

# (От простого к сложному)

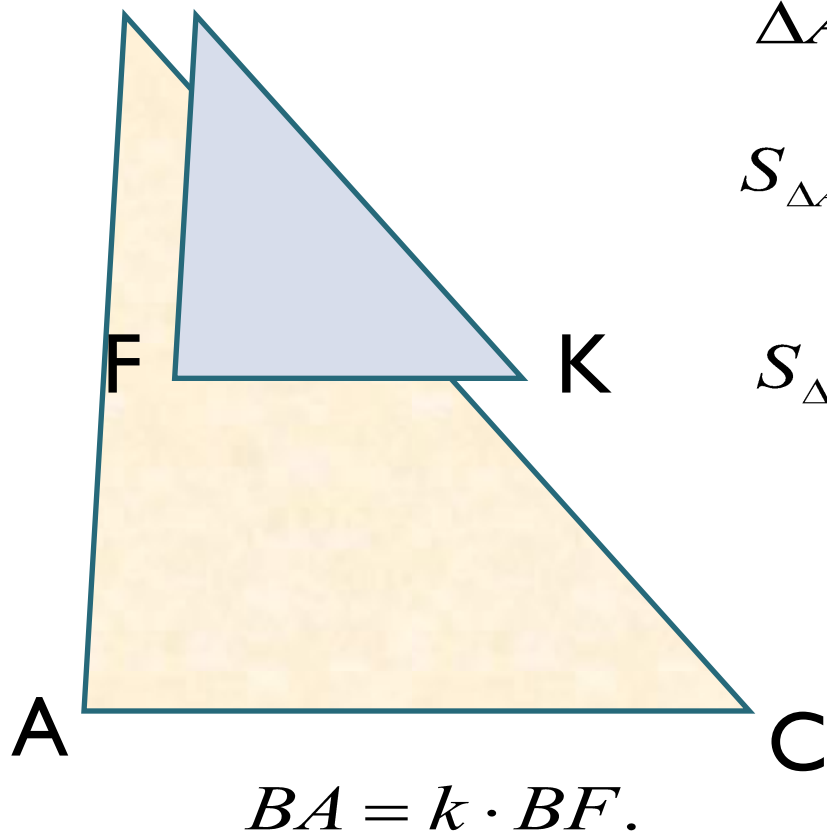
Петухова Ирина Валентиновна, учитель МБОУ СОШ №4,  
Г. Полярные Зори Мурманской области.

## Цели и задачи урока:

- Повторить свойства площадей фигур; свойство медианы треугольника; свойство площадей треугольников, имеющих одинаковую высоту; Свойство площадей подобных фигур.
- Развивать умения анализировать, сопоставлять, логически мыслить, обобщать; развивать внимание, память, активность и самостоятельность.
- Воспитывать ответственное отношение к учебному труду, настойчивость для достижения конечного результата, умение работать в коллективе.

Отношение площадей подобных  
треугольников равно квадрату

В коэффициента подобия.



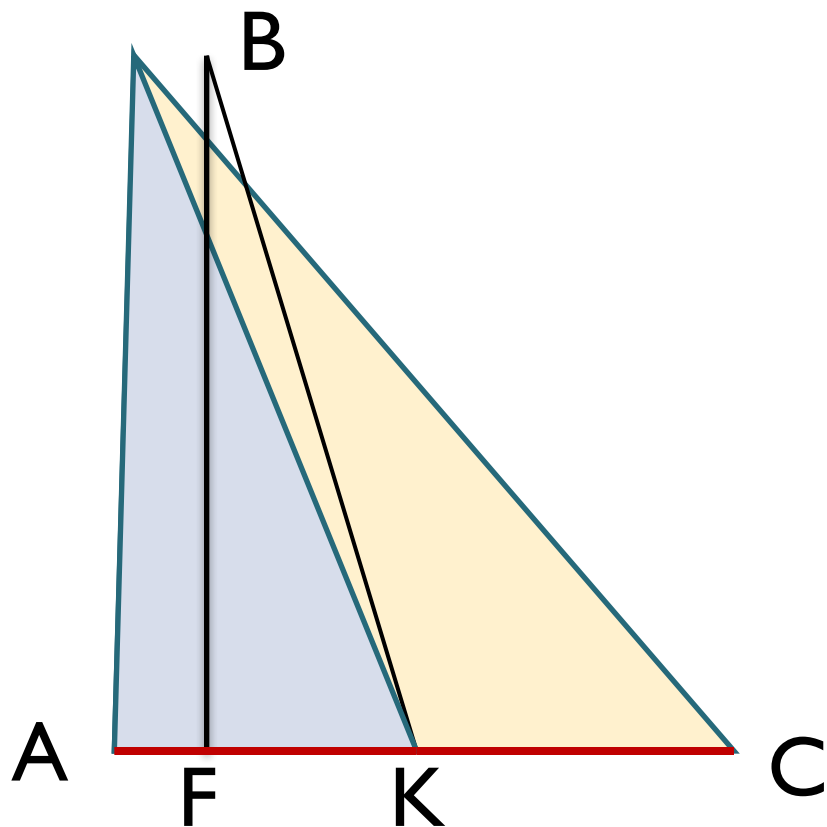
$\Delta ABC$  подобен  $\Delta FBK$ .

$$S_{\Delta ABC} = \frac{1}{2} BA \cdot BC \cdot \sin \angle B.$$

$$S_{\Delta FBK} = \frac{1}{2} BF \cdot BK \cdot \sin \angle B.$$

$$\frac{S_{\Delta ABC}}{S_{\Delta FBK}} = \frac{\frac{BA}{k} \cdot \frac{BC}{k}}{BF \cdot BK} = k^2$$

Медиана треугольника делит его на две  
равновеликие части.



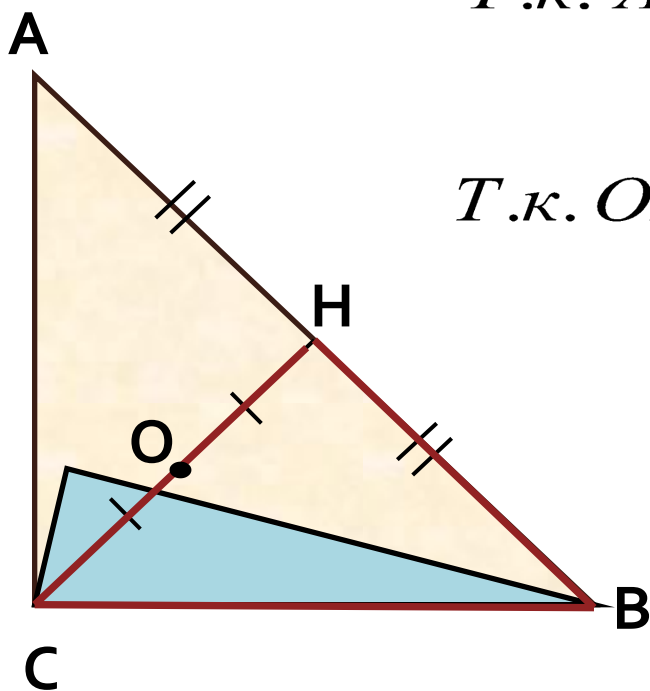
$$S_{\triangle ABK} = \frac{1}{2} AK \cdot BF.$$

$$S_{\triangle CBK} = \frac{1}{2} KC \cdot BF.$$

$$AK = KC.$$

$$S_{\triangle ABK} = S_{\triangle CBK}.$$

**Задача :** В прямоугольном треугольнике ABC точка O – середина медианы CH, проведенной к гипотенузе AB, AC = 6см, BC = 8см. Найдите площадь треугольника OBC.



$$\text{Т.к. } AH = BH, \text{ то } S_{\Delta CBH} = \frac{1}{2} S_{\Delta ABC}.$$

$$\text{Т.к. } OH = OC, \text{ то } S_{\Delta CBO} = \frac{1}{2} S_{\Delta HBC}.$$

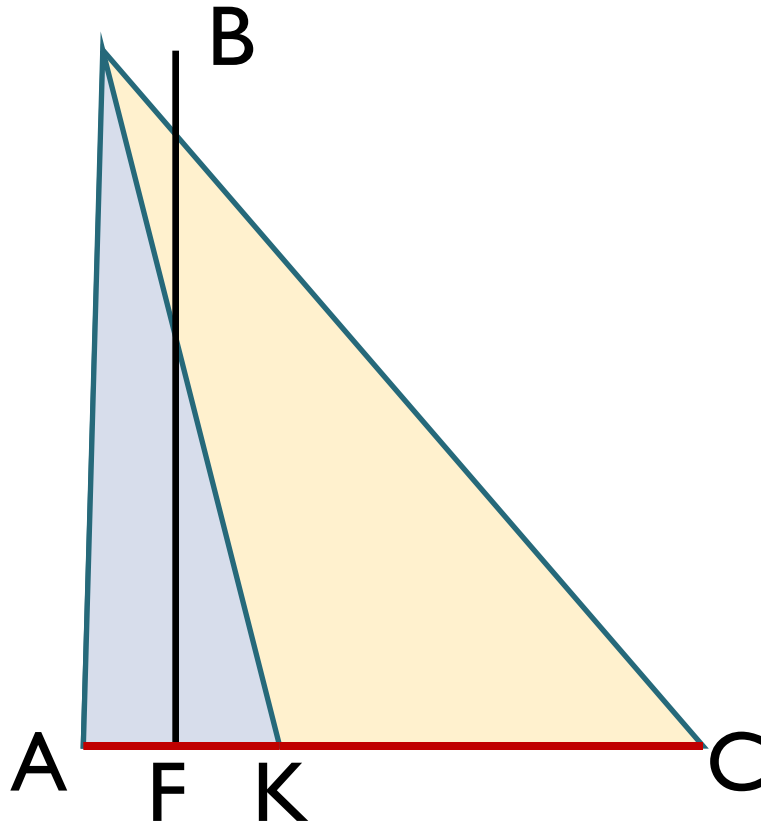
$$S_{\Delta CBO} = \frac{1}{4} S_{\Delta ABC}.$$

$$S_{\Delta ABC} = \frac{1}{2} ab = \frac{1}{2} \cdot 6 \cdot 8 = 24(\text{см}^2).$$

$$S_{\Delta CBO} = \frac{1}{4} \cdot 24 = 6(\text{см}^2).$$

**Ответ :** 6см<sup>2</sup>.

Если два треугольника имеют одинаковые высоты, то отношение их площадей равно отношению длин оснований (сторон, на которые опущены эти высоты).

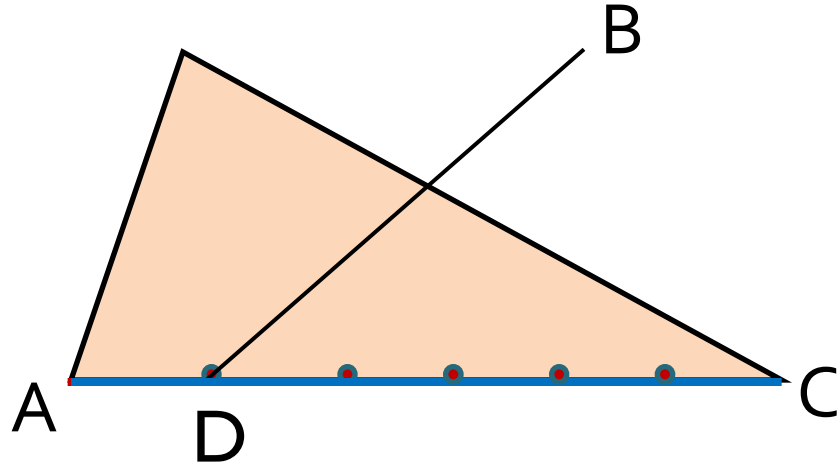


$$S_{\Delta CBK} = \frac{1}{2} KC \cdot BF.$$

$$S_{\Delta ABK} = \frac{1}{2} AK \cdot BF.$$

$$\frac{S_{\Delta CBK}}{S_{\Delta ABK}} = \frac{KC}{AK}$$

**Задача :** На стороне AC треугольника ABC с площадью  $36 \text{ см}^2$  взята точка D,  $AD : DC = 1 : 5$ . Найдите площадь треугольника ABD.



$$AD : DC = 1 : 5,$$

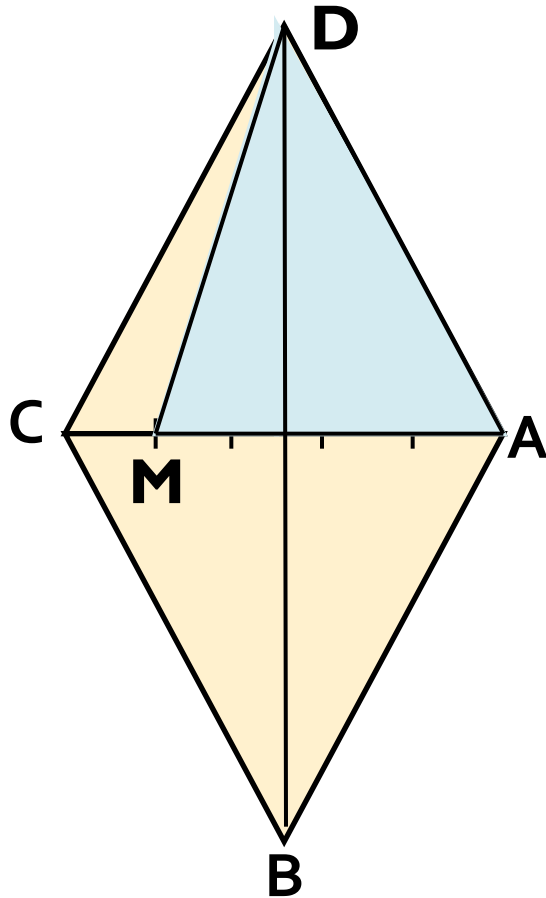
$$AD = \frac{1}{6} AC;$$

$$S_{\triangle ABD} = \frac{1}{6} S_{\triangle ABC} = 6.$$

Ответ :  $6 \text{ см}^2$ .



**Задача :** В ромбе ABCD диагонали равны 5 см и 12 см.  
На диагонали AC взята точка M так, что  $AM : MC = 4 : 1$ .  
Найдите площадь треугольника AMD.



$$S_{\Delta CDA} = \frac{1}{2} S_{ABCD}$$

$$S_{\Delta MDA} = \frac{4}{5} S_{\Delta CDA}$$

$$S_{\Delta MDA} = \frac{4}{5} \cdot \frac{1}{2} S_{ABCD} = \frac{2}{5} S_{ABCD},$$

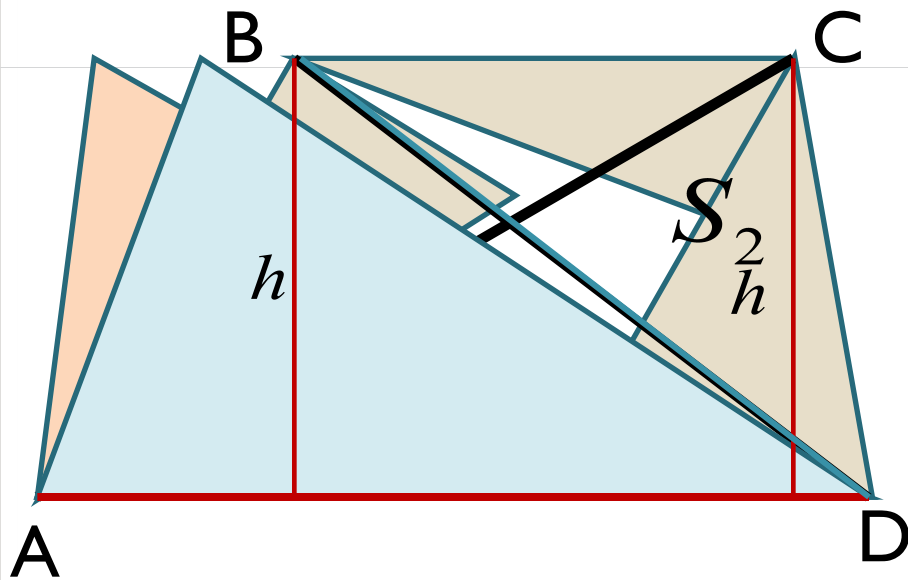
$$S_{ABCD} = \frac{1}{2} d_1 d_2 = \frac{1}{2} \cdot 5 \cdot 12 = 30,$$

$$S_{\Delta MDA} = \frac{2}{5} \cdot 30 = 12.$$

Ответ:  $12\text{см}^2$ .



Диагонали трапеции образуют  
равновеликие треугольники при одной  
основе.



$$S_{\triangle ABD} = S_{\triangle DCA}$$

т.к. у них  $AD$  – общая,  
а высоты равны.

(при основании  $BC$   
- аналогично)

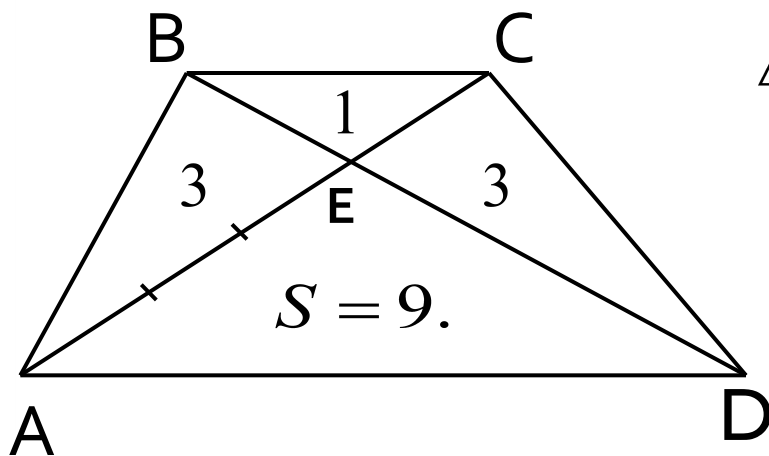
$$S_1 + S_3 = S_2 + S_3,$$

$$S_1 = S_2.$$

Диагонали образуют равновеликие  
треугольники при боковых сторонах  
трапеции.

**Задача!** В трапеции ABCD диагонали AC и BD пересекаются в точке E. Площадь треугольника AED равна 9. Точка E делит одну из диагоналей отношении 1:3. Найти площадь трапеции.

1 случай.



$\triangle AED$  подобен  $\triangle CEB$ ,  $k = 3$ .

$$S_{\triangle CEB} = \frac{1}{9} S_{\triangle AED} = \frac{1}{9} \cdot 9 = 1.$$

$$AE = 3EC.$$

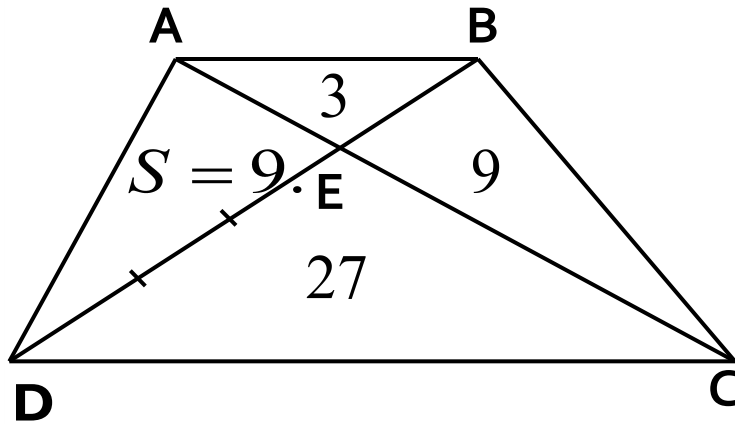
$$S_{\triangle ABE} = 3S_{\triangle BEC} = 3 \cdot 1 = 3.$$

$$S_{\triangle ABE} = S_{\triangle DCE} = 3.$$

$$S_{\triangle ABCD} = 9 + 3 + 3 + 1 = 16.$$

**Задача!** В трапеции ABCD диагонали AC и BD пересекаются в точке E. Площадь треугольника AED равна 9. Точка E делит одну из диагоналей отношении 1:3. Найти площадь трапеции.

2 случай.



$$S_{\triangle AED} = S_{\triangle BEC} = 9.$$

$$DE = 3BE.$$

$$S_{\triangle AEB} = \frac{1}{3} S_{\triangle AED} = \frac{1}{3} \cdot 9 = 3.$$

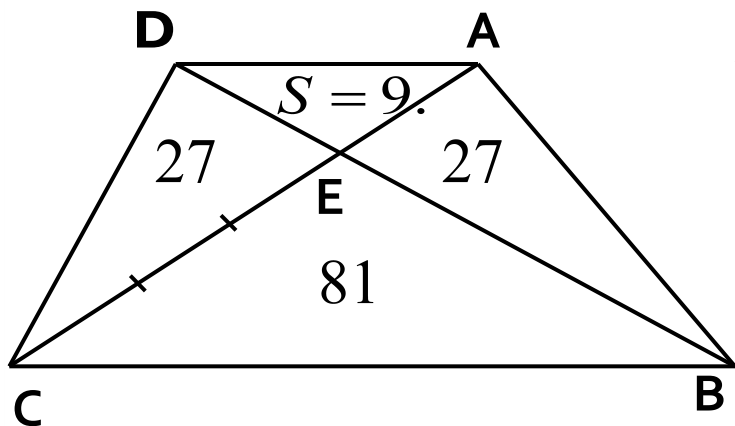
$\triangle DEC$  подобен  $\triangle AEB$ ,  $k = 3$ .

$$S_{\triangle DEC} = 9 S_{\triangle AEB} = 9 \cdot 3 = 27.$$

$$S_{\triangle ABCD} = 9 + 9 + 3 + 27 = 48.$$

**Задача!** В трапеции ABCD диагонали AC и BD пересекаются в точке E. Площадь треугольника AED равна 9. Точка E делит одну из диагоналей отношении 1:3. Найти площадь трапеции.

3 случай.



$\triangle BEC$  подобен  $\triangle DEA$ ,  $k = 3$ .

$$S_{\triangle CEB} = 9S_{\triangle AED} = 9 \cdot 9 = 81.$$

$$S_{\triangle CED} = 3S_{\triangle AED} = 3 \cdot 9 = 27.$$

$$S_{\triangle CED} = S_{\triangle BEA} = 27.$$

$$S_{\triangle ABCD} = 9 + 81 + 27 + 27 = 144.$$

*Ответ* : 16; 48; 144.

## Литература :

1. Корянов А.Г. Математика ЕГЭ.- Г.Брянск, 2010.
2. Гордин Р.К. ЕГЭ 2011. Математика. Задача С4.-М. Издательство МЦНМО, 2011.
3. Атанасян Л.С. Геометрия 7-9.-М.Просвещение, 2006.
4. Гаврилова Н.Ф. Поурочные разработки по геометрии (дифференцированный подход).-М. ВАКО, 2005