

Nº19 -Nº21

Пример

№1

Два игрока, Петя и Ваня, играют в следующую игру. Перед игроками лежит две кучи камней. Игроки ходят по очереди, первый ход делает Петя. За один ход игрок может

- а) добавить в любую кучу **два камня**;
- б) увеличить количество камней в любой куче в **два раза**.

Игра завершается в тот момент, когда суммарное количество камней в двух кучах становится не менее 142.

**Задание 19.**

Известно, что Ваня выиграл своим первым ходом после неудачного первого хода Пети.

Назовите минимальное значение  $S$ , при котором это возможно.

**Задание 20.**

Найдите два таких значения  $S$ , при которых у Пети есть выигрышная стратегия, причём одновременно выполняются два условия:

- Петя не может выиграть за один ход;
- Петя может выиграть своим вторым ходом независимо от того, как будет ходить Ваня.

Найденные значения запишите в ответе в порядке возрастания.

**Задание 21**

Найдите значение  $S$ , при котором одновременно выполняются два условия:

- у Вани есть выигрышная стратегия, позволяющая ему выиграть первым или вторым ходом при любой игре Пети;
- у Вани нет стратегии, которая позволит ему гарантированно выиграть первым ходом.

Номер позиции р	1	2	3	4	5
	Исх.поз	Петя	Ваня	Петя	Ваня

# №1

```
def f(x,y,p):
    if x+y>=142 and p==3:
        return True
    else:
        if x+y<142 and p==3:
            return False
        return f(x+2,y,p+1) or f(x*2,y,p+1) or f(x,y+2,p+1) or f(x,y*2,p+1)

for s in range(1, 100+1):
    if f(2, s, 1):
        print(s)
        break
```

х - количество камней в 1-ой куче,  
у - количество камней в 2-ой куче,  
р - текущая позиция

Отве  
т:

35

## №2

```
def f(x,y,p):
    if x+y>=142 and p==4: # должен выиграть Петя
        return True
    else:
        if x+y<142 and p==4:
            return False
        else:
            if x+y>=142: # но не та позиция
                return False

    if p%2==1:
        return f(x+2,y,p+1) or f(x*2,y,p+1) or f(x,y+2,p+1) or f(x,y*2,p+1)
    else:
        return f(x+2,y,p+1) and f(x*2,y,p+1) and f(x,y+2,p+1) and f(x,y*2,p+1) # позиции Пети

for s in range(1, 100+1):
    if f(2, s, 1): # в 1-ой куче 2 камня по условию
        print(s)
```

Ответ

67  
68

№2

1

```
def f(x,y,p):
    if x+y>=142 and (p==5 or p==3): # должен выиграть Ваня
        return True
    else:
        if x+y<142 and p==5:
            return False
        else:
            if x+y>=142: # но не та позиция
                return False

        if p%2==0:
            return f(x+2,y,p+1) or f(x*2,y,p+1) or f(x,y+2,p+1) or f(x,y*2,p+1)
        else:
            return f(x+2,y,p+1) and f(x*2,y,p+1) and f(x,y+2,p+1) and f(x,y*2,p+1)

def f1(x,y,p):
    if x+y>=142 and (p==3):
        return True
    else:
        if x+y<142 and p==3:
            return False
        else:
            if x+y>=142: # но не та позиция
                return False

        if p%2==0:
            return f1(x+2,y,p+1) or f1(x*2,y,p+1) or f1(x,y+2,p+1) or f1(x,y*2,p+1)
        else:
            return f1(x+2,y,p+1) and f1(x*2,y,p+1) and f1(x,y+2,p+1) and f1(x,y*2,p+1)

for s in range(1, 100+1):
    if f(2, s, 1):
        print(s)
```

Выводим функцию f

Выводится 2

значения 66 и 69.

Одно из них нам не нужно,  
то при котором Ваня  
гарантированно  
выигрывает 1 ходом.  
Это позиция 3!

Её мы исключаем с  
помощью f1

```
def f(x,y,p):
    if x+y>=142 and (p==5 or p==3): # должен выиграть Ваня
        return True
    else:
        if x+y<142 and p==5:
            return False
        else:
            if x+y>=142: # но не та позиция
                return False

    if p%2==0:
        return f(x+2,y,p+1) or f(x*2,y,p+1) or f(x,y+2,p+1) or f(x,y*2,p+1)
    else:
        return f(x+2,y,p+1) and f(x*2,y,p+1) and f(x,y+2,p+1) and f(x,y*2,p+1)

def f1(x,y,p):
    if x+y>=142 and (p==3):
        return True
    else:
        if x+y<142 and p==3:
            return False
        else:
            if x+y>=142: # но не та позиция
                return False

    if p%2==0:
        return f1(x+2,y,p+1) or f1(x*2,y,p+1) or f1(x,y+2,p+1) or f1(x,y*2,p+1)
    else:
        return f1(x+2,y,p+1) and f1(x*2,y,p+1) and f1(x,y+2,p+1) and f1(x,y*2,p+1)

for s in range(1, 100+1):
    if f1(2, s, 1):
        print(s)
```

Выводим функцию f1

Выводится 69.

Именно это значение  
мы исключаем  
функцией f1.

Остаётся 66!

Ответ:  
**66**

## Пример

№2

Два игрока, Петя и Ваня, играют в следующую игру. Перед игроками лежит две кучи камней. Игроки ходят по очереди, первый ход делает Петя. За один ход игрок может  
а) добавить в любую кучу **один камень**;  
б) увеличить количество камней в любой куче **в четыре раза**.

Игра завершается в тот момент, когда суммарное количество камней в двух кучах становится не менее 133. В начальный момент в первой куче было 7 камней, а во второй –  $S$  камней,  $1 \leq S \leq 125$ .

### Задание 19.

Известно, что Ваня выиграл своим первым ходом после неудачного первого хода Пети. Назовите минимальное значение  $S$ , при котором это возможно.

### Задание 20.

Найдите два таких значения  $S$ , при которых у Пети есть выигрышная стратегия, причём одновременно выполняются два условия:

- Петя не может выиграть за один ход;
- Петя может выиграть своим вторым ходом независимо от того, как будет ходить Ваня.

Найденные значения запишите в ответе в порядке возрастания.

### Задание 21

Найдите значение  $S$ , при котором одновременно выполняются два условия:

- у Вани есть выигрышная стратегия, позволяющая ему выиграть первым или вторым ходом при любой игре Пети;
- у Вани нет стратегии, которая позволит ему гарантированно выиграть первым ходом.

# №1

```
def f(x,y,p):
    if x+y>=133 and p==3:
        return True
    else:
        if x+y<133 and p==3:
            return False

    return f(x+1,y,p+1) or f(x*4,y,p+1) or f(x,y+1,p+1) or f(x,y*4,p+1)

for s in range(1, 100+1):
    if f(7, s, 1):
        print(s)
        break #8
```

## №2

0

```
def f(x,y,p):
    if x+y>=133 and p==4: # должен выиграть Петя
        return True
    else:
        if x+y<133 and p==4:
            return False
        else:
            if x+y>=133: # но не та позиция
                return False

    if p%2==1:
        return f(x+1,y,p+1) or f(x*4,y,p+1) or f(x,y+1,p+1) or f(x,y*4,p+1)
    else:
        return f(x+1,y,p+1) and f(x*4,y,p+1) and f(x,y+1,p+1) and f(x,y*4,p+1)

for s in range(1, 100+1):
    if f(7, s, 1):
        print(s) # 20 31
```

## №2

```
1 def f(x,y,p):
2     if x+y>=133 and (p==5 or p==3):
3         return True
4     else:
5         if x+y<133 and p==5:
6             return False
7         else:
8             if x+y>=133:
9                 return False
10
11
12     if p%2==0:
13         return f(x+1,y,p+1) or f(x*4,y,p+1) or f(x,y+1,p+1) or f(x,y*4,p+1)
14     else:
15         return f(x+1,y,p+1) and f(x*4,y,p+1) and f(x,y+1,p+1) and f(x,y*4,p+1)
16
17
18 for s in range(1, 100+1):
19     if f(7, s, 1):
20         print(s) # 30
```

## Задача

### №1

Два игрока, Петя и Ваня, играют в следующую игру. Перед игроками лежит две кучи камней. Игроки ходят по очереди, первый ход делает Петя. За один ход игрок может

- а) добавить в любую кучу **один камень**;
- б) увеличить количество камней в любой куче в **четыре раза**.

Игра завершается в тот момент, когда суммарное количество камней в двух кучах становится не менее 108. В начальный момент в первой куче было 6 камней, а во второй –  $S$  камней,  $1 \leq S \leq 101$ .

### Задание 19.

Известно, что Ваня выиграл своим первым ходом после неудачного первого хода Пети. Назовите минимальное значение  $S$ , при котором это возможно.

### Задание 20.

Найдите два таких значения  $S$ , при которых у Пети есть выигрышная стратегия, причём одновременно выполняются два условия:

- Петя не может выиграть за один ход;
- Петя может выиграть своим вторым ходом независимо от того, как будет ходить Ваня.

Найденные значения запишите в ответе в порядке возрастания.

### Задание 21

Найдите значение  $S$ , при котором одновременно выполняются два условия:

- у Вани есть выигрышная стратегия, позволяющая ему выиграть первым или вторым ходом при любой игре Пети;
- у Вани нет стратегии, которая позволит ему гарантированно выиграть первым ходом.

За один ход игрок может добавить в одну из куч (по своему выбору)

- три камня** или
- увеличить количество камней в куче в **два раза**.

Игра завершается в тот момент, когда суммарное количество камней в кучах становится не менее 79. Победителем считается игрок, сделавший последний ход, т.е. первым получивший такую позицию, при которой в кучах будет 79 или больше камней. В начальный момент в первой куче было 9 камней, во второй куче –  $S$  камней;  $1 \leq S \leq 69$ .

#### **Задание 19.**

Известно, что Ваня выиграл своим первым ходом после неудачного первого хода Пети.

Укажите минимальное значение  $S$ , когда такая ситуация возможна.

#### **Задание 20.**

Найдите минимальное значение  $S$ , при котором у Пети есть выигрышная стратегия, причём одновременно выполняются два условия:

- Петя не может выиграть за один ход;
- Петя может выиграть своим вторым ходом независимо от того, как будет ходить Ваня.

#### **Задание 21**

Найдите два значения  $S$ , при которых одновременно выполняются два условия:

- у Вани есть выигрышная стратегия, позволяющая ему выиграть первым или вторым ходом при любой игре Пети;
- у Вани нет стратегии, которая позволит ему гарантированно выиграть первым ходом.

Найденные значения запишите в ответе в порядке возрастания.

## №19

```
def f(x,y,p):
    if x+y>=79 and p==3:
        return True
    else:
        if x+y<79 and p==3:
            return False

    return f(x+3,y,p+1) or f(x*2,y,p+1) or f(x,y+3,p+1) or f(x,y*2,p+1)

for s in range(1, 100+1):
    if f(9, s, 1):
        print(s) #18
        break
```

## №20

```
def f(x,y,p):
    if x+y>=79 and p==4: # должен выиграть Петя
        return True
    else:
        if x+y<79 and p==4:
            return False
        else:
            if x+y>=79: # но не та позиция
                return False

    if p%2==1:
        return f(x+3,y,p+1) or f(x*2,y,p+1) or f(x,y+3,p+1) or f(x,y*2,p+1)
    else:
        return f(x+3,y,p+1) and f(x*2,y,p+1) and f(x,y+3,p+1) and f(x,y*2,p+1)

for s in range(1, 100+1):
    if f(9, s, 1):
        print(s) # 17
```

## №21

```
def f(x,y,p):
    if x+y>=79 and (p==5 or p==3):
        return True
    else:
        if x+y<79 and p==5:
            return False
        else:
            if x+y>=79:
                return False

    if p%2==0:
        return f(x+3,y,p+1) or f(x*2,y,p+1) or f(x,y+3,p+1) or f(x,y*2,p+1)
    else:
        return f(x+3,y,p+1) and f(x*2,y,p+1) and f(x,y+3,p+1) and f(x,y*2,p+1)

for s in range(1, 100+1):
    if f(9, s, 1):
        print(s) # 26 27
```

## Задача

№2

За один ход игрок может добавить в одну из куч (по своему выбору)

три камня или

увеличить количество камней в куче в два раза.

Игра завершается в тот момент, когда суммарное количество камней в кучах становится не менее 78.

Победителем считается игрок, сделавший последний ход, т.е. первым получивший такую позицию, при которой в кучах будет 78 или больше камней. В начальный момент в первой куче было 7 камней, во второй куче –  $S$  камней;  $1 \leq S \leq 70$ .

Задание 19.

Известно, что Ваня выиграл своим первым ходом после неудачного первого хода Пети. Укажите минимальное значение  $S$ , когда такая ситуация возможна.

Задание 20.

Найдите минимальное значение  $S$ , при котором у Пети есть выигрышная стратегия, причём одновременно выполняются два условия:

- Петя не может выиграть за один ход;
- Петя может выиграть своим вторым ходом независимо от того, как будет ходить Ваня.

Задание 21

Найдите два значения  $S$ , при которых одновременно выполняются два условия:

- у Вани есть выигрышная стратегия, позволяющая ему выиграть первым или вторым ходом при любой игре Пети;
- у Вани нет стратегии, которая позволит ему гарантированно выиграть первым ходом.

Найденные значения запишите в ответе в порядке возрастания.

## Задача

№3

За один ход игрок может добавить в одну из куч (по своему выбору)

три камня или

увеличить количество камней в куче в два раза. Игра завершается в тот момент, когда суммарное количество камней в кучах становится не менее 62. Победителем считается игрок, сделавший последний ход, т.е. первым получивший такую позицию, при которой в кучах будет 62 или больше камней. В начальный момент в первой куче было 7 камней, во второй куче –  $S$  камней;  $1 \leq S \leq 54$ .

## Задание 19.

Известно, что Ваня выиграл своим первым ходом после неудачного первого хода Пети. Укажите минимальное значение  $S$ , когда такая ситуация возможна.

## Задание 20.

Найдите минимальное значение  $S$ , при котором у Пети есть выигрышная стратегия, причём одновременно выполняются два условия:

- Петя не может выиграть за один ход;
- Петя может выиграть своим вторым ходом независимо от того, как будет ходить Ваня.

## Задание 21

Найдите два значения  $S$ , при которых одновременно выполняются два условия:

- у Вани есть выигрышная стратегия, позволяющая ему выиграть первым или вторым ходом при любой игре Пети;
- у Вани нет стратегии, которая позволит ему гарантированно выиграть первым ходом.

Найденные значения запишите в ответе в порядке возрастания.

## Задача

№4

За один ход игрок может добавить в одну из куч (по своему выбору) один камень или увеличить количество камней в куче в два раза.

Игра завершается в тот момент, когда суммарное количество камней в кучах становится не менее 75. Победителем считается игрок, сделавший последний ход, т.е. первым получивший такую позицию, при которой в кучах будет 75 или больше камней. В начальный момент в первой куче было 8 камней, во второй куче –  $S$  камней;  $1 \leq S \leq 66$ .

### Задание 19.

Известно, что Ваня выиграл своим первым ходом после неудачного первого хода Пети. Укажите минимальное значение  $S$ , когда такая ситуация возможна.

### Задание 20.

Найдите два таких значения  $S$ , при которых у Пети есть выигрышная стратегия, причём одновременно выполняются два условия:

- Петя не может выиграть за один ход;
- Петя может выиграть своим вторым ходом независимо от того, как будет ходить Ваня.

Найденные значения запишите в ответе в порядке возрастания.

### Задание 21

Найдите минимальное значение  $S$ , при котором одновременно выполняются два условия:

- у Вани есть выигрышная стратегия, позволяющая ему выиграть первым или вторым ходом при любой игре Пети;
- у Вани нет стратегии, которая позволит ему гарантированно выиграть первым ходом.