

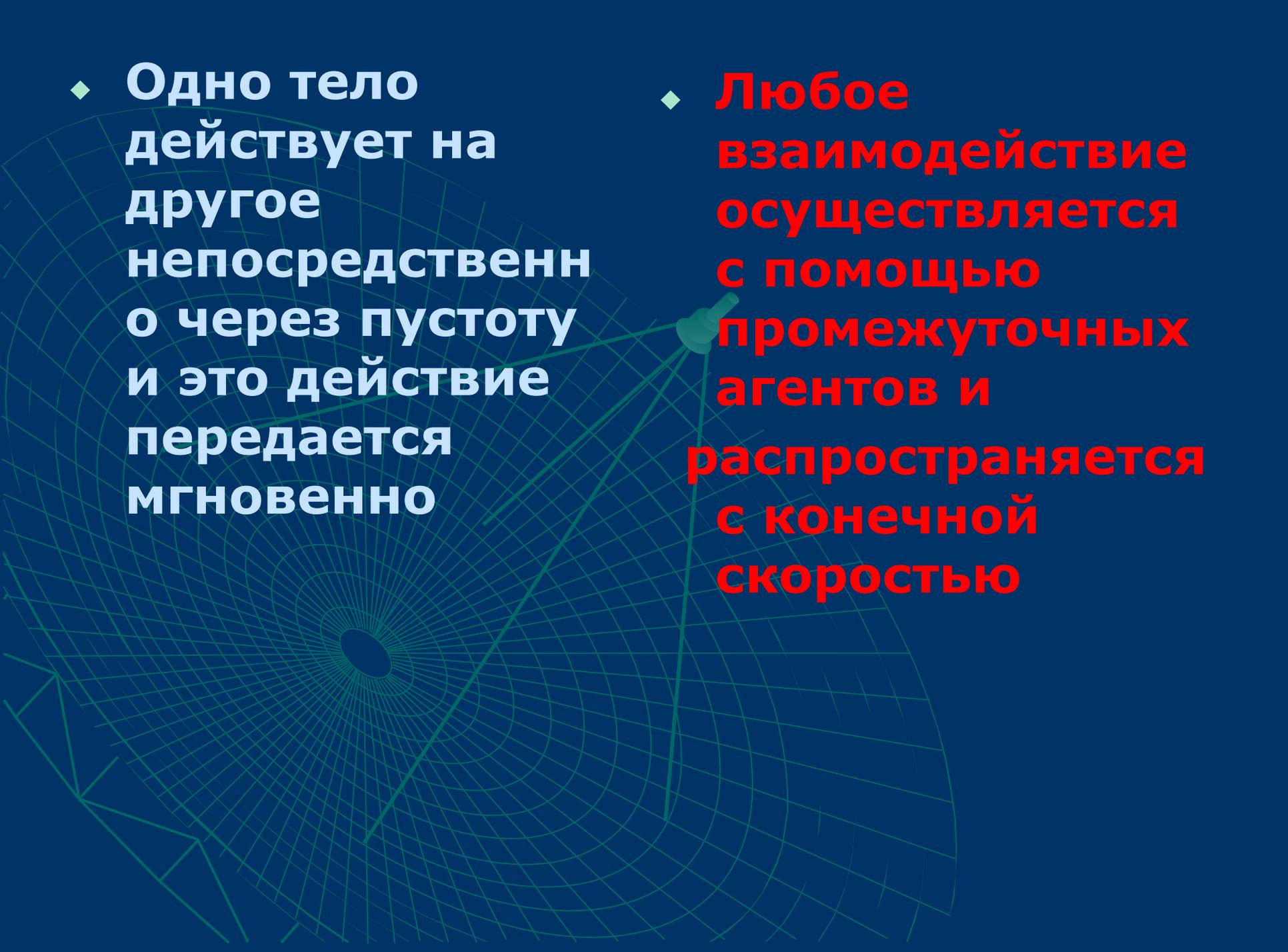
# Электростатика



теории,  
объясняющие  
взаимодействие  
зарядов

действие на  
расстоянии

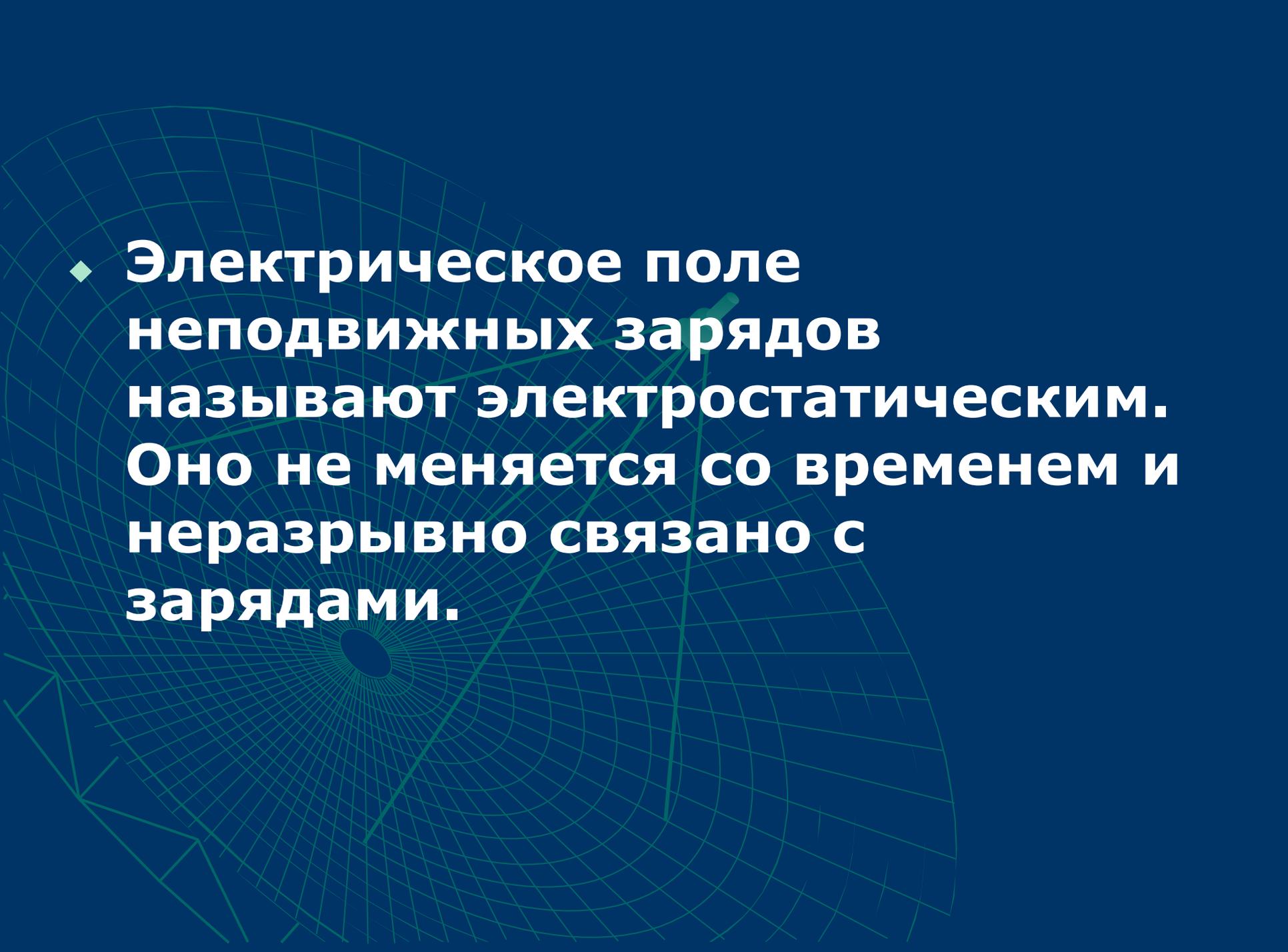
**близкодействие**



- ◆ Одно тело действует на другое непосредственно или через пустоту и это действие передается мгновенно

- ◆ Любое взаимодействие осуществляется с помощью промежуточных агентов и распространяется с конечной скоростью

- 
- ◆ Электрическое поле – особый вид материи, посредством которой осуществляется взаимодействие зарядов.

- 
- ◆ **Электрическое поле неподвижных зарядов называют электростатическим. Оно не меняется со временем и неразрывно связано с зарядами.**

- ◆ **Отношение силы, действующей на помещаемый в данную точку поля заряд, к этому заряду в любой точке поля не зависит от помещенного заряда и может рассматриваться как характеристика поля. Эту силовую характеристику поля называют напряженностью электрического поля.**

$$\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q}$$

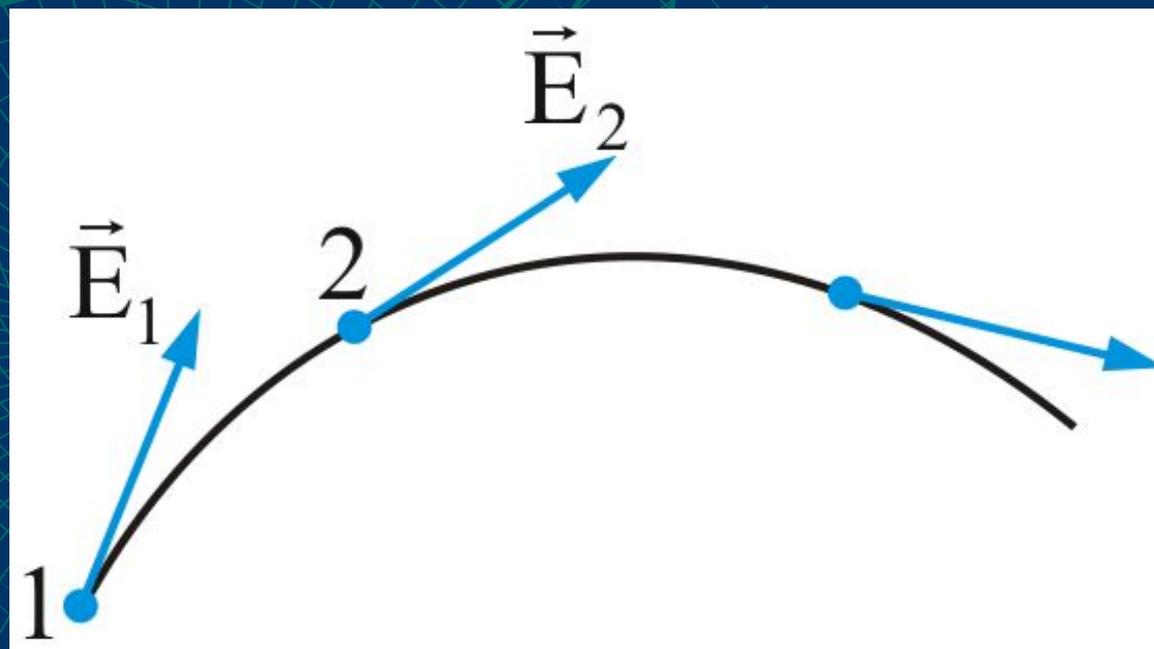
$\vec{E}$  – напряженность электрического поля  
 $\vec{F}$  – сила, с которой поле действует на пробный  
положительный заряд  
 $q$  – величина этого заряда

# Принцип суперпозиции полей

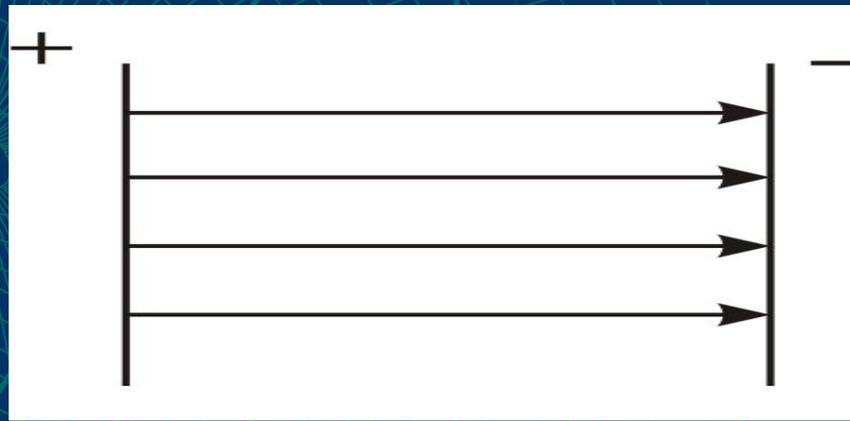
- ◆ Если в данной точке пространства различные заряды создают электрические поля, напряженности которых  $\vec{E}_1$ ,  $\vec{E}_2$ ,  $\vec{E}_3$  и т.д., то результирующая напряженность поля в этой точке равна:

$$\vec{E} = \vec{E}_1 + \vec{E}_2 + \vec{E}_3 + \dots$$

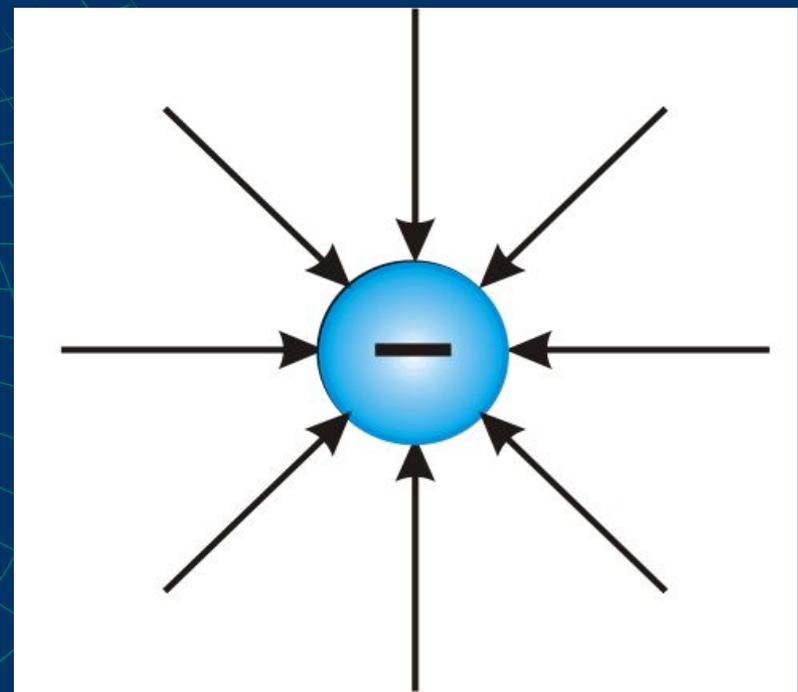
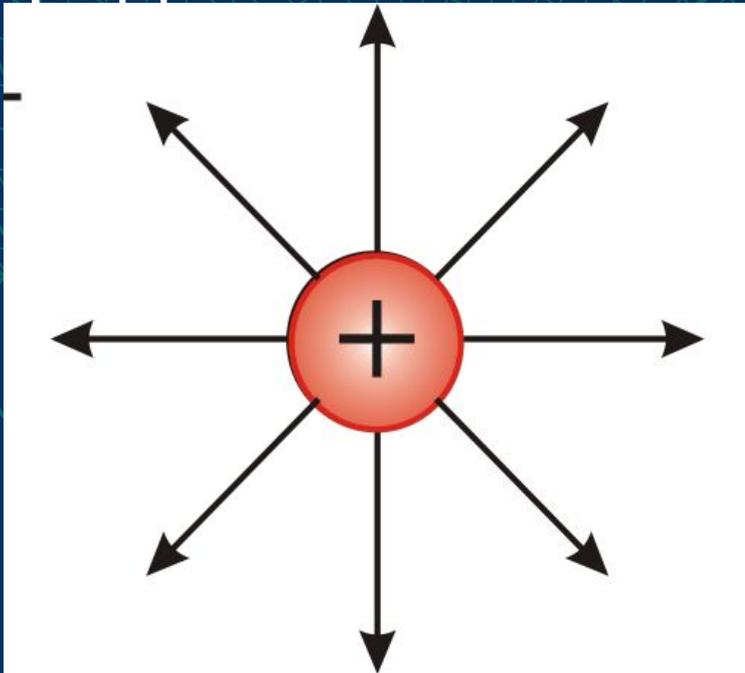
- ◆ **СИЛОВЫЕ ЛИНИИ** – ЭТО ЛИНИИ, касательная к которым в любой точке поля совпадает с направлением вектора напряженности



- ◆ **Однородным** называется электростатическое поле, во **всех точках которого напряженность одинакова по величине и направлению**, т.е. Однородное электростатическое поле изображается параллельными силовыми линиями на равном расстоянии друг от друга



В случае точечного заряда, линии напряженности исходят из положительного заряда и уходят в бесконечность; и из бесконечности входят в отрицательный заряд. Т.к.  $E \sim 1/r^2$ , то густота силовых линий обратно пропорциональна квадрату расстояния от заряда



# Расчётная формула напряжённости

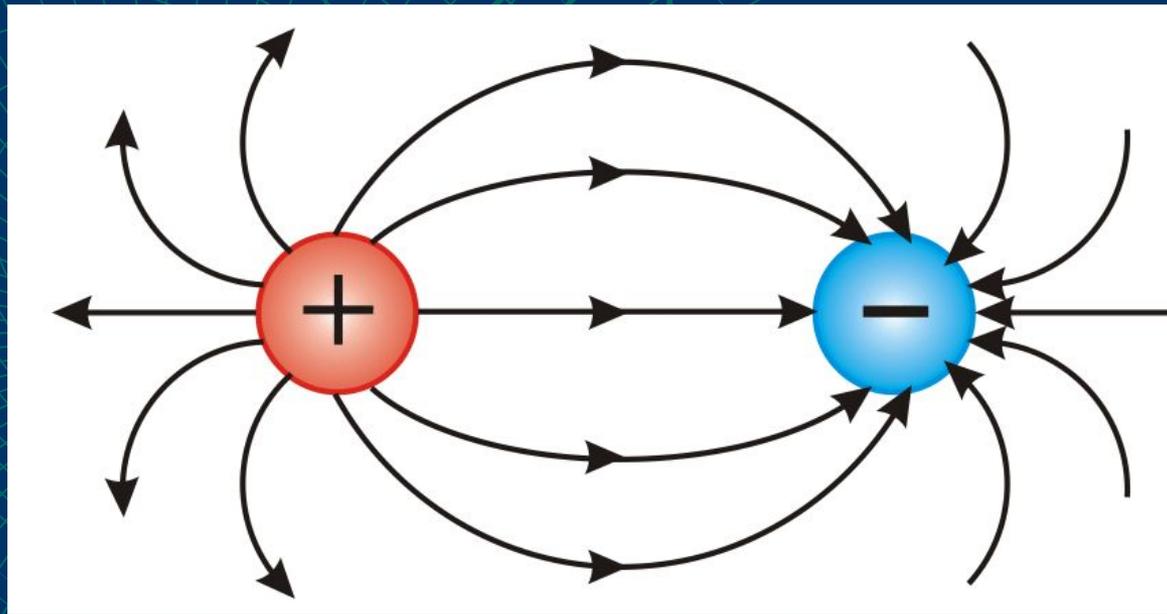
- С учётом формулы

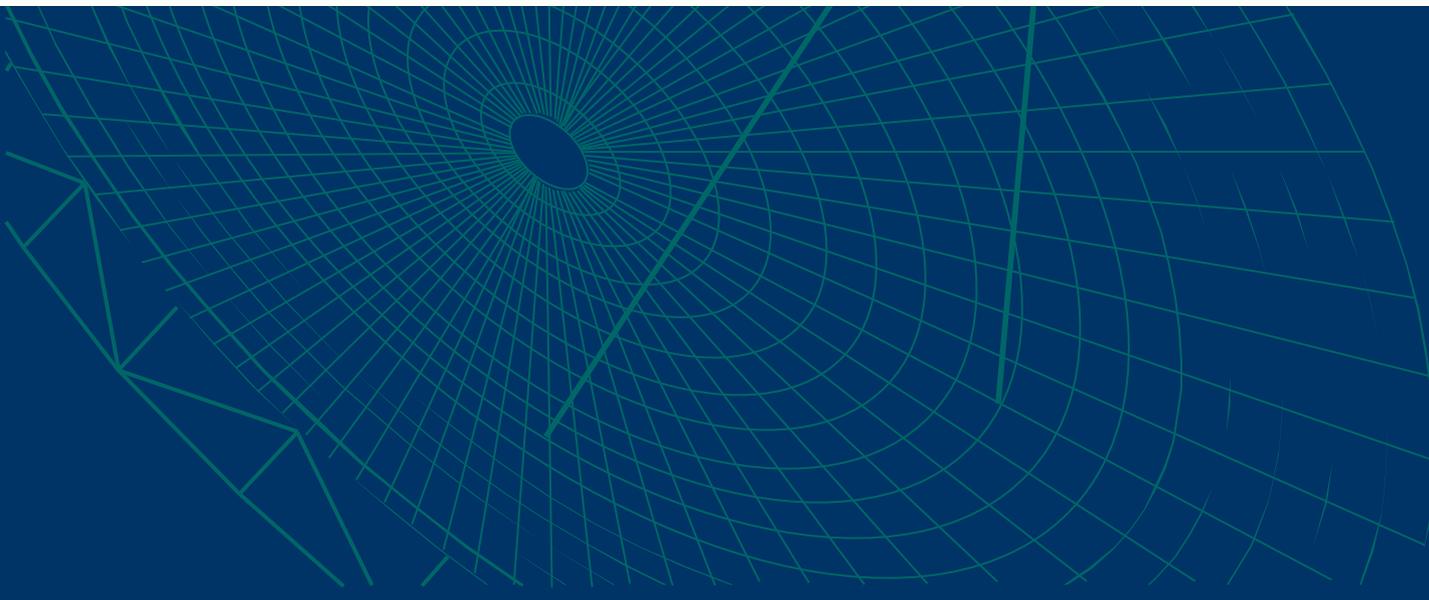
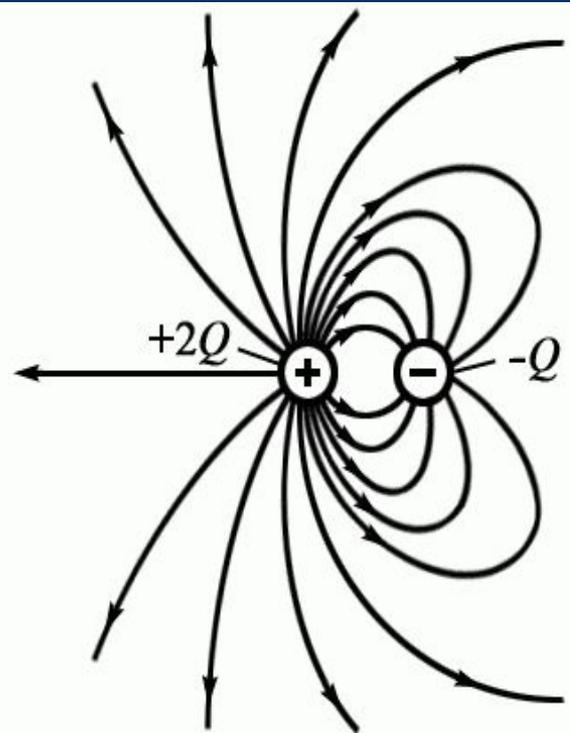
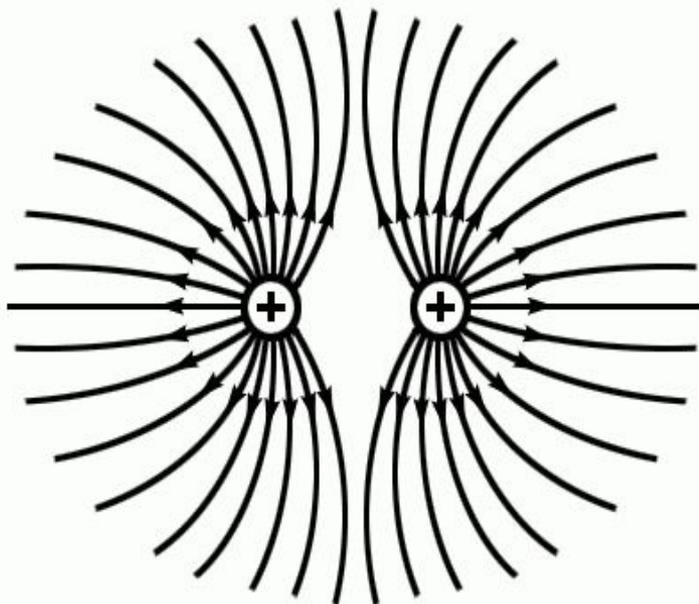
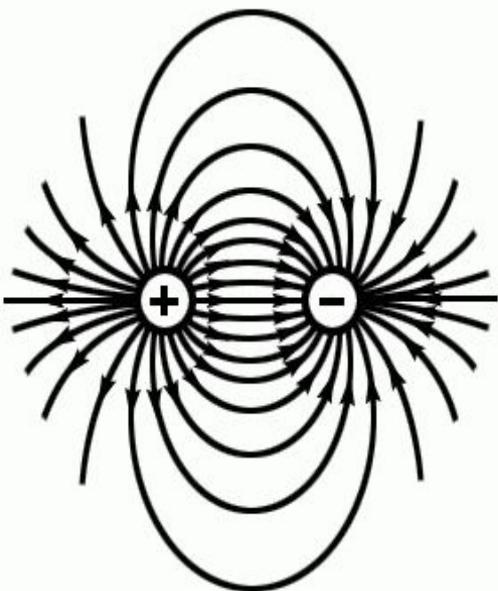
$$F_{q_0} = k \frac{Qq_0}{r^2}$$

Напряжённость поля, созданного точечным зарядом  $Q$ , в точке, находящейся на расстоянии  $r$  от него, равна

$$E = k \frac{Q}{r^2}$$

- ◆ Для системы зарядов, как видим, силовые линии направлены от положительного заряда к отрицательному







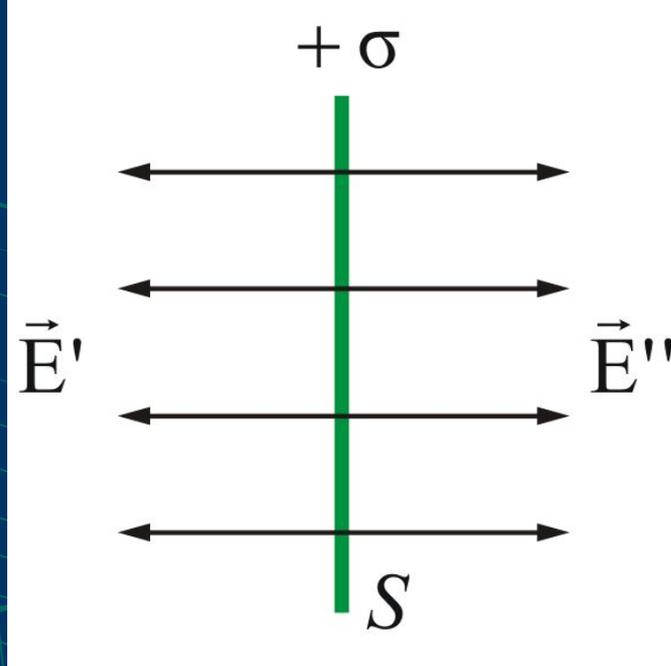
- ◆ **Гаусс Карл Фридрих (1777 – 1855)** немецкий математик, астроном и физик.
- ◆ Исследования посвящены многим разделам физики.
- ◆ В 1832 г. создал абсолютную систему мер (СГС), введя три основных единицы: единицу времени – 1 с, единицу длины – 1 мм, единицу массы – 1 мг.
- ◆ В 1833 г. совместно с В. Вебером построил первый в Германии электромагнитный телеграф.
- ◆ Еще в 1845 г. пришел к мысли о конечной скорости распространения электромагнитных взаимодействий. Изучал земной магнетизм, изобрел в 1837 г. униполярный магнитометр, в 1838 г. – бифилярный. В 1829 г.
- ◆ Сформулировал принцип наименьшего принуждения (принцип Гаусса).
- ◆ Один из первых высказал в 1818 г. предположение о возможности существования неевклидовой геометрии.

- ◆ Основная ценность теоремы Остроградского-Гаусса состоит в том, что она позволяет *глубже понять природу электростатического поля и устанавливает более общую связь между зарядом и полем.*

- ◆ Электрические заряды могут быть «размазаны» с некоторой **объемной плотностью** различной в разных местах пространства:

$$\rho = dq / dV$$

- ◆ Здесь  $dV$  – **физически бесконечно малый объем**, под которым следует понимать такой объем, который с одной стороны достаточно мал, чтобы в пределах его плотность заряда считать одинаковой, а с другой – достаточно велик, чтобы не могла проявиться дискретность заряда, т.е. то, что любой заряд кратен целому числу элементарных зарядов электрона или протона .

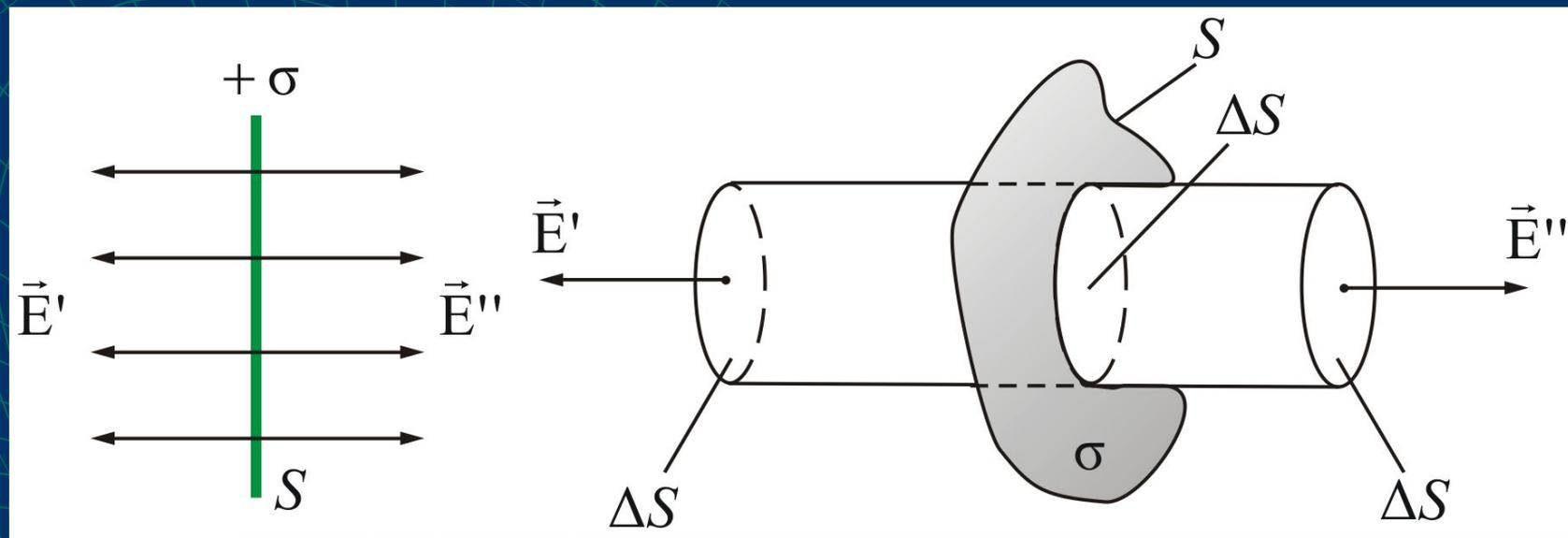


Поверхностная плотность заряда на произвольной плоскости площадью  $S$  определяется по формуле:

$$\sigma = \frac{dq}{dS},$$

$dq$  – заряд, сосредоточенный на площади  $dS$ ;  
 $dS$  – физически бесконечно малый участок поверхности.

- ◆ Представим себе цилиндр с образующими, перпендикулярными плоскости, и основаниями  $\Delta S$ , расположенными симметрично относительно плоскости



- ◆ Тогда

$$E' = E'' = E.$$

- ◆ Суммарный поток через замкнутую поверхность (цилиндр) будет равна:

$$\Phi_E = 2\Delta SE.$$

- ◆ Внутри поверхности заключен заряд. Следовательно, из теоремы Остроградского-Гаусса получим:

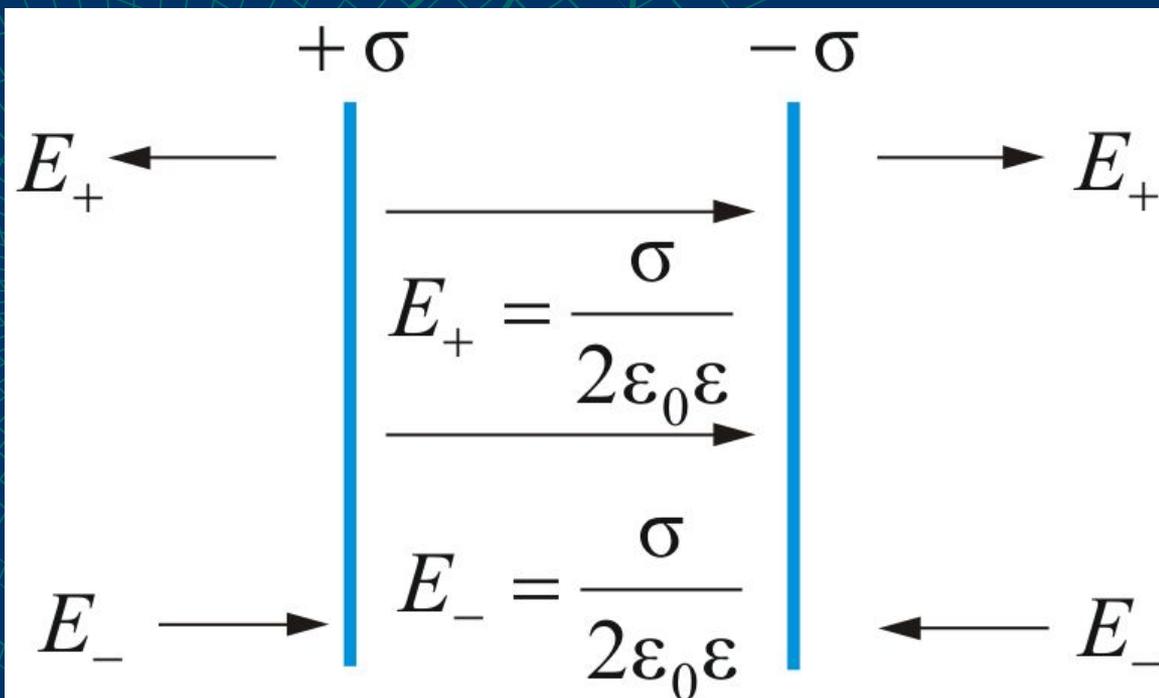
$$\Phi_E = \frac{q}{\epsilon_0} = 2\Delta SE = \sigma\Delta S \frac{1}{\epsilon_0}$$

- ◆ откуда видно, что напряженность поля плоскости  $S$  равна:

$$E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}.$$

# Поле двух равномерно заряженных плоскостей

- Пусть две бесконечные плоскости заряжены разноименными зарядами с одинаковой по величине плотностью  $\sigma$



- ◆ **Результирующее поле**, как было сказано выше, находится как суперпозиция полей, создаваемых каждой из плоскостей. Тогда *внутри плоскостей*

$$E = E_+ + E_- \quad \text{отсюда} \quad E = \sigma / \epsilon_0$$

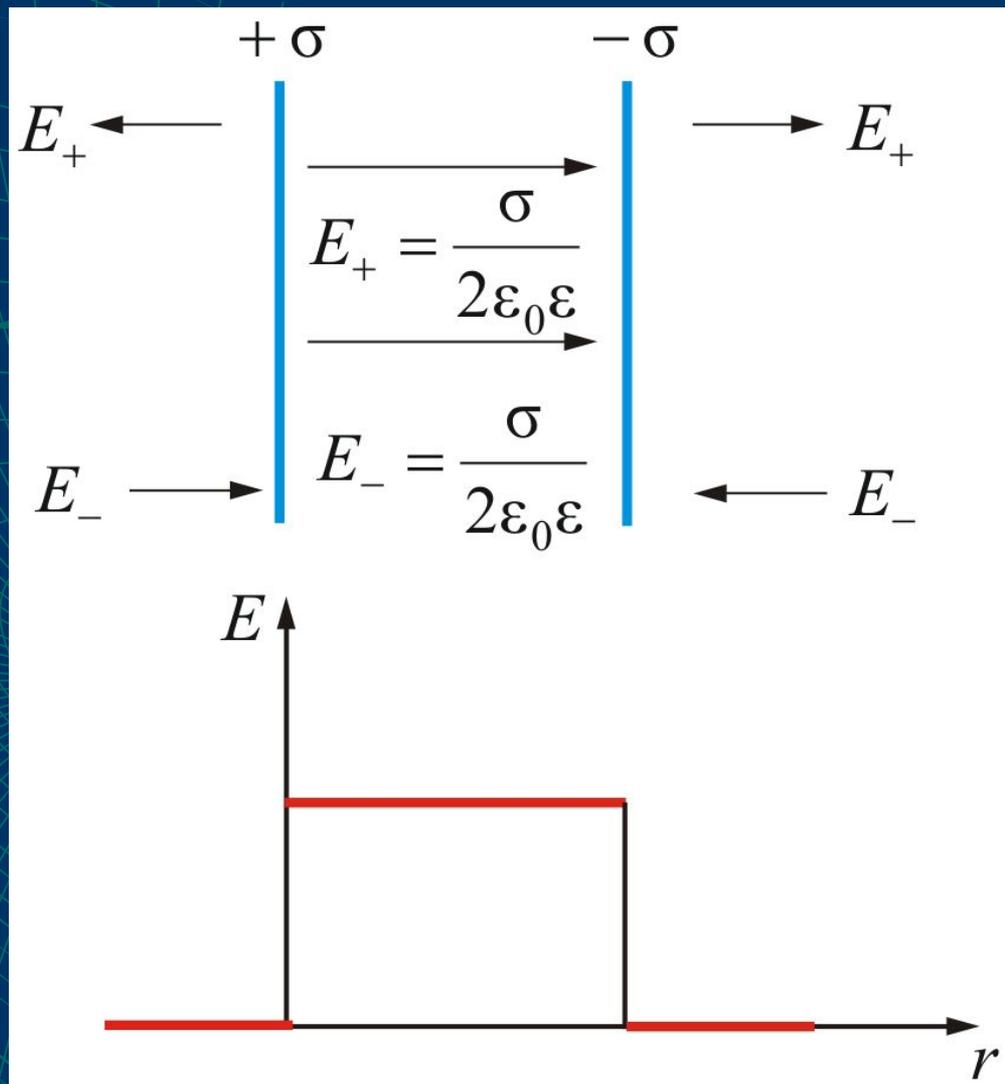
- ◆ **Вне плоскостей напряженность поля**

$$E = 0.$$

- ◆ Полученный результат справедлив и для плоскостей конечных размеров, если расстояние между плоскостями гораздо меньше линейных размеров плоскостей (плоский конденсатор).

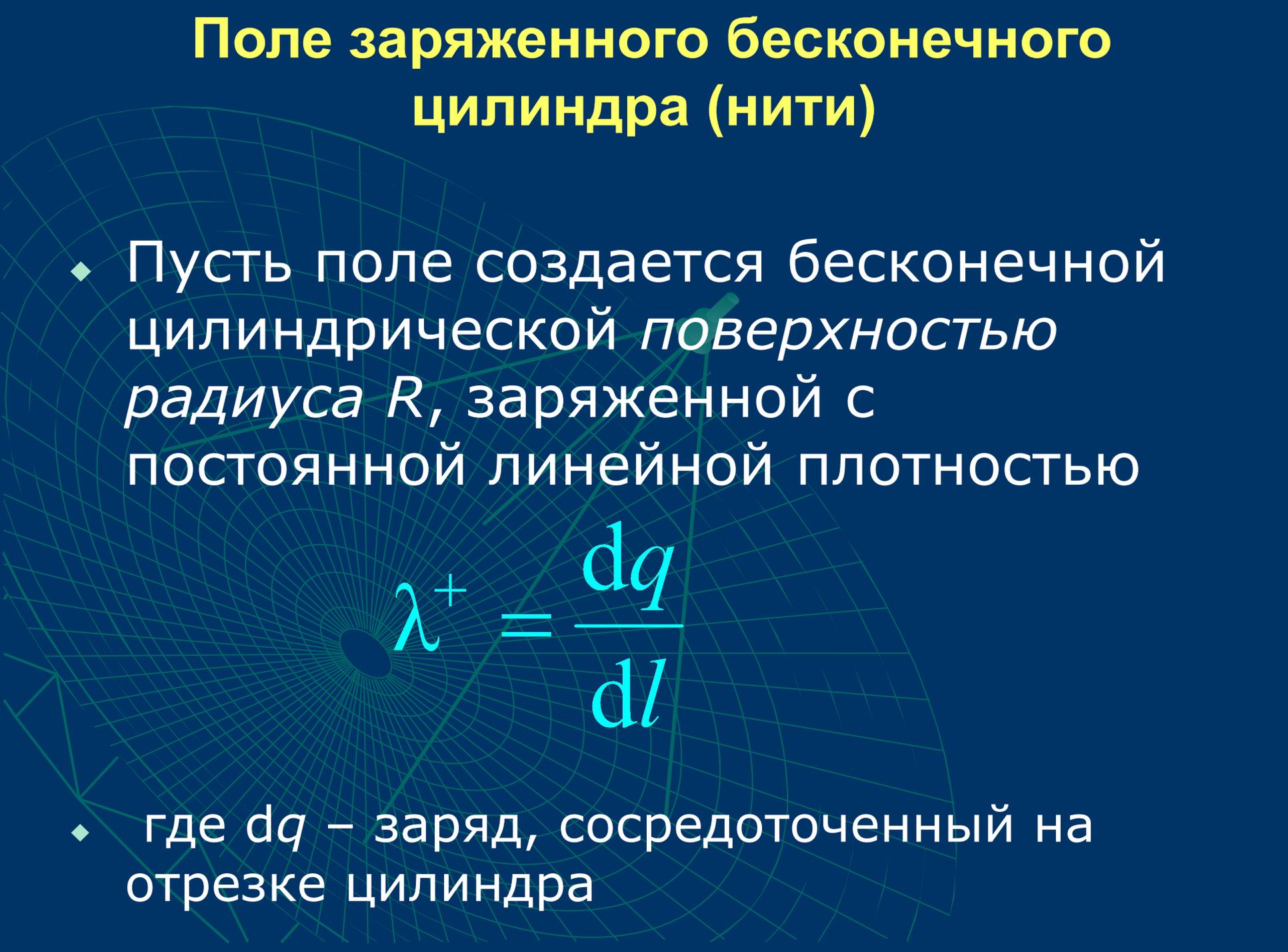
# ● **Распределение напряженности**

электростатического поля между пластинами конденсатора показано на рисунке:



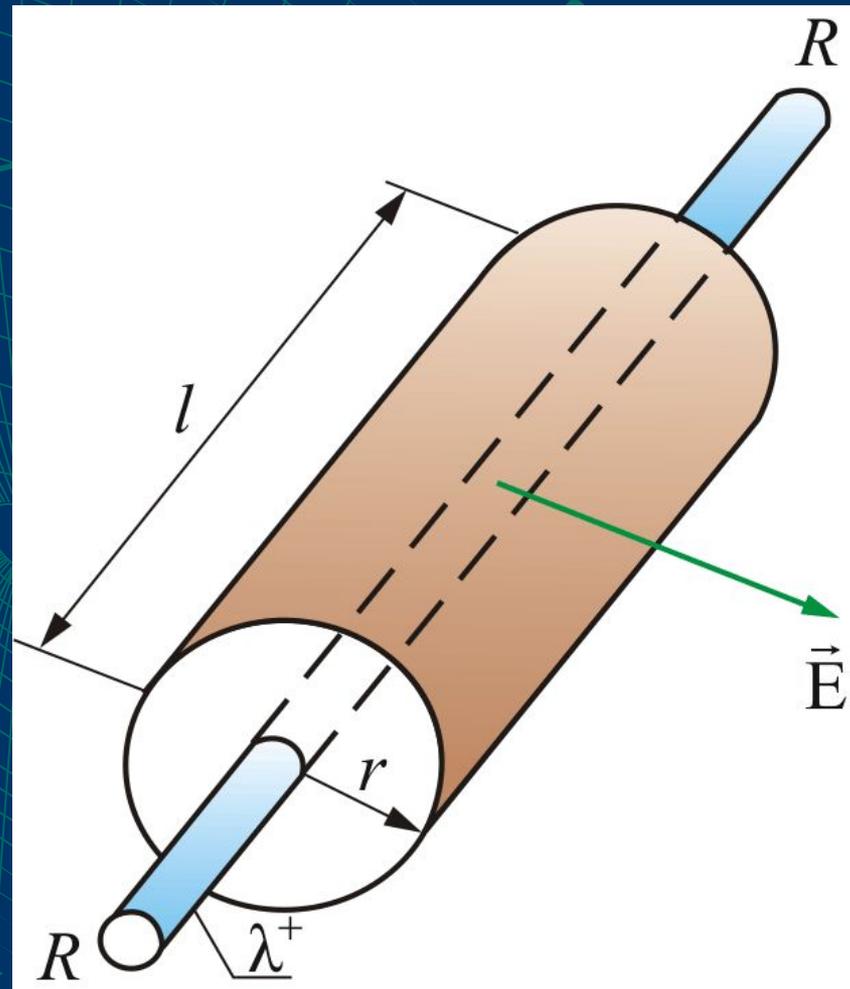
# Поле заряженного бесконечного цилиндра (нити)

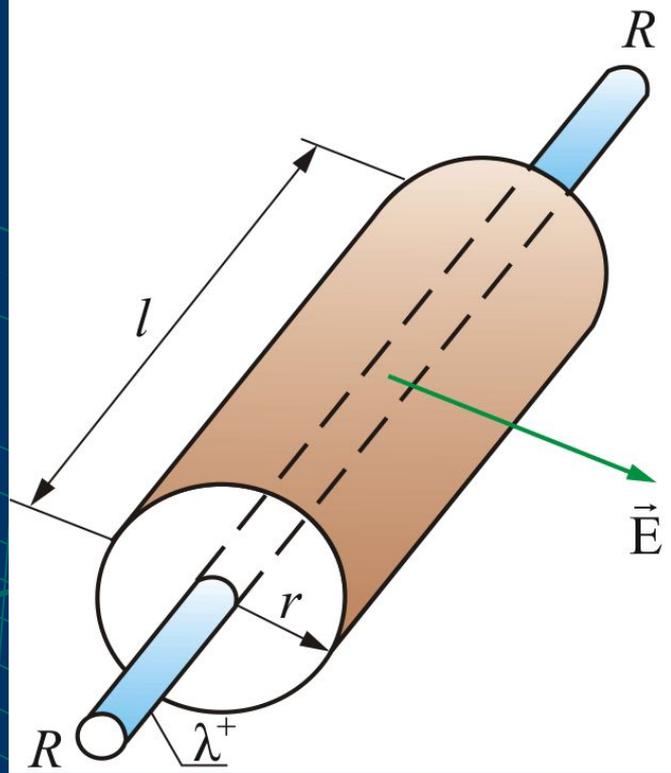
- ◆ Пусть поле создается бесконечной цилиндрической *поверхностью* радиуса  $R$ , заряженной с постоянной линейной плотностью

The background of the slide features a grid of green lines. In the center, there is a small black circle representing a cross-section of a cylinder. From this circle, numerous green lines radiate outwards in all directions, representing the electric field lines of a positively charged cylinder. The lines are more densely packed near the cylinder and become more sparse as they move away from it.
$$\lambda_+ = \frac{dq}{dl}$$

- ◆ где  $dq$  – заряд, сосредоточенный на отрезке цилиндра

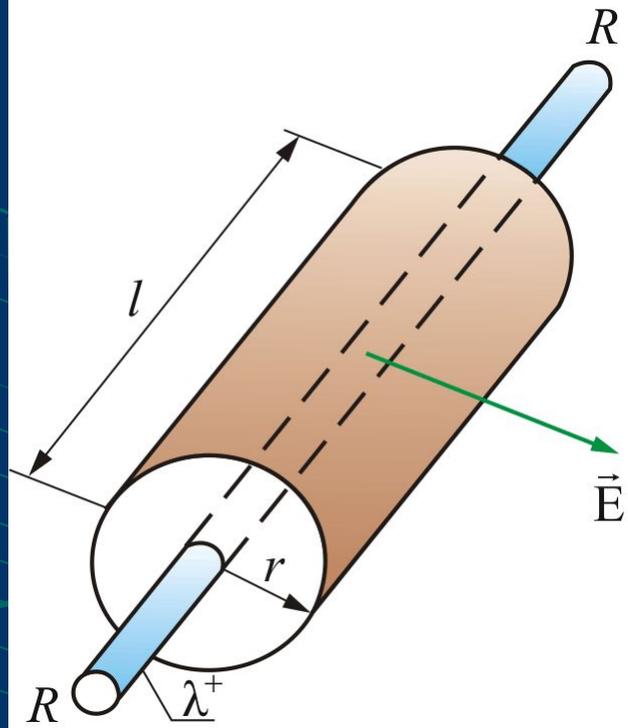
Представим вокруг цилиндра (нити) коаксиальную замкнутую поверхность (цилиндр в цилиндре) радиуса  $r$  и длиной  $l$  (основания цилиндров перпендикулярно оси).





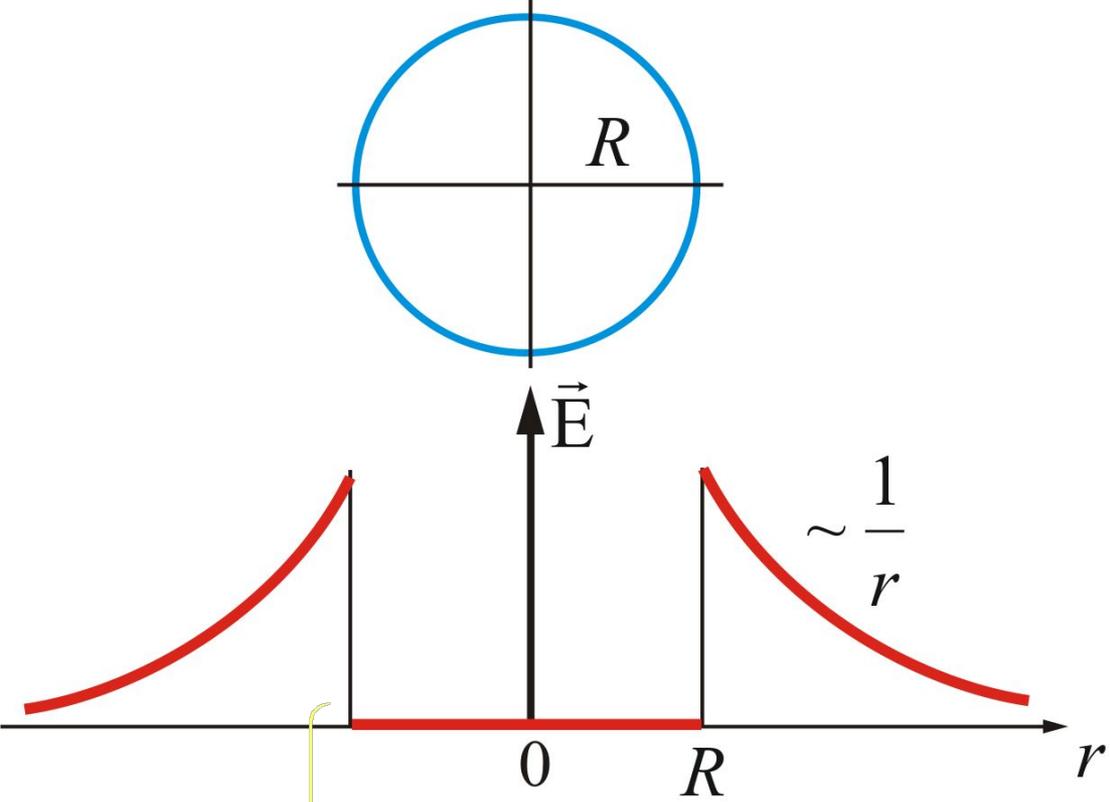
- ◆ Для оснований цилиндров  $E_n = 0$ ,
- ◆ для боковой поверхности  $E_n = E(r)$ ,  
е. зависит от расстояния  $r$ .
- ◆ Следовательно, поток вектора через рассматриваемую поверхность, равен

$$\Phi_E = E(r)S = E(r)2\pi r l.$$



- ◆ При  $r \geq R$ , на поверхности будет заряд  $q = \lambda l$ .
- ◆ По теореме Остроградского-Гаусса  $E(r)2\pi r l = \frac{\lambda l}{\epsilon_0}$
- ◆ Тогда
$$E(r) = \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0 r} \text{ при } r \geq R$$
- ◆ Если  $r < R$ ,  $E(r) = 0$ , т.к. внутри замкнутой поверхности зарядов нет.

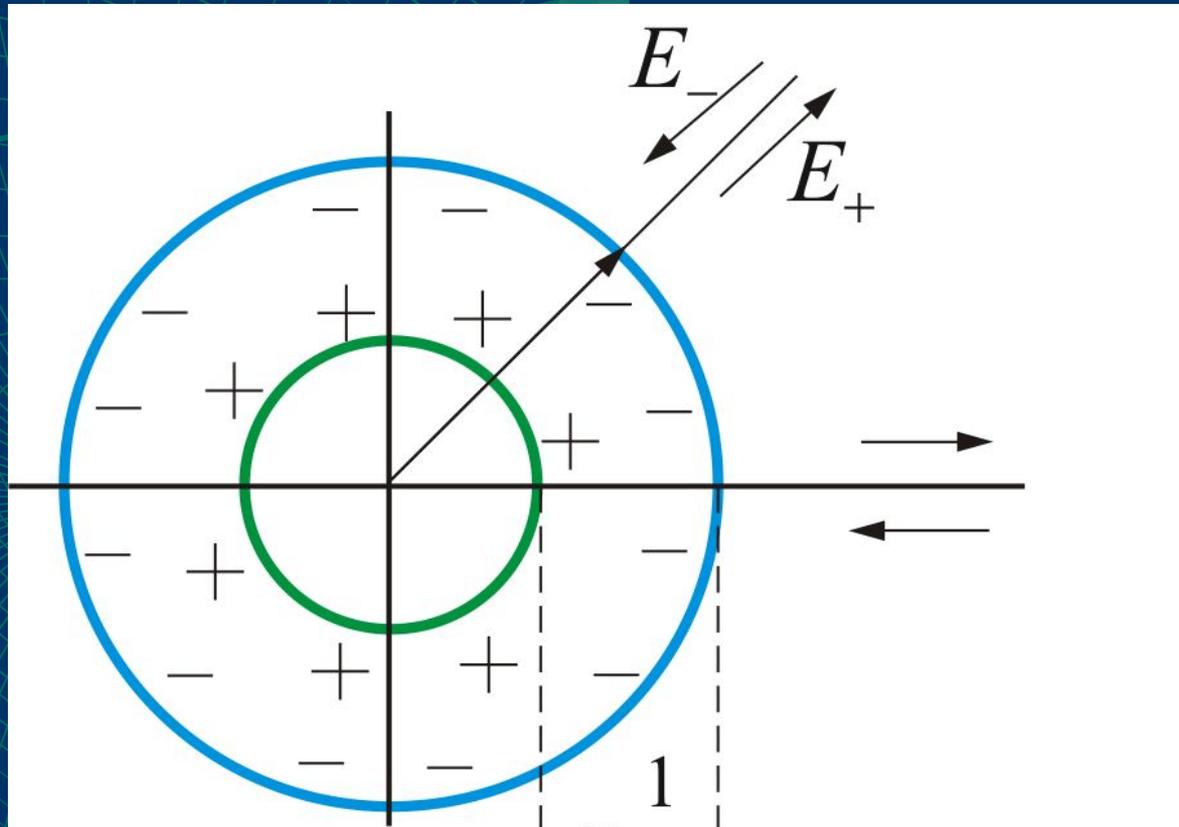
- Графически распределение напряженности электростатического поля цилиндра показано на рис



$0$  – внутри цилиндра, т.к. нет зарядов

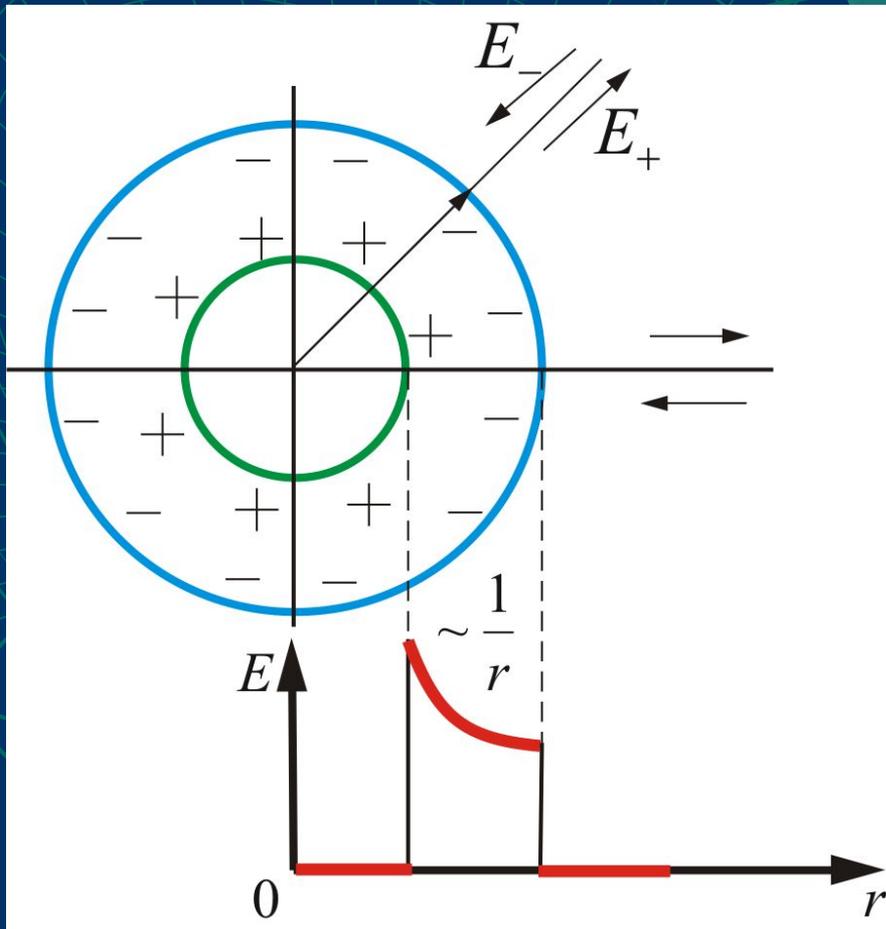
$$E = \begin{cases} \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0 R} \text{ или } \frac{q}{2\pi\epsilon_0 Rl} & \text{на поверхности цилиндра} \\ \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0 r} \text{ или } \frac{q}{2\pi\epsilon_0 rl} & \text{вне цилиндра} \end{cases}$$

## 2.5.4. Поле двух коаксиальных цилиндров с одинаковой линейной плотностью $\lambda$ , но разным знаком



Внутри меньшего и вне большего цилиндров поле будет отсутствовать  $E = 0$

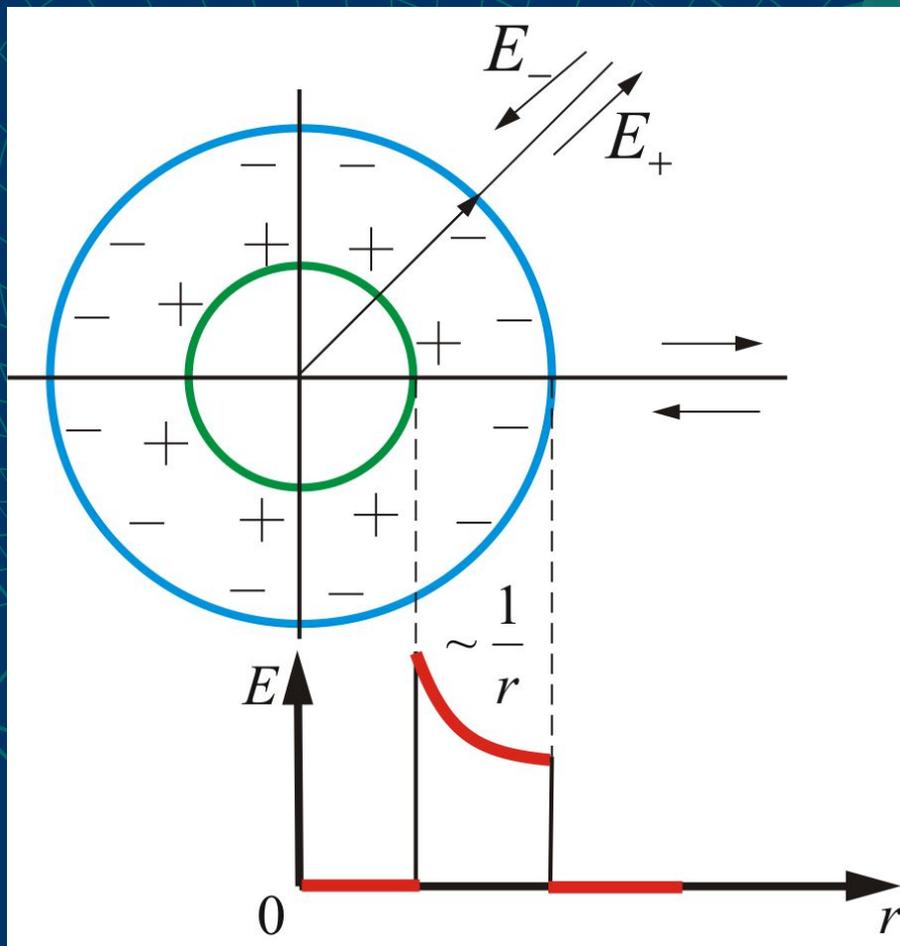
В зазоре между цилиндрами, поле определяется так же, как в п. 2.5.3:



$$E(r) = \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0 r}$$

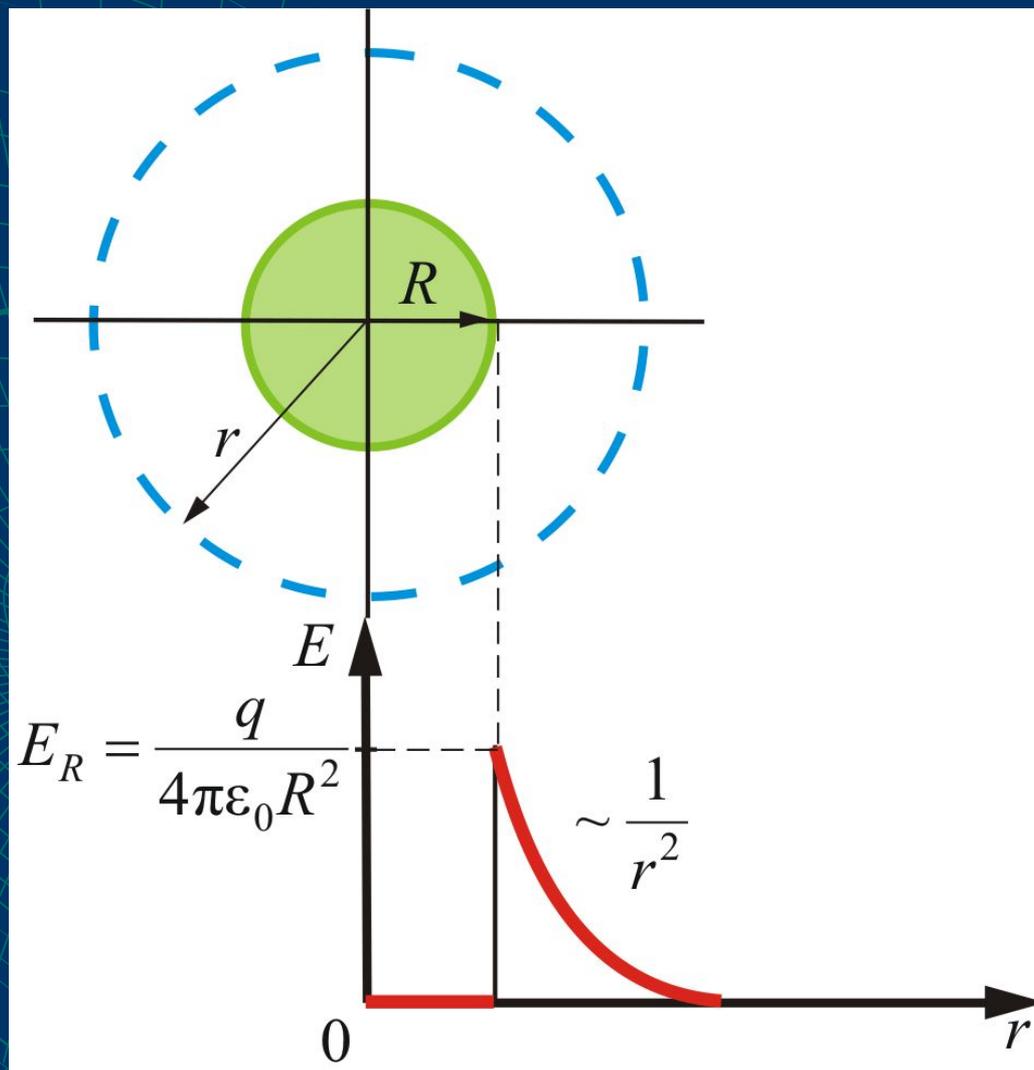
Таким образом для коаксиальных цилиндров  
имеем:

$$E = \begin{cases} 0 & \text{— внутри меньшего и вне большего цилиндров зарядов нет} \\ \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0 r} & \text{— между цилиндрами, когда } R_1 < r < R_2 \end{cases}$$

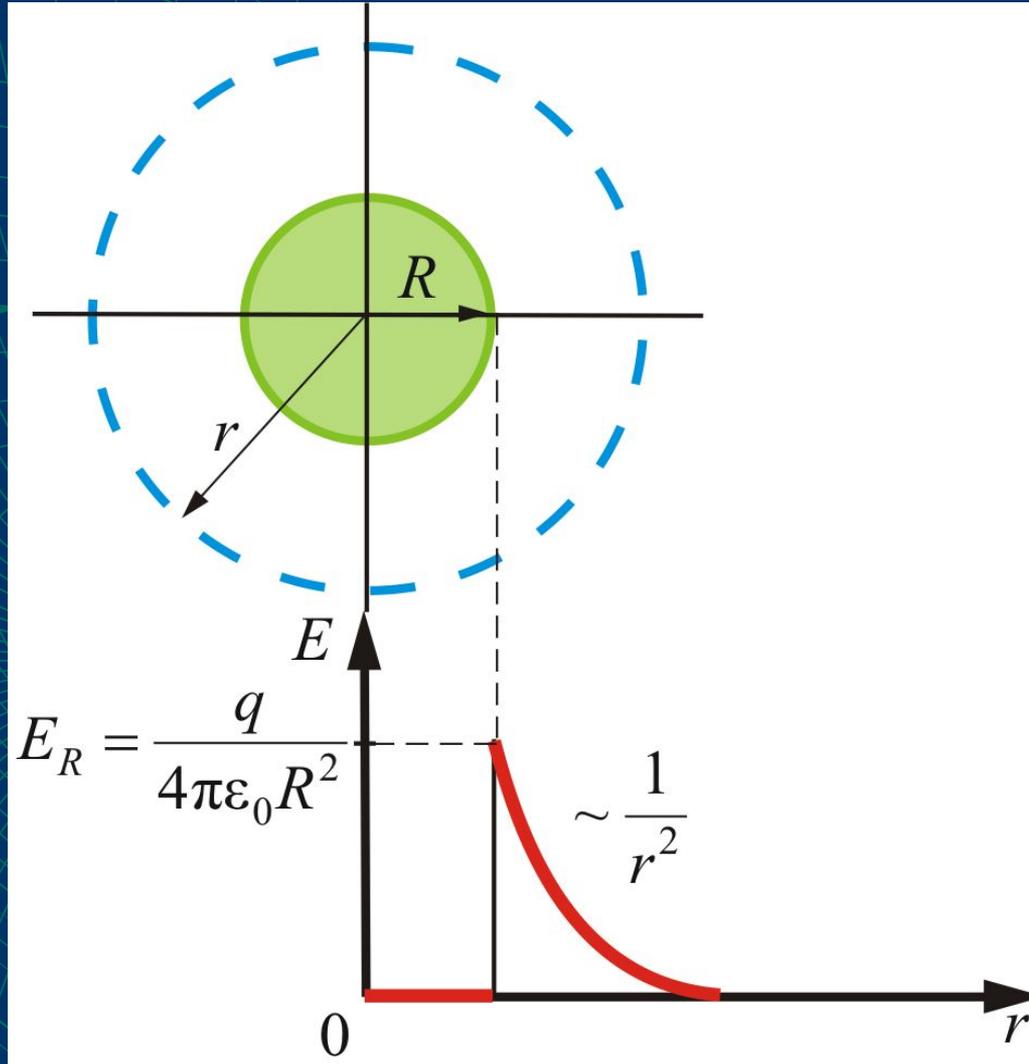


- ◆ Это справедливо и для бесконечно длинного цилиндра, и для цилиндров конечной длины, если зазор между цилиндрами намного меньше длины цилиндров (цилиндрический конденсатор).

# Поле заряженного пустотелого шара



- ◆ Вообразим вокруг шара – сферу радиуса  $r$  (рис).



- ◆ Если  $r \geq R$ , то внутрь воображаемой сферы попадет весь заряд  $q$ , распределенный по сфере, тогда

$$\Phi_E = E(r)S = E(r)4\pi r^2 = \frac{q}{\epsilon_0}$$

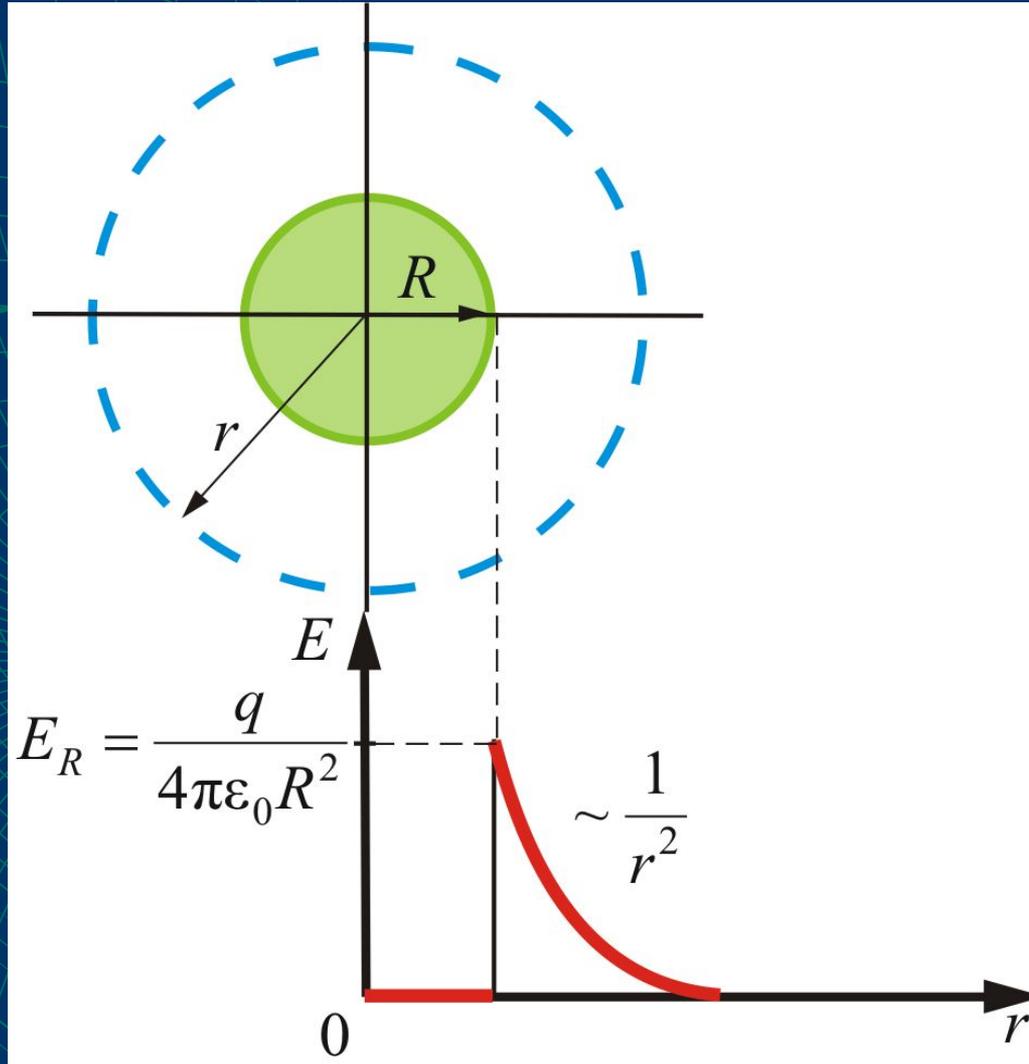
- ◆ откуда **поле вне сферы:**

$$E(r) = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 r^2}.$$

- ◆ **Внутри сферы**, при  $r < R$ , поле будет равно нулю, т.к. там нет зарядов:

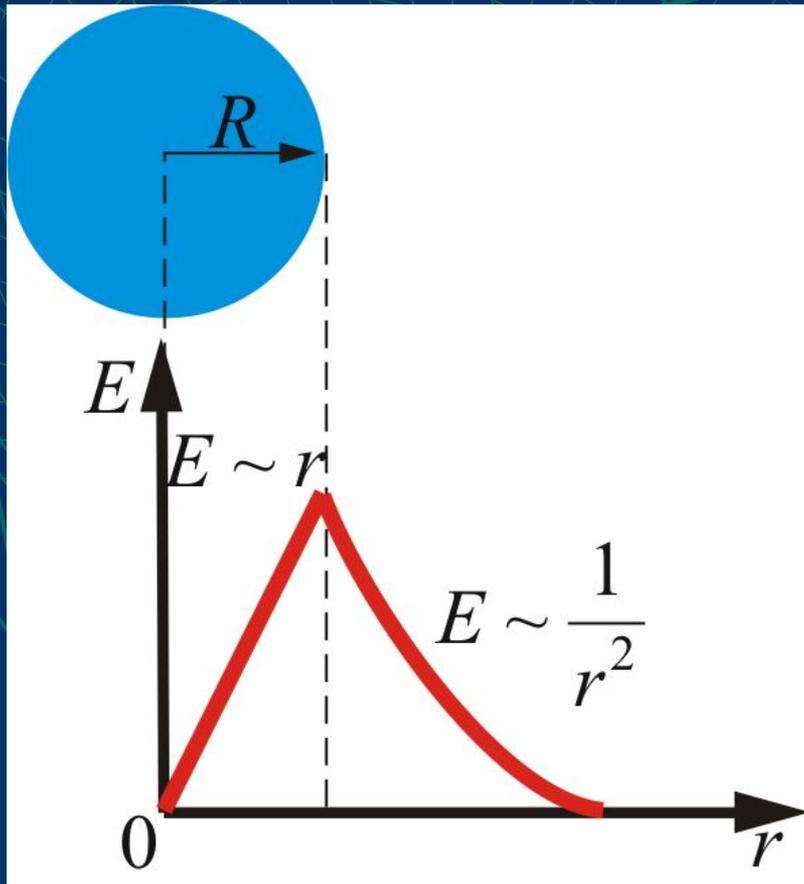
$$E(r) = 0.$$

Как видно, вне сферы поле тождественно полю точечного заряда той же величины, помещенному в центр сферы.



# Поле объемного заряженного шара

- Для поля **вне шара** радиусом  $R$  получается тот же результат, что и для пустотелой сферы, т.е. справедлива формула:



$$E(r) = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 r^2}$$

- ◆ **Внутри шара** при  $r < R$ , сферическая поверхность будет содержать в себе заряд, равный

$$q = \rho \frac{4}{3} \pi r^3,$$

- ◆ где  $\rho$  – объемная плотность заряда:  $\rho = \frac{q}{V}$   
объем шара:

$$V = \frac{4}{3} \pi r^3$$

- ◆ Тогда по теореме Остроградского-Гаусса запишем

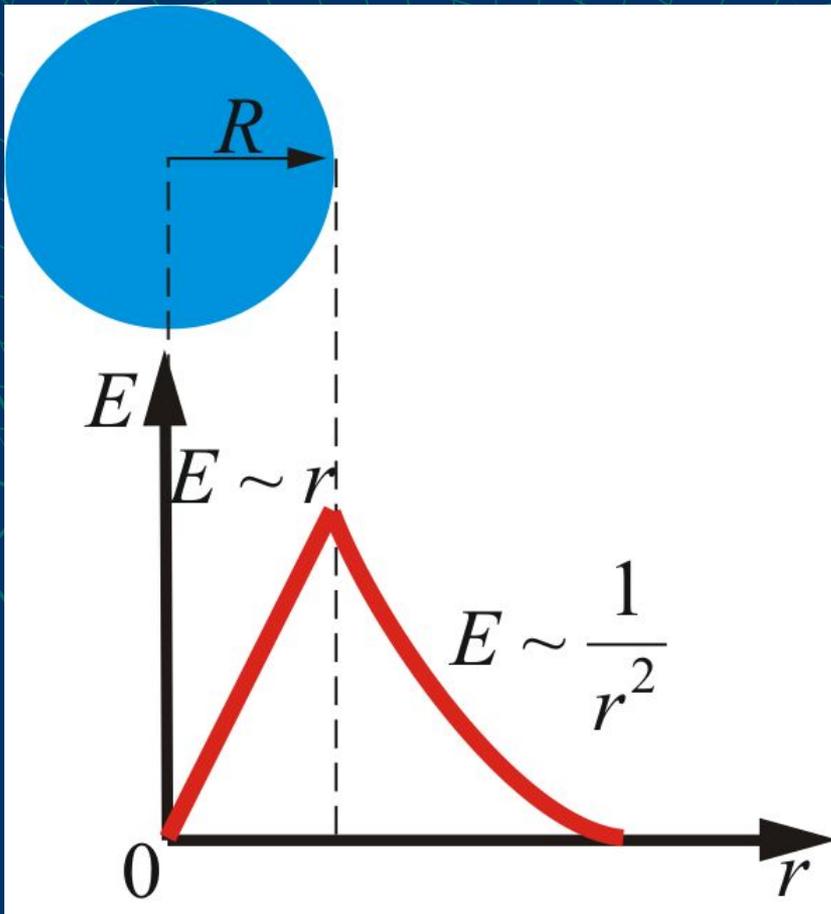
$$\Phi_E = E(r)S = E(r) \cdot 4\pi r^2 = \frac{1}{\epsilon_0} \rho \frac{4}{3} \pi r^3$$

- ◆ Т.е. *внутри шара*

$$E(r) = \frac{\rho r}{3\epsilon_0}$$

- ◆ Т.е., *внутри шара* имеем

$$E \sim r.$$



# Таким образом, имеем: поле объемного заряженного шара

$$E = \begin{cases} \frac{qr}{4\pi\epsilon_0 R^3} = \frac{\rho r}{3\epsilon_0} - \text{внутри шара} (r < R) \\ \frac{q}{4\pi\epsilon_0 R^2} - \text{на поверхности шара} (r = R) \\ \frac{q}{4\pi\epsilon_0 r^2} - \text{вне шара} (r > R) \end{cases}$$

# Задание на дом:

- ◆ §§ 1.7 – 1.15



Урок окончен!!!