Уравнения, приводимые к квадратным

$$a\cos x + b\cos x + c = 0$$

Например:

$$a \sin^2 x + b \cos x + c = 0$$

$$a(1-\cos^2 x) + b \cos x + c = 0$$

$$a \cos^2 x + b \cos x + c = 0$$

$$a(2\cos^2 x - 1) + b \cos x + c = 0$$

 $a\sin x + b\sin x + c = 0$ Например: $a \cos^2 x + b \sin x + c = 0$ $a(1-\sin^2x)+b\sin x+c=0$ $a \cos 2x + b \sin x + c = 0$ $a(1-2\sin^2 x)+b\sin x+c=0$ $a \operatorname{tg}^2 x + b \operatorname{tg} x + c = 0$ *Hanpumep*:

$$a \operatorname{tgx} + b \operatorname{ctgx} + c = 0 \quad \operatorname{tgx} \neq 0$$

$$a \operatorname{tg} x + b + c \operatorname{tg} x = 0$$

Пример

$$2\cos^2 x + 5\sin x - 4 = 0$$

Решение:

$$2(1 - \sin^2 x) + 5\sin x - 4 = 0$$

$$2 - 2\sin^2 x + 5\sin x - 4 = 0$$

$$2\sin^2 x - 5\sin x + 2 = 0$$

Замена:

$$\sin x = t$$

$$2t^{2} - 5t + 2 = 0$$

$$t_{1,2} = \frac{5 \pm \sqrt{25 - 16}}{4} = \frac{5 \pm 3}{4}$$

$$t_{1} = 2 \qquad t_{2} = \frac{1}{2}$$

$$\sin x = 2$$

Не имеет решений

$$\sin x = \frac{1}{2}$$

$$x = \frac{\pi}{6} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z} \qquad x = \frac{5\pi}{6} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$$

Omsem:
$$x = \frac{\pi}{6} + 2\pi n, n \in Z$$
 $x = \frac{5\pi}{6} + 2\pi n, n \in Z$

Решение:

$$at^2 + bt + c = 0$$

$$\sin x = t$$

$$|t| \leq 1$$
, T.K.

$$E(\sin)=[-1;1]$$

$$\cos x = t$$

$$|t| \leq 1$$
, T.K.

$$E(\cos)=[-1;1]$$

$$tgx = t$$

$$t \in R, T.K.$$

$$E(tg)=R$$

Однородные уравнения

 $a_0 \sin^n x + a_1 \sin^{n-1} x \cos x + \mathbb{Z} + a_n \cos^n x = 0$ Сумма показателей степеней при $\sin x u \cos x$ у всех слагаемых такого уравнения равна n.

Разделим на COS" х. Получим:

$$a_0 t g^n x + a_1 t g^{n-1} x + \mathbb{Z} + a_n = 0$$

первой степени

$$a = b = cosx = 0$$
 : $cosx$

$$tgx = -\frac{a}{b}$$

$$x = \operatorname{arctg}\left(-\frac{a}{b}\right) + \pi k, k \in \mathbb{Z}$$

второй степени

$$a\sin^2 x + b2\sin^2 x\cos x + c\cos^2 x = 0$$

$$a\sin^2 x + b\sin x\cos x + c(\sin^2 x + \cos^2 x) = 0$$

$$a2\sin^{x}(\cos^{x}+b(\cos^{x}(o)))))))))))))))))))))))))))))$$