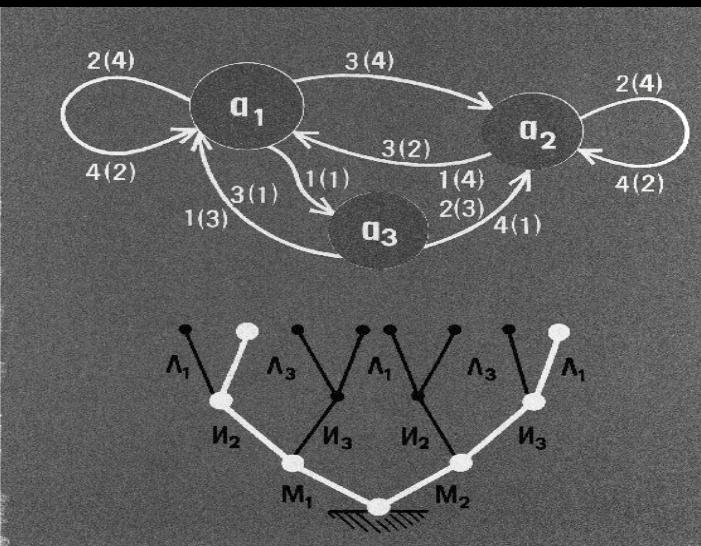


# АЛГЕБРА ВЫСКАЗЫВАНИЙ. ОСНОВНЫЕ ОПЕРАЦИИ АЛГЕБРЫ ВЫСКАЗЫВАНИЙ.



# ВОПРОСЫ

1. Что такое логика? Формальная логика.  
Математическая логика.
2. Этапы развития логики.
3. Применение математической логики.
4. Алгебра высказываний. Простые и сложные  
высказывания.
5. Основные операции алгебры высказываний.

LOGOS (ГРЕЧ.)- СЛОВО,  
ПОНЯТИЕ, РАССУЖДЕНИЕ,  
РАЗУМ

**СЛОВО «ЛОГИКА» ОБОЗНАЧАЕТ  
СОВОКУПНОСТЬ ПРАВИЛ, КОТО-  
РЫМ ПОДЧИНЯЕТСЯ ПРОЦЕСС  
МЫШЛЕНИЯ.**

**ОСНОВНЫМИ  
АБСТРАКТНОГО  
ЯВЛЯЮТСЯ: ПОНЯТИЯ,  
СУЖДЕНИЯ, УМОЗАКЛЮЧЕНИЯ.**

**ПОНЯТИЕ** - ФОРМА МЫШЛЕНИЯ, В КОТОРОЙ  
ОТРАЖАЮТСЯ СУЩЕСТВЕННЫЕ ПРИЗНАКИ  
ОТДЕЛЬНОГО ПРЕДМЕТА ИЛИ КЛАССА  
ОДНОРОДНЫХ ПРЕДМЕТОВ (*ТРАПЕЦИЯ, ДОМ*).

**СУЖДЕНИЕ** - МЫСЛЬ, В КОТОРОЙ ЧТО-ЛИБО  
УТВЕРЖДАЕТСЯ ИЛИ ОТРИЦАЕТСЯ О  
ПРЕДМЕТАХ (*ВЕСНА НАСТУПИЛА, И ГРАЧИ  
ПРИЛЕТЕЛИ*).

**УМОЗАКЛЮЧЕНИЕ** - ПРИЕМ МЫШЛЕНИЯ,  
ПОСРЕДСТВОМ КОТОРОГО ИЗ ИСХОДНОГО  
ЗНАНИЯ ПОЛУЧАЕТСЯ НОВОЕ ЗНАНИЕ  
(*ВСЕ МЕТАЛЛЫ - ПРОСТЫЕ ВЕЩЕСТВА.*)

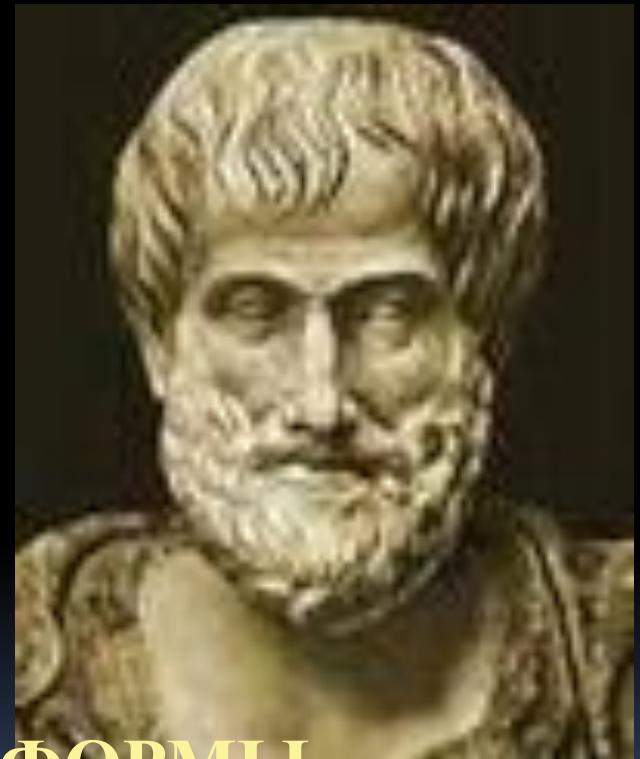
**ЛОГИКА (ФОРМАЛЬНАЯ) - НАУКА**  
**О ЗАКОНАХ И ФОРМАХ**  
**ПРАВИЛЬНОГО МЫШЛЕНИЯ.**

**МАТЕМАТИЧЕСКАЯ ЛОГИКА -**  
**ИЗУЧАЕТ ЛОГИЧЕСКИЕ СВЯЗИ И**  
**ОТНОШЕНИЯ, ЛЕЖАЩИЕ В**  
**ОСНОВЕ ЛОГИЧЕСКОГО**  
**(ДЕДУКТИВНОГО) ВЫВОДА.**

# АРИСТОТЕЛЬ (384-322 гг. до н.э.) - ОСНОВОПОЛОЖНИК ЛОГИКИ

## КНИГИ:

- «КАТЕГОРИИ»
- «ПЕРВАЯ АНАЛИТИКА»
- «ВТОРАЯ АНАЛИТИКА»



(ИССЛЕДОВАЛ РАЗЛИЧНЫЕ ФОРМЫ  
РАССУЖДЕНИЙ , ВВЕЛ ПОНЯТИЕ  
СИЛЛОГИЗМА)

# СИЛЛОГИЗМ - РАССУЖДЕНИЕ, В КОТОРОМ ИЗ ЗАДАННЫХ ДВУХ СУЖДЕНИЙ ВЫВОДИТСЯ ТРЕТЬЕ.

1. ВСЕ МЛЕКОПИТАЮЩИЕ ИМЕЮТ СКЕЛЕТ. ВСЕ КИТЫ - МЛЕКОПИТАЮЩИЕ.  
СЛЕДОВАТЕЛЬНО, ВСЕ КИТЫ ИМЕЮТ СКЕЛЕТ.
2. ВСЕ КВАДРАТЫ - РОМБЫ. ВСЕ РОМБЫ - ПАРАЛЛЕЛЕГРАММЫ.  
СЛЕДОВАТЕЛЬНО, ВСЕ КВАДРАТЫ - ПАРАЛЛЕЛОГРАММЫ.

**АРИСТОТЕЛЬ ВЫДЕЛИЛ ВСЕ ПРАВИЛЬНЫЕ  
ФОРМЫ СИЛЛОГИЗМОВ, КОТОРЫЕ МОЖНО  
СОСТАВИТЬ ИЗ РАССУЖДЕНИЙ ВИДА:**

- «Все А суть В»
- «Некоторые А суть В»
- «Все А не суть В»
- «Некоторые А не суть В»

**Логика, основанная на теории  
силлогизмов называется классической.**

Декарт Рене (1596-1650, фр. философ,  
математик)



РЕКОМЕНДОВАЛ В  
ЛОГИКЕ  
ИСПОЛЬЗОВАТЬ  
МАТЕМАТИЧЕСКИЕ  
МЕТОДЫ.

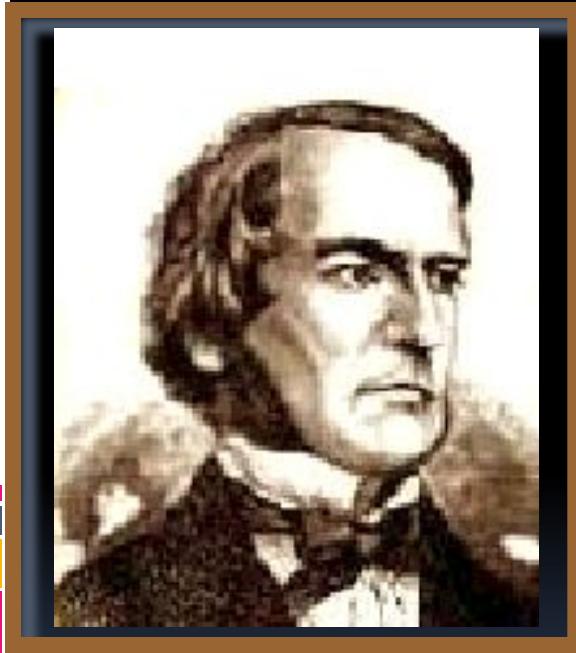
Лейбниц Г.В. (1646-1716, нем.  
ученый и математик) -



**Предложил использовать в логике математическую символику и впервые высказал мысль о возможности применения в ней двоичной системы счисления.**

**Логика обретает символьный язык, конкретность законов, распространяется за рамки гуманитарных наук.**

# Джордж Буль (1815-1864, англ.) - основоположник мат. логики.



**1847 г. – Джордж Буль в работе «Математический анализ логики» изложил основы булевой алгебры.  
РАЗРАБОТАЛ АЛФАВИТ,  
ОРФОГРАФИЮ И ГРАММАТИКУ.**

1815 – 1864 гг. благодаря трудам математика Дж. Буля появился раздел математической логики, получивший название алгебры логики или булевой алгебры.

# ВКЛАД В СТАНОВЛЕНИЕ И РАЗВИТИЕ МАТ. ЛОГИКИ:



**АУГУСТУС ДЕ МОРГАН  
(1806 - 1871)**

# ВКЛАД В СТАНОВЛЕНИЕ И РАЗВИТИЕ МАТ. ЛОГИКИ:

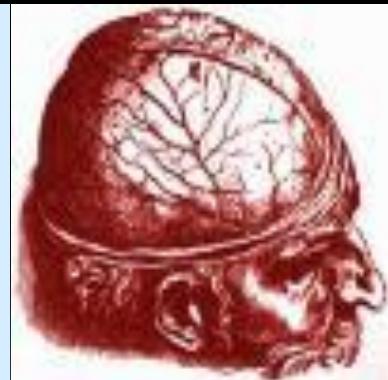
- УИЛЬЯМ СТЕНЛИ ДЖЕВОНС  
(1835 - 1882)
- ПЛАТОН СЕРГЕЕВИЧ  
ПОРЕЦКИЙ (1846-1907)
- ЧАРЛЗ САНДЕРС ПИРС  
(1839-1914)

**1) Логика оказала влияние на развитие математики, прежде всего теории множеств, функциональных систем, алгоритмов, рекурсивных функций.**

**2) В гуманитарных науках  
(логика,  
криминалистика).**



**3) Математическая логика является средством для изучения деятельности мозга - для решения этой самой важной проблемы биологии и науки вообще.**



**4) Идеи и аппарат логики используется в кибернетике, ВТ и электротехнике (построены компьютеры на основе законов математической логики).**



**1938 г. – американский математик и инженер Клод Шеннон связал Булеву алгебру (аппарат математической логики), двоичную систему кодирования и релейно-контактные переключательные схемы, заложив основы будущих ЭВМ.**

**5) Идеи и аппарат логики используется в программировании, базах данных и экспертных системах.**



**PROLOG – язык логического программирования**

# **АЛГЕБРА ЛОГИКИ (ВЫСКАЗЫВАНИЙ) -**

**РАЗДЕЛ МАТЕМАТИЧЕСКОЙ  
ЛОГИКИ, ИЗУЧАЮЩИЙ  
ВЫСКАЗЫВАНИЯ И  
ЛОГИЧЕСКИЕ ОПЕРАЦИИ  
НАД НИМИ.**

**ВЫСКАЗЫВАНИЕ** - ЭТО  
ПОВЕСТВОВАТЕЛЬНОЕ  
ПРЕДЛОЖЕНИЕ, О КОТОРОМ  
МОЖНО СКАЗАТЬ, ЧТО ОНО  
ИСТИННО ИЛИ ЛОЖНО.

- 1) Земля - планета Солнечной системы.
- 2)  $2+8 < 5$
- 3)  $5 \cdot 5 = 25$
- 4) Всякий квадрат есть параллелограмм
- 5) Каждый параллелограмм есть квадрат
- 6)  $2 \cdot 2 = 5$

# ВЫСКАЗЫВАНИЕМ НЕ ЯВЛЯЕТСЯ:

- 1) ВОСКЛИЦАТЕЛЬНЫЕ И ВОПРОСИТЕЛЬНЫЕ ПРЕДЛОЖЕНИЯ.
- 2) ОПРЕДЕЛЕНИЯ.
- 3) ПРЕДЛОЖЕНИЯ ТИПА:
  - «ОН СЕРОГЛАЗ»
  - « $X^2 - 4X + 3 = 0$ »

**ВЫСКАЗЫВАНИЕ, КОТОРОЕ МОЖНО  
РАЗЛОЖИТЬ НА ЧАСТИ, БУДЕМ  
НАЗЫВАТЬ СЛОЖНЫМ, А  
НЕРАЗЛОЖИМОЕ ДАЛЕЕ  
ВЫСКАЗЫВАНИЕ - ПРОСТЫМ.**

- 1) На улице светит солнце (A)
- 2) На улице идет дождь (B)
- 3) На улице светит солнце и на улице идет дождь (A и B)
- 4) На улице светит солнце или на улице идет дождь (A или B)

$$A \equiv 1; B \equiv 0$$

ИНВЕРСИЯ (ЛОГИЧЕСКОЕ ОТРИЦАНИЕ) -  
ПРИСОЕДИНЕНИЕ ЧАСТИЦЫ «НЕ» К  
СКАЗУЕМОМУ ДАННОГО ПРОСТОГО  
ВЫСКАЗЫВАНИЯ ИЛИ ПРИСОЕДИНЕНИЕ  
СЛОВ «НЕВЕРНО ЧТО...» КО ВСЕМУ  
ВЫСКАЗЫВАНИЮ.

**ИНВЕРСИЯ ЛОГИЧЕСКОЙ  
ПЕРЕМЕННОЙ ИСТИННА,  
ЕСЛИ САМА ПЕРЕМЕННАЯ  
ЛОЖНА, И, НАОБОРОТ,  
ИНВЕРСИЯ ЛОЖНА, ЕСЛИ  
ПЕРЕМЕННАЯ ИСТИННА.**

$A$	$\bar{A}$
0	1
1	0

# ДИЗЬЮНКЦИЯ (ЛОГИЧЕСКОЕ СЛОЖЕНИЕ) -

СОЕДИНЕНИЕ ДВУХ ВЫСКАЗЫВАНИЙ А И В В ОДНО С ПОМОЩЬЮ СОЮЗА «ИЛИ», УПОТРЕБЛЯЕМОГО В НЕИСКЛЮЧАЮЩЕМ ВИДЕ.

ДИЗЬЮНКЦИЯ ДВУХ ЛОГИЧЕСКИХ ВЫСКАЗЫВАНИЙ ЛОЖНА ТОГДА И ТОЛЬКО ТОГДА, КОГДА ОБА ВЫСКАЗЫВАНИЯ ЛОЖНЫ.

A	B	$A \vee B$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

# КОНЬЮНКЦИЯ (ЛОГИЧЕСКОЕ СОУМНОЖЕНИЕ) В ОДНО С ПОМОЩЬЮ СОЮЗА «И».

КОНЬЮНКЦИЯ ДВУХ  
ЛОГИЧЕСКИХ  
ВЫСКАЗЫВАНИЙ  
ИСТИННА ТОГДА И  
ТОЛЬКО ТОГДА,  
КОГДА ОБА  
ВЫСКАЗЫВАНИЯ  
ИСТИННЫ.

A	B	$A \wedge B$
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

# ИМПЛИКАЦИЯ -

ЛОГИЧЕСКАЯ ОПЕРАЦИЯ,  
СООТВЕТСТВУЮЩАЯ СОЮЗУ  
«ЕСЛИ ..., ТО ...»

ИМПЛИКАЦИЯ  
ВЫСКАЗЫВАНИЙ  
ЛОЖНА ЛИШЬ В  
СЛУЧАЕ, КОГДА А  
ИСТИННО, А В ЛОЖНО.

A	B	$A \rightarrow B$
1	1	1
1	0	0
0	1	1
0	0	1

# ЭКВИВАЛЕНЦИЯ -

ЛОГИЧЕСКАЯ ОПЕРАЦИЯ, СООТВЕТСТВУЮЩАЯ  
СОЮЗУ «ТОГДА И ТОЛЬКО ТОГДА, КОГДА ...»

**ЭКВИВАЛЕНЦИЯ ДВУХ  
ВЫСКАЗЫВАНИЙ ИСТИННА  
В ТОМ И ТОЛЬКО ТОМ  
СЛУЧАЕ, КОГДА ОБА ЭТИ  
ВЫСКАЗЫВАНИЯ ИСТИННЫ  
ИЛИ ЛОЖНЫ.**

A	B	$A \leftrightarrow B$
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1

ПРИОРИТЕТ  
ЛОГИЧЕСКИХ  
ОПЕРАЦИЙ:

ИНВЕРСИЯ;  
КОНЬЮНКЦИЯ;  
ДИЗЬЮНКЦИЯ;  
ИМПЛИКАЦИЯ И  
ЭКВИВАЛЕНТНОСТЬ.

Логическая операция	Обозначения	Эквивалент в русском языке
Инверсия (логическое отрицание)	НЕ, NOT, $\neg$ , $\bar{a}$	не; неверно, что ...
Конъюнкция (логическое умножение)	И, AND, $\wedge$ , $\&$ , $\cdot$ , $\cap$	И      А      НО
Дизъюнкция (логическое сложение)	ИЛИ, OR, $\vee$ , $+$ , $ $ , $\cup$	Или,      Либо..., либо ... Или..., или...
Импликация (логическое следование)	$\rightarrow$ , $\supset$ , $\supseteq$	если ..., то ...;      из ... следует ...; достаточно для ...; для ..., необходимо ...
Эквиваленция (логическое равенство)	$\leftrightarrow$ , $\Leftrightarrow$ , $\equiv$ , $\sim$	... если и только если ...;      ... тогда и только тогда, когда ...; ... в том и только в том случае, когда ...; необходимо и достаточно