

Практическое занятие №1

1. Введение

2. Понятие кристалла и элементов поверхности кристалла

3. Понятие симметрии и элементов симметрии кристалла

4. Плоскость симметрии, ось симметрии и центр симметрии

5. Закон симметрии кристаллов

Практическое занятие 1.

Введение

Кристаллография — наука о кристаллах, их структуре, возникновении и свойствах. Она тесно связана с минералогией, физикой твёрдых тел и химией. Исторически кристаллография возникла в рамках минералогии, как наука, описывающая идеальные кристаллы.

Практическое занятие 1.

Введение



Кристалл анатаза TiO_2



Кристалл берилла $\text{Al}_2[\text{Be}_3(\text{Si}_6\text{O}_{18})]$



Кристалл гематита Fe_2O_3



Кристалл спессартина $\text{Mn}_3\text{Al}_2[\text{SiO}_4]_3$

Практическое занятие 1.

Введение

Задачей кристаллографии является изучение строения, физических свойств кристаллов, условий их образования, разработка методов исследования и определения вещества по кристаллической форме, физическим особенностям и т.п.

Подразделяют кристаллографию на:

- физическую кристаллографию (изучает физические свойства кристаллов — механические, тепловые, оптические);
- геометрическую кристаллографию (изучает формы кристаллов);
- кристаллогенезис (изучает образование и рост кристаллов);
- кристаллохимию (изучает связь между химическим составом вещества и его физическими и химическими свойствами).

Практическое занятие 1.

Понятие кристалла и элементов поверхности кристалла

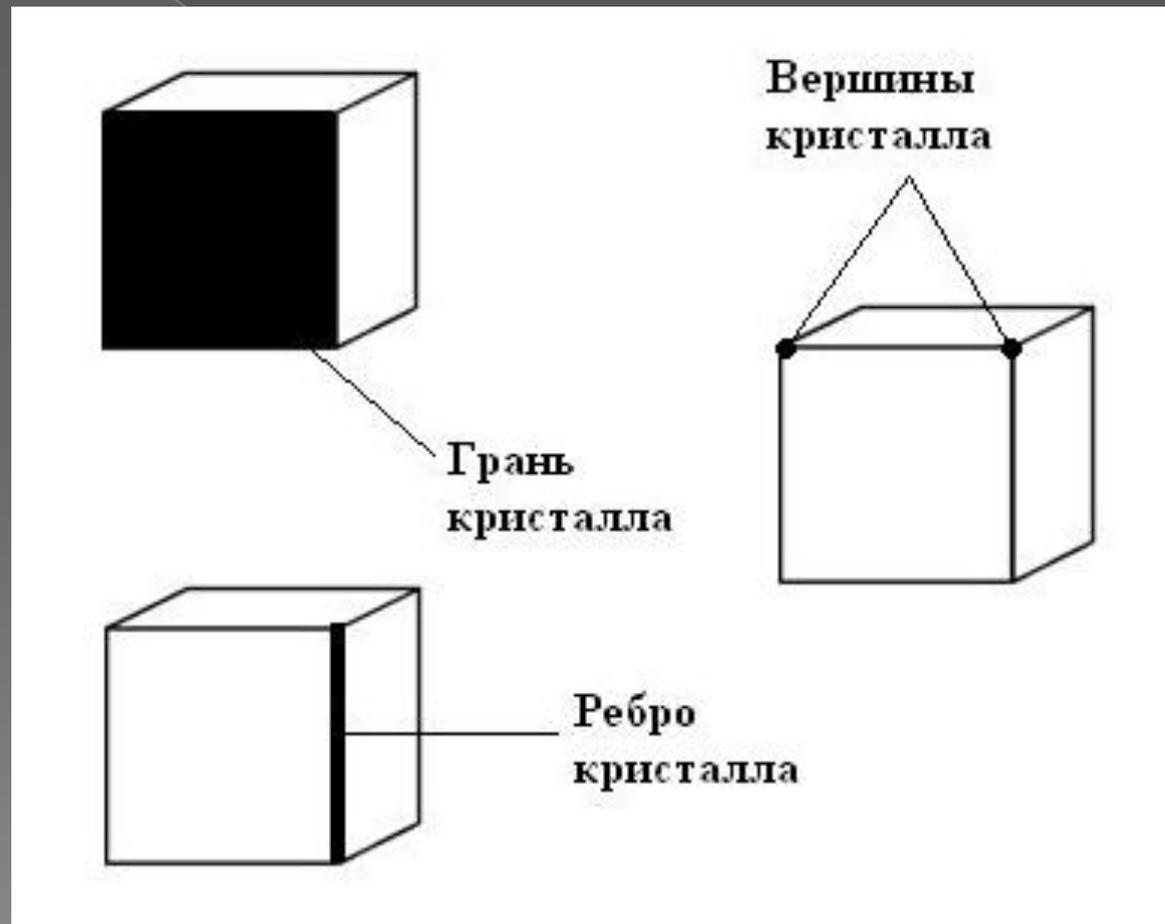
Кристаллом называется твердое тело, имеющее форму геометрически правильного многогранника.

Элементы поверхности кристалла:

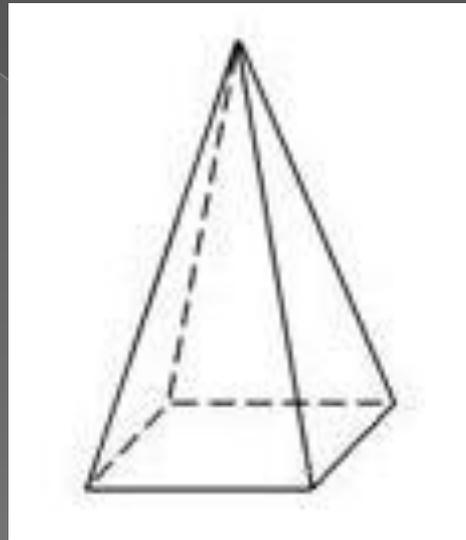
- **грани** (плоскости, ограничивающие кристалл);
- **ребра** (линии пересечения граней);
- **вершины** (точка пересечения ребер).

Практическое занятие 1.

Понятие кристалла и элементов поверхности кристалла



Практическое занятие 1. Понятие кристалла и элементов поверхности кристалла



Определите количество граней и ребер на представленном рисунке тетрагональной пирамиды

Практическое занятие 1.

Понятие симметрии и элементов симметрии кристалла

Симметрия в переводе с греческого языка означает «соразмерность». Ввел это понятие в обиход Пифагор (VI в. до н. э.), обозначив им пространственную закономерность в расположении одинаковых фигур или их частей.



Явление симметрии широко развито в живой природе. В неживой природе яркими представителями симметричных тел являются кристаллические многогранники. **Симметрия кристаллов обязана их внутренней структуре**, в которой материальные частицы закономерно ориентированы.

Практическое занятие 1.

Понятие симметрии и элементов симметрии кристалла

Под симметрией кристаллов понимается закономерная повторяемость одинаковых граней, ребер и вершин относительно некоторых вспомогательных геометрических образов.

Вспомогательные геометрические образы (прямая линия, плоскость, точка), с помощью которых обнаруживается симметрия кристалла, называются элементами симметрии.

Практическое занятие 1.

Понятие симметрии и элементов симметрии кристалла

К элементам симметрии кристалла относятся:

- **ось симметрии,**
- **плоскость симметрии,**
- **центр симметрии.**

Приняты следующие символы для их обозначения: ось симметрии – **L**, плоскость симметрии – **P**, центр симметрии – **C**.

Практическое занятие 1.

Центр симметрии

Центр симметрии (С) – точка внутри кристалла, в которой пересекаются и делятся пополам линии, соединяющие противоположные одинаковые грани, ребра или вершины кристалла.

Это особая точка внутри фигуры. Любая проведенная через центр симметрии прямая по обе стороны от нее и на равных расстояниях встречает соответственные точки фигуры.

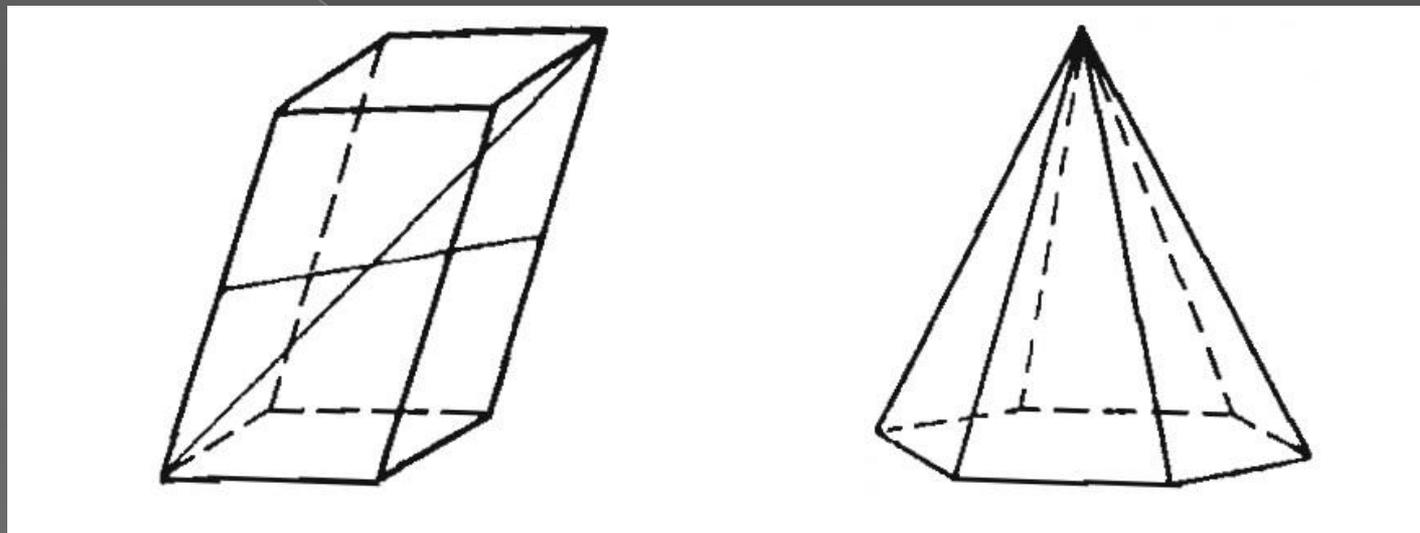
Практическое занятие 1.

Центр симметрии

Правило наличия центра симметрии:

если в кристалле центр симметрии имеется, то каждая грань его должна иметь себе противоположную равную, параллельную и обратно направленную грань.

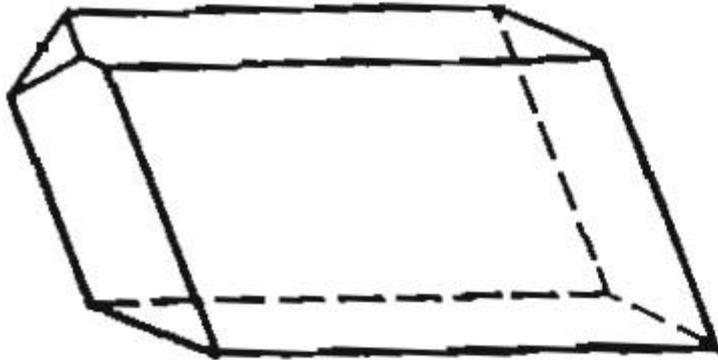
Практическое занятие 1. Центр симметрии



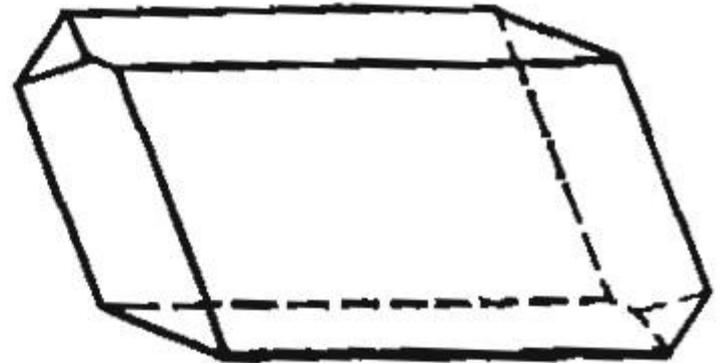
В параллелепипеде есть центр симметрии, любой грани соответствует такая же равная и параллельная грань

А в пирамидах никогда центра симметрии не будет, т. к. для грани, являющейся основанием пирамиды, не найдется параллельная и равная ей грань

Практическое занятие 1. Центр симметрии



a



b

Определите, есть ли центр симметрии в многогранниках, представленных на рисунках а и б

Практическое занятие 1.

Ось симметрии

Осью симметрии (L) называется прямая линия, при повороте вокруг которой на 360° кристалл совмещается со своим исходным положением.

Число совмещений кристалла со своим исходным положением при повороте на 360° называется **порядком оси симметрии**.

Практическое занятие 1.

Ось симметрии

Оси симметрии будем обозначать как L_n , где подстрочный индекс n указывает на порядок оси. Порядок осей симметрии обозначается следующими символами: L_2 , L_3 , L_4 , L_6 . Количество осей одного и того же порядка указывается коэффициентом перед символом оси симметрии. Например, $3L_4$ – читается: три оси симметрии четвертого порядка.

Практическое занятие 1.

Ось симметрии

Угол, при повороте на который происходит совмещение кристалла с исходным положением, называется **элементарным углом поворота**. Учитывая особенности строения пространственной решетки кристалла, он имеет вполне определенное значение – 180° , 120° , 90° , 60° . Следовательно, **число повторений одинаковых элементов** ограничения кристалла при вращении его на 360° может быть равным 2, 3, 4, 6.

Практическое занятие 1.

Ось симметрии

Оси первого порядка не отмечаются, так как они имеются в любом многограннике.

Возможное количество осей симметрии одного и того же порядка следующее:

$L_2 - 0, 1, 2, 3, 4, 6;$

$L_3 - 0, 1, 4;$

$L_4 - 0, 1, 3;$

$L_6 - 0, 1.$

Оси симметрии могут выходить:

- **в центре граней,**
- **в середине ребер,**
- **в вершинах многогранных углов.**

Практическое занятие 1.

Ось симметрии

Инверсионной осью называется такая прямая линия, при повороте вокруг которой на некоторый определенный угол с последующим (или предварительным) отражением в центральной точке фигуры, как в центре инверсии, фигура совмещается сама с собой.

Подобный элемент симметрии представляет как бы совокупность простой оси симметрии и центра инверсии, действующих не порознь, а совместно. Участвуя лишь в качестве составной части инверсионной оси, центр инверсии может не проявляться в виде самостоятельного элемента симметрии. **На всех моделях, где практически приходится определять инверсионные оси, отдельного центра инверсии нет.**

Практическое занятие 1.

Ось симметрии

Для кристаллов доказана возможность существования инверсионных осей следующих наименований: L_{i1} , L_{i2} , L_{i3} , L_{i4} , L_{i6} .

На практике приходится иметь дело лишь с L_{i4} и L_{i6} . Все остальные отвечают уже известным нам элементам симметрии.

Практическое занятие 1.

Ось симметрии

$$L_{i1} = C,$$

$$L_{i2} = P,$$

$$L_{i3} = L_3 C,$$

$L_{i4} = \tau_2$ (четверная инверсионная ось **всегда** является простой осью симметрии второго порядка, но не каждая ось симметрии второго порядка является четверной инверсионной осью),

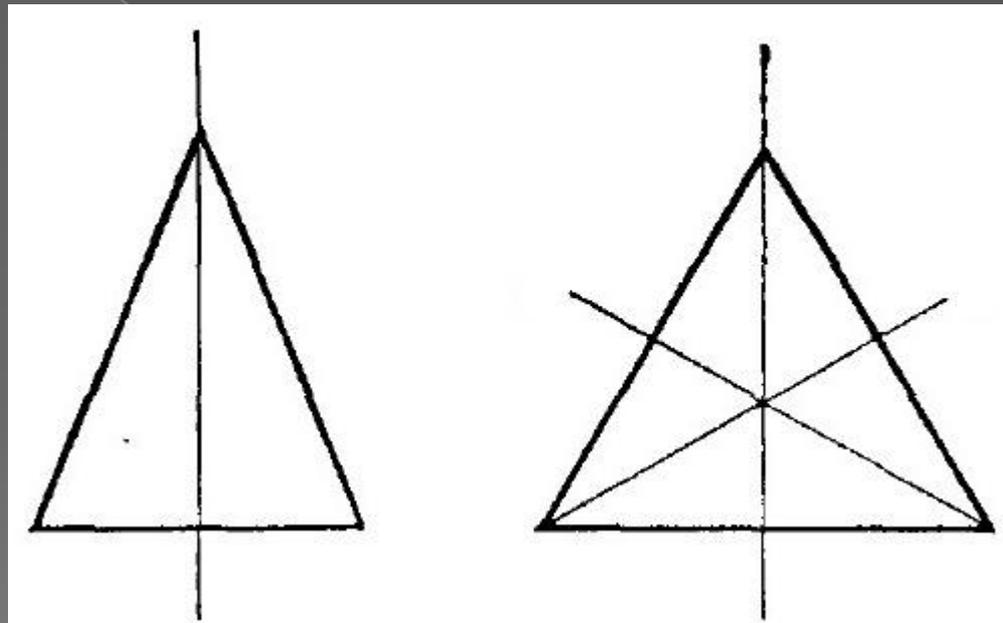
$L_{i6} = L_3 P$ (плоскость симметрии перпендикулярна оси симметрии третьего порядка)

Практическое занятие 1. Плоскость симметрии

Плоскостью симметрии (P) называется такая плоскость, которая делит кристалл на две зеркально-равные части.

Плоскости симметрии проходят перпендикулярно к граням и ребрам (через их середины) и вдоль ребер.

Практическое занятие 1. Плоскость симметрии



В **равнобедренном треугольнике** возможно провести только одну плоскость симметрии.

А в **равностороннем треугольнике** возможно провести три плоскости симметрии.

Практическое занятие 1. Плоскость симметрии



Определите количество плоскостей симметрии в данном прямоугольнике

Практическое занятие 1.

Закон симметрии кристаллов

Закон симметрии кристаллов: В кристаллах возможны оси симметрии 1, 2, 3, 4 и 6-ого порядка. Оси пятого порядка и выше шестого невозможны.

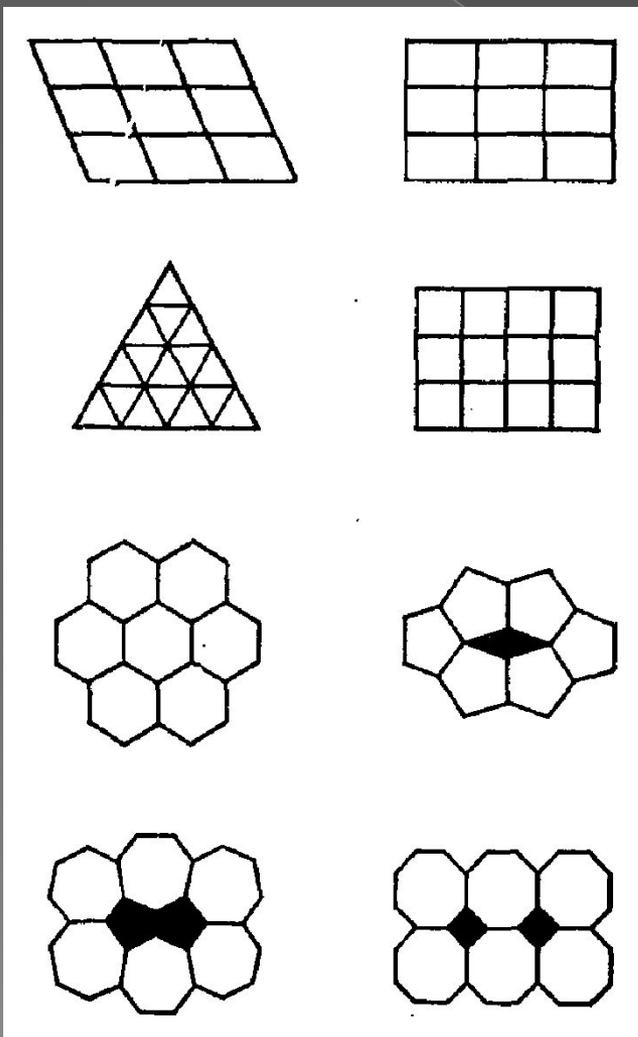
В кристаллах возможны 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7 и 9 плоскостей. Нет кристаллов с 8 плоскостями и больше 9.

Практическое занятие 1. Закон симметрии кристаллов

Это ограничение обусловлено тем, что кристаллическое вещество — бесконечная система материальных частиц, симметрично повторяющихся в пространстве. Такие симметричные бесконечные ряды, сетки, решетки, непрерывно заполняющие пространство, несовместимы с осями 5, 7 и других порядков.

Практическое занятие 1.

Закон симметрии кристаллов



На рисунке показаны плоские сетки, составленные из одинаковых многоугольников. Видно, что ячейки с осями симметрии 2, 3, 4, 6 заполняют плоскость симметрично и непрерывно. Но непрерывно заполнить плоскость пяти- или семиугольниками не удастся — остаются дырки. На рисунке такие дырки заполняются другими фигурками, нарушающими симметрию, но в системе материальных частиц наличие таких «дырок» создавало бы возможности перемещения частиц, т. е. неустойчивость структуры.