

ИНФОРМАТИКА

7. Алгоритмизация и программирование

1. Понятие алгоритма
2. Свойства алгоритма
3. Формы записи алгоритмов
4. Базовые алгоритмические структуры

1. Понятие алгоритма

Алгоритм — заранее заданное понятное и точное предписание возможному исполнителю совершить определенную последовательность действий для получения решения задачи за конечное число шагов.



Алгоритм – это точно определенное описание способа решения задачи в виде конечной последовательности действий.

Для представления алгоритма в виде, понятном ПК, служат языки программирования, с помощью которых пишется программа. Затем программа с помощью транслятора либо переводится в машинный код, либо исполняется.

Программа – упорядоченная последовательность команд, необходимых для управления компьютером (ПК).

Эти команды поступают на процессор как совокупность нулей и единиц, т.е. числами. Последовательность чисел – *машинный код*.

Языки программирования – это искусственные языки с ограниченным числом слов, значения которых понятно транслятору, и очень строгими правилами записи *команд (операторов)*.



При нарушении формы записи программы возникают синтаксические либо логические ошибки. Поиск ошибок – *тестирование*, процесс устранения ошибок – *отладка*.

С помощью языков программирования создается **текст программы**. Чтобы получить работающую программу необходимо либо сразу перевести текст программы в машинный код (откомпилировать), либо сразу выполнять команды языка с помощью **интерпретатора**, который поочередно анализирует отдельные команды и затем сразу же выполняет их. После того как текущий оператор выполнен, интерпретатор перейдет к следующему. Такие программы работают медленно и не могут выполняться сами, отдельно от интерпретатора.

Компиляторы же полностью обрабатывают текст программы, просматривают его в поисках синтаксических ошибок и автоматически переводят его в машинный код. В результате получается компактная, быстрая «исполняемая» программа. Однако компиляторы неэффективны при работе с данными сложной структуры.

Этапы решения задач с помощью компьютера

Решение задач с помощью компьютера включает в себя следующие основные этапы, часть из которых осуществляется без участия компьютера.

1. Постановка задачи:

- ✓ сбор информации о задаче;
- ✓ формулировка условия задачи;
- ✓ определение конечных целей решения задачи;
- ✓ определение формы выдачи результатов;
- ✓ описание данных (их типов, диапазонов величин, структуры и т.п.).

Этапы решения задач с помощью компьютера

2. Анализ и исследование задачи, модели:

- анализ существующих аналогов;
- анализ технических и программных средств;
- разработка **математической модели**;
- разработка структур данных.

3. Разработка алгоритма:

- выбор метода проектирования алгоритма;
- выбор формы записи алгоритма (блок-схемы, псевдокод и др.);
- выбор **тестов** и метода тестирования;
- проектирование алгоритма.

Этапы решения задач с помощью компьютера

4. Программирование:

- выбор языка программирования;
- уточнение способов организации данных;
- запись алгоритма на выбранном языке программирования.

5. Тестирование и отладка:

- синтаксическая отладка;
- отладка семантики и логической структуры;
- тестовые расчеты и анализ результатов тестирования;
- совершенствование программы.

Отладка программы — это процесс поиска и устранения ошибок в программе, производимый по результатам её прогона на компьютере.

Тестирование (англ. test — испытание) — это испытание, проверка правильности работы программы в целом, либо её составных частей.

Этапы решения задач с помощью компьютера

6. Анализ результатов решения задачи и уточнение в случае необходимости математической модели с повторным выполнением этапов 2 — 5.

7. Сопровождение программы: это работы, связанные с обслуживанием программ в процессе их эксплуатации

- доработка программы для решения конкретных задач;
- составление документации к решенной задаче, к математической модели, к алгоритму, к программе, к набору тестов, к использованию.

2. Свойства алгоритма

1. **Понятность для исполнителя** — исполнитель алгоритма должен понимать, как его выполнять.
2. **Дискретность (прерывность, раздельность)** — алгоритм должен представлять решение задачи как последовательное выполнение простых (или ранее определённых) шагов (этапов).
3. **Определённость** — каждое правило алгоритма должно быть четким, однозначным и не оставлять места для произвола.
4. **Результативность (или конечность)** — за конечное число шагов алгоритм либо должен приводить к решению задачи, либо останавливаться из-за невозможности получить решение с выдачей соответствующего сообщения, либо неограниченно продолжаться в течение заданного времени с выдачей промежуточных результатов.
5. **Массовость** — алгоритм решения задачи разрабатывается в общем виде, т.е. он должен быть применим для класса задач, различающихся лишь исходными данными.

3. Формы записи алгоритма

- ❑ **Словесная** (запись на естественном языке);
- ❑ **Графическая** (изображения из графических символов);
- ❑ **Псевдокоды** (полуформализованные описания алгоритмов на условном алгоритмическом языке, включающие в себя как элементы языка программирования, так и фразы естественного языка, общепринятые математические обозначения и др.);
- ❑ **Программная** (тексты на языках программирования).

Словесная форма записи алгоритма

Алгоритм в данной форме записи представляет собой последовательность действий:

- 1) задать два числа;
- 2) если числа равны, то взять любое из них в качестве ответа и остановиться, в противном случае продолжить выполнение алгоритма;
- 3) определить большее из чисел;
- 4) заменить большее из чисел разностью большего и меньшего из чисел;
- 5) повторить алгоритм с шага 2.

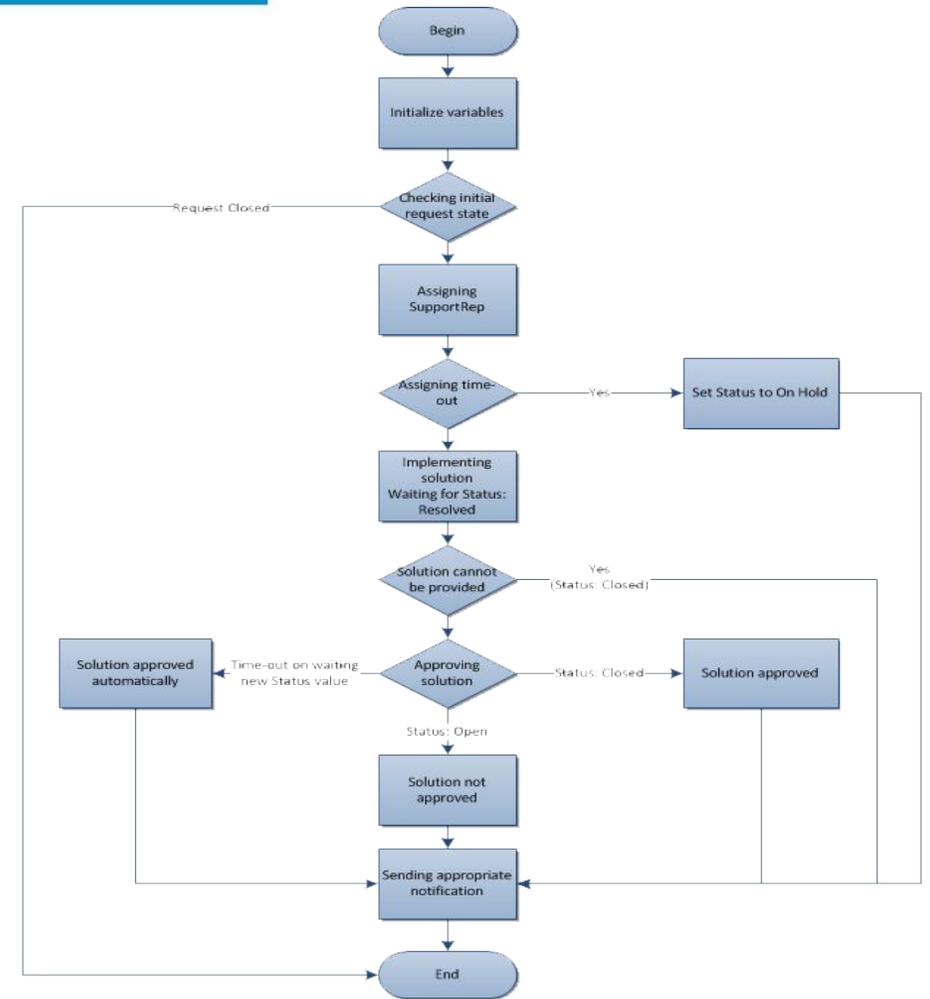
Недостатки словесного способа:

- строго не формализуем для машинного исполнения;
- избыточность;
- допускают неоднозначность толкования отдельных предписаний.

Графическая форма записи алгоритма

- Является более компактной и наглядной по сравнению со словесным;
- Изображается в виде последовательности связанных между собой функциональных блоков, каждый из которых соответствует выполнению одного или нескольких действий;

Такое графическое представление называется **схемой алгоритма** или **блок-схемой**.



Графическая форма записи алгоритма

| Символ | Название | Назначение |
|---|-------------------------|--|
|  | Данные | Обозначение процедуры ввода/вывода данных |
|  | Процесс | Обработка данных в виде операции или группы операций (вычислительное действие или последовательность действий) |
|  | Соединитель | Соединение прерванных линий потока |
|  | Преопределенный процесс | Вычисление внутри выделенной подпрограммы/функции/модуле |
|  | Подготовка | Изменение параметров цикла (организация счетчика) |
|  | Решение | Проверка условия и организация ветвления потока |
|  | Терминатор | Вход или выход во внешнюю среду (начало, конец алгоритма) |
|  | Комментарий | Запись пояснений по алгоритму |

Псевдокод представляет собой систему обозначений и правил, предназначенную для единообразной записи алгоритмов. В нем не приняты строгие синтаксические правила для записи команд, присущие формальным языкам, что облегчает запись алгоритма на стадии его проектирования.

Примеры обозначений

| | | | | |
|--------------------|-------------------|-------|------|-------|
| алг (алгоритм) | сим (символьный) | дано | для | да |
| арг (аргумент) | лит (литерный) | надо | от | нет |
| рез (результат) | лог (логический) | если | до | при |
| нач (начало) | таб (таблица) | то | знач | выбор |
| кон (конец) | нц (начало цикла) | иначе | и | ввод |
| цел (целый) | кц (конец цикла) | все | или | вывод |
| вещ (вещественный) | длин (длина) | пока | не | утв |

Примеры записи алгоритмов:

алг Сумма квадратов (арг цел n , рез це
S)

дано | $n > 0$

надо | $S = 1*1 + 2*2 + 3*3 + \dots + n*n$

нач цел i

ВВОД n ; $S = 0$

НЦ **ДЛЯ** i **ОТ** 1 **ДО** n

$S = S + i*i$

КЦ

ВЫВОД "S = ", S

КОН

Алгоритм Дейкстры для нахождения кратчайших путей.

DIJKSTRA(G, l, s)

- ▷ Вход: граф $G(V, E)$ (ориентированный или нет) с неотрицательными
- ▷ длинами рёбер $\{l_e : e \in E\}$; вершина $s \in V$.
- ▷ Выход: для всех вершин u , достижимых из s ,
- ▷ $dist[u]$ будет равно расстоянию от s до u (и ∞ для недостижимых).

for всех вершин $u \in V$

$dist[u] \leftarrow \infty$

$prev[u] \leftarrow \text{NIL}$

$dist[s] \leftarrow 0$

$H \leftarrow \text{MAKE-QUEUE}(V)$ (в качестве ключей используются значения $dist$)

while $H \neq \emptyset$

$u \leftarrow \text{DELETE-MIN}(H)$

for всех рёбер $(u, v) \in E$

if $dist[v] > dist[u] + l(u, v)$

then $dist[v] \leftarrow dist[u] + l(u, v)$

$prev[v] \leftarrow u$

$\text{DECREASE-KEY}(H, v, dist[v])$

Программная форма записи

Примеры программной записи алгоритмов

```
function sortBubble(data) {  
  var tmp;  
  for (var i = data.length - 1; i > 0; i--) {  
    var counter=0;  
    for (var j = 0; j < i; j++) {  
      if (data[j] > data[j+1]) {  
        tmp = data[j]; data[j] = data[j+1];  
        data[j+1] = tmp; counter++;  
      }  
    }  
    if(counter==0){ break; }  
  }  
  return data;  
};
```

JavaScript

```
void bubble(int* a, int n) {  
  for (int i = n - 1; i >= 0; i--) {  
    for (int j = 0; j < i; j++) {  
      if (a[j] > a[j + 1]) {  
        int tmp = a[j];  
        a[j] = a[j + 1];  
        a[j + 1] = tmp;  
      }  
    }  
  }  
}
```

C+

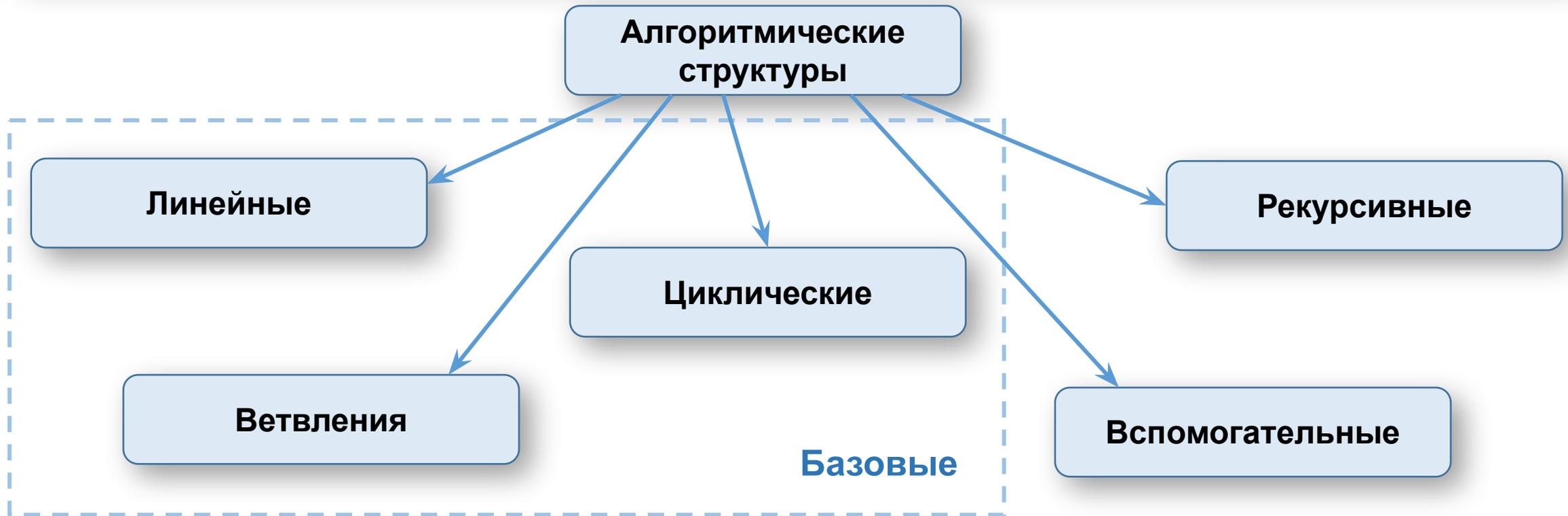
+

Правила составления схемы алгоритма

1. Каждый блок имеет один или несколько входов, кроме блока **"НАЧАЛО"**, который не имеет входа вообще. Несколько стрелок, идущих на вход некоторого блока, положено соединять до точки входа в блок.
2. Каждый блок имеет строго один выход, кроме блока **"КОНЕЦ"**, который не имеет выхода, и блока **проверки условия**, имеющего два выхода. Блок **проверки условия** обозначает разветвление вычислительного процесса в зависимости от выполнения некоторого условия. Чтобы различить выходы этого блока, их помечают словами **"да"** и **"нет"**. Если условие, записанное в блоке, выполняется, то вычислительный процесс пойдет по стрелке со словом **"да"**, иначе - по стрелке со словом **"нет"**.

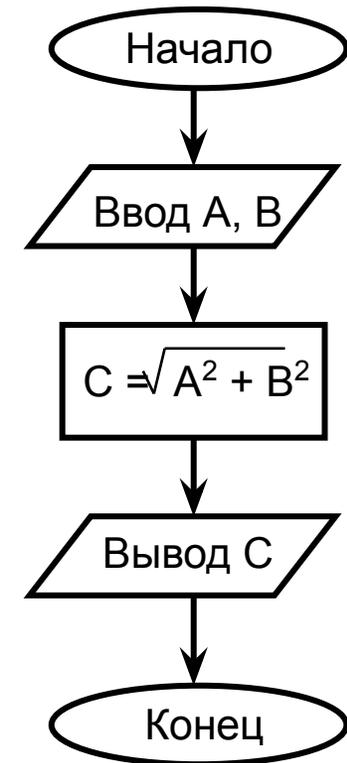
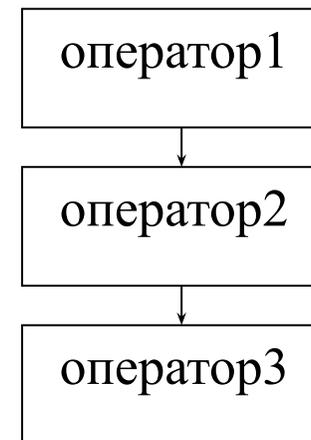
4. Базовые алгоритмические структуры

Алгоритмические структуры — типовые группы элементарных шагов алгоритма.



Линейная структура

Линейный алгоритм Р (или его часть) — если каждый шаг алгоритма выполняется только один раз, причем после каждого i -го шага выполняется $(i + 1)$ -й шаг, если i -й шаг — не конец алгоритма.

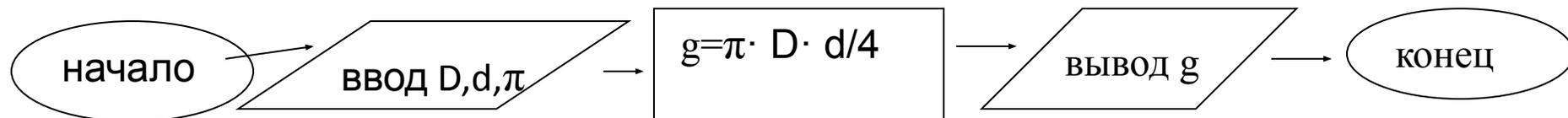


Алгоритмы линейной структуры

Пример 1. Требуется вычислить площадь поперечного сечения ствола по формуле эллипса $g = \pi \cdot D \cdot d / 4$, где D - наибольший диаметр сечения ствола, d - наименьший диаметр сечения ствола, число $\pi = 3.1416$.

Переменной называется величина, значение которой может меняться в процессе работы алгоритма. Каждой переменной отводится определённое место в памяти ЭВМ (**ячейка памяти**). В эту ячейку помещается текущее значение переменной. Вновь вычисленное значение переменной пересылается в ту же ячейку. При этом **"старое содержимое"** ячейки **теряется**.

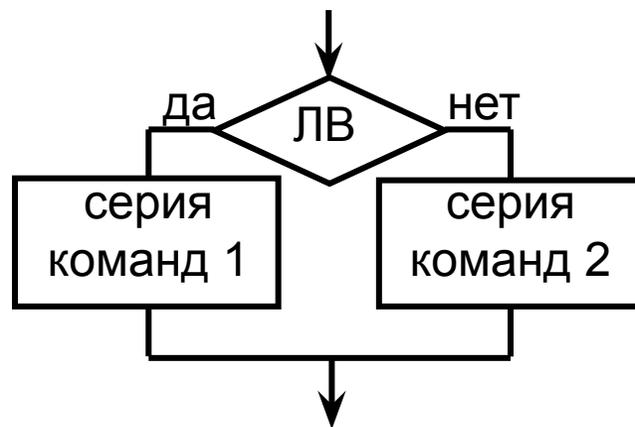
Можно записать схему алгоритма так



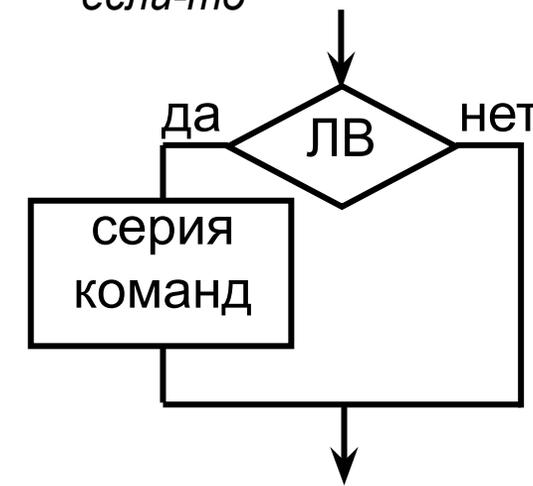
Ветвление — структура, где вычислительный процесс реализуется по одному из нескольких заранее предусмотренных направлений (**ветвей**) в зависимости от выполнения некоторого условия (логического выражения — ЛВ).

Ветвящийся процесс, включающий в себя две ветви, называется **простым**, более двух ветвей - **сложным**.

полное ветвление
если-то-иначе



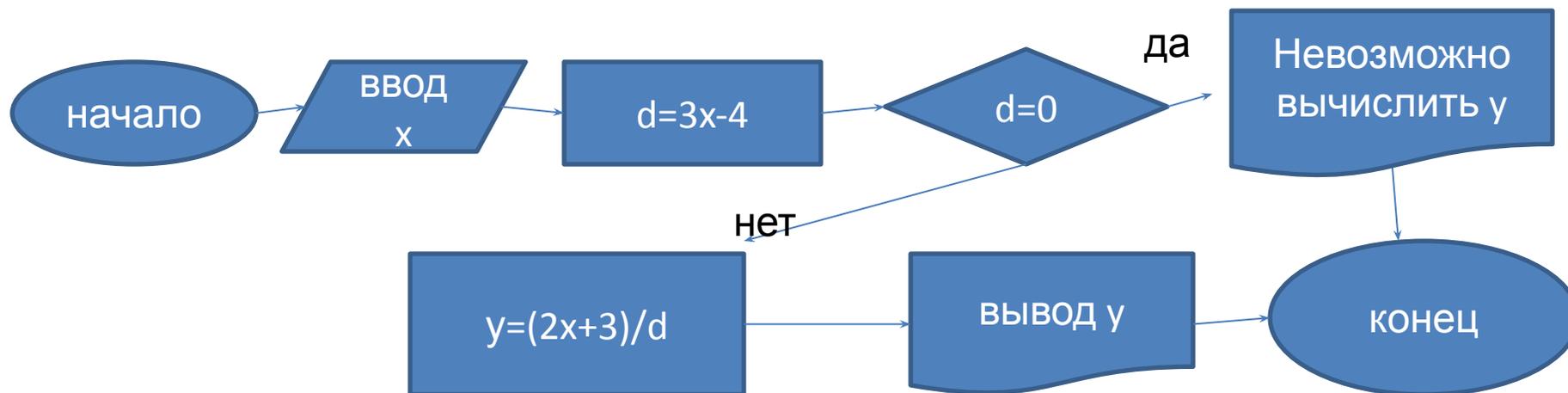
неполный вариант ветвления
если-то



Алгоритмы разветвляющейся структуры

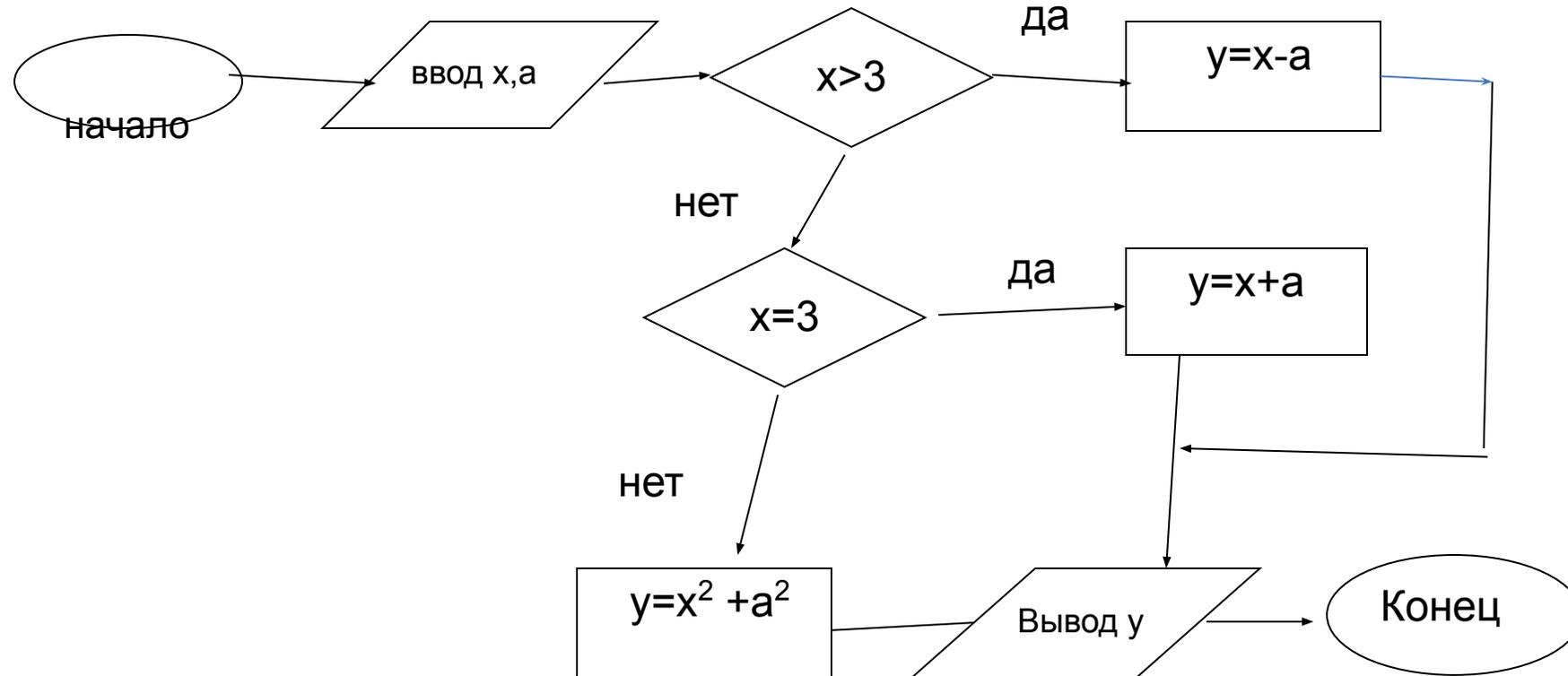
Пример 2. Составить схему алгоритма вычисления значения $y=(2x+3)/(3x-4)$.

На первый взгляд, алгоритм нахождения значения y кажется линейным, но это не так. Приведём схему алгоритма.



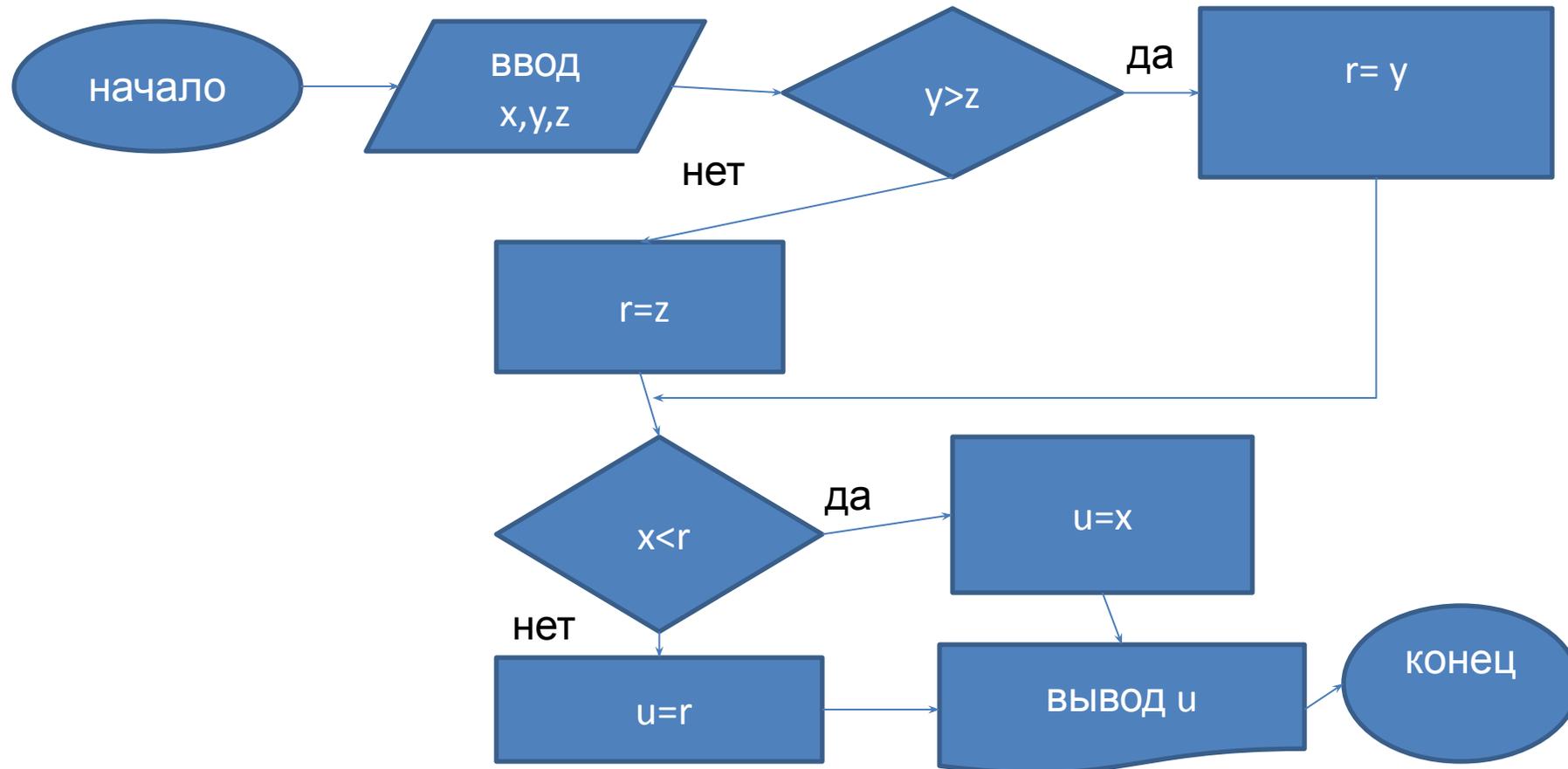
Алгоритмы разветвляющейся структуры

$$y = \begin{cases} x + a & , \text{ если } x = 3 \\ x - a & , \text{ если } x > 3 \\ x^2 + a^2 & , \text{ если } x < 3 \end{cases}$$



Алгоритмы разветвляющейся структуры

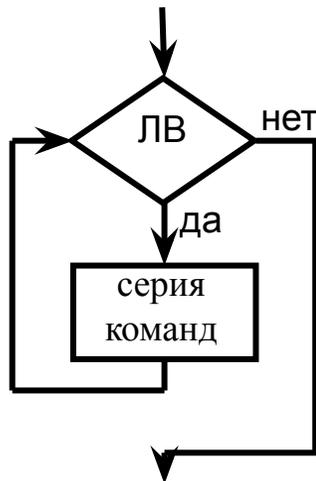
Пример 4. Даны различные x, y, z . Вычислить $u = \min(x, \max(y, z))$



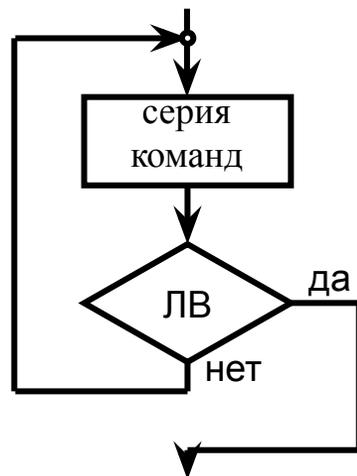
Циклические структуры

Цикл — структура, где подряд идущая группа шагов алгоритма, выполняется несколько раз. Количество повторений либо фиксировано, либо зависит от входных данных алгоритма.

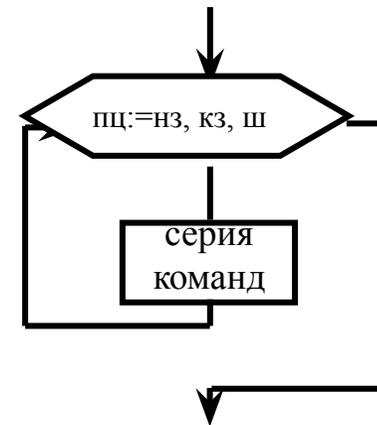
цикл с предусловием



цикл с постусловием

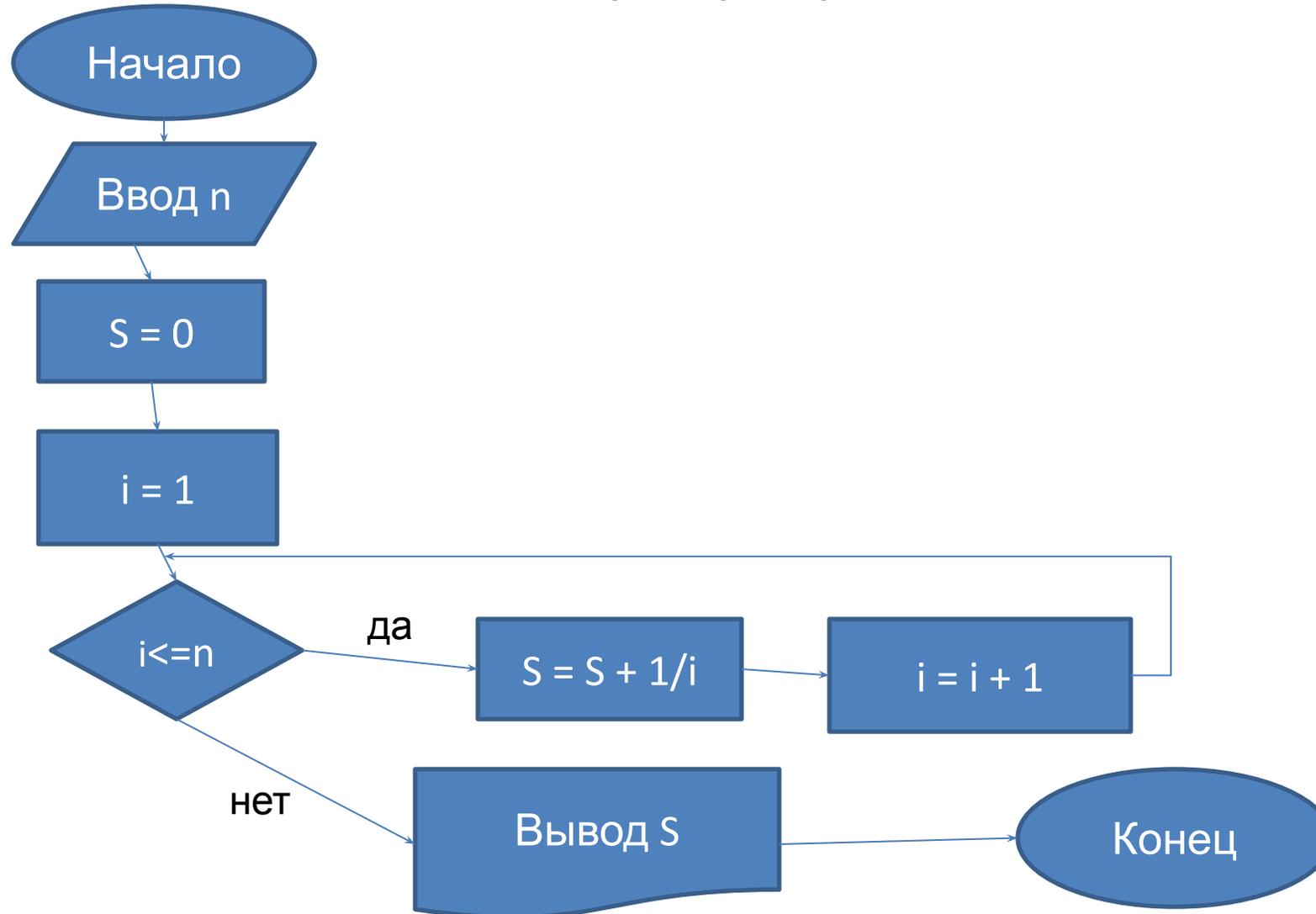


цикл со счетчиком



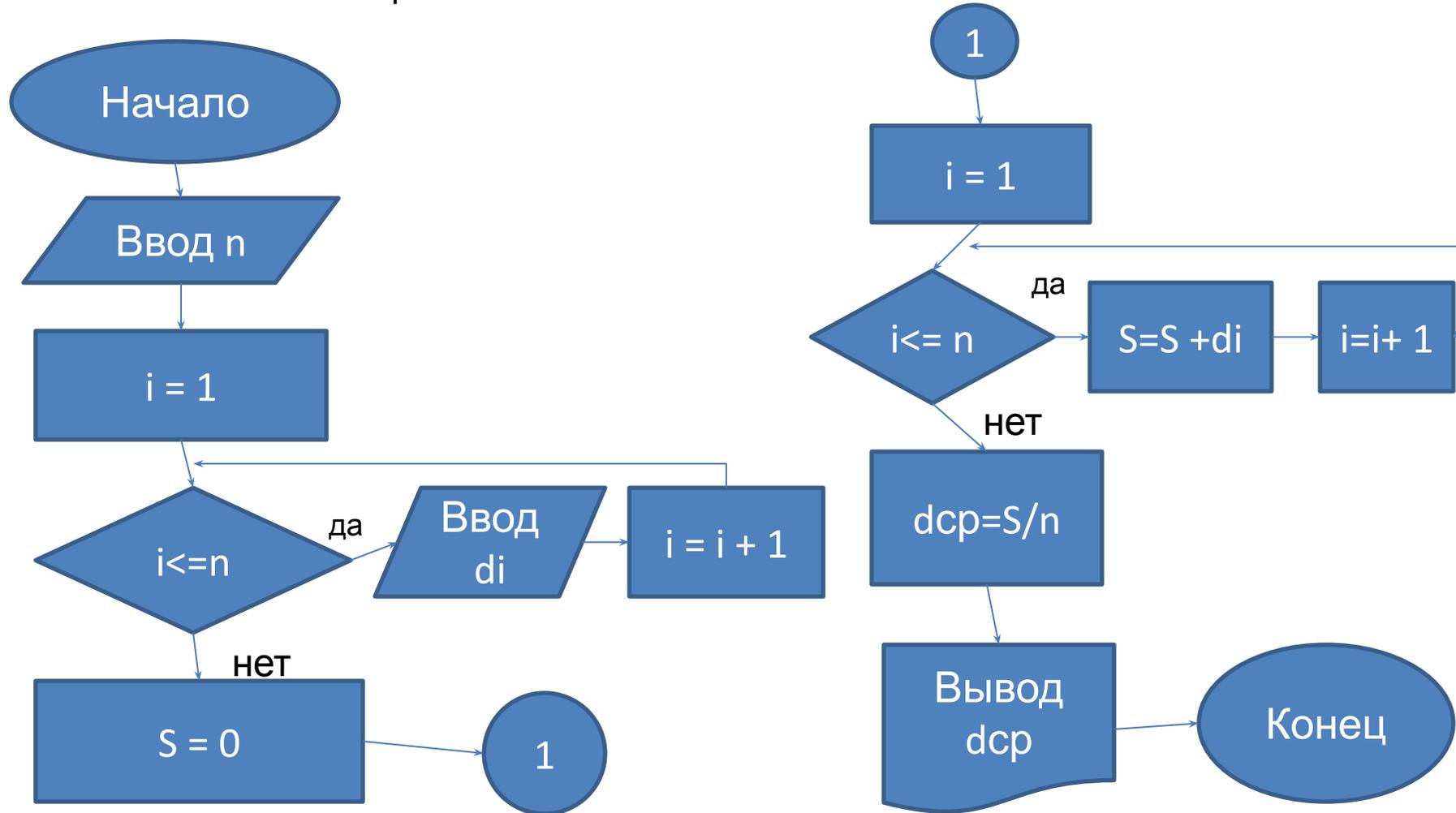
АЛГОРИТМЫ ЦИКЛИЧЕСКОЙ СТРУКТУРЫ

Пример 5. Найти конечную сумму $S=1+1/2+1/3+\dots+1/n$.



АЛГОРИТМЫ ЦИКЛИЧЕСКОЙ СТРУКТУРЫ

Пример 6. Дан массив чисел $D=(d_1, d_2, \dots, d_n)$. Найти d_{cp} по формуле $d_{cp} = (d_1 + d_2 + \dots + d_n) / n$



Переменные и константы

Реальные данные, с которыми работает программа, - это:

- **числа;**
- **строки;**
- **логические величины** (аналоги 1 и 0, "да" и "нет", "истина" и "ложь").

Эти типы данных называют базовыми.

Каждая **единица информации** хранится в ячейках памяти компьютера, имеющих свои **адреса**.

В языках программирования введено понятие **переменной**, позволяющее отвлечься от конкретных адресов и обращаться к содержимому памяти с помощью идентификатора или имени - последовательности, содержащей английские буквы, цифры, символы подчеркивания и начинающейся не с цифры.

6. Уровень языка программирования

Классификация языков программирования по критерию детализации предписаний:

- машинные** (самого низкого уровня);
- машинно-ориентированные (ассемблеры)**;
- машинно-независимые (высокого уровня)**.

В зависимости от детализации предписаний определяют уровень языка программирования (чем меньше детализация, тем выше уровень). По данному критерию различают следующие языки программирования:

- машинные (самого низкого уровня);
- машинно-ориентированные (ассемблеры);
- машинно-независимые (высокого уровня).

Машинные и машинно-ориентированные языки требуют подробного описания самых мелких деталей процесса обработки данных.

Язык ассемблера — это машинно-зависимый язык низкого уровня, в котором отдельным машинным командам соответствуют мнемонические (легко запоминаемые) имена, записываемые в текстовом виде.

Языки высокого уровня более разнообразны и интуитивно понятны для человека.

Преимущества:

- универсальность - программа, написанная на таком языке, может выполняться на разных машинах;

- независимость от аппаратуры, т.к. языки высокого уровня в значительной мере являются машинно-независимыми.