

Формулы сокращенного умножения.

Квадрат суммы и квадрат разности.

(урок с использованием технологии УДЕ)

7 класс

Составитель: Шукшина Н.В.
учитель МБОУ СОШ № 27 г.о. Самара

Не бойтесь формул! Учитесь владеть этим тонким
инструментом человеческого гения! В формулах
увековечены ценнейшие достижения
людского рода,
в них заключено величие и могущество разума, его
торжество над покоренной природой.
Из книги “Машина“ под редакцией
акад. И.И.
Артоболевского

Цель урока:

выработать у учащихся умение применять формулы $(a \pm b)^2 = a^2 \pm 2ab + b^2$ как
“слева направо”, так и “справа налево” для преобразования целых
выражений и для разложения многочленов на множители.

Цели ученика:

знать формулы $(a \pm b)^2 = a^2 \pm 2ab + b^2$, уметь читать выражения с переменными,
т.е. переходить от формул к их словесному выражению и словесную
формулировку записывать формулой, научиться применять эти формулы для
преобразования выражений, самостоятельно составлять задания, решать их,
выполнять самопроверку.

Средства обучения: средства компьютерных технологий (презентация
Power Point), интерактивная доска

Приёмы обучения: приемы технологии УДЕ

▣ Заполните таблицу:

	Запишите	a и b	$0,5a$ и $2b$	a и $2b^2$	$-ab$ и $(-2b^2)$
1	Квадрат одночлена	a^2 и b^2			
2	Удвоенное произведение одночленов	$2ab$			
3	Разность квадратов одночленов	$a^2 - b^2$			
4	Квадрат суммы одночленов	$(a + b)^2$			

▣ Выполните умножение двучлена на себя, сравните исходное выражение и результат, сделайте вывод:

$$(c+8)^2, (-m-10)^2, (m-n)^2, (7y+6)^2, (12-p)^2$$

В некоторых случаях умножение многочленов можно выполнить короче, воспользовавшись формулами сокращенного умножения.

$$\begin{aligned}(a+b)^2 &= \\ &=(a+b)(a+b)= \\ &=(a+b)a+(a+b)b= \\ &=a^2+ab+ab+b^2= \\ &=a^2+2ab+b^2\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(a-b)^2 &= \\ &=(a-b)(a-b)= \\ &=(a-b)a-(a-b)b= \\ &=a^2-ab-ab+b^2= \\ &=a^2-2ab+b^2\end{aligned}$$

Объединяя эти две формулы, мы можем записать совместно два тождества. **Тождеством** называется **равенство** верное при любых значениях переменных.

$$(a \pm b)^2 = a^2 \pm 2ab + b^2$$

Читая эти тождества слева направо, получаем формулы сокращенного умножения

$$\begin{aligned}(2x+3)^2 &= \boxed{} \\ (7y-6)^2 &= 49y^2 - 84y + 36\end{aligned}$$

$$(a \pm b) (a \pm b) = a^2 \pm 2ab + b^2$$

Читая данные тождества справа налево, получаем формулы разложения многочлена на множители

$$\begin{aligned}(2x+3)(2x+3) &= \boxed{} \\ (7y-6)(7y-6) &= 49y^2 - 84y + 36\end{aligned}$$

Квадрат

сел $(a \pm b)^2$ равен трехчлену, состоящему

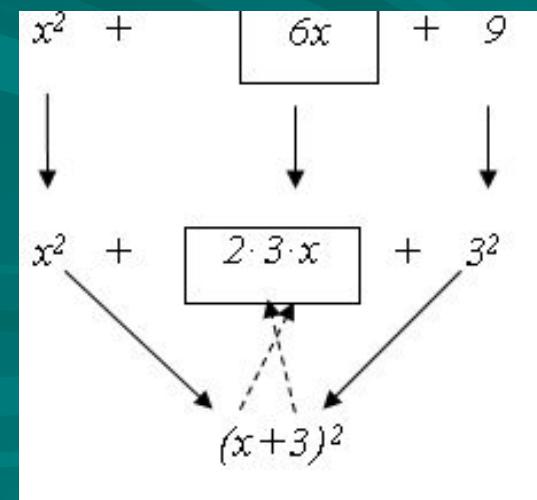
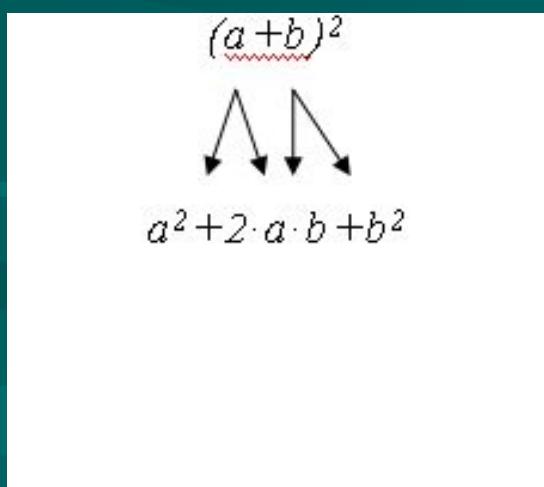
из слагаемых:

1) $\boxed{}$ (a^2);

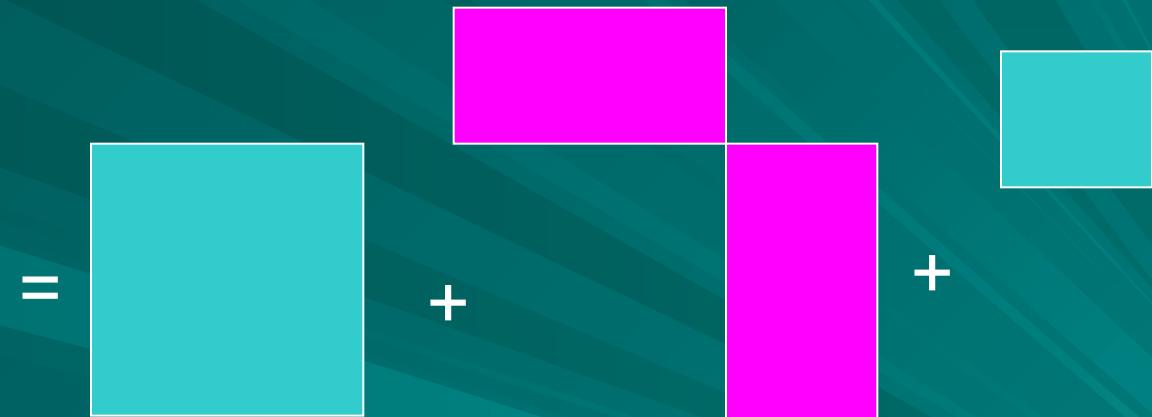
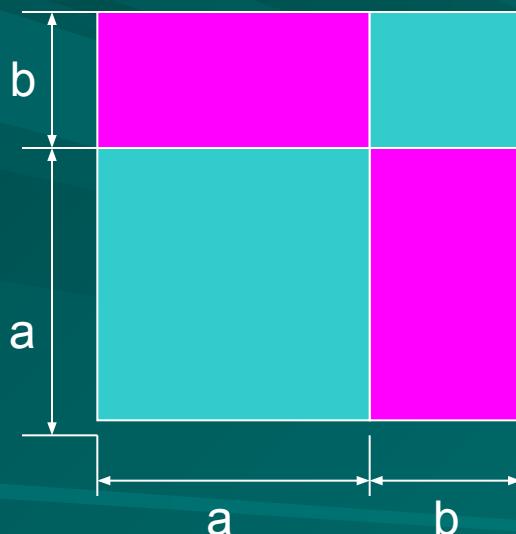
2) $\boxed{}$ произведение первого числа на второе ($\pm 2ab$);

3) плюс квадрат второго числа (b^2).

Схема



Геометрический смысл формулы $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$ для положительных чисел a и b



$$S = S_1 + S_2 + S_3$$

Геометрический смысл формулы
 $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$ для положительных чисел a и
 b , удовлетворяющих условию $a > b$

$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

$$(\square \pm \Delta)^2 = \square^2 \pm 2 \cdot \square \cdot \Delta + \Delta^2$$

Заполните таблицу по образцу:

\square	Δ	$(\square + \Delta)^2$	$\square^2 + 2 \cdot \square \cdot \Delta + \Delta^2$	Результат упрощения
$2a$	6	$(2a+6)^2 =$	$(2a)^2 + 2 \cdot (2a) \cdot 6 + (6)^2 =$	$=4a^2 + 24a + 36$
$3a$	-9	$(3a-9)^2 =$	$(3a)^2 + 2 \cdot (3a) \cdot (-9) + (-9)^2 =$	$=9a^2 - 54a + 81$
		$(3a+b)^2 =$		
		$(4a-b)^2 =$		$= a^2 - 10a + 25$
		$(a^2+2b^3)^2 =$		
		$(3a-2b^2)^2 =$		

□ **Восстановите пропущенные выражения**

a) $25 - 10b^2 + b^4 = (\boxed{} - \boxed{}) \cdot (\boxed{} - \boxed{}) = (\boxed{} - \boxed{})^2$

$25 \pm 10b^2 + b^4 = (\boxed{} \pm \boxed{})^2$

б) $\boxed{} + 14e + e^2 = 7^2 + 2 \cdot \boxed{} \cdot e + e^2$

$(\boxed{} - \boxed{})^2 = 49 - \boxed{} + e^2$

$(\boxed{} \pm \boxed{})^2 = 49 \pm 14e + e^2$

□ **Выполните сокращение дробей, запишите пропущенные выражения; проверьте ответ умножением многочленов:**

a) $\frac{25+10a+a^2}{5+a} - \frac{\boxed{}}{\boxed{}} = \boxed{}$

б) $\frac{25-10a+a^2}{5-a} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}} = \boxed{}$

Используя формулы $(a \pm b)^2$, вычислите по аналогии $21^2; 19^2; \left(14\frac{1}{4}\right)^2; \left(13\frac{13}{14}\right)^2$
и соотнесите квадраты чисел и ответы

Образец:

$$\begin{aligned} \text{а)} \quad & 31^2 = & \text{б)} \quad & \\ & = (30+1)^2 = & & \\ & = 30^2 + 2 \cdot 30 \cdot 1 + 1 = & & \\ & = 900 + 60 + 1^2 = & & \\ & = 961 & & \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{в)} \quad & \left(12\frac{1}{12}\right)^2 = & \text{г)} \quad & \\ & = \left(12 + \frac{1}{12}\right)^2 = & & \\ & = 12^2 + 2 \cdot 12 \cdot \frac{1}{12} + \left(\frac{1}{12}\right)^2 = & & \\ & = 144 + 2 + \frac{1}{144} = & & \\ & = 146\frac{1}{144} & & \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & 29^2 = \\ & = (30-1)^2 = \\ & = 30^2 - 2 \cdot 30 \cdot 1 + 1^2 = \\ & = 900 - 60 + 1 = \\ & = 841 \\ & \left(12\frac{12}{13}\right)^2 = \\ & = \left(13 - \frac{1}{13}\right)^2 = \\ & = 13^2 - 2 \cdot 13 \cdot \frac{1}{13} + \left(\frac{1}{13}\right)^2 = \\ & = 169 - 2 + \frac{1}{169} = \\ & = 167\frac{1}{169} \end{aligned}$$

$$21^2;19^2;\left(14\frac{1}{4}\right)^2;\left(13\frac{13}{14}\right)^2$$



$$361;439;441;204\frac{1}{4};203\frac{1}{16};194\frac{1}{196}$$

Самостоятельная работа

1. Преобразуйте выражения:

а) $(2x-5)^2$;
б) $(3a + \square b^2)^2$

2. Докажите, что $(-a-b)^2 = (a+b)^2$

3. Дополните до квадрата суммы и квадрата разности:

а) $a^2 + 2ab + \square = (a+b)^2$
б) $n^2 - 4mn + \square = (\square - \square)^2$
в) $4a^6 - \square + b^2 = (\square - \square)^2$

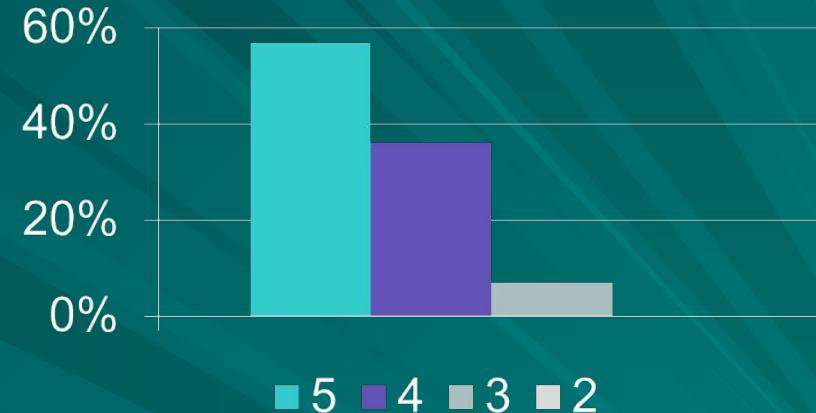
4. Не выполняя вычислений, сравните значения выражений $(28+72)^2$ и 28^2+72^2

5. Вычислите, используя формулы сокращенного умножения:

а) 42^2
б) $141^2 - 2 \cdot 141 \cdot 41 + 41^2$

Результаты самостоятельной работы проведенной в 7 классе

Писали	5	4	3	2
28	16	10	2	-
%	57%	36%	7%	



При использовании технологии УДЕ развивается самостоятельность мышления учащихся. Меньше ошибок, быстрое продвижение в учении, прочное запоминание материала.

Совместное изучение взаимосвязанных тем позволяет сэкономить время, которое можно использовать для решения наиболее сложных задач