

Урок по геометрии в 10 классе  
разработан по учебнику Л.С.Атанасяна.

Учитель Отдельнова Л.В.

Двугранный угол.  
Решение задач.  
Трехгранный угол.

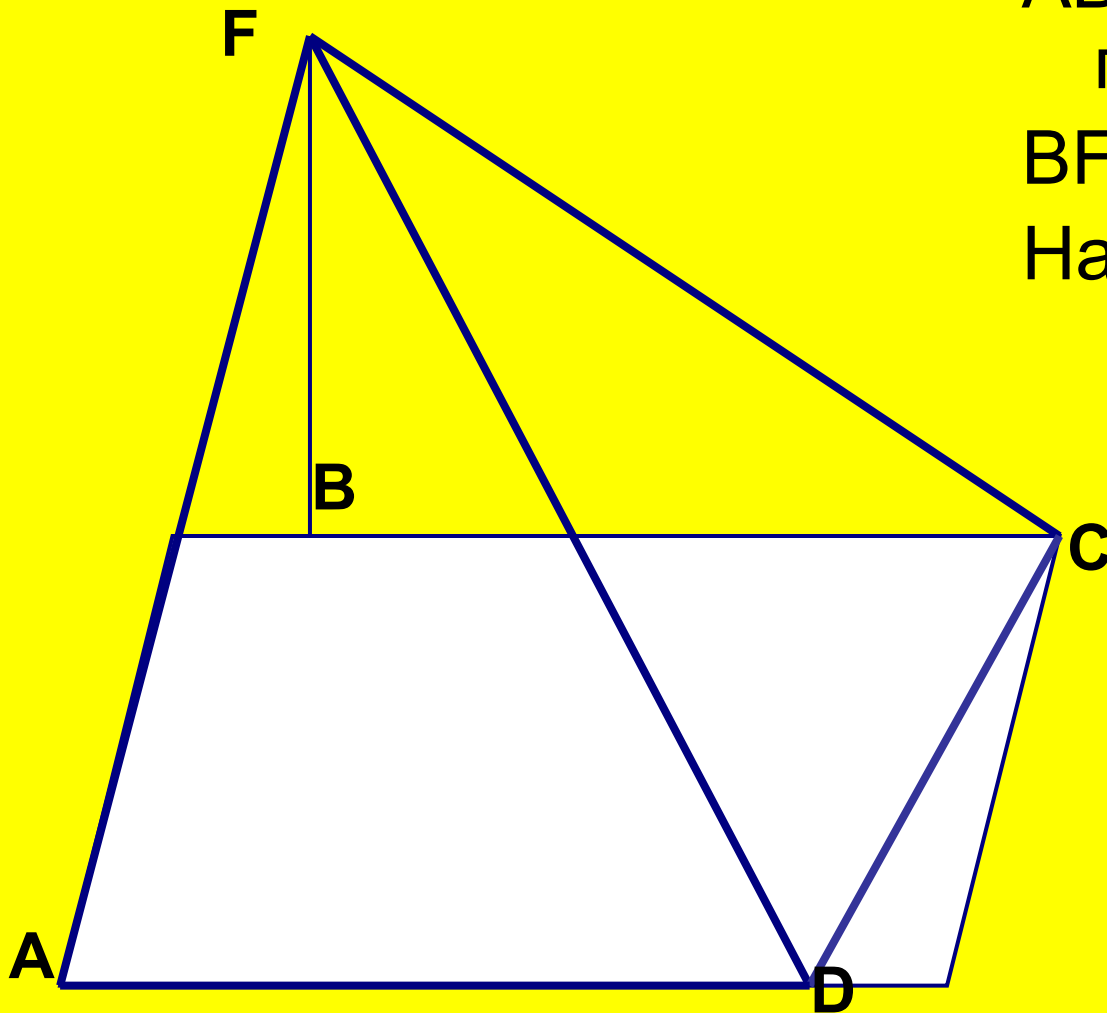
# Цель урока:

- Сформировать у обучающихся конструктивный подход по выработке умений и навыков находить угол между плоскостями.
- Познакомить обучающихся с понятием многоугольного угла и трёхгранного угла, примерами этих углов. Рассмотреть ограничения на плоские углы многогранных
- Заслушать отчёт исследовательской работы по свойству линейных углов трёхгранного угла.

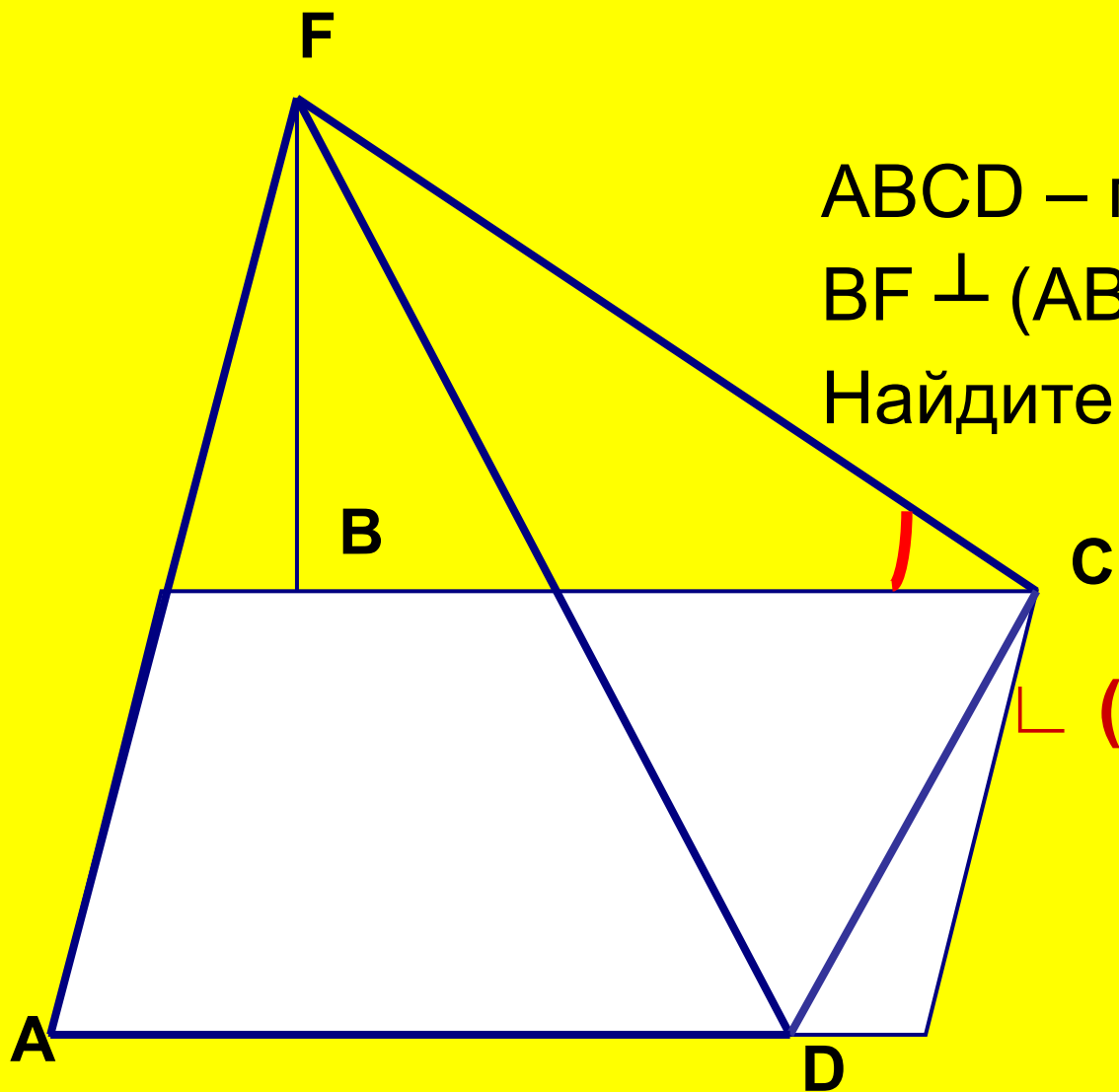
# Вид урока: изучение и первичное закрепление новых знаний

Оборудование: компьютер, проектор, слайды, диск “Открытая математика”, модели многогранников, чертежные инструменты, цветные мелки.

# Решение задач по готовым чертежам на слайдах:



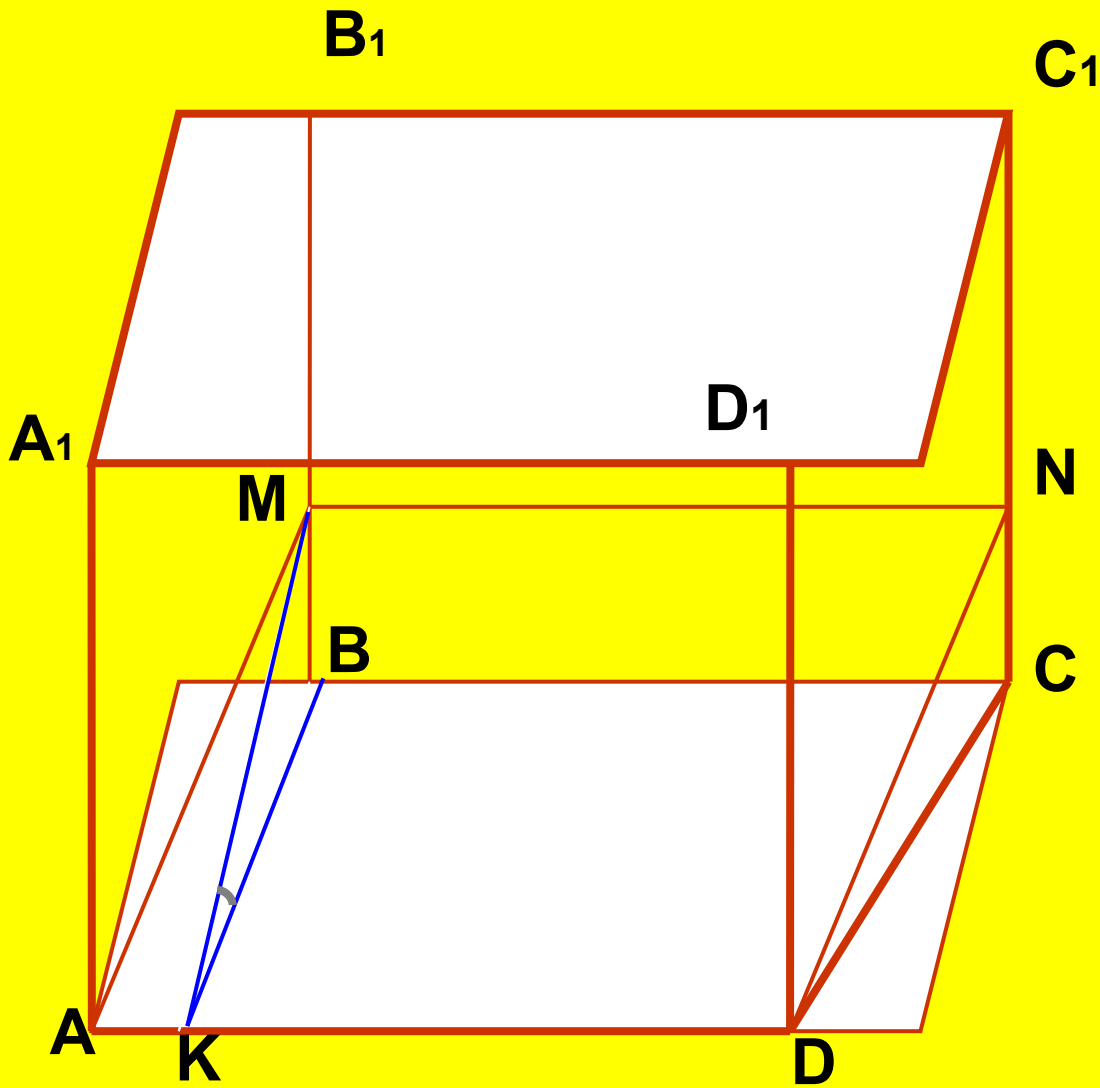
$ABCD$  –  
прямоугольник,  
 $BF \perp (ABC)$ .  
Найдите  $\angle (DC)$ .



ABCD – прямоугольник,  
 $BF \perp (ABC)$ .  
Найдите  $\angle (DC)$ .

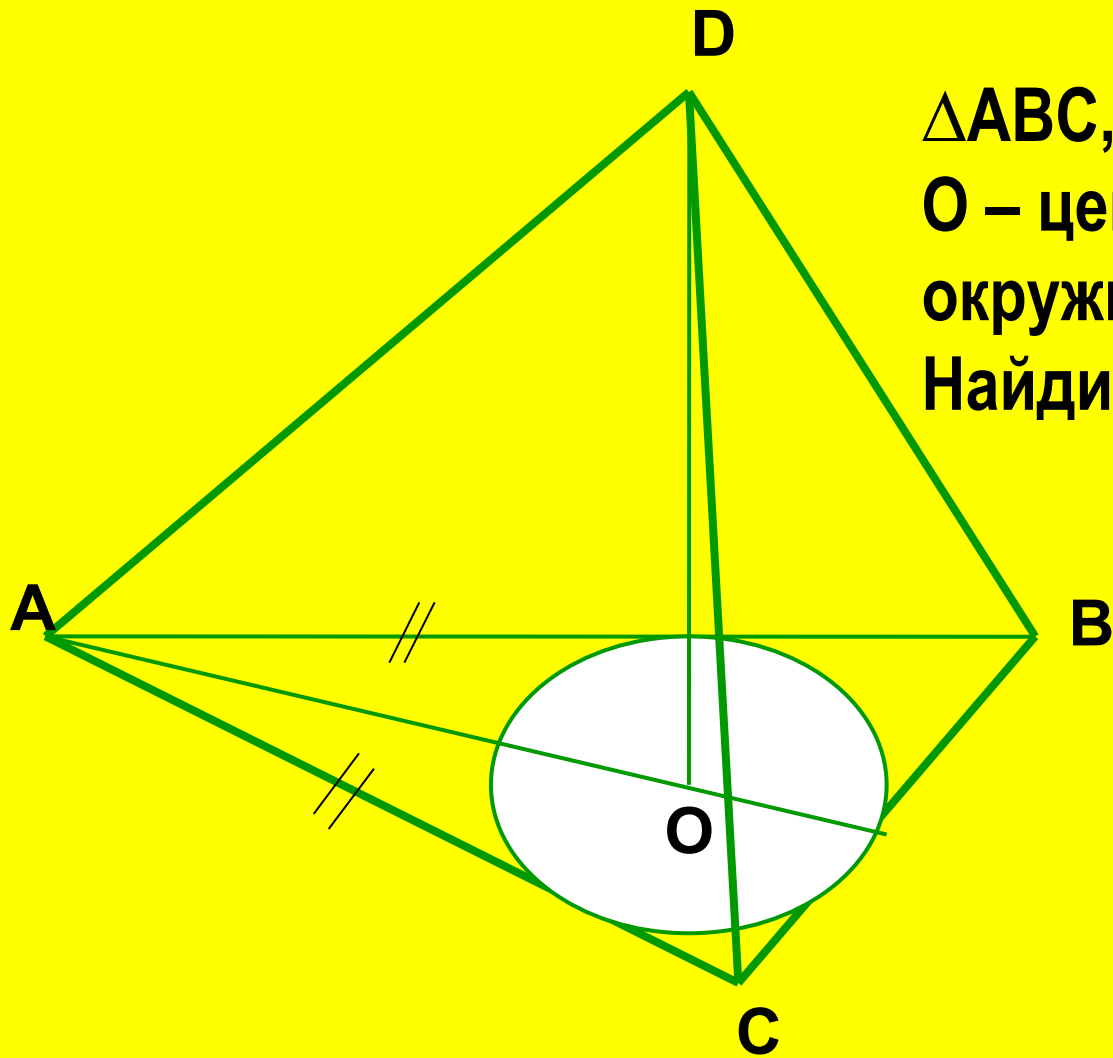
$$\angle (CD) = \angle FCB$$





$$\angle CDAM = \angle MKB$$

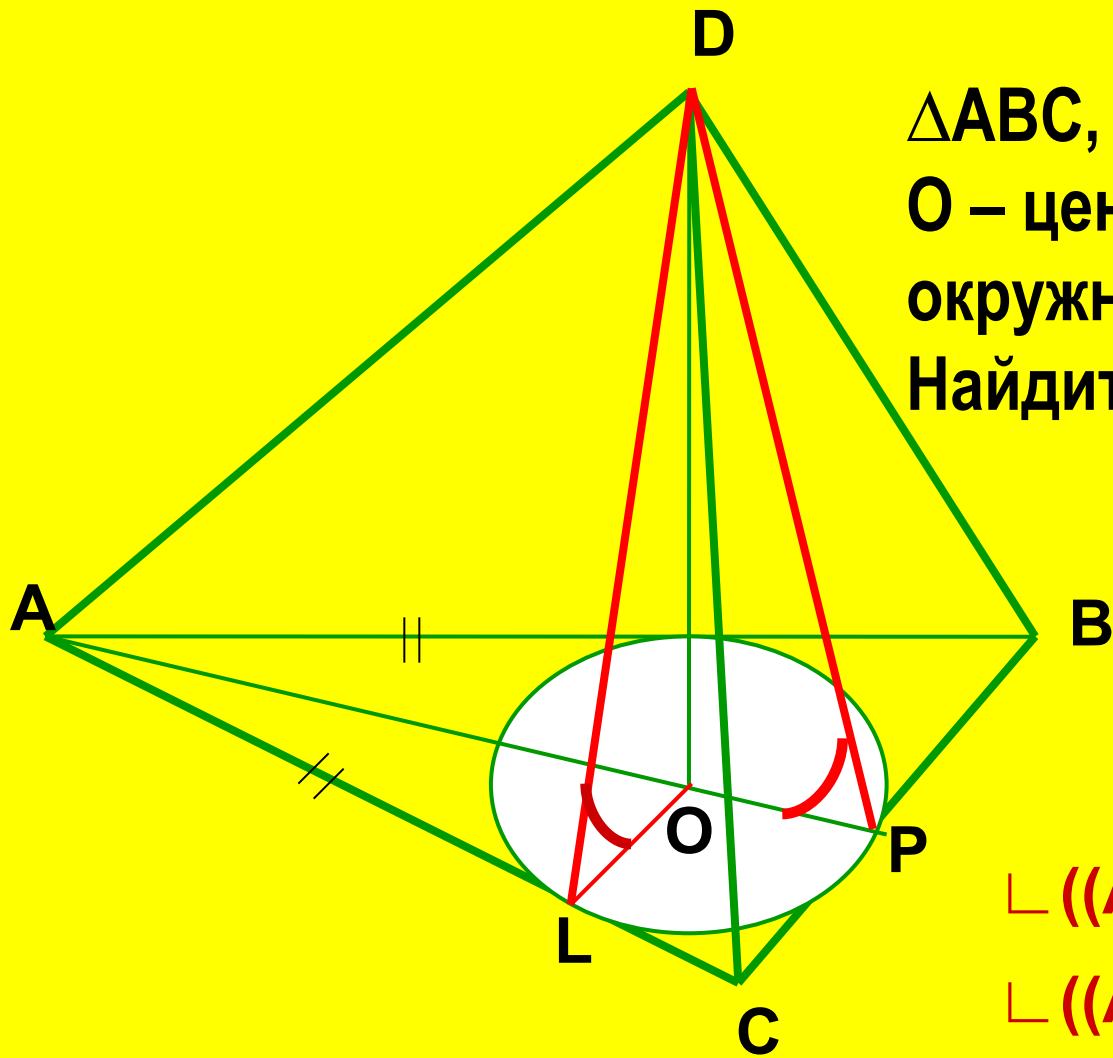




$\triangle ABC$ ,  $AC=AB$ ,

$O$  – центр вписанной  
окружности.

Найдите  $\sphericalangle ((ABC),(BCD))$ ,  
 $\sphericalangle ((ABC),(ACD))$ .



$\triangle ABC$ ,  $AC=AB$ ,

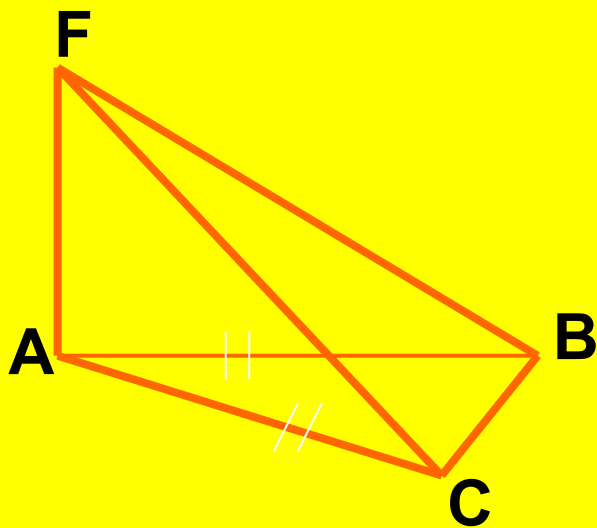
$O$  – центр вписанной  
окружности.

Найдите  $\sphericalangle ((ABC),(BCD))$ ,  
 $\sphericalangle ((ABC),(ACD))$ .

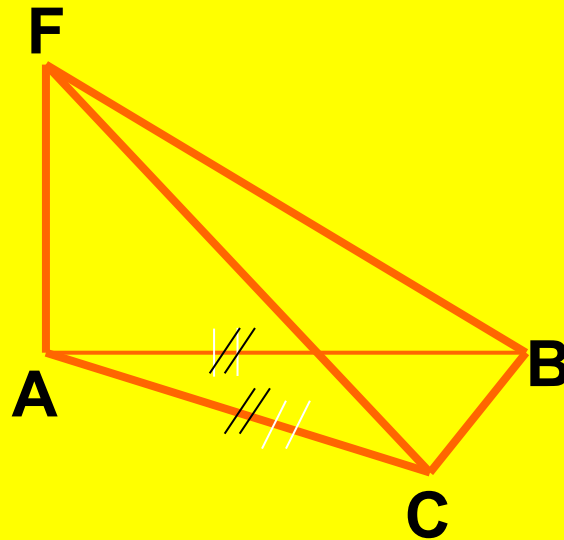
$$\sphericalangle ((ABC),(BCD)) = \sphericalangle DPO$$

$$\sphericalangle ((ABC),(ACD)) = \sphericalangle DLO$$

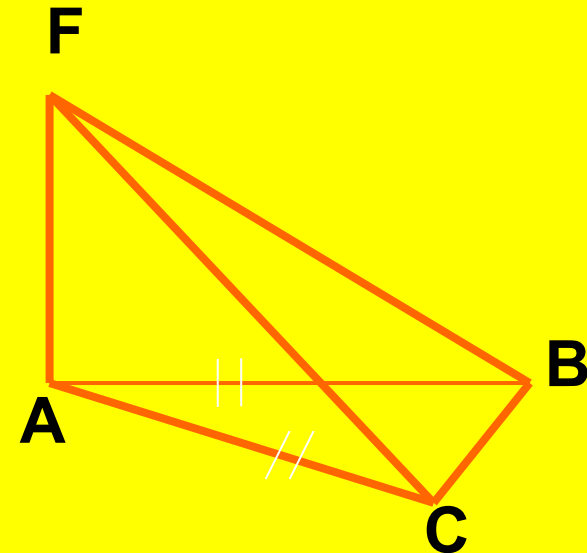
# Работа по карточкам:



$\triangle ABC$   
прямоугольный  
( $C = 90^\circ$ )



$\triangle ABC$   
равнобедренный

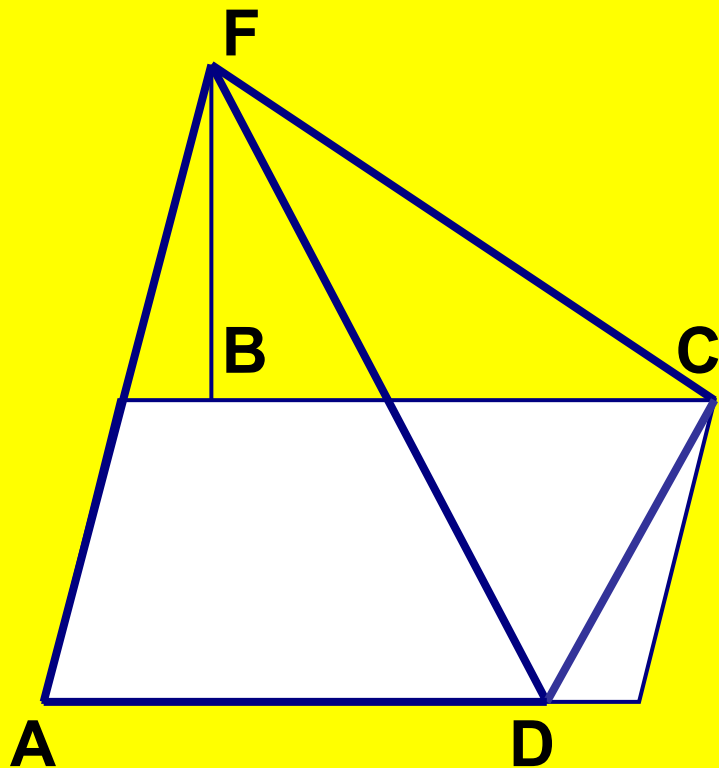


$\triangle ABC$   
тупоугольный  
( $C > 90^\circ$ )



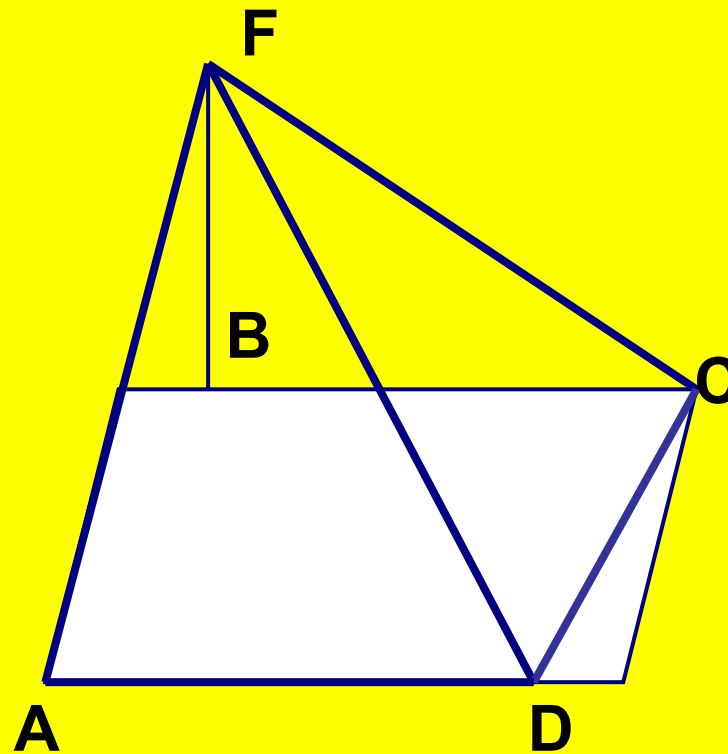
$FB \perp (ABC)$

ABCD - прямоугольник



$FB \perp (ABC)$

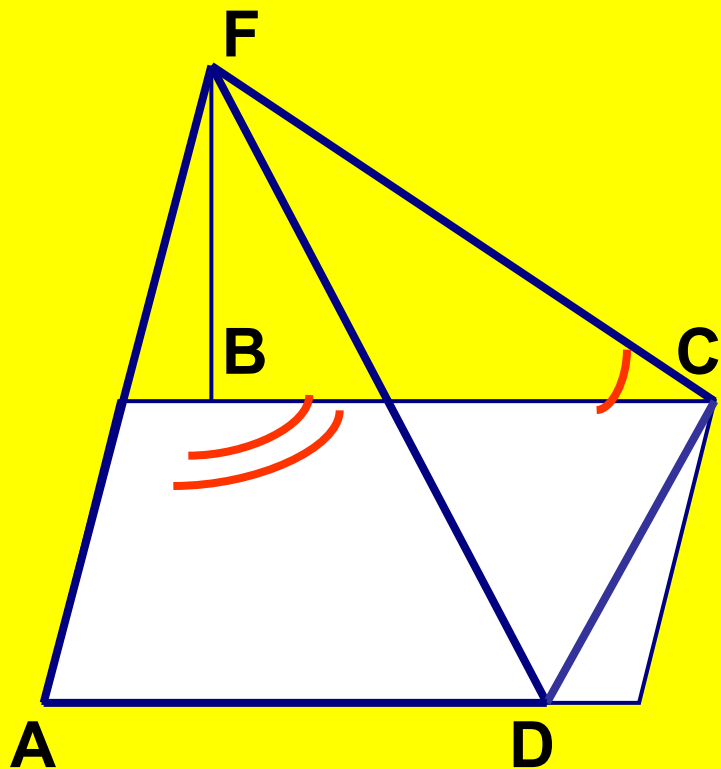
ABCD - параллелограмм



Найдите угол между (ABC) и (FDC);  
Найдите угол между (AFB) и (FBC).

$FB \perp (ABC)$

ABCD - прямоугольник

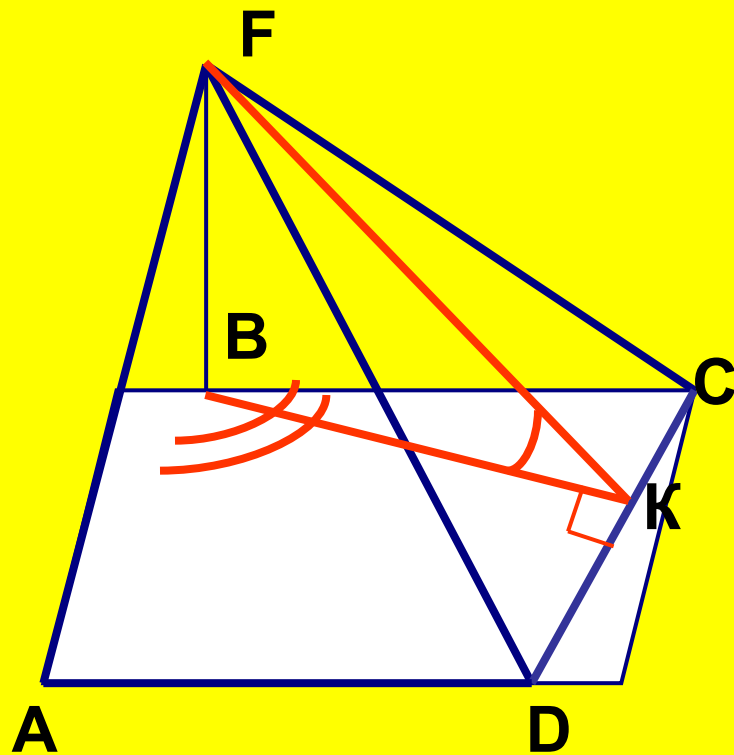


а)  $\angle((ABC), (FCD)) = \angle FCB$

б)  $\angle((AFB), (FBC)) = \angle ABC$

$FB \perp (ABC)$

ABCD - параллелограмм



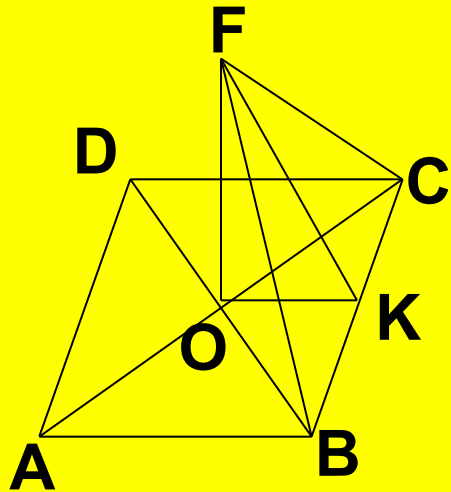
а)  $\angle((ABC), (FCD)) = \angle FKB$

б)  $\angle((AFB), (FBC)) = \angle ABC$

# Шкала оценки:

- Если вы правильно выполнили задание 1 - поставьте себе оценку «3».
- Если вы правильно выполнили задание 1,2(а) или 1, 2(б) - поставьте себе оценку «4».
- Если вы правильно выполнили задание 1, 2 (а, б) - поставьте себе оценку «5».

# Дополнительная задача:



$$\cos \angle FBCD = \cos \angle OKF$$
$$BF = 5, BC = 6$$

- 1)  $\triangle BFK; \angle BKF = 90^\circ$   
 $FK = \sqrt{25 - 9} = \sqrt{16} = 4$
- 2)  $\cos \angle OKF = OK / FK =$   
 $= 3/4 = 0,75$   
 $\triangle OFK; \angle FOK = 90^\circ$



# Решить задачи:

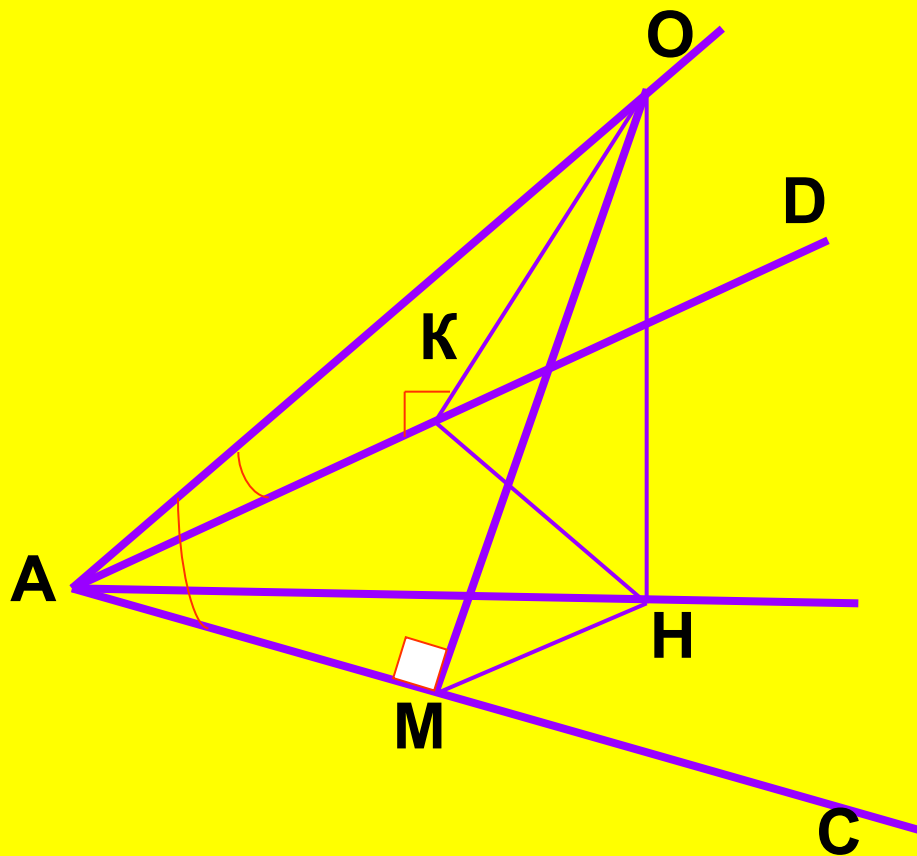
- №172
- №174

# Изучение нового материала:

1. В тетраэдре  $FABCD$  – трехгранные углы
2. Показать на моделях
3. Теория и свойства через диск

# Ограничение на значения плоских углов

- Каждый плоский угол многогранного угла меньше  $180^\circ$ .
- Сумма всех плоских углов при вершине многогранного угла меньше  $360^\circ$ .
- Во всяком многогранном угле любой плоский угол меньше суммы всех остальных.



Если два плоских угла трехгранного угла равны, то их общее ребро проектируется на биссектрису третьего плоского угла .

## Решение задач:

Боковая поверхность треугольной пирамиды равна  $S$ , а каждое из боковых ребер  $l$ . Найдите плоские углы при вершине, зная, что они образуют арифметическую прогрессию  $\pi/3$ .

# Проверка:

$L, B, Y;$

$$B = L + \pi/3; \quad Y = B + \pi/3 = L + 2\pi/3$$

$$Y < L + B \quad L + 2\pi/3 < L + L + \pi/3;$$

$$L > \pi/3$$

Итак,  $L > \pi/3$ , но  $B = L + \pi/3 > 2\pi/3$ ;

$$Y = L + 2\pi/3 > \pi/3 + 2\pi/3$$

Вывод: такого угла не существует.

## Дополнительная задача:

Все грани параллелепипеда равные ромбы со стороной  $a$  и острым углом  $60^\circ$ . Найдите высоту параллелепипеда.

# Домашнее задание:

1. п. 22,23.
2. Изучить определение перпендикулярных плоскостей, теорему