

**График функции.  
Различные способы  
построения графиков  
функций.**

**Изучение действий функций и построение их графиков является важным разделом математики.**

**Свободное владение техникой построения графиков часто помогает решить многие задачи и порой является единственным средством их решения.**

План:

- 1) Построение графиков путём их преобразования;
- 2) Особые случаи построения графиков;
- 3) «Полезные» графики;
- 4) Применение графиков к решению заданий с параметрами

**\* Цель:** повторить известные и **изучить** новые способы построения графиков и их применение.

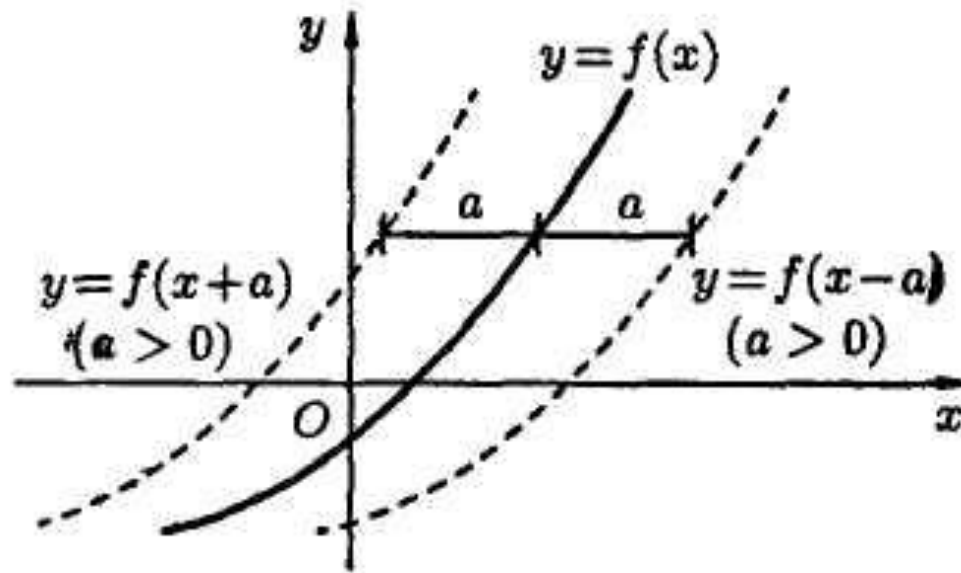
*Функцией* называется отображение числового множества  $X$  на числовое множество  $Y$ , при котором каждому значению  $x$  из области определения  $D\{x\}$  ( $x$  принадлежит  $D(x) \subseteq X$ ) ставится в соответствие **единственное**  $y \in E \subseteq Y$  ( $E$  - область значения функции  $y = f(x)$ ).

*График функции  $y = f(x)$*  - это множество точек плоскости с координатами  $(x; y)$ , у которых абсциссы  $x$  - есть допустимые значения аргумента, а ординаты  $y$  - соответствующие им значения функции.

# 1) Построение графиков функций, прием их преобразования.

а) Графики функций, в которых преобразуется аргумент  $x$ .

*График функции  $y = f(x + a)$ ,  $a > 0$ .*



б) Графики функций, в которых преобразуется функция  $y$ .

График функции  $y = f(x) + a$  ( $a > 0$ ).

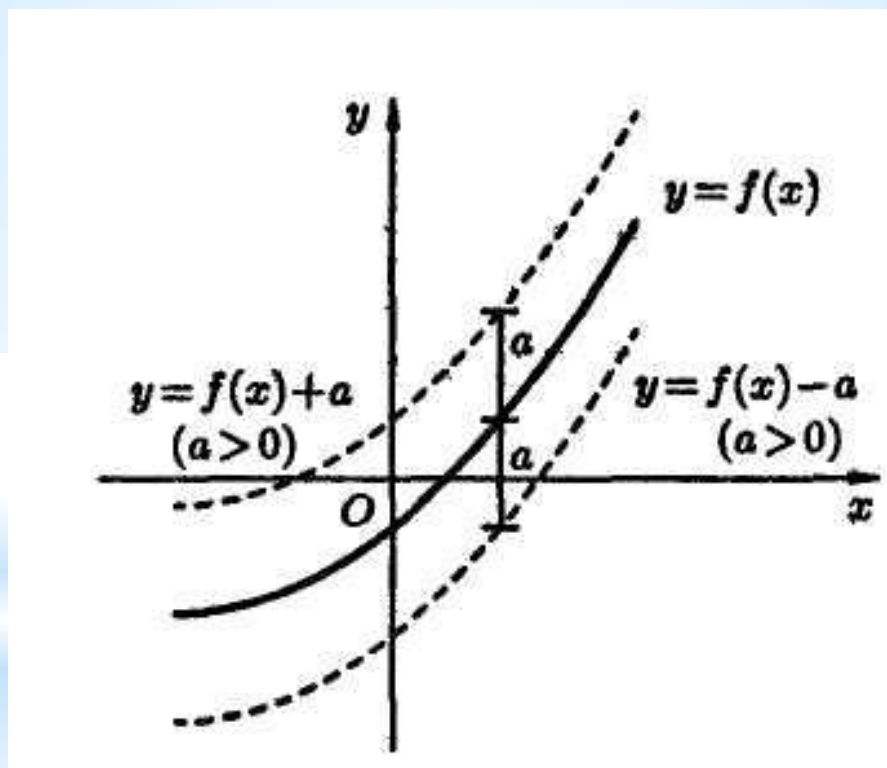
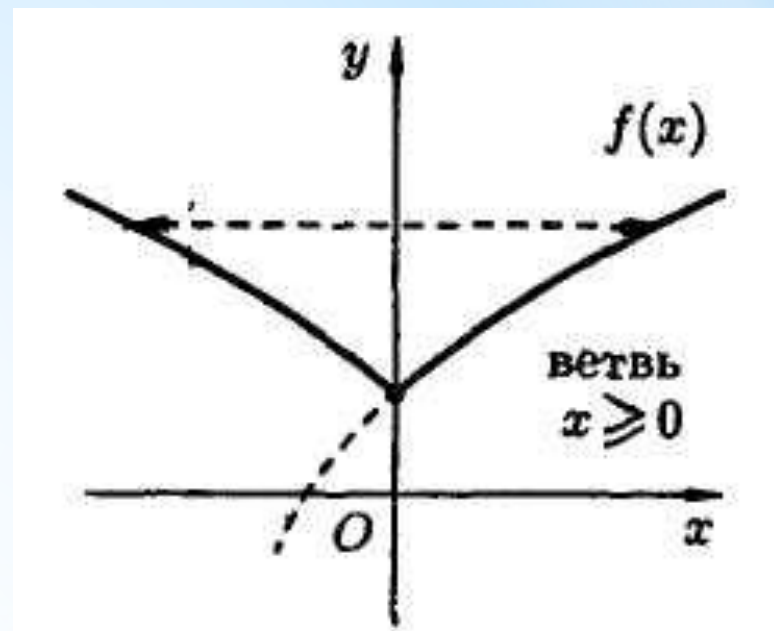




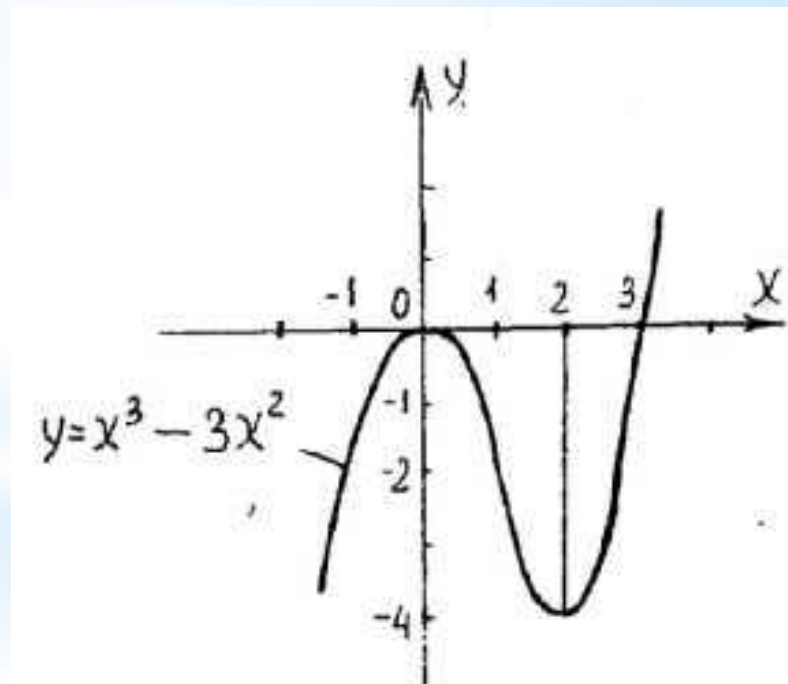
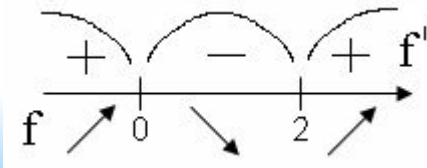
График функции  $y = f(|x|)$ .



**\* в) Графики функций для построения которых используется понятие модуль.**

\* 2) Построение графиков с использованием аппарата производной.

$$y = x^3 - 3x^2$$

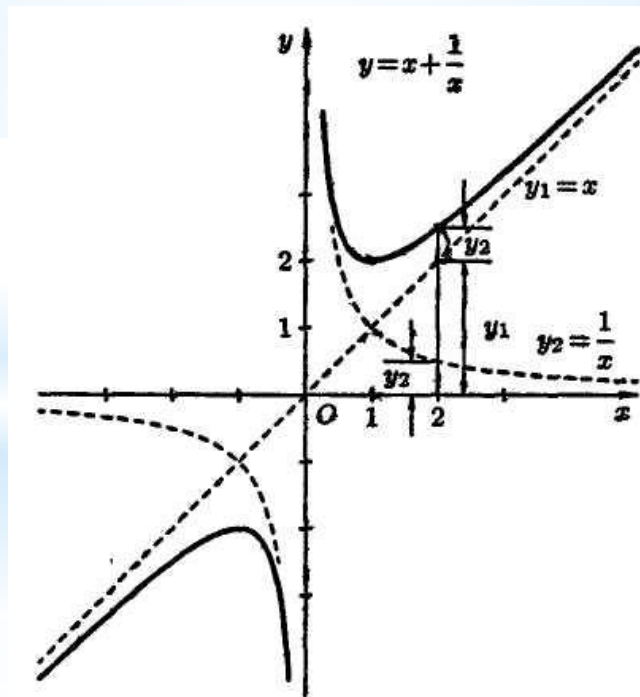




### \* 3) Особые случаи построения графиков.

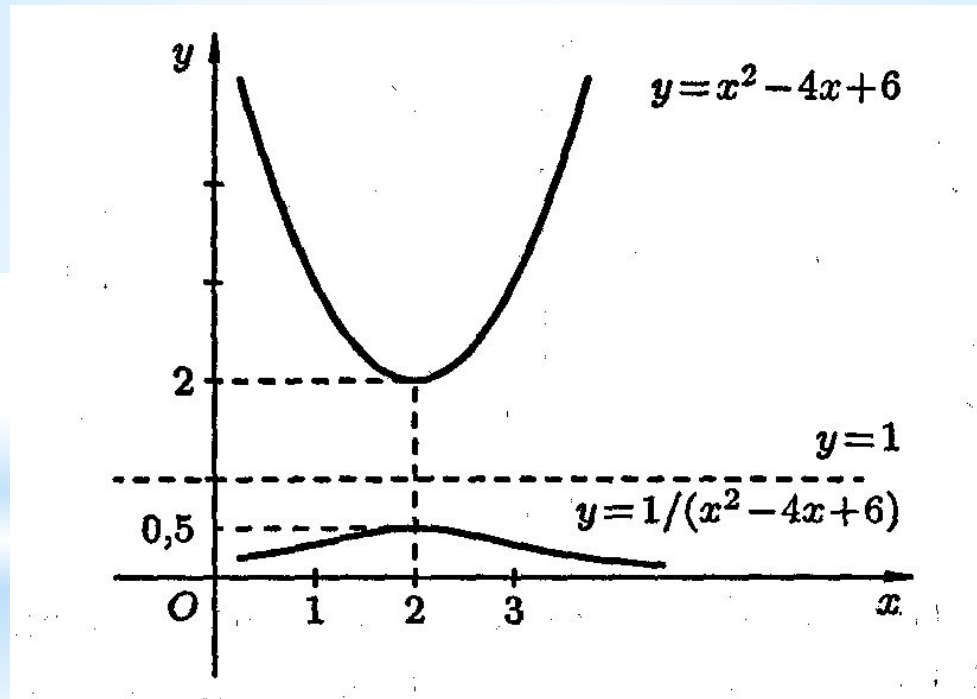
Метод сложения графиков:

Построить график функции  $y = x + \frac{1}{x}$ .



\* Метод деления (умножения) графиков:

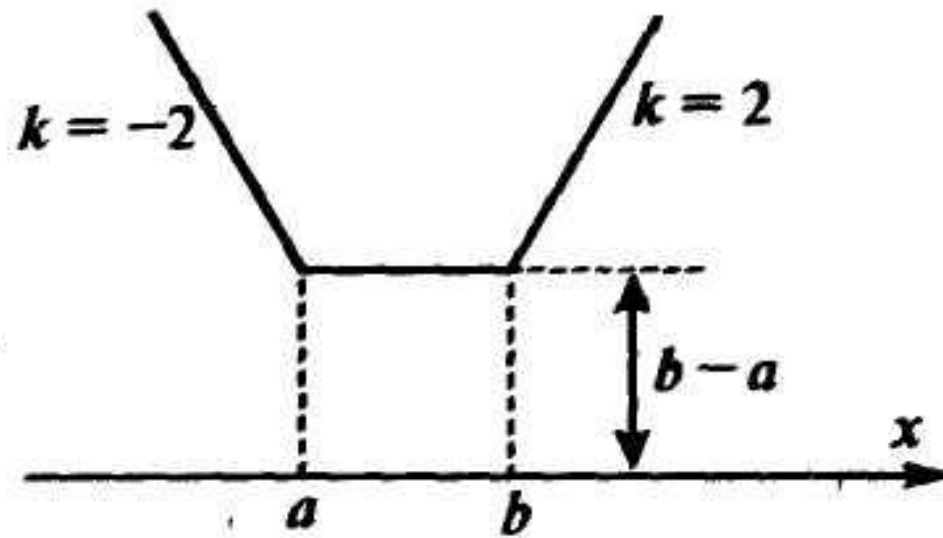
Построить график функции  $y = \frac{1}{x^2 - 4x + 6}$ .



# «Полезные» функции.

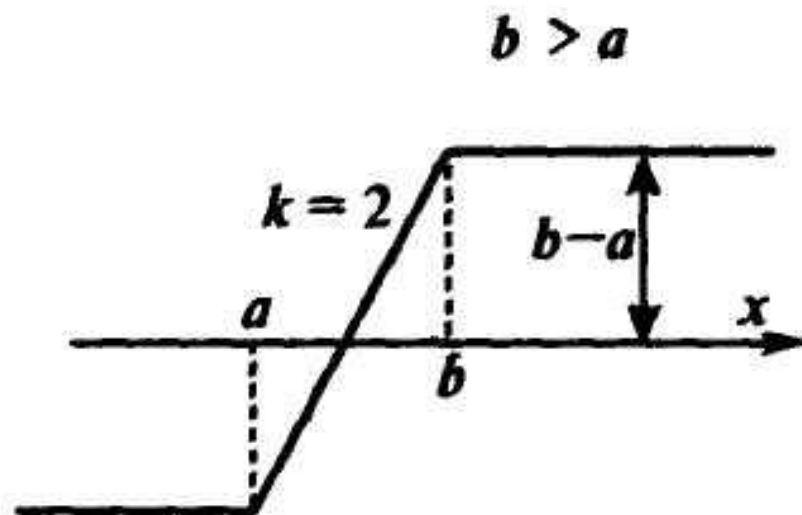
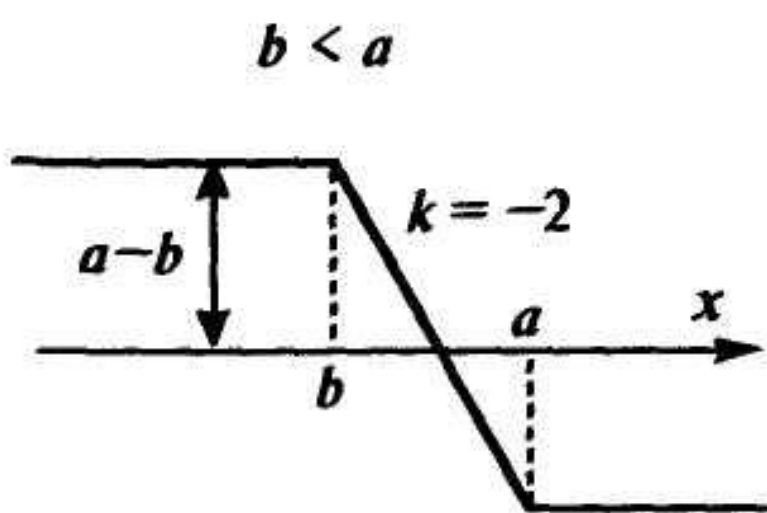
## «Корыто»

$$y = |x - a| + |x - b|, \quad (b > a)$$



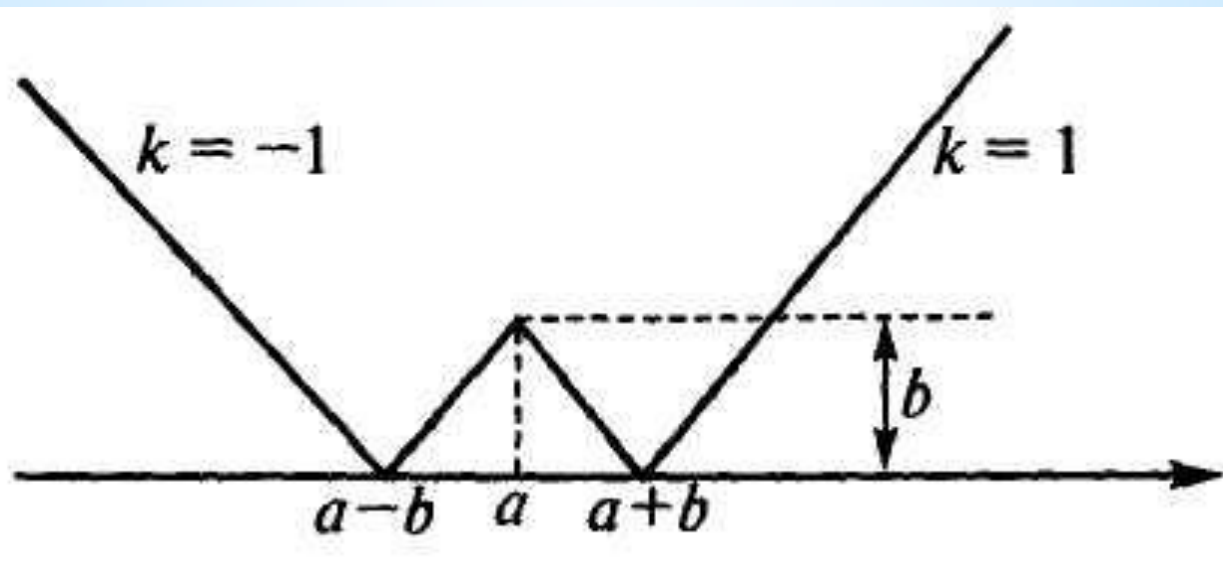
# «Ступенька»

$$y = |x - a| - |x - b|$$



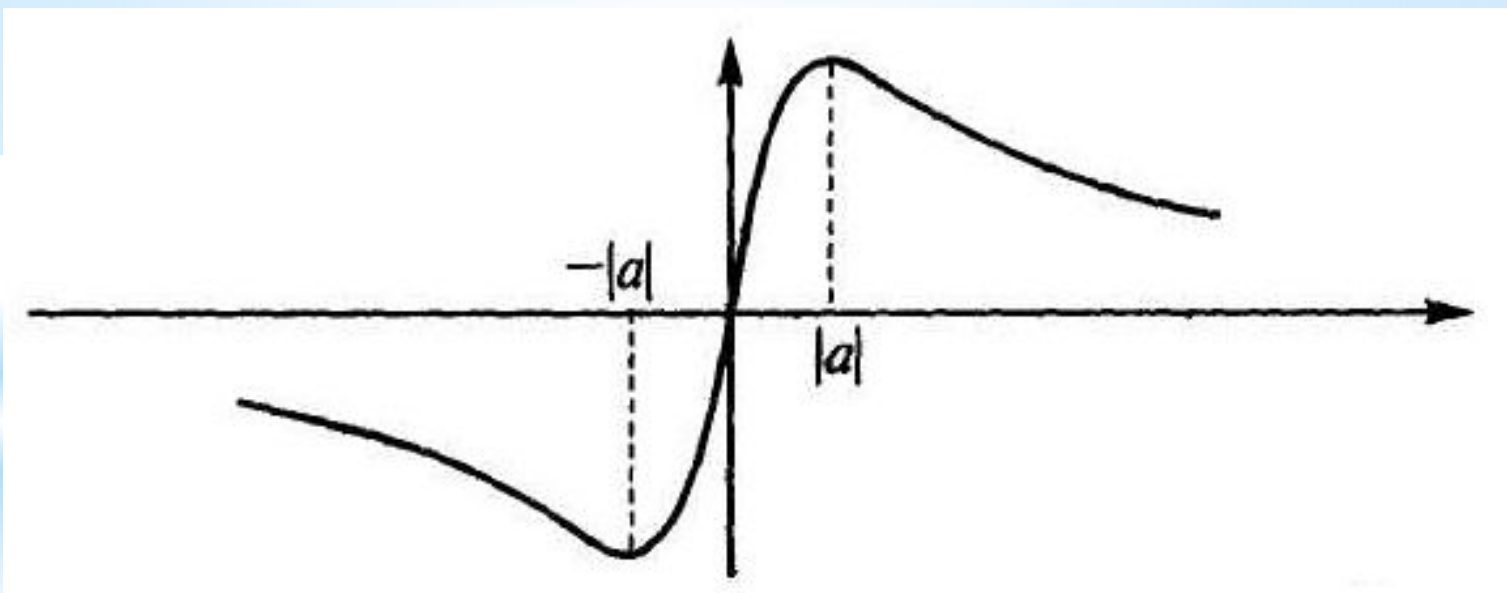
«W»

$$y = ||x - a| - b|, (b > 0)$$



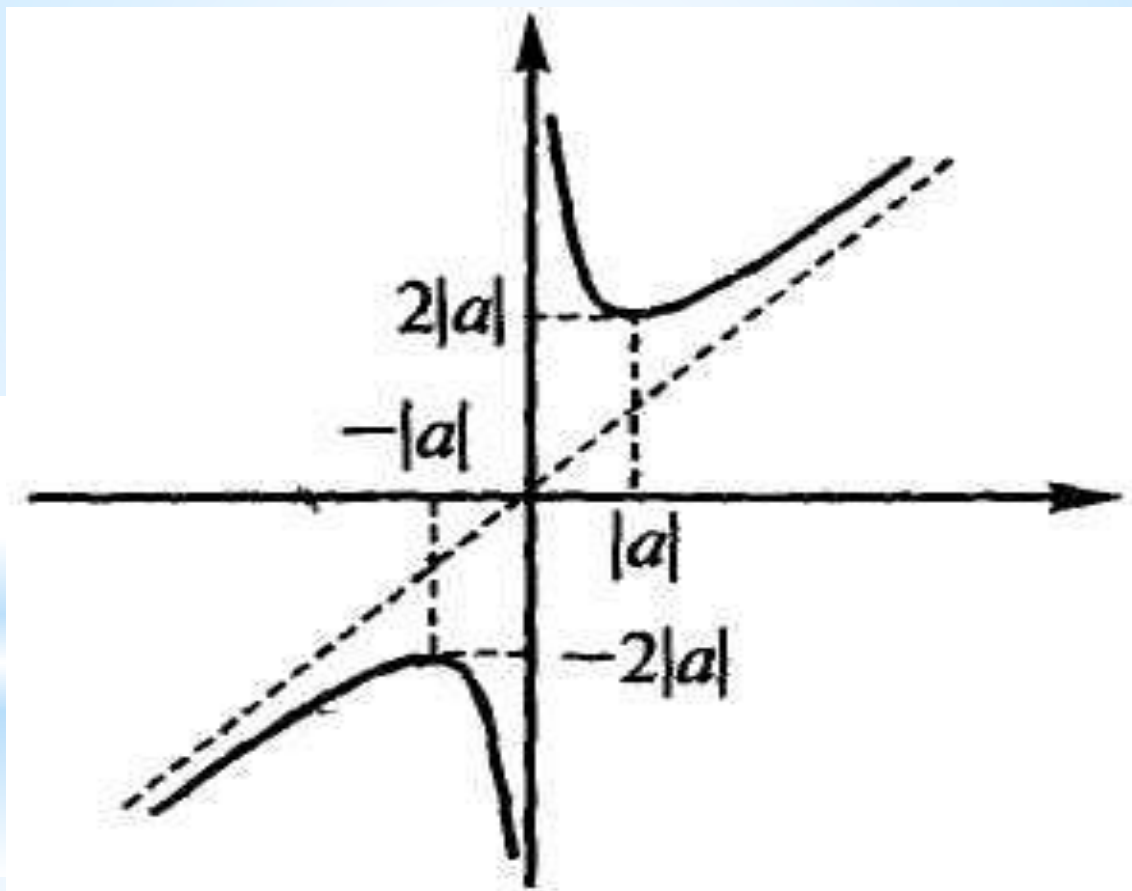
# «Волна»

$$y = \frac{x}{x^2 + a^2}$$



«Близнецы»

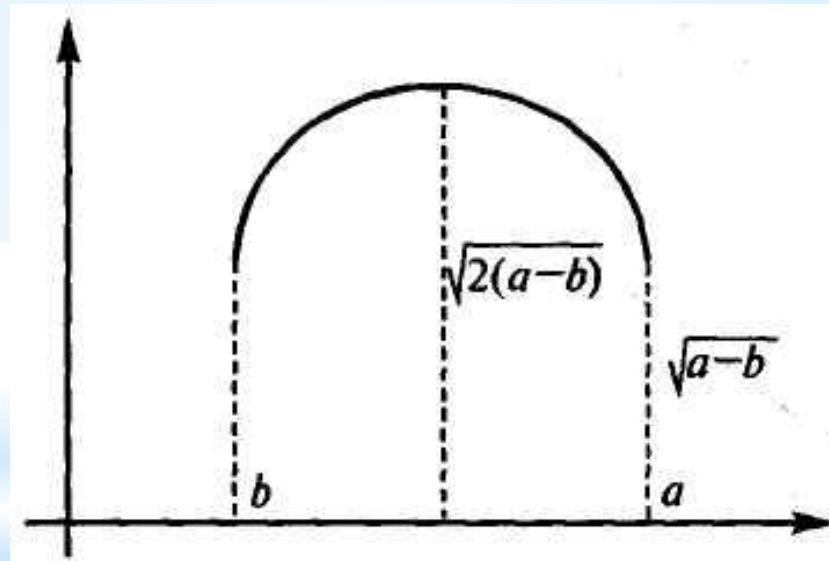
$$y = \frac{x^2 + a^2}{x} = x + \frac{a^2}{x}$$





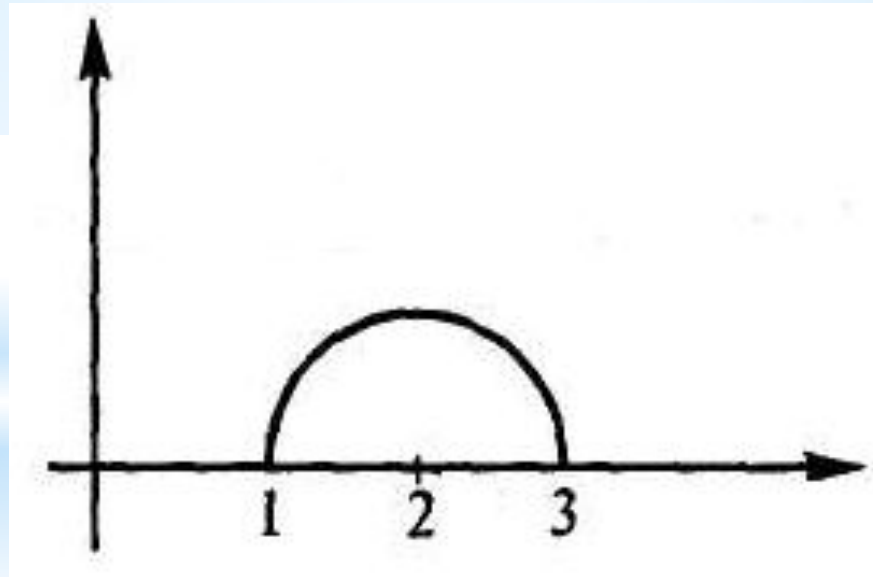
## «Шапочка»

$$y = \sqrt{a-x} + \sqrt{x-b}, \quad a > b$$



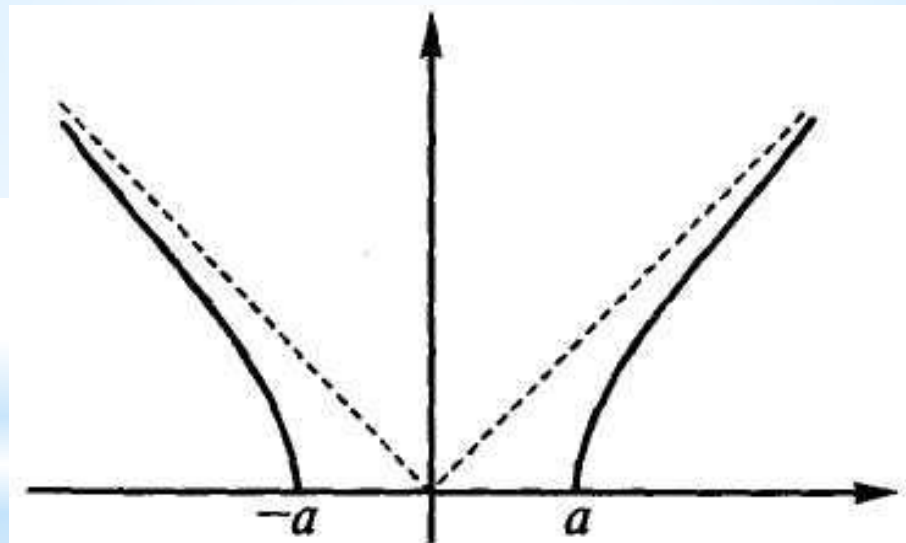
# «Полуокружности»

$$y = \sqrt{a + bx - x^2}$$



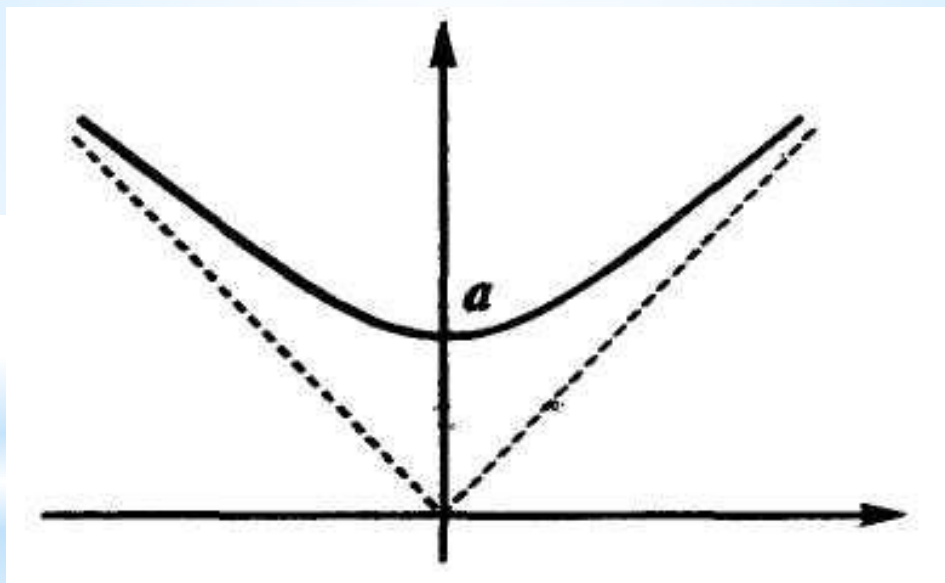
# «Распашонка»

$$y = \sqrt{x^2 - a^2}, \quad a > 0$$



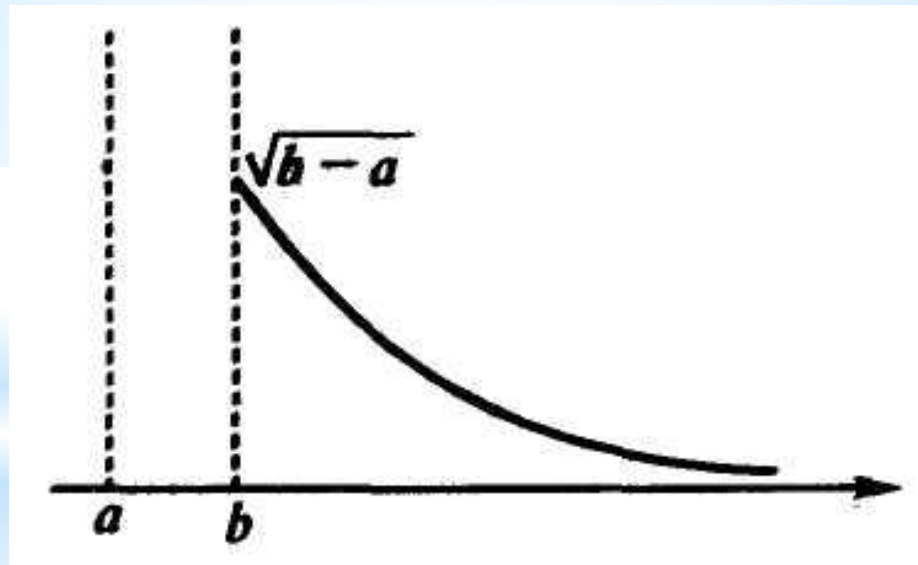
# «Канава»

$$y = \sqrt{x^2 + a^2}, \quad a > 0$$



## «Горка»

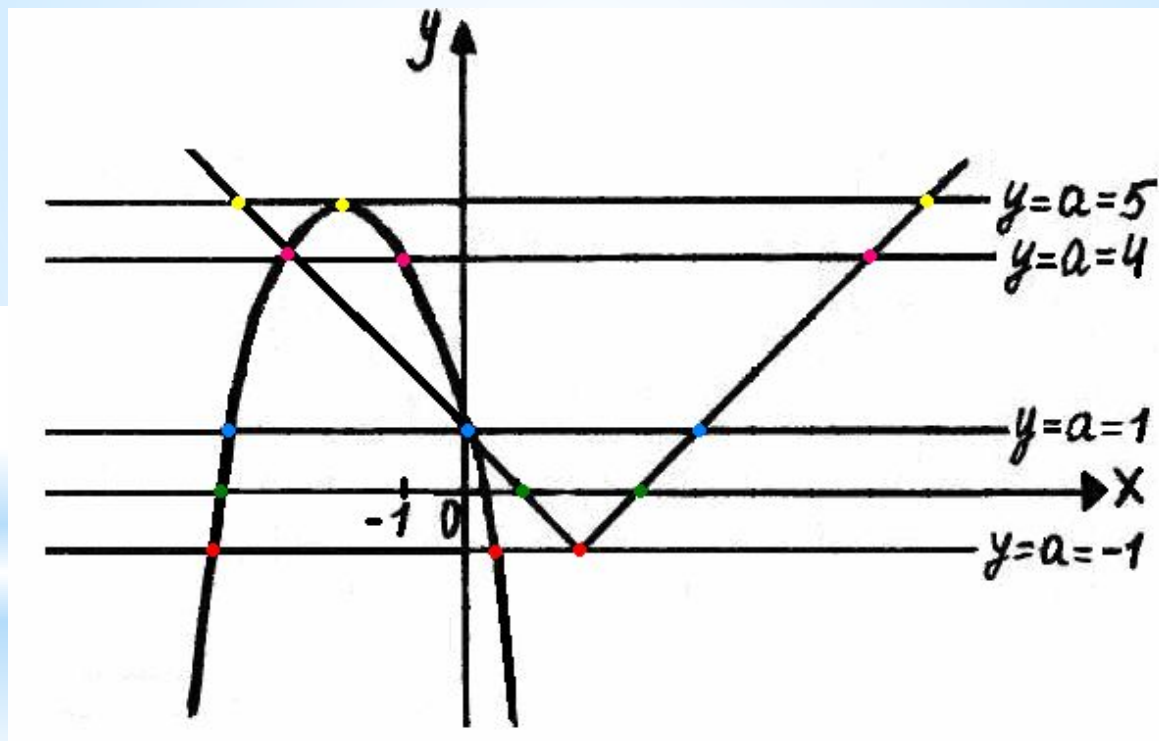
$$y = \sqrt{x-a} - \sqrt{x-b}, \quad a < b$$



а) При каких значениях параметра  $a$ , уравнение  $(a+4x+x^2-1)(a+1-|x-2|)=0$ , имеет 3 корня?

$$-x^2-4x+1=a$$

$$|x-2|-1=a$$

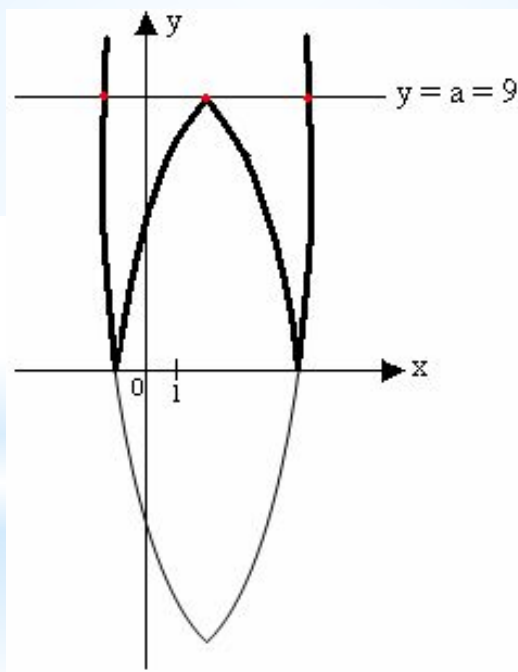


Ответ: при  $a = -1; 1; 4; 5$

б) При каких значениях параметра  $a$ , уравнение  $|x^2-4x-5|=a$ , имеет 3 корня?

$$f(x) = |x^2 - 4x - 5|$$

$f_1(x) = x^2 - 4x - 5$  - парабола, в-и вверх;  $f_2(x) = a$



Ответ: при  $a = 9$