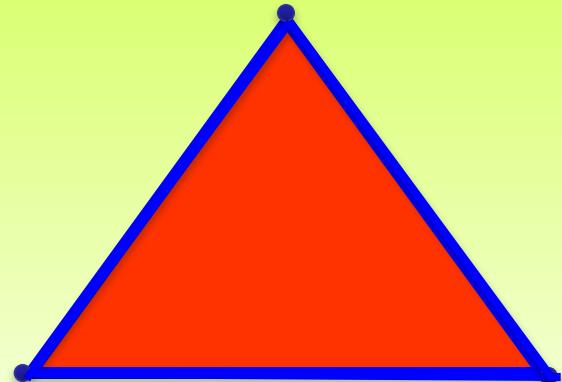


Треугольник



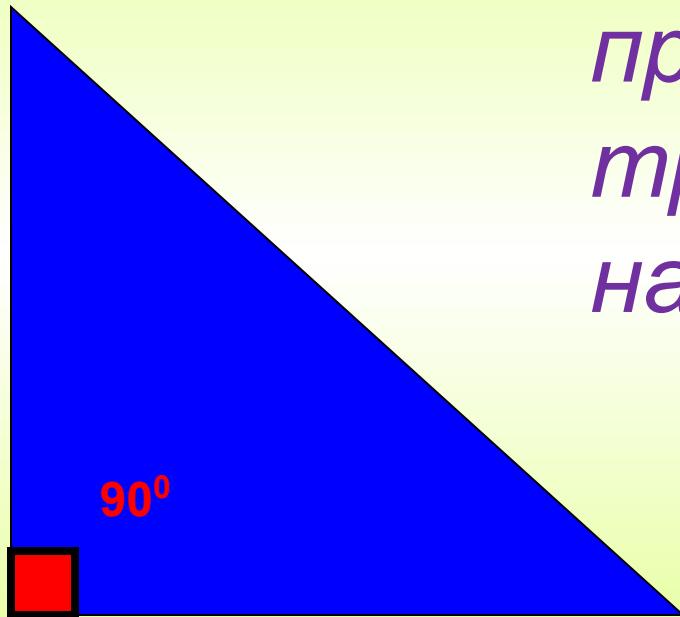
Геометрическая фигура,
состоящая из трёх точек, не
лежащих на одной прямой и
соединённых отрезками,
называется треугольником

Треугольники бывают

- Равносторонние 
- Равнобедренные 
- Разносторонние 
- Остроугольные 
- Тупоугольные 
- Прямоугольные 

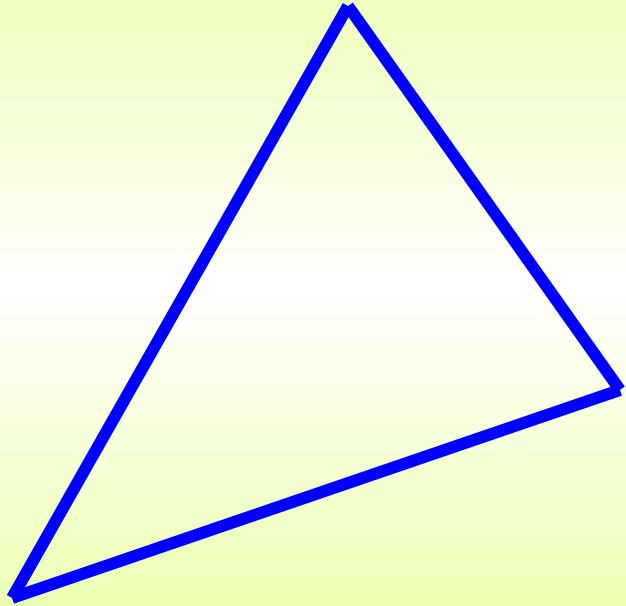


Если **один** из углов
треугольника
прямой, то
треугольник
называется



прямоугольным

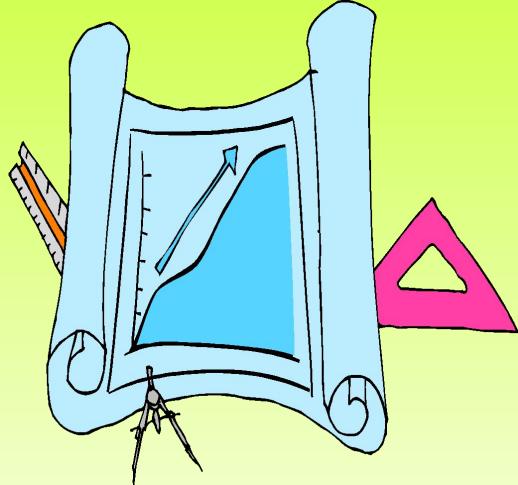




*Если все три
угла
треугольника
острые, то
треугольник
называется*

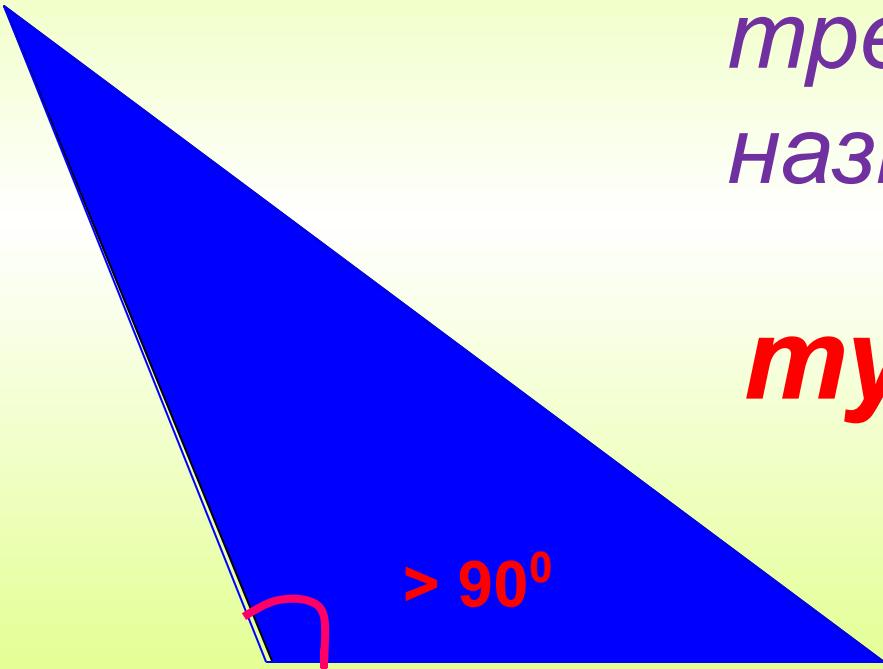
остроугольным

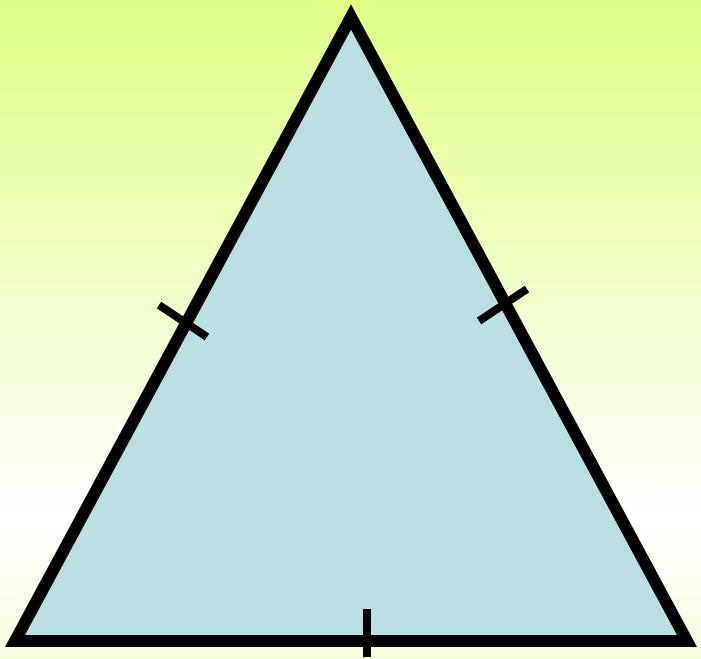




Если **один** из углов
треугольника
тупой, то
треугольник
называется

тупоугольным.

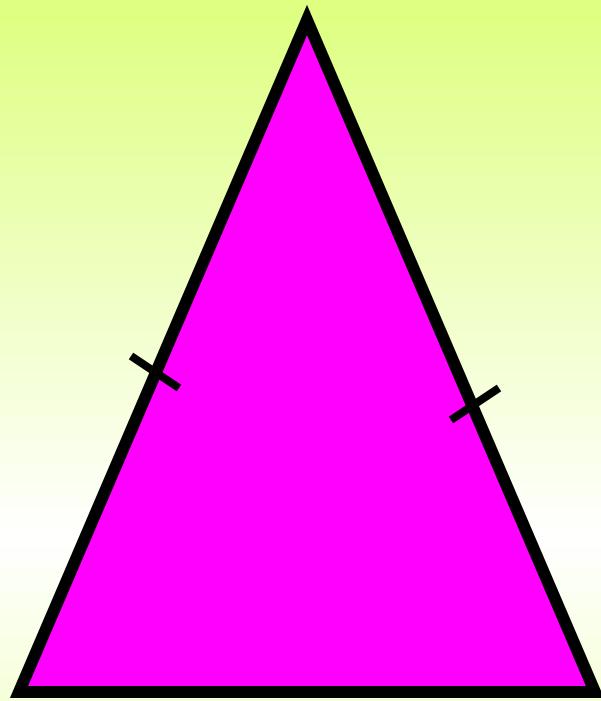




*Треугольник, все
стороны которого
равны, называется*

равносторонним.

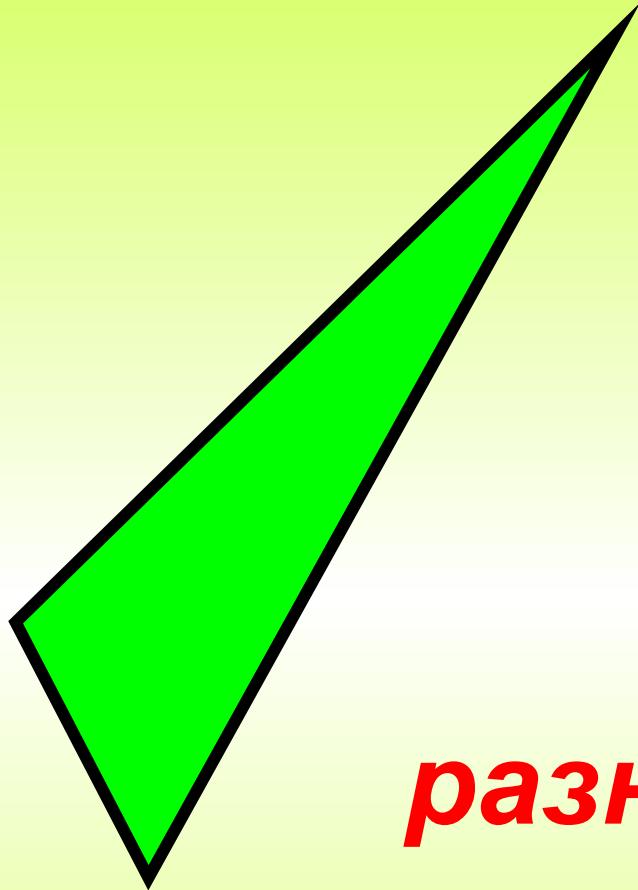




*Треугольник, у
которого две
стороны равны,
называется*

равнобедренным.



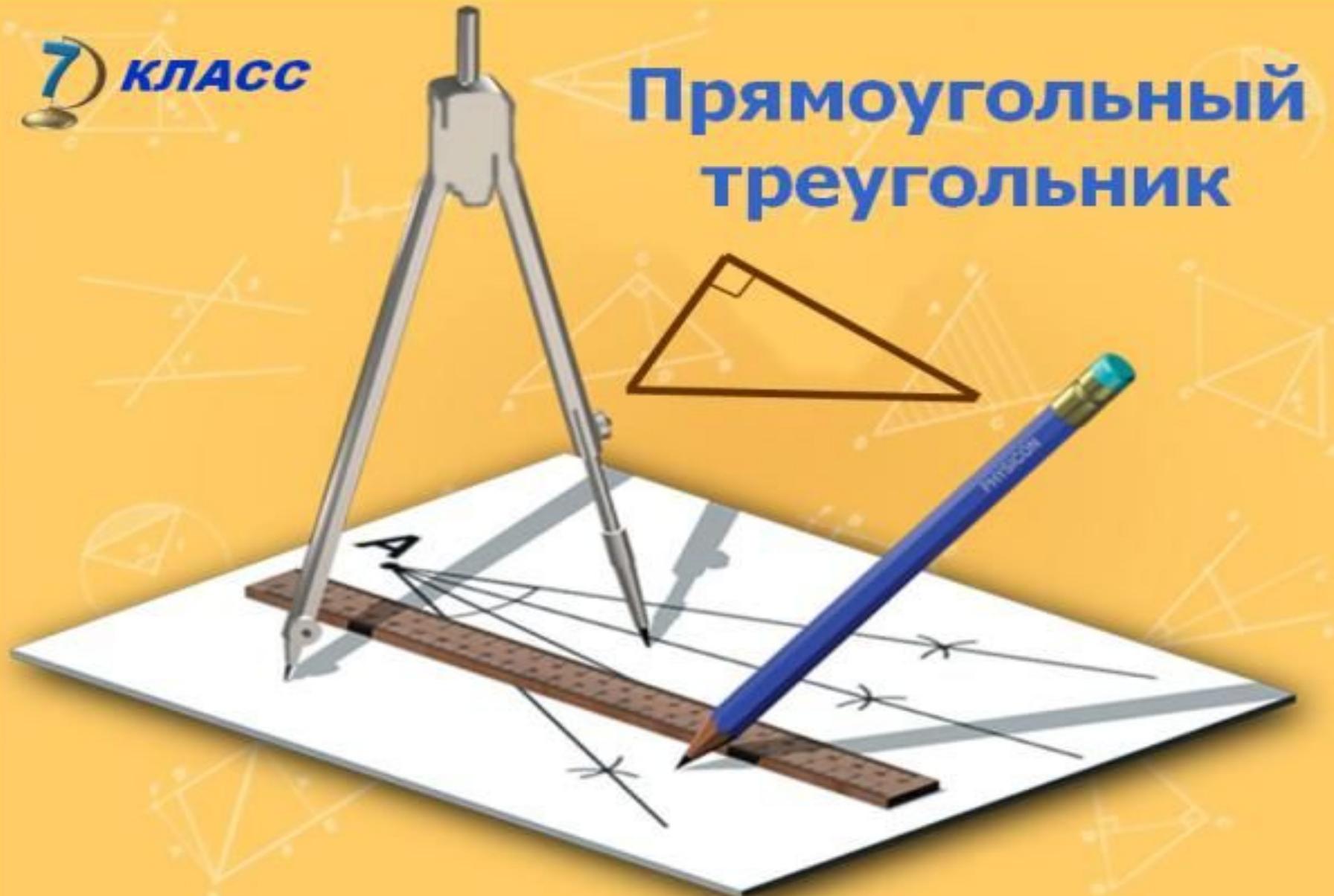


Треугольник, у
которого все
стороны разные,
называется

разносторонним.



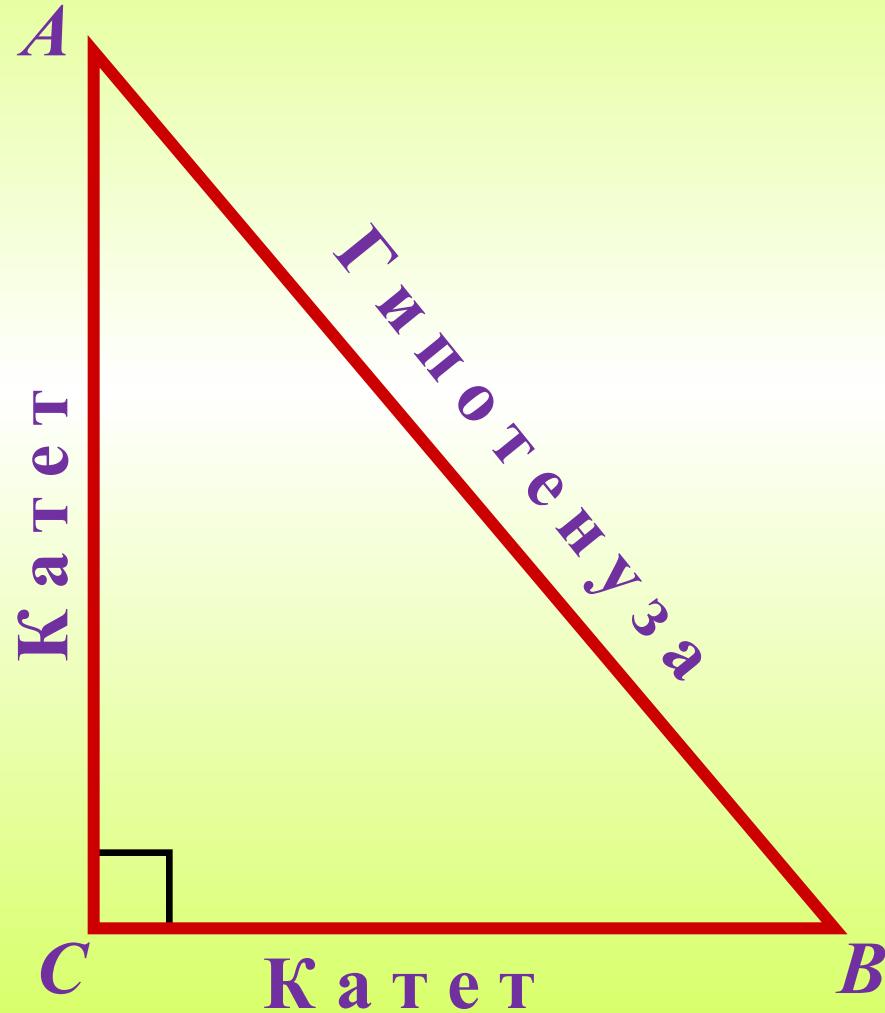
Прямоугольный треугольник



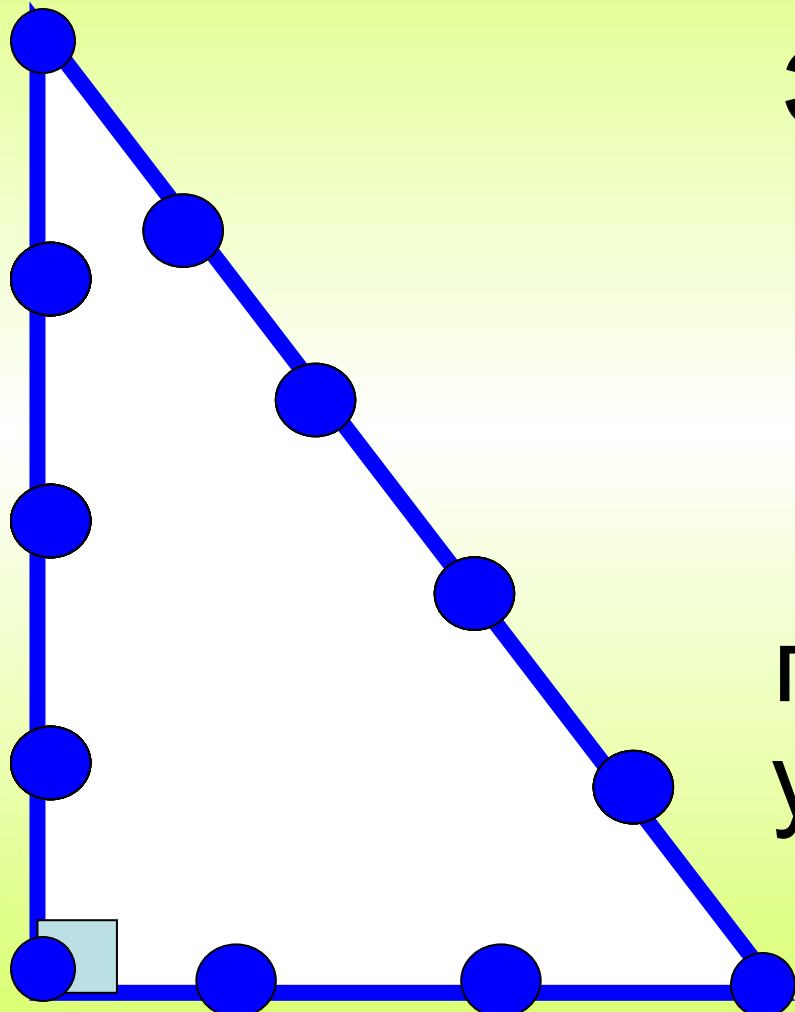
И ЕГО НЕКОТОРЫЕ СВОЙСТВА



Прямоугольный треугольник



Египетский треугольник



Это треугольник с
соотношением
сторон **3 : 4 : 5**
активно
применялся для
построения прямых
углов землемерами
и архитекторами.

Свойство 1

Сумма двух острых углов прямоугольного треугольника равна 90°

Доказательство:

Сумма углов треугольника равна 180° , а прямой угол равен 90° , поэтому сумма двух острых углов прямоугольного треугольника равна 90° .

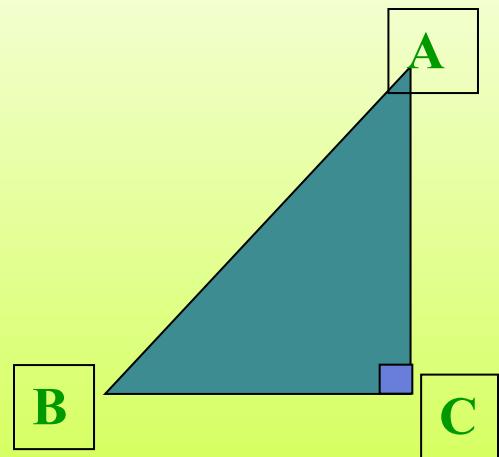
$\triangle ABC$ – прямоугольный, $\angle C$ – прямой.

По теореме о сумме углов треугольника:

$$\angle A + \angle B + \angle C = 180^\circ. \text{ Отсюда}$$

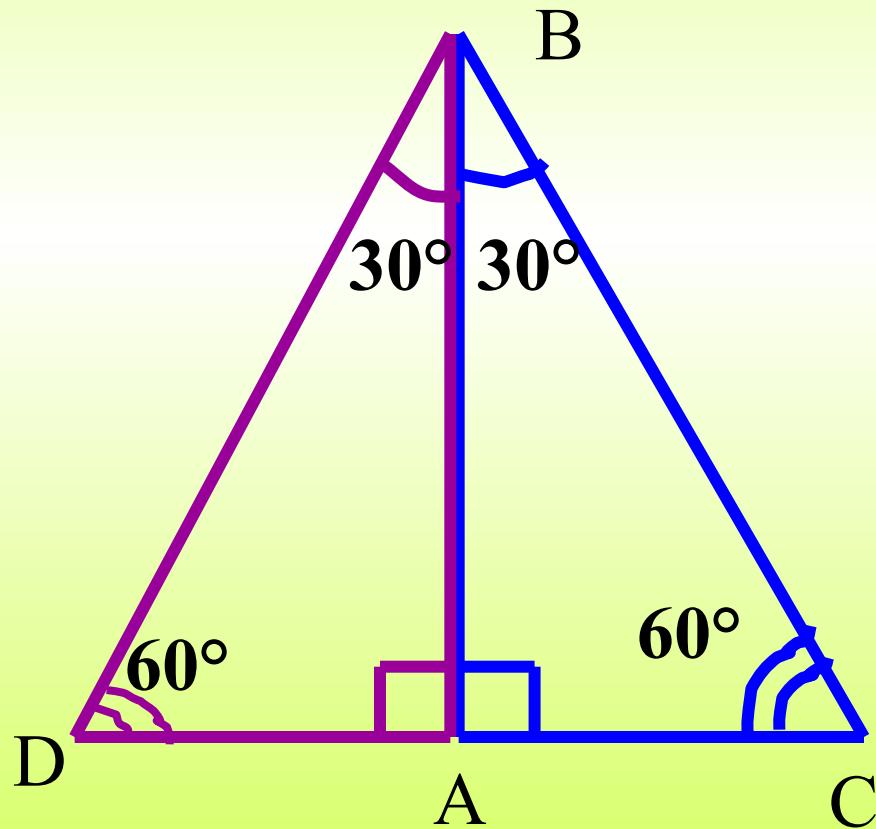
$$\angle A + \angle B = 180^\circ - \angle C = 90^\circ,$$

что и требовалось доказать



Свойство 2

Катет прямоугольного треугольника, лежащий против угла в 30° , равен половине гипотенузы.

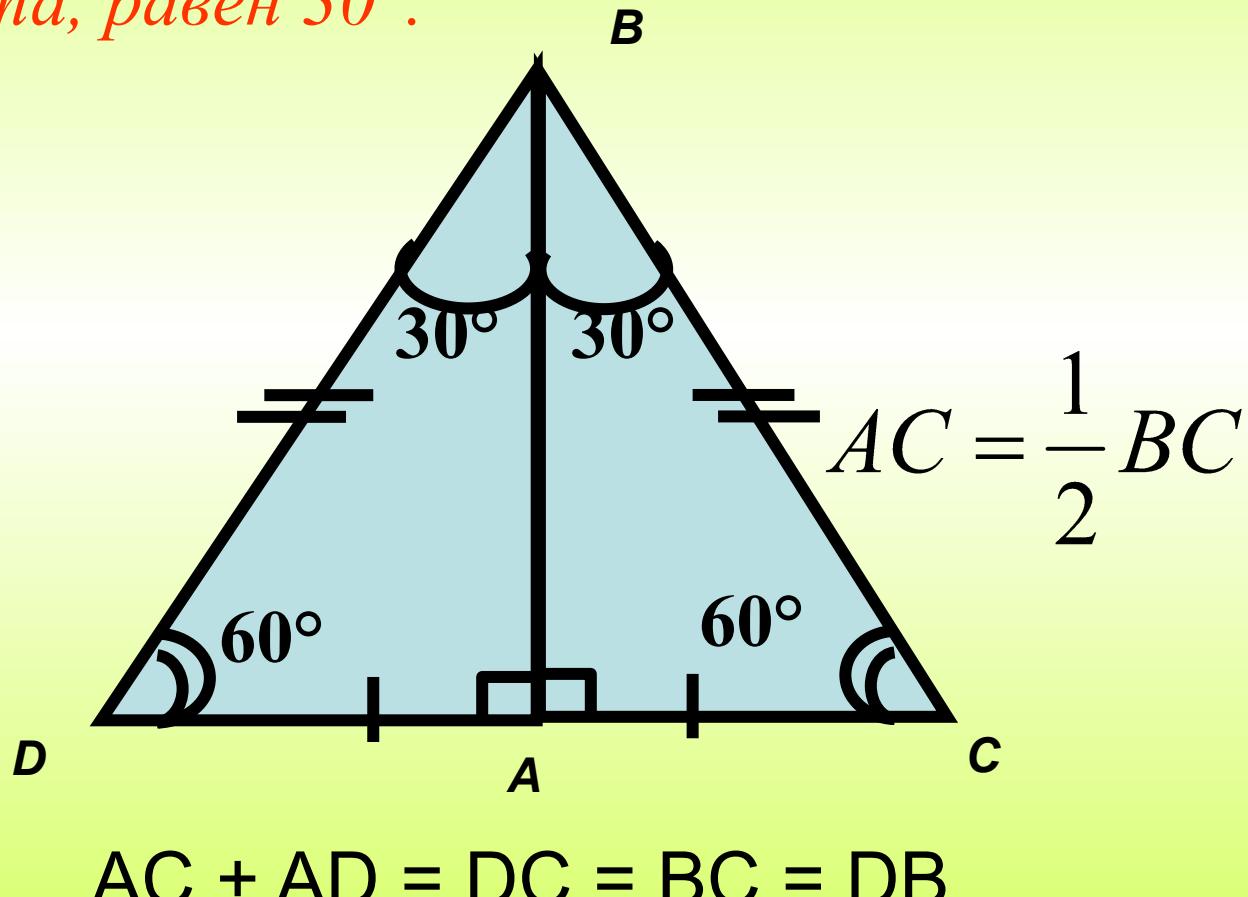


Доказательство:

$\Delta ABD = \Delta ABC$ (по построению).
Получим ΔBCD -
равносторонний, в котором $\angle B = \angle D = \angle C = 60^\circ$, поэтому $DC = BC$.
Но $AC = \frac{1}{2} DC$. Следовательно,
 $AC = \frac{1}{2} BC$, что и требовалось доказать.

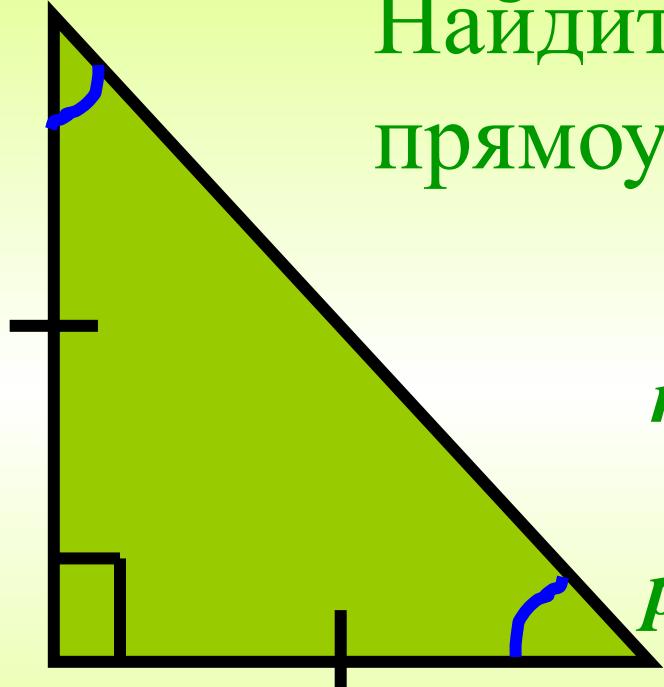
Свойство 3

Если катет прямоугольного треугольника равен половине гипотенузы, то угол, лежащий против этого катета, равен 30° .



Задача 1

Найдите углы равнобедренного
прямоугольного треугольника

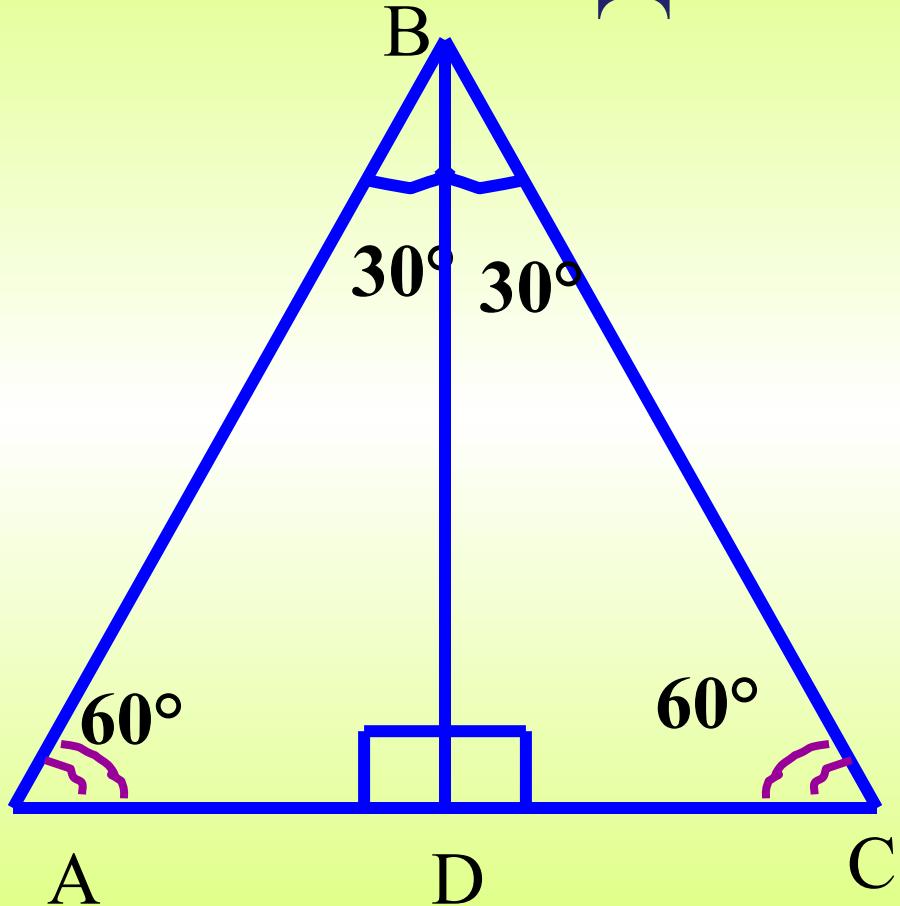


*Сумма двух острых углов
прямоугольного треугольника
равна 90° , т.к. треугольник
равнобедренный, острые углы
будут равны по 45°*

Задача 2

Доказать:

$$AD = \frac{1}{2} AB$$

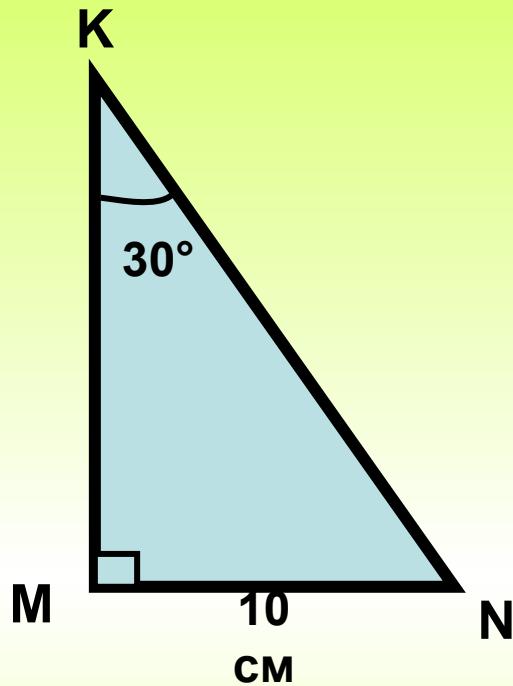


Доказательство следует из свойства 2 «Катет прямоугольного треугольника, лежащий против угла в 30° , равен половине гипотенузы»

Задание 3: *Тест*

- 1. Прямоугольным называется треугольник, у которого
 - а) все углы прямые;
 - б) два угла прямые;
 - в) один прямой угол.
- 2. В прямоугольном треугольнике всегда
 - а) два угла острых и один прямой;
 - б) один острый угол, один прямой и один тупой угол;
 - в) все углы прямые.

- 3. Стороны прямоугольного треугольника, образующие прямой угол, называются
 - а) сторонами треугольника;
 - б) катетами треугольника;
 - в) гипотенузами треугольника
- 4. Сумма острых углов прямоугольного треугольника равна
 - а) 180° ;
 - б) 100° ;
 - в) 90° .



5. В треугольнике MNK гипотенуза KN равна
- а) 20 см
 - б) 10 см
 - в) 5 см