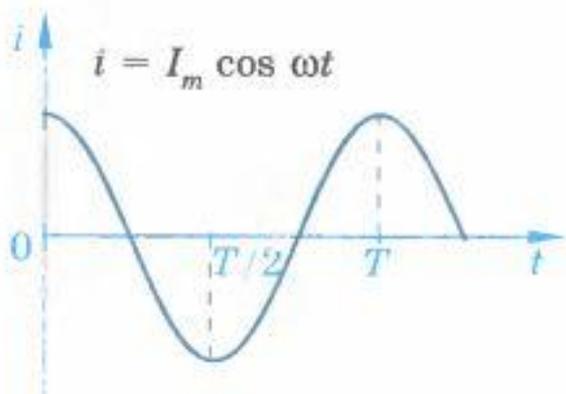


Колебательный контур в цепи переменного тока

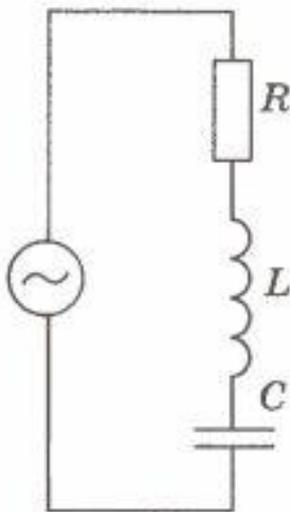


Сегодня четверг, 30 августа 2012 г.

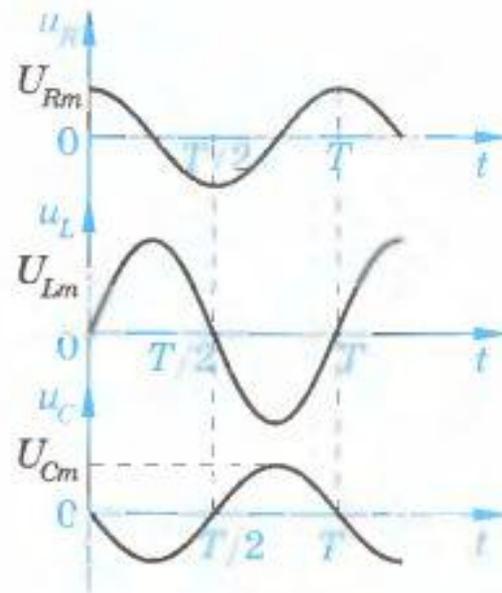
Вынужденные электромагнитные колебания в колебательном контуре



а)



б)



в)

- Колебательный контур в цепи переменного тока: а) график изменения силы тока; б) схема включения; в) графики напряжений на элементах цепи

Вынужденные электромагнитные колебания в колебательном контуре

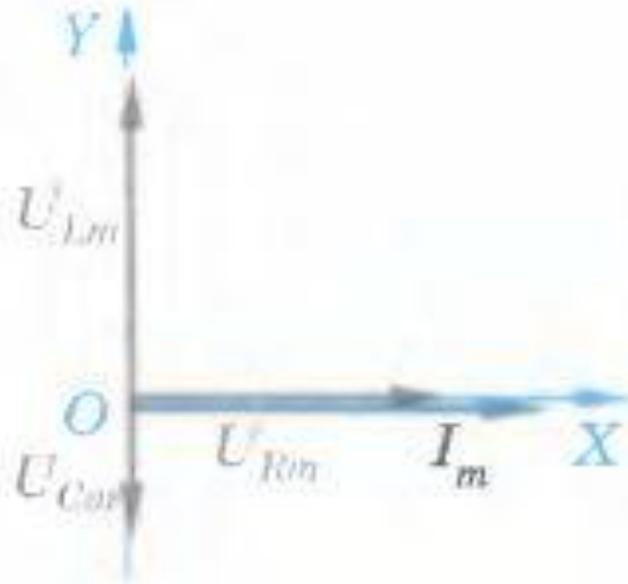
$$i = I_m \cos \omega t.$$

$$Z = \frac{U_m}{I_m}.$$

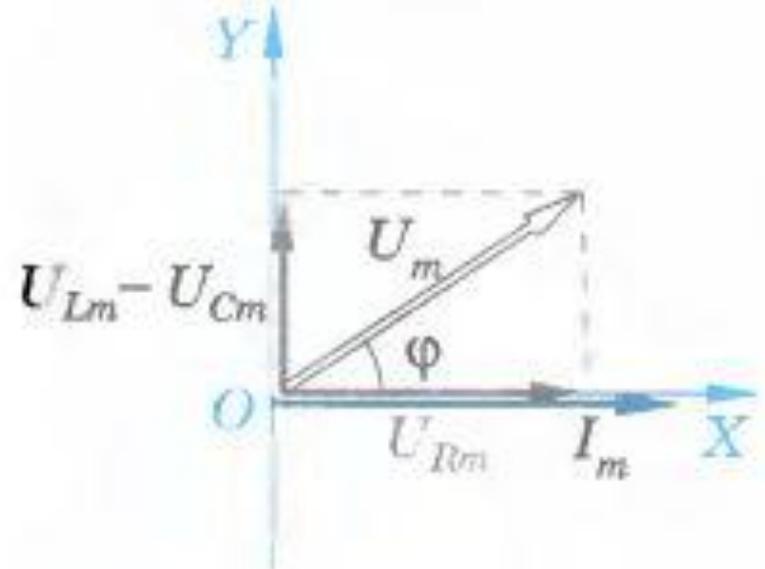
$$u = u_R + u_L + u_C.$$

• В любой момент времени мгновенное значение приложенного напряжения равно сумме мгновенных значений напряжений на последовательно включенных элементах цепи: резисторе u_R , катушке индуктивности u_L и конденсаторе u_C

Векторная диаграмма для колебательного контура



а)



б)

а) напряжения на элементах; б) напряжение, приложенное к контуру

Вынужденные электромагнитные колебания в колебательном контуре

$$u_R = U_{Rm} \cos \omega t,$$
$$U_{Rm} = I_m R.$$

$$U_m = \sqrt{U_{Rm}^2 + (U_{Lm} - U_{Cm})^2}.$$

$$u_L = U_{Lm} \cos (\omega t + \pi/2),$$
$$U_{Lm} = I_m X_L = I_m \omega L.$$

$$U_m = I_m \sqrt{R^2 + \left(\omega L - \frac{1}{\omega C} \right)^2}.$$

$$u_C = U_{Cm} \cos (\omega t - \pi/2),$$
$$U_{Cm} = I_m X_C = I_m \frac{1}{\omega C}.$$

$$u = U_m \cos (\omega t + \varphi),$$

Вынужденные электромагнитные колебания в колебательном контуре

$$\varphi = \operatorname{arctg} \frac{\omega L - 1/(\omega C)}{R}.$$

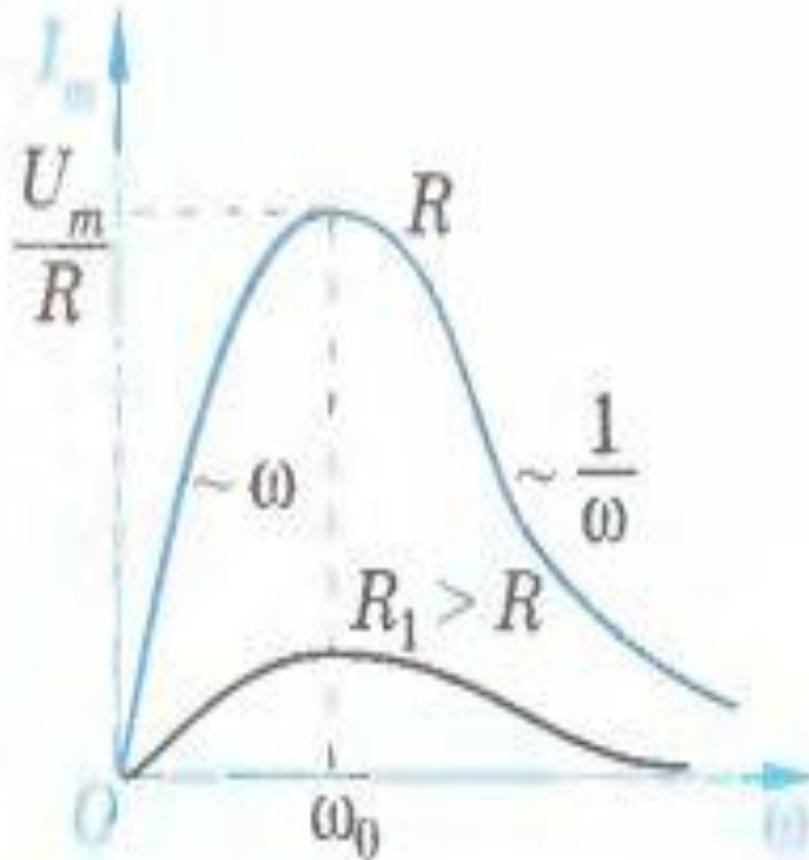
$$\omega L = \frac{1}{\omega C}.$$

$$Z = \frac{U_m}{I_m} = \sqrt{R^2 + \left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)^2}.$$

$$\omega = \frac{1}{\sqrt{LC}} = \omega_0.$$

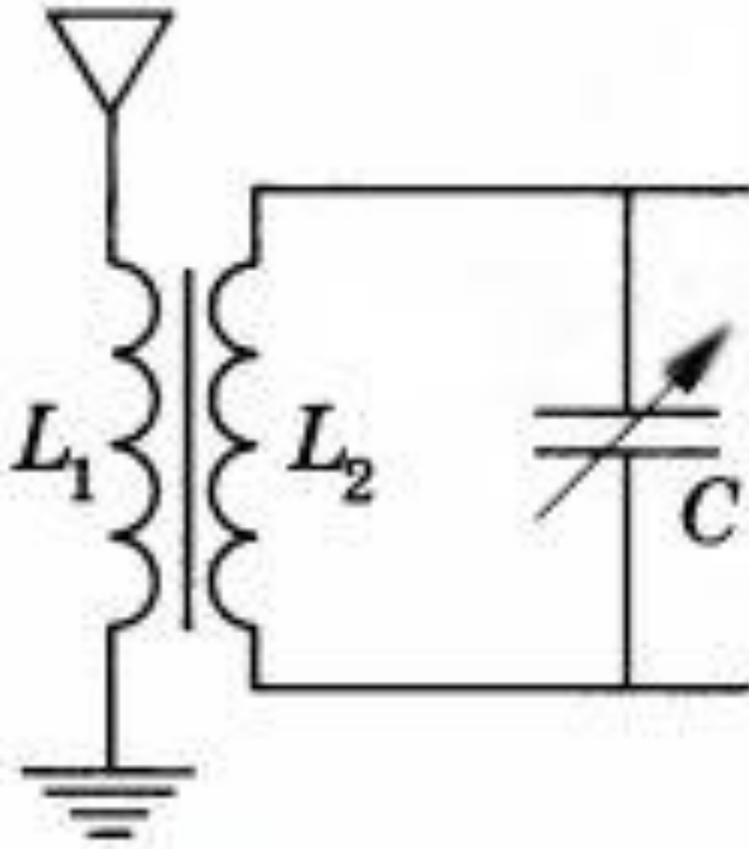
$$I_m = \frac{U_m}{Z} = \frac{U_m}{\sqrt{R^2 + \left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)^2}}.$$

Резонанс в колебательном контуре



Резонанс в колебательном контуре — физическое явление резкого возрастания амплитуды колебаний силы тока в контуре при совпадении частоты вынужденных колебаний с частотой собственных колебаний в нем.

Применение резонанса в колебательном контуре



Явление резонанса широко используется в радиотехнике: в схемах настройки радиоприемников, усилителей, генераторов высокочастотных колебаний. Колебательный контур служит для выделения сигнала требуемой частоты в схеме настройки радиоприемника на нужную станцию, ведущую передачи на определенной частоте ω_0 .

Вопросы

- 1. Какова зависимость от времени напряжения на катушке индуктивности и конденсаторе в колебательном контуре, если напряжение на резисторе изменяется с течением времени по закону $u_L = U_{Lm} \cos \omega t$?

Ответ

Напряжение на катушке индуктивности:

$$u_L = U_{Lm} \cos (\omega t + \pi/2), U_{Lm} = I_m X_L = I_m \omega L.$$

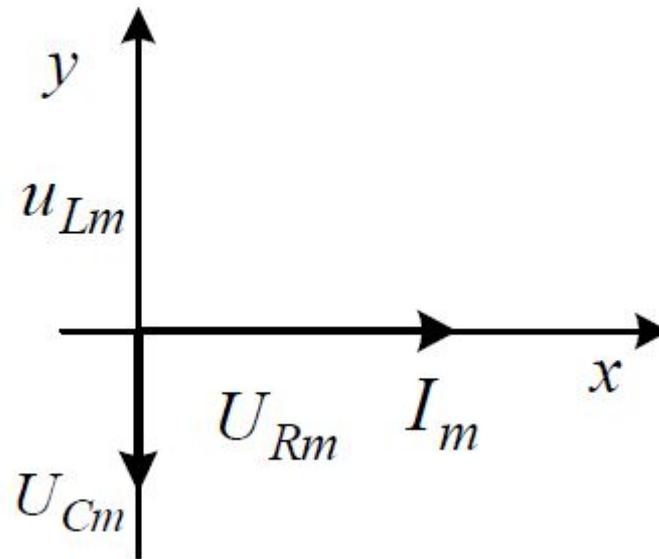
Напряжение на конденсаторе:

$$u_C = U_{Cm} \cos (\omega t - \pi/2), U_{Cm} = I_m X_C = I_m / \omega C.$$

Вопросы

- 2. Изобразите на векторной диаграмме векторы, соответствующие колебаниям силы тока I_{mT} и напряжений на элементах контура L , C , R .

Ответ



Вопросы

- 3. Как полное сопротивление колебательного контура переменному току зависит от частоты тока и параметров контура L , C , R ?

3. Полное сопротивление колебательного контура:

$$Z = U_m / I_m = \sqrt{R^2 + \left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)^2} = \sqrt{R^2 + (\omega L - 1 / \omega C)^2}.$$

Вопросы

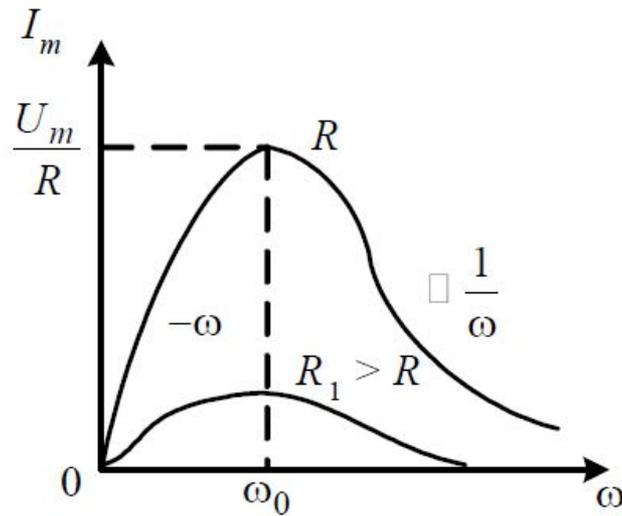
•4. Охарактеризуйте явление резонанса в колебательном контуре. Как используется явление резонанса в радиотехнике?

Ответ

Резонанс в колебательном контуре – это физическое явление резкого возрастания амплитуды колебаний тока в контуре, если частота вынужденных колебаний совпадает с частотой собственных колебаний в контуре. Оно используется в схемах настройки усилителей, радиоприемников, генераторов высокочастотных колебаний

вопросы

- 5. Нарисуйте резонансную кривую при двух различных значениях активного сопротивления.



задачи

1. Колебательный контур включен в сеть переменного напряжения Действующее значение напряжения на конденсаторе $U_C = 100$ В, на катушке индуктивности $U_L = 60$ В, на резисторе $U_R = 30$ В. Найдите действующее значение напряжения сети **[50 В]**

Дано:

$$U_C = 100 \text{ В}$$

$$U_L = 60 \text{ В}$$

$$U_R = 30 \text{ В}$$

$$U = ?$$

Решение:

$$U_m = \sqrt{U_{Rm}^2 + (U_{Lm} - U_{Cm})^2} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow U = \sqrt{U_R^2 + (U_L - U_C)^2} = \sqrt{900 + (60 - 100)^2} =$$
$$= 50 \text{ В}$$

Ответ: $U = 50$ В.

задачи

2. Колебательный контур состоит из конденсатора с емкостным сопротивлением $x_C = 2,5$ кОм и катушки индуктивности, индуктивное сопротивление которой $x_L = 2$ кОм. Найдите полное сопротивление контура. **[500 Ом]**

Дано:

$$x_C = 2,5 \text{ кОм}$$

$$x_L = 2 \text{ кОм}$$

$$Z = ?$$

Решение:

$$Z = x_L - x_C = 0,5 \text{ кОм}$$

Ответ: $Z = 500 \text{ Ом}$.

задачи

3. Колебательный контур, подключенный к генератору, содержит резистор, сопротивление которого $R = 5 \text{ Ом}$, катушку индуктивностью $L = 5 \text{ Гн}$ и конденсатор. Определите емкость конденсатора, при которой в контуре при частоте 1 кГц возникает резонанс. Найдите показание амперметра (включенного в сеть) при резонансе, если действующее напряжение на генераторе 220 В **[0,5 мкФ; 44 А]**

Дано:

$$R = 5 \text{ Ом}$$

$$L = 5 \text{ Гн}$$

$$\nu = 1 \text{ кГц} = 10^3 \text{ Гц}$$

$$U = 220 \text{ В}$$

$C = ?$

Решение:

$$\nu = \frac{2\pi}{\sqrt{LC}} \Rightarrow C = \frac{4\pi^2}{\nu^2 L} = \frac{4 \cdot (3,14)^2}{10^6 \text{ Гц} \cdot 5 \text{ Гн}} = 8 \cdot 10^{-6} \text{ Ф}$$

$$I = U / Z = U \sqrt{R^2 + (\omega L - 1/(\omega C))^2} =$$

$$= U / R = \frac{220 \text{ В}}{5 \text{ Ом}} = 44 \text{ А.}$$

Ответ: $C = 8 \text{ мкФ}$; $I = 44 \text{ А}$.

задачи

4. Электрическая цепь состоит из катушки индуктивностью $L = 0,2$ Гн, конденсатора емкостью $C = 0,1$ мкФ и резистора сопротивлением $R = 367$ Ом. Найдите индуктивное сопротивление x_L , емкостное сопротивление x_C и полное сопротивление контура Z при частоте тока $\nu = 1$ кГц. **$[x_L = 1,26$ кОм; $x_C = 1,6$ кОм; $Z = 500$ Ом]**

Дано:

$$L = 0,2 \text{ Гн}$$

$$C = 0,1 \text{ мкФ} = 10^{-7} \text{ Ф}$$

$$R = 367 \text{ Ом}$$

$$\nu = 1 \text{ кГц} = 10^3 \text{ Гц}$$

$$x_L; x_C; Z - ?$$

Решение:

$$\omega = 2\pi\nu = 6,28 \text{ кГц}$$

$$\text{Тогда } x_L = \omega L = 1,26 \text{ кОм}$$

$$x_C = 1/(\omega C) = 1,6 \text{ кОм}$$

$$Z = \sqrt{R^2 + (\omega L - 1/(\omega C))^2} =$$

$$= \sqrt{1346890 \text{ Ом}^2 + (1,26 \cdot 10^3 \text{ Ом} - 1,6 \cdot 10^3 \text{ Ом})^2} =$$
$$= 500 \text{ Ом}$$

Ответ: $x_L = 1,26$ кОм; $x_C = 1,6$ кОм; $Z = 500$ Ом

Задача ЕГЭ

A16. Чтобы увеличить период электромагнитных колебаний в идеальном колебательном контуре в 2 раза, достаточно емкость конденсатора в контуре

1) увеличить в 2 раза

2) уменьшить в 2 раза

3) увеличить в 4 раза

4) уменьшить в 4 раза

Задача ЕГЭ



Задача ЕГЭ

A16. В момент $t = 0$ энергия конденсатора в идеальном колебательном контуре максимальна и равна E_0 . Через четверть периода колебаний энергия катушки индуктивности в контуре равна

1) E_0

2) $0,5E_0$

3) $0,25E_0$

4) 0

Задача ЕГЭ

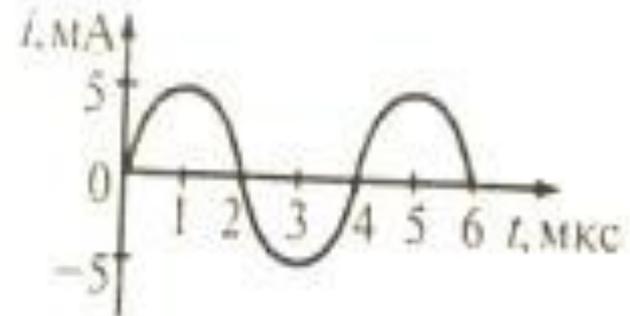
A16. На рисунке приведен график гармонических колебаний тока в колебательном контуре. Если катушку в этом контуре заменить на другую катушку, индуктивность которой в 4 раза меньше, то период колебаний будет равен

1) 1 мкс

2) 2 мкс

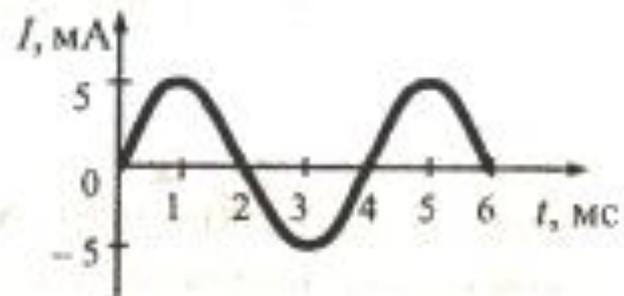
3) 4 мкс

4) 8 мкс



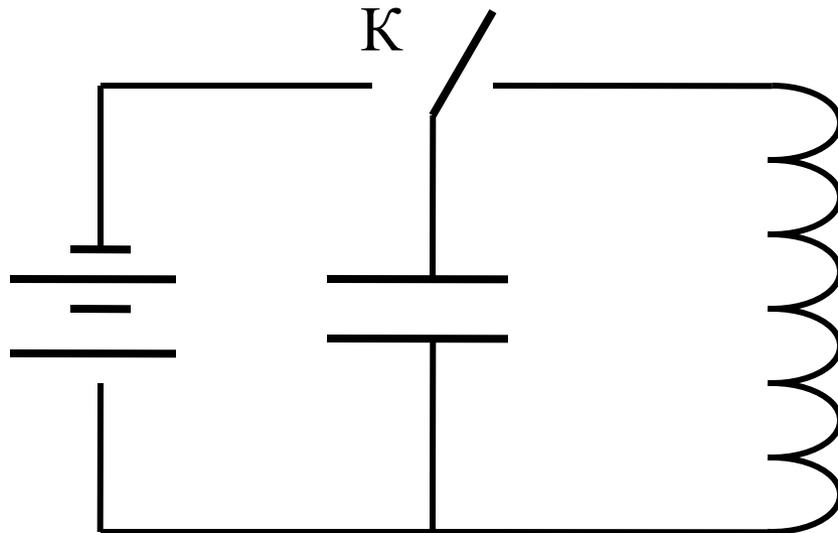
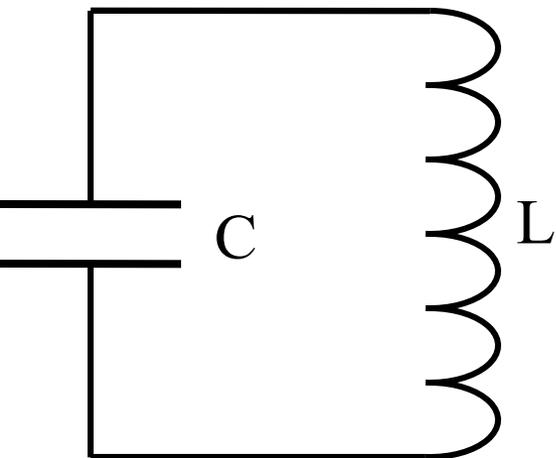
Задача ЕГЭ

A24. На рисунке приведён график зависимости силы тока от времени в колебательном контуре, состоящем из последовательно соединённых конденсатора и катушки, индуктивность которой равна $0,2$ Гн.



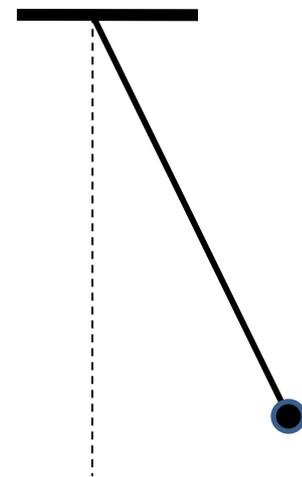
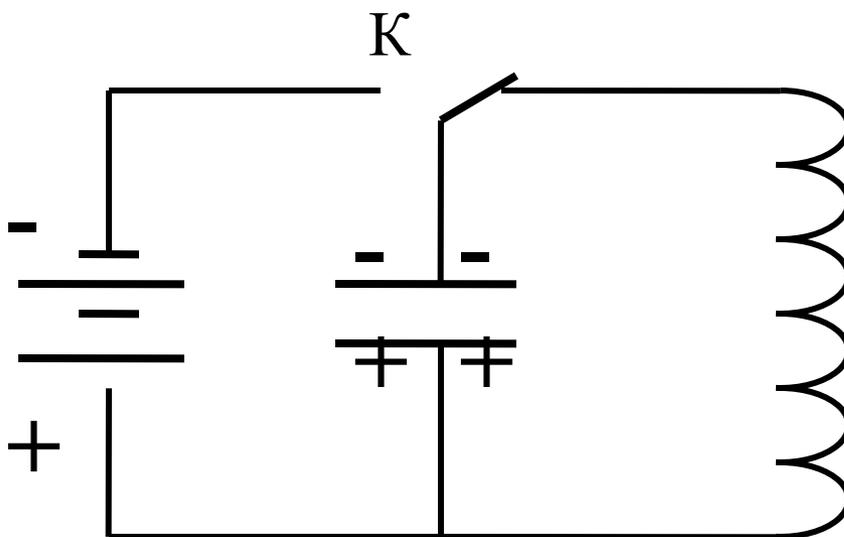
Максимальное значение энергии магнитного поля катушки равно

- 1) $2,5 \cdot 10^{-6}$ Дж 2) $5 \cdot 10^{-6}$ Дж 3) $5 \cdot 10^{-4}$ Дж 4) 10^{-3} Дж

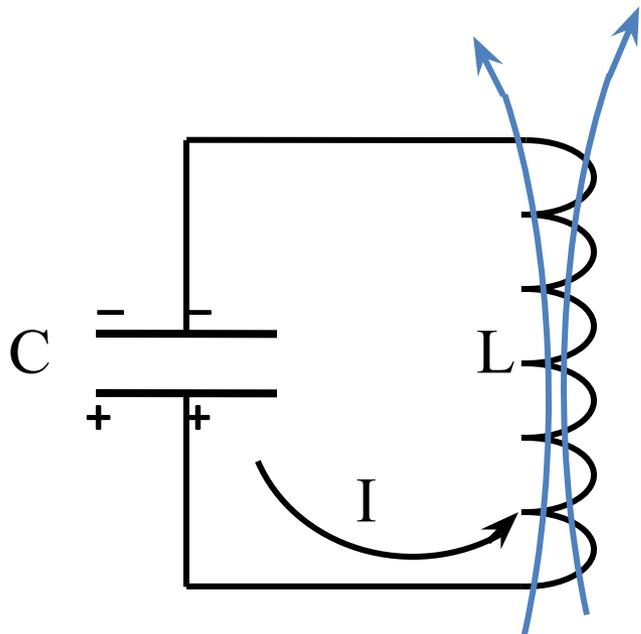


$q = \max$

$W_{эл} = \max$



$t = 0 - \frac{1}{4} T$



$t = 0: q = \max$

$W_{\text{эл}} = \max.$

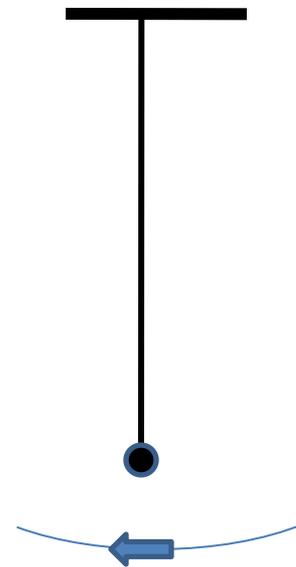
$t = 0 - \frac{1}{4} T$

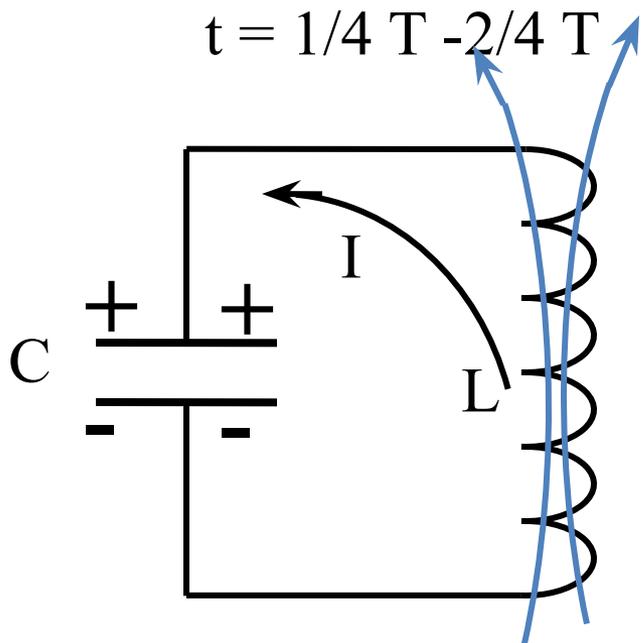
$I \uparrow \quad q \downarrow \quad W_{\text{эл}} \downarrow \quad W_{\text{м}} \uparrow$

$t = \frac{1}{4} T$

$I = \max \quad W_{\text{м}} = \max$

$q = 0 \quad W_{\text{эл}} = 0$

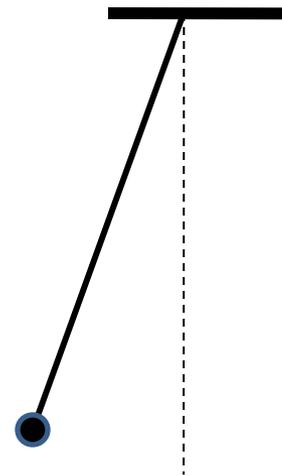


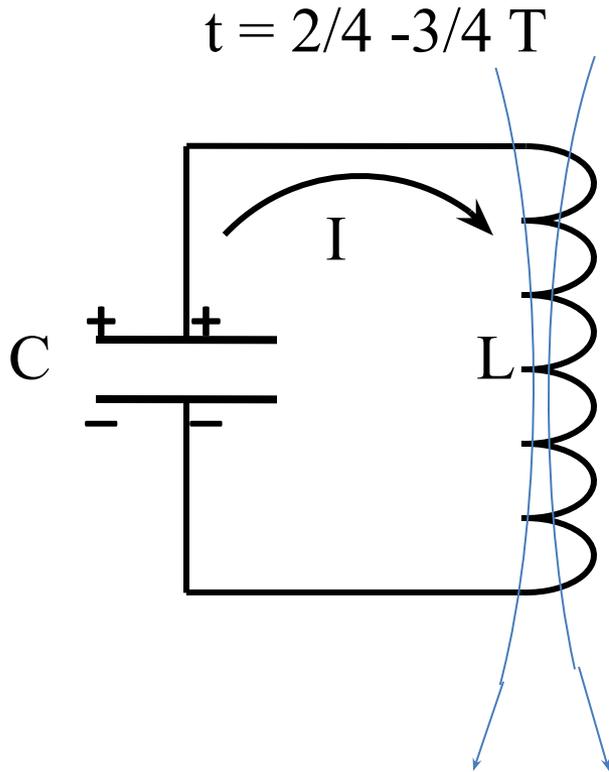


$t = 1/4 T$
 $I = \max \quad W_M = \max$
 $q = 0 \quad W_{эл} = 0$

$t = 1/4 T - 2/4 T$
 $I \downarrow \quad W_M \downarrow \quad q \uparrow \quad W_{эл} \uparrow$

$t = 2/4 T$
 $I = 0 \quad W_M = 0$
 $q = -\max \quad W_{эл} = \max$





$t = 2/4 T$

$I = 0 \quad W_M = 0$

$q = -\max \quad W_{эл} = \max$

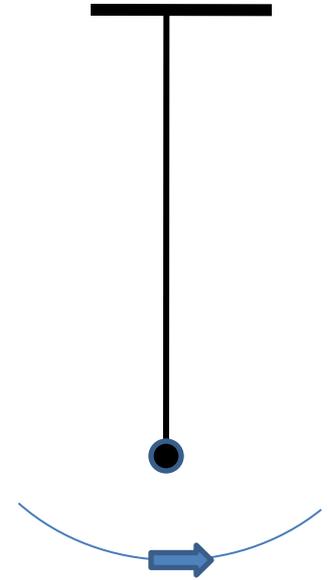
$t = 2/4 - 3/4 T$

$I \uparrow \quad q \downarrow \quad W_{эл} \downarrow \quad W_M \uparrow$

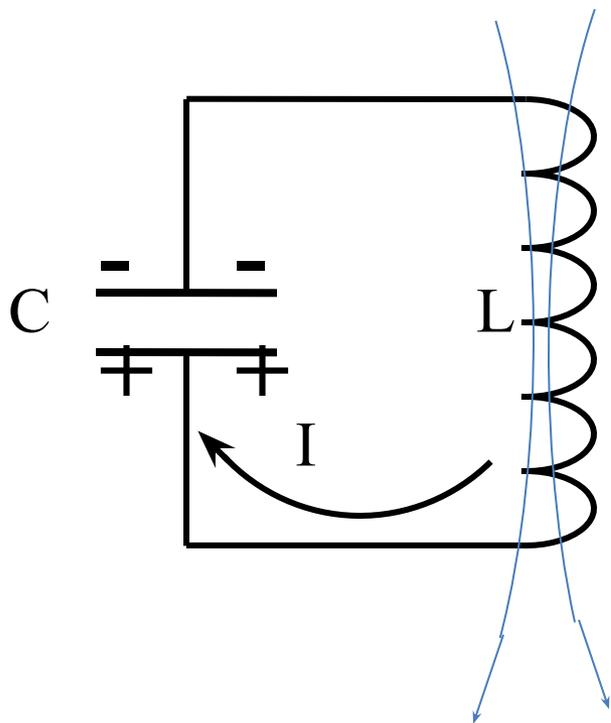
$t = 3/4 T$

$I = -\max \quad W_M = \max$

$q = 0 \quad W_{эл} = 0$



$$t = 3/4 T - 4/4 T$$



$$t = 3/4 T$$

$$I = -\max \quad W_M = \max$$

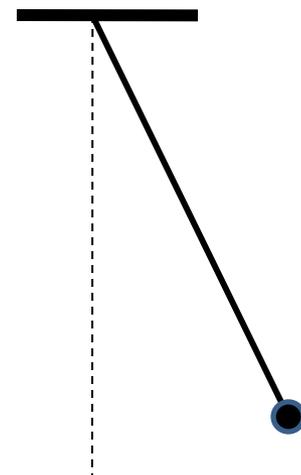
$$q = 0 \quad W_{\text{эл}} = 0$$

$$t = 3/4 T - 4/4 T$$

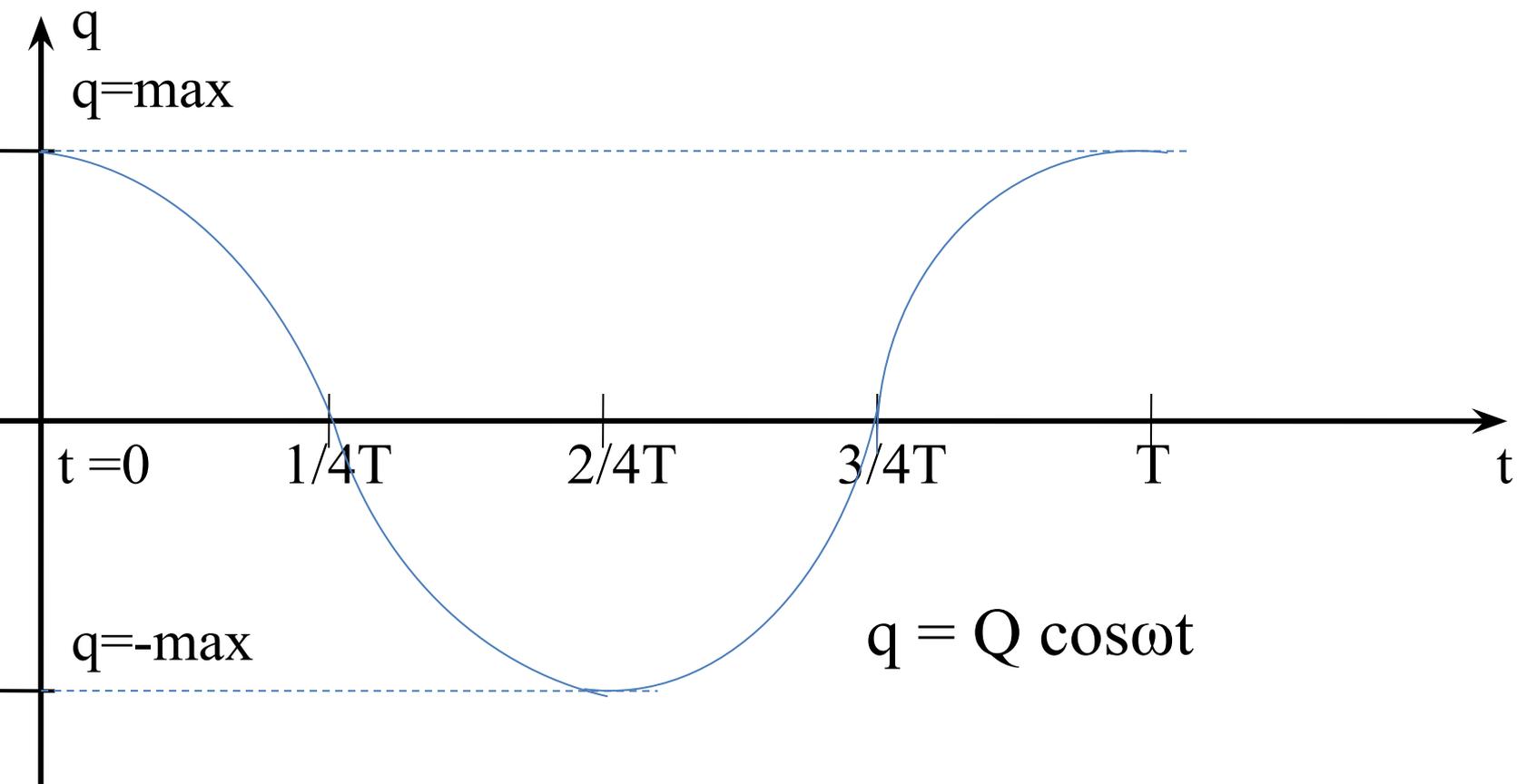
$$I \downarrow \quad W_M \downarrow \quad q \uparrow \quad W_{\text{эл}} \uparrow$$

$$t = 4/4 T = T$$

$$q = \max \quad W_{\text{эл}} = \max$$



$t = 0$	$1/4T$	$2/4T$	$3/4T$	T
$q = \max$	0	$- \max$	0	\max



$t = 0$	$1/4T$	$2/4T$	$3/4T$	T
$q = \text{max}$	0	$-\text{max}$	0	max
$I = 0$	max	0	$-\text{max}$	0

