

МБОУ Платоновская СОШ

Тема урока:

Методы решения уравнений

Учитель Филонова Л.И.



Развитие и образование ни одному человеку не могут быть даны и сообщены. Всякий, кто желает к ним приобщиться, должен достигнуть этого **собственной деятельностью, собственными силами, собственным напряжением.** Извне он может получить только возбуждение.

А. Дистервег

1. Проверка домашнего задания

Задание: выбрать верный ответ и в соответствии
поставить букву

| | | | | |
|------|------|------|-------|-----------------------------------|
| 2; 3 | 1; 6 | 6; 8 | -2; 2 | $(-1)^{k+l} \arcsin(1/3) + \pi k$ |
| Д | Е | М | Т | О |

Логико-смысловая модель «Уравнения»



1

$$x^4 + 3x^2 - 4 = 0$$

2

$$\log_2 (2x - 3) = \log_2 (3x - 6)$$

3

$$2 \cdot 4^x - 5 \cdot 2^x + 2 = 0$$

4

$$7^{x-2} = \left(\frac{1}{7}\right)^{x+5}$$

5

$$\sqrt[3]{7-x} = \sqrt[3]{5x+1}$$

6

$$x^3 - 9x^2 + 20x = 0$$

7

$$\sin^2 y - \sin y - 2 = 0$$

8

$$2x^2 \sin x - 8 \sin x + 4 = x^2$$

9

$$\log_4 (x + 3) - \log_4 (x - 1) = 2 - \log_4 8$$

10

$$\sqrt{x^2 - 2x + 1} - 6\sqrt{x - 1} = 7$$

Тема урока: Методы решения уравнений

Цели урока:

- обобщить и систематизировать знания о методах решения уравнений;
- научиться осуществлять выбор метода решения уравнения
- закрепить навыки использования того или иного метода при решении уравнений;

Общие методы решения уравнений:

Замена уравнения
 $h(f(x))=h(g(x))$
уравнением
 $f(x)=g(x)$

Метод введения
новой
переменной

Нетрадиционные методы

Метод
разложения
на множители

Функционально-
графический
метод

Замена уравнения более простым уравнением

Суть метода: от уравнения вида

$$h(f(x))=h(g(x))$$

осуществить переход к уравнению вида

$$f(x)=g(x)$$

Метод применяется:

- При решении показательных уравнений:

$$a^{f(x)} = a^{g(x)} \quad a \neq 1; a > 0$$

$$f(x) = g(x)$$

- При решении логарифмических уравнений:

$$\log_a f(x) = \log_a g(x) \quad a \neq 1; a > 0 \quad \begin{cases} f(x) > 0 \\ g(x) > 0 \end{cases}$$

$$f(x) = g(x)$$

- При решении иррациональных уравнений:

$$\sqrt[n]{f(x)} = \sqrt[n]{g(x)}$$

$$f(x) = g(x)$$

Метод применяется:

если функция монотонная

$$f(x)^{2k+1} = g(x)^{2k+1}$$
$$f(x) = g(x)$$

Например:

$$(2x+3)^3 = (5x-9)^3$$

$$2x+3 = 5x-9$$

$$x=4$$

Ответ: 4

Метод нельзя использовать:

если функция
периодическая

Например,

$$\sin(3x-1) = \sin(3x+4)$$

если функция четная

Например,

$$(2x+7)^2 = (5x-12)^2$$

1

$$x^4 + 3x^2 - 4 = 0$$

2

$$\log_2 (2x - 3) = \log_2 (3x - 6)$$

3

$$2 \cdot 4^x - 5 \cdot 2^x + 2 = 0$$

4

$$7^{x-2} = \left(\frac{1}{7}\right)^{x+5}$$

5

$$\sqrt[3]{7-x} = \sqrt[3]{5x+1}$$

6

$$x^3 - 9x^2 + 20x = 0$$

7

$$\sin^2 y - \sin y - 2 = 0$$

8

$$2x^2 \sin x - 8 \sin x + 4 = x^2$$

9

$$\log_4 (x + 3) - \log_4 (x - 1) = 2 - \log_4 8$$

10

$$\sqrt{x^2 - 2x + 1} - 6\sqrt{x - 1} = 7$$

1

$$x^4 + 3x^2 - 4 = 0$$

2

$$\log_2 (2x - 3) = \log_2 (3x - 6)$$



3

$$2 \cdot 4^x - 5 \cdot 2^x + 2 = 0$$

4

$$7^{x-2} = \left(\frac{1}{7}\right)^{x+5}$$



5

$$\sqrt[3]{7-x} = \sqrt[3]{5x+1}$$



6

$$x^3 - 9x^2 + 20x = 0$$

7

$$\sin^2 y - \sin y - 2 = 0$$

8

$$2x^2 \sin x - 8 \sin x + 4 = x^2$$

9

$$\log_4 (x + 3) - \log_4 (x - 1) = 2 - \log_4 8$$



10

$$\sqrt{x^2 - 2x + 1} - 6\sqrt{x - 1} = 7$$

2 $\log_2 (2x - 3) = \log_2 (3x - 6)$

4 $7^{x-2} = \left(\frac{1}{7}\right)^{x+5}$

5 $\sqrt[3]{7 - x} = \sqrt[3]{5x + 1}$

9 $\log_4 (x + 3) - \log_4 (x - 1) = 2 - \log_4 8$

6 $x^3 - 9x^2 + 20x = 0$

8 $2x^2 \sin x - 8 \sin x + 4 = x^2$

1 $x^4 + 3x^2 - 4 = 0$

7 $\sin^2 y - \sin y - 2 = 0$

3 $2 \cdot 4^x - 5 \cdot 2^x + 2 = 0$

10 $\sqrt{x^2 - 2x + 1} - 6\sqrt{x - 1} = 7$

Замена
уравнения
 $h(f(x))=h(g(x))$
уравнением
 $f(x)=g(x)$

Метод разложения на множители:

Суть метода: уравнение $f(x)g(x)h(x)=0$

можно заменить совокупностью уравнений:

$$f(x)=0 ; g(x)=0; h(x)=0.$$

Решив уравнения этой совокупности, нужно взять те их корни, которые принадлежат области определения исходного уравнения, а остальные отбросить как посторонние.

Например,

$$(\sqrt{x+5}-3)(2^{x+6}-1)\log_2(x-8)=0$$

2 $\log_2 (2x - 3) = \log_2 (3x - 6)$

4 $7^{x-2} = \left(\frac{1}{7}\right)^{x+5}$

5 $\sqrt[3]{7-x} = \sqrt[3]{5x+1}$

9 $\log_4 (x + 3) - \log_4 (x - 1) = 2 - \log_4 8$

6 $x^3 - 9x^2 + 20x = 0$

8 $2x^2 \sin x - 8 \sin x + 4 = x^2$

1 $x^4 + 3x^2 - 4 = 0$

7 $\sin^2 y - \sin y - 2 = 0$

3 $2 \cdot 4^x - 5 \cdot 2^x + 2 = 0$

10 $\sqrt{x^2 - 2x + 1} - 6\sqrt{x - 1} = 7$

Замена
уравнения
 $h(f(x))=h(g(x))$
уравнением
 $f(x)=g(x)$

2

$$\log_2 (2x - 3) = \log_2 (3x - 6)$$

4

$$7^{x-2} = \left(\frac{1}{7}\right)^{x+5}$$

5

$$\sqrt[3]{7-x} = \sqrt[3]{5x+1}$$

9

$$\log_4 (x + 3) - \log_4 (x - 1) = 2 - \log_4 8$$

6

$$x^3 - 9x^2 + 20x = 0$$

8

$$2x^2 \sin x - 8 \sin x + 4 = x^2$$

1

$$x^4 + 3x^2 - 4 = 0$$

7

$$\sin^2 y - \sin y - 2 = 0$$

3

$$2 \cdot 4^x - 5 \cdot 2^x + 2 = 0$$

10

$$\sqrt{x^2 - 2x + 1} - 6\sqrt{x - 1} = 7$$



Замена
уравнения
 $h(f(x))=h(g(x))$
уравнением
 $f(x)=g(x)$

Метод
разложения на
множители

Метод введения новой переменной:

Страница 377 учебника

Ответьте на вопрос:

- ✓ В чем суть данного метода?
- ✓ Какие риски существуют при использовании данного метода?

Метод введения новой переменной:

Суть метода: ввести новую переменную $u = g(x)$.

Решить уравнение относительно новой переменной u .

Вернуться к переменной x и решить совокупность уравнений :

$$g(x)=u_1 ; g(x)=u_2 \dots g(x)=u_n.$$

где u_1, u_2, u_n - корни уравнения замены

2

$$\log_2 (2x - 3) = \log_2 (3x - 6)$$

4

$$7^{x-2} = \left(\frac{1}{7}\right)^{x+5}$$

5

$$\sqrt[3]{7-x} = \sqrt[3]{5x+1}$$

9

$$\log_4 (x + 3) - \log_4 (x - 1) = 2 - \log_4 8$$

6

$$x^3 - 9x^2 + 20x = 0$$

8

$$2x^2 \sin x - 8 \sin x + 4 = x^2$$

1

$$x^4 + 3x^2 - 4 = 0$$

7

$$\sin^2 y - \sin y - 2 = 0$$

3

$$2 \cdot 4^x - 5 \cdot 2^x + 2 = 0$$

10

$$\sqrt{x^2 - 2x + 1} - 6\sqrt{x - 1} = 7$$



Замена
уравнения
 $h(f(x))=h(g(x))$
уравнением
 $f(x)=g(x)$

Метод
разложения на
множители

2

$$\log_2 (2x - 3) = \log_2 (3x - 6)$$

4

$$7^{x-2} = \left(\frac{1}{7}\right)^{x+5}$$

5

$$\sqrt[3]{7-x} = \sqrt[3]{5x+1}$$

9

$$\log_4 (x + 3) - \log_4 (x - 1) = 2 - \log_4 8$$

6

$$x^3 - 9x^2 + 20x = 0$$

8

$$2x^2 \sin x - 8 \sin x + 4 = x^2$$

1

$$x^4 + 3x^2 - 4 = 0$$

7

$$\sin^2 y - \sin y - 2 = 0$$

3

$$2 \cdot 4^x - 5 \cdot 2^x + 2 = 0$$

10

$$\sqrt{x^2 - 2x + 1} - 6\sqrt{x - 1} = 7$$

Замена
уравнения
 $h(f(x))=h(g(x))$
уравнением
 $f(x)=g(x)$

Метод
разложения на
множители

Метод
введения
новой
переменной

- Умение решать задачи - практическое искусство, подобное плаванию или катанию на лыжах, или игре на фортепиано: научиться этому можно, лишь постоянно тренируясь.

Д. Пойа

Задание:

Найти все значения x , при каждом из которых произведение выражений

$$\sqrt{7^{x-2} - 49} \quad \text{и} \quad 2^{(x-4)^2 - 12} - 2^{x^2 - 8x} - 60$$

равно нулю.

Решите уравнения:

1 уровень

$$7^{x-2} = 49$$

$$x^3 - 9x^2 + 20x = 0$$

$$\log_2(3x - 6) = \log_2(2x - 3)$$

$$\sin^2 y - \sin y - 2 = 0$$

$$x^4 + 7x^2 - 8 = 0$$

2 уровень

$$\left(\frac{1}{7}\right)^{7-x} = 49^{x+2}$$

$$\log_{0,2} \sqrt{5x - 4} = \log_{0,2} x$$

$$x^5 + 8x^4 + 12x^3 = 0$$

$$2 \log_{\frac{2}{5}} x + 5 \log_5 x + 2 = 0$$

$$\cos^2 x + \sin x + 1 = 0$$

3 уровень


$$2^{x^2+3} - 8^{x+1} = 0$$

$$\ln(0,25^x - 7) = \ln(9 - 3 * 0,25^x)$$

$$\lg^2 x + 2 \log_{100} x = 6$$

$$2^{2x+1} - 5 * 2^x - 88 = 0$$

$$2x^2 \sin x - 8 \sin x + 4 = x^2$$

- 
- Оцените свой уровень усвоения материала.
 - Ответьте на вопросы:
что у меня получается хорошо?
над чем предстоит еще работать?

Домашнее задание:

- п. 56 учебника (пп1,2,3),
- заполнить опорный конспект для метода разложения на множители, метода ведения новой переменной
- №*1692а, 1686а