

Построение графика квадратичной функции

№ 624 - 4 (учебник с.252)

Построить график функции:

$$y = 3x^2 - 8x + 4 \quad a=3, b=-8, c=4$$

Построение.

1. Функция квадратичная, график парабола,
ветви направлены вверх ($a>0$).

2. Вершина параболы (x_0, y_0) $\underline{(1\frac{1}{3}; -1\frac{1}{3})}$

$$x_0 = -b / 2a = -(-8) / 6 = \mathbf{4/3} = 1\frac{1}{3}.$$

$$\begin{aligned} y_0 &= y(x_0) = y(4/3) = 3 \cdot \frac{16}{9} - 8 \cdot \frac{4}{3} + 4 = \frac{16}{3} - \frac{32}{3} + 4 = \\ &= -\frac{16}{3} + 4 = -5\frac{1}{3} + 4 = -1\frac{1}{3} \end{aligned}$$

3. Ось симметрии – прямая $x = 1 \frac{1}{3}$.

4. Пересечение графика с осями координат:

a) с осью ОХ ($y=0$) (2 ; 0) и ($\frac{2}{3}$; 0)

$$3x^2 - 8x + 4 = 0$$

$$D = b^2 - 4ac = 64 - 48 = 16 > 0 \text{ два действит.корня}$$

$$x_1 = (8 + 4) / 6 = 2; \quad x_2 = (8 - 4) / 6 = \frac{4}{6} = \frac{2}{3}$$

б) с осью ОY ($x=0$) (0; 4)

$$y(0) = 3 \cdot 0 - 8 \cdot 0 + 4 = 4$$

5. Симметричные точки (0; 4) и ($\frac{2}{3}$, 4)