ПОКАЗАТЕЛЬНЫЕ УРАВНЕНИЯ



Эта тема не так сложна, как кажется, стоит лишь по-хорошему разобраться в ней, в чем я постараюсь помочь.

ЧТО ЖЕ ТАКОЕ ПОКАЗАТЕЛЬНЫЕ УРАВНЕНИЯ?

Показательные уравнения – это уравнения, в которых неизвестное число находится в показателе степени.

Например: 2^x=4 или 4^{x-1}=1

Чаще всего решение показательных уравнений сводится к решению уравнения $\mathbf{a}^{\mathbf{x}} = \mathbf{a}^{\mathbf{b}}$, где а – заданное число, a>0, a \neq 1, x – неизвестное.

КАК РЕШАТЬ?

Напомню: чаще всего решение показательных уравнений сводится к решению уравнения $\mathbf{a}^{\mathbf{x}} = \mathbf{a}^{\mathbf{b}}$, где а – заданное число, a>0, a \neq 1, x – неизвестное.

Это уравнение можно решить очень просто с помощью свойства степени с одинаковым основанием a>0, a ≠1 равны только когда, когда их показатели равны. (напомнить свойства степени)

```
Попробуем решить уравнение: 4*2^x = 1 запишем уравнение в другом виде 2^2*2^x = 1; теперь, пользуясь свойством степени 2^{2+x} = 1 любое число нулевой степени = 1, значит 2^{2+x} = 2^0 теперь приравниваем показатели 2+x=0 видим, что x=-2
```

Ответ: x=-2

Перейти к практическим заданиям

<Назад

Разобрался>

СВОЙСТВА СТЕПЕНИ

- 1) $a^p a^q = a^{p+q}$
- $(2) (a^p)^q = a^{pq}$
- 3) a^{p} : $a^{q} = a^{p-q}$
- 4) $(ab)^p = a^p b^p$
- $5) \left(\frac{a}{b}\right)^p = \frac{a^p}{b^p}$

ЕЩЕ ПРИМЕР

Решим уравнение

9x-4*3x-45=0

Это уравнение можно решить при помощи замены переменных

Заменим 3^x=t

Получаем

 $t^2-4t-45=0$

Решаем простое квадратное уравнение, получаем корни

 $t_1 = 9, t_2 = -5$

теперь подставим в уравнение 3^x=t получившиеся значения

 $3^{x}=9$

 $3^{x}=3^{2}$

<u>x=2</u>

 $3^{x} = -5$

нет корней.

(показательная функция не может принимать отрицательные значения)

Ответ: x=2

ЕЩЕ ПРИМЕР

```
Решаем уравнение
```

 $2^{x+1}+2^{x-1}+2^x=28$

Вынесем общий множитель 2^x за скобку (пользуясь свойствами степени)

 $2^{x}(2^{1}+2^{-1}+1)=28$

Подсчитаем действие в скобках

 $2^{x} * 3,5 = 28$

Теперь можно разделить обе части уравнения на одно и то же число

 $2^{x} * 3,5 = 28 / : 3,5$

 $2^{x} = 8$

8 представим как 2³

 $2^{x}=2^{3}$

Основания равны. Теперь можно прировнять показатели.

<u>x=3</u>

Ответ: x=3

РЕШАЕМ ВМЕСТЕ

Задание: 3^{x+1} – 2*3^{x-2}=25

Решение: (Некоторые строчки пропущены. Допиши решение.)

$$3^{x+1} - 2*3^{x-2} = 25$$

$$3^{x-2}(3^3-2)=25$$

$$3^{x-2}=1$$

РЕШИ САМ

Теперь, думаю, мы в состоянии сами решить некоторые уравнения. Вот несколько заданий. Реши их и проверь себя сам.

Задание 1:
$$0,3^{3x-2}=1$$

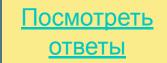
Задание 3:
$$16^x - 17 * 4^x + 16 = 0$$

СЛОЖНЫЕ ЗАДАНИЯ

Задание 4
$$3^{2x+6}=2^{x+3}$$

Задание 5
$$16*9^{x}-25*12^{x}+9*16^{x}=0$$

Задание 6
$$9^{-\sqrt{9-1}} = \frac{1}{2.7}$$



ОТВЕТЫ И РЕШЕНИЯ

Напомню, что бездумно списывать их не стоит. Просто проверь себя после того сам разобрался.

Задание 1

$$0.3^{3x-2} = 1;$$

$$0.3^{3x-2} = 0.3^{0};$$

$$3x-2 = 0;$$

$$x = \frac{2}{3}$$

Задание 2

$$2 \cdot 4^{x} = 64;$$

 $(2^{2})^{x} = 32;$
 $2^{2x} = 2^{5};$
 $2x = 5;$
 $x = 2,5$

Задание 3

$$16^{x} - 17 \cdot 4^{x} + 16 = 0;$$
 $4^{x} = t;$
 $t^{2} - 17t + 16 = 0;$
 $t = 1$ и $t = 16;$
 $4^{x} = 1;$ или $4^{x} = 16;$
 $4^{x} = 4^{0};$ или $4^{x} = 4^{2};$
 $x = 0$ $x = 2;$

PS эти решения не полные. В твоей тетради должно быть написано гораздо подробней.

ОТВЕТЫ И РЕШЕНИЯ

Напомню, что бездумно списывать их не стоит. Просто проверь себя после того сам разобрался.

Задание 4

$$3^{2x+6} = 2^{x+3};$$

$$3^{2(x+3)} = 2^{x+3};$$

$$9^{x+3} = 2^{x+3};$$

$$\left(\frac{9}{2}\right)^{x+3} = \left(\frac{9}{2}\right)^{0};$$

$$x+3=0;$$

$$x=-3;$$

Задание 5

$$\begin{aligned} &16 \cdot 9^{x} - 25 \cdot 12^{x} + 9 \cdot 16^{x}; \\ &16 \cdot \left(\frac{9}{16}\right)^{x} - 25\left(\frac{3}{4}\right)^{x} + 9 = 0; \\ &\left(\frac{3}{4}\right)^{x} = t; \\ &16t^{2} - 25t + 9 = 0; \\ &t_{1} = 1; \\ &\left(\frac{3}{4}\right)^{x} = 1; \\ &\left(\frac{3}{4}\right)^{x} = \left(\frac{3}{4}\right)^{x}; \\ &x_{1} = 0; \\ &x_{2} = 2 \end{aligned}$$

Задание 6

$$9^{-\sqrt{x-1}} = \frac{1}{27};$$

$$3^{-2\sqrt{x-1}} = 3^{-3};$$

$$-2\sqrt{x-1} = -3;$$

$$\sqrt{x-1} = 1,5;$$

$$x-1=2,25;$$

$$x=3,25;$$

PS эти решения не полные. В твоей тетради должно быть написано гораздо подробней.

ПОДЫТОЖИМ

Мы научились решать показательные уравнения. Думаю, не стоит напоминать, что теорию надо выучить. С практикой же поступим так: просто возьми свой учебник и порешай задания, либо подойди к учителю и возьми задание.

Я все понял. Знаю теорию. Умею решать показательные уранения.

Ни чего не понял.