МОУ «Средняя общеобразовательная школа с. Погорелка Шадринский район Курганская область



Учитель математики первой квалификационной категории Кощеев М.М.

Цель урока:

- Усвоить понятие объёма пространственной фигуры;
- -Запомнить основные свойства объёма;
- -Узнать формулу объём шара.

Объем шара

Теорема: Объем шара радиуса R равен 4/3пR3

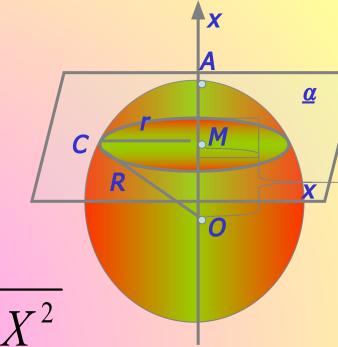
Дано: шар, $R_{\text{ш}}$. О- центр шара; OX - OC шара; $\alpha - OX$; M- центр круга сечения; OC = r; $S_{cey} = S(x)$; x-абсцисса M

$$r = \sqrt{OC^2 - OM^2} = \sqrt{R^2 - X^2}$$

$$S(x)=\Pi r^2 \longrightarrow S(x)=\Pi(R^2-x^2)$$

Применяя основную формулу для вычисления объемов имеем :a =-R; b=R

$$V = \int_{-R}^{R} \pi (R^2 - x^2) dx = \pi R^2 \int_{-R}^{R} dx - \pi \int_{-R}^{R} x^2 dx = \pi R^2 x \Big|_{-R}^{R} = \frac{4}{3} \pi R^3$$



<u>Шаровым сегментом</u> называется часть шара, отсекаемая от него плоскостью. На чертеже два шаровых сегмента- верхний и нижний. Круг, полученный в сечении — основание сегмента, AB- высота верхнего сегмента, BC-высота нижнего сегмента

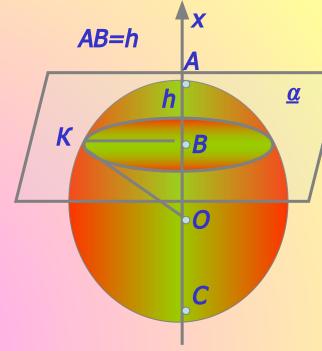
(оба отрезка —части диаметра АС. $OK=R_{u}$.)

$$V_{\text{ш. с.}} = \pi h^2 (R-1/3h)$$
 $OX \perp \underline{\alpha}$ $S(x) = \pi x^2$, где $R-h \leq x \leq R$
где $S(x)$ - площадь сечения

S (x)- непрерывная функция на [a; b]

По определению правила вычислению объемов a=R-h; b=R

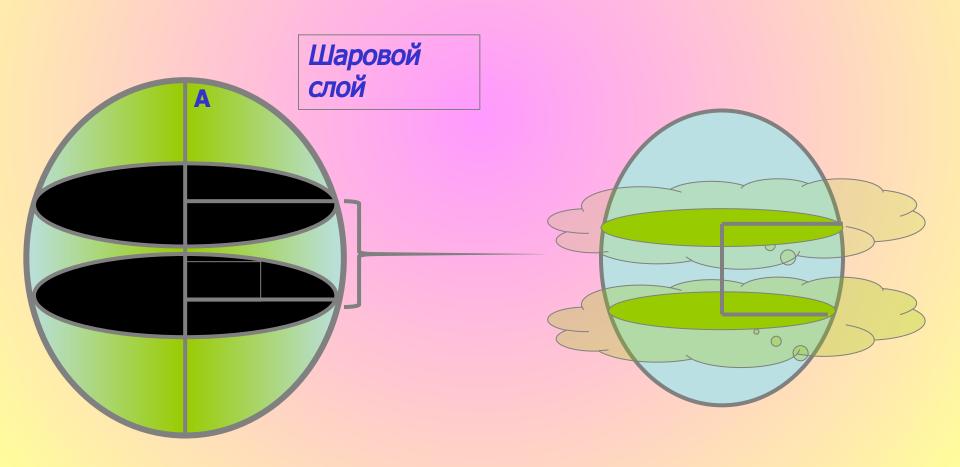
$$R$$
 $V=\pi\int (R^2-x^2)dx=\pi(R^2x-x^3/3)|$
 $R=\pi h^2(R-1/3h)$
 $R=h$



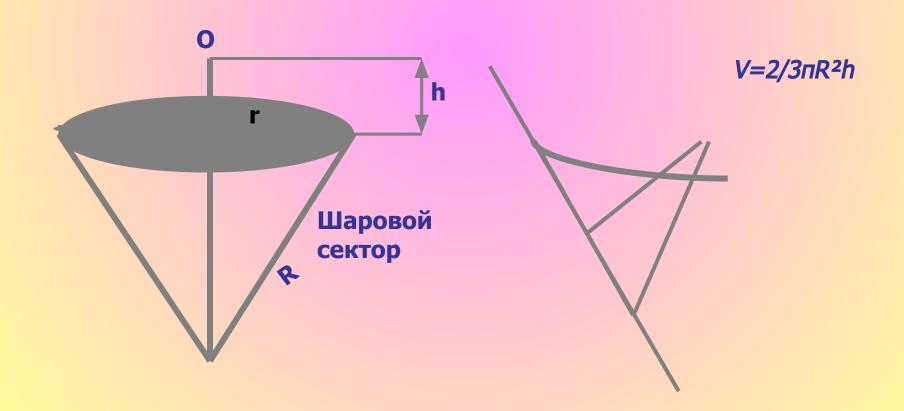
<u>Шаровым слоем</u> называется часть шара, заключенная между двумя секущими параллельными плоскостями.

Круги, полученные в сечениях- основания <u>шарового слоя</u>, расстояние между этими плоскостями- <u>высота</u> шарового слоя.

Объем шарового слоя – разность объемов двух шаровых сегментов с высотой АС и АВ.

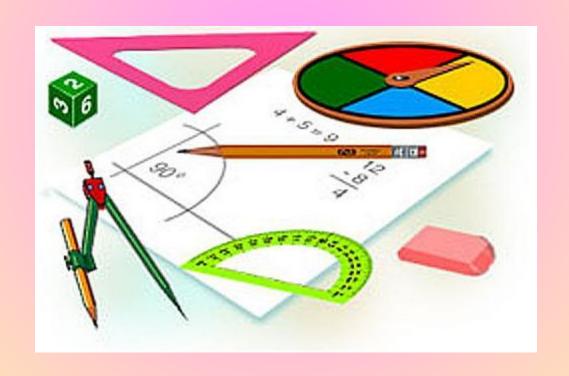


<u>Шаровым сектором</u> называется тело, полученное вращением кругового сектора с углом меньше 90°, вокруг прямой, содержащей один из ограничивающих круговой сектор радиусов. <u>Шаровой сектор</u> состоит из конуса и шарового сегмента с высотой *h*



Домашнее задание

Π. 71,72, 73, № 723,724,755



Библиография

- ❖ Л.С. Атанасян, В.Ф. Бутузов, С.Б. Кадомцев «Геометрия, 10-11», М., Просвещение, 2007
- В.Я. Яровенко «Поурочные разработки по геометрии», Москва, «ВАКО», 2006

