# Из истории параллельности прямых на плоскости

или

**Иногда сомнение приводит к новым** открытиям

Ненашева Ю.С., учитель математики МКОУ Манушкинской средней общеобразовательной школы



□ Из истории математики известно, что вопрос параллельности прямых вызывал интерес математиков в течение двух с половиной тысяч лет.

#### «Начала»

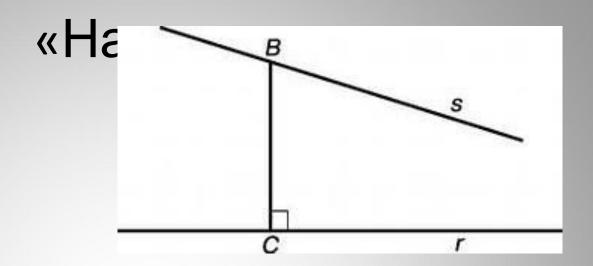
Первым все знания с древнаремен о параллельности про обобщил ЕВКЛИД.



- Евклид или Эвклид (ок. 300 г. до н. э.)
  - древнегреческий математик, автор первого из дошедших до нас теоретических трактатов по математике. Достоверным можно считать то, что его научная деятельность протекала в Александрии в 3 в. до н. э.

#### «Начала»

□ Основное сочинение Евклида называется «Начала». Книги с таким же названием, в которых последовательно излагались все основные факты геометрии и теорети ческой арифметики, составлялись ранее Гиппократом Хиосским, Леонтом и Февдием. Однако Начала Евклида вытеснили все эти сочинения из обихода и в течение более чем двух тысячелетий оставались базовым

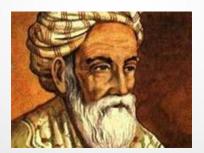


Аксиома паралле́льности Евкли́да, или пя́тый постула́т — одна из аксиом, лежащих в основании евклидовой планиметрии.

Если прямая, падающая на две прямые, образует внутренние и по одну сторону углы, меньшие двух прямых, то продолженные неограниченно эти прямые встретятся с той стороны, где углы меньше двух прямых.

### А дальше?

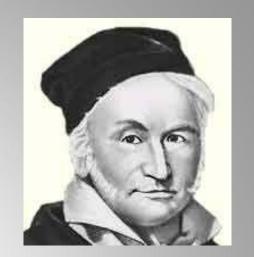
- ☐ На протяжении 2,5 тысяч лет вопрос о доказательстве постулата Евклида волновал умы математиков всего мира.
- □ Среди них, например были:
- □Прокл
- □ Птолемей
- Пламберт
- □Хайям
- □ Саккери и др.



□ В течении первых же десятилетий XIX в. проблема 5-го постулата была решена несколькими лицами почти одновременно и независимо друг от друга, но совершенно не так, как предполагали это прежние учёные: была создана новая геометрия, независимая от 5-го постулата.

- □ К открытию новой, так называемой «неевклидовой», геометрии пришли три человека:
- □ 1) профессор Казанского университета Николай Иванович Лобачевский (1792–1856);
- □ 2) великий немецкий математик Карл Фридрих Гаусс (1777–1855);
- □ 3) венгерский офицер Янош Бойяи (1802–1860).

- Карл Фридрих Гаусс
- (1777-1855) немецкий
- математик, астроном, геодезист и физик, иностранный членкорреспондент (1802) и иностранный почетный член (1824) Петербургской АН.
- Что касается Гаусса, то он совершенно не оставил никаких следов систематического изложения своих открытий в области неевклидовой геометрии и при жизни не опубликовал ни одной строчки по этому вопросу. Гаусс слишком боялся уронить свой огромный авторитет в глазах учёного мира.



#### Янош Бойяи

- □ Венгерский математик,сын математикаФаркаша Бойяи.
- □ Уже в колледже он настолько увлёкся исследованием пятого постулата Евклида, что отец встревожился за судьбу сына.

#### Из письма Франкаша Бойяи сыну:

- «Ты должен бросить это как самое гнусное извращение. Оно может отнять у тебя всё время, здоровье, разум, все радости жизни. Эта чёрная пропасть в состоянии, может быть, поглотить тысячу таких титанов, как Ньютон…»
- □ В 1832 году отец публикует своё сочинение, а в приложении к нему работу сына, вошедшую в историю математики под именем Аррендіх (приложение). Полное название труда Яноша Бойяи: «Приложение, содержащее науку о пространстве, абсолютно истинную, не зависящую от истинности или ложности ХІ аксиомы Евклида «



После смерти Бойяи были обнаружены более 20000 листов незаконченных математических рукописей. Однако «Аппендикс» так и остался единственной его работой, напечатанной при жизни автора. (памятник отцу и сыну Бойяи в Венгрии)

#### Н.Лобачевский

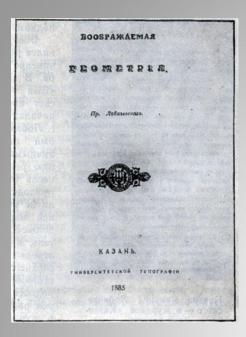
- □ И стояла геометрия Евклида
- □ Как египетская чудо-пирамида.
- □ Строже выдумать строенье невозможно,
- □ Лишь одна была в ней глыба безнадежна.
- □ Аксиома называлась "параллели"
- □ Разгадать ее загадку не сумели.
- □ И подумал Лобачевский;
- □ "Но ведь связана с природой аксиома!
- □ Мы природу понимаем поземному
- □ Во Вселенной расстоянья неземные,
- □ Могут действовать законы там иные!"
- 🛮 Да, конечно, да,
- □ Доказывать бесцельно!
- □ Параллельные пойдут непараллельно!..



- □ Первый набросок новой
- □ теории доклад
- □ «Сжатое изложение начал
- □ геометрии» Лобачевский
- □ сделал 11 (23) февраля 1826 года, дата этого выступления считается днём рождения неевклидовой геометрии.



• В 1829 году журнал "Казанский вестник" опубликовал сочинение Лобачевского о неевклидовой геометрии. Работа называлась "О началах геометрии". В отзыве на него известный математик академик М. В. Остроградский писал: "Автор, по-видимому, задался целью писать таким образом, чтобы его нельзя было понять. Он достиг своей цели: большая часть книги осталась столь же неизвестной для меня, как если бы я никогда не видел ее". Затем он развивал эти идеи во многих трудах, издававшихся не только на русском, но и на французском и немецком языках.

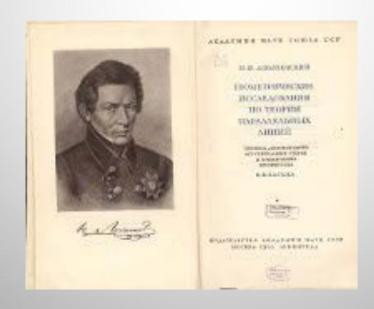


#### O HAVAAAX D FEOMETPIN(")

Канется, трудность понятій увеличивзепси по итръ ихъприближения на начальнымо волинама ва природа; плакже кака сна возраствень во другомо направления, ко пой граимев, куда стренится унь за новыми познавіями. Вомъ почему трудности въ Геометрія должим принадлежанть, вопервых з, самому предмету. Далье, средства, къ которинъ надобио прибътнуть, чтобы достигнуть здесь последней етрогосия, едза ян могумъ омажения цван и иростопъ сего учения. Та, которые хотван удовленноринь симъ пребованиямъ, задаючили себя въ шахой шесной хругь, чио вей уснава ихъ не моган быть вознаграждени успъхонь. Навонечь сканень и по , что со вренени Намона и Декармя, вся Матенатака, еделениясь Акалитикой, пошла столь бистрыми шагами впередъ, что остгавиль далеко за собой що ученіе, безь кошораго могав уме об-

(\*) Извасчено самямь Сочинителень изв разсумденія, подв названість: Exposition succineto des principes de la Géometrie etc., читанизго имъ пь засъданія Отделенія Физико-Мапематических маукь, 12 Февраля 1846 годе.





• Лобачевский умер непризнанным. Спустя несколько десятилетий ситуация в науке коренным образом изменилась. Большую роль в признании трудов Лобачевского сыграли исследования Э. Бельтрами (1868), Ф. Клейна (1871), А. Пуанкаре (1883) и др.



• Появление модели Клейна доказало, что геометрия Лобачевского так же непротиворечива, как и евклидова. Осознание того, что у евклидовой геометрии имеется полноценная альтернатива, произвело огромное впечатление на научный мир и придало импульс другим новаторским идеям в математике и физике.

## Поверхности, на которых действует неевклидова геометрия

