

Методика применения элементов парацентрической технологии на уроках по математике.

Тезис принять за аксиому:

Человека нельзя научить, развить, воспитать; он может только научить себя сам, т. е. научиться, развиться, воспитаться.

Формы учебной работы.

- *« Конструкция отрезка процесса обучения, характеризующаяся особыми способами управления, организации и сотрудничества учащихся в учебной деятельности».*

Использование парацентрической
технологии предполагает

**« признание ученика
главной действующей
фигурой всего
образовательного
процесса»**

Весь учебный процесс строится на
основе этого главного положения.

Основные формы учебной работы.

фронтальная



Управление
всем
составом
класса



Коллективная
(совместные поиски)

индивидуальная



Самостояте
льное
выполнение
заданий

групповая



Парная
Звеньева
я
Бригадна
я др.

Модель адаптивной системы обучения (АСО)

Учитель обучает всех учеников

- Учитель работает индивидуально.
- (в двух режимах): - обучает новому; индивидуально работает. Эта работа заключается в двух подходах:
 - 1. управление с/р учащихся (осуществление включенного контроля);
 - 2. индивидуальная работа (осуществление отключенного контроля).
- Ученики работают самостоятельно.
- (учащиеся в АСО работают в 3 режимах)
 - 1. совместно с учителем;
 - 2. с учителем индивидуально;
 - 3. самостоятельно под руководством учителя.

Карточка для работы в паре « Ученик –учитель»

Тема: « Арифметический корень натуральной степени» 10 кл.)

- Вариант №1.

- 1. Вычислите: $\sqrt[3]{343 * 0,125}$

$$\sqrt[3]{32} - 0,5\sqrt[3]{-216}$$

- 2. решите уравнение: $5x^5 = -160$.
- 3. При каких значениях (x) имеет смысл выражение:

$$\sqrt[5]{2x - 3}$$

- 4. Вычислите:

$$\sqrt[3]{\sqrt{729}}$$

- 5. Упростите выражение:

$$\sqrt[3]{2av} \sqrt[3]{4va} \sqrt[3]{27av}$$

- Вариант №2.

- 1. Решите уравнение: $2x^6 = 128$.

- 2. Вычислите: $\sqrt[3]{512 * 216}$

$$\sqrt[3]{-1000} - \frac{1}{4}\sqrt[4]{256}$$

- 3. Упростите выражение:

$$\sqrt[3]{81xy} : \sqrt[3]{3xy}$$

- 4. При каких значениях x имеет смысл выражение:

$$\sqrt[6]{x + 3}$$

- 5. Вычислите:

$$\sqrt[5]{\sqrt{1024}}$$

Карточка для работы в паре « Ученик –учитель»

Тема « Свойства степени с рациональным показателем» 10кл.

Упрости выражение. Сформулируйте правило, используемое при упрощении. $\sqrt[3]{a} (a^3 - \sqrt[3]{a^2})$

Определите, какие преобразования нужно выполнить в каждом из предложенных выражений, чтобы упростить его:

$$\frac{a^{-3}}{a^{1/3}} * \frac{a^{7/3}}{a}$$

$$\sqrt[5]{a} a^{2,5}$$

Разложите на множители используя формулы сокращённого умножения:

$$x^{3/2} - y^{3/2};$$

$$(\sqrt{5+\sqrt{17}} + \sqrt{5-\sqrt{17}})^2$$

$$4a^{1/2} - b^{1/2}$$

Карточка для работы в динамической паре(8кл.,тема:
« Определение квадратного уравнения. Неполные
квадратные уравнения».)

Лицевая сторона
карточки
(для отвечающих)

Карточка №1.

1. Как называются числа a и b в квадратном уравнении?
2. В каком случае квадратное уравнение называется неполным?
3. Сколько корней имеет квадратное уравнение:
 $x^2 = -9$ Ответ объясните.

Обратная сторона карточки
(для опрашивающего)

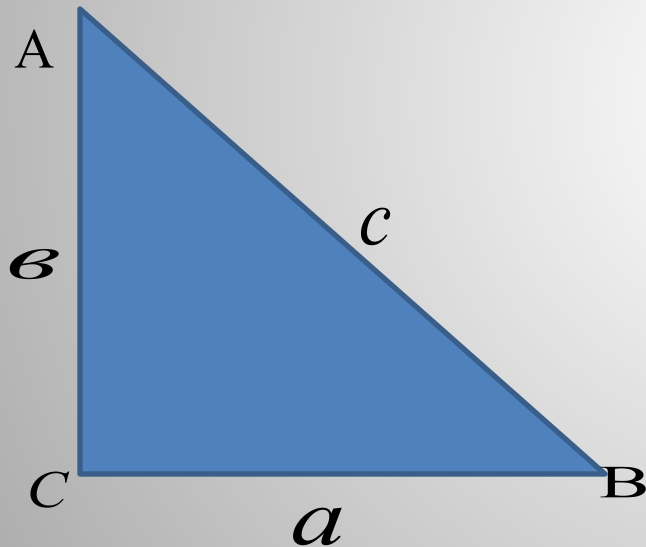
Карточка №1.

Ответы.

1. Число a называется первым коэффициентом, число b - вторым коэффициентом квадратного уравнения.
2. Если хотя бы один из коэффициентов b или c квадратного уравнения равен нулю, то квадратное уравнение называется неполным.
3. Это уравнение не имеет корней, т.к. квадрат любого числа неотрицателен.

(Геометрия -8 кл, тема: « Теорема Пифагора»)

- Лицевая сторона карточки
- (для отвечающих)
- Дано: $\triangle ABC$ ($\angle C=90^\circ$) ;
- $C=15$ м; $\sin B= 0,6$.
- Найдите: a, v .



Обратная сторона карточки
(для опрашивающего)

1. Каким отношением можно записать синус угла B? (ответ: $\sin B = v/c$)
2. Какой компонент полученной формулы неизвестен? (ответ: Неизвестен катет v , который легко можно найти, пользуясь этой формулой:

$$v = c \cdot \sin B = 15 \cdot 0,6 = 9 \text{ (м)}.$$

3. Как найти a ? (ответ: по теореме Пифагора: $a^2 = c^2 - v^2$;

$$a = \sqrt{c^2 - v^2} = \sqrt{225 - 81} = \sqrt{144} = 12 \text{ (м)}$$

Дифференцированный подход в обучении

А



Сильные учащиеся

Я, с глубокими, прочными знаниями, умеющие аргументировать, обобщать методы решения задач.

В



Средние учащиеся,

обладающие хорошими знаниями основных фактов, но затрудняющиеся при решении творческих задач.

С



Слабые учащиеся,

обладающие минимум знаний, умений и навыков достаточных для их применения по образцу.

На уроке по изучению нового материала

1

группа
Учащиеся, которые считают, что уже поняли новый материал и могут работать самостоятельно.

2 группа

Те ученики, которые ещё не усвоили новую тему достаточно хорошо.

Самостоятельная и коллективная работа

Урок закрепления изученного материала учащиеся работают по группам

А	В	С
Получают нестандартные или более сложные и объёмные задания.	Задания необязательного уровня.	Задания обязательного уровня.

правило	образец	задания
<p>При доказательстве числовых неравенств надо:</p> <ul style="list-style-type: none"> • Составить разность левой и правой частей и сравнить её с нулём. • Сделать вывод. 	<p>Доказать неравенство: $(2x+3)(2x+1) > 4x(x+2)$.</p> <p>Доказательство:</p> <p>1. Раскроем скобки: $4x^2 + 2x + 6x + 3 > 4x^2 + 8x$; $\underline{4x^2 + 8x + 3} > \underline{4x^2 + 8x}$. Левая часть правая часть</p> <p>2. Составим разность левой и правой частей: $4x^2 + 2x + 6x + 3 - (4x^2 + 8x) > 0$, $4x^2 + 8x + 3 - 4x^2 - 8x > 0$, $3 > 0$.</p> <p>3. Вывод: т.к. разность есть число положительное, то выражение, стоящее в левой части неравенства, больше выражения, стоящего</p>	<p>Доказать неравенство:</p> <p>а) $2(a+1) + a < 3(a+3)$;</p> <p>б) $(x-3)(x-5) < (x-4)^2$;</p> <p>в) $(y+5)^2 - y(y+10) > 0$;</p> <p>г) $(6x-1)(6x+1) < 36^2$;</p> <p>д) $(y-2)(y-3) > y(y-5)$;</p> <p>е) $(x-1)(x-3) > x(x-4)$;</p> <p>ж) $y^2 + 1 > 2(3y-4)$;</p> <p>з) $x^2 + 5 > 10(x-2)$.</p>

Уравнения, содержащие модуль.

Правило

- $a = \begin{cases} a, & \text{если } a \geq 0, \\ -a, & \text{если } a < 0. \end{cases}$
- При решении уравнений, содержащих неизвестное под знаком абсолютной величины нужно: -разбить всю область допустимых значений на интервалы точками, в которых значение модуля равно нулю;- и на каждом из интервалов свести уравнение к обычному алгебраическому.

образец

1. Обязательный уровень. $|3-4x|=3$
 Если $3-4x \geq 0$, тогда $3-4x=3$, если $3-4x < 0$, тогда $3-4x=-3$,

$$-4x=3-3,$$

$$-4x=0,$$

$$x=0,$$

$$-4x=-3-3,$$

$$-4x=-6,$$

$$x=1,5.$$

Ответ: $x=0, x=1,5$.

2. Необязательный уровень. $|2x-5|=x-1$.

Если $2x-5 \geq 0, x \geq 5/2$, если $2x-5 < 0, x < 5/2$.

$X \in (-\infty, 5/2) \cup [5/2, +\infty)$. $2x-5=x-1, 2x-5=-(x-1)$.

$$x=4,$$

$$x=2.$$

значения x принадлежат данному промежутку, значит являются решением. Ответ: $x=2, x=4$.

Уравнения, содержащие модуль.

(Продолжение 11-12 класс)

Образец

задания

Пример 1. $|x-3|-|2x-1|=2$, $|x-3|=0$, $|2x-1|=0$,
 $x=3$, $x=-1/2$.

Область определения: $(-\infty; -1/2) \cup [-1/2; 3) \cup [3; +\infty)$.

а) $(-\infty; -1/2)$: $|x-3|=-x+3$, $|2x+1|=-2x+1$,

УР-Е: $-x+3-(-2x+1)=2$

$$-x+3+2x-1=2$$

$x=-2$, входит в область определения.

б) $[-1/2; 3]$: $|x-3|=-x+3$, $|2x+1|=2x+1$,

УР-Е: $-x+3-2x-1=2$,

$x=0$, входит в область определения.

в) $[3; +\infty)$: $|x-3|=x-3$, $|2x+1|=2x+1$,

УР-Е: $x-3-2x-1=2$,

$x=-6$, не входит в область определения.

Ответ: $x=-2$, $x=0$.

а) $|x|+|x-2|=2$.

б) $|x|=x+2$,

в) $|-x+2|=2x-1$,

г) $|x-1|+|x-2|=1$,

д) $|x-1|+|x+2|-|x-3|=4$,

е) $|3-|x||=|2-x|-3$.