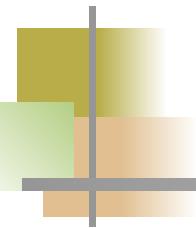


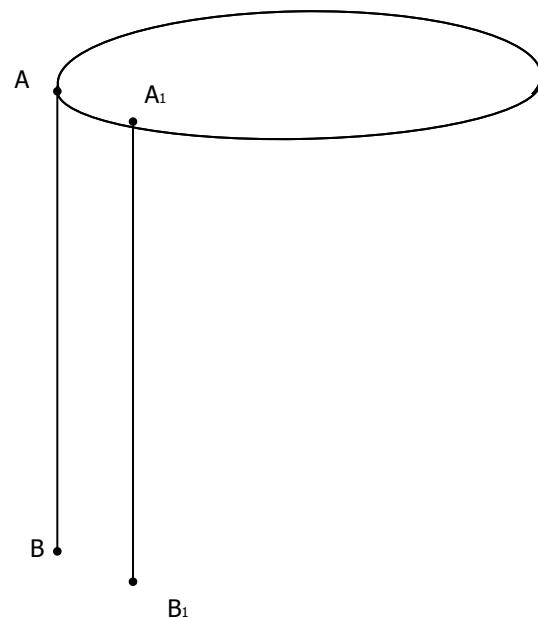
Проект «Математика в профессии «Повар, кондитер»

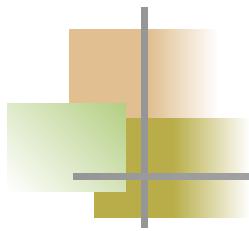


Автор: преподаватель
ГОУ СПО ПК № 33
Симоненко Е.Е.

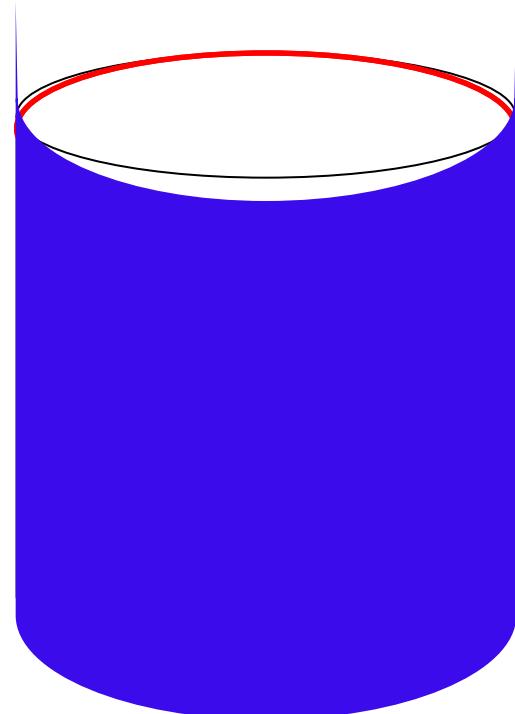
Цилиндр

Цилиндром называется тело, которое состоит из двух кругов, не лежащих в одной плоскости и совмещаемых параллельным переносом, и всех отрезков, соединяющих соответствующие точки этих кругов

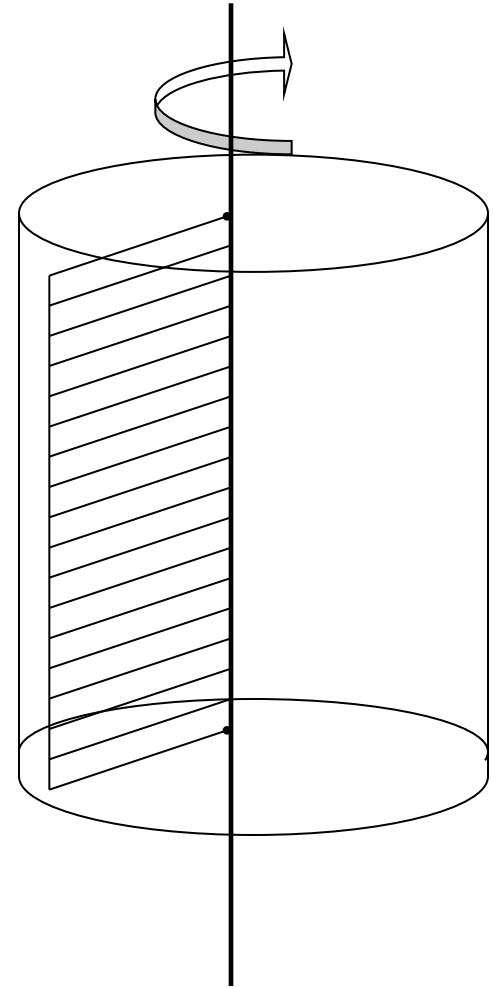


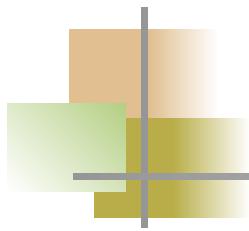


**Поверхность
цилиндра состоит
из оснований
цилиндра – двух
равных кругов,
лежащих в
параллельных
плоскостях, и
боковой
поверхности.**

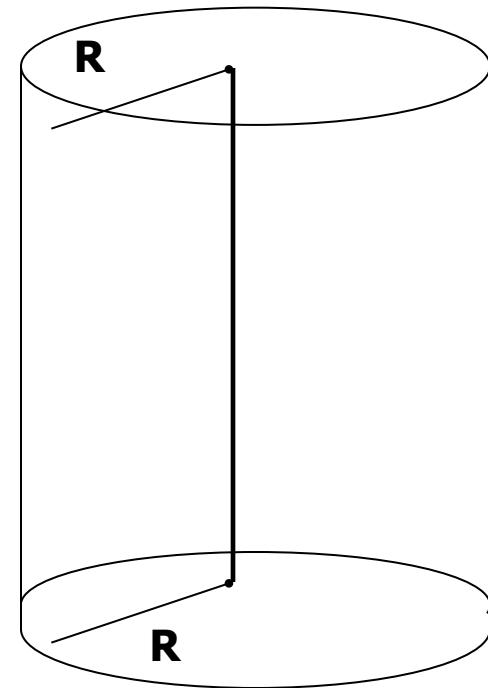


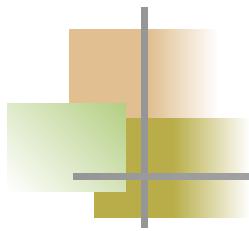
Цилиндр называется **прямы́м**, если его образующие перпендикулярны плоскостям оснований. **Прямой цилиндр** можно рассматривать как тело, полученное при вращении прямоугольника вокруг своей оси



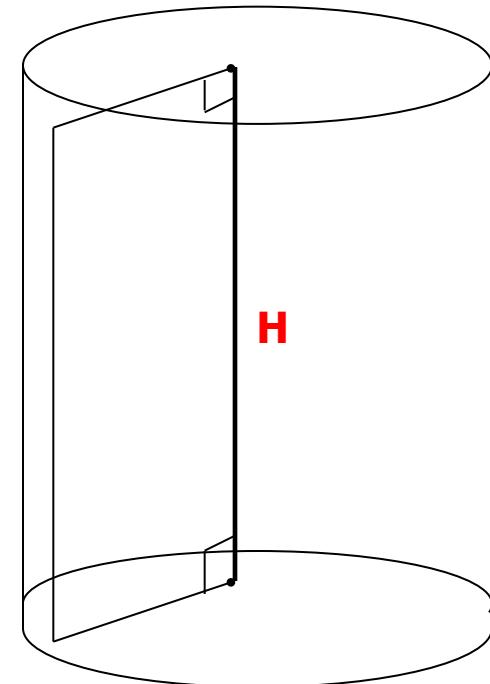


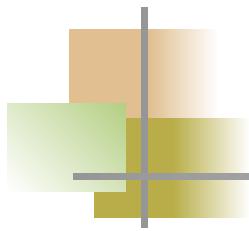
**Радиусом цилиндра
называется радиус
его основания**



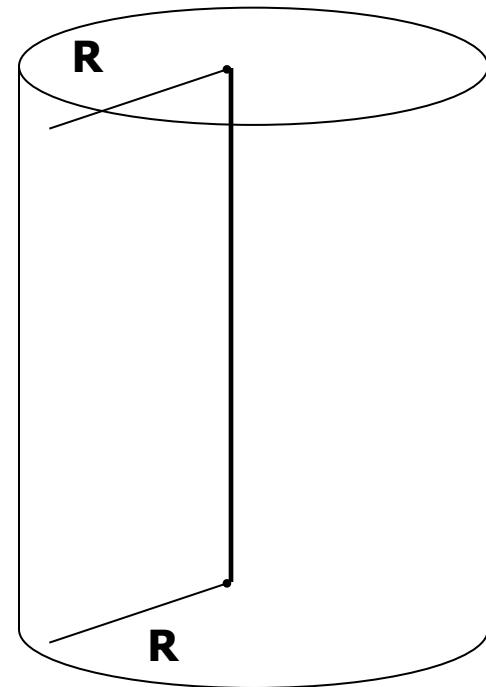


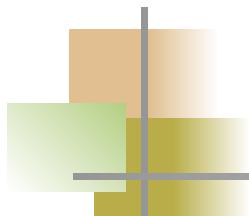
**Высотой цилиндра
называется
расстояние между
плоскостями
оснований**





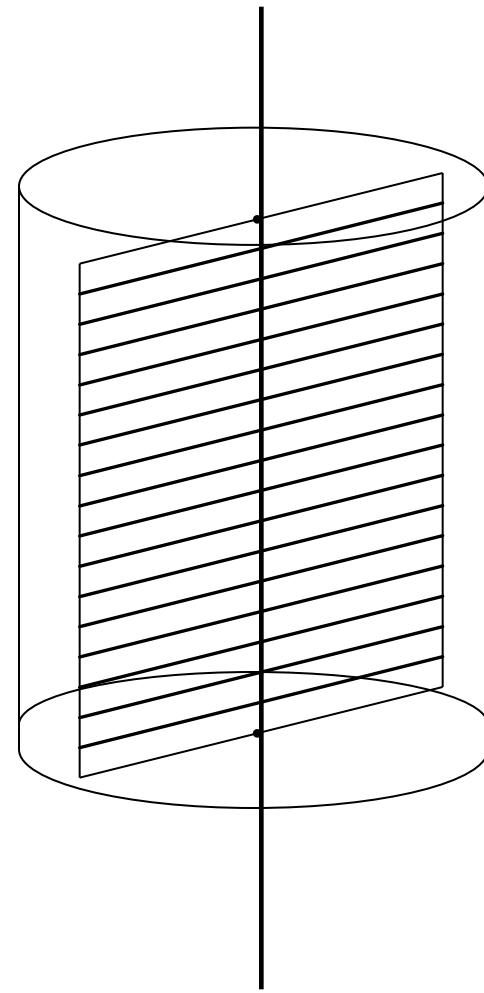
Осью цилиндра
называется прямая,
проходящая через
центры оснований.
Она параллельна
образующим.



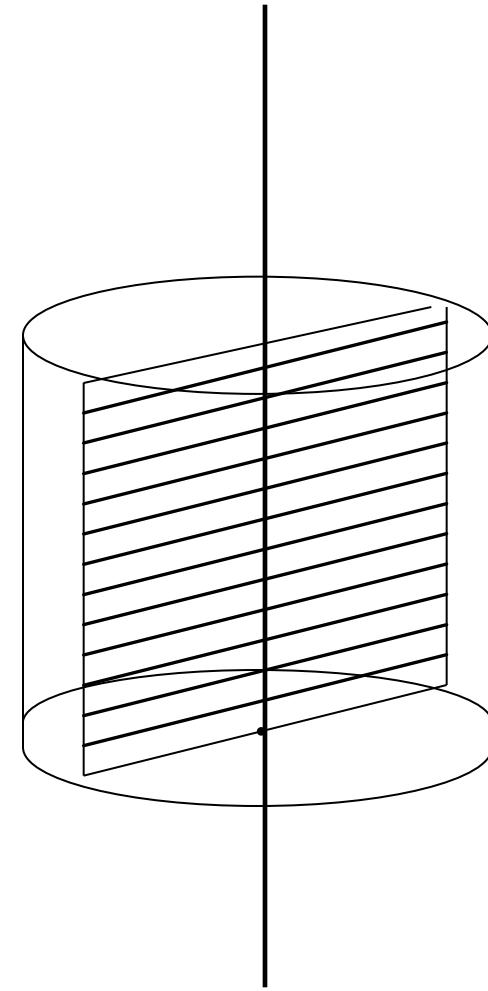


Сечение цилиндра

плоскостью,
проходящей через ось
цилиндра, называется
осевым сечением

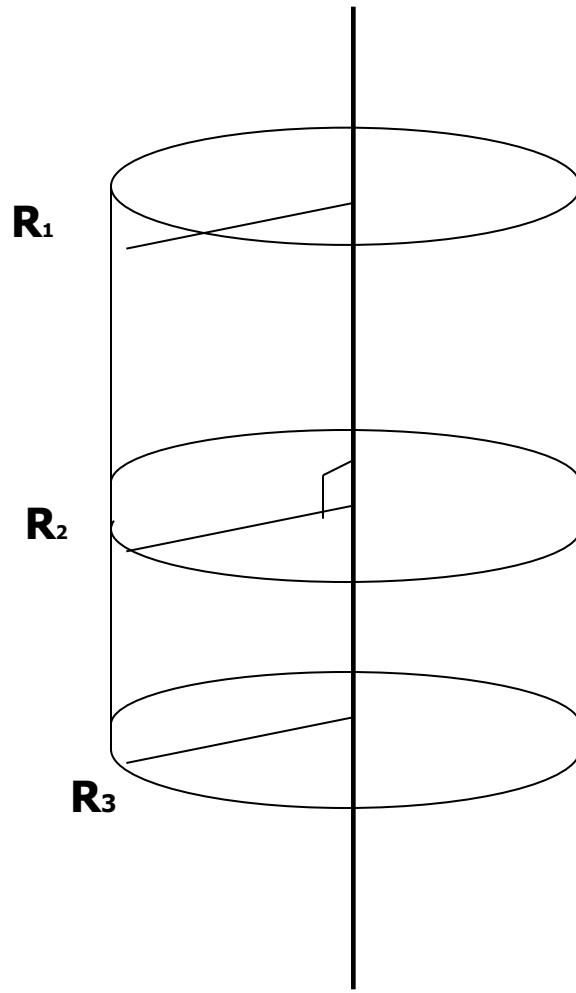


Цилиндр, осевое
сечение которого-
квадрат называется
равносторонним

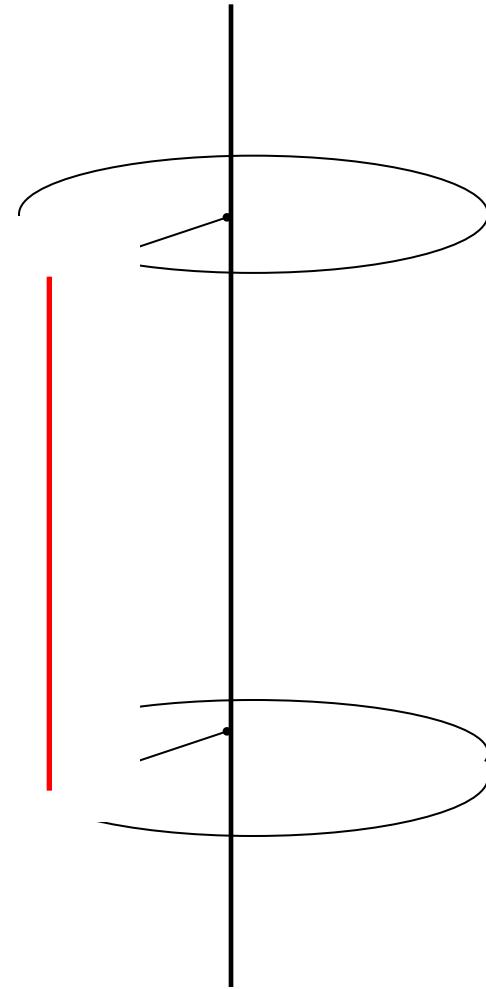


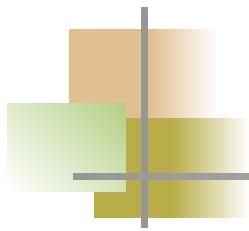
= =

Плоскость,
перпендикулярная
оси цилиндра,
пересекает его
боковую
поверхность по
окружности, ,
равной окружности
его основания.



Плоскость, проходящая
через образующую
цилиндра и
перпендикулярна
осевому сечению,
проведённому через эту
образующую,
называется **касательной**
плоскости цилиндра

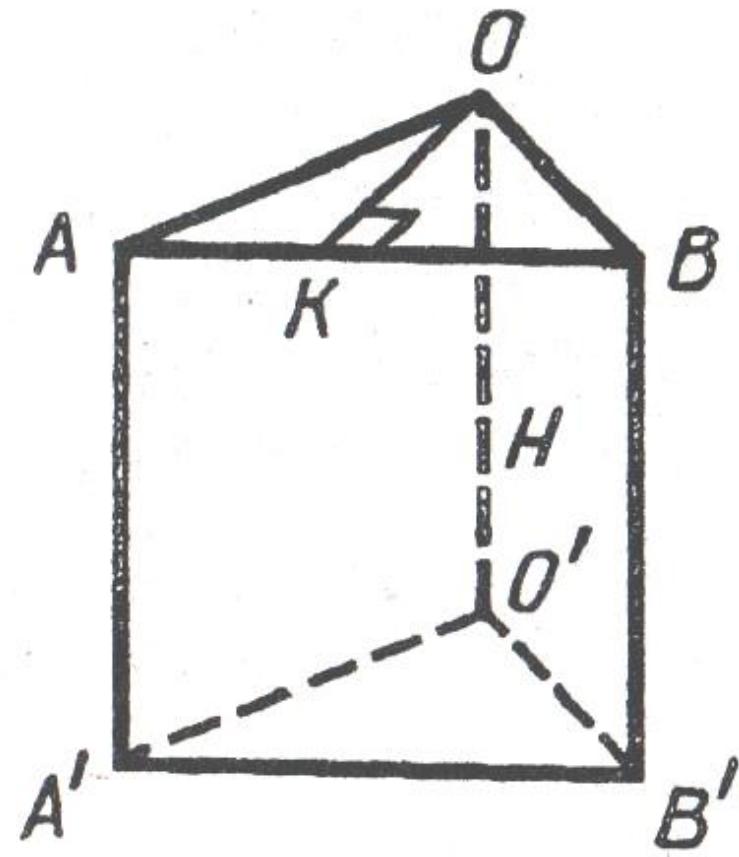
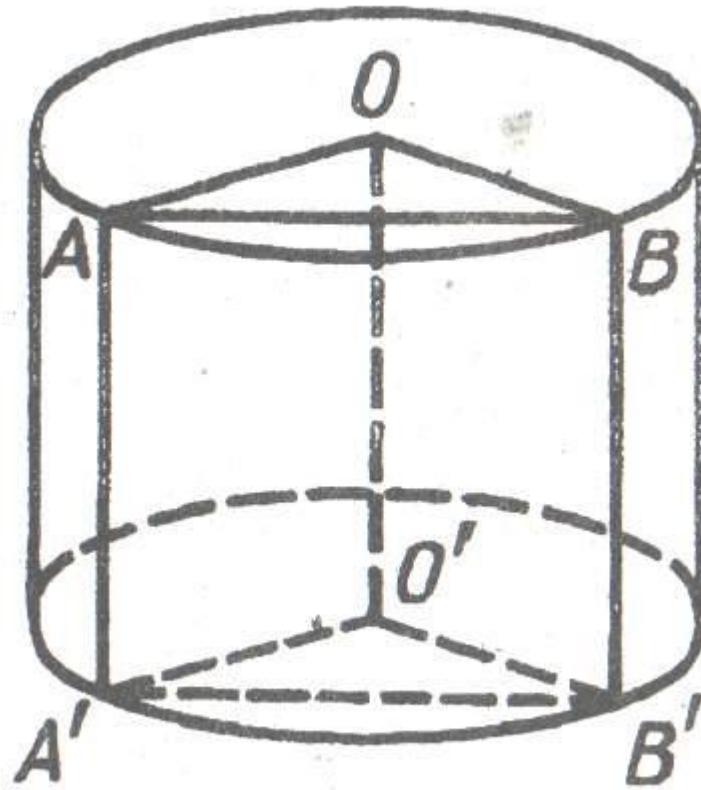


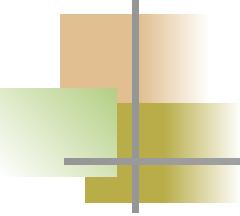


Задача № 1

Высота цилиндра 8 м, радиус основания 5 м. Цилиндр пересечен плоскостью так, что в сечении получился квадрат. Найдите расстояние от этого сечения до оси.

Решение:

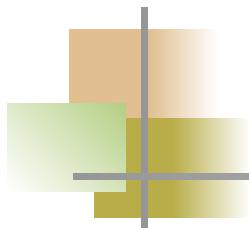


- 
- 1) Сечение $ABB'A'$ - квадрат
 - 2) Фигура $OABO'A'B'$ - прямая треугольная призма, в которой боковые ребра равны по 8 м, стороны $OA=OB=R = 5$ м, боковая грань $AA'B' B$ - квадрат.
 - 3) На рисунке призма $AOBA'O'B'$ вынесена из цилиндра.

$OK \perp AB$. Найдем, длину (h) перпендикуляра OK .

- 4) По условию $AB = A'B' = M' = 8$. В прямоугольном треугольнике AOK катет $AK = 4$. Тогда по теореме Пифагора

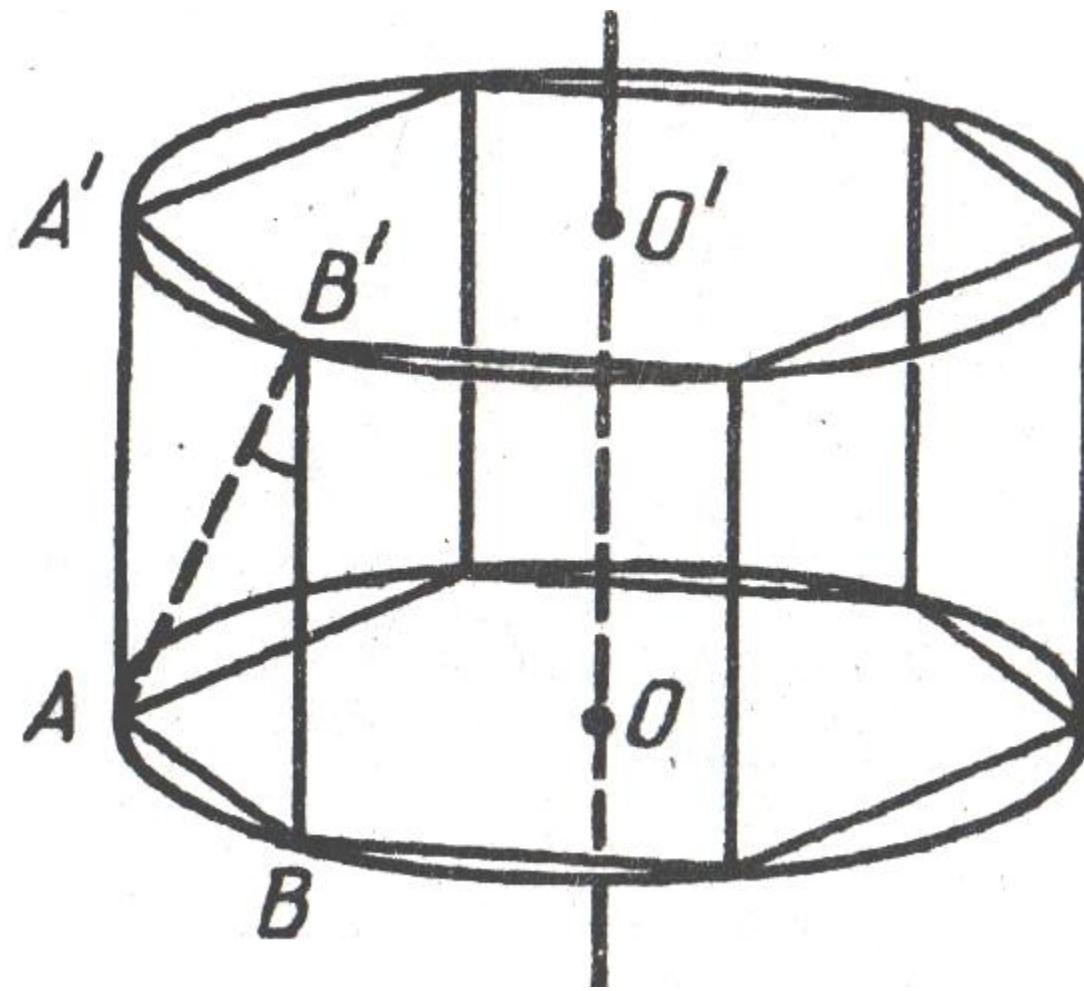
$$h = OK = \sqrt{AO^2 - AK^2} = \sqrt{25 - 16} = 3 \text{ м.}$$

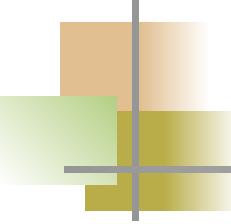


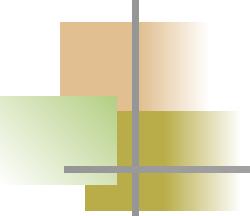
Задача № 2

В цилиндр вписана правильная шестиугольная призма. Найдите угол между диагональю ее боковой грани и осью цилиндра, если радиус основания равен высоте цилиндра.

Решение:



- 
1. Боковые грани призмы - квадраты, так как сторона правильного шестиугольника, вписанного в окружность, равна радиусу
 2. Ребра призмы параллельны оси цилиндра поэтому, угол между диагональю грани и осью цилиндра равен углу между диагональю и боковым ребром.
 3. Так как грань призмы $AA'B'B$ – квадрат, то этот угол равен 45°

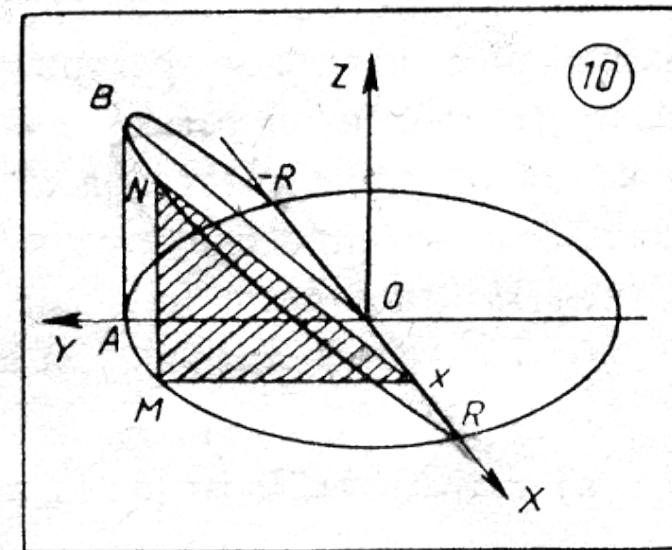
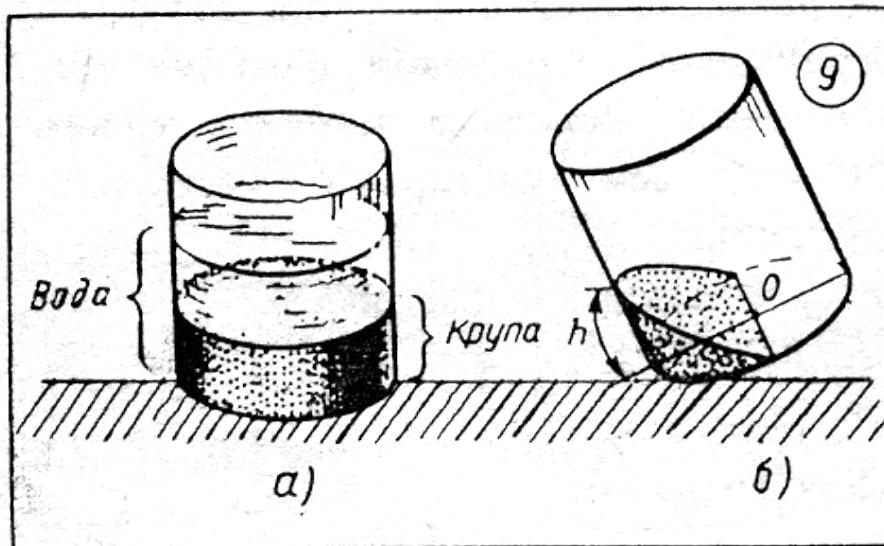


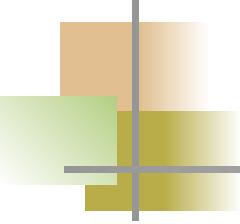
Задача № 3

Сережа насыпал в цилиндрическую кастрюлю немного пшена и спросил соседку тетю Люду: «Сколько нужно налить воды чтобы получилась вкусная каша?» -«Это очень просто, - ответила соседка. - Наклони кастрюлю, постучи, чтобы крупа пересыпалась и закрыла ровно половину дна. Теперь заметь точку на стенке кастрюли у края, до которого поднялась крупа, зажми ее пальцем. До этого уровня надо налить воду!»- «Так ведь пшена можно насыпать побольше или поменьше, да и кастрюли бывают разные-широкие, узкие», - усомнился Сережа. «Все равно, мой способ годиться в любом случае», - гордо ответила соседка.

Докажите, что соседка права : отношение объемов воды и крупы по ее рецепту для любой цилиндрической кастрюли получается одинаковым. Найдите это отношение.

Решение:





На рисунке слева изображена стоящая кастрюля, а на рисунке справа- кастрюля, наклоненная так ,как советовала соседка. Поместим исследуемую модель в систему координат, чтобы основание цилиндра (кастрюли) лежало в плоскости ХОY, а центр основания О стал началом координат. Через точку x на оси ОХ строим сечение тела(т.е. горки из крупы внутри кастрюли) плоскостью, перпендикулярной оси ОХ и параллельной оси ОY

$$\Delta MNX \sim \Delta ABO \Rightarrow \frac{MN}{AB} = \frac{MX}{AO} \cdot \tau_e$$

$$\frac{MN}{h} = \frac{y}{R} \text{ и } MN = \frac{hy}{R}.$$

$$\text{Зн. } S_{MNX} = \frac{1}{2} MN \cdot MX = \frac{hy^2}{2R}$$

тк $M \in \text{Окр.}(R)$ и $M(x; y)$, получаем

$$x^2 + y^2 = R^2, \text{ т.е. } y^2 = R^2 - x^2$$

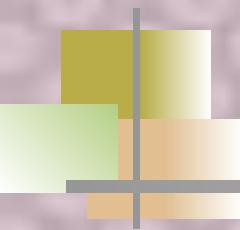
$$\text{тогда } S_x = S_{MNX} = \frac{h(R^2 - x^2)}{2R} \Rightarrow$$

$$V_{kp.} = 2 \int_0^R \frac{h(R^2 - x^2)}{2R} dx = \frac{2}{3} h R^2$$

$$\text{но } V_B = V_s \cdot V_{kp.} = \pi R^2 h - \frac{2}{3} R^2 h = \frac{R^2 h}{3} (\pi - 2)$$

$$\text{значит } \frac{V_B}{V_{kp.}} = \frac{\pi}{2} - 1$$

Эта величина не зависит от размеров цилиндра(кастрюли)



Цилиндры

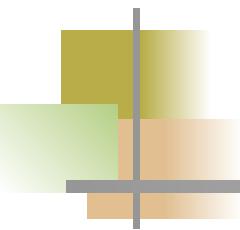
в моей профессии











КОНЕЦ

