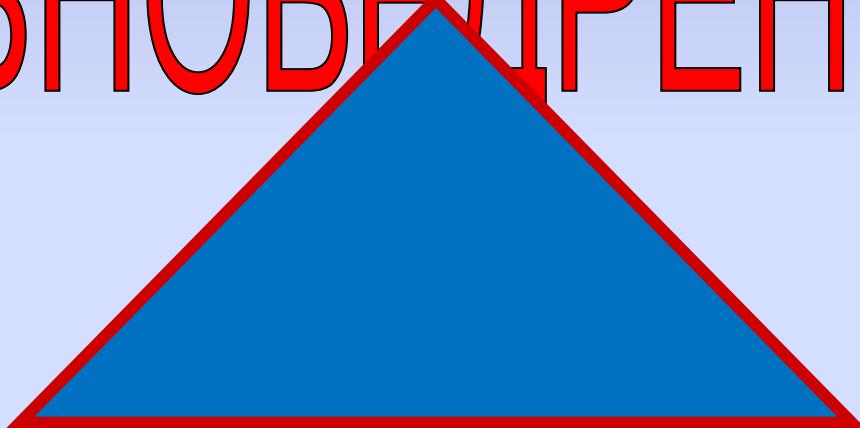
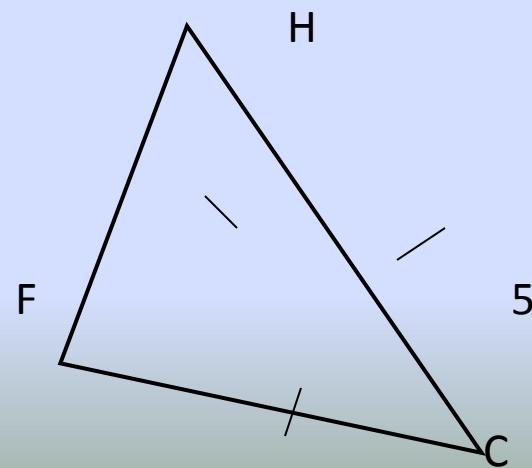
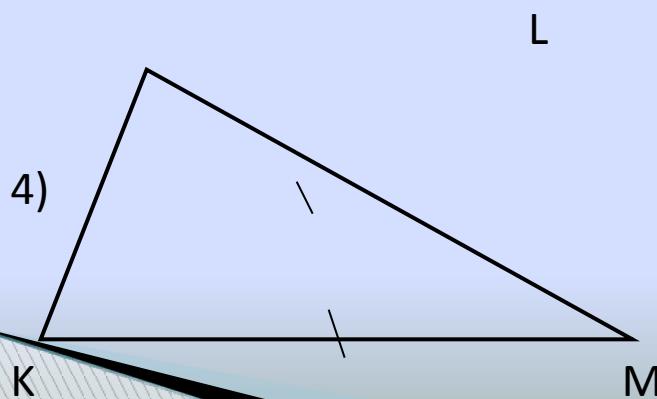
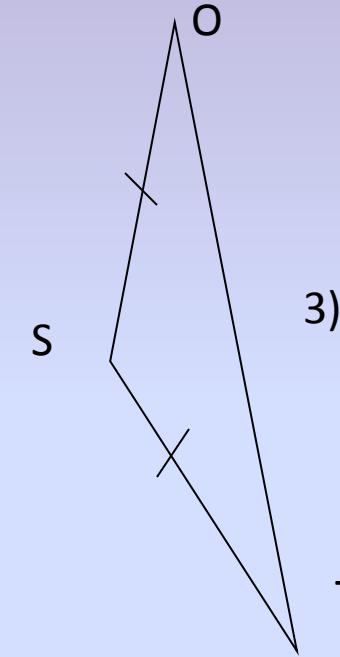
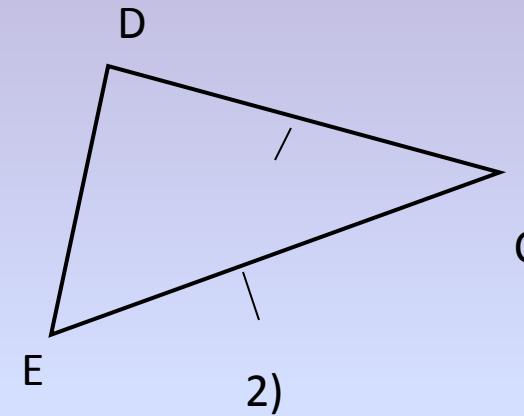
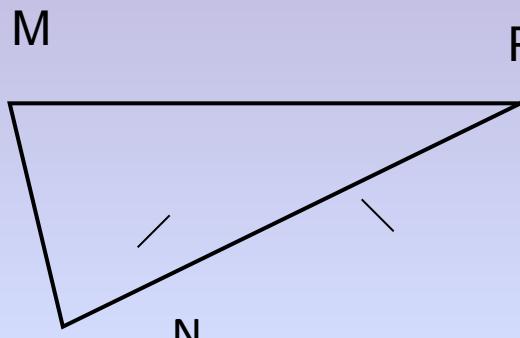


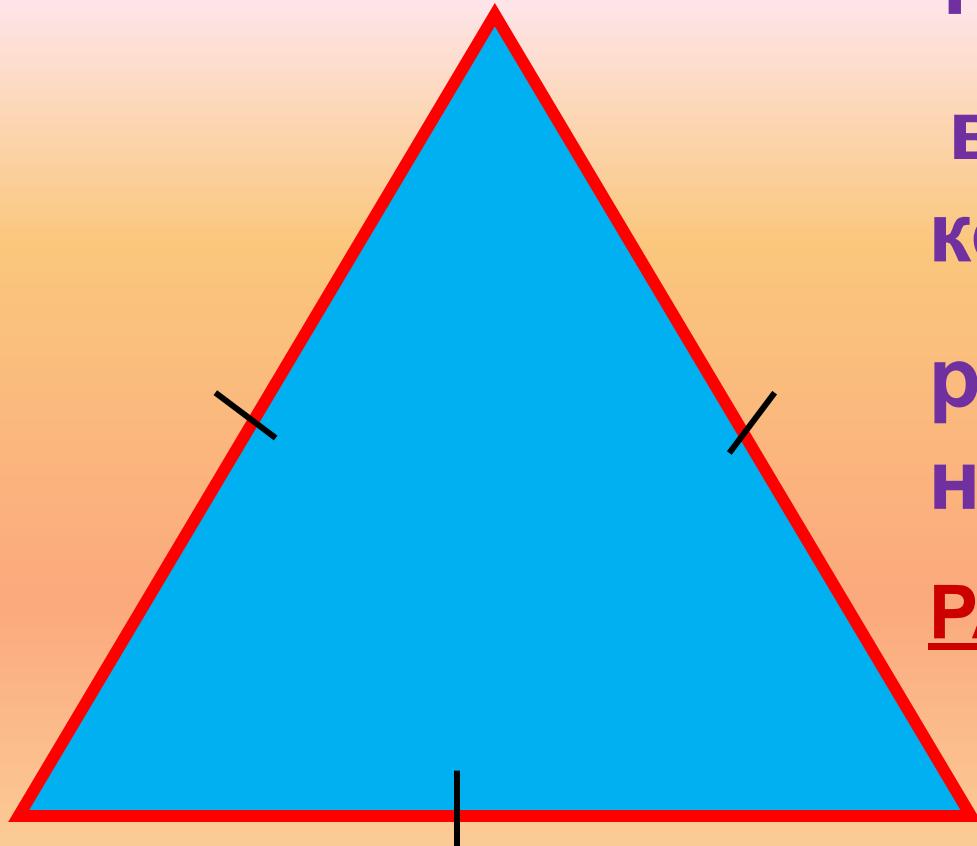
СВОЙСТВА РАВНОБЕДРЕННОГО



ТРЕУГОЛЬНИКА

Назовите основание и боковые стороны данных треугольников

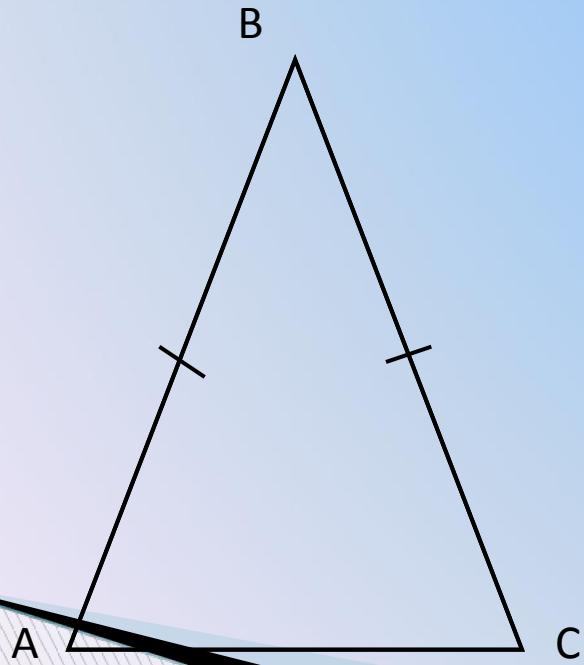




ТРЕУГОЛЬНИК,
все стороны
которого
равны,
называется
РАВНОСТОРОННИМ

Теорема 1

В равнобедренном треугольнике углы при основании равны



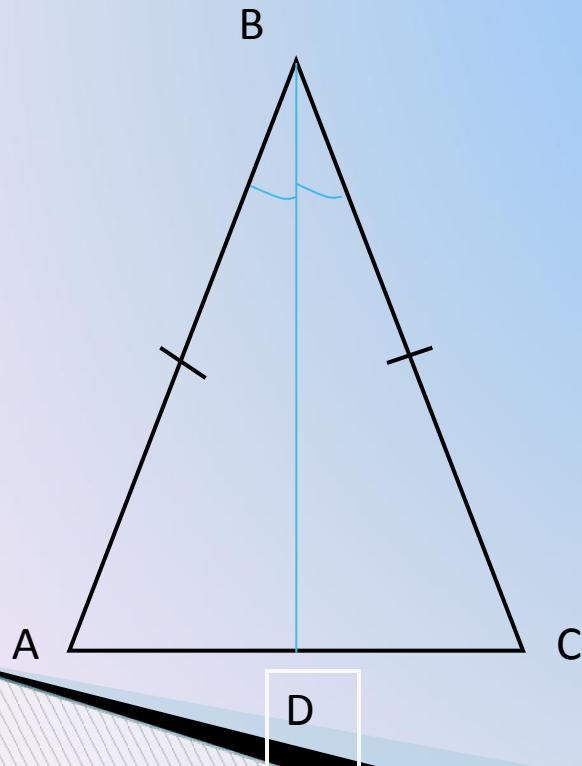
Дано: $\triangle ABC$ –
равнобедренный,
 AC – основание

Доказать: $\angle A = \angle C$

Доказательство:

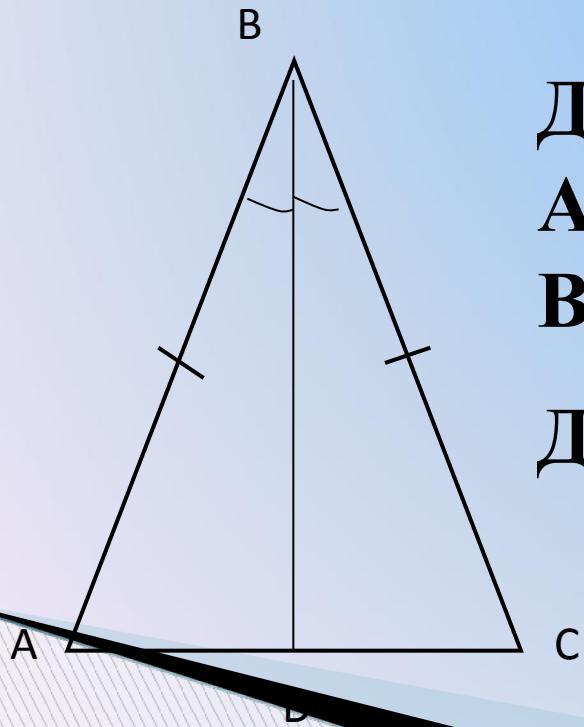
1. Проведём BD – биссектрису $\triangle ABC$
2. Рассмотрим $\triangle ABD$ и $\triangle CBD$
 $AB=BC$, BD -общая,
 $\angle ABD=\angle CBD$, значит
 $\triangle ABD \cong \triangle CBD$ (по двум
сторонам и углу между
ними)

3. В равных треугольниках
против равных сторон
лежат равные углы
 $\angle A=\angle C$



Теорема 2

*В равнобедренном треугольнике биссектриса,
проведённая к основанию,
является медианой и высотой*

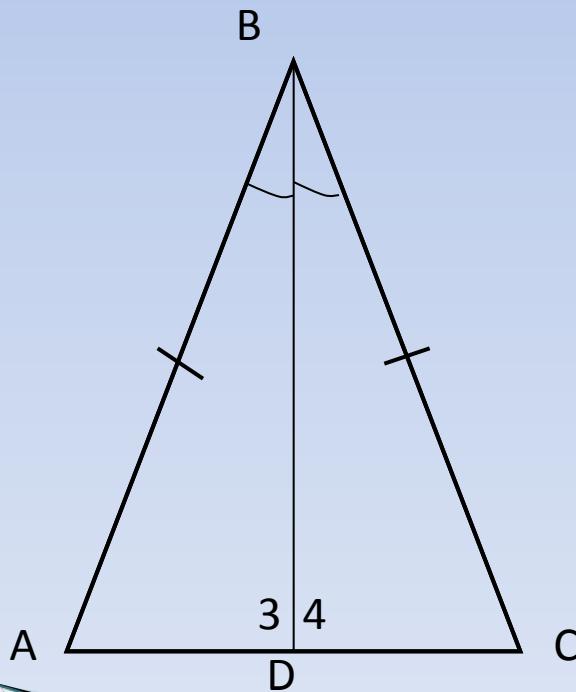


Дано: ΔABC –равнобедренный,
 AC – основание,
 BD – биссектриса.

Доказать: 1. BD – медиана
2. BD – высота

Доказательство:

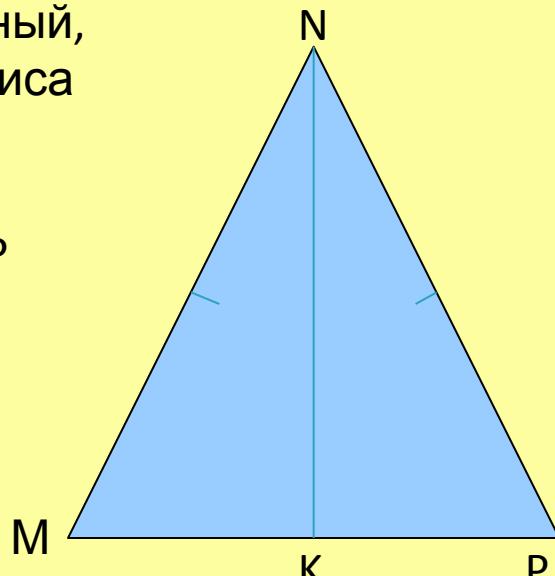
1. Рассмотрим ΔABD и ΔCBD
 $AB=BC$, BD -общая,
 $\angle ABD=\angle CBD$, значит $\Delta ABD=\Delta CBD$ (по двум сторонам и углу между ними)
2. В равных треугольниках против равных углов лежат равные стороны $AD=DC$, значит D – середина AC , следовательно
BD – медиана
3. В равных треугольниках против равных сторон лежат равные углы , т.е. $\angle 3=\angle 4$ и $\angle 3$ и $\angle 4$ – смежные, значит $\angle 3 = \angle 4 = 90^\circ$,
следовательно $BD \perp AC$, т.е.
BD – высота



Дано: $\triangle MNP$ -
равнобедренный,
 NK – биссектриса
 $NK = 5 \text{ см}$,
 $MP = 12 \text{ см}$

Найти: $S_{\triangle MNP}$

1
вариант



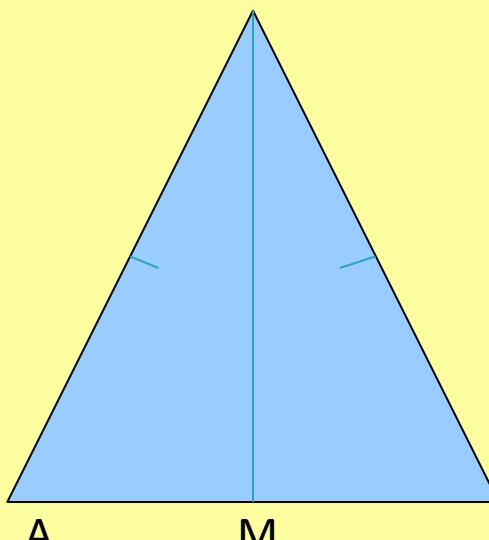
Дано: $\triangle ABC$ -
равнобедренны
й,
 $\angle B = 40^\circ$

Найти: $\angle A, \angle C$

2
вариант

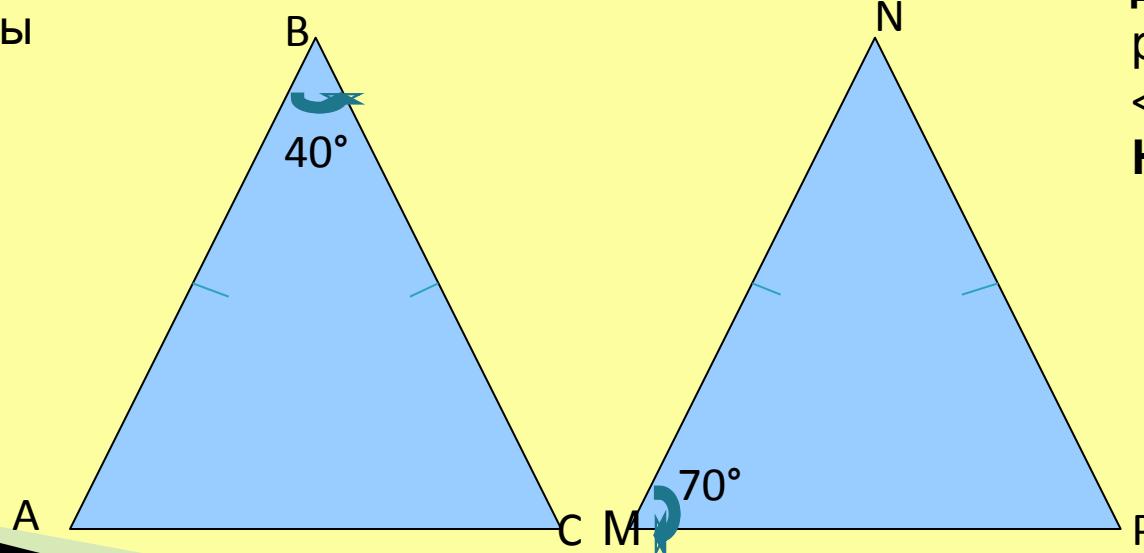
Дано: $\triangle ABC$ -
равнобедренны
й,
 BM – медиана
 $BM = 7 \text{ см}$,
 $AC = 18 \text{ см}$

Найти: $S_{\triangle ABC}$



Дано: $\triangle MNP$ -
равнобедренный,
 $\angle M = 70^\circ$

Найти: $\angle N, \angle P$



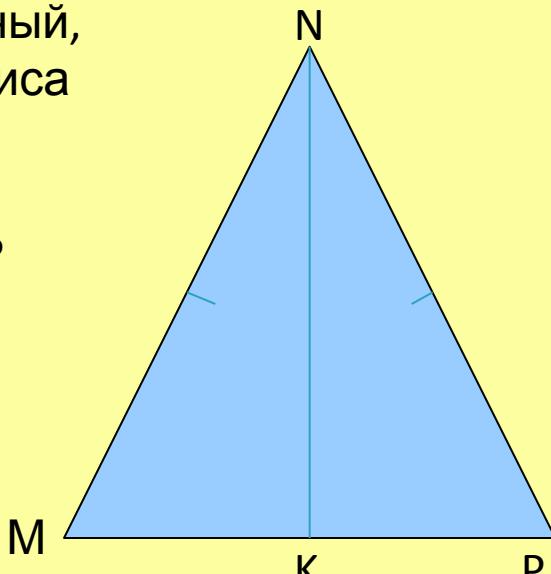
Дано: $\triangle MNP$ - равнобедренный, NK – биссектриса $NK = 5$ см, $MP = 12$ см

Найти: $S_{\triangle MNP}$

Решени
е:
 NK -высота,
 $S = \frac{1}{2}NK \cdot MP$

$$S = 30 \text{ см}^2$$

1
вариант

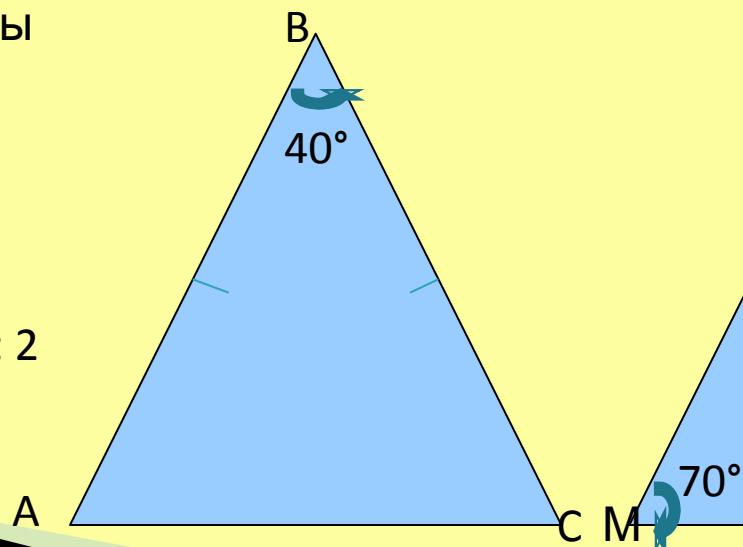


Дано: $\triangle ABC$ - равнобедренны
й, $\angle B = 40^\circ$

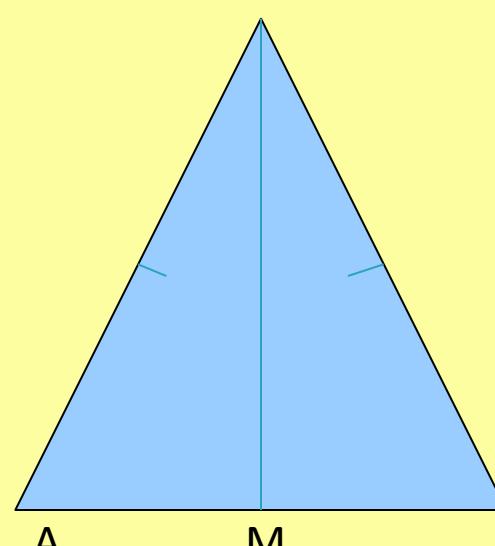
Найти: $\angle A, \angle C$

Решени

$$\begin{aligned} \angle A &= \angle C = (180 - 40) : 2 \\ \angle A &= 70^\circ \\ \angle C &= 70^\circ \end{aligned}$$



2
вариант



Дано: $\triangle ABC$ - равнобедренны
й,

BM – медиана
 $BM = 7$ см,
 $AC = 18$ см

Найти: $S_{\triangle ABC}$

Решени
е:
 BM -
высота,
 $S = \frac{1}{2}BM \cdot A$

$$S = 63 \text{ см}^2$$

Дано: $\triangle MNP$ -
равнобедренный,
 $\angle M = 70^\circ$

Найти: $\angle N, \angle P$

Решени

$$\begin{aligned} \angle M &= \angle P = 70^\circ \\ \angle N &= 180 - (70 + 70) = 40^\circ \\ \underline{\angle P = 70^\circ, \angle N = 40^\circ} \end{aligned}$$

