

-Как ты думаешь, какие два треугольника называются равными?

<u>Определение</u>: два треугольника называются равными, если

- 1) три угла одного треугольника равны трем углам
- другого треугольника,
  - 2) три стороны одного треугольника равны трем соответственным сторонам другого треугольника.

<u>Определение</u>: стороны, которые заключены между равными углами, называются соответственными.

A C M P

 $\triangle ABC = \triangle MKP$ , так как ( по определению) 1)  $\angle A = \angle M$ ;  $\angle B = \angle K$ ;  $\angle C = \angle P$ ;

2)AB = MK; BC = KP; AC = MP

B

против ∠А лежит сторона ВС (напротив ∠ А) к ∠А прилежат стороны АВ и АС

(стороны, исходящие из 🖊 А)

стороны, прилежащие к ∠В и ∠С.

## Проверь себя:

Против ∠В лежит сторона АС, против ∠С лежит сторона АВ.

к ∠ В прилежат стороны AB и BC, к ∠ С прилежат стороны BC и AC

Строчкова Ирина Владимировна

Теорема - (греч . theorema, от theoreo - рассматриваю), в математике - предложение (утверждение), устанавливаемое при помощи цепочки рассуждений. Теорема обычно состоит из условия и заключения. "если" - это условие (что дано), а после "то" — заключение (что нужно доказать).

**Доказательство теоремы** - это рассуждения, с помощью которых устанавливается верность данной теоремы.

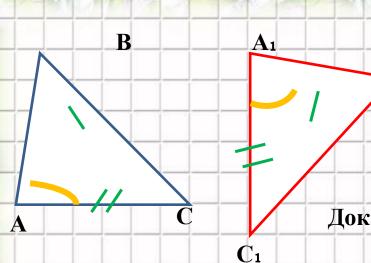




Если две стороны и угол между ними одного треугольника соответственно равны двум сторонам и углу между ними другого треугольника, то такие треугольники равны.

Подумай, <u>Что</u> нам дано и <u>Что</u> нужно доказать.





<u>Дано:</u>  $\triangle ABC$  и  $\triangle A_1B_1C_1$  $\angle A = \angle A_1$ ;

 $AB = A_1B_1;$ 

 $AC = A_1C_1$ 

Доказать:  $\triangle ABC = \triangle A_1B_1C_1$ 

Доказательство:

 $\mathbf{B}_{1}$ 

1. Так как  $\angle A = \angle A_1$ , то треугольник ABC можно наложить на треугольник  $A_1B_1C_1$  так, что вершина A совместится с вершиной  $A_1$ , а сторона AB и AC наложатся соответственно на лучи  $A_1B_1$  и  $A_1C_1$ .

- 2. Поскольку AB = A<sub>1</sub>B<sub>1</sub>, AC = A<sub>1</sub>C<sub>1</sub>, то сторона AB совместится со стороной A<sub>1</sub>B<sub>1</sub>, а сторона AC со стороной A<sub>1</sub>C<sub>1</sub>, в точности совместятся точки B и B<sub>1</sub>, C и C<sub>1</sub>.
  - 3. Следовательно, совместятся стороны ВС и В<sub>1</sub>С<sub>1</sub>.

Итак, треугольники ABC и  $A_1B_1C_1$  полностью совместятся, значит  $\Delta ABC = \Delta A_1B_1C_1$ .

Теорема доказана.

Строчкова Ирина Владимировна



- Теперь попробуй решить задачи, используя первый признак равенства треугольников.

1. B

Дано: AD = BC;  $\angle 1 = \angle 2$ Доказать:  $\triangle ABC = \triangle ACD$ 

Отметим на чертеже равные элементы.

A

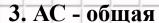
Доказательство:

Рассмотрим ДАВС и ДАСО

1. Выпишем пары равных элементов, которые нам известны из условия

1. 
$$\angle 1 = \angle 2$$
( по условию)

$$\Rightarrow \Delta \mathbf{ABC} = \Delta \mathbf{ACD}$$
 ( по первому признаку.



Не хватает еще одного равного элемента.

Посмотри к  $\angle 1$  и к  $\angle 2$  прилежит сторона AC.

Она общая для этих двух треугольников.

Строчкова Ирина Владимировна

## Попробуй выполнить эти задачи самостоятельно

1. P O

Дано: ДМРО и ДМКО;

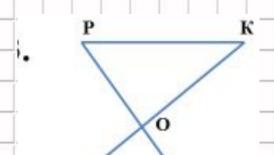
 $\angle 1 = \angle 2$ ; MP = MK

Доказать:  $\Delta$ MPO =  $\Delta$ MKO

2. Дано: ДАОВ и ДРОК;

AO = OK; BO = OP

Доказать:  $\triangle AOB = \triangle POK$ 





M

Чтобы тебе правильно решить задачу. вспомни, как называются углы ∠ AOB и ∠ POK и каким свойством они обладают.

