

В МИРЕ ФОРМУЛ СОКРАЩЁННОГО УМНОЖЕНИЯ

7 КЛАСС

$$\begin{aligned} & (\text{yellow circle} + \text{red triangle})^2 = \\ & = \text{yellow circle}^2 + 2 \cdot \text{yellow circle} \cdot \text{red triangle} + \text{red triangle}^2 \end{aligned}$$

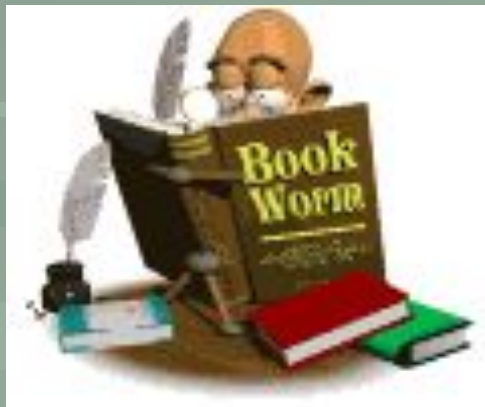
Цитаты урока

«Математику нельзя изучать, наблюдая, как это делает сосед!»

А. Нивен

«Учиться можно только весело...
Чтобы переварить знания, надо
поглощать их с аппетитом.»

А. Франс



Ярмарка настроений

Отличное	Хорошее	Удовлетворит.	Плохое	
				



«Проверь себя»


$$a^2 + b^2 + c^2 + 2ab + 2bc + 2ac$$


$$a^2 + 2ab + b^2$$


$$a^2 - 2ab + b^2$$

$$(-a - b)^2$$

$$(a - b)^2$$

$$(-a + b)^2$$

$$(b - a)^2$$

$$(a + b)^2$$

$$(b + a)^2$$

$$(a + b + c)^2$$

$$-(a + b)^2$$

$$(b + c + a)^2$$

$$(-a - b - c)^2$$

«Найди меня»

1. $b^2 + 20b + * = (* + *)^2;$

$$b^2 + 20b + 100 = (b + 10)^2.$$

2. $* - 42pk + 49p^2 = (* - *)^2;$

$$9k^2 - 42pk + 49p^2 = (3k - 7p)^2.$$

3. $100m^4 - 4n^6 = (10m^2 - *)(* + 10m^2);$

$$100m^4 - 4n^6 = (10m^2 - 2n^3)(2n^3 + 10m).$$

4. $64x^3 + * = (* + 3y)(* - 12xy + 9y^2);$

$$64x^3 + 27y^3 = (4x + 3y)(16x^2 - 12xy + 9y^2).$$

Таблица результатов

$4a^2 - 1$	$9x^2 + 12x + 4$	$(4x - 5)(4x + 5)$
$(a + 2)^2$	$49x^2 - 14x + 1$	$(x + 2)^2$
$9a^2 - 6a + 1$	$(7x - 3)(7x + 3)$	$0,04 - x^2$
$(4 - x/2)(4 + x/2)$	$(5x + 2)^2$	$0,25 - x + x^2$
$(5x - 1)^2$	$(4y - 3)^2$	$(x - 3)^2 + 6x$
$(x - 0,04)(x + 0,04)$	$0,04y^2 - 1$	$121 - x^2$
$(x + 2)^2$	$(x - 1)^2$	$(x - 4)^2$
$(7 - x)(7 + x)$	$(x + 3)^2$	$(y - x)(y + x)$
$(x - 8)(x + 8)$	$64 - x^2$	$(x + y)^2 - 2xy$
$(x + 8)^2 - 8x$	$(1 - y^5)(1 + y^5)$	$(5x + 1)^2$
$(a + 1)(a^2 - a + 1)$	$x^2 + x + 0,25$	$-(a + b)^2$
$a^3 - 8$	$a^3 + 1$	$(1 - c)(1 + c + c^2)$
$(1 - 2x)(1 + 2x + 4x^2)$	$a^3 + 27$	$-(x + 1)^2$
$m^6 + 64$	$(5 - a)(25 + 5a + a^2)$	$a^3 - 64$
$(n + 1)(n^2 - n + 1)$	$(a + 0,1)(a^2 - 0,1a + 0,01)$	$a^3 + 216$

ОТЛИЧНО – 9 заданий

ХОРОШО – 7 заданий

УДОВЛЕТВОРИТЕЛЬНО –

5 заданий

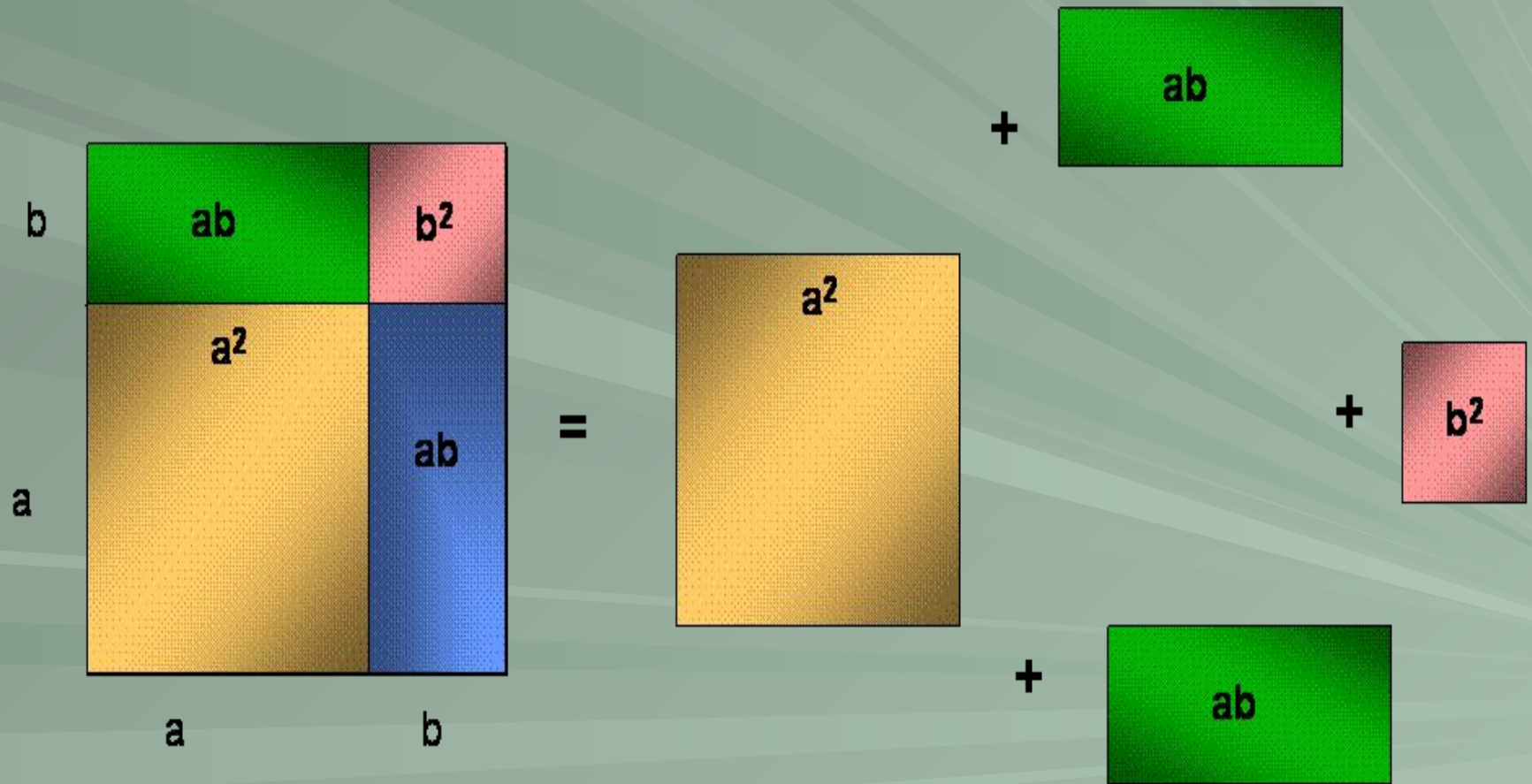
ПЛОХО – 3 задания

Ярмарка настроений

Отличное	Хорошее	Удовлетворит.	Плохое	
				

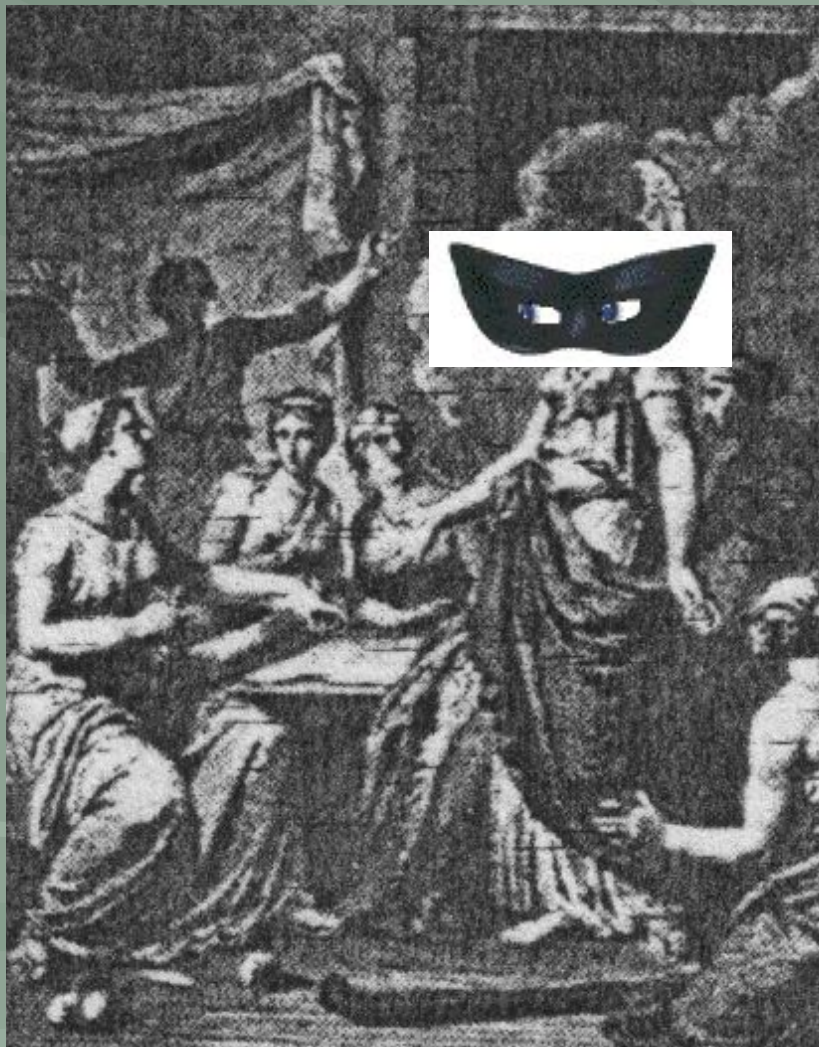


Геометрическое значение квадрата суммы двух чисел

$$(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$


Таинственный незнакомец

«Арифметика»



«Поле чудес»

1. $16y(2 - y) + (4y - 5)^2 = 0$

1. $3 \frac{1}{8}$ Д

2. $9x(x + 6) - (3x + 1)^2 = 1$

2. $\frac{1}{24}$ И

3. $(6y+2)(5-y)=47-(2y-3)(3y-1)$

3. 2 О

4. $(x + 6)^2 - (x - 5)(x + 5) = 79$

4. 1,5 Ф

5. $(2x - 3)^2 - (7 - 2x)^2 = 2$

5. $2 \frac{5}{8}$ А

6. $(2 - x)^2 - x(x + 1,5) = 4$

6. 0 Н

7. $(x - 7)^2 + 3 = (x - 2)(x + 2)$

7. 4 Т

ДИОФАНТ



Таинственный незнакомец



«Поле чудес»

1. $12 - (4 - x) \neq x(3 - x)$

1. 0,8 Э

2. $8m(1 + 2m) - (4m + 3)(4m - 3) = 3$

2. -0,75 Й

3. $(2x - 3) \neq 2x(4 + 2x) = 11$

3. -0,1 Л

4. $(3x - 1)(2x + 7) - (x + 1)(6x - 5) = 7$

4. 0,5 Е

5. $(8 - 9a)a + 40 = (6 - 3a)(6 + 3a)$

5. -0,5 Р

ЛЕОНАРД ЭЙЛЕР



Ярмарка настроений

Отличное	Хорошее	Удовлетворит.	Плохое	
				



Примеры тестов

5. $(x-1)(x^2+x+1)$.

A. x^3+x^2-1 .

Б. x^3-1 .

В. x^3-x^2-1 .

Г. x^3+1 .

6. Даны два равенства:

1) $(2a-3b^2)^2=4a^2-6ab^2+9b^4$;

2) $(x+3y)^2=x^2+9y^2+6xy$.

Какое из них верно (да), а какое неверно (нет)?

A. 1) да, 2) да. **Б.** 1) да, 2) нет.

В. 1) нет, 2) да. **Г.** 1) нет, 2) нет.

7. Не решая пример, скажите, корректно (да) или некорректно (нет) следующее задание:

1) Разделите многочлен $3x^2y-9xy^2$ на одночлен $3x^2y$.

2) Разделите многочлен $3xyz-9xy^2z$ на одночлен $3xy$.

A. 1) да, 2) да. **Б.** 1) да, 2) нет.

В. 1) нет, 2) да. **Г.** 1) нет, 2) нет.

5. $8a^3+1$.

A. $(2a-1)(4a^2+2a+1)$.

Б. $(2a+1)(4a^2-2a+1)$.

В. $(2a+1)(4a^2-4a+1)$.

Г. $(2a+1)(4a^2+2a+1)$.

6. Вычислите: $\frac{75^2-25^2}{62,5^2-37,5^2}$.

A. 1. **Б.** -1. **В.** 2. **Г.** -2.

7. Какое из равенств верно (да), какое неверно (нет):

1) $9a^4+12a^2b+4b^2=(3a^2+2b)^2$;

2) $x^2-8xy+4y^2=(x-2y)^2$?

A. 1) да, 2) да. **Б.** 1) да, 2) нет.

В. 1) нет, 2) да. **Г.** 1) нет, 2) нет.

6. $x(y-z)-(z-y)$.

A. $(x-1)(y-z)$.

Б. $(x-1)(z-y)$.

В. $(x+1)(y-z)$.

Г. $(x+1)(z-y)$.

7. $3x-3y-ax+ay$.

A. $(x-y)(a-3)$.

Б. $(x-y)(3-a)$.

В. $(x-y)(a+3)$.

Г. $(y-x)(3+a)$.

8. Вычислите: $217 \cdot 317 - 217^2$.

A. 21700. **Б.** 2170. **В.** 217. **Г.** 217000.

1. Преобразуйте в многочлен: $(a-5b)^2$.

A. $a^2+10ab-5b^2$.

Б. $a^2-10ab+25b^2$.

В. $a^2+10ab+25b^2$.

Г. $a^2-5ab+25b^2$.

2. Разложите на множители: a^4-25 .

A. $(a^2-5) \cdot (a^2+5)$.

Б. $(a-5) \cdot (a+5)$.

В. $(a^2-25) \cdot (a^2+25)$.

Г. Нет ответа.

3. Решите уравнение: $9x^2-16=0$.

A. $\frac{16}{9}$.

Б. $\frac{4}{3}$.

В. $\frac{4}{3}; -\frac{4}{3}$.

Г. $\frac{3}{4}; -\frac{3}{4}$.

Ответы

5	6	7
Б	В	Г

ВАРИАНТ 2

5	6	7
В	В	Б

ВАРИАНТ 4

ВАРИАНТ 1

6	7	8
В	Б	А

ВАРИАНТ 3

5	6	7
Б	А	В

Ярмарка настроений

Отличное	Хорошее	Удовлетворит.	Плохое	
				



$$(a+b+c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2ab + 2ac + 2bc$$

	a	b	c
a	a^2	ab	ac
b	ab	b^2	bc
c	ac	bc	c^2

Найдите квадрат
суммы следующих
чисел:

$$(a - x + y)^2 ;$$

$$(a - b - c)^2 .$$

Обобщение утверждения

$$(a + b + c + \dots + k + m)_2 =$$

$$= a_2 + b_2 + c_2 + \dots + m_2 +$$

$$+ 2ab + 2ac + \dots + 2km.$$

БЛЕЗ ПАСКАЛЬ



Рассмотрим двучлены:

$$(a + b)_0 = 1$$

$$(a + b)_1 = a + b$$

$$(a + b)_2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a + b)_3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$$

ТАБЛИЦА
из их коэф-
фициентов

1

1 1

1 2 1

1 3 3 1

ЗАКОН образования коэффициентов?

Таблица

11			1					20	
11			1	1				21	
11			1	2	1			22	
11			1	3	3	1		23	
11			1	4	6	4	1	24	
11			1	5	10	10	5	1	25

...



Найди ошибку!

- $(4y - 3x)(3x + 4y) = 8y^2 - 9x^2$ $8y^2$
- $100m^4 - 4n^6 = (10m^2 - 2n^3)(10m^2 + 2n^3)$ $2n^2$
- $(3x + a)^2 = 9x^2 - 6ax + a^2$ $-6ax$
- $(6a - 9c)^2 = 36a^4 - 108ac^2 + 18c^2$ $18c^2$

СОФИЗМ

Попробуем доказать равенство $4 = 5$.

Рассмотрим две разности:

$$16 - 36 = 25 - 45.$$

Добавим число $81/4$. Имеем:

$$16 - 36 + 81/4 = 25 - 45 + 81/4.$$

Представим эти выражения так:

$$4^2 - 2 * 4 * 9/2 + (9/2)^2 = 5^2 - 2 * 5 * 9/2 + (9/2)^2.$$

Используем формулу

$$(4 - 9/2)^2 = (5 - 9/2)^2.$$

$$4 - 9/2 = 5 - 9/2, \quad 4 = 5. \quad \text{Где ошибка?}$$

Ярмарка настроений

Отличное	Хорошее	Удовлетворит.	Плохое	
				



Итоги урока:

- ❖ встреча с упражнениями, при выполнении которых возникала необходимость использования формул;
- ❖ формулировка гипотезы и проверка её для различных частных случаев;
- ❖ обоснование для общего случая;
- ❖ оформление результатов;
- ❖ проверили уровень подготовки к контрольной работе.

Домашнее задание

- Изящные пирамиды чисел:

а) $1 \cdot 8 + 1 = 9$; $12 \cdot 8 + 2 = 98$; $123 \cdot 8 + 3 = 987$

Как дальше?

б) $1^2 = 1$; $11^2 = 121$; $111^2 = ?$

- Возведите в степень:

а) $(2a - b + c)^2$; б) $(a + b)^6$.

- Вычислите устно:

а) 9762; б) 2952.

- Придумайте «доказательство» того, что $2=3$