



УРОК ГЕОМЕТРИИ В 10 КЛАССЕ

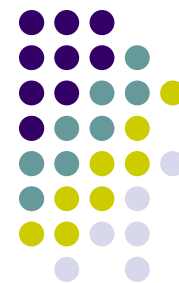
***Разработан учителем
математики МБОУ Гимназии
№5 г. Морозовска Ростовской
области Савиной Н. Б.***



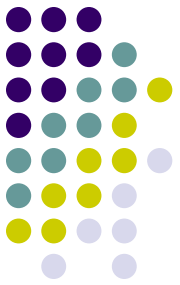
Тема урока:

«ПАРАЛЛЕЛЬНОЕ ПРОЕКТИРОВАНИЕ»

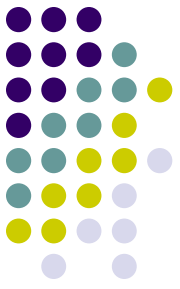
задачи урока:



- 1. Изучить понятия «параллельное проектирование» и его свойства, продолжить формирование навыков работы с чертежными инструментами, в частности, построение изображений пересекающихся, параллельных и скрещивающихся прямых;**
- 2. Продолжить развития абстрактного мышления, пространственного воображения, познавательного интереса.**



В стереометрии изучаются пространственные фигуры, однако на чертеже они изображаются в виде плоских фигур. Каким же образом следует изображать пространственную фигуру на плоскости? Обычно для этого используется параллельное проектирование пространственной фигуры на плоскость.



Точка A' является параллельной проекцией точки A на плоскость π в направлении прямой ℓ . Если точка A принадлежит прямой ℓ , то параллельной проекцией A на плоскость π считается точка пересечения прямой ℓ с плоскостью π . Такое соответствие называется параллельным проектированием. (рис. 1)

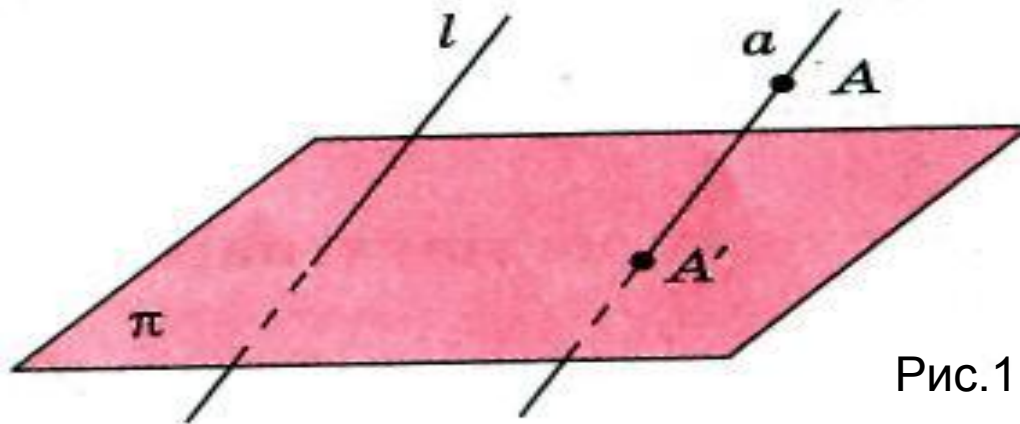
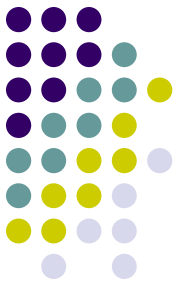
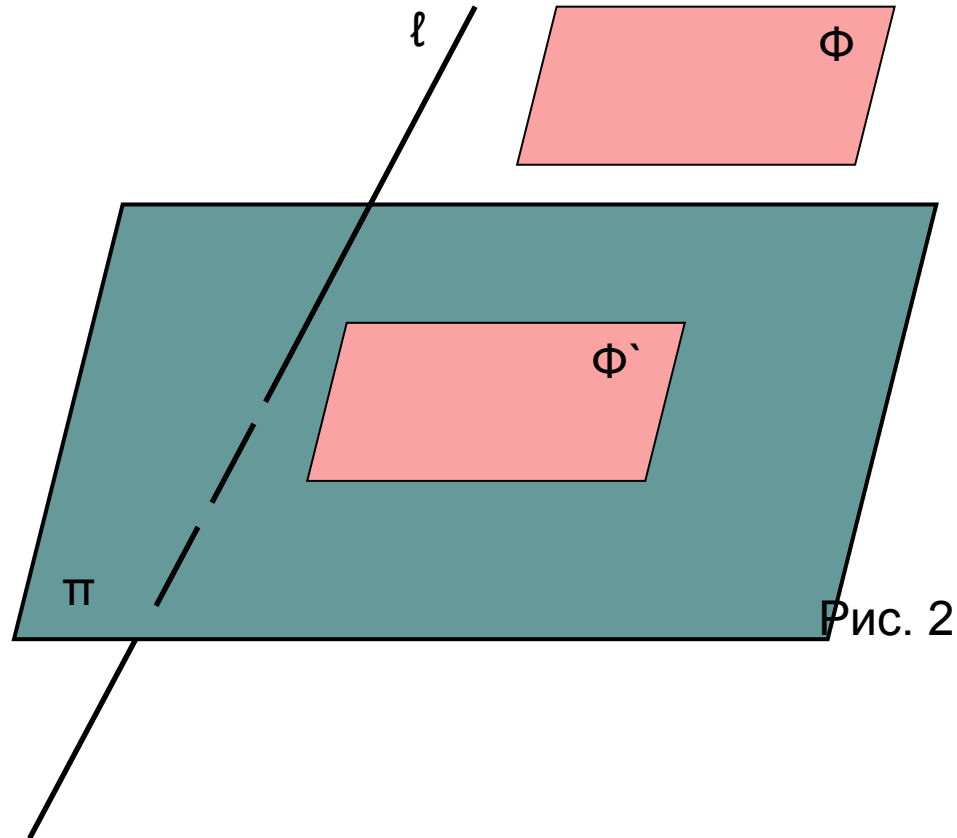


Рис.1



Пусть Φ – некоторая фигура в пространстве.
Проекция её точек на плоскость π образует фигуру Φ' , которая называется параллельной проекцией фигуры Φ на плоскость π в направлении прямой ℓ .
(рис. 2)





Свойство №1. Если прямая параллельна или совпадает с прямой l , то её проекцией в направлении этой прямой является точка. Если прямая не параллельна и не совпадает с прямой l , то её проекцией является прямая. (рис. 3)

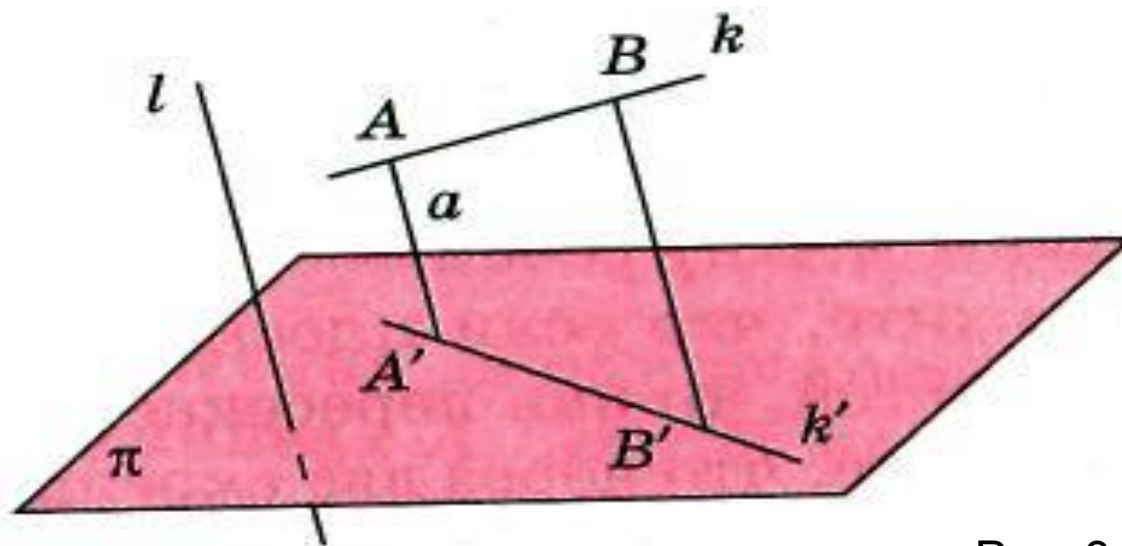
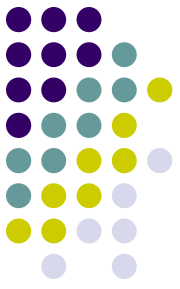


Рис. 3



Свойство №2. Проекция отрезка при параллельном проектировании есть точка или отрезок в зависимости от того, лежит он на прямой, параллельной или совпадающей с прямой l , или нет. Отношение длин отрезков, лежащих на одной прямой, сохраняется. В частности, середина отрезка при параллельном проектировании переходит в середину соответствующего отрезка. (рис. 4)

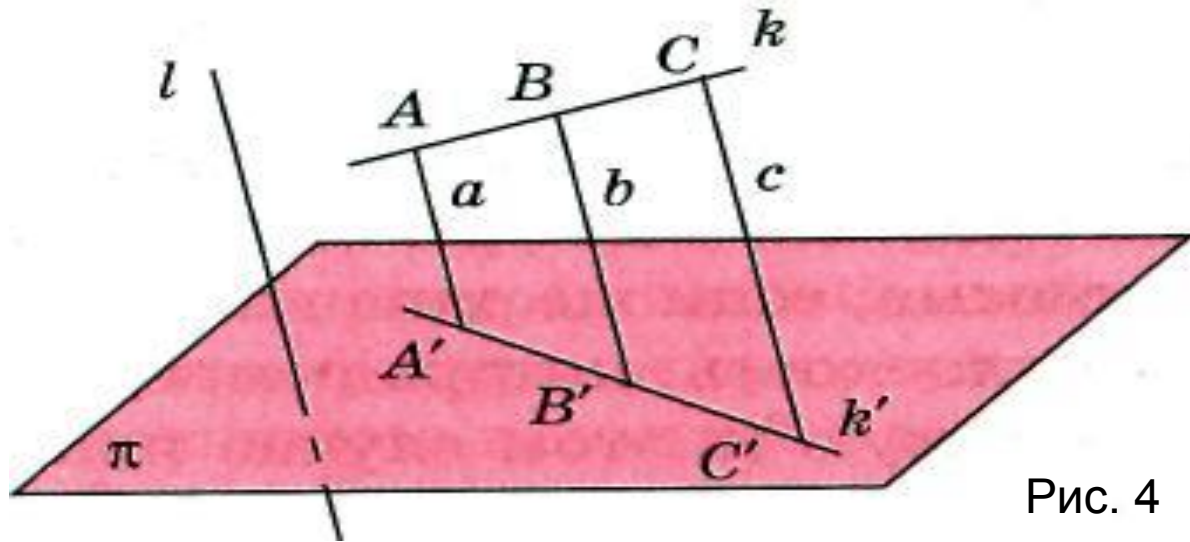
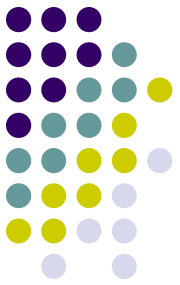


Рис. 4



Свойство №3. Если две параллельные прямые не параллельны прямой l , то их проекции в направлении l могут быть или параллельными прямыми, или одной прямой. (рис. 5)

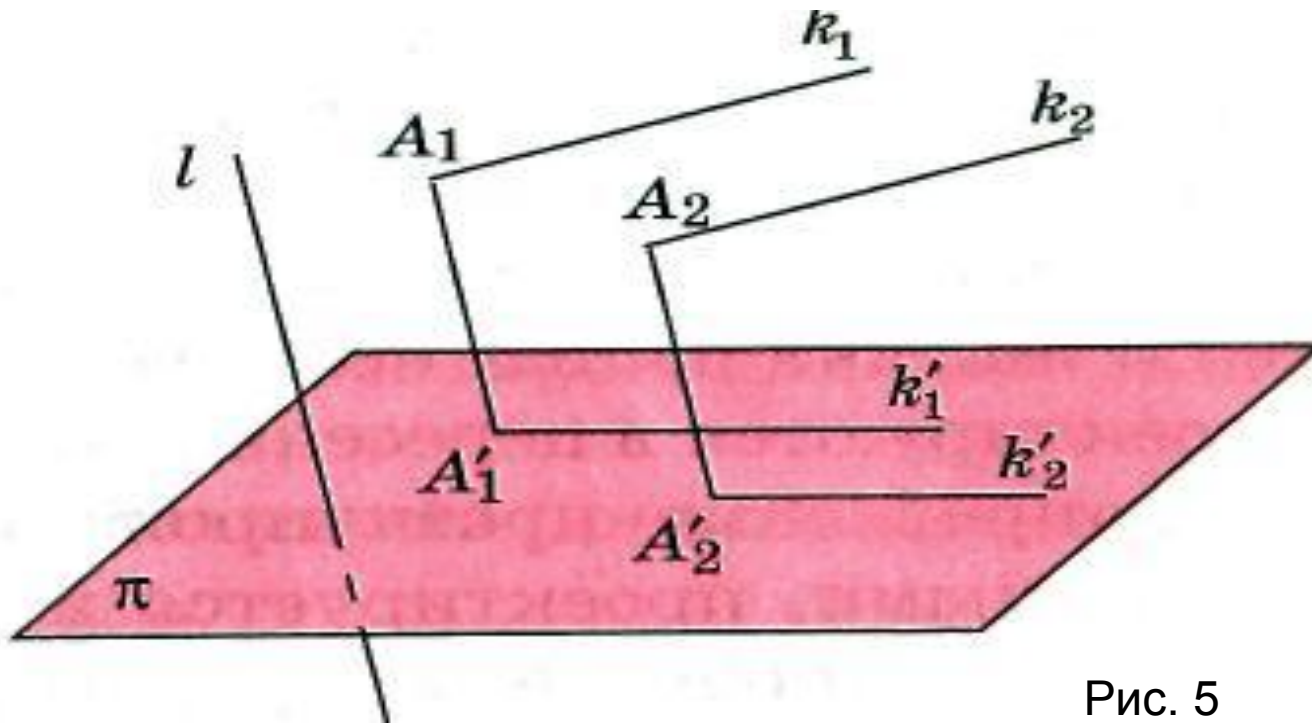


Рис. 5

Пример №1. Как должны быть расположены две прямые, чтобы они проектировались на плоскость в прямую и точку, не принадлежащую этой прямой?

Решение. Рассмотрим все возможные случаи. Если прямые пересекаются и ни одна из них не параллельна направлению проектирования, то они проектируются в пересекающиеся прямые (рис. 6); если же одна из них параллельна направлению проектирования, то плоскость, которая определяется этими прямыми, проектируется в одну прямую (в этом случае плоскость параллельна направлению проектирования). (рис. 7)

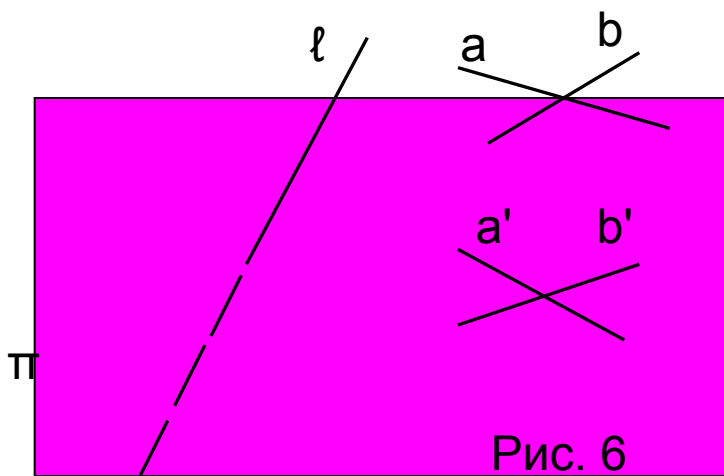
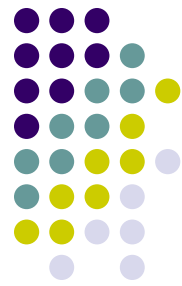


Рис. 6

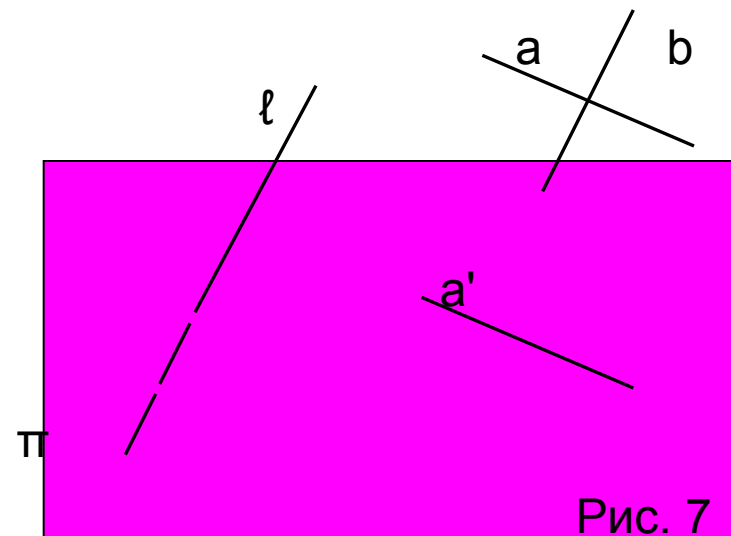
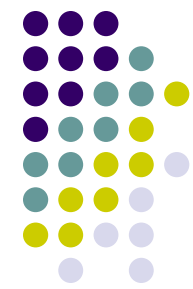
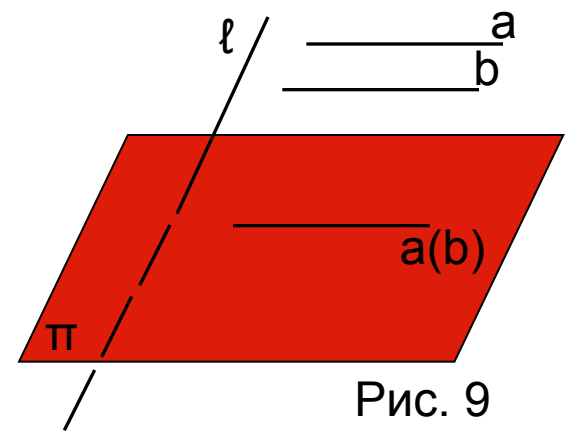
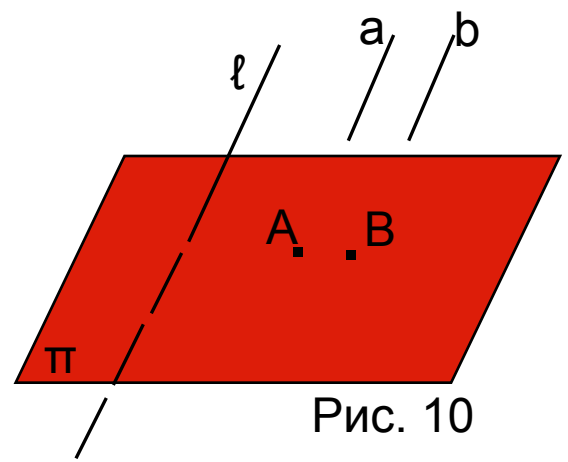
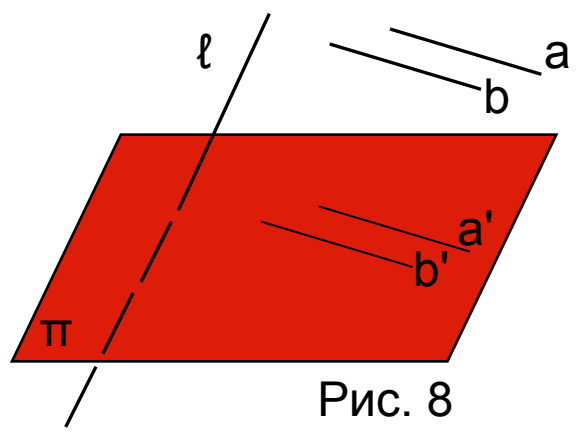


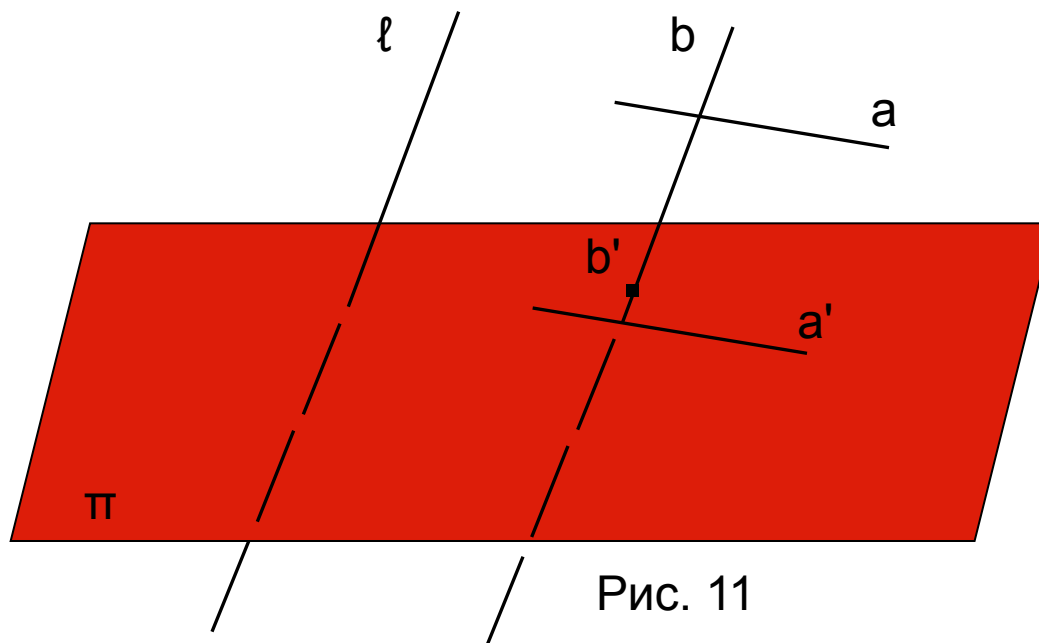
Рис. 7

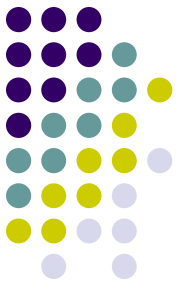


Если прямые параллельны, то они проектируются или в две параллельные прямые (их плоскость не параллельна направлению проектирования) (рис. 8), или в одну прямую (их плоскость параллельна направлению проектирования, но сами они не параллельны направлению проектирования) (рис. 9), или в две точки (прямые параллельны направлению проектирования). (рис. 10)



Если прямые скрещиваются и одна из них параллельна направлению проектирования, то они проектируются соответственно в прямую и не принадлежащую ей точку. (рис.11)



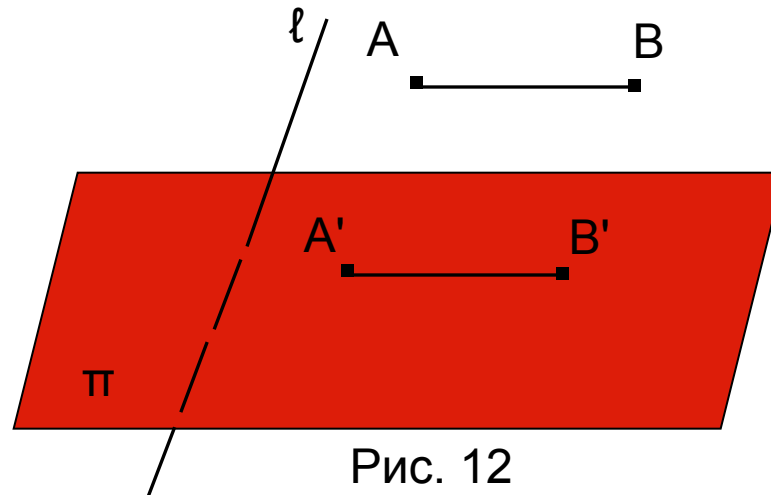


Пример № 2. Отрезок АВ, равный a , параллелен плоскости проектирования. Найди длину его параллельной проекции.

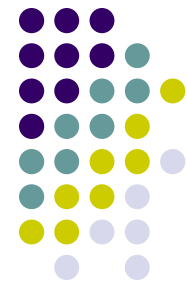
Решение. Пусть параллельными проекциями точек А, В будут соответствовать точки А', В'. Тогда четырехугольник АВВ'А' будет параллелограммом (АА' параллельна ВВ', АВ параллельна А'В').

Следовательно, $АВ=А'В'=a$.

Таким образом, длина параллельной проекции отрезка, лежащего в плоскости, параллельной плоскости проектирования, равна длине отрезка. (рис. 12)



Домашнее задание!!!



- § 7, №1-8 (устно), №9-11 (в рабочих тетрадях);
- § 8, примеры №1;2 (конспект), №1-8 (устно).