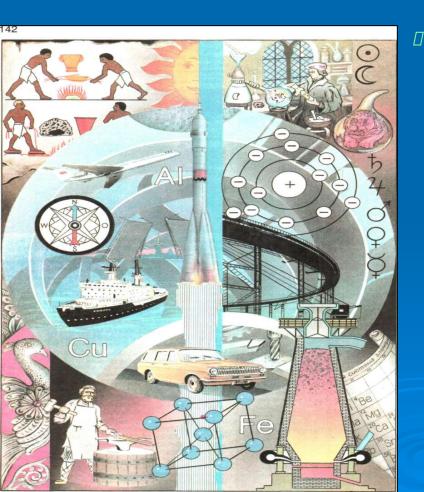
«Задачи на концентрацию, сплавы, смеси и разбавление»



«Недостаточно лишь понять задачу, необходимо желание решить её. Без сильного желания решить трудную задачу невозможно, но при наличии такового – возможно. Где есть желание, найдётся путь!»

🛛 Д. Пойя

Погодина Т.В., учитель математики МБОУ г.Мурманска СОШ № 42

«Это дело житейское...» Карлсон

Торговец продает орехи двух сортов: одни по **90** р. за кг, а другие – по <u>60</u> р. за кг. Он хочет получить **50 кг** смеси по **72** р. за кг. Сколько для этого потребуется орехов каждого сорта?



Терминология

- □ Масса сплава (смеси) *т*_{смеси}
- \square Количество чистого вещества в сплаве (смеси) $m_{q_1-\theta-\theta}a$
- Концентрация (процентное содержание или массовая доля в химии)

Масса сплава х концентрация = масса чистого вещества

$$\frac{m_{u. \quad B-Ba}}{m_{cnлaBa}} = p$$

$$m_{cn\pi a b a} = \frac{m_{\eta. \quad b-ba}}{p}$$

$$m_{u.}$$
 $_{\theta-\theta a}=m_{cnna\theta a}\times p$

Способы решения задач

- 1) Арифметический
- 2) С помощью уравнения:
 - а) линейного
 - б)квадратного
- 3) С помощью системы уравнений
- 4) С помощью формулы:

$$m_1 \times p_1 + m_2 \times p_2 = (m_1 + m_2) \times p$$

Пример

Найти процентное содержание олова в сплаве, полученном из двух кусков массой m_1 кг и m_2 кг, если известно, что первый содержит p_1 % олова, второй p_2 % олова.

$$m_1 \times \frac{p_1}{100} + m_2 \times \frac{p_2}{100} = (m_1 + m_2) \times \frac{p}{100} | \times 100$$

$$m_1 \times p_1 + m_2 \times p_2 = (m_1 + m_2) \times p$$
 $p - ?$

$$m_1 \times p_1 + m_2 \times p_2 = (m_1 + m_2) \times p$$

$$m_{2} = m_{1} \times \frac{p - p_{1}}{p_{2} - p}$$

$$\frac{m_{1}}{m_{2}} = \frac{p - p_{2}}{p_{1} - p}$$

$$p = \frac{m_{1} \times p_{1} + m_{2} \times p_{2}}{m_{1} + m_{2}}$$

Добавление чистого вещества $p_2 = 100\%$ Добавление сплава, не содержащего это вещество $p_2 = 0\%$ При сплавлении нет потери массы

Задача из «Всеобщей арифметики» И. Ньютона.

Даны плотности двух веществ и их смеси. В каком отношении (по объёму) смешаны эти вещества?

□ Из курса физики известно, что:

$$m = \rho \times V$$

где т- масса в-ва,

ho - плотность в-ва,

т - объём в-ва.

$$m_1 \times p_1 + m_2 \times p_2 = (m_1 + m_2) \times p$$
 $V_1 \times \rho_1 + V_2 \times \rho_2 = (V_1 + V_2) \times \rho$

$$\frac{V_1}{V_2} = \frac{p_2 - p}{p - p_1}$$

□ Даны два куска с различным $p_1 m_1 + p_2 m_2$ содержанием олова. Первый, $m_1 + m_2$ массой **300 г**, содержит **20%** олова. Второй, массой **200 г**, содержит **40%** олова. Сколько процентов будет содержать сплав, полученный из этих кусков?

Имеются два куска сплава олова и свинца. Первый, массой 300 г, содержит 60% олова, второй содержит 40% олова. Сколько граммов от второго куска нужно

добавить к первому, чтобы получить сплав с содержанием олова 56%?

$$m_2 = m_1 \times \frac{p - p_1}{p_2 - p}$$

□ Имеются два куска сплавов, содержащих 40% и 60% олова. В каком отношении (по массе) нужно сплавить части этих кусков, чтобы получить сплав с 45%-м содержанием олова?

$$rac{m_1}{m_2} = rac{p-p_2}{p_1-p}$$
 или $rac{m_1}{m_2} = rac{p_2-p}{p-p_1}$

Разные задачи

(Олимпиадные,ОГЭ, ЕГЭ)

ЕГЭ

В колбе было 200г восьмидесятипроцентного спирта. Провизор отлил из колбы некоторое количество этого спирта и затем добавил в нее столько же воды, чтобы получить шестидесятипроцентный спирт. Сколько граммов воды добавил провизор?

$$m_1 imes p_1 - m_2 imes p_2 + m_2 imes p_3 = (m_1 - m_2 + m_2) imes p$$
 $200 imes 80 - m_2 imes 80 + m_2 imes 0 = 200 imes 60$
 $80 imes (200 - m_2) = 200 imes 60$
 $m_2 = 200 - \frac{200 imes 60}{80}$
 $m_2 = 50$ Ответ: 50г воды добавил провизор.

Сколько килограммов воды нужно выпарить из 0,5 т целлюлозной массы, содержащей 85% воды, чтобы получить массу с содержанием 75% воды?

$$0.5m = 500\kappa 2$$

$$m_1 \times p_1 - m_2 \times p_2 = (m_1 - m_2) \times p$$

$$500 \times 85 - m_2 \times 100 = (500 - m_2) \times 75$$

$$m_2 = 200$$

Ответ: 200кг воды выпарить

5 литров сливок с содержанием жира 35% смешали с 4 литрами 20%-ых сливок и к смеси добавили 1 литр чистой воды. Какой жирности получилась смесь?

$$m_1 \times p_1 + m_2 \times p_2 + m_3 \times p_3 = (m_1 + m_2 + m_3) \times p$$

 $5 \times 35 + 4 \times 20 + 1 \times 0 = 10 \times p$
 $p = \frac{175 + 80}{10}$

Ответ: 25,5% жирность.

p = 25,5%

В сосуде находится количество смеси воды с кислотой. Чтобы уменьшить концентрацию на 34% (было *p*%, а стало (*p*-34)%), в сосуд надо долить 3л воды, а чтобы уменьшить ее на 17%, надо долить 1л воды. Какова первоначальная концентрация кислоты в сосуде?

$$\begin{cases}
 m_1 \times p_1 + 3 \times 0 = (m_1 + 3) \times (p_1 - 34) \\
 m_1 \times p_1 + 1 \times 0 = (m_1 + 1) \times (p_1 - 17)
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
 p_1 = 68 \\
 m_1 = 3
\end{cases}$$

Ответ: первоначальная концентрация кислоты равна 68%.

Сборник под ред.Лысенко

Имеются три сосуда с сахарным сиропом. В первом сосуде находится 4кг сиропа, содержащего 40% сахара, во втором сосуде – 6кг сиропа, содержащего 70% сахара. Если содержимое первого сосуда смешать с содержимым третьего сосуда, то получим в смеси 35%-ное содержание сахара. Если содержимое второго сосуда смешать с содержимым третьего сосуда, то получим в смеси 55% сахара. Найти массу сахарного сиропа в третьем сосуде.

$$\begin{cases} m_1 \times p_1 + m_3 \times p_3 = (m_1 + m_3) \times 35 \\ m_2 \times p_2 + m_3 \times p_3 = (m_2 + m_3) \times 55 \end{cases} \begin{cases} 4 \times 40 + m_3 \times p_3 = (4 + m_3) \times 35 \\ 6 \times 70 + m_3 \times p_3 = (6 + m_3) \times 55 \end{cases}$$

$$160 - 420 = (35 \times 4 + 35 \times m_3) - (330 + 55m_3)$$

$$m_3 = 3,5$$

Ответ: 3,5 кг – масса сиропа в третьем сосуде

Торговец продает орехи двух сортов: одни по **90 р.за** кг, а другие – по **60** р. за кг. Он хочет получить **50 кг** смеси по **72** р. за кг. Сколько для этого потребуется орехов каждого сорта?

$$m_1 = ?; m_2 = ?$$

Решение:

$$m_1 + m_2 =$$

$$p_1 =$$

$$p_2 =$$

(1)
$$m_1 p_1 + m_2 p_2 = (m_1 + m_2) p_1$$

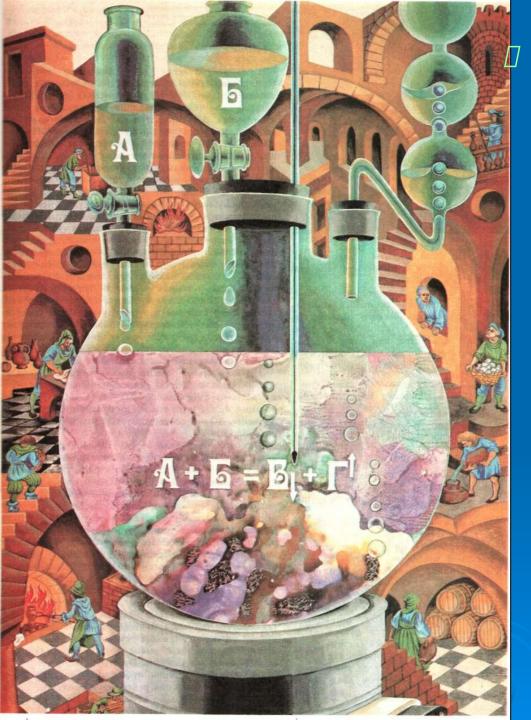
(2)
$$\underline{m_1 + m_2} = ; \underline{m_1} =$$

(3) Выполним подстановку

(4) Найдем
$$m_2 =$$

(5) Найдем
$$m_1 =$$

Ответ



«Если вы хотите научиться плавать, то смело входите в воду, а если хотите научиться решать задачи...

То решайте ux!» Д. Пойя