

14 ноября.
Классная работа.

Решение неравенств
методом интервалов.

**Нет силы более могучей, чем
знания:
человек, вооруженный
знаниями непобедим.**

М.

Горький

Цели урока:

- Обучающая:
- закрепление и систематизация знаний при решении неравенств методом интервалов;
- проверить знания, умения, навыки учащихся по теме «Решение неравенств с одной переменной».
- Развивающая:
- развитие устойчивого интереса к предмету;
- развитие логики и мышления.
- Воспитательная:
- воспитание уверенности в своих силах;
- умения владеть собой, выдержки;
- воспитание коллективизма, чувства значимости своей работы.

Проверка домашнего задания

- № 328
- а) $x \in (-48; 37) \cup (42; +\infty)$;
- б) $x \in (-\infty; -0,7) \cup (2,8; 9,2)$.
- № 331
- а) $x \in (-\infty; 18) \cup (19; +\infty)$;
- б) $x \in (-\infty; -0,9) \cup (3,2; +\infty)$;
- в) $x \in [-3; 8,5]$;
- г) $x \in [0,3; 8]$.

- № 335. Верно ли записан ответ?
- а) $x \in [-7; 21]$;
- б) $x \in (-4, 7; 7, 2)$.

Актуализация опорных знаний

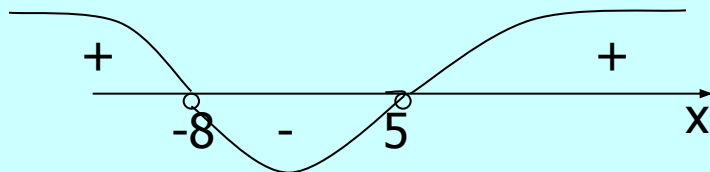
- Рассмотрим функцию $f(x) = (x-x_1)(x-x_2)\dots(x-x_n)$, где x – переменная, числа x_1, x_2, \dots, x_n – нули функции. Область определения функции разбивается нулями на промежутки, в каждом из которых функция сохраняет свой знак, а при переходе через нули ее знак меняется.
- Это свойство используется для решения неравенств $(x-x_1)(x-x_2)\dots(x-x_n) > 0$,
 $(x-x_1)(x-x_2)\dots(x-x_n) < 0$

Повторение

- Решить неравенство $(x+8)(x-5) > 0$, используя метод интервалов.
- 1. Найдем нули функции $y = (x+8)(x-5)$.
 $x+8=0$ или $x-5=0$
 $x=-8$ $x=5$
- 2. Отметим на координатной прямой нули функции $y = (x+8)(x-5)$, т.е. точки -8 и 5 , и укажем знаки функции в образовавшихся промежутках.

$y > 0$ при $x \in (-\infty; -8) \cup (5; +\infty)$.

Ответ: $x \in (-\infty; -8) \cup (5; +\infty)$.



Устная работа

- 1. Разложите на множители выражение:
- а) a^2-169 ; б) $17-d^2$; в) x^3+1 ; г) $x^2+4x-32$
- 2. При каких значениях x имеет смысл выражение:
- а) $\frac{1}{2x-1}$, б) $\frac{1}{x^2+3}$, в) $\sqrt{x+1}$.

Разминка

- 1. Решить неравенство:
- а) $x^2 - \frac{1}{4} \geq 0$; б) $x^2 - 2x > 0$; в) $(x+1)(x+3) \leq 0$;
г) $(3-x)(x+5) > 0$; д) $(2x-3)(x+7) \leq 0$.

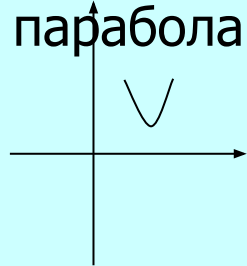


- $x \in [-3; -1]$ Π
- $x \in (-\infty; 0) \cup (2; +\infty)$ C
- $x \in (-\infty; -1/2] \cup [1/2; +\infty)$ Y
- $x \in (-5; 3)$ E
- $x \in [-7; 1,5]$ X

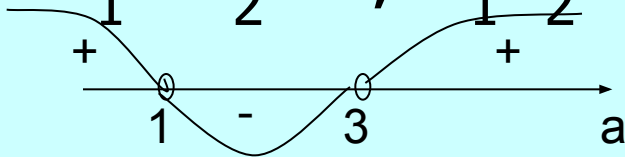
Работа по учебнику

- № 332.
- № 334 в),г).

Задание (готовимся к экзамену по алгебре)

- Найти все значения параметра a , при которых неравенство $x^2+(2a+4)x+8a+1 \leq 0$ не имеет решений.
 - Решение. График функции $y = x^2+(2a+4)x+8a+1$ – парабола, ветви которой направлены вверх. Значит, данное неравенство не имеет решений в том и только том случае, если вся парабола расположена в верхней полуплоскости.
- 
- Отсюда следует, что дискриминант квадратного трехчлена $x^2+(2a+4)x+8a+1$ должен быть отрицателен. Имеем:
 $D_1 = (a+2)^2 - (8a+1) = a^2 - 4a + 3 < 0$.

- Решим квадратное неравенство $a^2 - 4a + 3 < 0$.
- Отметим на координатной прямой нули функции $y = a^2 - 4a + 3 = (a - 1)(a - 3)$
- По теореме обратной теореме Виета $a_1 + a_2 = 4, a_1 a_2 = 3 \Rightarrow a_1 = 1, a_2 = 3$



● Ответ: $1 < a < 3$

Например:

- $a = 2$
- Тогда $x^2 + (2 \cdot 2 + 4)x + 8 \cdot 2 + 1 \leq 0$,
- $x^2 + 8x + 17 \leq 0$.
- $D_1 = 16 - 17 = -1 < 0$
- При $a = 2$ неравенство $x^2 + (2a + 4)x + 8a + 1 \leq 0$ не имеет решений

Подведение итогов

Домашнее задание:

- §2. п15, стр. 88 (алгебра, 9 класс, под ред. С. А. Теляковского)
- № 333
- № 335 а), б)
- Для творчески мыслящих учащихся дополнительное задание:

Найдите все значения параметра a , при которых неравенство $-x^2 + (2a+6)x - 7a - 15 < 0$ выполняется для любых x

Проверка знаний, умений и навыков

● I вариант

а) $(x^2-1)(x+5) \geq 0;$

б) $-(x-1)(5-x)(x+20) > 0$

II вариант

а) $(x^2-4)(x+7) \leq 0;$

б) $-(x-2)(9-x)(x+10) > 0$