

ФИЗИКА

лекция

1

ИГЭС 1 курс бакалавры 2019/20
НОВОСЕЛОВА О.В.

ФИЗИКА

1. Трофимова Т.И. Курс физики. [Текст]: учебное пособие для инженерно-технических специальностей высших учебных заведений/ Т. И. Трофимова. – 21-е изд. стер. – Москва: Академия, 2015. – 549 с.
2. Волькенштейн В.С. Сборник задач по общему курсу физики [Текст]: для студентов технических вузов/ В. С. Волькенштейн. Изд. 3-е, испр. и доп. – Санкт-Петербург: Книжный мир, 2013. – 327 с.
3. Дмитриева Е.И. Физика для инженерных специальностей [Электронный ресурс]: учебное пособие/ Дмитриева Е.И.— Электрон. текстовые данные.— Саратов: Ай Пи Эр Медиа, 2012.— 142 с.
4. Трофимова Т.И. Курс физики: учебное пособие для инженерно-технических специальностей вузов - М.: Academia, 2006, 2007 и 2008.
5. Зисман Г. А. Тодес О.М. Курс общей физики: [учебное пособие для студентов высших учебных заведений, обучающихся по техническим, естественнонаучным и педагогическим направлениям и специальностям]: В 3-х т. / Г. А. Зисман, О. М. Тодес - Санкт-Петербург [и др.]: Лань, 2007-.
6. Грабовский Р. И. Курс физик]: учебное пособие / Р. И. Грабовский - Санкт-Петербург [и др.]: Лань, 2012.
7. Савельев И. В. Курс общей физики [Текст]: учеб. пособие для вузов: в 3 т. / И. В. Савельев. – Изд. 10-е, стер. – СПб. [и др.] : Лань, 2008 – 432 с.

ФИЗИКА

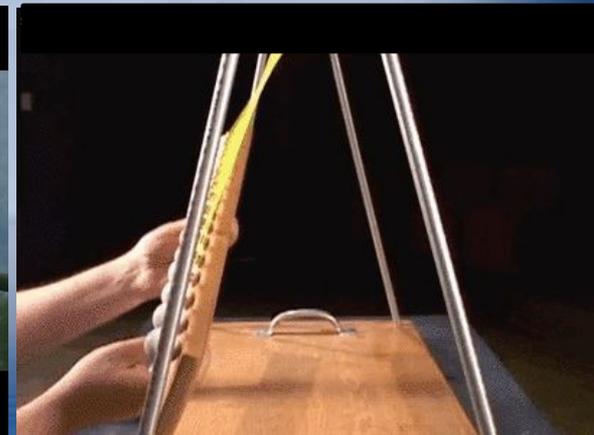
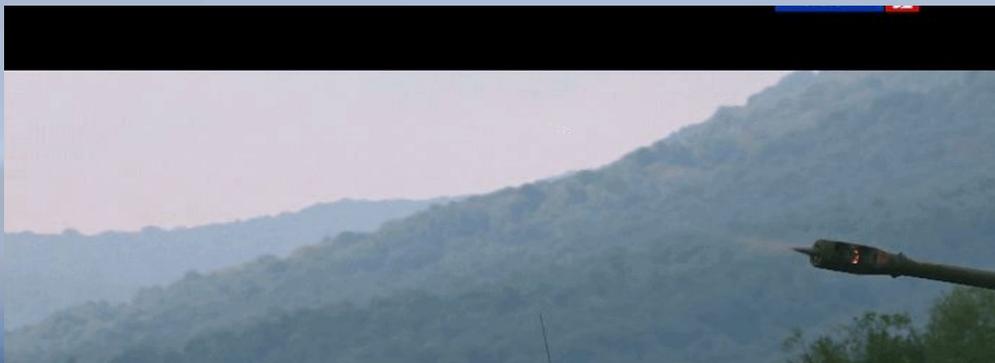
1. Механика – кинематика, динамика
2. Электричество – электростатика, магнитостатика, электромагнетизм
3. Колебания и волны
4. Оптика – Волновая (интерференция, дифракция), квантовая
5. Атомная физика
6. Молекулярная физика и термодинамика, явления переноса



Физические
МЕХАНИК
основы

Механика

– часть физики, которая изучает закономерности механического движения и причины, вызывающие или изменяющие это движение.



МЕХАНИКА

1. Классическая (неквантовая) механика

ньютоновская (нерелятивистская)
механика

$$v \ll c$$

*Тела любых размеров, области
движения большие ($\gg 10^{-10}$ м),
движение планет, электронов в
электронно-лучевой трубке*

релятивистская механика

$$v \approx c$$

*Тела любых размеров,
движение электронов в
ускорителе*

2. Квантовая (нерелятивистская) механика
 *$v \ll c$, области движения малые (порядка 10^{-10}
м), движение электронов в атоме.*

Классическая (неквантовая) механика

подразделяется на ньютоновскую (нерелятивистскую) механику и релятивистскую механику. В основе **ньютоновской механики** лежат законы Ньютона. Эта механика справедлива лишь для макроскопических тел, движущихся со скоростями, малыми по сравнению со скоростью света.

Релятивистской называется механика, учитывающая требования специальной теории относительности (СТО). Она справедлива и при скоростях, сравнимых со скоростью света. Заметим, что согласно СТО скорости тел не могут быть больше скорости света в вакууме

Механику подразделяют на кинематику, статику и динамику

- ***Кинематика*** описывает движение тел, не интересуясь причинами, обусловившими это движение;
- ***динамика*** изучает движение тел в связи с теми причинами (взаимодействиями между телами), которые обуславливают тот или иной характер движения.
- ***статика*** рассматривает условия равновесия тел; Законы статики являются частным случаем законов динамики. По этой причине в курсах физики статика обычно отдельно не изучается.



Кинематика

– раздел механики, в котором изучается механическое движение материальной точки (тела)

без рассмотрения причин, по которым это движение





Динамика

исследует законы движения и
причины,

вызывающие движение тел,



*т.е. изучает движение материальных
тел*

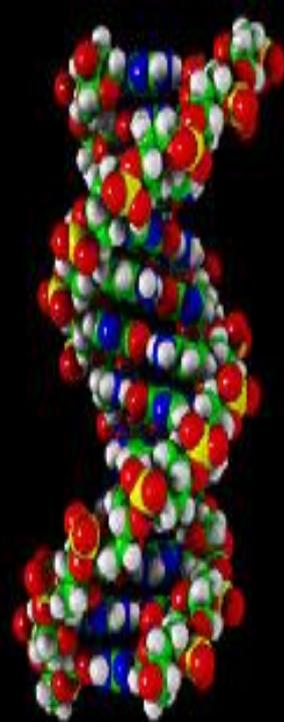
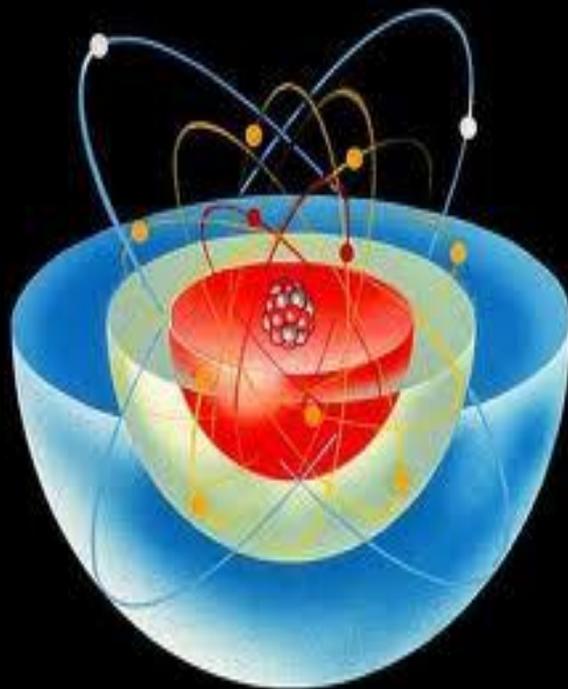
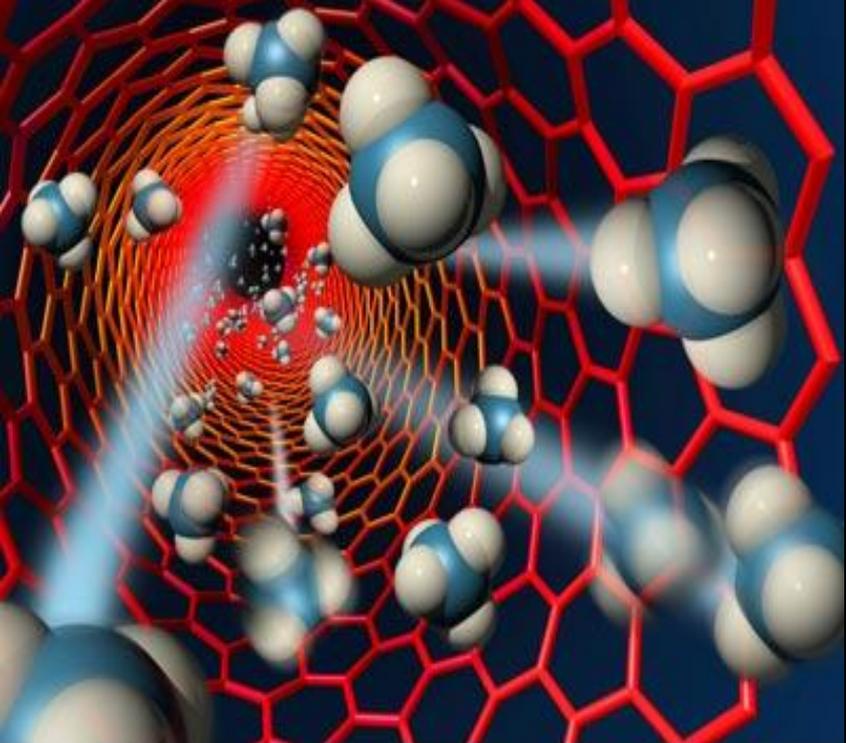
под действием приложенных к ним сил.



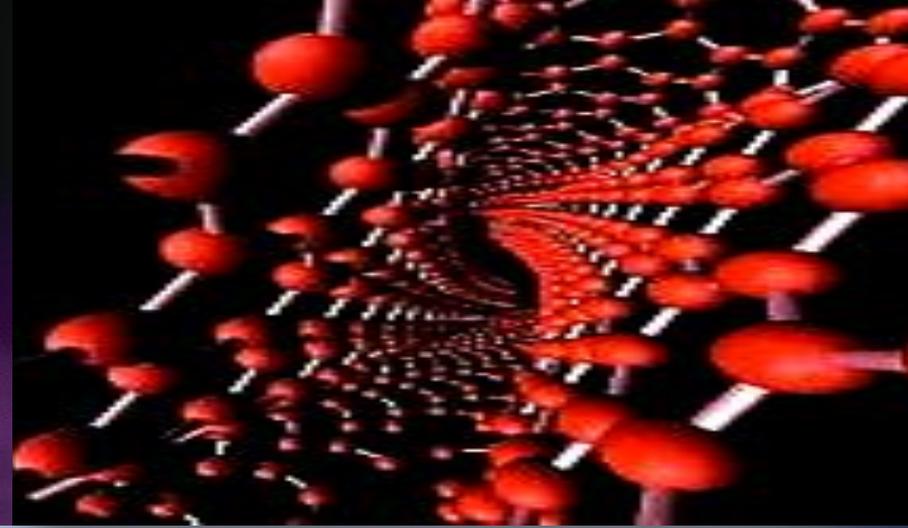
В статике

исследуют условия равновесия тел или систем тел.





**Изучение сложных явлений
невозможно без введения
упрощающих
предположений, которые называют
модельными.**



Модель в физике

- упрощенная версия физической системы (или процесса), сохраняющая ее главные черты.

Границы применимости физической теории определяются пределами применимости



***В механике используют две модели:
материальная точка
и абсолютно твердое***

Материальная точка

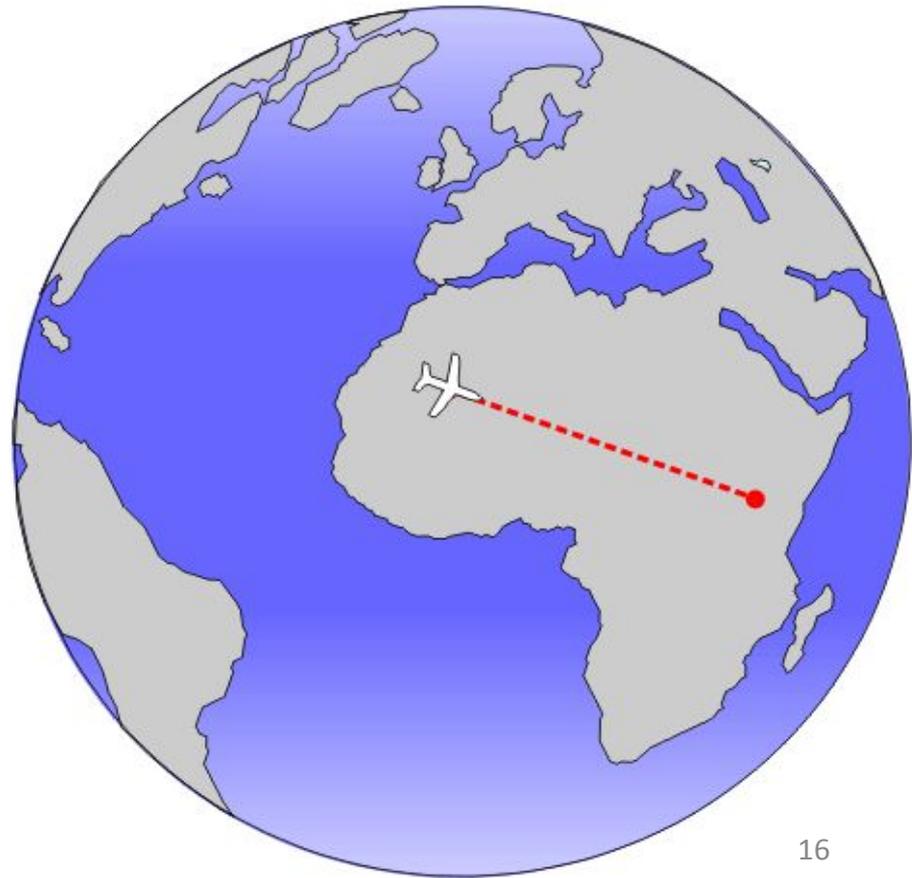
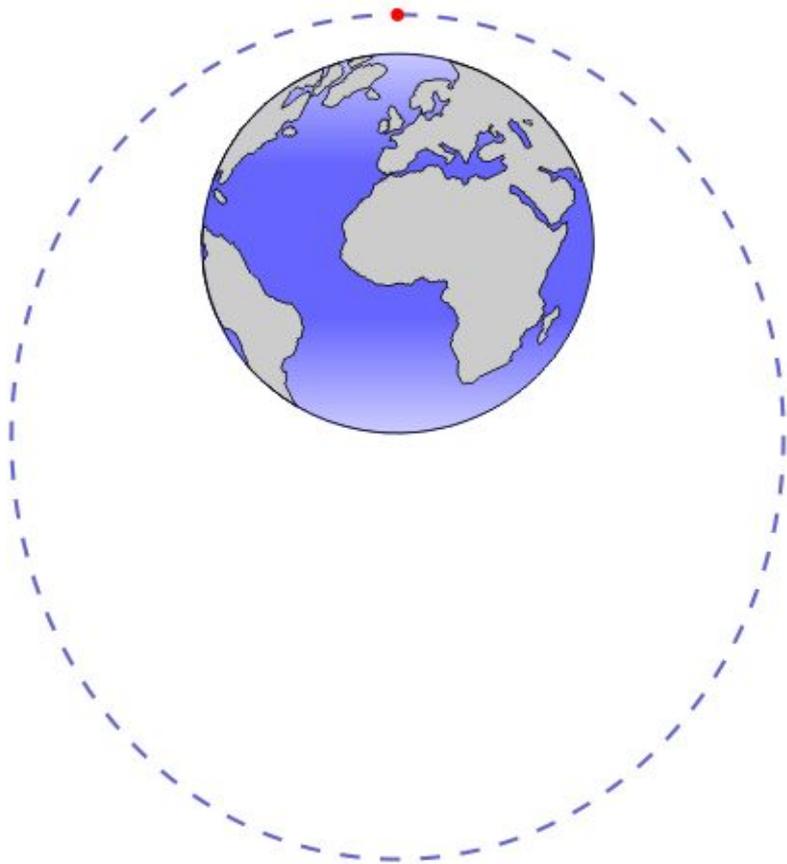


**- это тело , обладающее массой ,
размерами и формой которого можно
пренебречь в условиях данной задачи.**

**Тело считается материальной точкой,
если :**

- расстояние, которое проходит
тело \gg размеров тела;**
- расстояние от тела до других
тел \gg размеров тела.**

**Например:
движение спутника вокруг Земли;
трансконтинентальный полет**

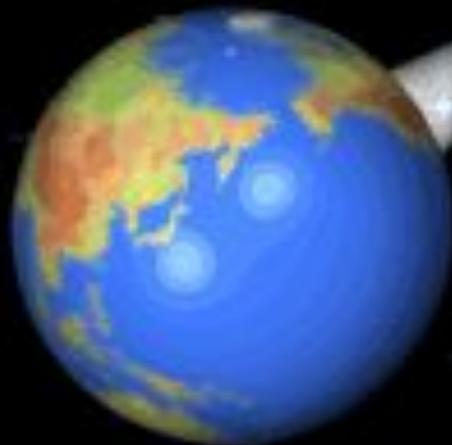




Абсолютно твердое тело
- тело деформациями которого можно
в условиях данной задачи пренебречь.
*Абсолютно твердым называется тело,
конфигурация которого не меняется при
любых воздействиях на него.*

КИНЕМАТИ

КА



МАТЕРИАЛЬН
ОЙ

ТОЧК

Основные понятия кинематики

Кинематикой называют раздел механики, в котором движение тел рассматривается без выяснения причин, его вызывающих.

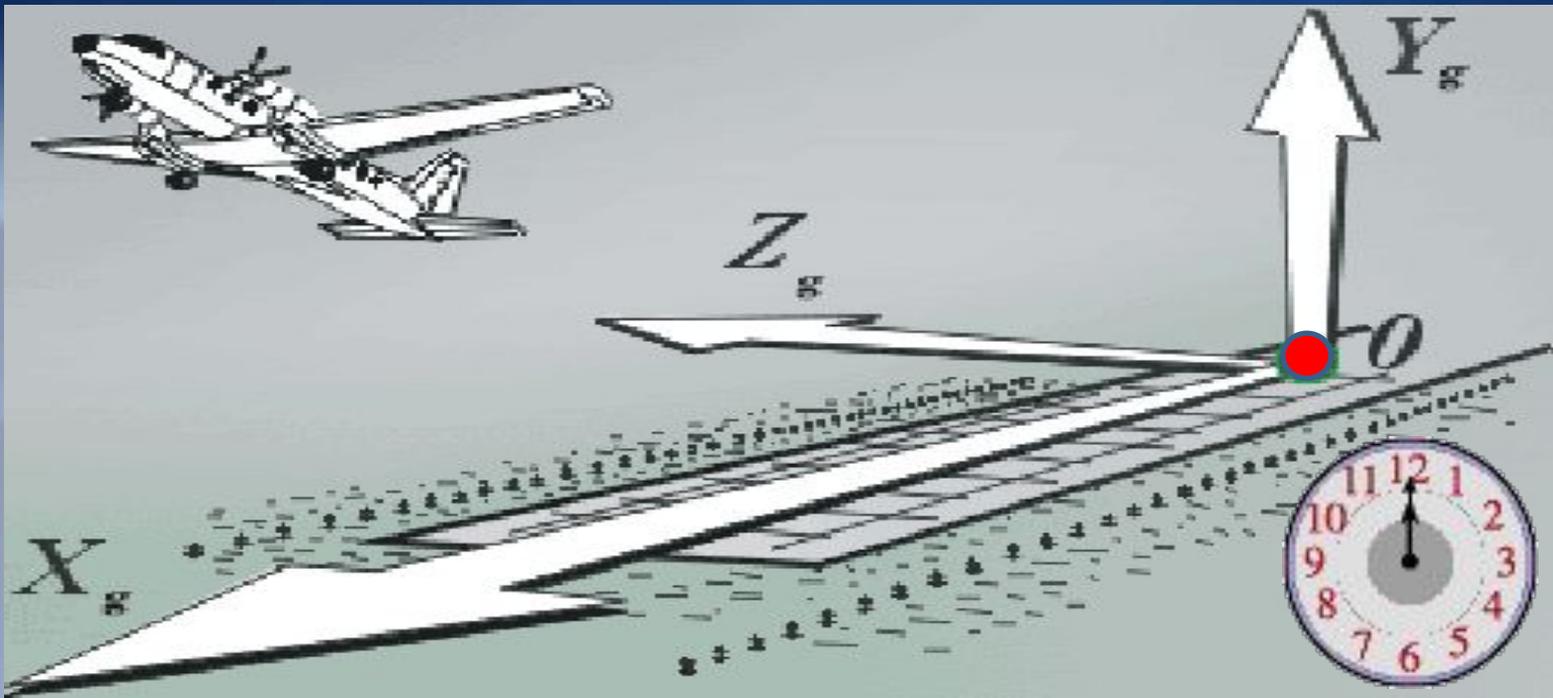
Механическим движением тела называют изменение его положения в пространстве относительно других тел с течением времени.

Тело, размерами которого в данных условиях можно пренебречь, называется *материальной точкой*.

Механическое движение *относительно*. Движение одного и того же тела относительно разных тел оказывается различным.

Для описания движения тела нужно указать, по отношению к какому телу рассматривается движение. Это тело называют *телом отсчета*.

Система координат, связанная с телом отсчета, и часы для отсчета времени образуют *систему отсчета*, позволяющую определять положение движущегося тела в любой момент времени.



Система отсчета

**состоит из тела отсчета,
связанной с ней системой
координат**

и часов, неподвижных

относительно тела отсчета

Для того, чтобы выбрать систему отсчета нужно:

- 1. Выбрать объект, относительно которого будет рассматриваться движение, т.е. выбрать тело отсчета;**
- 2. Выбрать систему координат, начало которой должно совпадать с одной из точек тела отсчета;**
- 3. Выбрать начало отсчета времени.**



Тело отсчета

произвольно выбранное тело, относительно которого определяется положение других (движущихся тел).

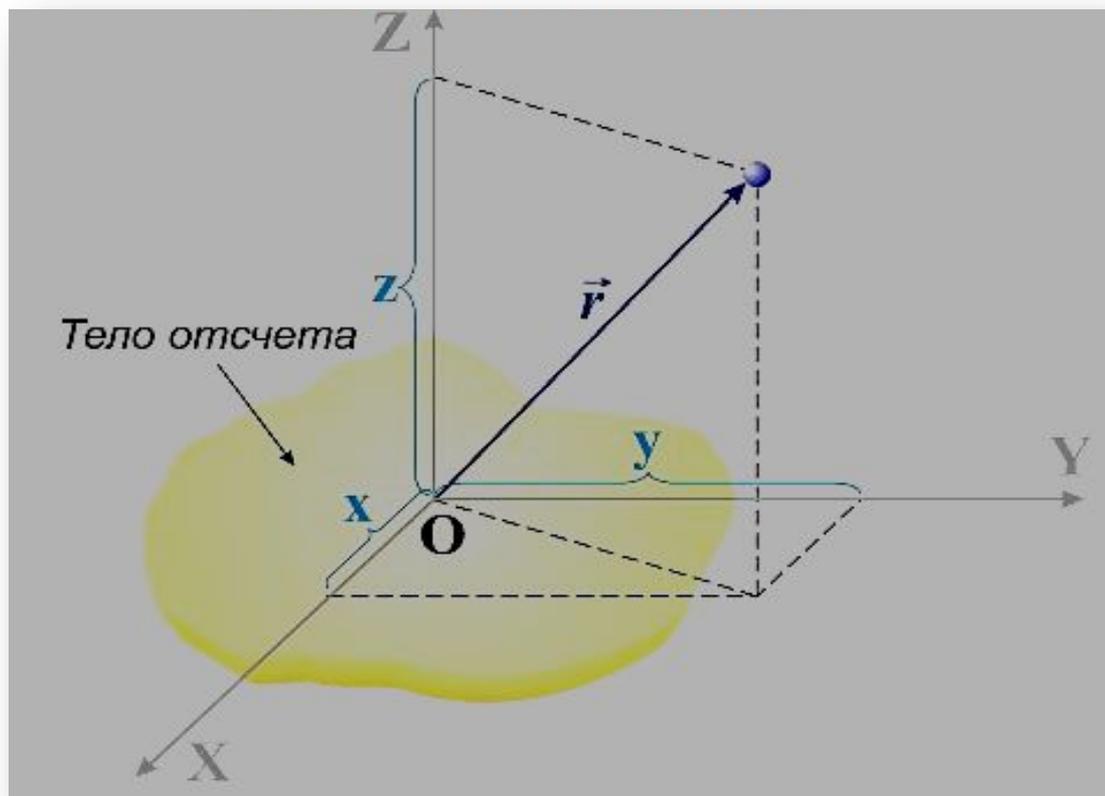
-- В разных системах отсчета траектории движения одного и того же тела различны.

- Положение любого движущегося тела определяется по отношению к телу отсчета.

Поэтому механическое движение всегда относительно.

Система отсчета

Чаще всего в физике используют декартову систему координат



Определение положения точки в пространстве

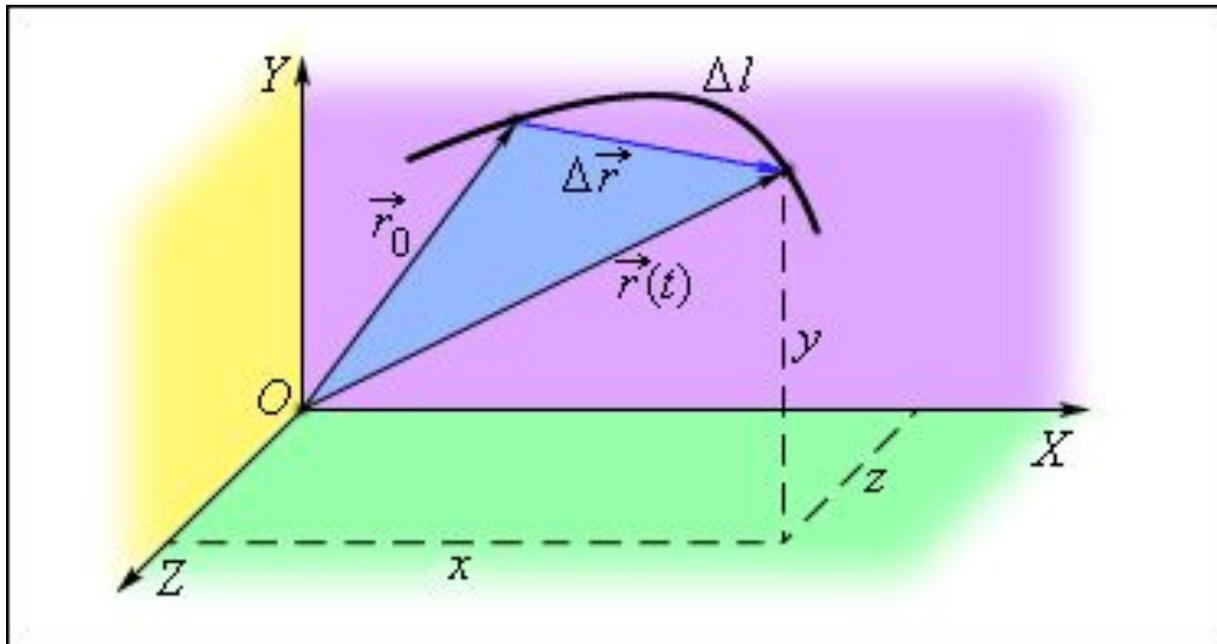
Положение материальной точки в пространстве в любой момент времени (*закон движения*) можно определять, применяя :

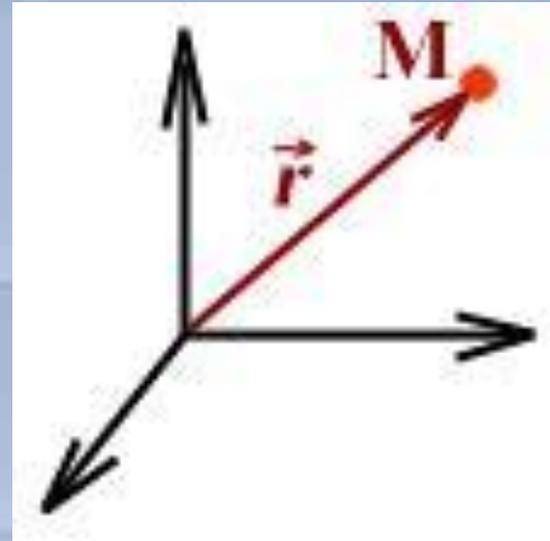
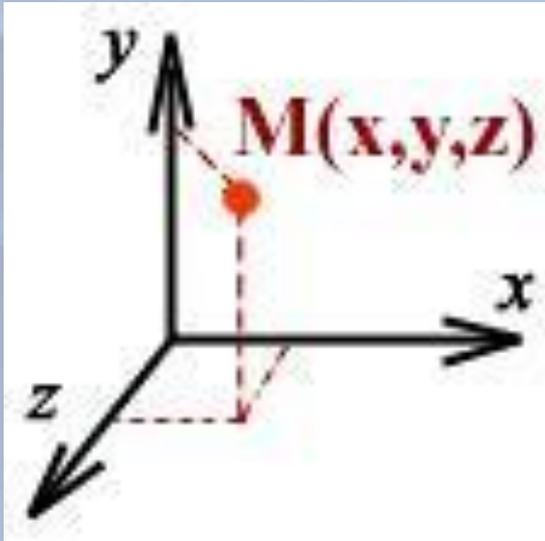
1. *Координатный способ* (с помощью зависимости координат от времени)

$$x = x(t), y = y(t), z = z(t)$$

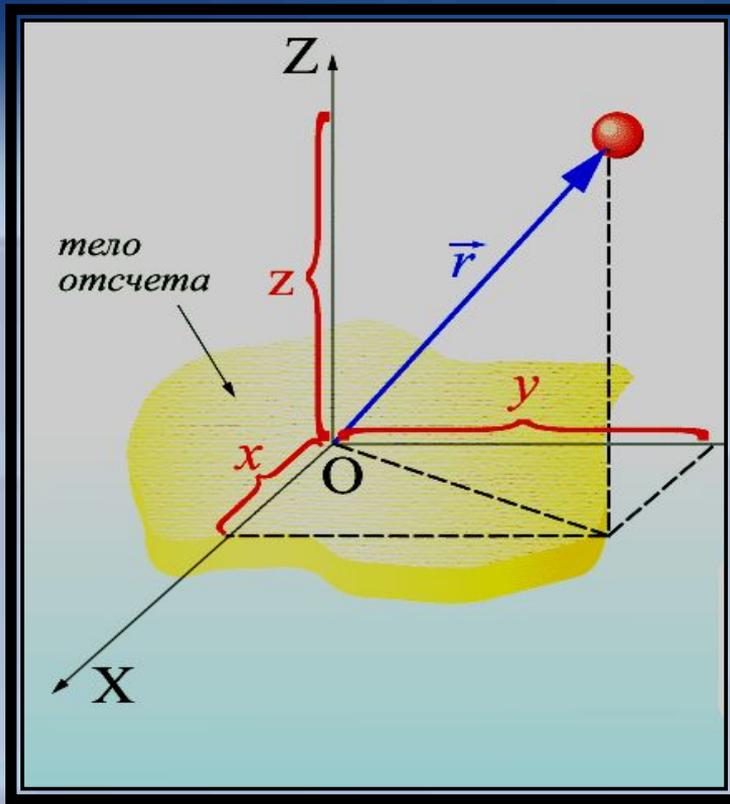
2. *Векторный способ* (при помощи зависимости от времени радиус-вектора проведенного из начала координат до данной точки)

$$\vec{r} = \vec{r}(t)$$





**Положение материальной точки
в данной системе отсчета
определяется или ее
координатами
или радиусом – вектором.**



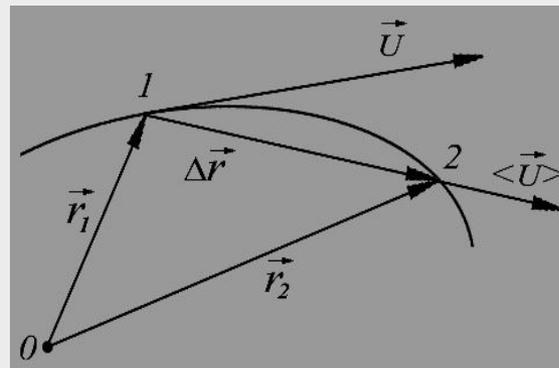
Радиусом – вектором \vec{r}
точки называется вектор,
проведенный из начала координат
в данную точку.

Основная задача механики: зная состояние системы (координаты и скорости) в некоторый начальный момент времени t_0 , а также законы, управляющие движением, определить состояние системы во все последующие моменты времени t .

- Для этого используются уравнения движения – уравнения, позволяющие определить положение материальной точки (системы) в пространстве в любой момент времени по известным начальным условиям. С математической точки зрения это означает, что уравнения движения - это уравнения второго порядка).

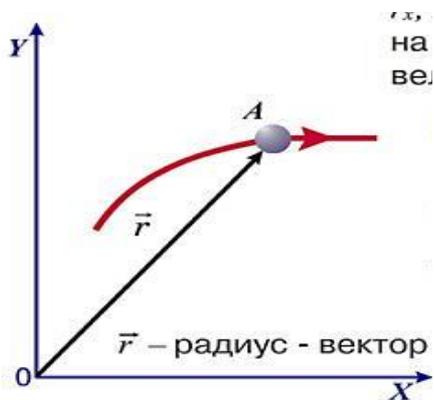
**Для описания движения
необходимо задать:**

- а) начало отсчета
радиус - вектора \vec{r} ;**
- б) начало отсчета времени t ;**
- в) закон движения точки $\vec{r}(t)$.**



Закон движения

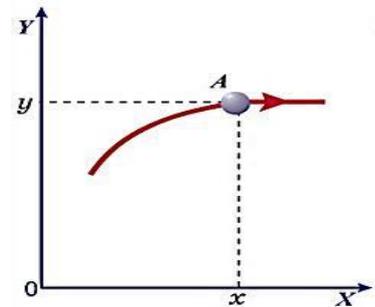
- уравнение в координатной или векторной форме, показывающее зависимость радиус-вектора от времени.



$$\vec{r} = \vec{r}_0 + \vec{v}_0 t + \frac{\vec{a} t^2}{2}$$

$$X = X_0 + v_{0x} t + \frac{a_x t^2}{2}$$

$$Y = Y_0 + v_{0y} t + \frac{a_y t^2}{2}$$



Кинематические характеристики движения

- Перемещение, траектория, пройденный путь, скорость , ускорение.

Перемещение, траектория

Перемещаясь с течением времени из одной точки в другую в выбранной системе отсчета, тело (материальная точка) описывает некоторую линию, которую называют *траекторией движения тела*.

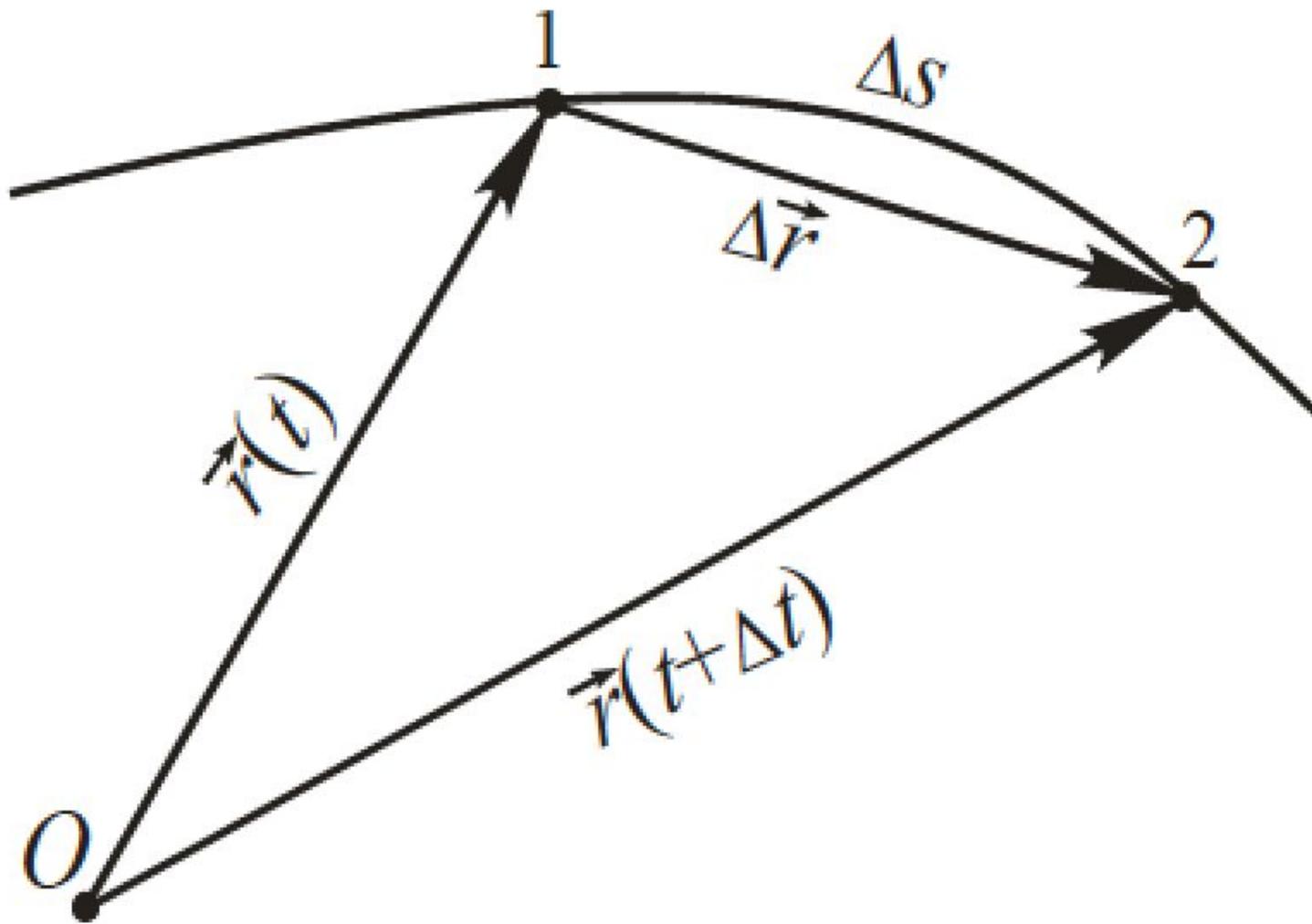
Перемещением тела $\Delta\vec{r} = \vec{r} - \vec{r}_0$ называют направленный отрезок прямой, соединяющий начальное положение тела с его последующим положением.

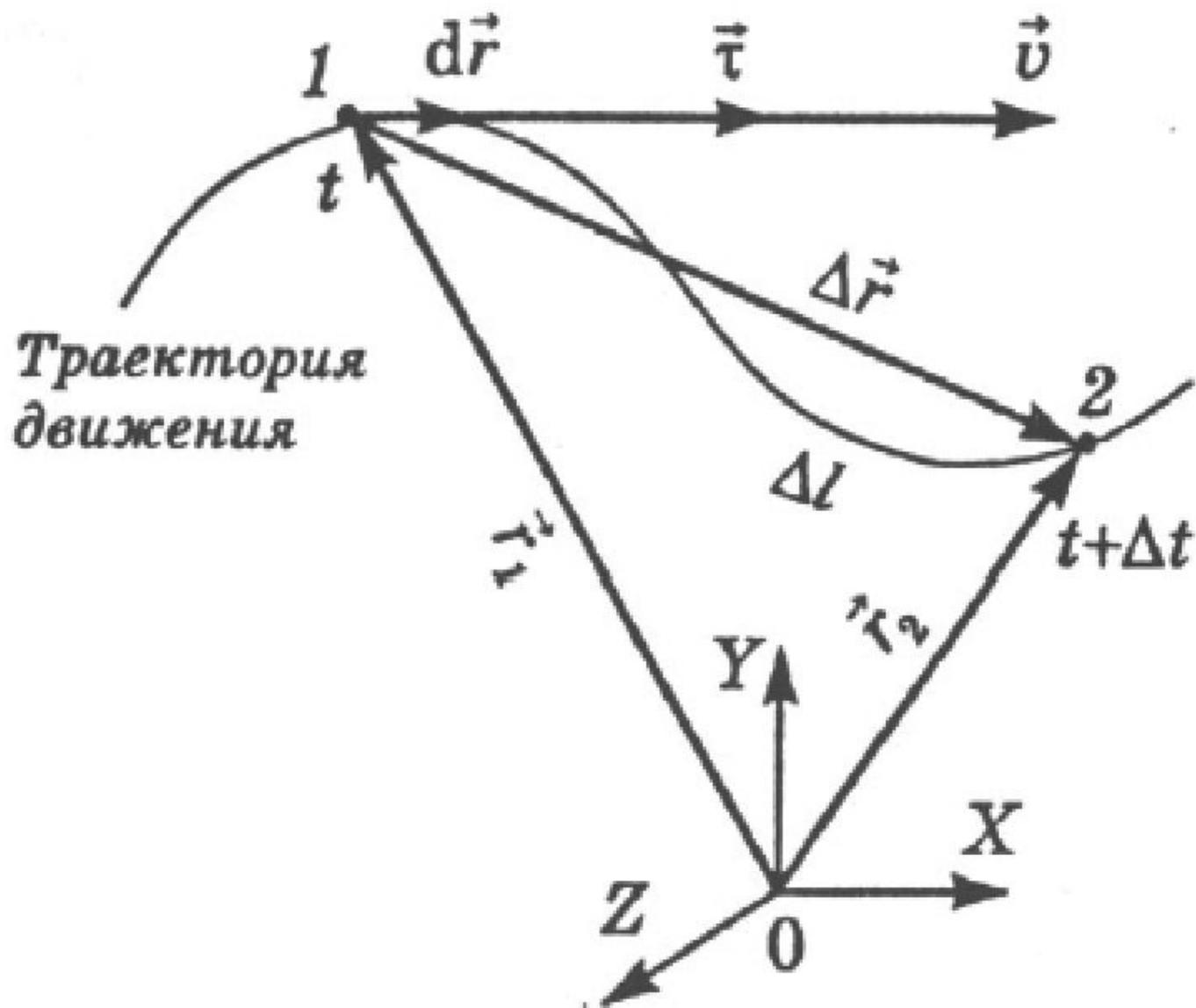
Перемещение - векторная величина.

Пройденный путь l равен длине дуги траектории, пройденной телом за некоторое время t .

Путь – скалярная величина.

Если движение тела рассматривать в течение достаточно короткого промежутка времени ($\Delta t \rightarrow 0$), то вектор перемещения окажется направленным по касательной к траектории в данной точке, а его длина будет равна пройденному пути.





Путь и перемещение

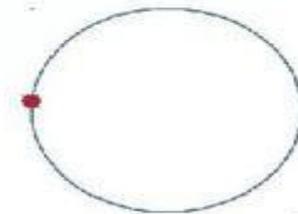
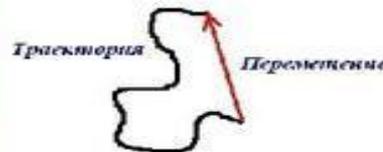
Путь – неотрицательная, неубывающая функция времени. Может случиться так, что перемещение равно нулю, а путь достигает значительной величины.

Путь и перемещение



1. Путь - это длина траектории
2. Перемещение - это расстояние от начальной точки до последующей

Может перемещение тела быть равно 0?



Путь равен длине окружности, перемещение равно нулю

Только ли при движении по окружности перемещение тела равно 0?

Может ли перемещение быть равно пути?

Вывод: перемещение может быть равно пройденному пути, быть меньше или равно 0.

Скорость

Для характеристики движения вводится понятие *скорости*.
Различают среднюю и мгновенную скорость .

Вектор средней скорости: $\vec{v}_{\text{ср}} = \frac{\Delta \vec{r}}{\Delta t}$

В физике наибольший интерес представляет не средняя, а *мгновенная скорость*, которая определяется как предел, к которому стремится вектор средней скорости на бесконечно малом промежутке времени Δt :

$$\vec{v} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\overrightarrow{\Delta r}}{\Delta t}$$

В математике такой предел называют *производной* и обозначают $\frac{dr}{dt}$ или $\vec{r}'(t)$.

Мгновенная скорость определяется первой производной радиуса-вектора движущейся точки по времени: $\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt} = \vec{r}'$

В декартовых координатах, **радиус-вектор** зависит от времени:

$$\vec{r} = \vec{r}(t) = x(t)\vec{e}_x + y(t)\vec{e}_y + z(t)\vec{e}_z$$

$$\vec{v} = v_x\vec{e}_x + v_y\vec{e}_y + v_z\vec{e}_z$$

Где v_x, v_y, v_z — компоненты скорости, т. е. проекции вектора \vec{v} на координатные оси.

$$v_x = \dot{x} = \frac{dx}{dt}, v_y = \dot{y} = \frac{dy}{dt}, v_z = \dot{z} = \frac{dz}{dt}$$

компоненты скорости равны производным соответствующих координат по времени

Средняя и мгновенная скорости

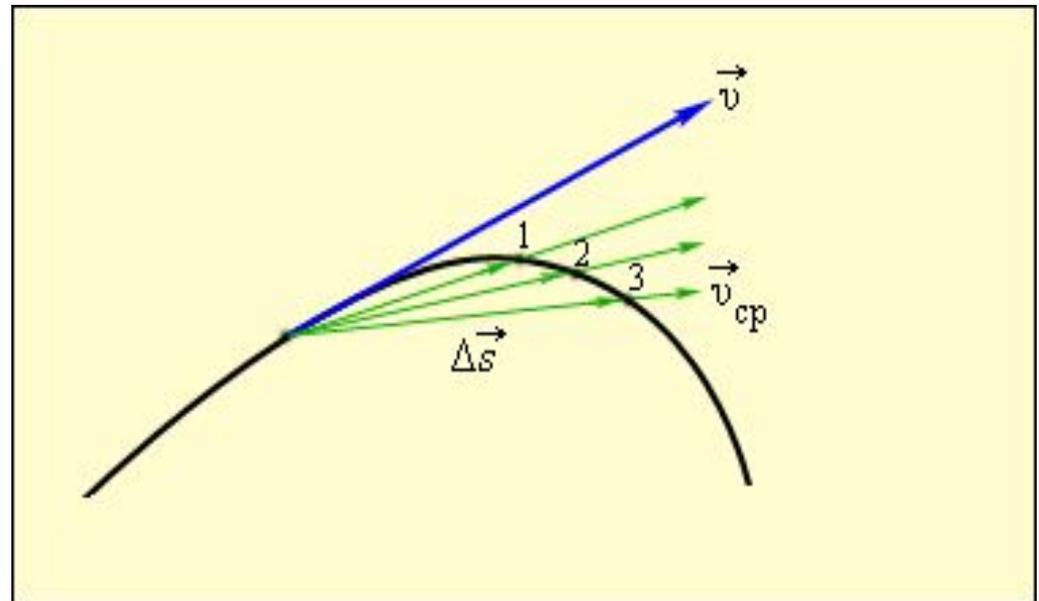
Различие между средней и мгновенной скоростями показано на рисунке.

$\Delta\vec{r}_1$, $\Delta\vec{r}_2$, $\Delta\vec{r}_3$ – перемещения за время $\Delta t_1 < \Delta t_2 < \Delta t_3$ соответственно. При $t \rightarrow 0$ $\vec{v}_{\text{ср}} \rightarrow \vec{v}$

Мгновенная скорость тела в любой точке криволинейной траектории направлена *по касательной к траектории* в этой точке.

Модуль мгновенной скорости материальной точки равен первой производной ее пути s (1) по времени:

$$v = \frac{ds}{dt}.$$



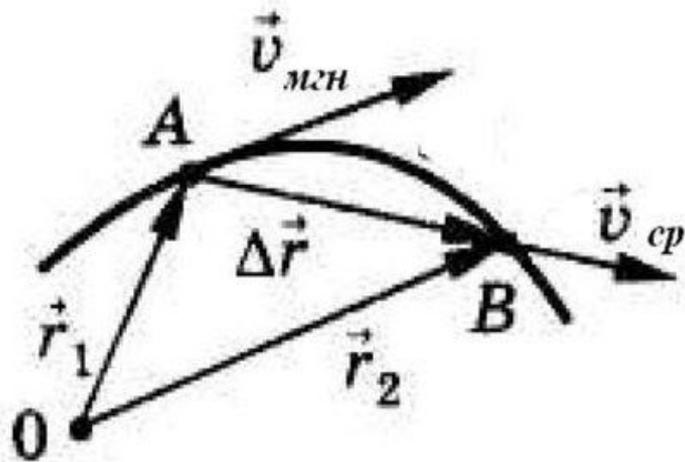
$$\vec{v}_{\text{cp}} = \frac{\Delta \vec{r}}{\Delta t}.$$

Вектор средней скорости направлен вдоль хорды, стягивающей соответствующий участок траектории движения материальной точки, т.е. направление вектора средней скорости совпадает с направлением перемещения материальной точки.

• Если промежуток времени неограниченно уменьшить, то средняя скорость стремится к предельному значению, которое называется мгновенной скоростью

$$\vec{v} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta \vec{r}}{\Delta t} = \frac{d\vec{r}}{dt}$$

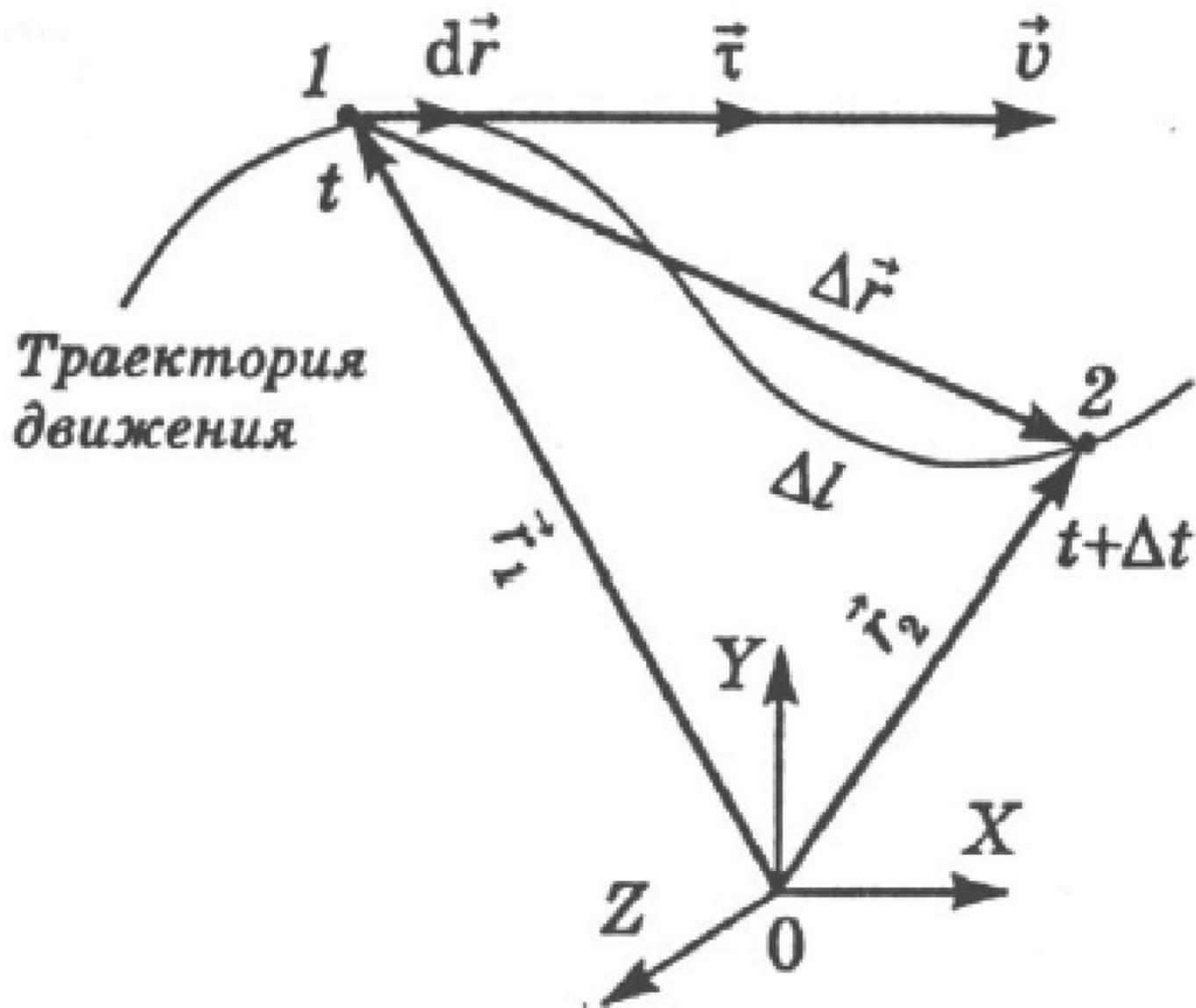
Мгновенная скорость



- *Мгновенной линейной скоростью* называется предел отношения перемещения к промежутку времени, за который это перемещение произошло, при стремлении к нулю промежутка времени

$$\vec{v}_{\text{МГН}} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta \vec{r}}{\Delta t} = \frac{d\vec{r}}{dt}$$

- Мгновенная скорость направлена по касательной к траектории.



Ускорение

Скорость частицы \vec{v} может изменяться со временем, как по величине, так и по направлению. **Ускорение характеризует быстроту изменения скорости.**

- Как и быстрота изменения любой функции времени, ускорение определяется производной вектора скорости \vec{v} по времени t , то есть второй производной радиус-вектора \vec{r} :

- $$\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt} = \dot{\vec{v}} = \frac{d^2\vec{r}}{dt^2} = \ddot{\vec{r}}.$$

Запишем скорость в виде

$$\vec{v} = v \cdot \vec{\tau}$$

- Продифференцируем вектор скорости, записанный в данном представлении, и получим

$$\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt} = \frac{d(v \cdot \vec{\tau})}{dt} = v \frac{d\vec{\tau}}{dt} + \vec{\tau} \frac{dv}{dt}$$
$$\vec{a} = \vec{a}_n + \vec{a}_\tau.$$

Где $\vec{a} = \vec{\tau} \frac{dv}{dt}$ - это тангенциальное ускорение, которое характеризует быстроту изменения скорости по модулю .

$\vec{a}_n = \vec{n} \frac{v^2}{R}$ - нормальное ускорение , характеризует быстроту изменения скорости по направлению

Изменение вектора скорости по величине и направлению

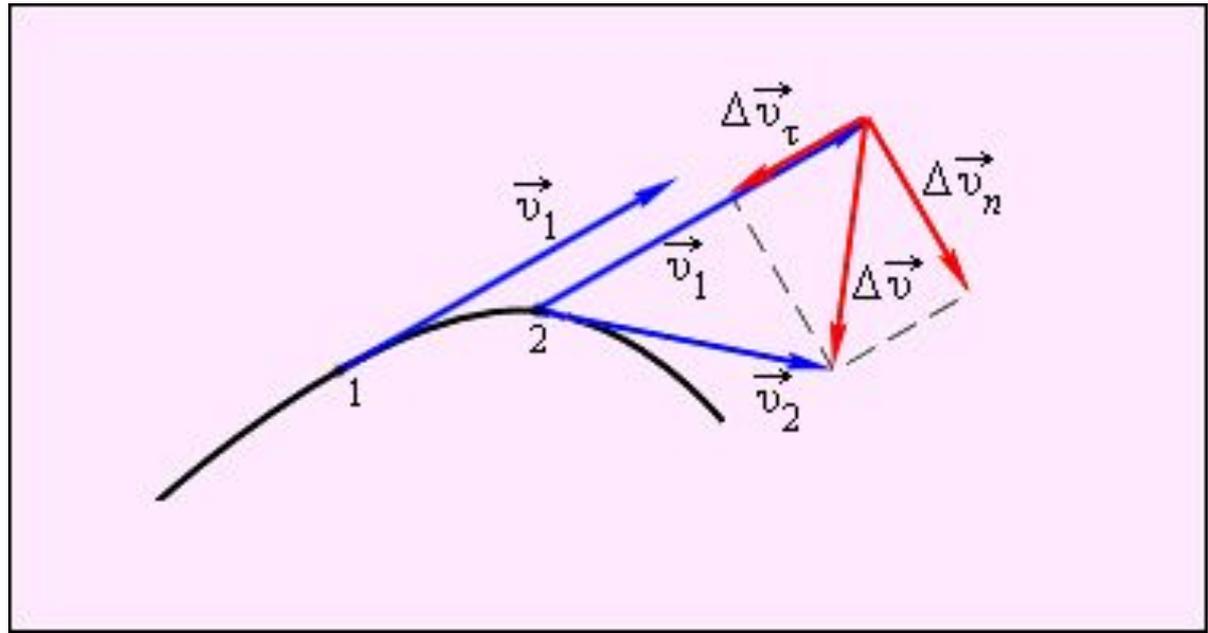
При движении тела по криволинейной траектории его скорость \vec{v} изменяется по модулю и направлению.

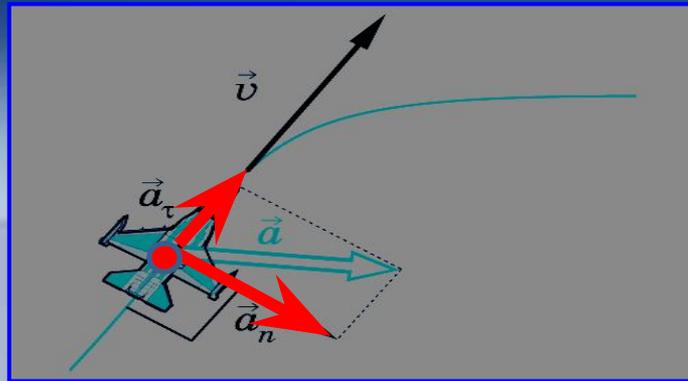
Изменение вектора скорости \vec{v} за некоторый малый промежуток времени Δt можно задать с помощью вектора $\Delta \vec{v}$.

Вектор изменения скорости \vec{v} за малое время Δt можно разложить на две составляющие (по модулю и по направлению):

\vec{v}_τ направленную вдоль вектора \vec{v} (*касательная составляющая*),
 \vec{v}_n направленную перпендикулярно вектору \vec{v} (*нормальная составляющая*).

$$\Delta \vec{v} = \Delta \vec{v}_\tau + \Delta \vec{v}_n$$





Удобно и целесообразно вектор \vec{a} разложить на два составляющих вектора: на тангенциальное ускорение \vec{a}_τ (характеризующее изменение скорости по модулю) и нормальное ускорение \vec{a}_n (характеризующее изменение скорости по направлению).

Мгновенным ускорением \vec{a} тела называют предел отношения малого изменения скорости $\Delta\vec{v}$ к малому промежутку времени Δt , в течение которого происходило изменение скорости:

$$\vec{a} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta\vec{v}}{\Delta t} = \frac{d\vec{v}}{dt} = \vec{v}'$$

Направление вектора ускорения \vec{a} в случае криволинейного движения не совпадает с направлением вектора скорости \vec{v} .

Составляющие вектора ускорения \vec{a} называют **касательным (тангенциальным)** \vec{a}_τ и **нормальным** \vec{a}_n ускорениями.

Касательное (тангенциальное) ускорение указывает, насколько быстро изменяется скорость тела по модулю:

$$a_\tau = \frac{dv}{dt}$$

Вектор направлен по касательной к траектории.

Нормальное ускорение характеризует быстроту изменения скорости по направлению (направлено к центру кривизны траектории):

$$a_n = \frac{v^2}{r}$$

Полное ускорение при криволинейном движении – геометрическая сумма тангенциальной и нормальной составляющих: $\vec{a} = \vec{a}_\tau + \vec{a}_n$

Модуль полного ускорения равен:

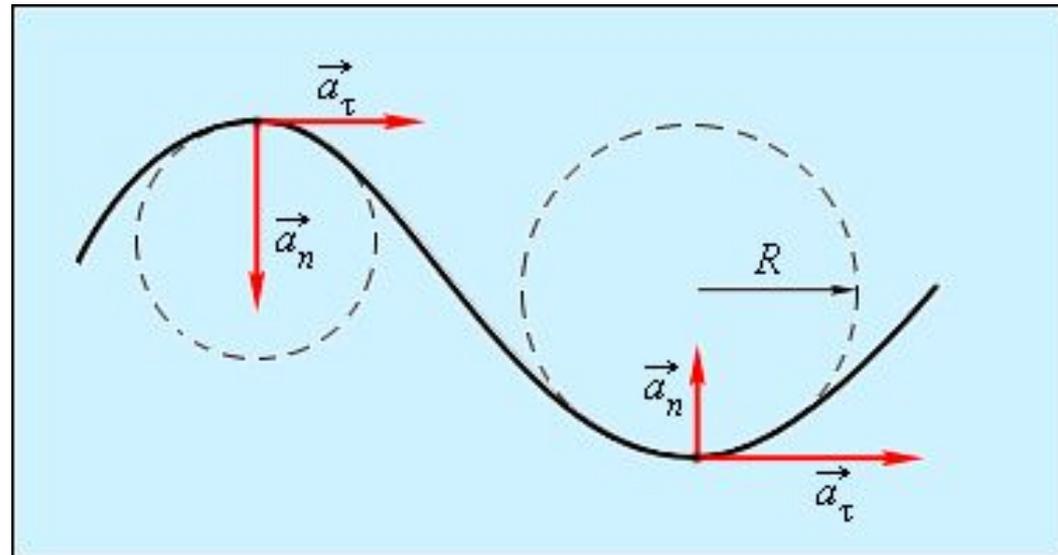
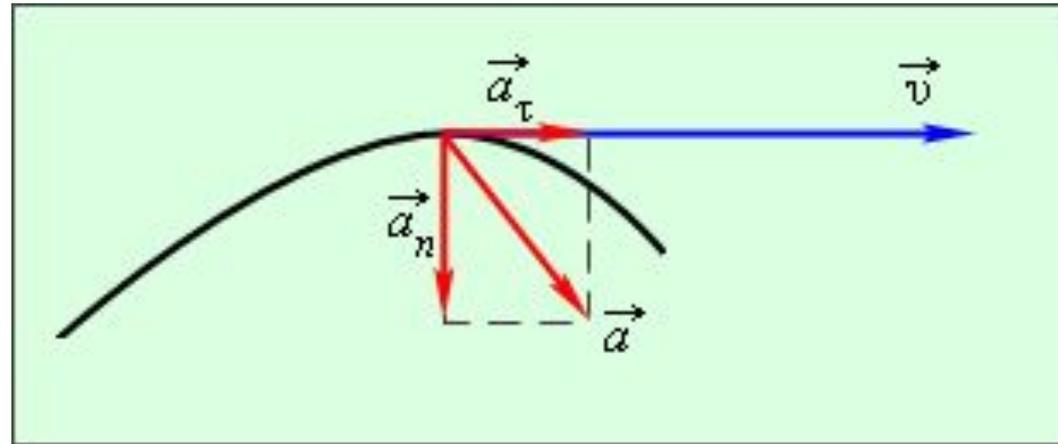
$$a = \sqrt{a_\tau^2 + a_n^2}.$$

Криволинейное движение можно представить как движение по дугам окружностей.

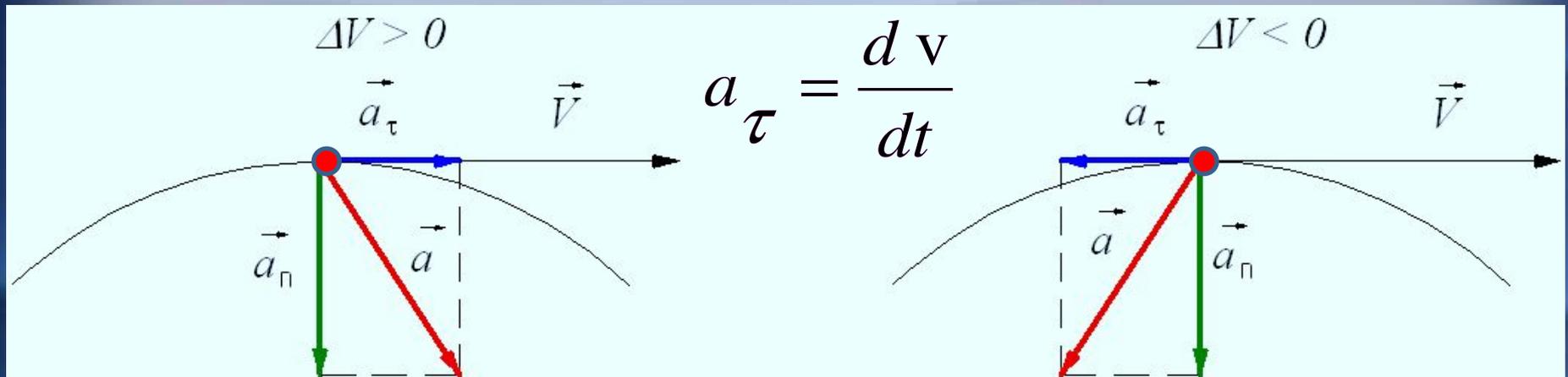
Нормальное ускорение зависит от модуля скорости v и от радиуса R окружности, по дуге которой тело движется в данный момент:

$$a_n = \frac{v^2}{R}.$$

Вектор \vec{a}_n всегда направлен к центру окружности.



Направление вектора тангенциального ускорения совпадает с направлением линейной скорости или противоположно ему.

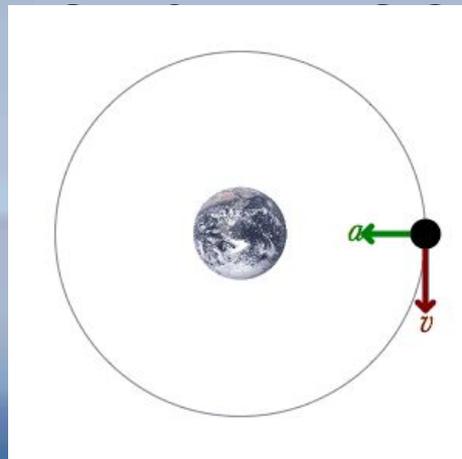


Вектор \vec{a}_τ , как и вектор скорости, направлен по касательной к траектории.

В случае движения по окружности нормальное ускорение называется центростремительным.

При движении по окружности с постоянной скоростью нормальное ускорение постоянно по модулю и направлено к центру

$$a_{\text{ц}} = \frac{v^2}{R}$$



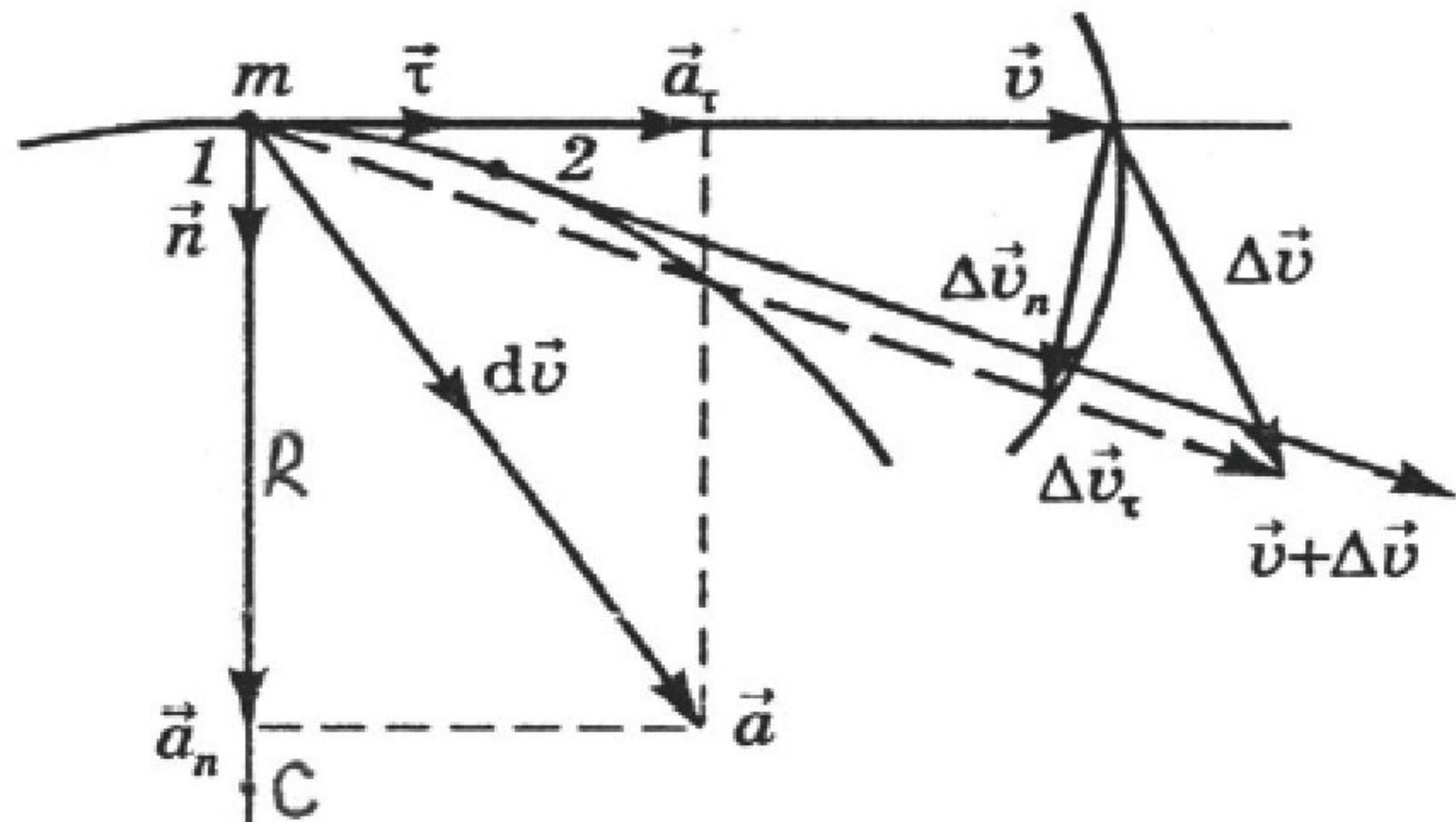
ти.

$$a_{\text{ц}} = \frac{4\pi^2 R}{T^2}$$

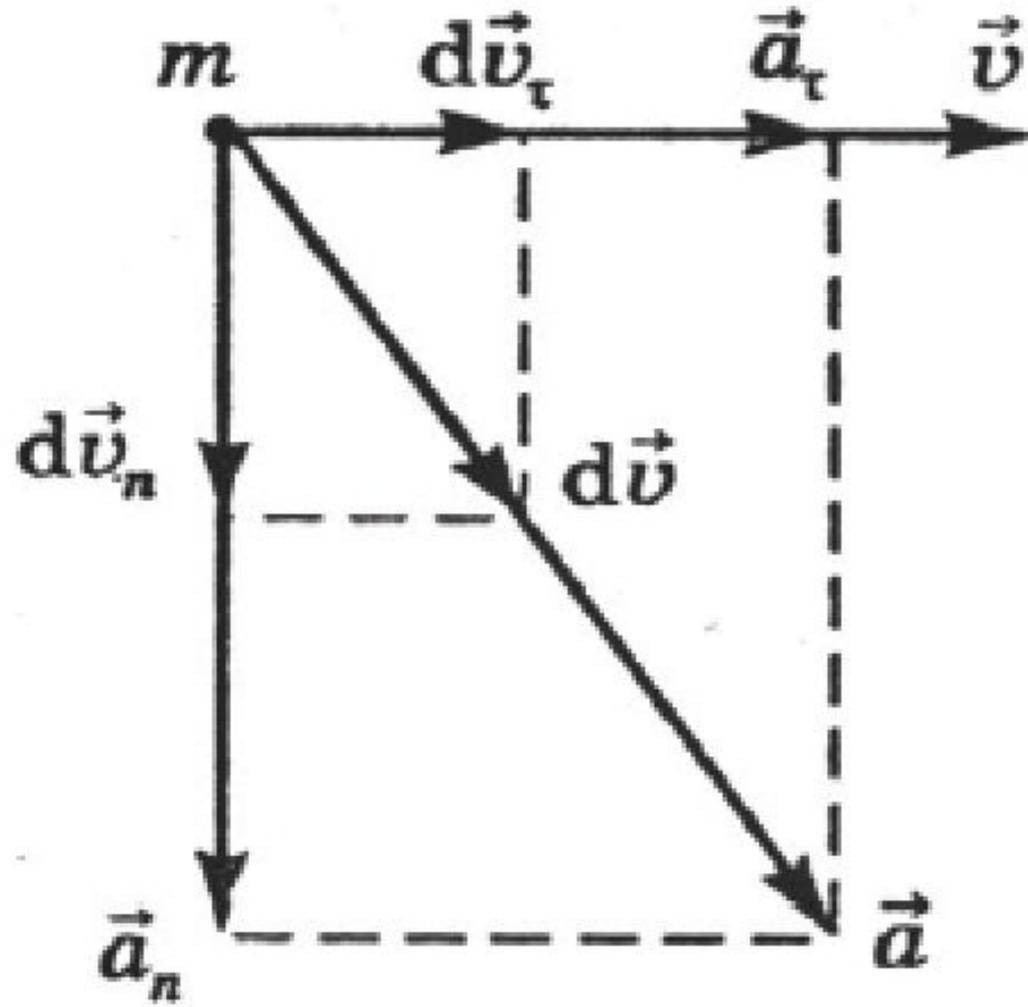
Полное ускорение $\vec{a} = \vec{a}_\tau + \vec{a}_n$

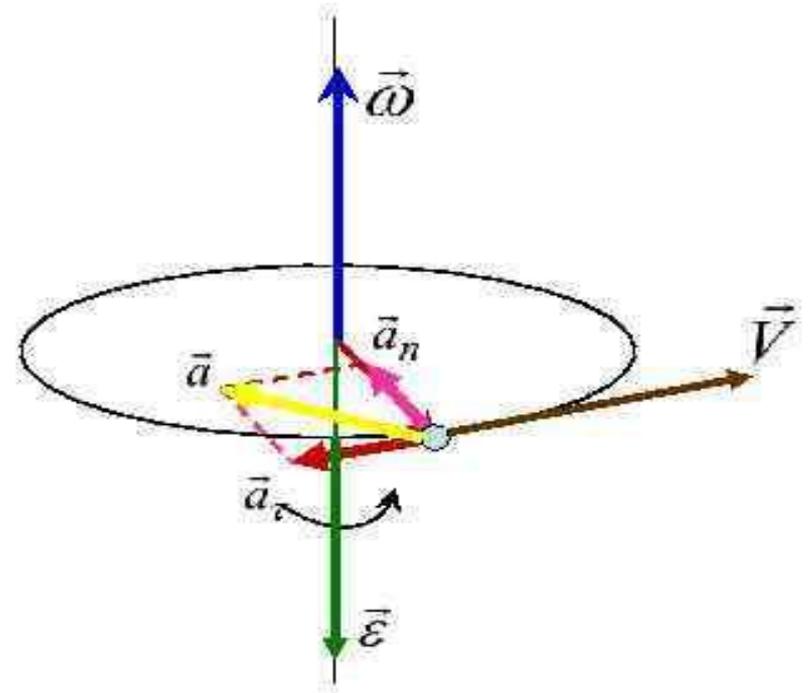
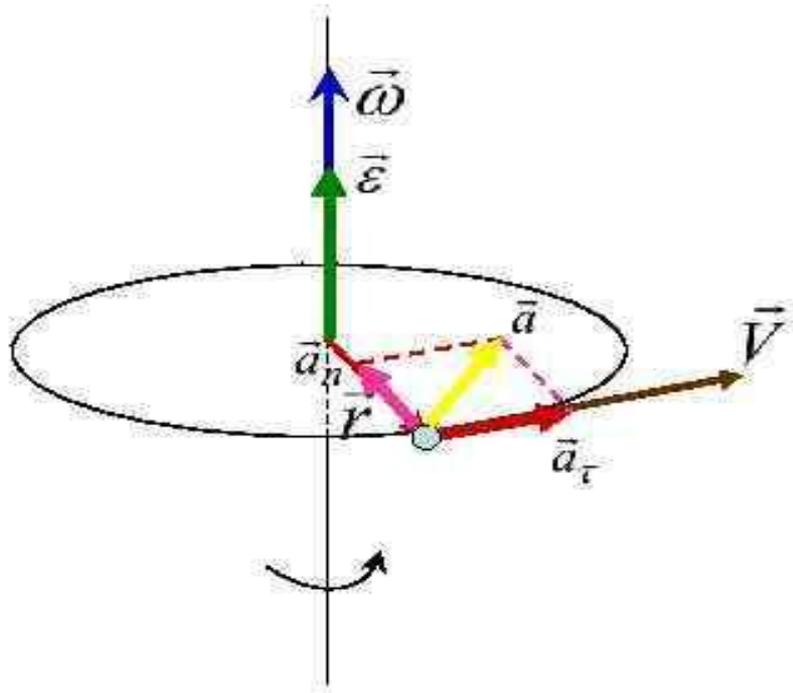
определяется по правилу параллелограмма. Модуль

- $$a = \sqrt{a_n^2 + a_\tau^2} = \sqrt{\left(\frac{dv}{dt}\right)^2 + \left(\frac{v^2}{R}\right)^2}$$



a





Простейшие виды движения

$$\bar{a} = \bar{a}_\tau + \bar{a}_n$$

1) **Равномерное прямолинейное движение**

$$\bar{a}_n = 0 \quad \bar{a}_\tau = 0 \quad \bar{a} = 0$$

2) **Равнопеременное прямолинейное движение**

$$\bar{a}_n = 0 \quad \bar{a}_\tau \neq 0 \quad \bar{a} = \bar{a}_\tau$$

3) **Равномерное криволинейное движение**

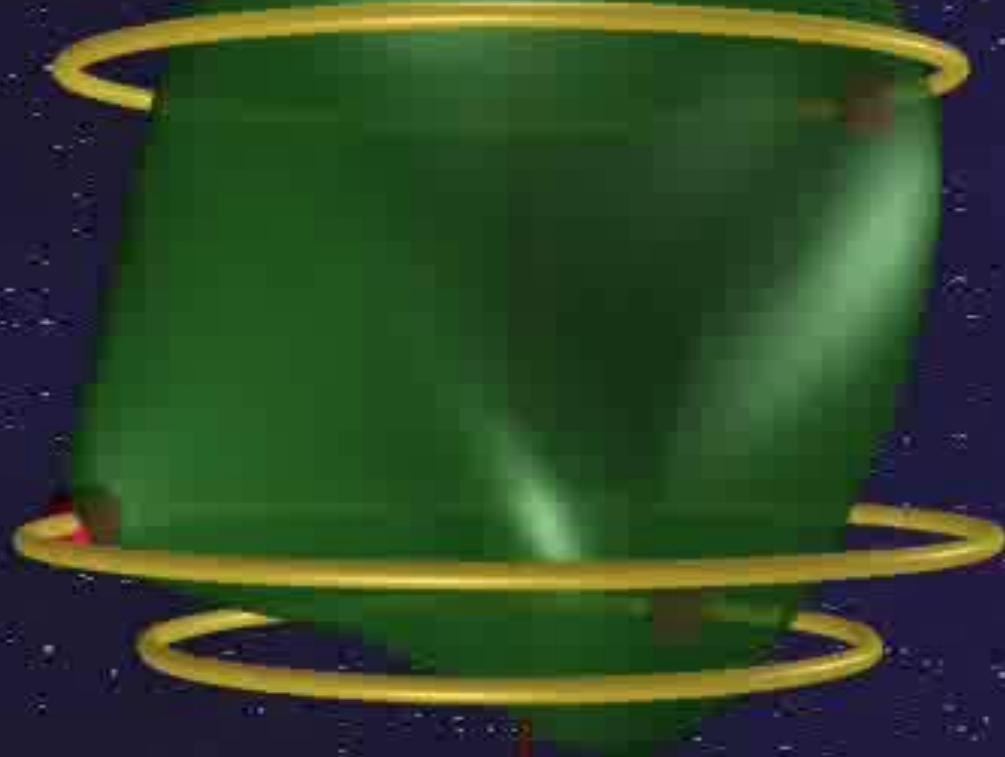
$$\bar{a}_n \neq 0 \quad \bar{a}_\tau = 0 \quad \bar{a} = \bar{a}_n$$

4) **Равнопеременное криволинейное**

$$\bar{a}_n \neq 0 \quad \bar{a}_\tau \neq 0 \quad \bar{a} \neq 0$$

$$\bar{a} = \bar{a}_\tau + \bar{a}_n$$

КИНЕМАТИКА ВРАЩАТЕЛЬНОГО ДВИЖЕНИЯ ТВЕРДОГО ТЕЛА



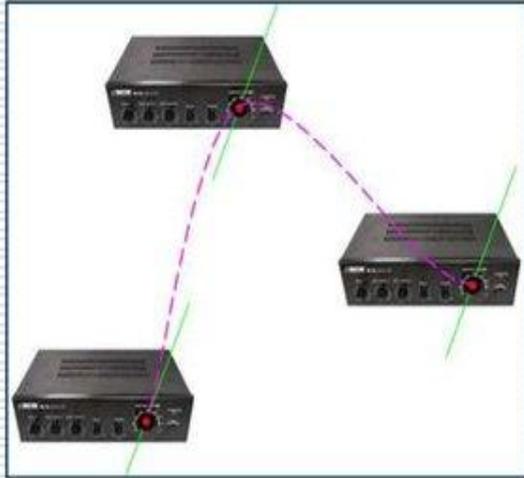
Движение твердого тела отличается от движения материальной точки. Обычно выделяют два простых вида движения тела:

- **Поступательное** - это движение, при котором любая прямая, проведенная в теле, перемещается параллельно самой себе так, что все точки тела описывают одинаковые траектории.
- **Вращательное** - это движение, при котором все точки тела двигаются по окружностям разных радиусов, центры которых лежат на одной прямой, называемой осью вращения.

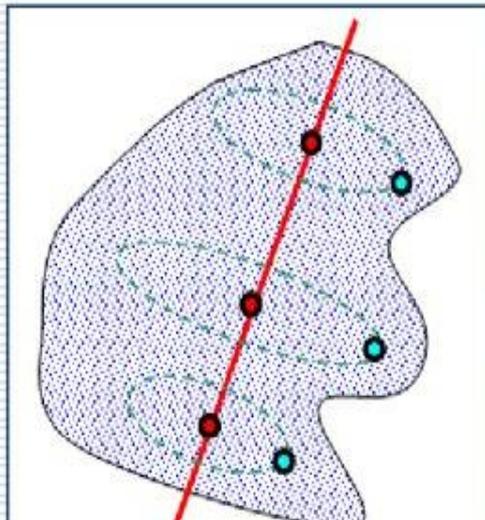
Сложное движение твердого тела – это совокупность поступательного и вращательного движений.

Абсолютно твердым называется тело, конфигурация которого не меняется при любых воздействиях на него.

Поступательное и вращательное движение твердого тела

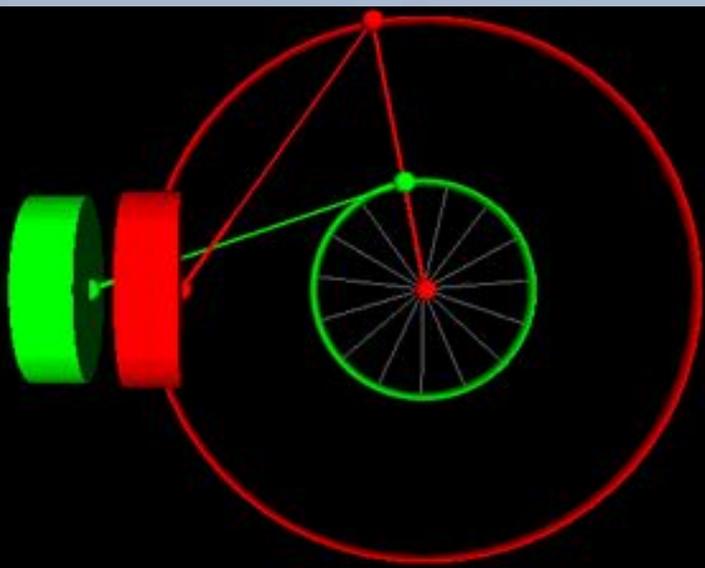


- **Поступательное движение** – это движение, при котором любая прямая, связанная с телом, остается параллельна самой себе.
 - Все точки тела при поступательном движении **описывают одинаковые траектории**, сдвинутые относительно друг друга, а также имеют одинаковые скорости и ускорения.
 - Поэтому при изучении поступательного движения твердого тела **достаточно изучить** движение какой-либо одной его точки, т. е. задача сводится к изучению кинематики точки.
 - В качестве такой точки чаще всего выбирают **центр масс тела**.

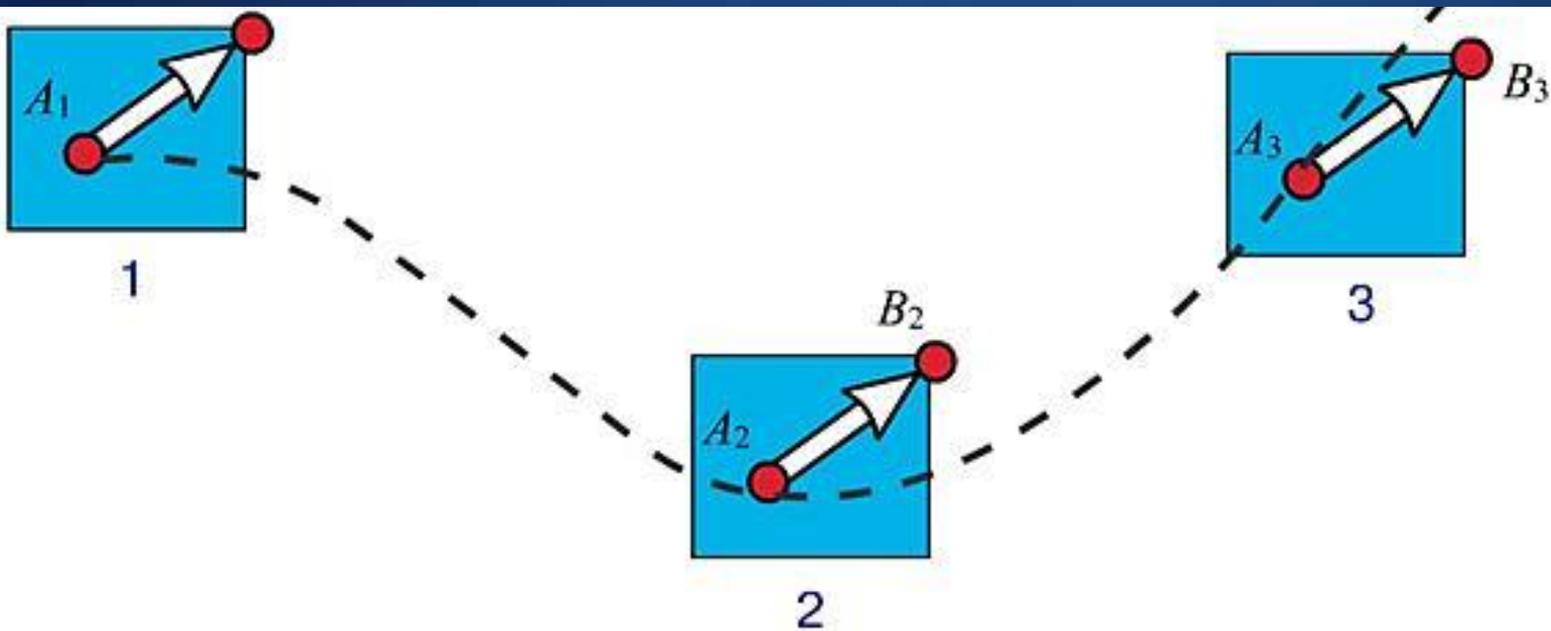


- **Вращательное движение** – это движение, при котором все точки тела **движутся по окружностям**, центры которых лежат на одной прямой, называемой **осью вращения**.
 - Ось вращения может находиться вне тела.
 - Вращательное движение является **плоским движением**, при котором траектории всех точек лежат в параллельных плоскостях.
- **Для описания вращения твердого тела** вводят величины, относящиеся ко всему телу в целом, а не к отдельным его точкам: 1) **угол поворота φ** ; 2) **угловая скорость ω** ; 3) **угловое ускорение ε** .

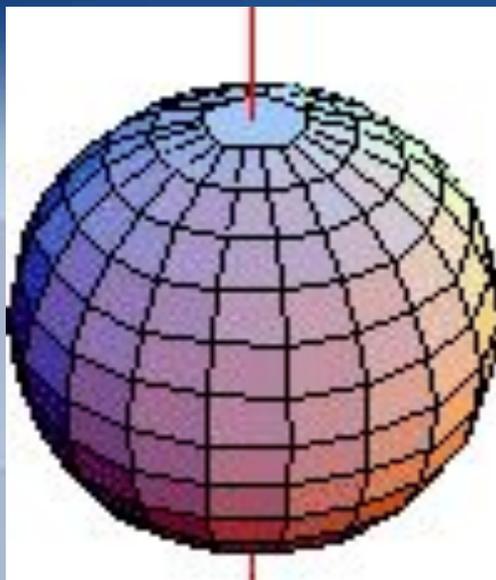
Движение абсолютно твёрдого тела



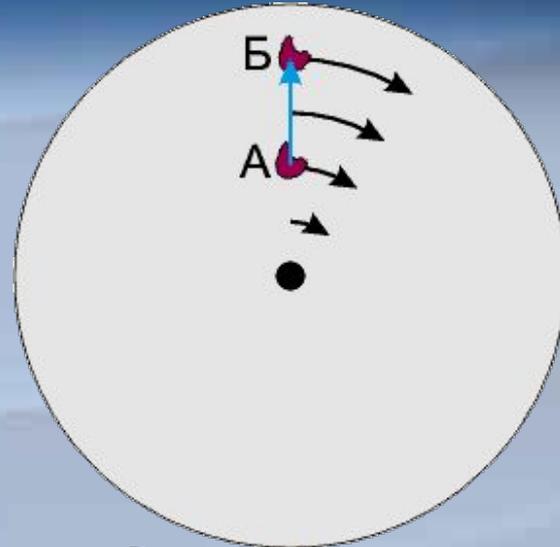
**Плоское
движение
абсолютно
твёрдого тела
можно
представить
как
совокупность
поступательного**



Поступательным движением называется такое движение, при котором траектории всех точек тела одинаковы, или при котором любой отрезок, проведенный в теле перемещается параллельно самому



Вращательным движением называется такое движение, при котором траектории всех точек тела – это окружности, а центры этих окружностей лежат на одной прямой называемой осью



**При вращательном движении,
в отличие от поступательного,
скорости разных точек тела
неодинаковы.**

**Поэтому скорость какой-либо точки
вращающегося тела не может
служить характеристикой движения
всего тела.**

Кинематические характеристики

- вращательного движения
 - 1. Угол поворота φ
 - 2. Угловая скорость ω
 - 3. Угловое ускорение β, ε

Угол поворота

Угол поворота (угловое перемещение) – это угол $\Delta\varphi$, на которое за время Δt повернулась точка тела находящаяся на расстоянии R от оси вращения.

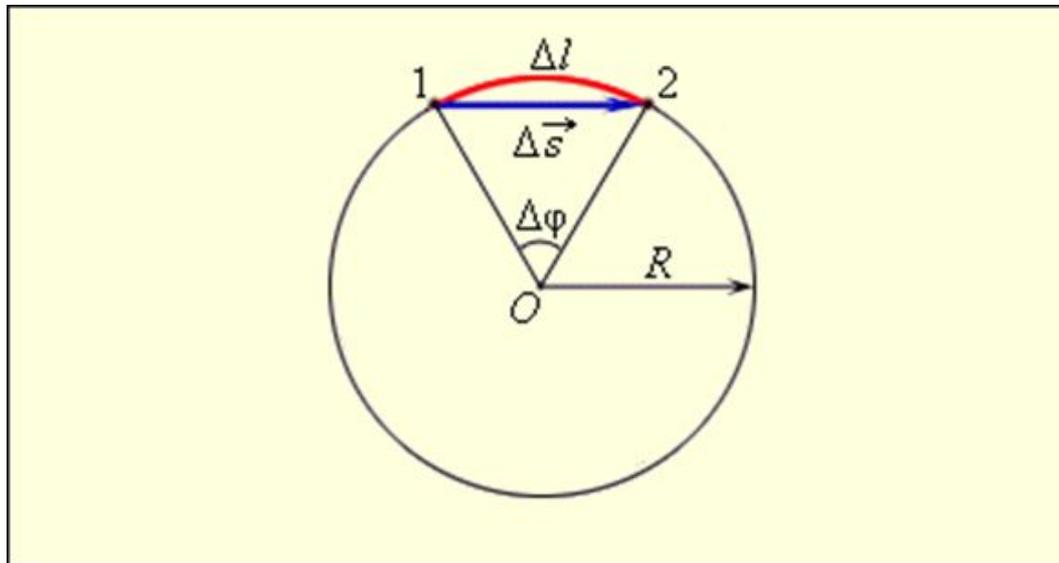
Угол поворота – это **осевой (аксиальный) вектор**, направление которого определяется правилом правого винта (буравчика).

Угол поворота измеряется в **радианах**.

Длина дуги Δl связана с углом поворота $\Delta\varphi$ соотношением:

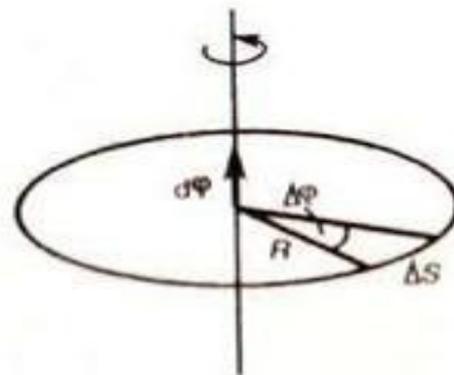
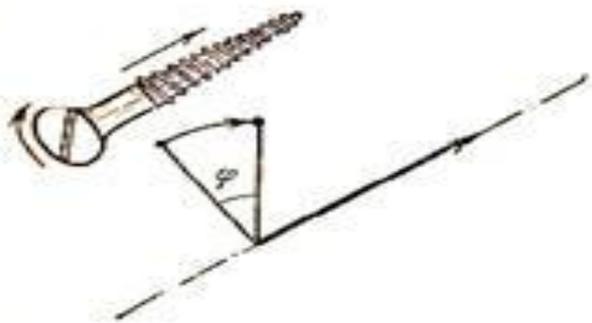
$\Delta l = R \Delta\varphi$ – в элементарных, но конечных величинах.

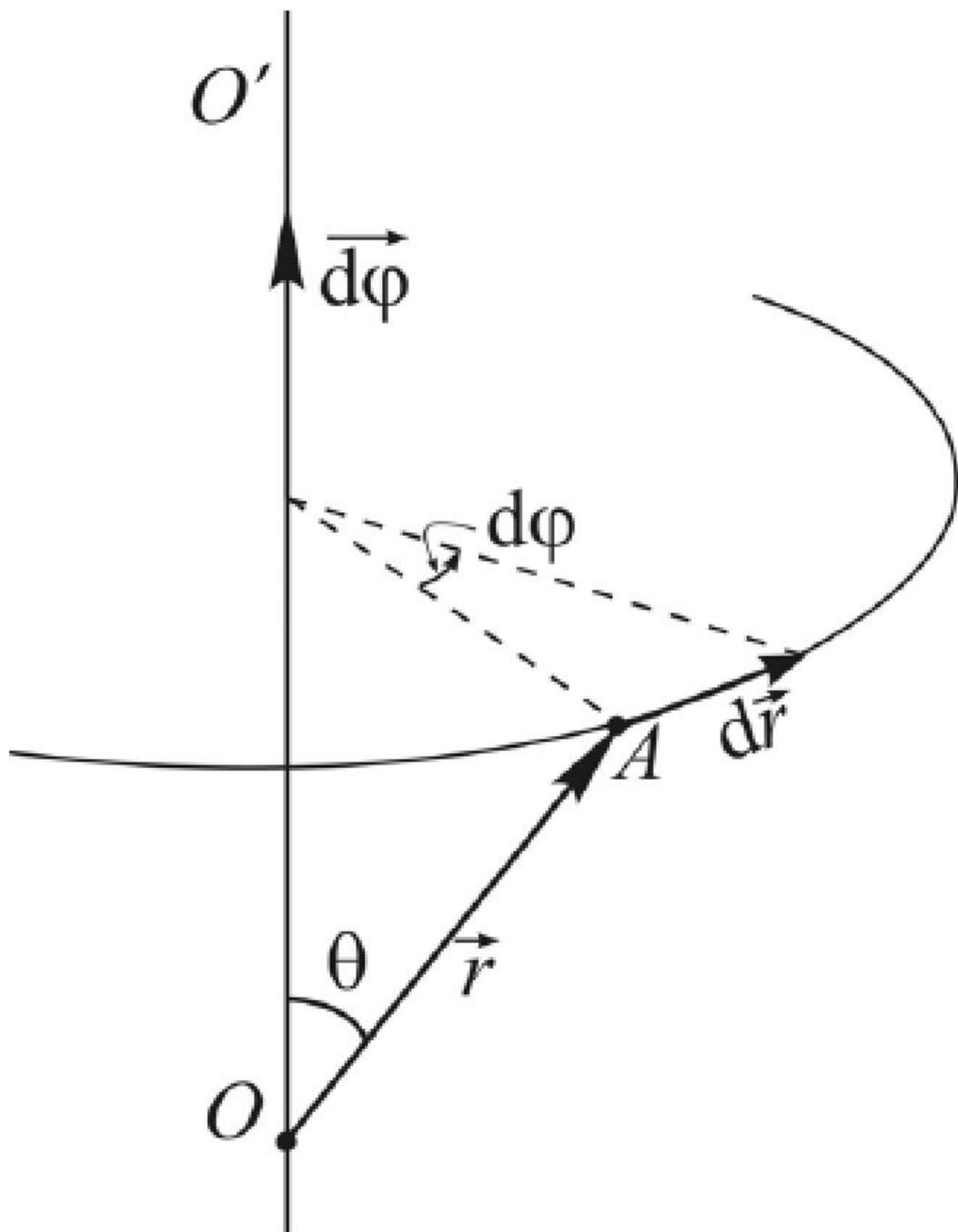
$dl = R d\varphi$ – в бесконечно малых величинах.



Угловое перемещение

Это вектор, модуль которого равен бесконечно малому углу поворота $d\varphi$ твердого тела при его вращении, а направление вектора определяется по правилу правого винта: если правый винт вращать в плоскости вращения тела по направлению его вращения, то перемещение винта по оси вращения $d\varphi$





$d\vec{\varphi}$ – угловое перемещение. За величину вектора $d\vec{\varphi}$ принимают значение угла, на который повернется частица вокруг оси OZ за время dt , выраженное в радианах.

Направление вектора $d\vec{\varphi}$ задают таким образом, чтобы оно совпадало с осью вращения и определялось в соответствии с правилом правого винта.

Угловая скорость

Угловой скоростью $\vec{\omega}$ называется вектор, численно равный первой производной угла поворота тела по времени и направленный вдоль оси вращения по правилу правого винта:

$$\vec{\omega} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta \vec{\varphi}}{\Delta t} = \frac{d\vec{\varphi}}{dt}.$$

Единица измерения угловой скорости **радиан в секунду (рад/с)**.

Вектор ω определяет направление и быстроту вращения.

Угловая скорость может быть связана с линейной скоростью v произвольной точки A . Пусть за время Δt точка проходит по дуге окружности длину пути Δs (Δl). Тогда линейная скорость точки будет равна:

$$v = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta s}{\Delta t} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{R \Delta \varphi}{\Delta t} = R \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta \varphi}{\Delta t} = R \cdot \omega.$$

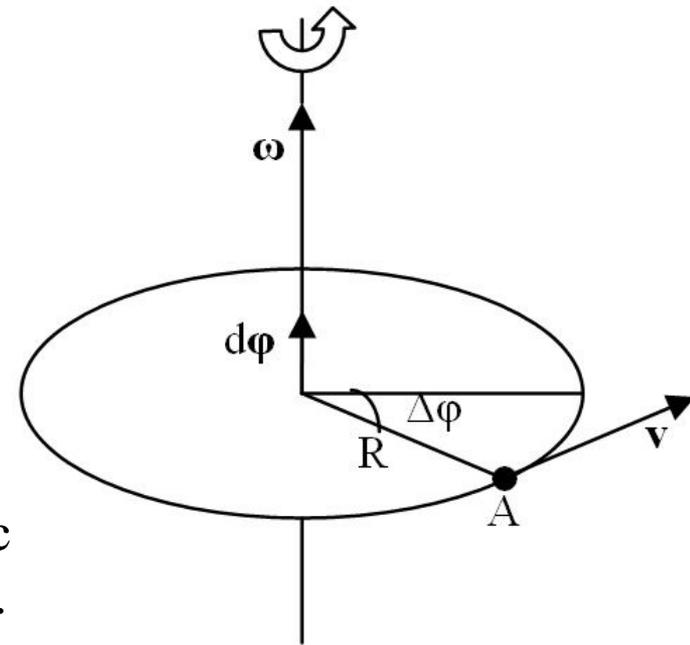
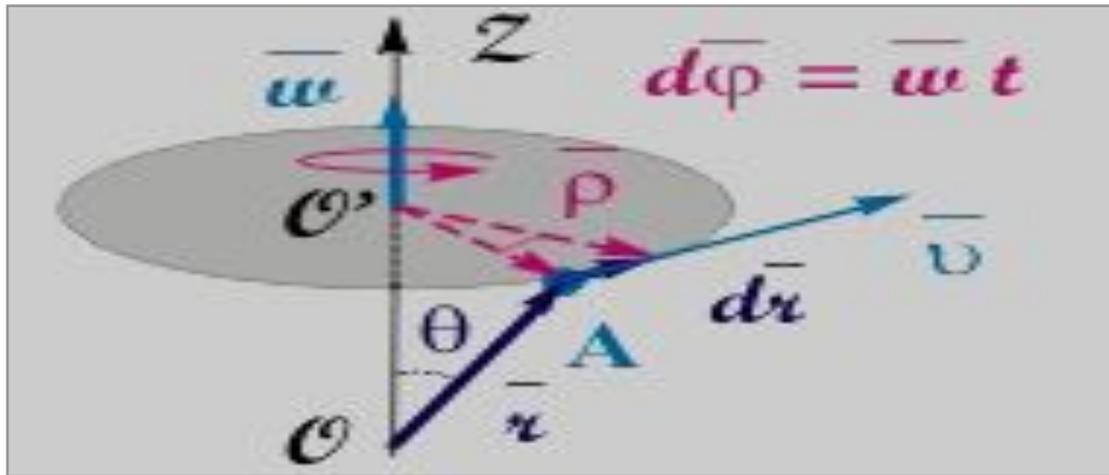


Рис. 1.6



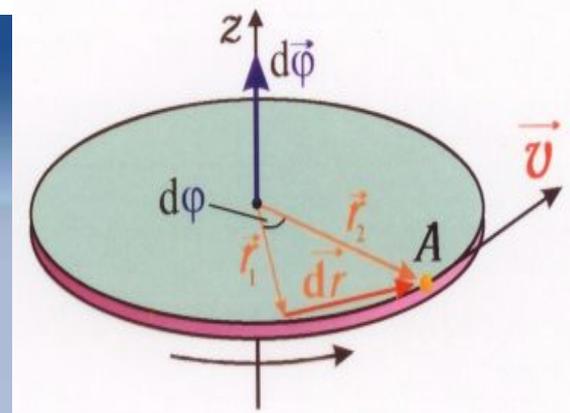
$\vec{\omega}$

— угловая скорость, величина, равная производной от вектора углового перемещения по времени:

$$\vec{\omega} = d\vec{\varphi} / dt$$

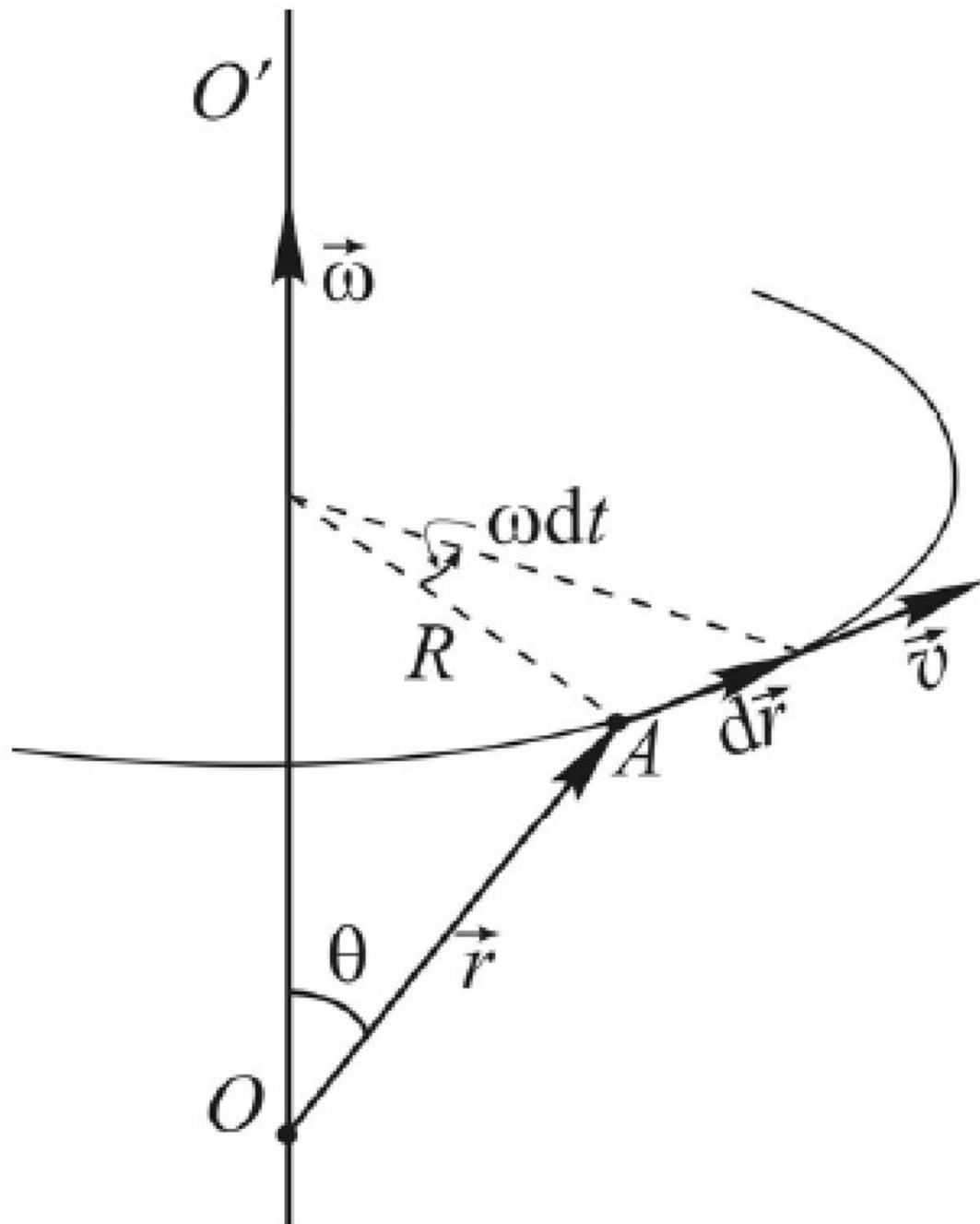
Направление вектора совпадает с осью вращения и определяется по правилу правого винта.

$$\vec{\omega} = \frac{d\varphi}{dt}$$



Угловая скорость $\vec{\omega}$ –

- 1. векторная физическая величина, характеризующая быстроту изменения угла поворота радиус – вектора**
- 2. равна производной угла поворота по времени**
- 3. показывает, на какой угол поворачивается тело за 1 секунду.**



Характеристики равномерного вращения

Если $\omega = \text{const}$, то вращение называется *равномерным*.

Равномерное вращение можно характеризовать *периодом вращения* T – временем, за которое точка тела совершает один полный оборот, т.е. поворачивается на угол 2π :

$$T = \frac{2\pi}{\omega}.$$

Число полных оборотов, совершаемых телом при равномерном движении по окружности, в единицу времени называется *частотой вращения*:

$$\nu = \frac{1}{T} = \frac{\omega}{2\pi}, \quad \omega = 2\pi\nu.$$

Угловое ускорение $(\vec{\varepsilon})$ $(\vec{\beta})$

Для характеристики неравномерного вращения тела вводится понятие углового ускорения.

Угловым ускорением называется векторная величина, равная первой производной угловой скорости по времени:

$$\vec{\varepsilon} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta \vec{\omega}}{\Delta t} = \frac{d\vec{\omega}}{dt} \quad [\varepsilon] = [\text{рад/с}^2]$$

При вращении тела вокруг неподвижной оси вектор углового ускорения направлен вдоль оси вращения:

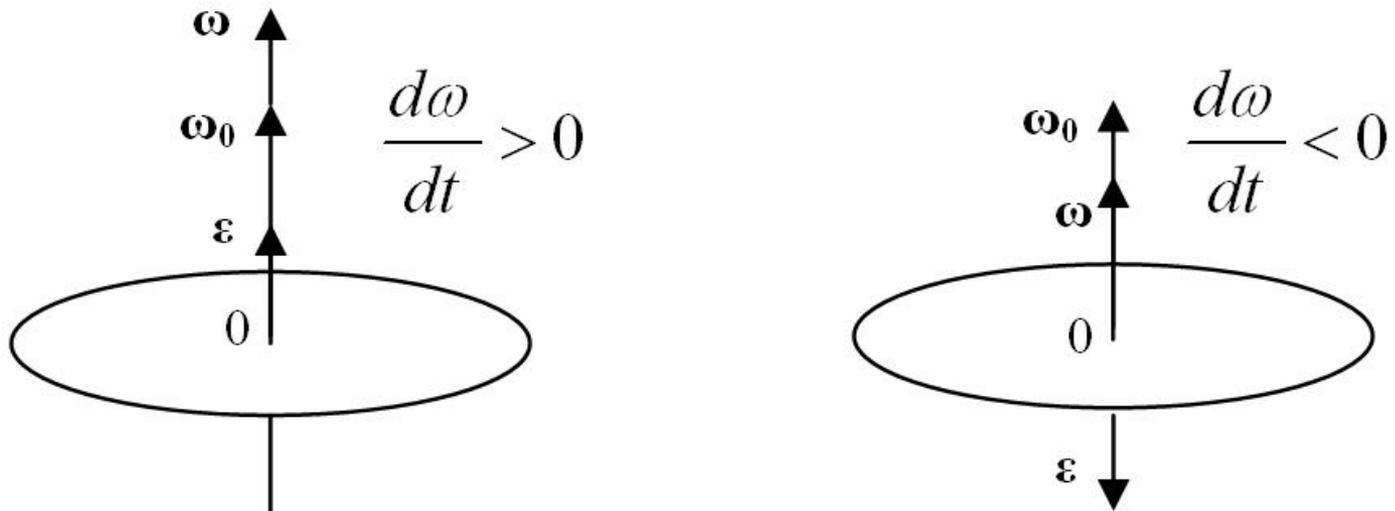


Рис. 1.7

Вектор $\vec{\varepsilon}$

направлен вдоль оси вращения.

Если модуль $\vec{\varepsilon}$ возрастает,

то вектора $\vec{\varepsilon}$ и $\vec{\omega}$

совпадают по направлению,

если модуль вектора уменьшается

– то вектора $\vec{\varepsilon}$ и $\vec{\omega}$ направлены

в противоположные стороны

Связь между линейными и угловыми характеристиками

Выразим тангенциальную и нормальную составляющие ускорения точки A вращающегося тела через угловую скорость и угловое ускорение:

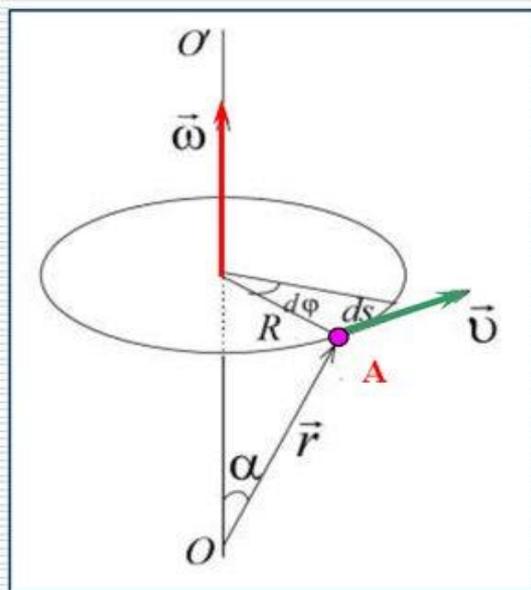
$$a_{\tau} = \frac{dv}{dt} = \frac{d(\omega R)}{dt} = R \frac{d\omega}{dt} = R \cdot \varepsilon;$$

$$a_n = \frac{v^2}{R} = \frac{\omega^2 R^2}{R} = \omega^2 R.$$

Связь между линейными (длина пути s (l), пройденного точкой по окружности радиуса R , линейная скорость v , тангенциальное ускорение a_{τ} , нормальное ускорение a_n) **и угловыми характеристиками** (угол поворота φ , угловая скорость ω , угловое ускорение ε (β)) **выражается следующими формулами:**

$$s = R\varphi, \quad v = \omega R, \quad a_{\tau} = R\varepsilon, \quad a_n = \omega^2 R.$$

Связь между линейными и угловыми характеристиками движения в векторном виде



- **Используем правило векторного умножения.**
 - Учитывая, что r – модуль радиуса-вектора точки, тогда радиус окружности:
 - модуль скорости точки:
 - **вектор** скорости:
- Полное ускорение:

$$\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt} = \frac{d\vec{\omega}}{dt} \times \vec{r} + \vec{\omega} \times \frac{d\vec{r}}{dt} \Rightarrow \vec{a} = \vec{\varepsilon} \times \vec{r} + \vec{\omega} \times \vec{v}$$

Первое слагаемое в этом выражении является **тангенциальным ускорением**, а второе – **нормальным ускорением**.

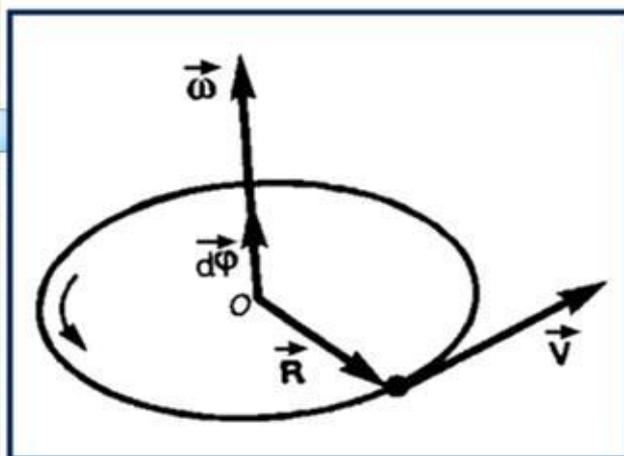
Тангенциальное ускорение
точки:

$$\vec{a}_\tau = \vec{\varepsilon} \times \vec{r}$$

Нормальное ускорение
точки:

$$\vec{a}_n = \vec{\omega} \times \vec{v}$$

Кинематика вращательного движения



$$v = \lim \frac{\Delta s}{\Delta t} = \lim \frac{R \cdot \Delta \varphi}{\Delta t} = R \cdot \lim \frac{\Delta \varphi}{\Delta t} = \omega R$$

$$\vec{v} = [\vec{\omega}, \vec{R}] \quad |\vec{v}| = \omega R \sin \alpha$$

При равномерном вращении

$$\omega = \frac{d\varphi}{dt} = \text{const} \quad \varphi = \omega t$$

При равноускоренном вращательном движении:

$$\varepsilon = \text{const}$$

$$\omega = \omega_0 + \varepsilon t$$

$$\varphi = \omega_0 t + \frac{\varepsilon t^2}{2}$$

$$a_n = \frac{v^2}{R} = \frac{\omega^2 R^2}{R} = \omega^2 R$$

$$a_\tau = \frac{dv}{dt} = \frac{d(\omega R)}{dt} = R \frac{d\omega}{dt} = R\varepsilon$$

$$s = \int_{t_1}^{t_2} v dt = \int_{t_1}^{t_2} \omega R dt = R \int_{t_1}^{t_2} \frac{d\varphi}{dt} dt = R\varphi$$

Кинематика вращательного движения

$$\langle \vec{\omega} \rangle = \frac{\Delta \vec{\varphi}}{\Delta t} \quad \langle \vec{\beta} \rangle = \frac{\Delta \vec{\omega}}{\Delta t}$$

$$a_n = \frac{v^2}{R} = \frac{\omega^2 R^2}{R} = \omega^2 \cdot R \quad v = R\omega$$

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = 2\pi n \quad a_\tau = \beta R$$

По аналогии с уравнениями поступательного движения можно записать уравнения для вращательного движения

(смотри слайд 31,32 : перемещение - это вектор Δr ,

l, s - это путь ¹

$$s = v_0 t + \frac{a_\tau t^2}{2} \qquad \varphi = \omega_0 t + \frac{\varepsilon t^2}{2}$$

$$v = v_0 + a_\tau t \qquad \omega = \omega_0 + \varepsilon t$$

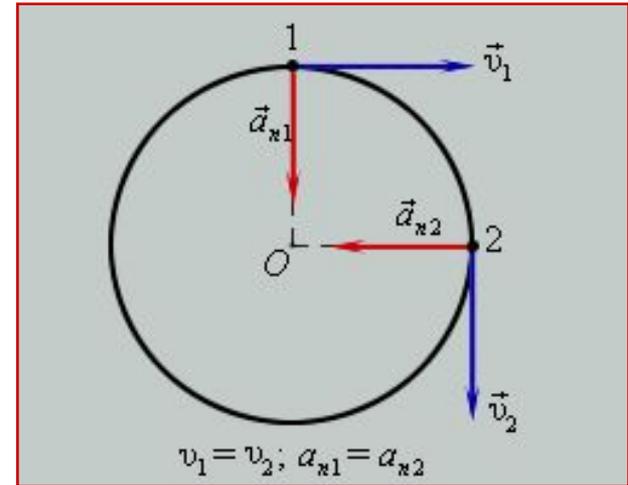
Прямолинейное движение		Вращательное движение	
Перемещение	Δs	Угол поворота	$\Delta \varphi$
Линейная скорость	$v = \frac{ds}{dt}$	Угловая скорость	$\omega = \frac{d\varphi}{dt}$
Линейное ускорение	$a = \frac{dv}{dt}$	Угловое ускорение	$\varepsilon = \frac{d\omega}{dt}$
	$a = \frac{d^2s}{dt^2}$		$\varepsilon = \frac{d^2\varphi}{dt^2}$

Характеристики вращательного движения

При **равномерном движении** со скоростью \mathbf{v} по окружности радиуса R **нормальное ускорение** (центростремительное) постоянно по модулю:

$$a_n = \frac{v^2}{R} = \omega^2 R$$

но изменяется по направлению, оставаясь все время направленным к центру окружности. Скорость материальной точки при этом все время направлена по касательной к окружности.



$$\omega = \frac{2\pi}{T} = 2\pi n$$

$$v = \frac{2\pi R}{T} = \omega R$$

Кинематические уравнения поступательного и вращательного движений

Поступательное	Вращательное
Равномерное	
$s = v \cdot t$	$\varphi = \omega \cdot t$
$v = const$	$\omega = const$
$a = 0$	$\varepsilon = 0$
Равнопеременное	
$s = v_0 t \pm \frac{at^2}{2}$	$\varphi = \omega_0 t \pm \frac{\varepsilon \cdot t^2}{2}$
$v = v_0 \pm a \cdot t$	$\omega = \omega_0 \pm \varepsilon \cdot t$
$a = const$	$\varepsilon = const$
Неравномерное	
$s = f(t)$	$\varphi = f(t)$
$v = \frac{ds}{dt}$	$\omega = \frac{d\varphi}{dt}$
$a = \frac{dv}{dt} = \frac{d^2s}{dt^2}$	$\varepsilon = \frac{d\omega}{dt} = \frac{d^2\varphi}{dt^2}$

Угловое ускорение – обозначение $\alpha, \beta, \vec{\varepsilon}$

<p>Величина, характеризующая быстроту изменения скорости движения</p>	$\Delta \vec{v} = \vec{v}_2 - \vec{v}_1; d\vec{v}$ <p>Ускорение движения $\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt}$</p> $\Delta \vec{v} = \Delta \vec{v}_x + \Delta \vec{v}_y; d\vec{v} = d\vec{v}_x + d\vec{v}_y$	<p>Ускорение движения \vec{a}</p> $\vec{a} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t} = \frac{d\vec{v}}{dt}; \vec{a} = \frac{d^2 \vec{r}}{dt^2}$ $\vec{a} = \bar{i} \frac{dv_x}{dt} + \bar{j} \frac{dv_y}{dt} + \bar{k} \frac{dv_z}{dt}$	-
<p>Величина, характеризующая быстроту изменения модуля скорости движения</p>	<p>Тангенциальное (касательное) ускорение \vec{a}_τ</p> $\Delta v_\tau = \Delta v; dv_\tau = dv; d\vec{v}_\tau = \bar{\tau} dv$ $\vec{a}_\tau = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta \vec{v}_\tau}{\Delta t} = \bar{\tau} \frac{dv}{dt}; a_\tau = \frac{dv}{dt}$	$= \bar{i} \frac{d^2 x}{dt^2} + \bar{j} \frac{d^2 y}{dt^2} + \bar{k} \frac{d^2 z}{dt^2}$ $a_x = \frac{dv_x}{dt} = \frac{d^2 x}{dt^2}; a_y = \frac{dv_y}{dt} = \frac{d^2 y}{dt^2};$ $a_z = \frac{dv_z}{dt} = \frac{d^2 z}{dt^2}$ $\vec{a} = \bar{i} a_x + \bar{j} a_y + \bar{k} a_z;$ $a^2 = a_x^2 + a_y^2 + a_z^2$	<p>Угловое ускорение $\vec{\alpha}$</p> $\vec{\alpha} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta \vec{\omega}}{\Delta t} = \frac{d\vec{\omega}}{dt} = \bar{k} \frac{d\omega}{dt}$ $\alpha = \frac{d\omega}{dt}; \vec{\alpha} = \bar{k} \alpha$
<p>Величина, характеризующая быстроту изменения направления скорости движения</p>	<p>Нормальное ускорение \vec{a}_n</p> $\Delta \vec{v}_n; d\vec{v}_n; d\vec{v}_n = \bar{n} dv_n$ $\vec{a}_n = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta \vec{v}_n}{\Delta t} = \frac{d\vec{v}_n}{dt} = \bar{n} \frac{dv_n}{dt}$ $a_n = \frac{v^2}{R}; \vec{a}_n = \frac{v^2}{R} \bar{n}$	$\vec{a} = \bar{i} a_x + \bar{j} a_y + \bar{k} a_z;$ $a^2 = a_x^2 + a_y^2 + a_z^2$	-
	<p>Связи между $\vec{a}, \vec{a}_\tau, \vec{a}_n; \vec{a} = \vec{a}_\tau + \vec{a}_n; a^2 = a_\tau^2 + a_n^2;$</p> <p>Связи \vec{a}_τ, \vec{a}_n с угловыми величинами:</p> $a_\tau = \alpha R; \vec{a}_\tau = \vec{\alpha} \times \vec{R}; a_n = \omega^2 R; \vec{a}_n = -\omega^2 \vec{R} = \omega^2 R \bar{n} = \vec{\omega} \times \vec{v}$		