



Решение тригонометрических уравнений.

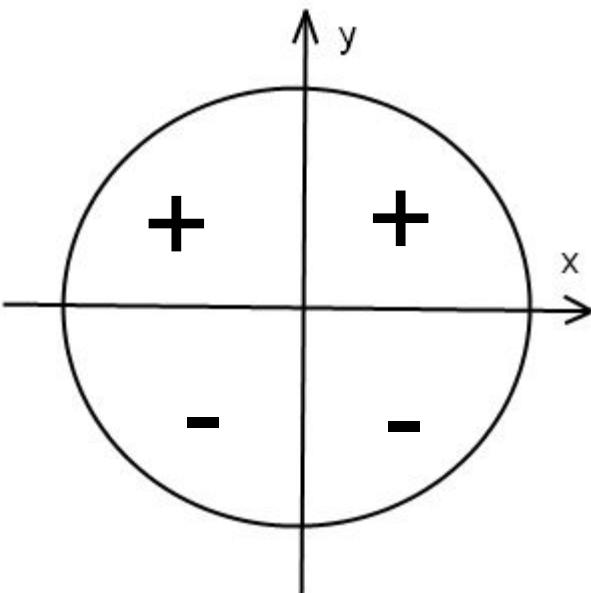
Некоторые способы отбора корней

С1

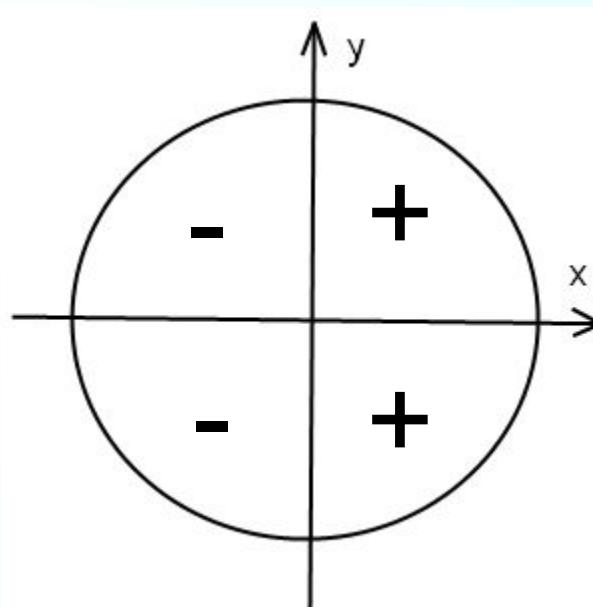
Выполнила:

учитель математики и информатики
Краснослободцева М.П.

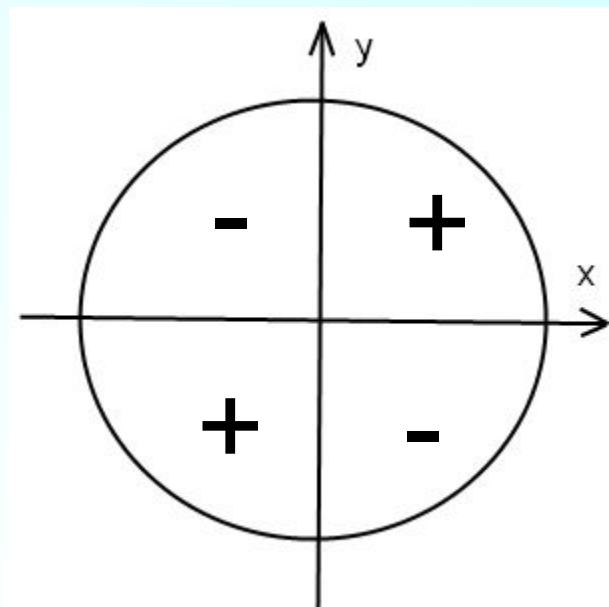
№1. Расставьте знаки тригонометрических функций в зависимости от координатной четверти



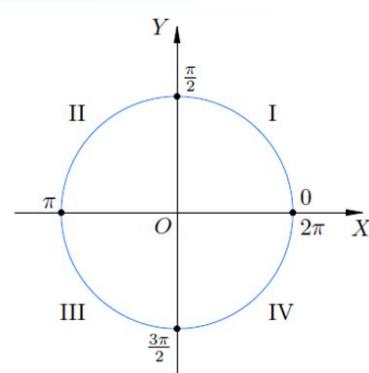
Знаки синуса



Знаки косинуса



Знаки тангенса и
котангенса

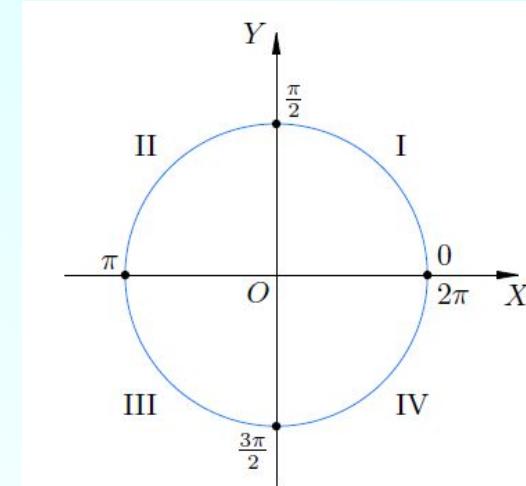


№2. Разделите на 2 группы следующие выражения и заполните таблицу:

$$\sin\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right); \sin(\pi + \alpha); \cos(\pi + \alpha);$$

$$\cos\left(\frac{\pi}{2} + \alpha\right); \operatorname{tg}(2\pi + \alpha); \operatorname{tg}\left(\frac{\pi}{2} + \alpha\right);$$

$$\operatorname{ctg}\left(\frac{3\pi}{2} - \alpha\right); \sin(\pi - \alpha).$$



**Функция меняется на
«кофункцию»**

Функция не меняется на «кофункцию»

Выражение	Результат	Выражение	Результат

а) Решите уравнение $2 \cos^2 x - \sin^2 x + 4 \sin\left(\frac{3\pi}{2} + x\right) - 1 = 0$

б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие отрезку $[-3\pi; -\pi]$

$$2 \cos 2x - 4 \cos x - 1 = 0$$

$$2(\cos^2 x - \sin^2 x) = 1 - \cos^2 x \quad \text{X}$$

$$2 \cos^2 x - 2 \sin^2 x - 4 \cos x - 1 = 0$$

$$2 \cos^2 x - 2(1 - \cos^2 x) - 4 \cos x - 1 = 0$$

$$2 \cos^2 x - 2 + 2 \cos^2 x - 4 \cos x - 1 = 0$$

$$4 \cos^2 x - 4 \cos x - 3 = 0$$

Пусть $\cos x = a$, $-1 \leq a \leq 1$

$$\cos x = -\frac{1}{2}$$

$$x = \pm \arccos \frac{1}{2} \mp \frac{2\pi}{3} n, n \in \mathbb{Z}$$

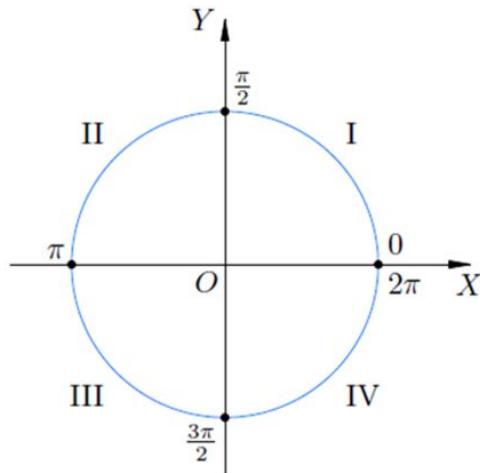
По формуле приведения:
«синус» изменится на «косинус»

IV чет.

$$\sin\left(\frac{3\pi}{2} + x\right) = -\cos x$$

В IV четв. знак исходной функции синуса отрицательный

$$\begin{aligned} 4a^2 - 4a - 3 &= 0 \\ D &= 4^2 - 4 \cdot (-3) = 25 \\ a &= \frac{4 \pm \sqrt{25}}{2 \cdot 4} = \end{aligned}$$



а) Ответ: $x = \pm \frac{2\pi}{3} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$.

Т-ца значений

Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие отрезку $[-3\pi; -\pi]$

$$\frac{2\pi}{3} + 2\pi n$$

$$n = -1 \quad ; \quad x = \pm \frac{2\pi}{3} + 2\pi n$$

$$-\frac{2\pi}{3} + 2\pi n$$

$$n = -1$$

$$[-3\pi; -\pi] \leq \quad / : \pi$$

$$-3 \leq \frac{2}{3} + 2n \leq -1 \quad / -\frac{2}{3}$$

$$-3\frac{2}{3} \leq 2n \leq -1\frac{2}{3}$$

$$-\frac{11}{3} \leq 2n \leq -\frac{5}{3} \quad / : 2$$

$$-\frac{11}{6} \leq n \leq -\frac{5}{6}$$

$$n = -1,$$

$$x = -\frac{4\pi}{3}$$

$$[-3\pi; -\pi] \leq \quad / : \pi$$

$$-3 \leq -\frac{2}{3} + 2n \leq -1 \quad / + \frac{2}{3}$$

$$-2\frac{1}{3} \leq 2n \leq -\frac{1}{3}$$

$$-\frac{7}{3} \leq 2n \leq -\frac{1}{3} \quad / : 2$$

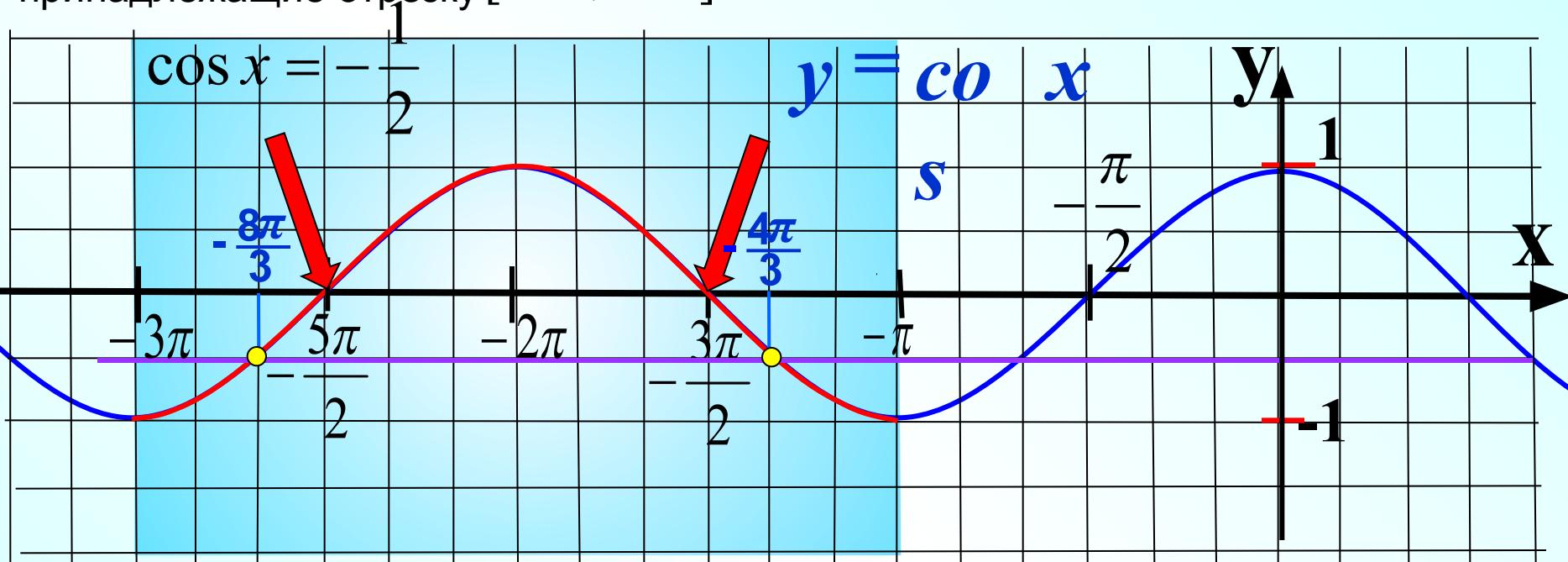
$$-\frac{7}{6} \leq n \leq -\frac{1}{6}$$

$$n = -1,$$

$$x = -\frac{8\pi}{3} - 2\pi, \quad \text{3}$$

Отбор корней с помощью графиков

б) Найдите все корни этого уравнения $2\cos 2x + 4 \sin\left(\frac{3\pi}{2} + x\right) - 1 = 0$, принадлежащие отрезку $[-3\pi; -\pi]$



$$-\frac{\frac{5\pi}{2}^3 + \pi}{6} = -\frac{15\pi}{6} - \frac{\pi}{6} = -\frac{16\pi}{6} = -\frac{8\pi}{3}.$$

$$-\frac{\frac{3\pi}{2}^3 + \pi}{6} = -\frac{9\pi}{6} + \frac{\pi}{6} = -\frac{8\pi}{6} = -\frac{4\pi}{3}.$$

б) Ответ: $x = -\frac{8\pi}{3}; x = -\frac{4\pi}{3}$.

Т-ца знач.

Таблица значений тригонометрических функций

α	0	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{2}$	$\frac{2\pi}{3}$	$\frac{3\pi}{4}$	$\frac{5\pi}{6}$	π
$\sin \alpha$	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	0
$\cos \alpha$	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	0	$-\frac{1}{2}$	$-\frac{\sqrt{2}}{2}$	$-\frac{\sqrt{3}}{2}$	-1
$\operatorname{tg} \alpha$	0	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	1	$\sqrt{3}$	нет	$-\sqrt{3}$	-1	$-\frac{\sqrt{3}}{3}$	0
$\operatorname{ctg} \alpha$	нет	$\sqrt{3}$	1	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	0	$-\frac{\sqrt{3}}{3}$	-1	$-\sqrt{3}$	нет

