

# 3.10.2023

## Описательная статистика.



# Описательная статистика

- Наибольшее и наименьшее значение.
- Размах.
- Мода.
- Отклонения.
- Дисперсия.
- Обозначения и формулы.



# Наибольшее и наименьшее

- При строительстве речных мостов учитывают многолетние наблюдения уровня паводка на реке. Сезонные наблюдения высоты подъема воды дают числовой набор.
- Если брать в качестве меры оценки этого набора СРЕДНЕЕ АРИФМЕТИЧЕСКОЕ или другую центральную меру, то в какой-то год, когда вода поднимется выше этого среднего, мост смоет.
- Поэтому при расчете моста опираются на **НАИБОЛЬШУЮ** наблюданную высоту подъема воды.
- Следовательно, в этом и некоторых других случаях **НАИБОЛЬШЕЕ** значение **наилучшим образом характеризует** весь набор.
- Найдите пример, в котором наиболее подходящей характеристикой набора является **НАИМЕНЬШЕЕ** значение.



# Размах



- Разность между наибольшим и наименьшим числом называется **размахом** ряда чисел.
- В совокупности: 2, 3, 3, 4, 5 **размахом** является число  $3 = 5 - 2$ .
- **Размах показывает, насколько велико рассеивание значений в числовом наборе.**

## Упражнение 1.

- Найдите наибольшее и наименьшее значение, размах набора чисел:
  - а) 12; 7; 25; 3; 19; 15
  - б) 17; 19; 5; 41; 47; 13; 19.



**5, 2, 4, 5, 5, 4, 4, 5, 5, 5**

$$\bar{x} = \frac{5 + 2 + 4 + 5 + 5 + 4 + 4 + 5 + 5 + 5}{10} = 4,4$$

**Средним арифметическим ряда чисел называется частное от деления суммы этих чисел на их количество**

# МОДА – мечта ученика?

Оп

1

Например ученик получил следующие оценки:

3, 4, 3, 5, 2, 2, 4, 4

Тогда МОДА этого набора будет равна 4,  
так как эта оценка встречается чаще всего.

СРЕДНЕЕ АРИФМЕТИЧЕСКОЕ равно  
МЕДИАНА

Поэтому в данном случае ученику было бы приятнее, если бы учитель его оценивал по МОДЕ.

Можно ли использовать МОДУ для характеристики  
успеваемости ученика?

Почаще пять бы  
получать,  
и стал бы  
**МОДНЫМ я на 5!**



# А МОДА бывает разной!

2

Например, пусть ученик получил следующие отметки: 4, 2, 3, 5.  
Каждая отметка встречается в этом наборе **только один раз**.

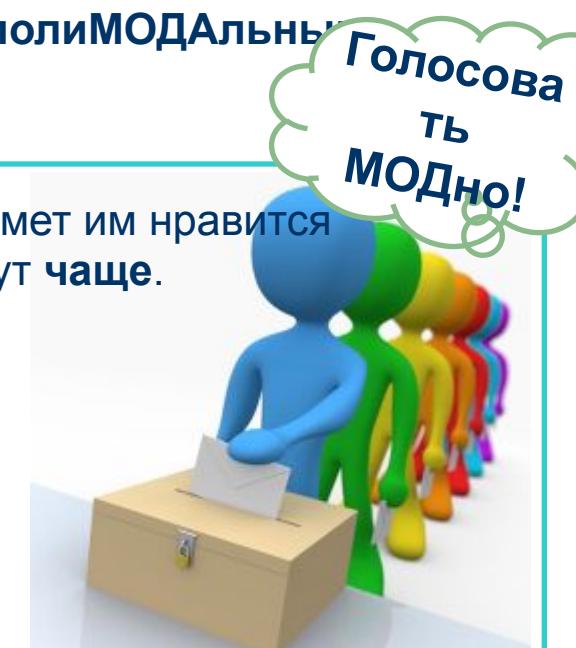
Набор, имеющий единственную МОДУ, называют **униМОДАльным**,  
а набор, у которого несколько МОД(единственной моды нет) – **полиМОДАльным**.

МОДУ можно использовать не только в числовых рядах.

Если опросить большую группу учеников, какой школьный предмет им нравится  
больше всего, то **МОДОЙ** окажется тот предмет, который назовут **чаще**.

Поэтому МОДА широко используется при изучении спроса  
и проведении других социологических исследований.

И даже выборы президента с точки зрения статистики,  
– не более чем определение МОДЫ.



# Отклонение от среднего

3

По набору отклонений можно судить о том,  
насколько разбросаны числа.

Если отклонения малы, то числа в наборе расположены близко к среднему арифметическому.

А если среди отклонений есть большое по модулю число, то числа сильно разбросаны.

| Набор чисел | Среднее ар. | Отклонение |
|-------------|-------------|------------|
| 1           | 7           | -6         |
| 6           | 7           | -1         |
| 7           | 7           | 0          |
| 9           | 7           | 2          |
| 12          | 7           | 5          |

# Дисперсия

3

С  
О  
Ди

Слово происходит от латинского «*dispersio*», что и означает рассеивание.

Обозначают дисперсию набора обычно  $S^2$ .

Дисперсия выражает разброс всех данных одним числом.

| Набор чисел | Среднее ар. | Отклонение | Квадрат отклонения | Дисперсия = среднее ар. Квадратов отклонений |
|-------------|-------------|------------|--------------------|--|
| 1           | 7           | -6         | 36                 | 13,2   |
| 6           |             | -1         | 1                  |  |
| 7           |             | 0          | 0                  |  |
| 9           |             | 2          | 4                  |  |
| 12          |             | 5          | 25                 |  |

# Результаты соревнований

| Фамилия     | время | Фамилия        | время |
|-------------|-------|----------------|-------|
| 1.Гапон Д   | 4,41  | 9.Шувалова А   | 5,29  |
| 2.Яхин А.   | 4,33  | 10 Маурина М   | 7,16  |
| 3.Сюсин И.  | 5,01  | 11 Лосевская К | 8,13  |
| 4.Астахов И | 5,21  | 12 Карташева К | 9,38  |
| 5Матюхов В  | 4,32  | 13 Валеева Т   | 6,38  |
| 6Березин И  | 5,17  | 14 Астахова Д. | 7,15  |
| 7 Иванов В  | 5,43  | 15 Шарай Н     | 7,20  |
| 8 Амоян А   | 5,45  |                |       |

## Задания:

1. Расположите результаты по возрастанию.
2. Найдите размах этого набора.
3. Найдите среднее значение.
4. Найдите моду.
5. Составьте таблицу отклонений от среднего, квадратов отклонений.
6. Вычислите дисперсию этого набора.

