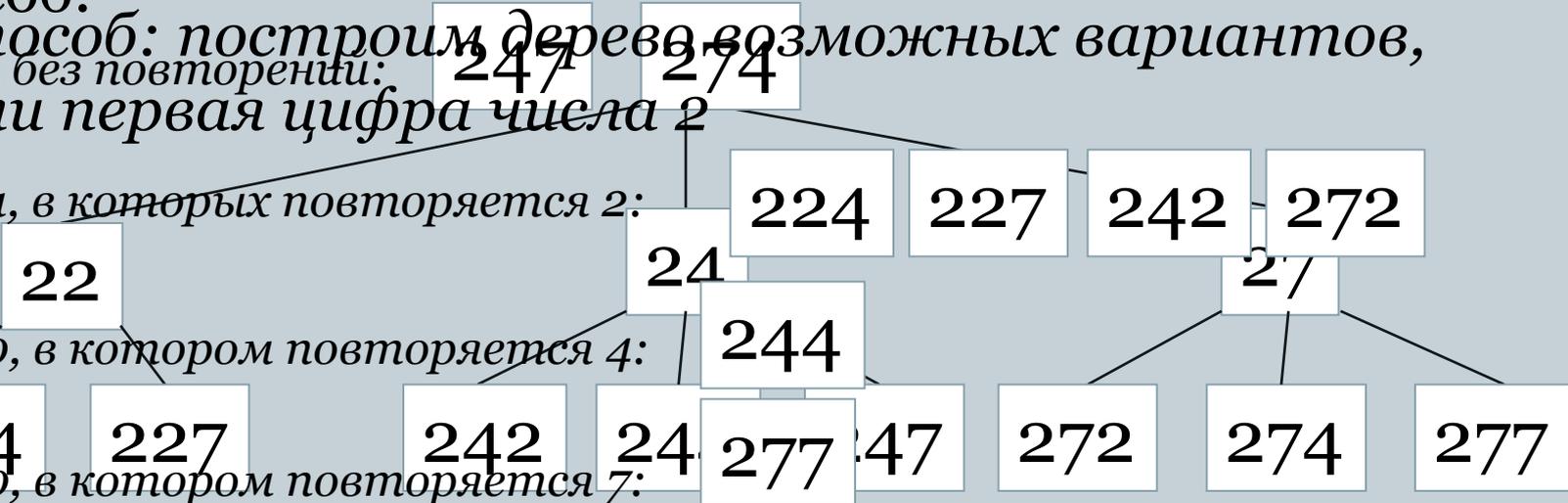
2 способ:

1) Числа без повторения: *способ: построим дерево возможных вариантов, если первая цифра числа 2*

2) Числа, в которых повторяется 2:

3) Число, в котором повторяется 4:

4) Число, в котором повторяется 7:



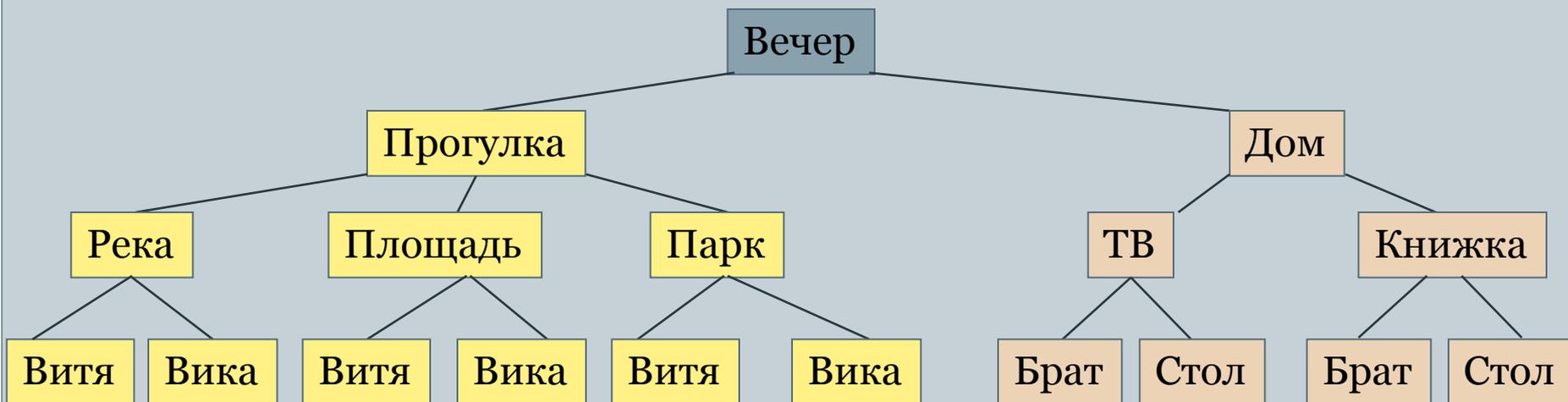
а) Ответ: 8 чисел.

б) Ответ: 24 числа.

Дерево возможных вариантов.

Пример 4.

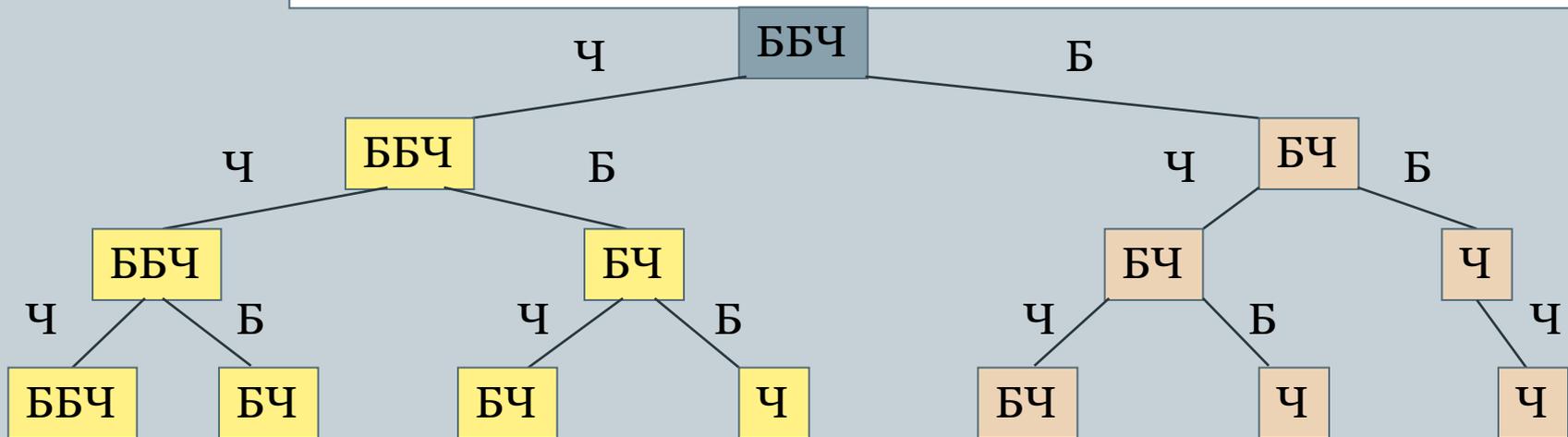
*«Этот вечер свободный можно так провести...» (А. Кушнер):
пойти прогуляться к реке, на площадь или в парк и потом
пойти в гости к Вите или к Вике. А можно остаться дома,
сначала посмотреть телевизор или почитать книжку,
потом поиграть с братом или разобраться наконец у себя на
столе. Нарисовать дерево возможных вариантов.*



Применение дерева возможных вариантов.

Пример 4.

В закрытом ящике три неразличимых на ощупь шара: два белых и один чёрный. При вытаскивании чёрного шара, его возвращают обратно, а вытаскиваемый белый шар откладывают в сторону. Такую операцию производят 3 раза подряд. а) Нарисовать дерево возможных вариантов. б) В скольких случаях будут вытаскиваться шары одного цвета? в) В скольких случаях среди вытаскиваемых шаров белых будет больше?



На завтрак можно выбрать булочку, кекс, пряники или печенье. Сколько вариантов завтрака есть?

2. Правило умножения.

х/б
изд.

булочка



кекс



пряники



печенье



Для того, чтобы найти число всех возможных исходов (вариантов) независимого проведения двух испытаний А и В, надо перемножить число всех исходов испытания А на число всех исходов испытания В

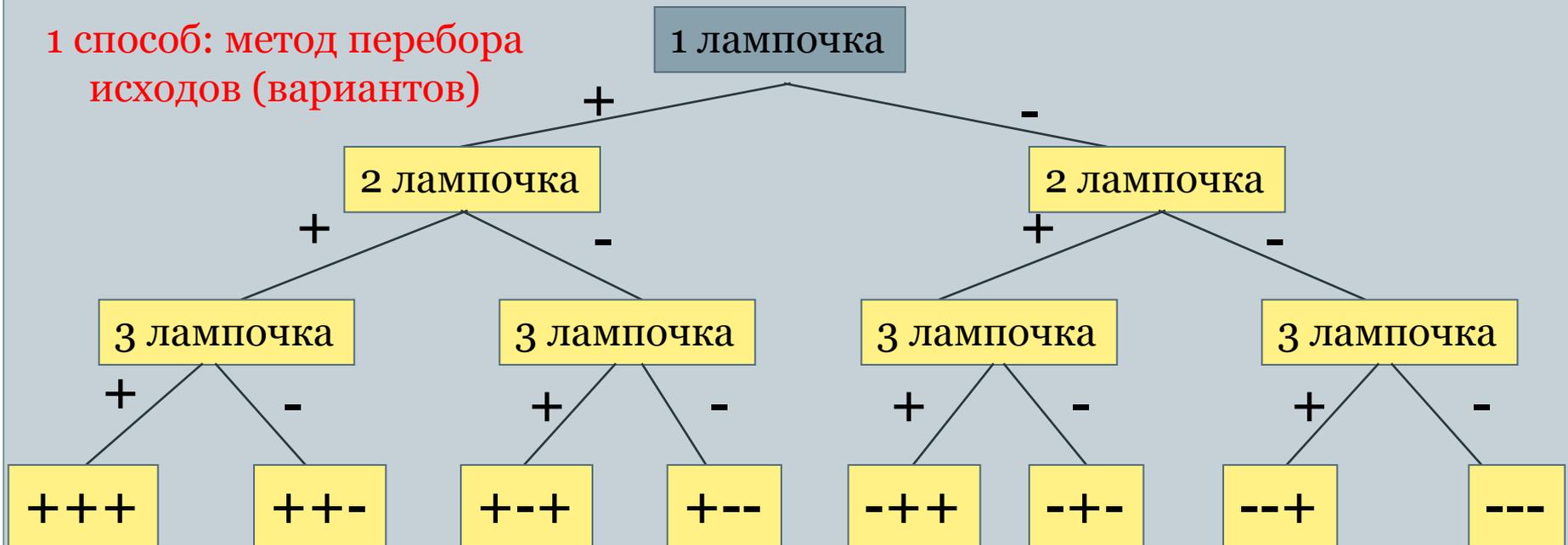


Испытание А имеет 3 варианта (исхода), а испытание В-4, всего вариантов независимых испытаний А и В $3 \cdot 4 = 12$.

Решим задачу:

В комнате 3 лампочки. Сколько имеется различных вариантов освещения комнаты, включая случай, когда все лампочки не горят.

1 способ: метод перебора исходов (вариантов)



2 способ: правило умножения.

Испытание А- действие 1 лампочки, испытание В-действие 2 лампочки, испытание С-действие 3 лампочки.

У каждого испытания 2 исхода: «горит» и «не горит»

Всего исходов: $2 \cdot 2 \cdot 2 = 8$

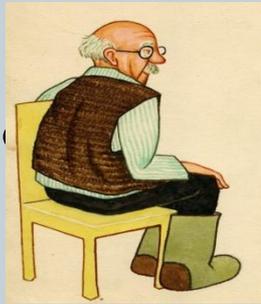
Семейный ужин.

Пример 1.

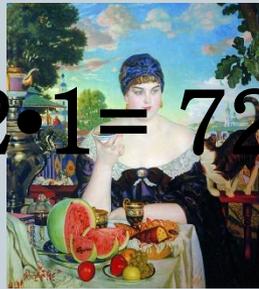
В семье 6 человек, а за столом в кухне 6 стульев. Было решено каждый вечер перед ужином рассаживаться на эти 6 стульев по-новому. Сколько дней члены семьи смогут делать это без повторений?



6



5



4



3



2



1

6

$6 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 = 720$

очти 2 года



№1



№2



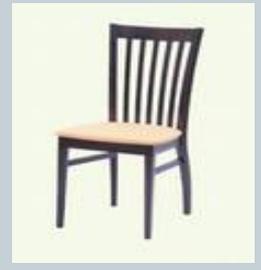
№3



№4



№5



№6