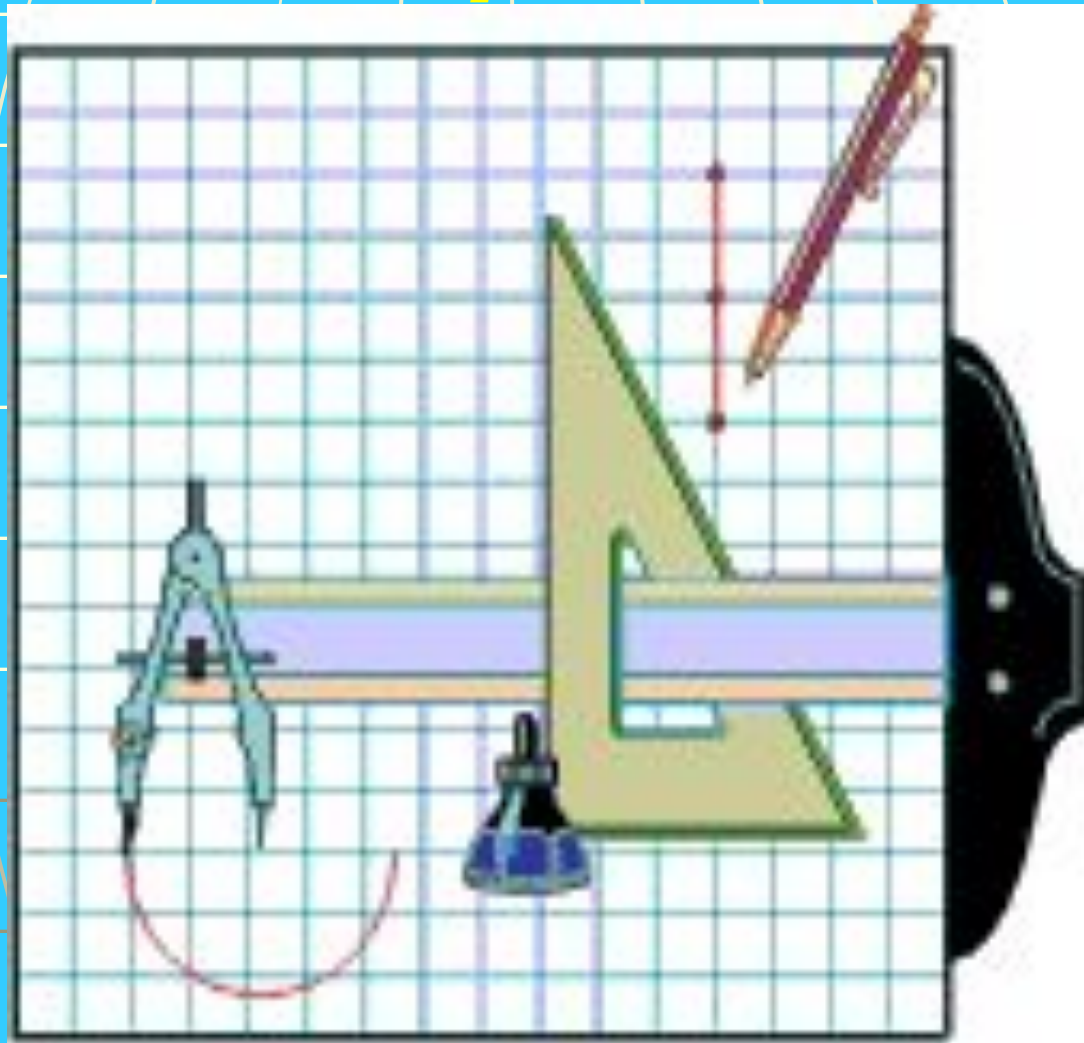


Тела вращения



Корниенко Татьяна Федоровна

1. Как можно получить цилиндр

Если в одной из 2 параллельных плоскостей взять окружность, и из каждой ее точки восстановить перпендикуляр до пересечения со второй плоскостью, то получится тело, ограниченное двумя кругами и поверхностью, образованной из перпендикуляров, это тело называется

цилиндром, называемых параллельных

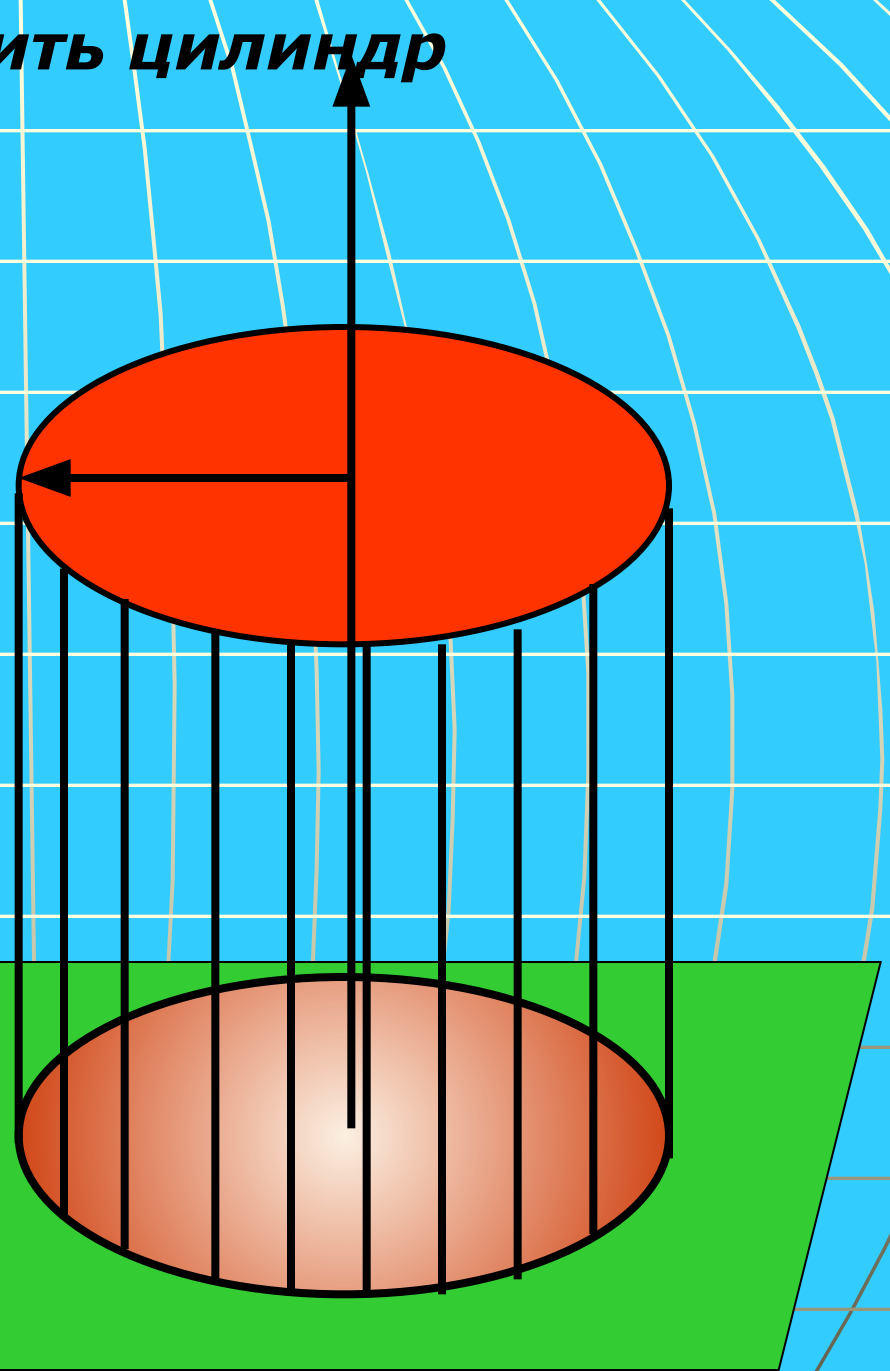
основаниями цилиндра, а

отрезки, соединяющие

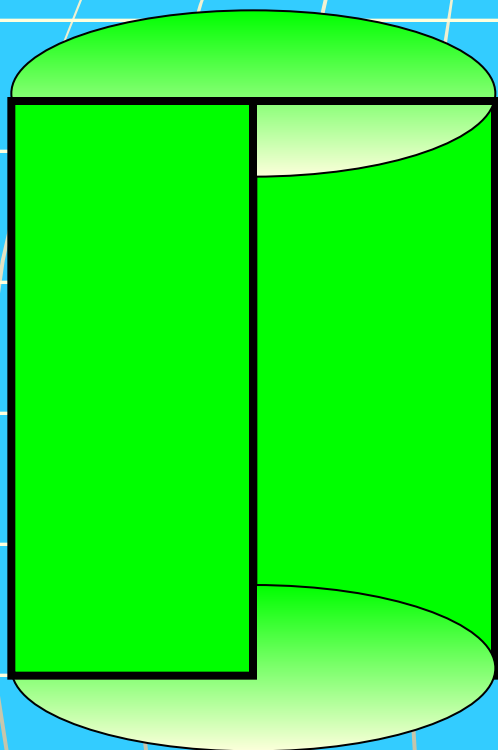
соответствующие точки

окружностей оснований –

называются образующими

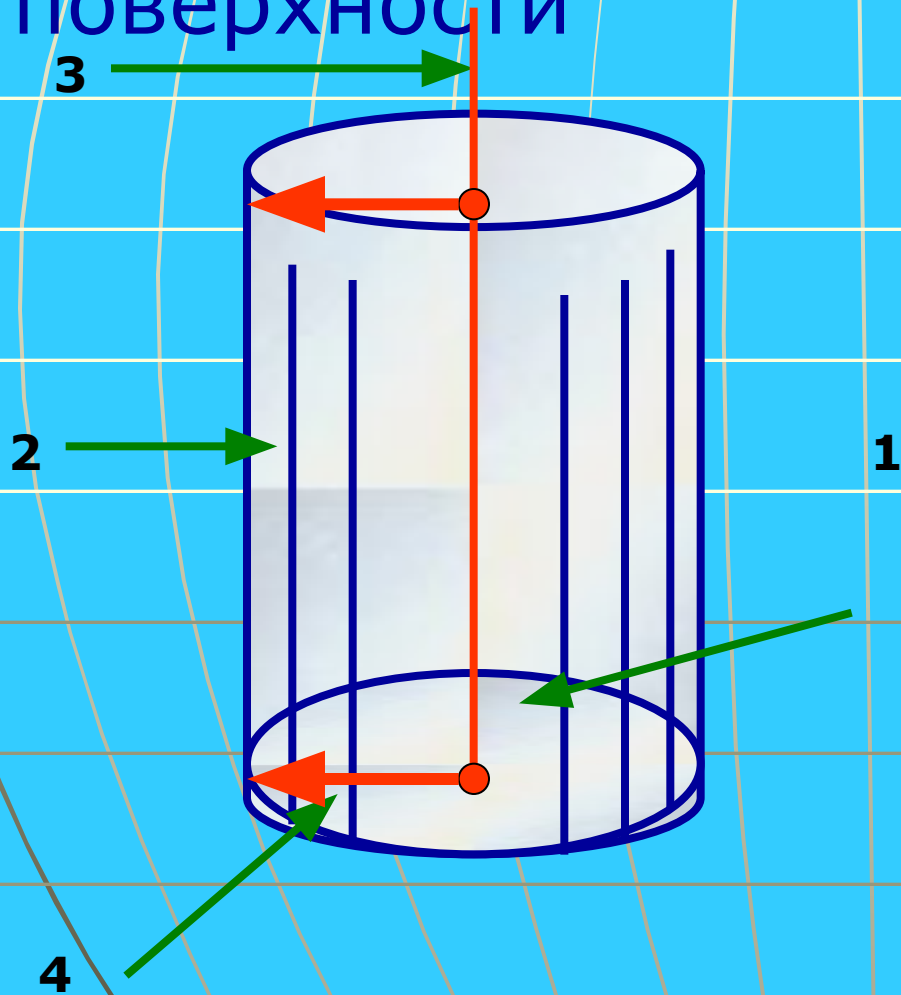


А можно так получить цилиндр



***Вращением
прямоугольника
вокруг одной из
его сторон***

2. Понятие цилиндрической поверхности



1. Основание цилиндра

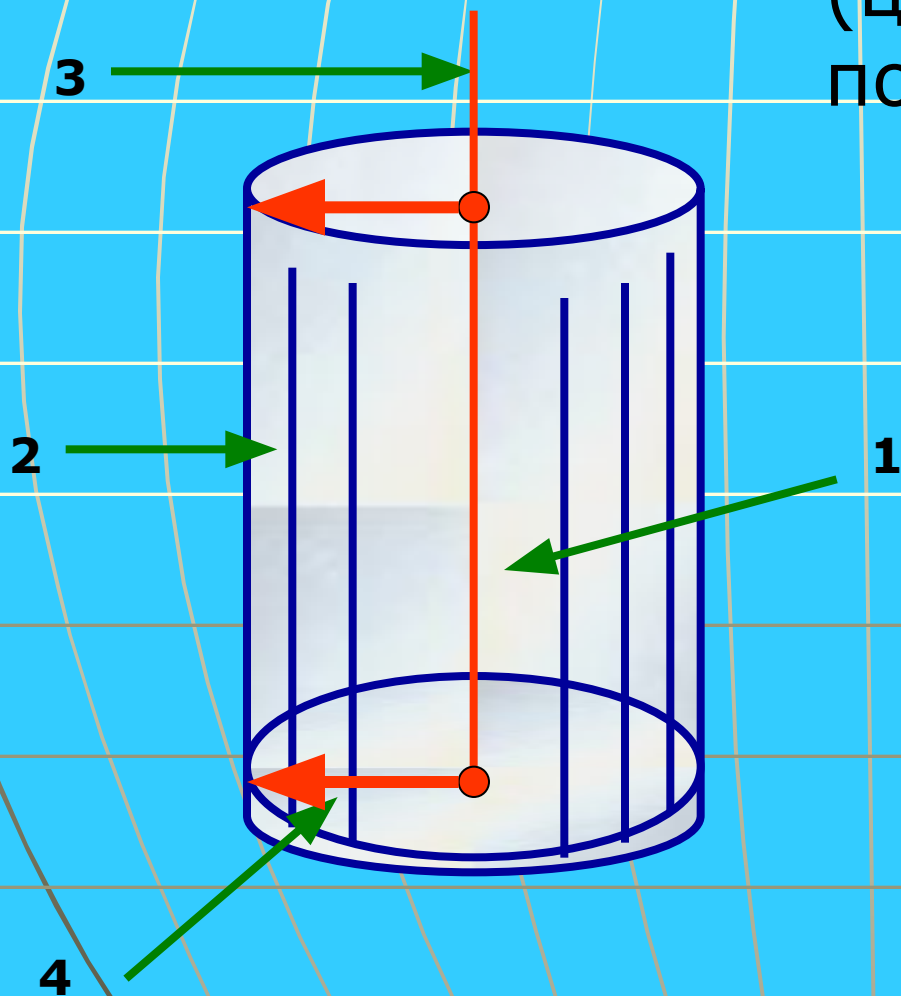
2. Образующие

3. Ось цилиндра

4. Радиус основания

■ Радиусом цилиндра называется радиус его основания.

- Образующая цилиндра при вращении вокруг своей оси образует боковую (цилиндрическую) поверхность цилиндра.



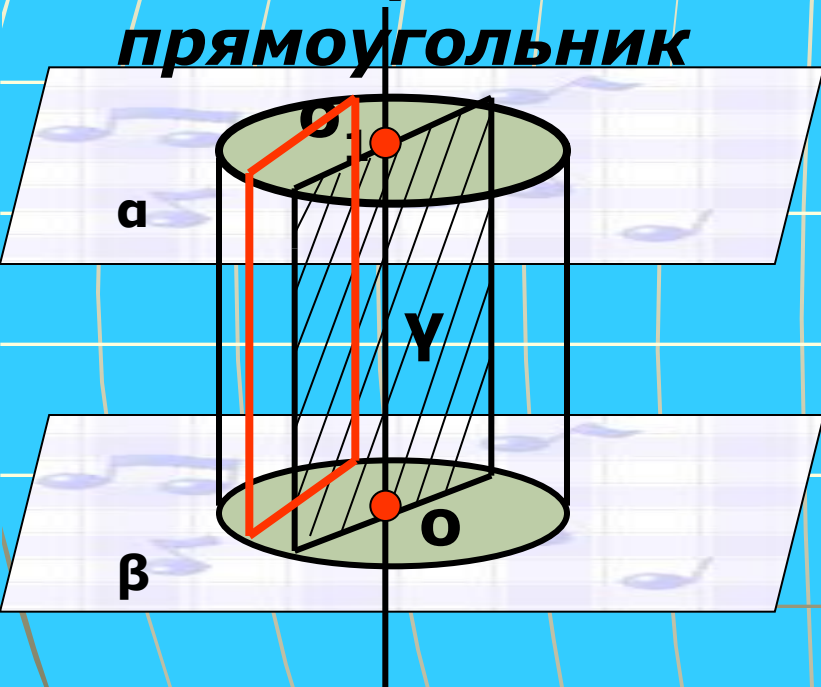
2. Образующие

Поверхность, состоящая из образующих, называется **боковой поверхностью цилиндра.**

3. Сечения

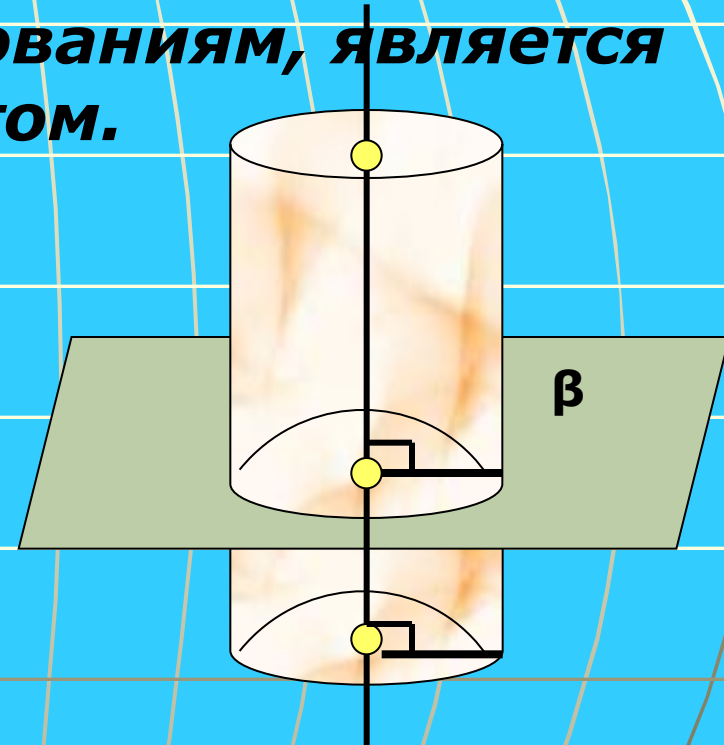
цилиндра

**Сечение,
параллельное оси
цилиндра-
прямоугольник**



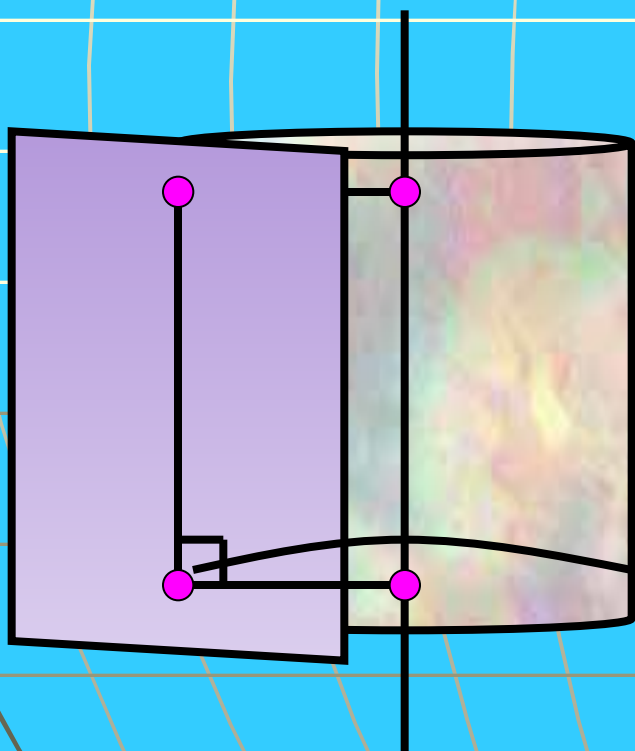
**Если сечение проходит
через ось цилиндра, то оно
имеет форму
прямоугольника и**

**Сечение плоскостью,
перпендикулярной к
оси или
параллельное
основаниям, является
кругом.**

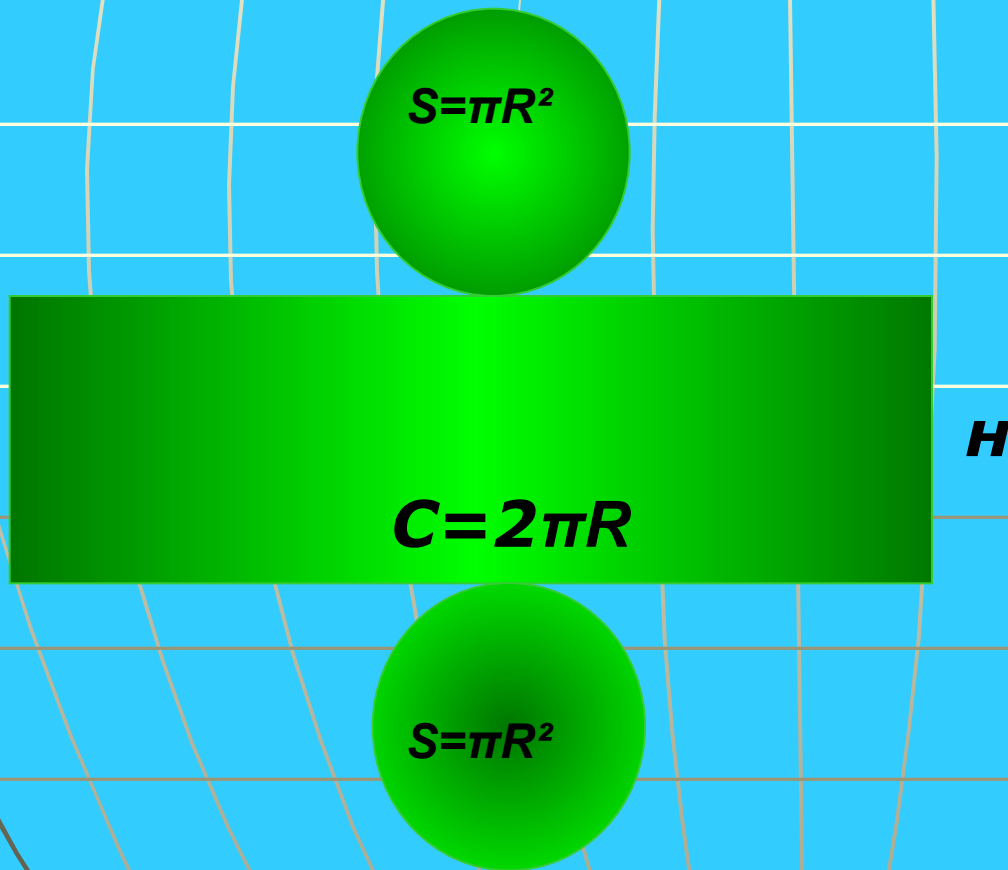


5. Касательная плоскость цилиндра

Касательной плоскостью к цилиндру называется плоскость проходящая через образующую цилиндра и перпендикулярная плоскости осевого сечения, содержащей эту образующую



- **Разверткой боковой поверхности цилиндра является прямоугольник со сторонами H и C , где H – высота цилиндра, а C – длина окружности основания.**



6. Площадь поверхности цилиндра



The diagram illustrates the components of a cylinder's surface area. It features two green circles representing the top and bottom bases, and a green rectangle representing the side surface. The top circle is labeled with the formula $S = \pi R^2$. The bottom circle is also labeled with $S = \pi R^2$. The rectangle is labeled with its width as $C = 2\pi R$ and its height as h . To the right of the rectangle, the formula for the lateral surface area is given as $S_{\text{бок.поверхн.}} = 2\pi Rh$. At the top right, the formula for the area of one base is $S_{\text{осн}} = \pi R^2$. At the bottom left, the formula for the total surface area is $S(\text{полн.поверхн.}) = 2\pi R^2 + 2\pi Rh$. At the bottom center, the formula for the total surface area is $S(\text{полн.поверхн.}) = 2\pi R(R+h)$.

$$S = \pi R^2$$

$$S_{\text{осн}} = \pi R^2$$

$$C = 2\pi R$$

h

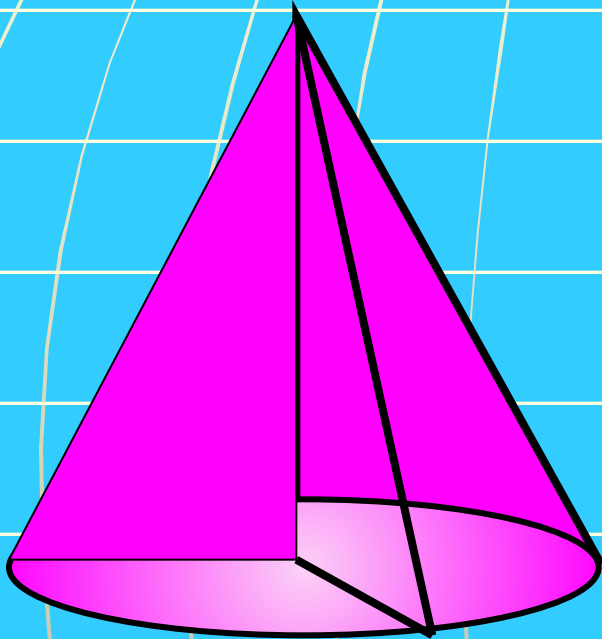
$$S = \pi R^2$$

$$S(\text{бок.поверхн.}) = 2\pi Rh$$

$$S(\text{полн.поверхн.}) = 2\pi R^2 + 2\pi Rh$$

$$S(\text{полн.поверхн.}) = 2\pi R(R+h)$$

Конус

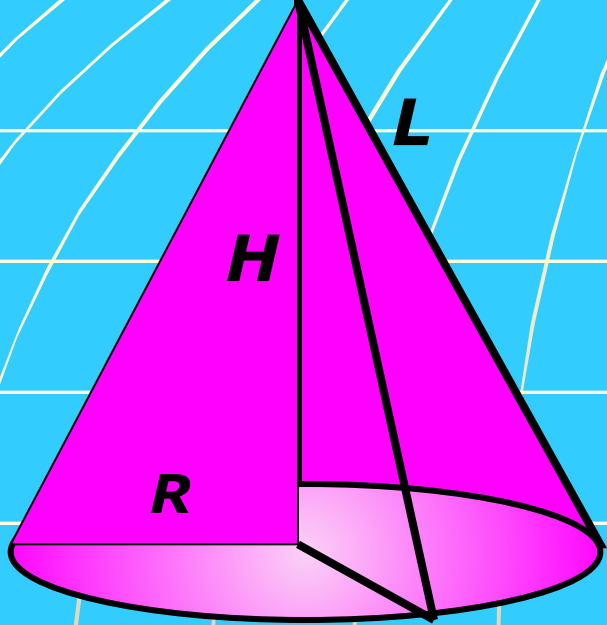


С 1. Пусть прямоугольный треугольник вращается вокруг одного из катетов, тогда второй катет описывает окружность.

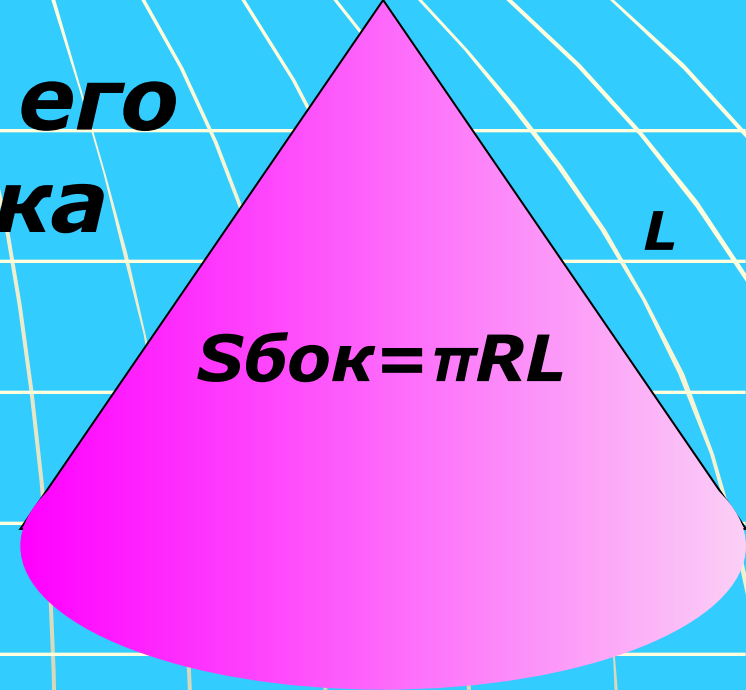
2. Полученная при вращении фигура называется конусом.
3. Гипотенуза данного треугольника-образующая конуса

4. Катет, вокруг которого вращается треугольник – ось конуса,

Второй катет- радиус описываемой окружности основания



Конус и его развертка

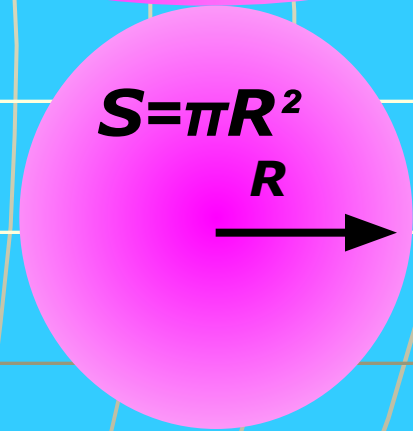


L -образующая H -высота
 R -радиус основания

Нахождение $S_{бок}$

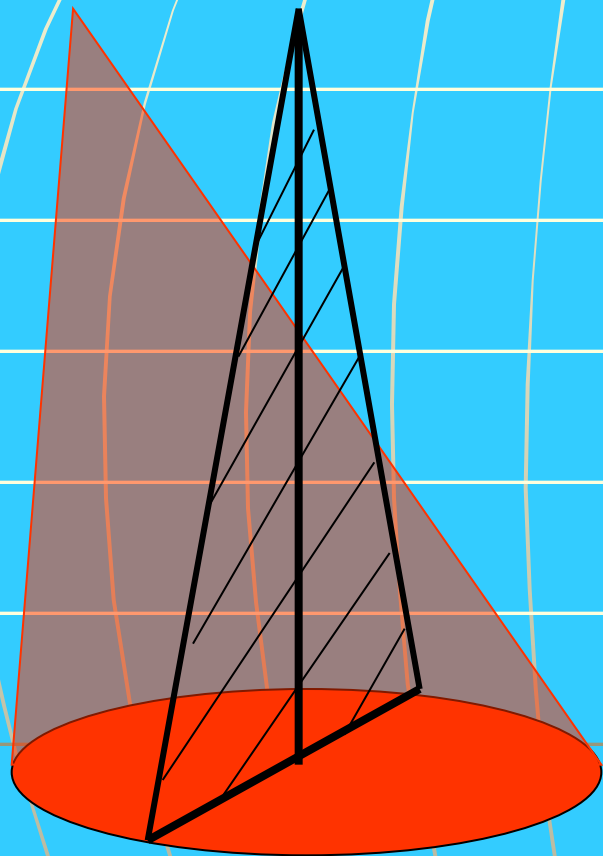
$$S_{бок} = \frac{\pi R^2 \alpha}{360} \rightarrow 2\pi r = \frac{\pi R}{180} \alpha \rightarrow$$

$$\alpha = \frac{360r}{R} \rightarrow \frac{\pi R^2}{180} * \frac{360r}{R} = \pi r R$$

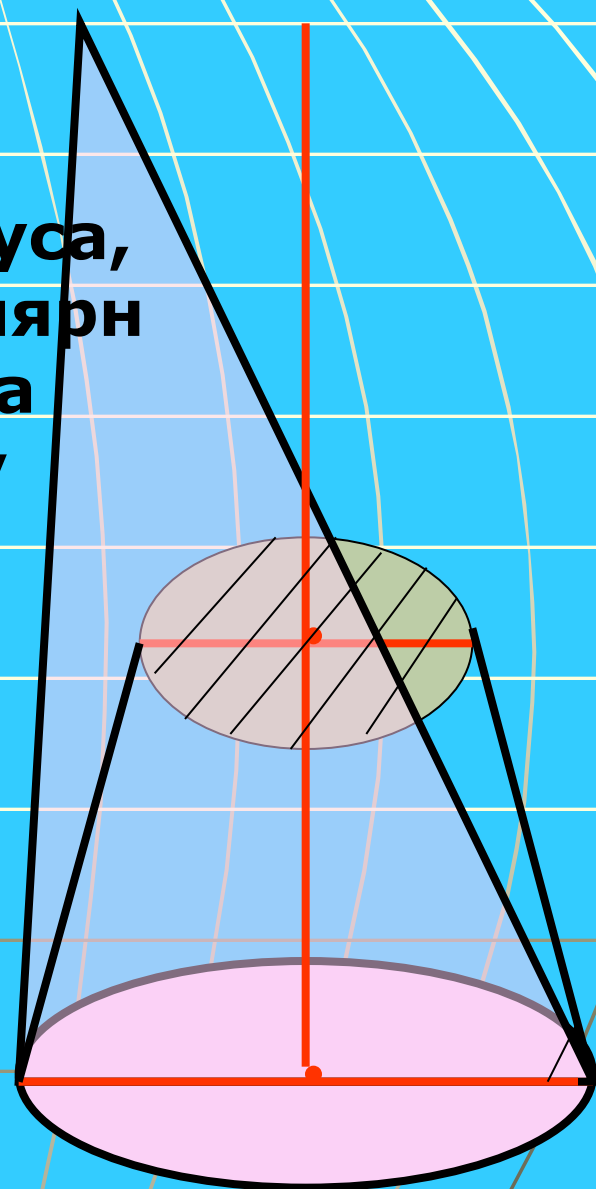


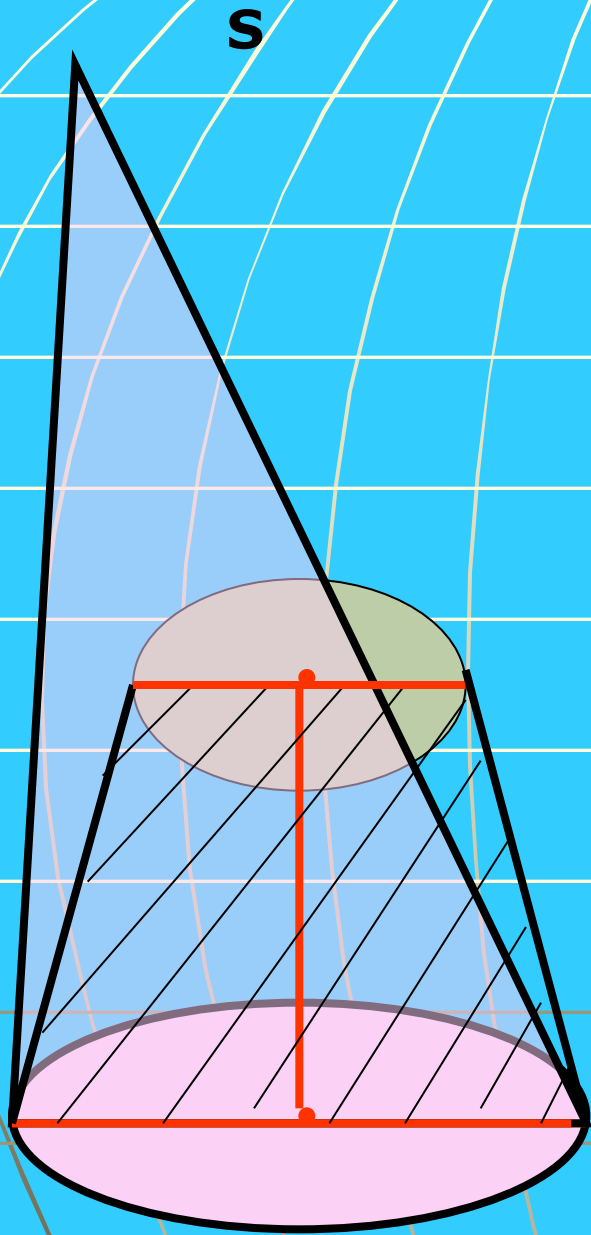
$$S_{полн} = \pi RL + \pi R^2 = \pi R(R + L)$$

Осевое сечение конуса- равнобедренный треугольник



Сечение конуса,
перпендикулярн
ое оси конуса
имеет форму
круга





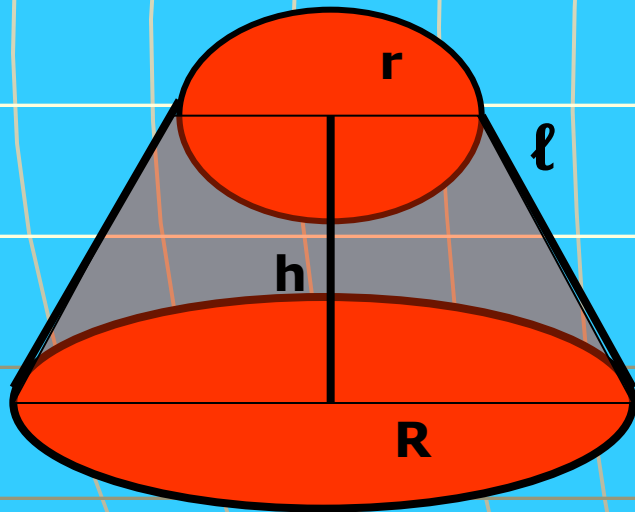
Усеченным конусом называется часть полного конуса, заключенная между основанием и секущей плоскостью, параллельной основанию.

Круги, лежащие в параллельных плоскостях, называются основаниями усеченного конуса.

Осевое сечение $ус$

Образующей усеченного конуса называется часть образующей полного конуса, заключенная между основаниями. **Высотой** усеченного конуса называется расстояние между основаниями.

Площадь боковой поверхности усеченного конуса равна произведению полусуммы длин окружностей оснований на образующую.



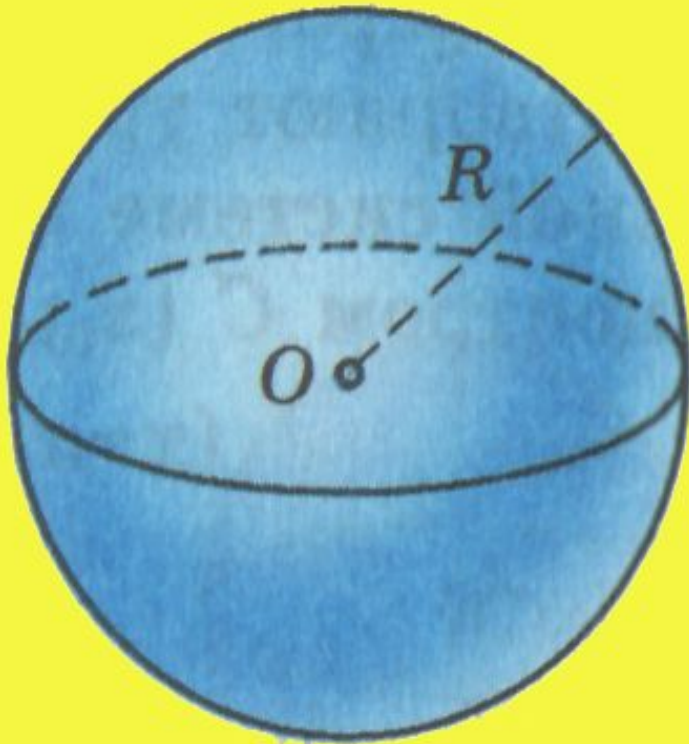
$$S_{\text{бок}} = \frac{2\pi(R+r)}{2} l = \pi(R+r)l$$

$$S_{\text{полн}} = \pi(R+r)l + \pi r^2 + \pi R^2 = \pi((R+r)l + r^2 + R^2)$$

Сфера и шар

Сферой

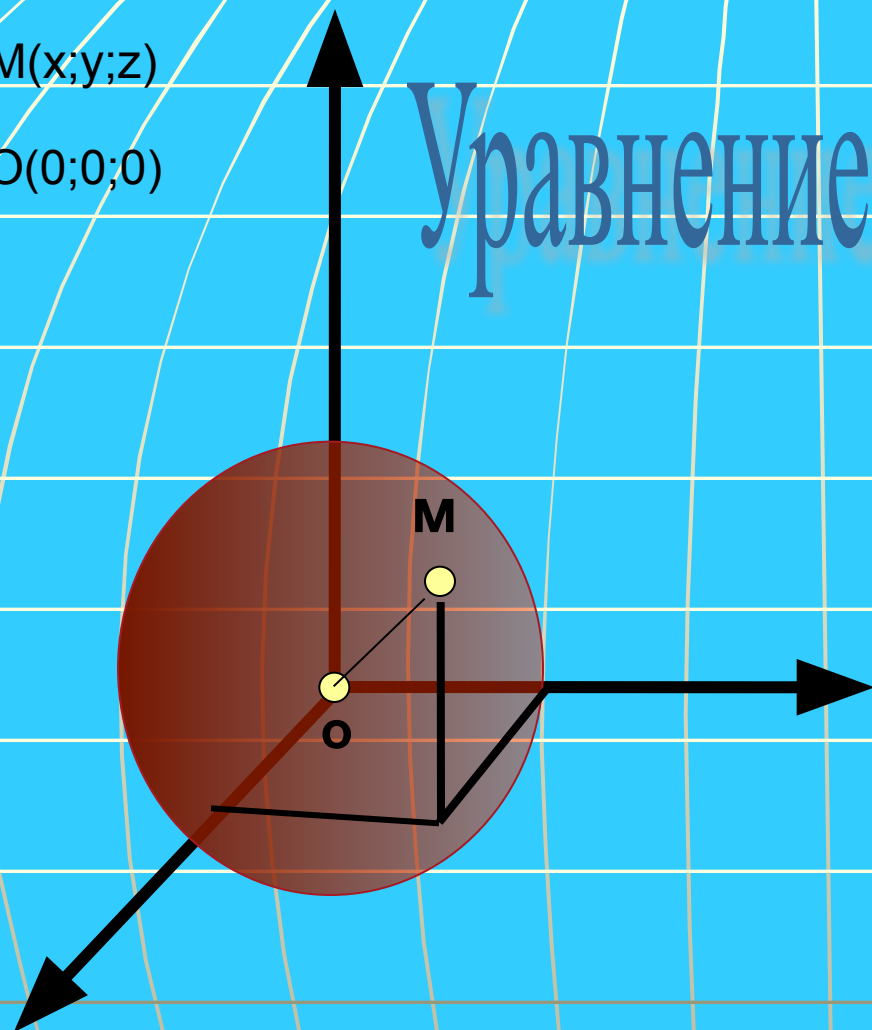
*называется
поверхность,
состоящая из всех
точек пространства,
расположенных на
данном расстоянии от
данной точки.*



Уравнение сферы

$M(x; y; z)$

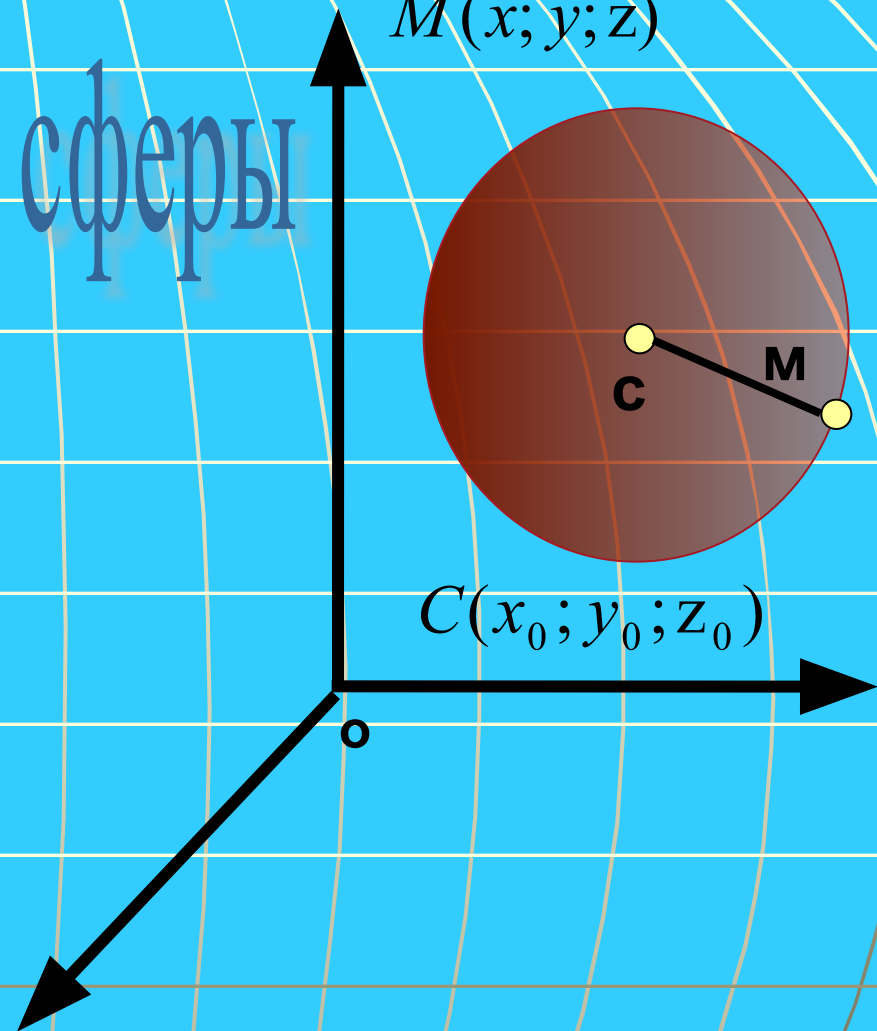
$O(0; 0; 0)$



$$MO = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$$

$$R^2 = x^2 + y^2 + z^2$$

$M(x; y; z)$

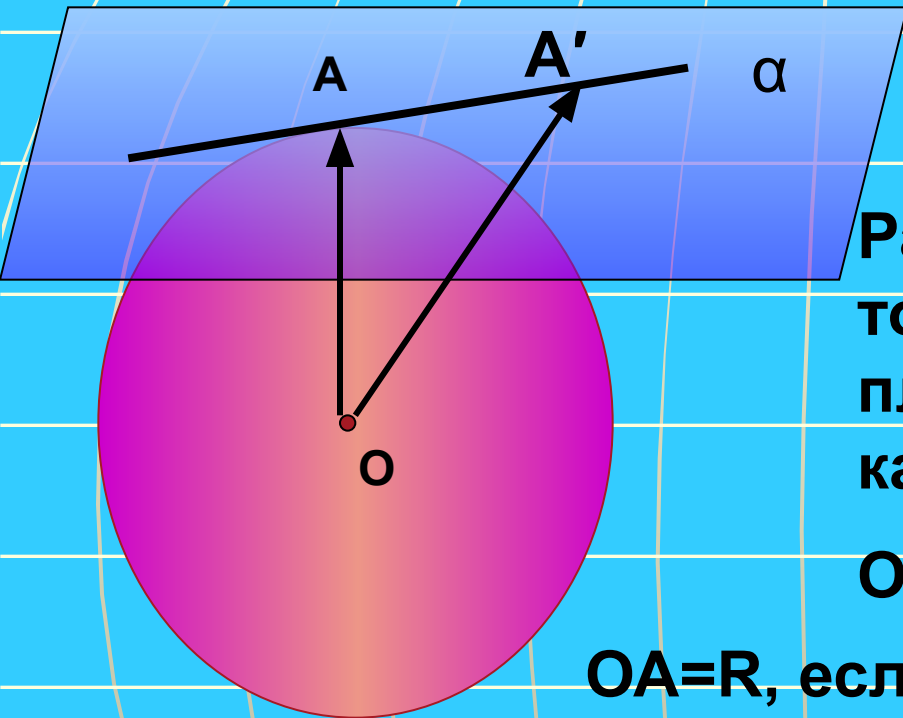


$C(x_0; y_0; z_0)$

$$MC = \sqrt{(X - X_0)^2 + (Y - Y_0)^2 + (Z - Z_0)^2}$$

$$R^2 = (x - x_0)^2 + (y - y_0)^2 + (z - z_0)^2$$

**Плоскость , имеющая со сферой одну общую точку,
называется касательной к сфере**



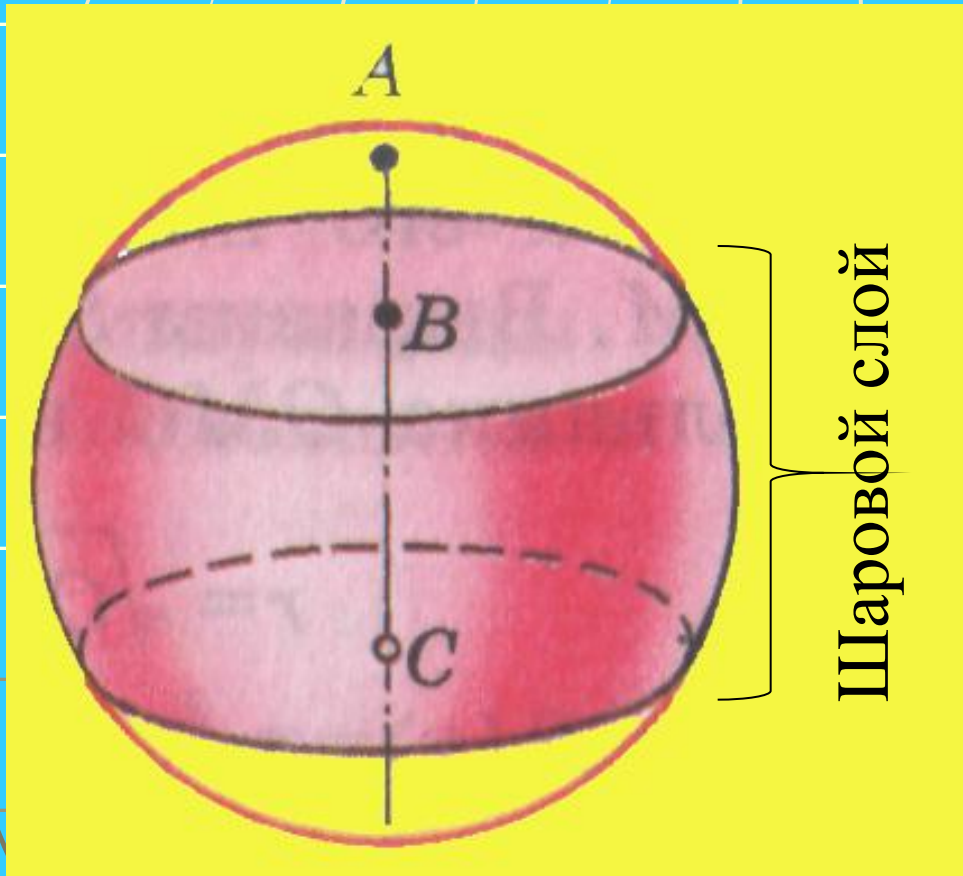
**Радиус сферы, проведенный к
точке касания сферы и
плоскости перпендикулярен к
касательной плоскости.**

$$OA \perp \alpha$$

**$OA=R$, если $OA \perp \alpha$, то любая другая OA' -
наклонная, а любая наклонная больше,
чем OA , т.е. условие не выполняется(
 $OA' > R$)**

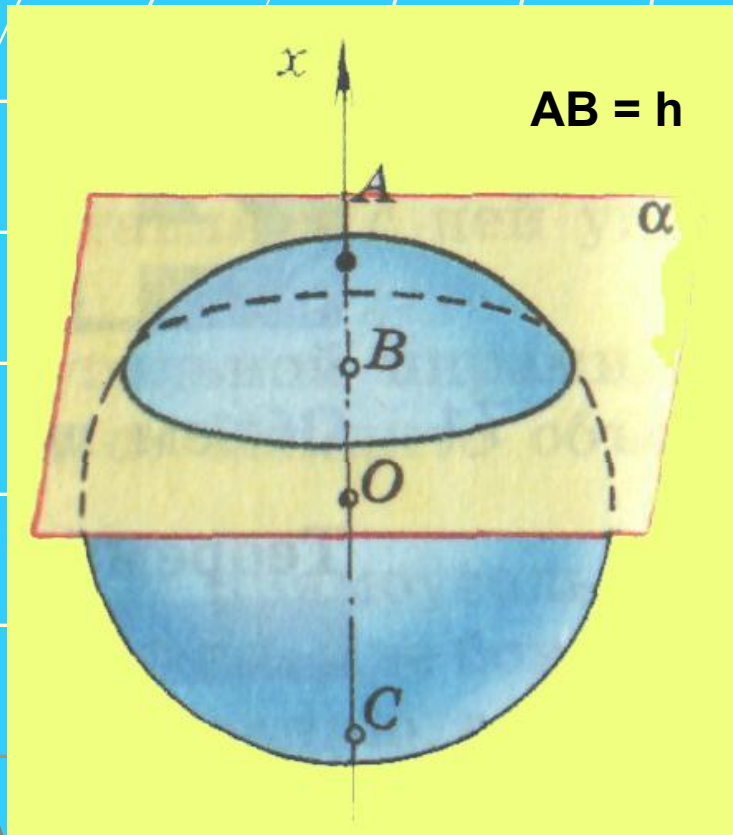
**Обратная теорема : Если $OA \perp \alpha$, α -касательная плоскость
Т.к. перпендикуляр и плоскость имеют одну общую
точку, то α - касательная плоскость**

Шаровой слой



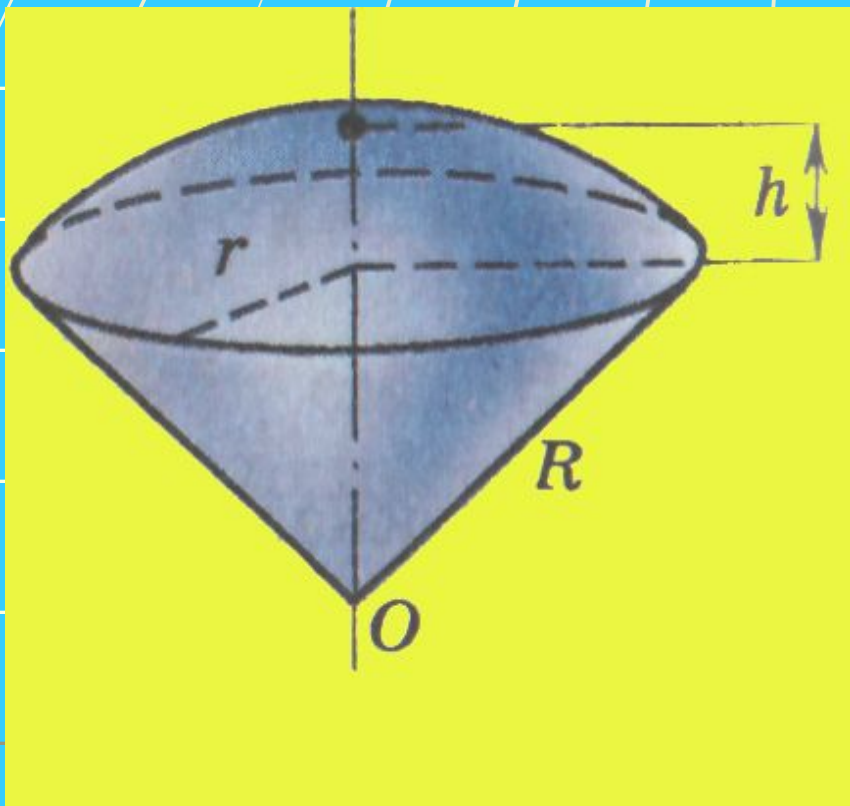
Шаровым слоем
называется часть
шара,
заключенная
между двумя
параллельными
секущими
плоскостями.

Шаровой сегмент



Шаровым сегментом
называется часть
шара, отсекаемая от
него какой - нибудь
плоскостью.

Шаровой сектор



Шаровым сектором

называется тело,
полученное вращением
кругового сектора с
углом, меньшим 90^0 ,
вокруг прямой,
содержащей один из
ограничивающих
круговой сектор
радиусов.