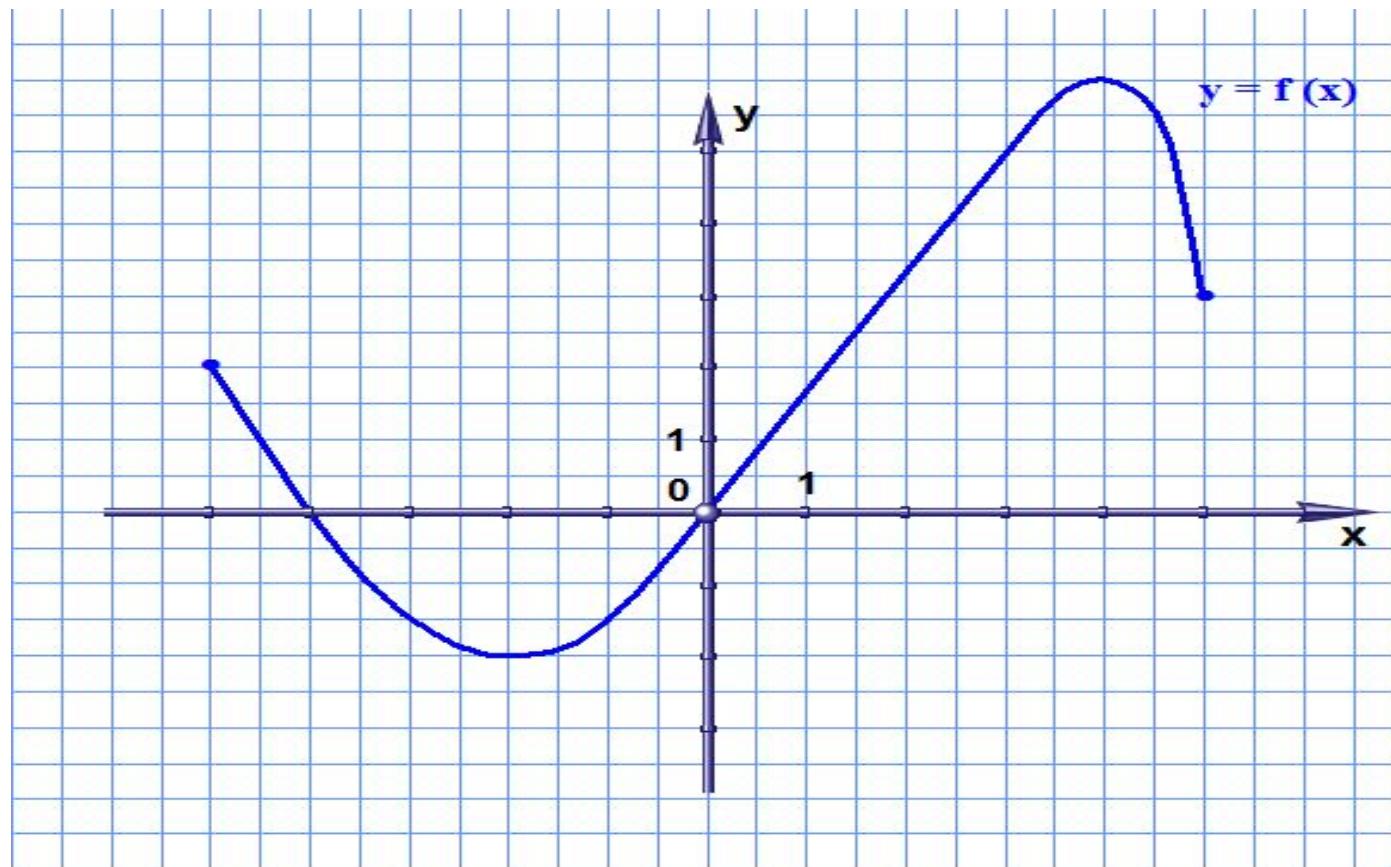


функция.

Область определения функции.

Область значений функции.



Давайте вспомним:

Какую зависимость называют функцией?

Как читают запись $y = f(x)$?

Что называют аргументом функции?

Что такое область определения функции?

Что называют значением функции?

Как читают запись $f(2) = 6$ и что она означает?

Что называют областью значений функции?

Определение функции.

Функцией называют такую зависимость переменной y от переменной x , при которой каждому значению переменной x соответствует единственное значение переменной y .

Обозначение функции.

$$y=f(x).$$

x – аргумент (независимая переменная).

y – функция (зависимая переменная)

$y(x)$ - функция

зависимая переменная

x - аргумент

независимая
переменная

Область определения функции.

Все значения независимой переменной образуют область определения функции.

Область определения функции
y(x)

это все значения аргумента - X
Обозначение
области определения - D(y)

Область значений функции.

Все значения, которые принимает зависимая переменная, образуют область значений функции.

Область значений функции $y(x)$

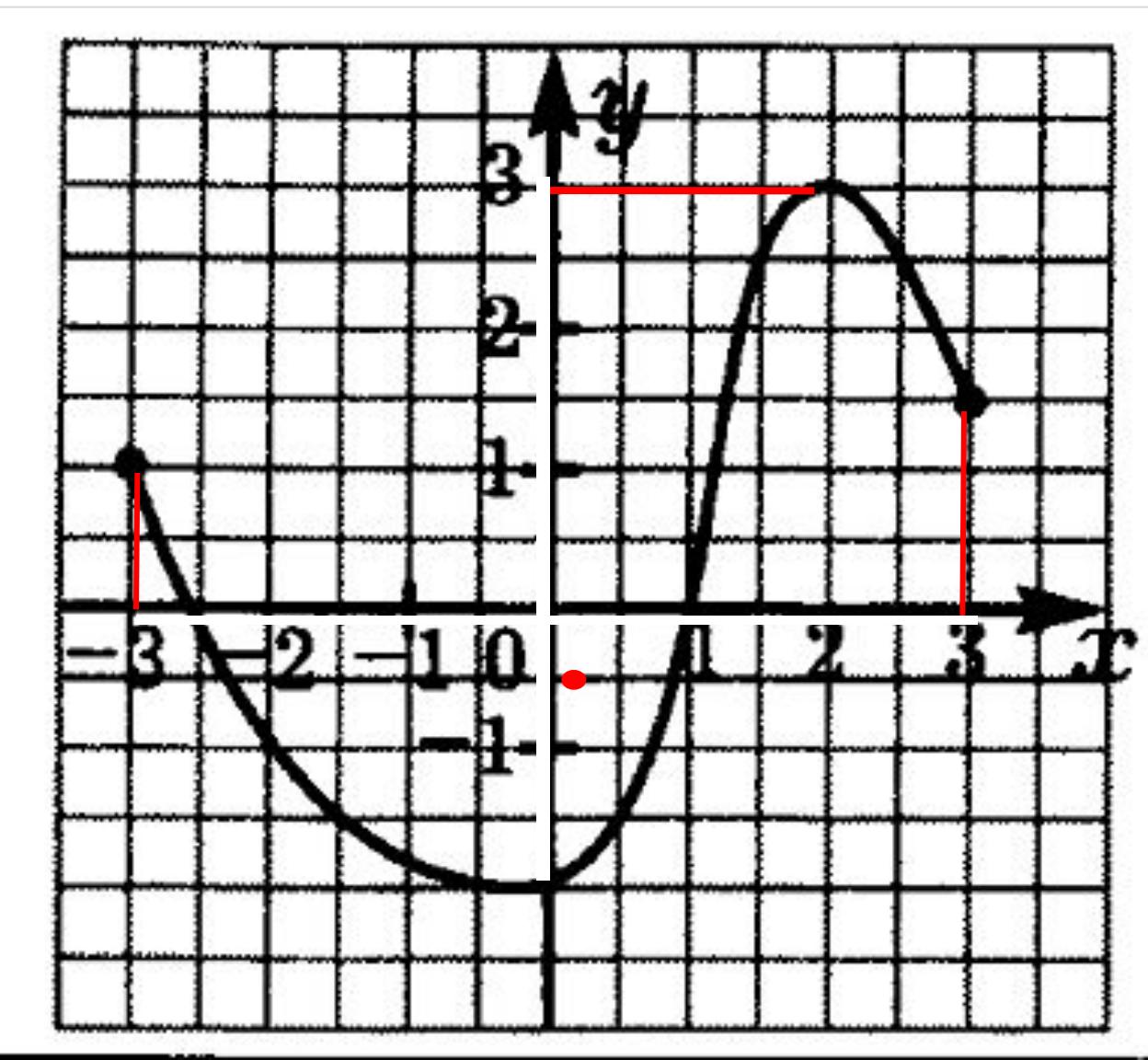
это все значения - y

Обозначение области значений - $E(y)$

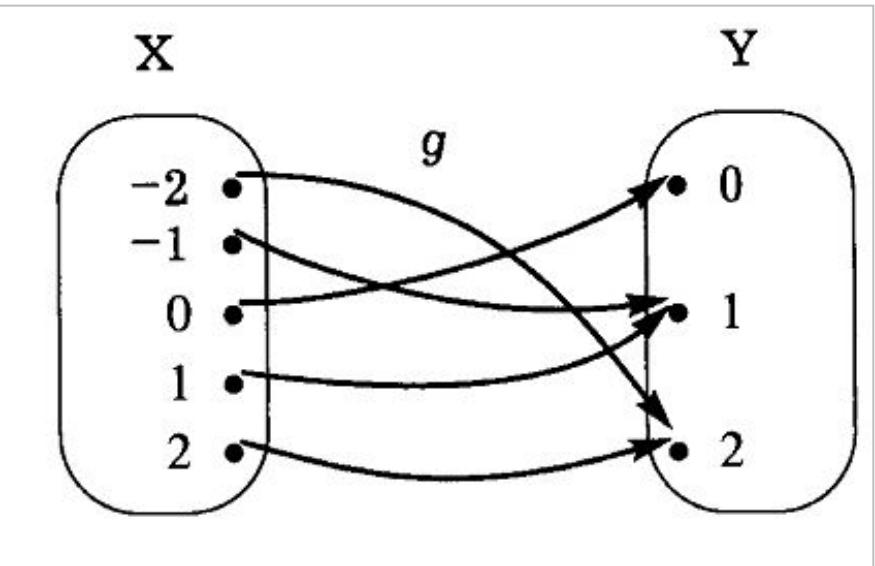
**1. УКАЖИТЕ ОБЛАСТЬ ОПРЕДЕЛЕНИЯ
И ОБЛАСТЬ ЗНАЧЕНИЙ ФУНКЦИИ,
КОТОРАЯ ЗАДАНА ТАБЛИЦЕЙ:**

x	- 4	- 3	- 2	- 1	0	1	2	3
y	- 8	- 6	- 4	- 2	0	2	4	6

**2. УКАЖИТЕ ОБЛАСТЬ ОПРЕДЕЛЕНИЯ
И ОБЛАСТЬ ЗНАЧЕНИЙ ФУНКЦИИ.**

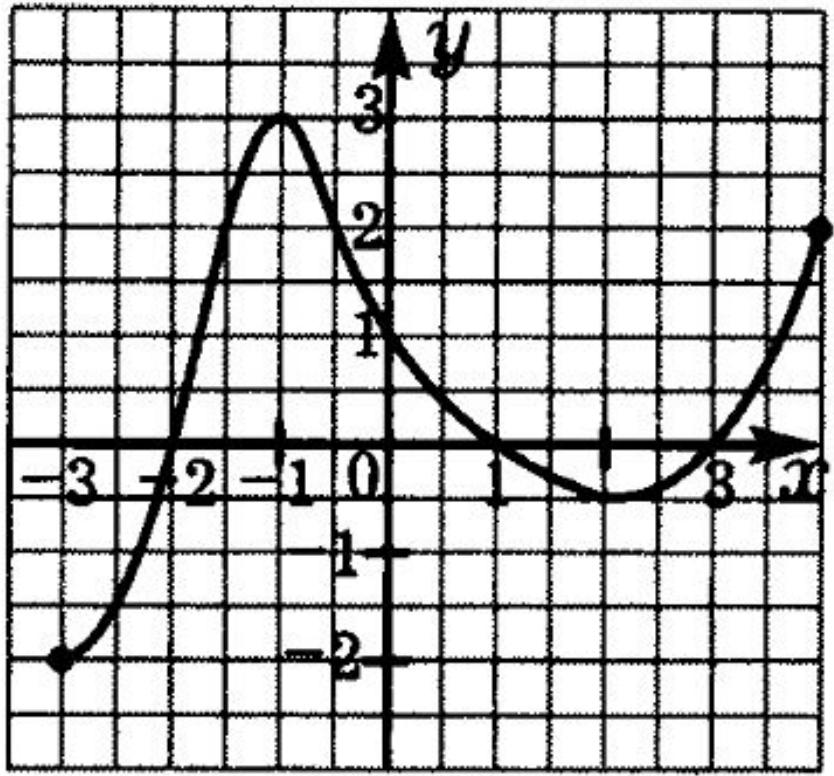


3. ФУНКЦИЯ ЗАДАНА ГРАФОМ. ЗАПОЛНИТЕ ПРОПУСКИ.



- 1) $g(2) =$
- 2) $g(-2) =$
- 3) $g(x) = 0$ при $x =$
или $x =$
- 4) $g(x) = 1$ при $x =$
или $x =$
- 5) $D(g) =$
- 6) $E(g) =$

4. ФУНКЦИЯ ЗАДАНА ГРАФИКОМ. ЗАПОЛНИТЕ ПРОПУСКИ.



- 1) $f(-3) =$
- 2) $f(-1) =$
- 3) $f(x) = -1,5$ при $x =$
- 4) $f(x) = 2$ при $x =$
 $x = \quad, x = \quad$
- 5) $D(f) =$
- 6) $E(f) =$

5. ФУНКЦИЯ ЗАДАНА ФОРМУЛОЙ. НАЙДИТЕ:

$$1) f(x) = \frac{x^2 + 3x - 10}{x + 3}$$

а) $f(2) = ?$

б) $D(f) = ?$

Решение:

$$2) f(x) = \sqrt{2x - 7}$$

а) $f(16) = ?$

б) $D(f) = ?$

Решение:

График функции

Графиком функции называют множество всех точек координатной плоскости, абсциссы которых равны значениям аргумента, а ординаты – соответствующим значениям функции.

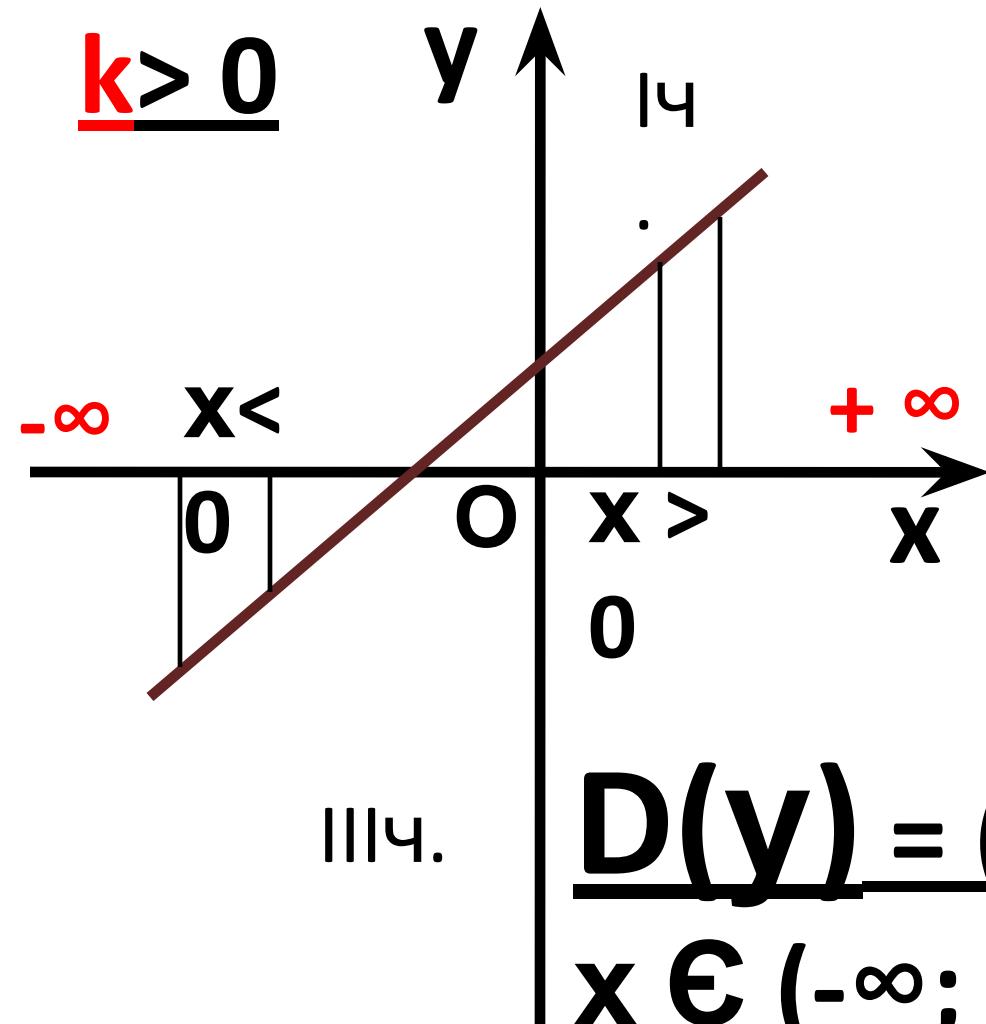
($x; y$) - координаты точки в плоскости

y – **ордината** точки
(координата оси
Oy)
 $y(x)$ - **функция**

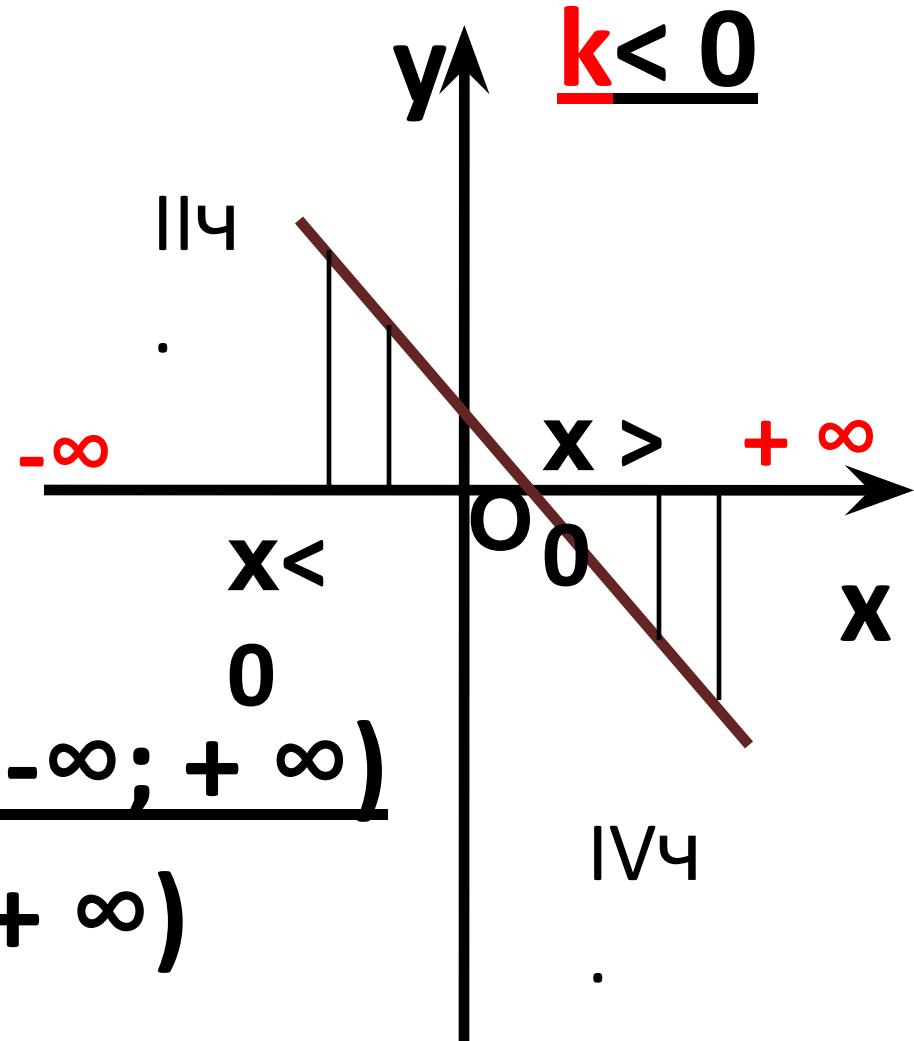
x – **абсцисса** точки
(координата оси
Ox)
 x - **аргумент**

Область определения линейной функции $y(x) = kx + b, k \neq 0$

$$k > 0$$

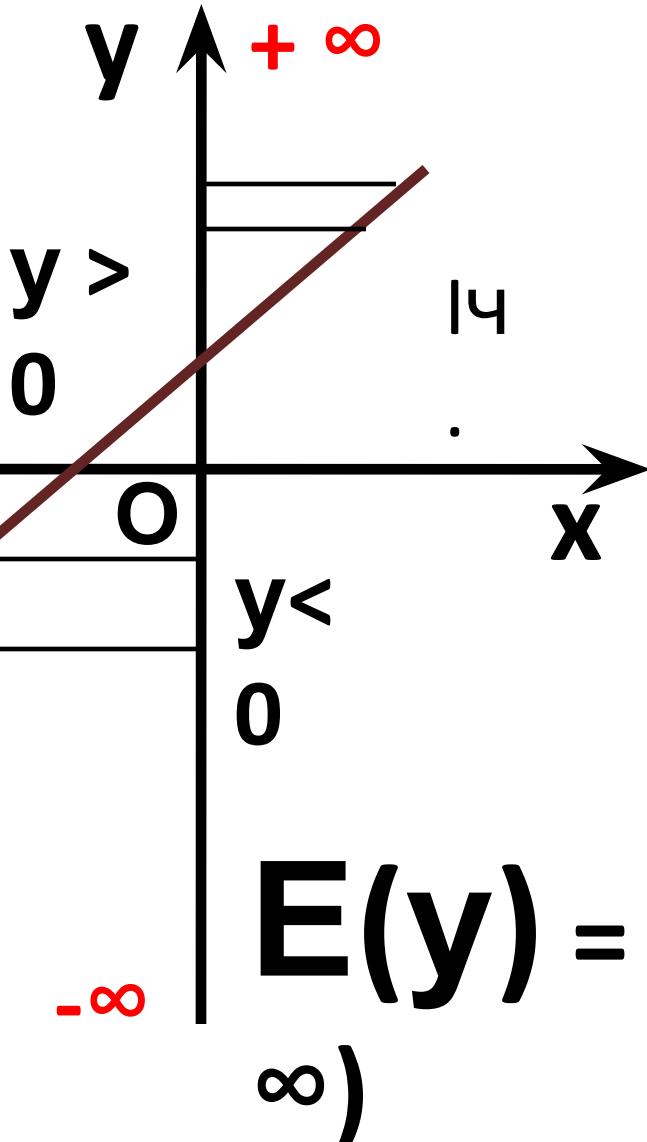


$$k < 0$$

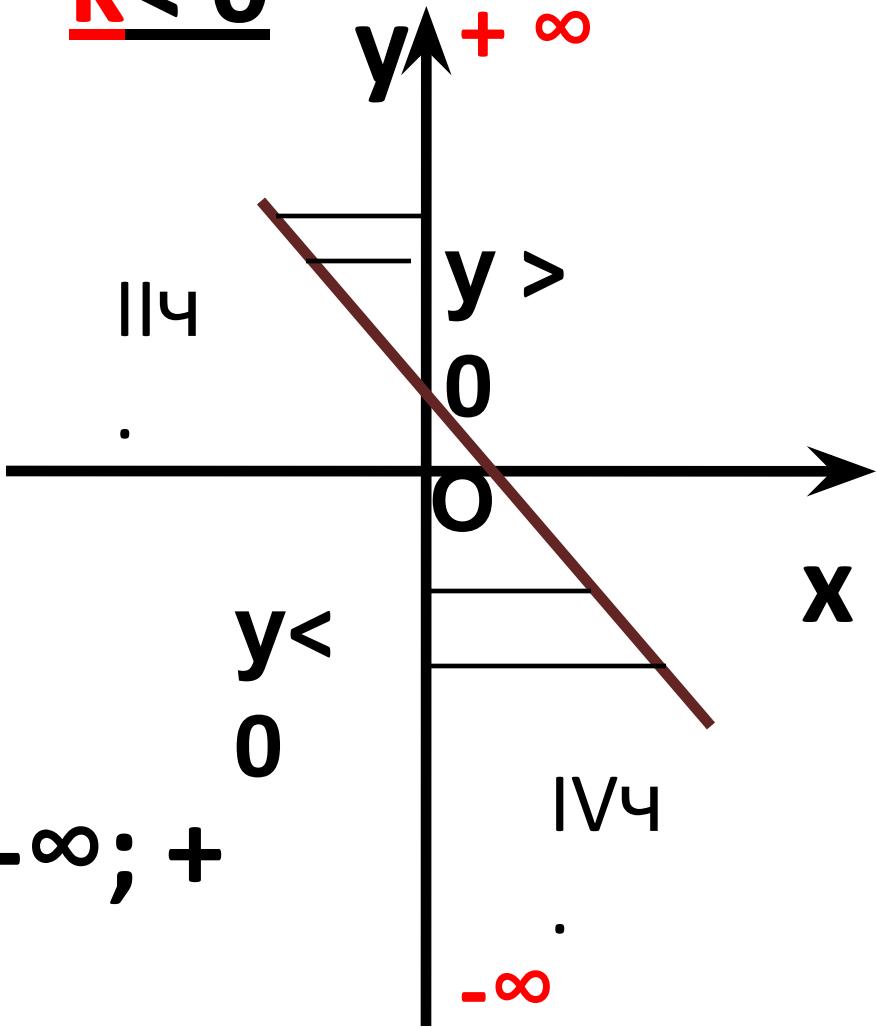


Область значений линейной функции $y(x) = kx + b$, $k \neq 0$

$k > 0$



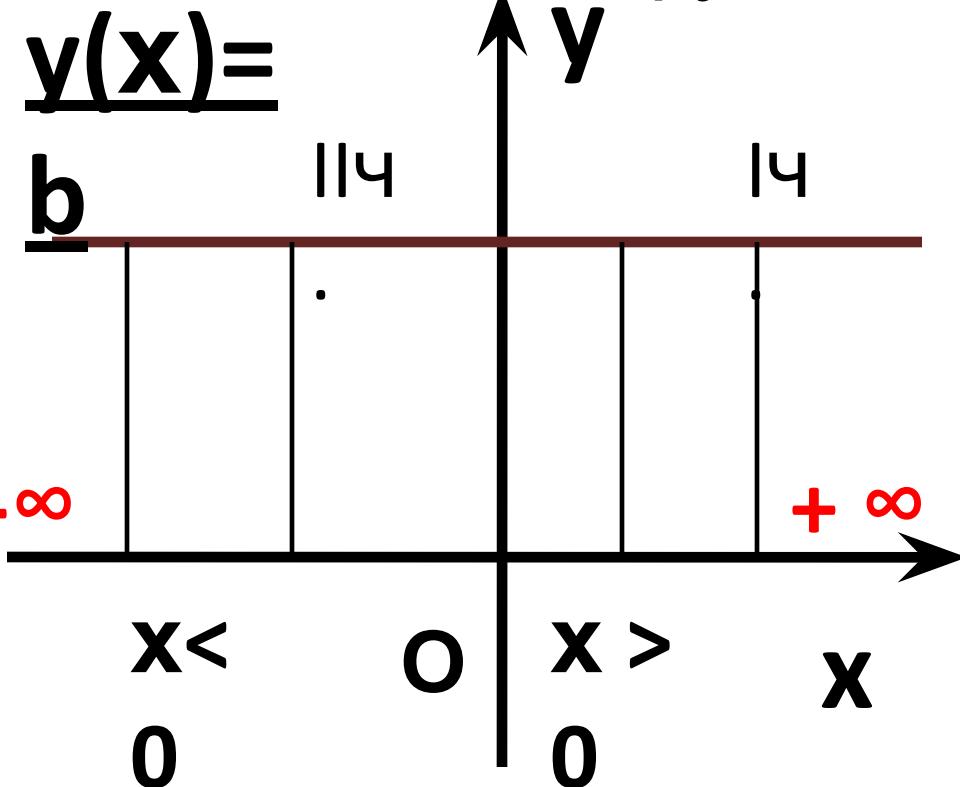
$k < 0$



$$E(y) = (-\infty; +\infty)$$

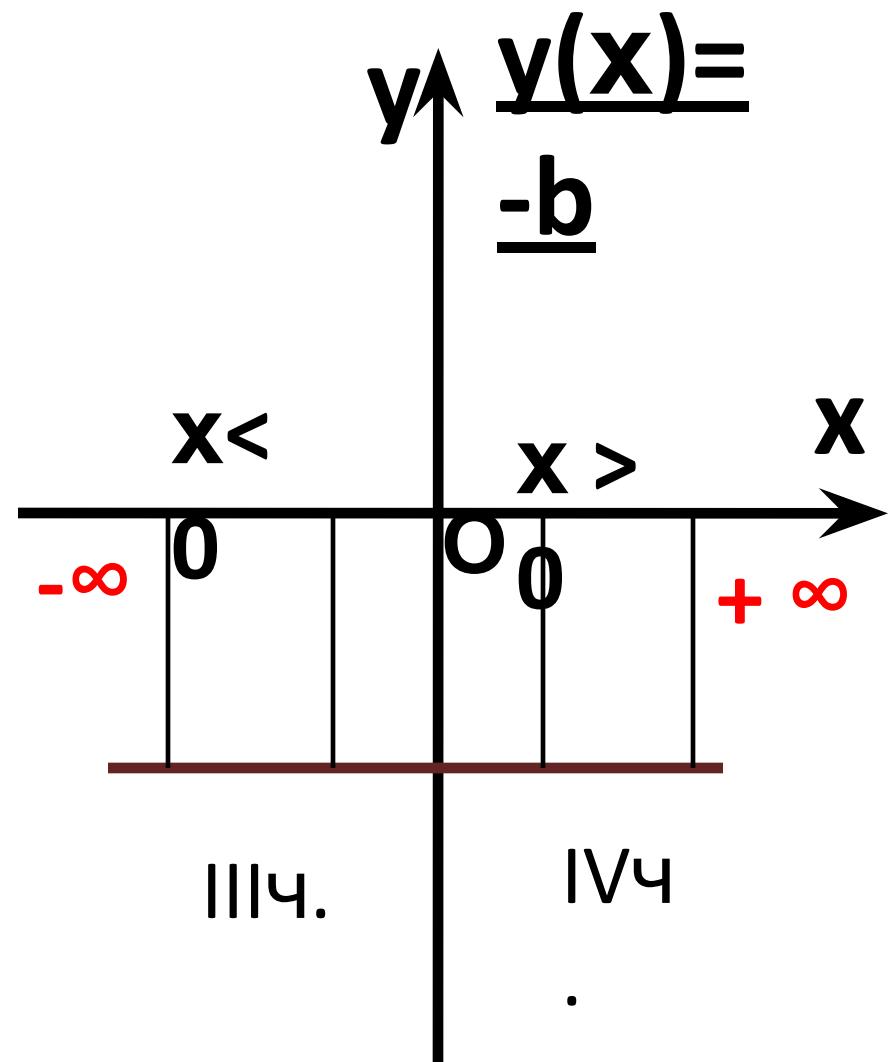
Область определения

линейной функции $y(x) = kx + b, k \neq 0$

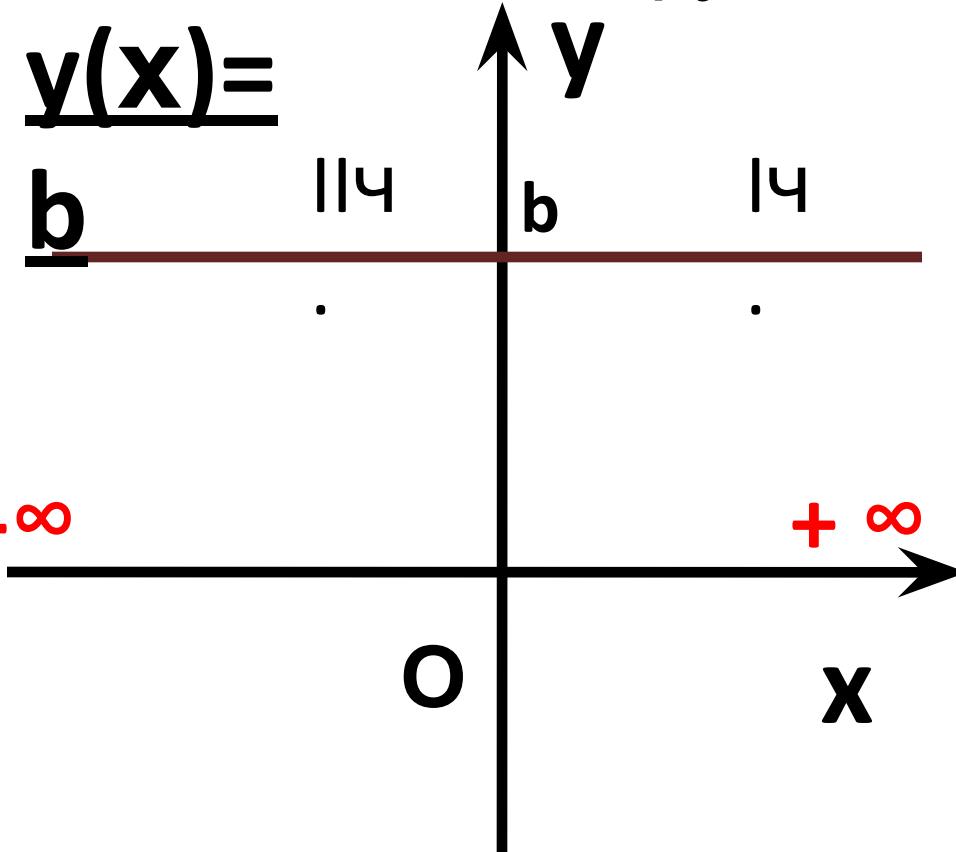


$$D(y) = (-\infty; +\infty)$$

$$x \in (-\infty; +\infty)$$

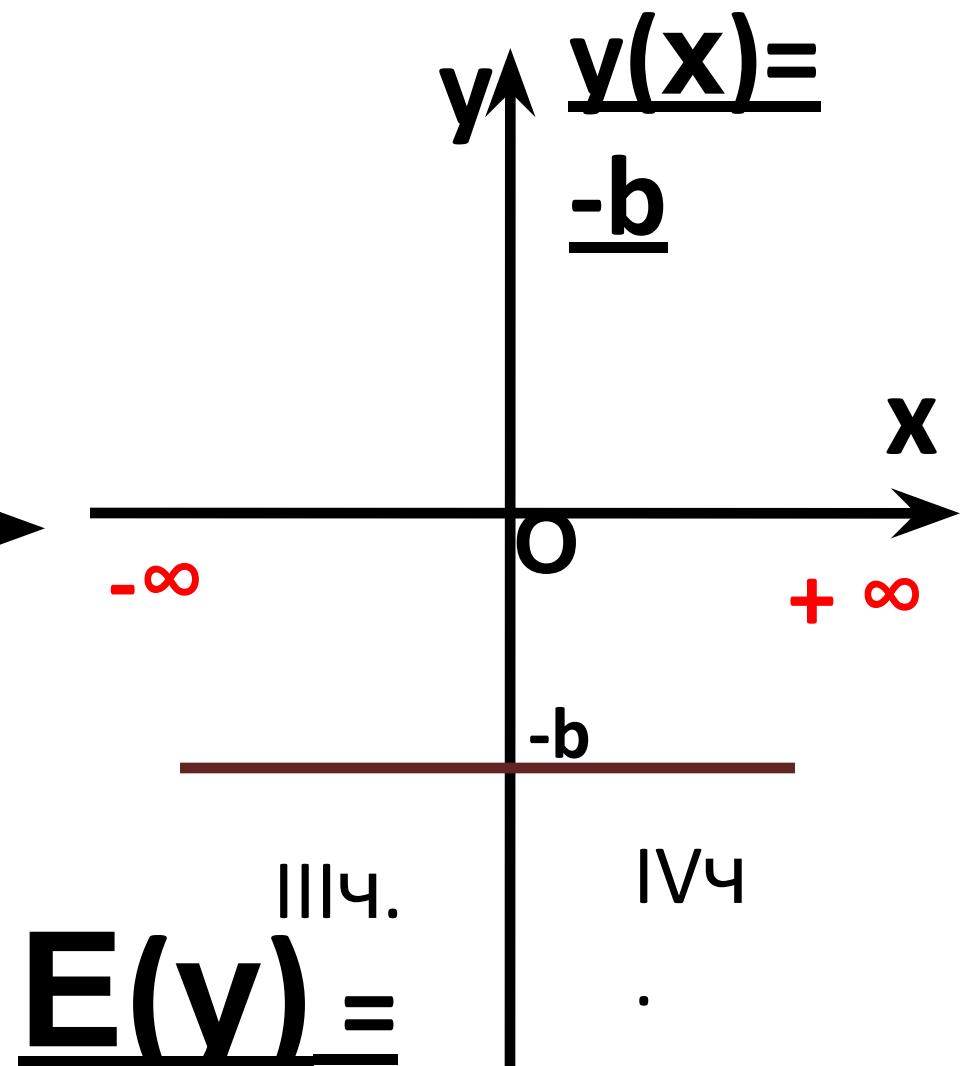


Область значений
линейной функции $y(x) = kx + b, k \neq 0$



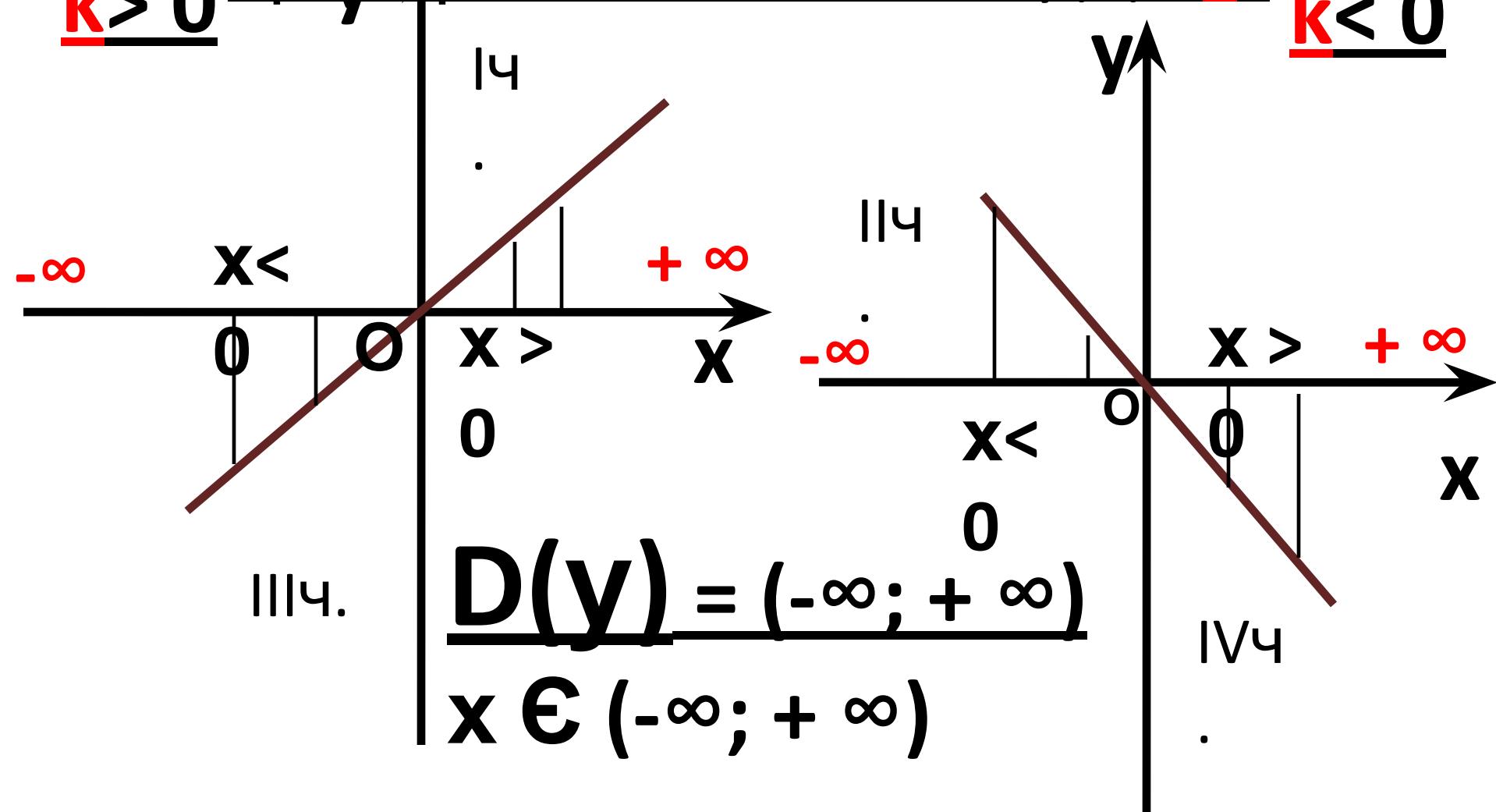
$E(y) =$

b



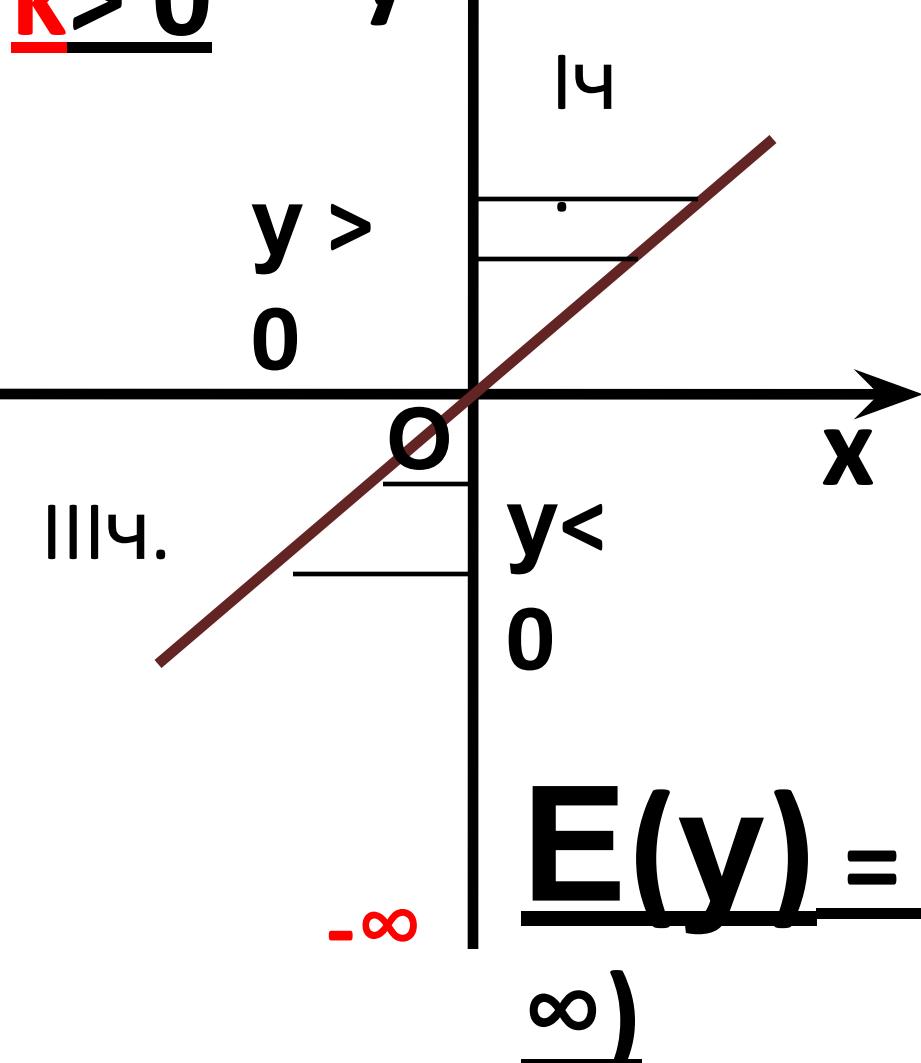
Область определения прямой

$k > 0$ пропорциональности $y(x) = kx$ $k < 0$

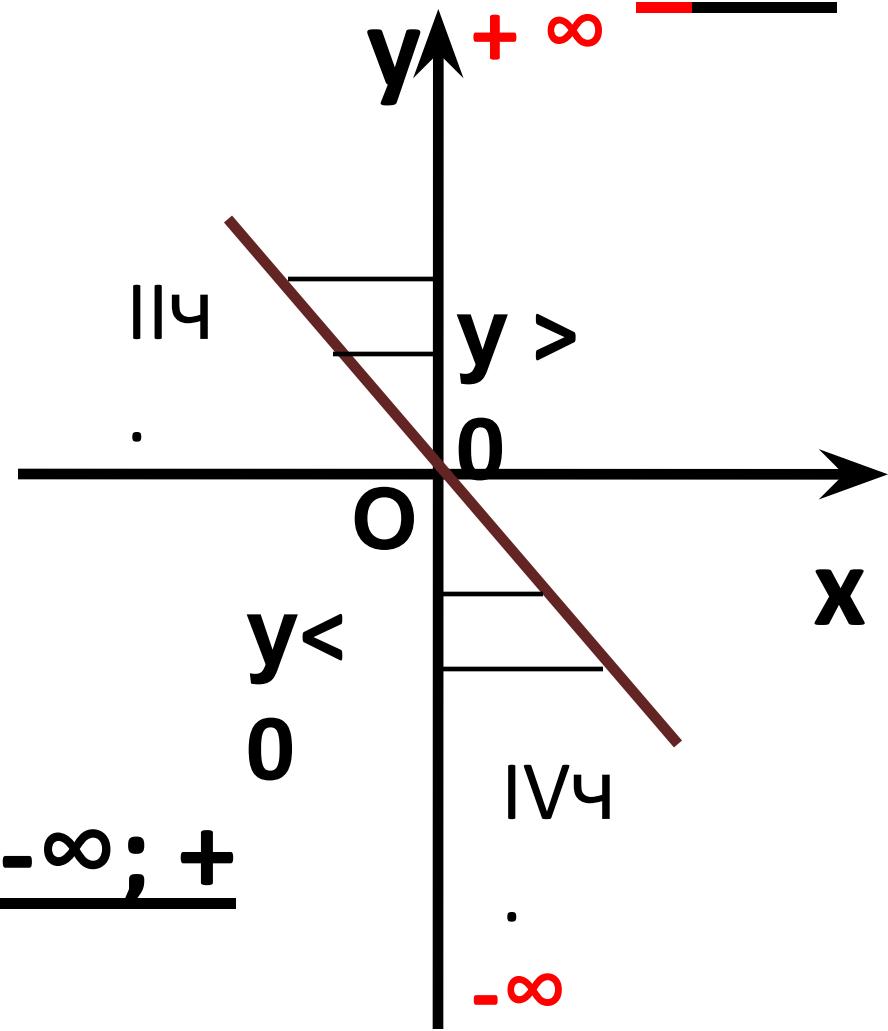


Область значений прямой

$k > 0$  $k < 0$

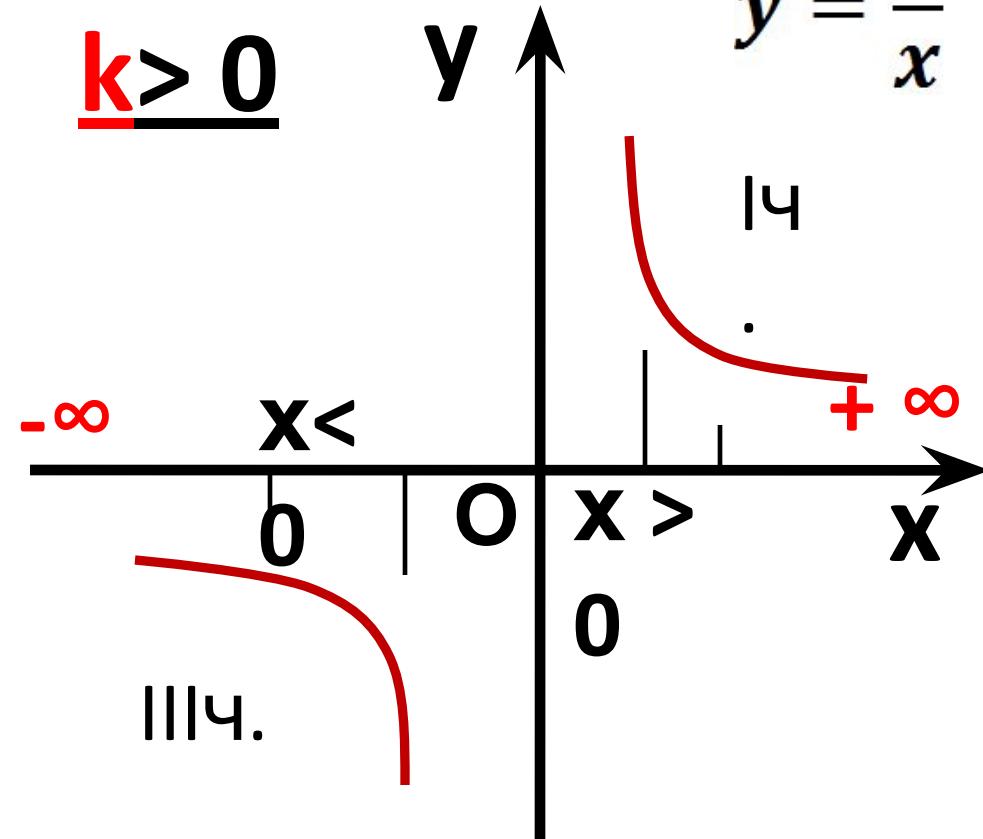


$$E(y) = (-\infty; +\infty)$$



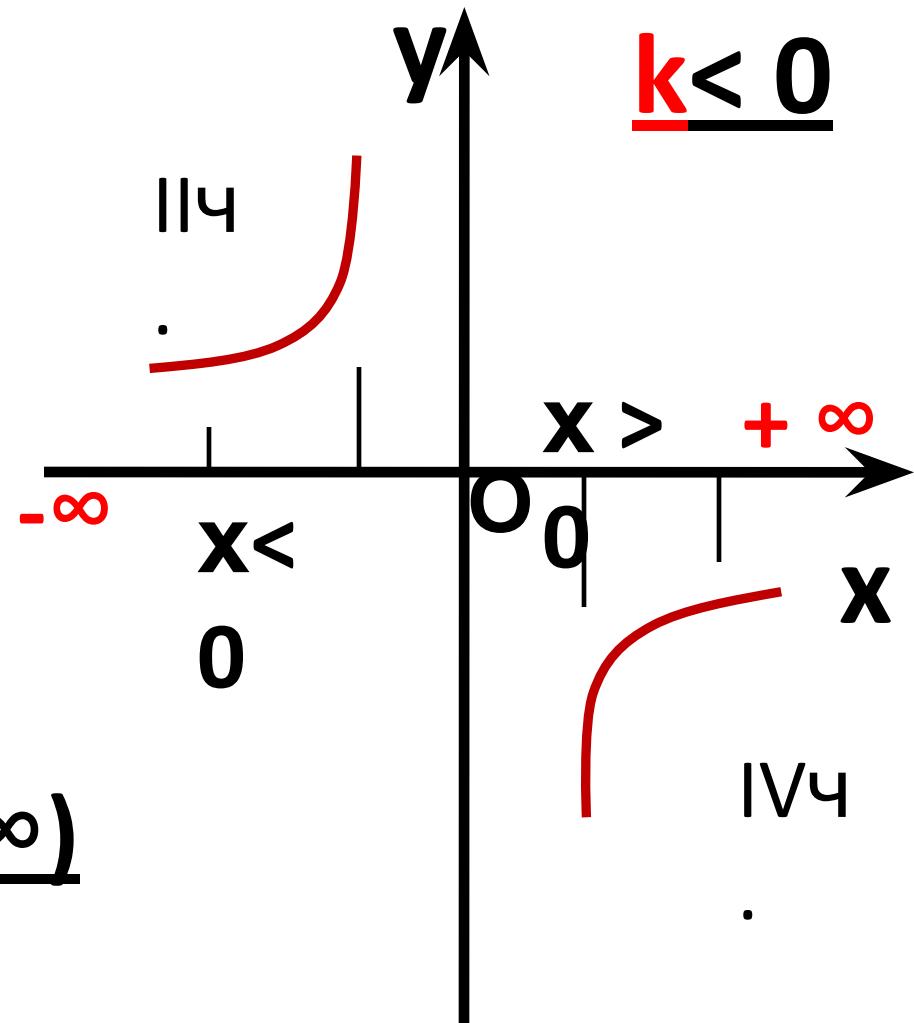
Область определения обратной пропорциональности, $x \neq 0$

$$k > 0 \quad y = \frac{k}{x}$$



$$D(y) = (-\infty; 0) \cup (0; +\infty)$$

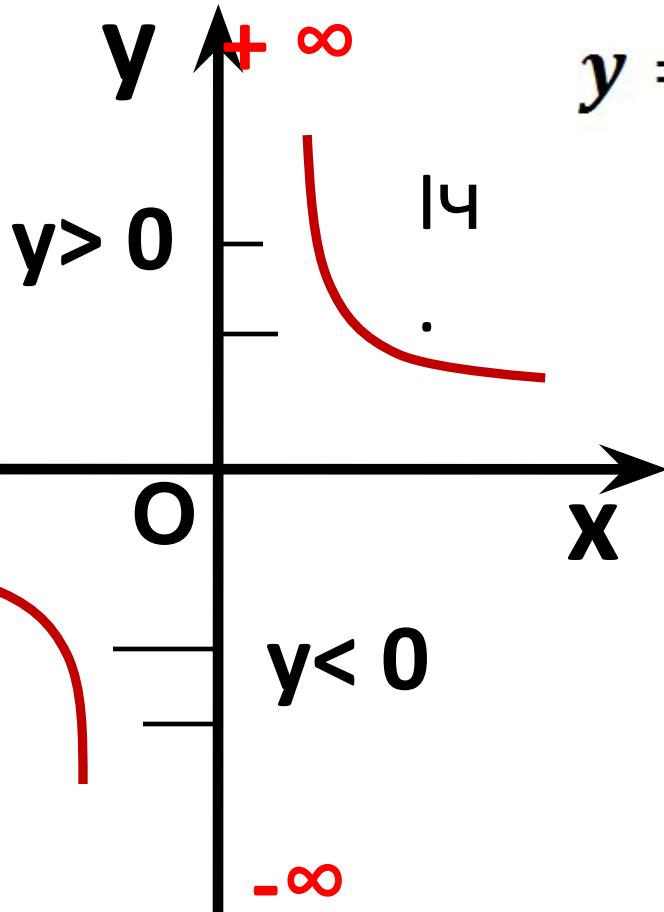
$$x \in (-\infty; 0) \cup (0; +\infty)$$



$$k < 0$$

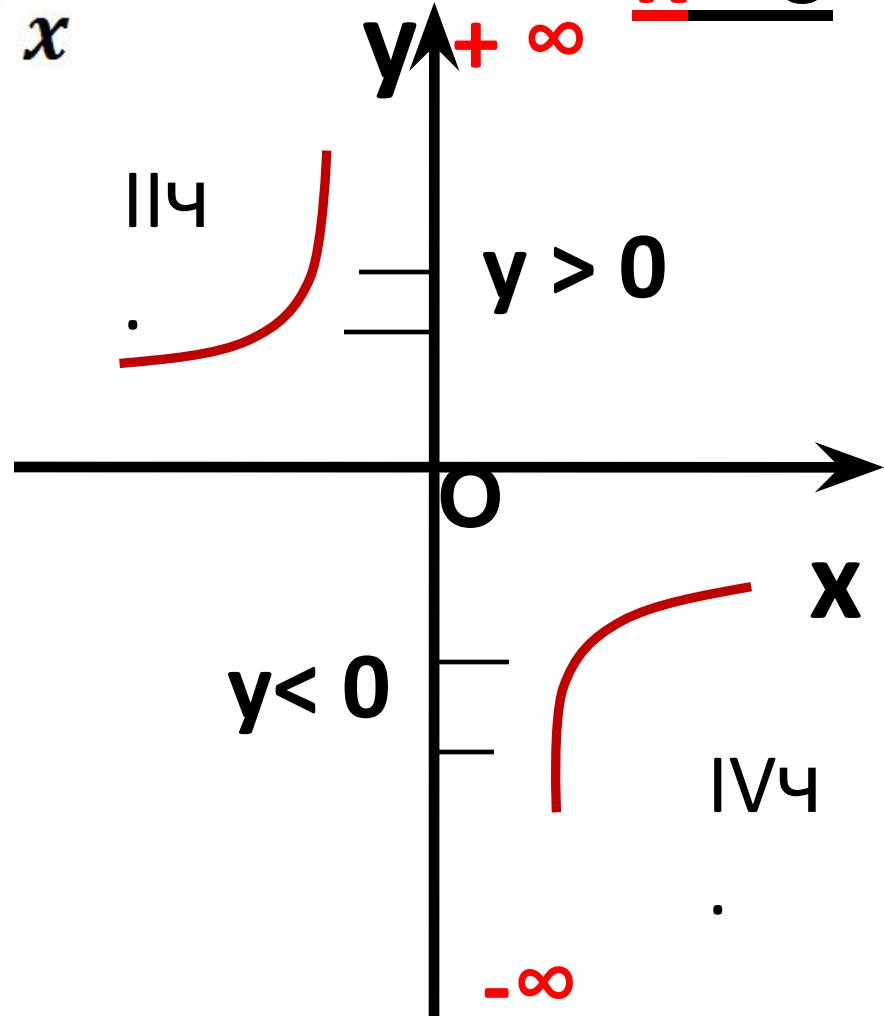
Область значений обратной пропорциональности, $x \neq 0$

$k > 0$



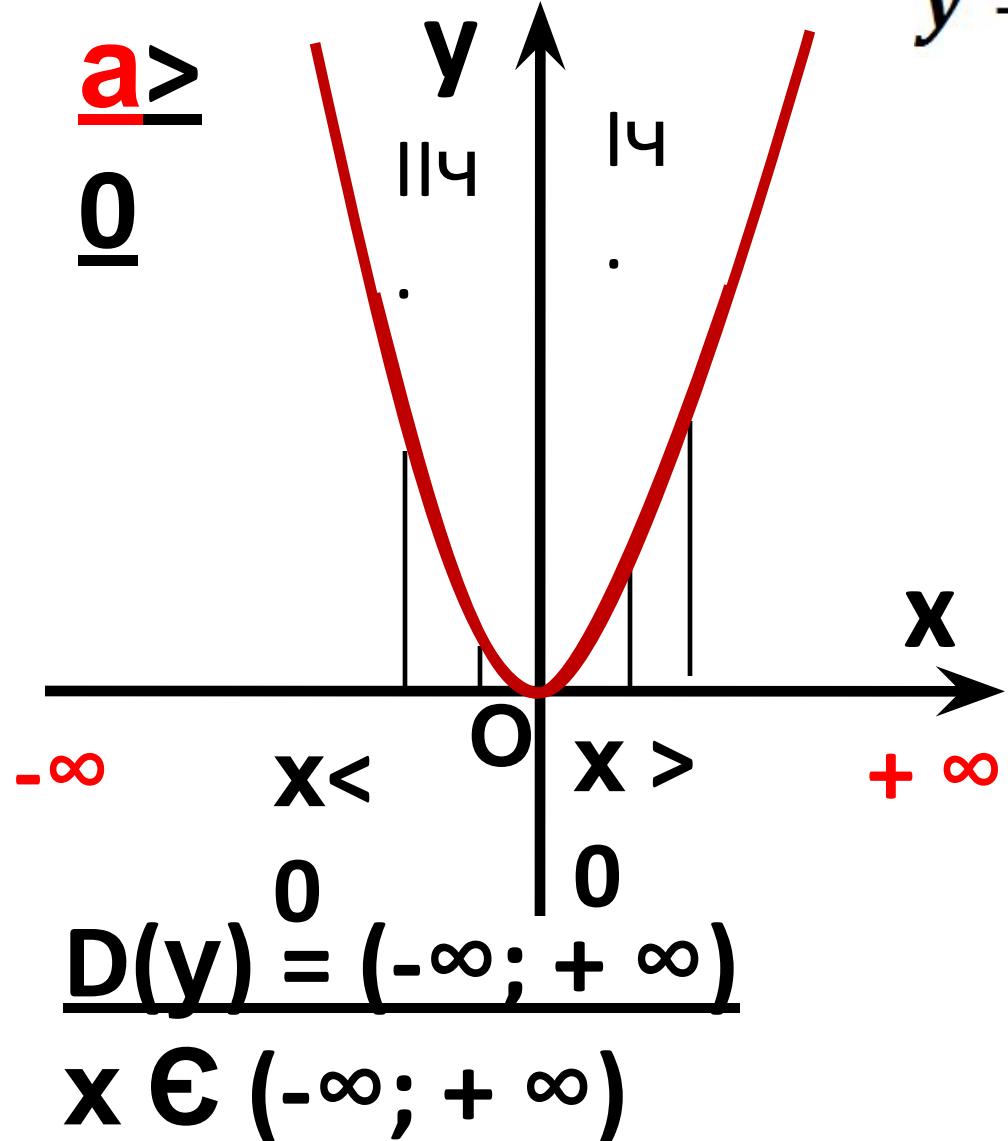
$$y = \frac{k}{x}$$

$k < 0$

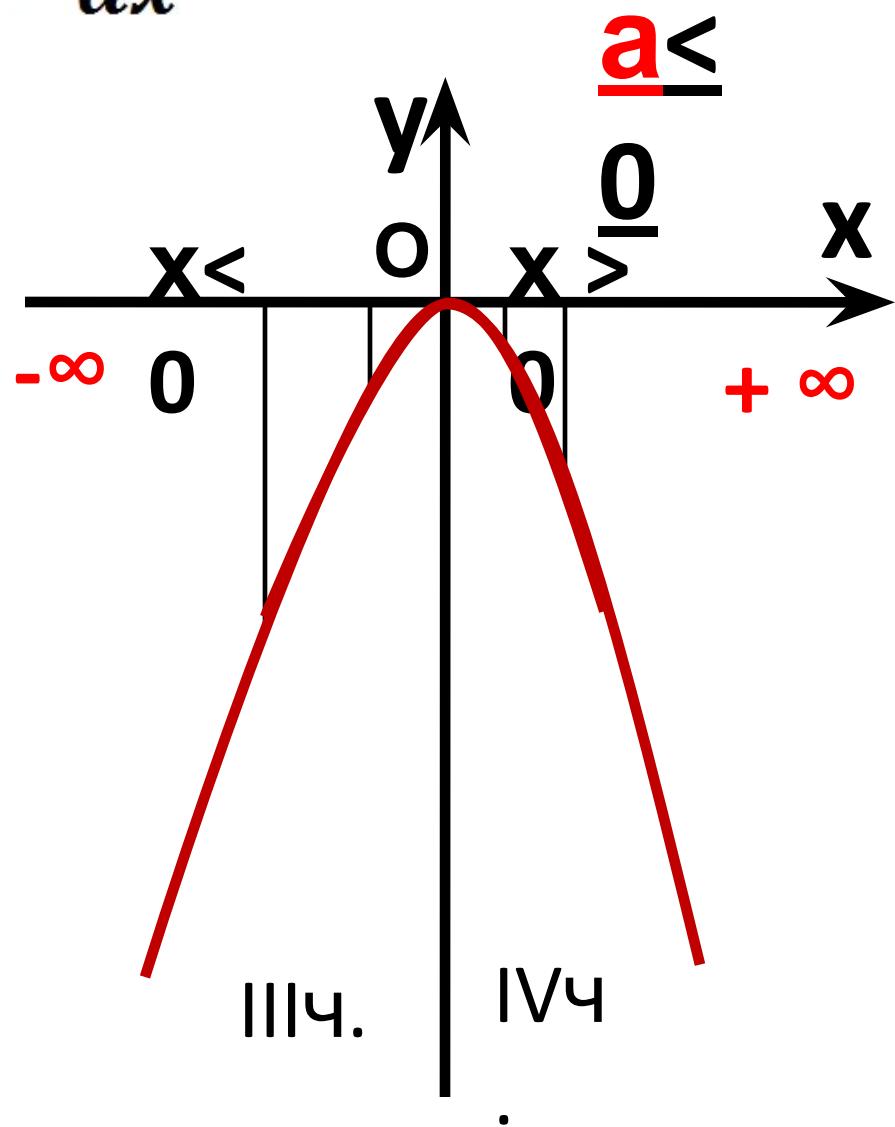


$$\begin{aligned} E(y) &= (-\infty; 0) \cup (0; +\infty) \\ y(x) &\in (-\infty; 0) \cup (0; +\infty) \end{aligned}$$

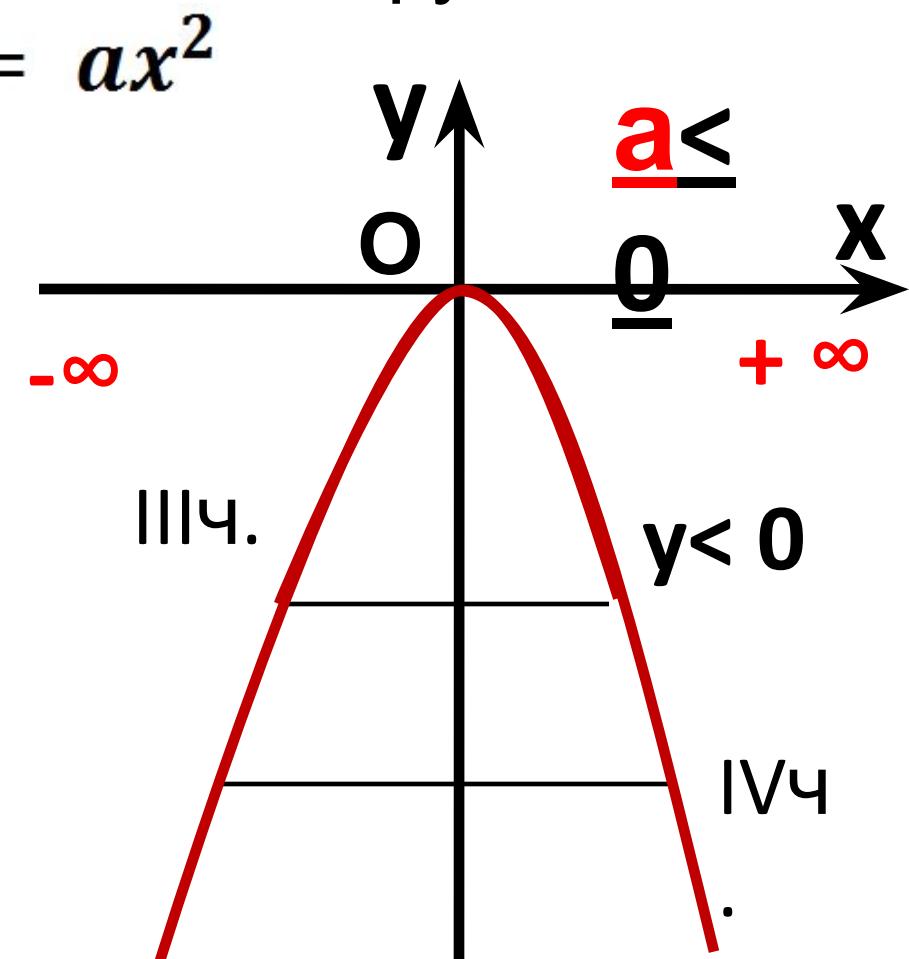
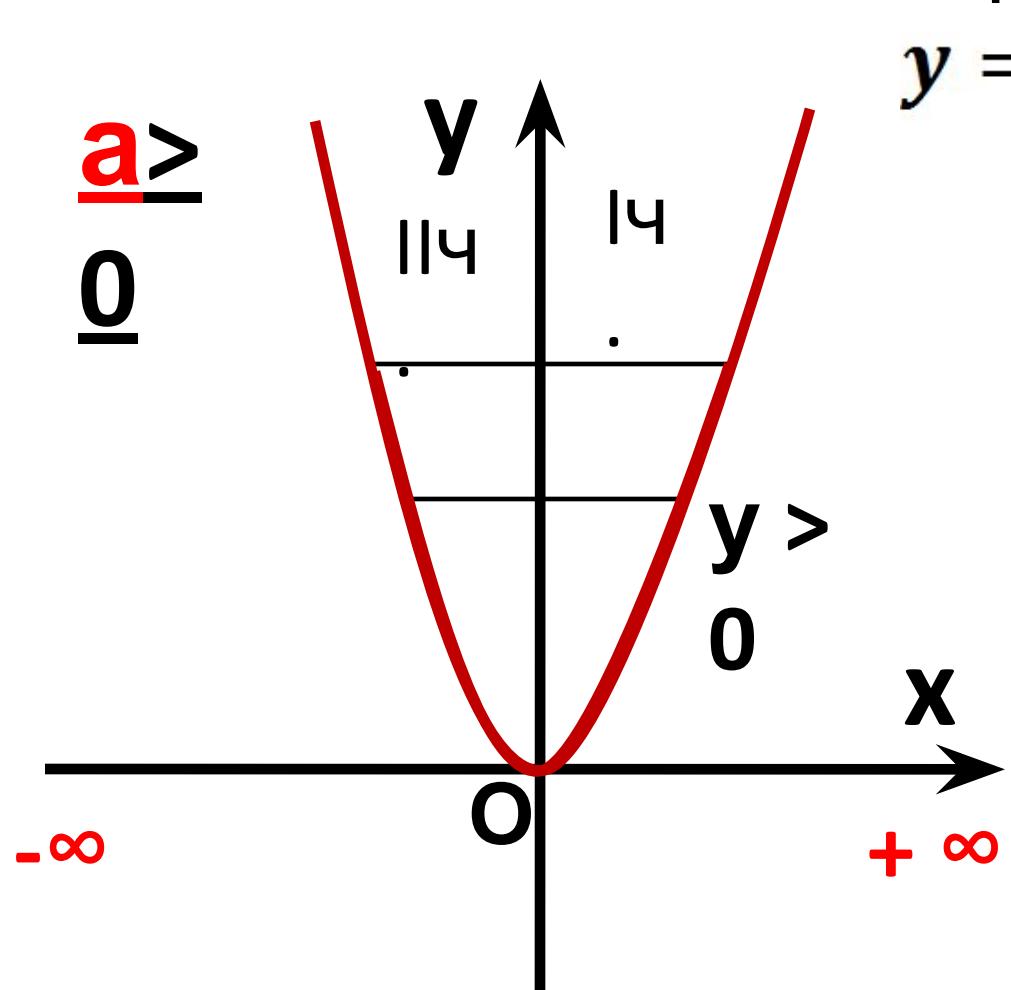
Область определения квадратичной функции,

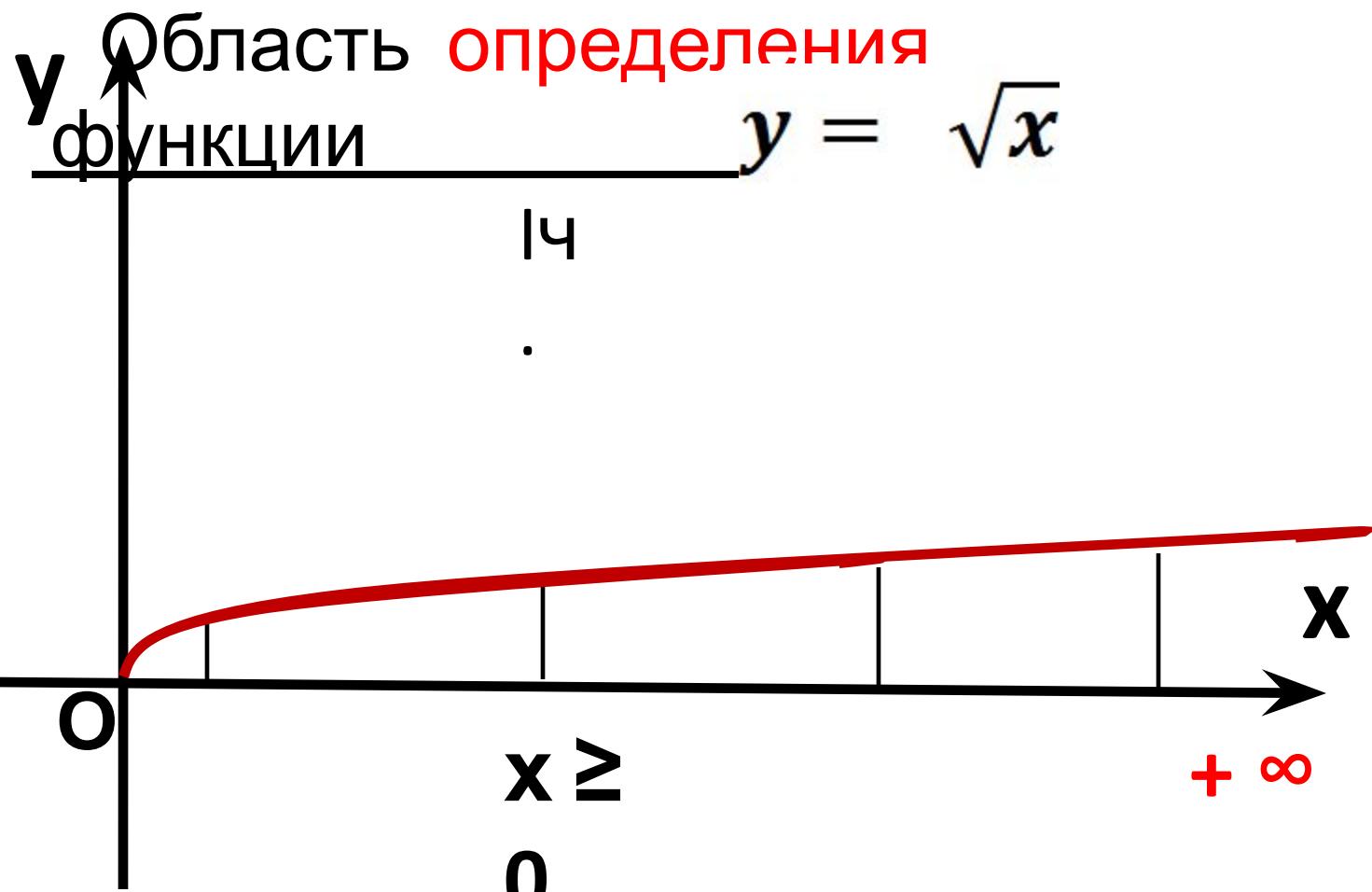


$$y = ax^2$$



Область значений квадратичной функции, $a \neq 0$

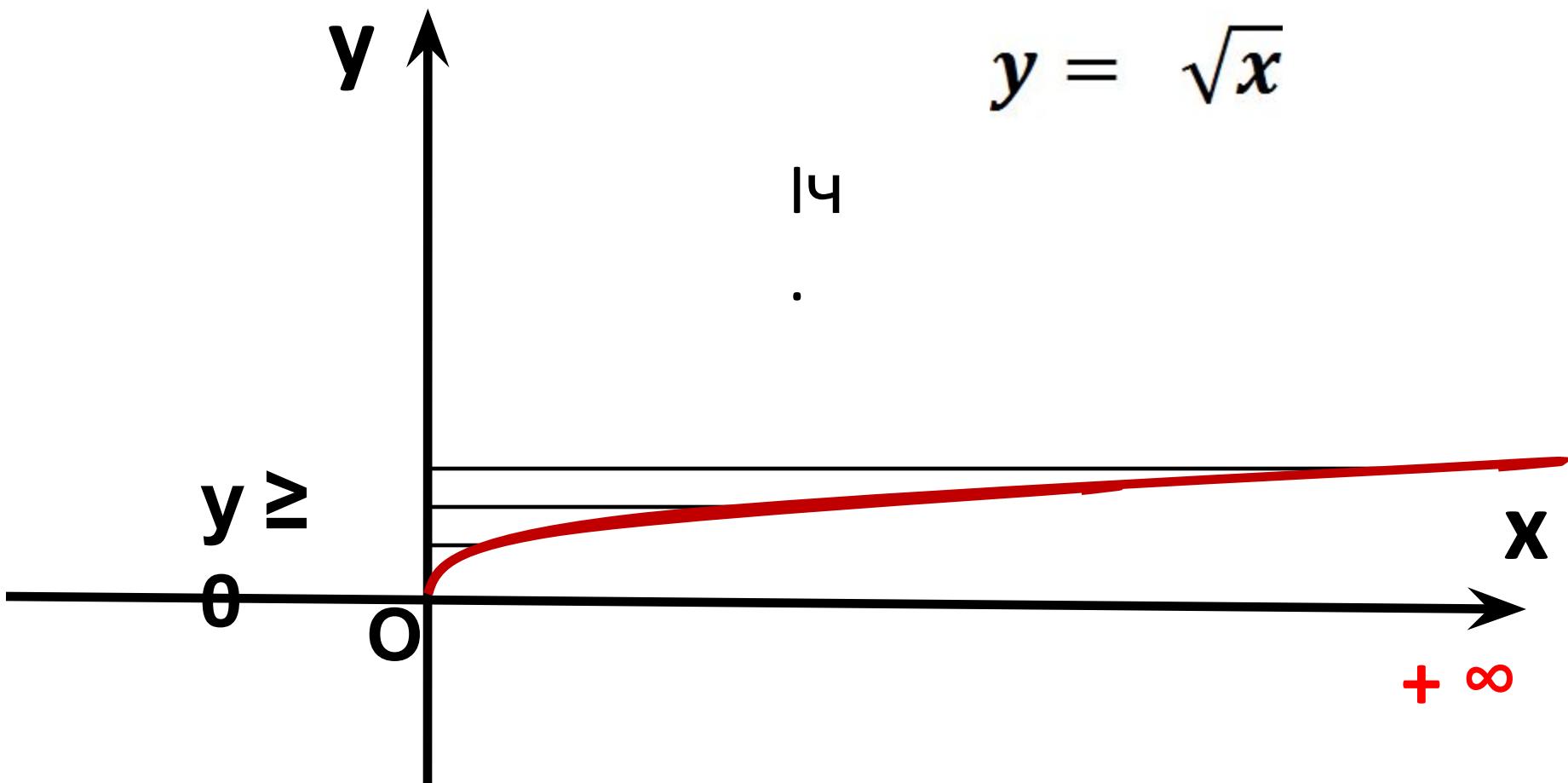




$$D(y) = [0; +\infty); \quad x \in [0; +\infty)$$

Область значений

функции, $x \geq 0$

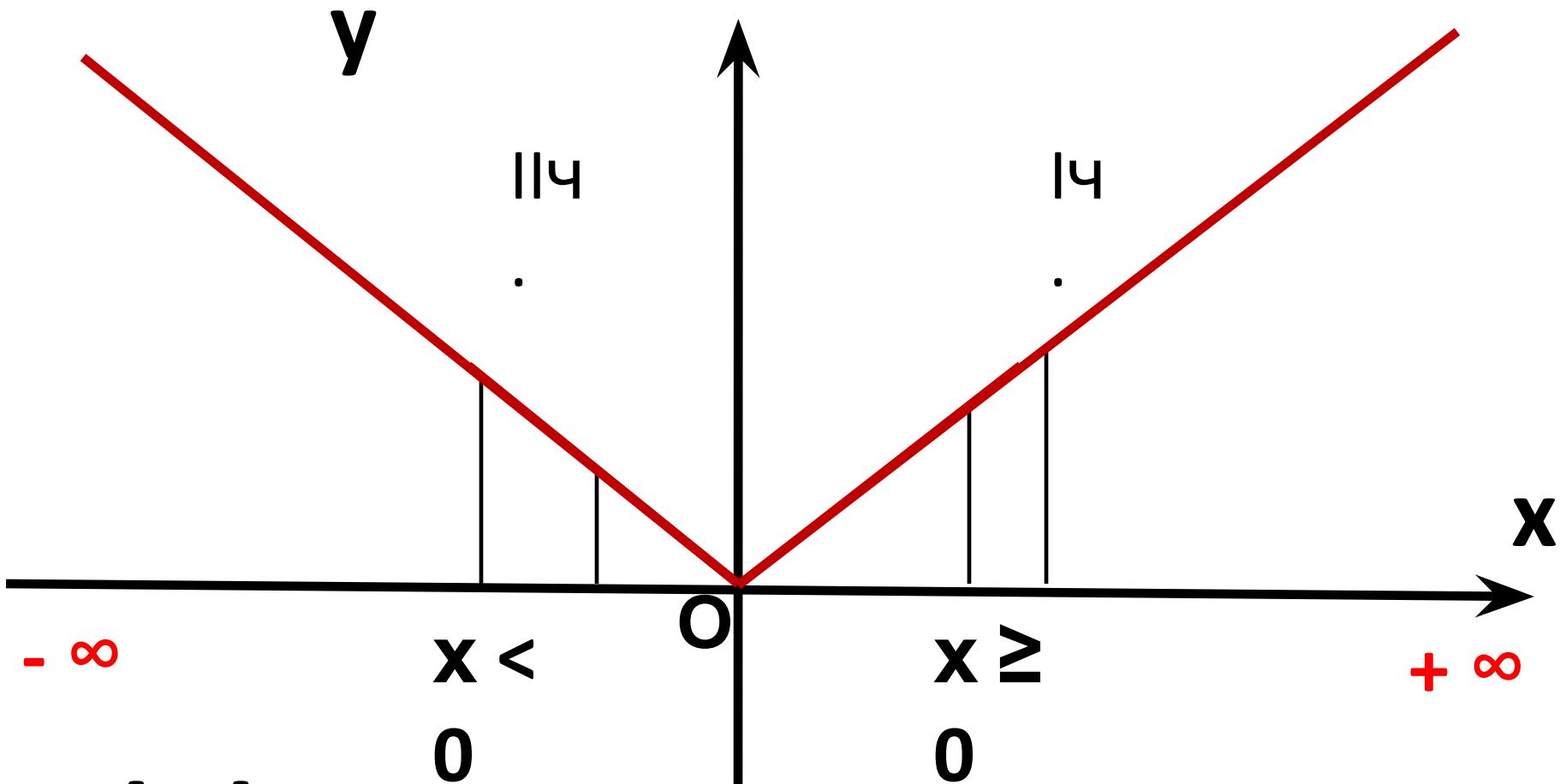


$$E(y) = [0; +\infty);$$

$$y(x) \in [0; +$$

з)

Область определения функции $y = |x|$

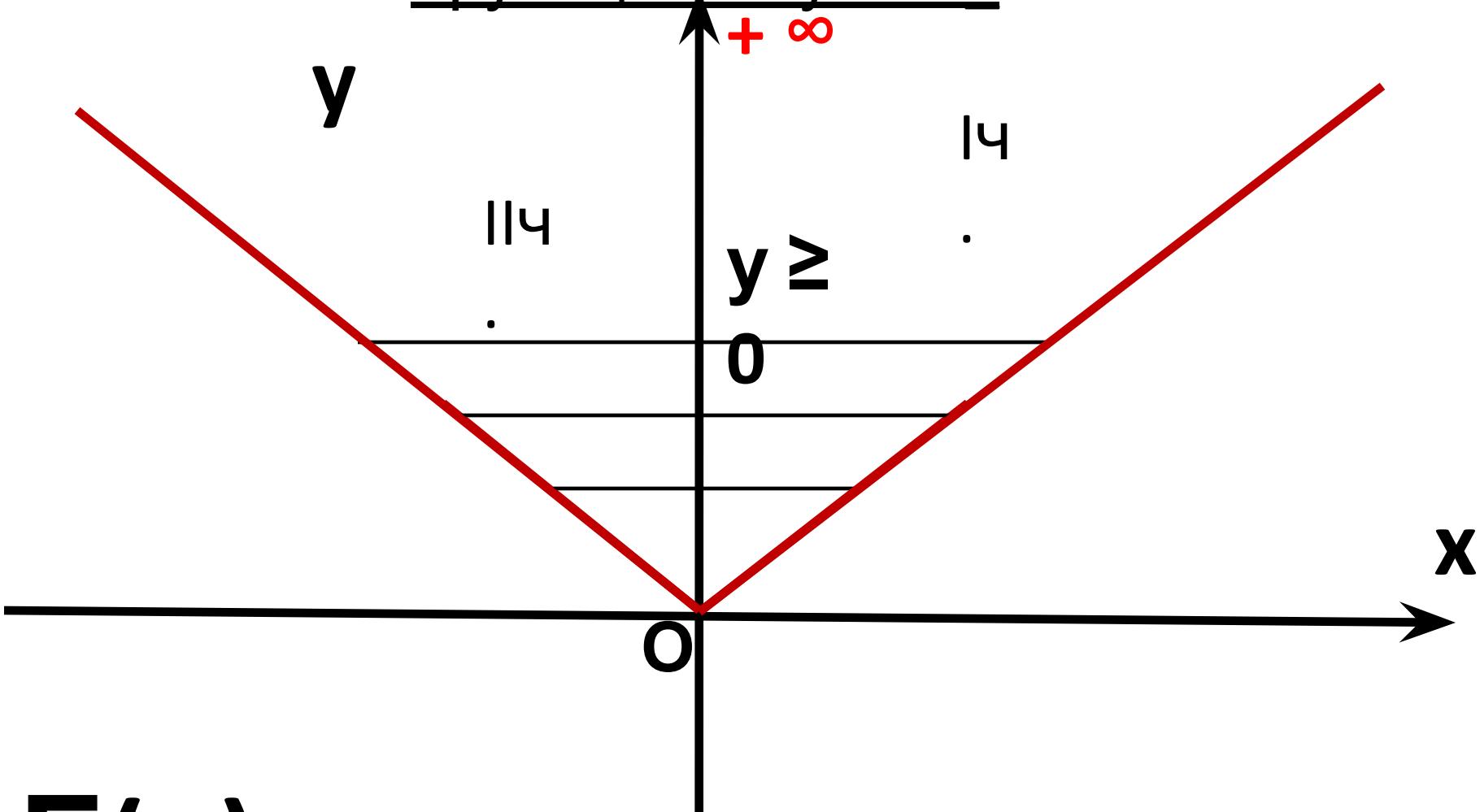


$$D(y) = (-\infty ; +\infty);$$

$$x \in (-\infty ; +\infty)$$

Область значений
функции

$$y = |x|$$

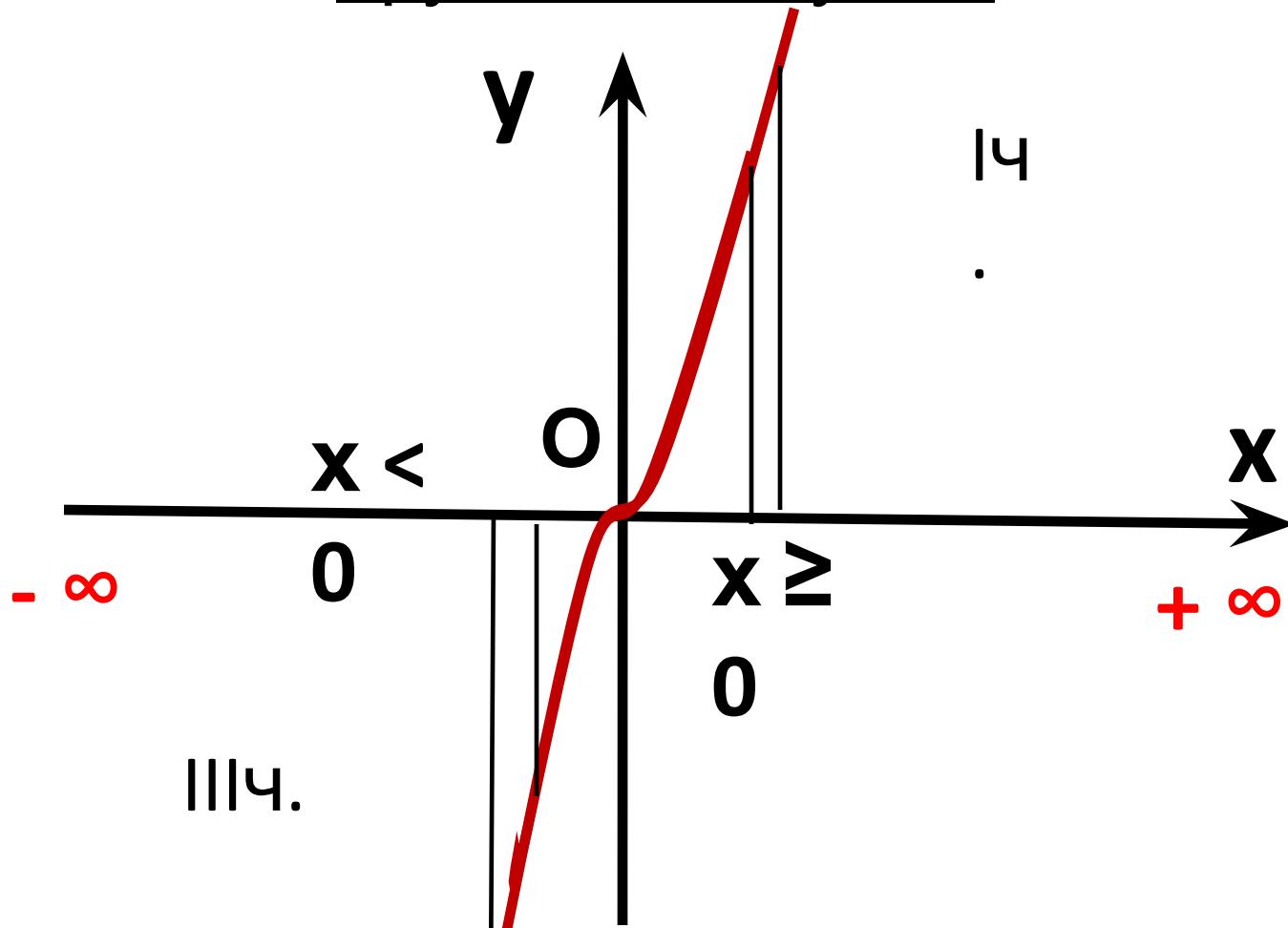


$$E(y) = [0; +\infty);$$

$$y(x) \in [0; +\infty)$$

Область определения

функции $y = x^3$

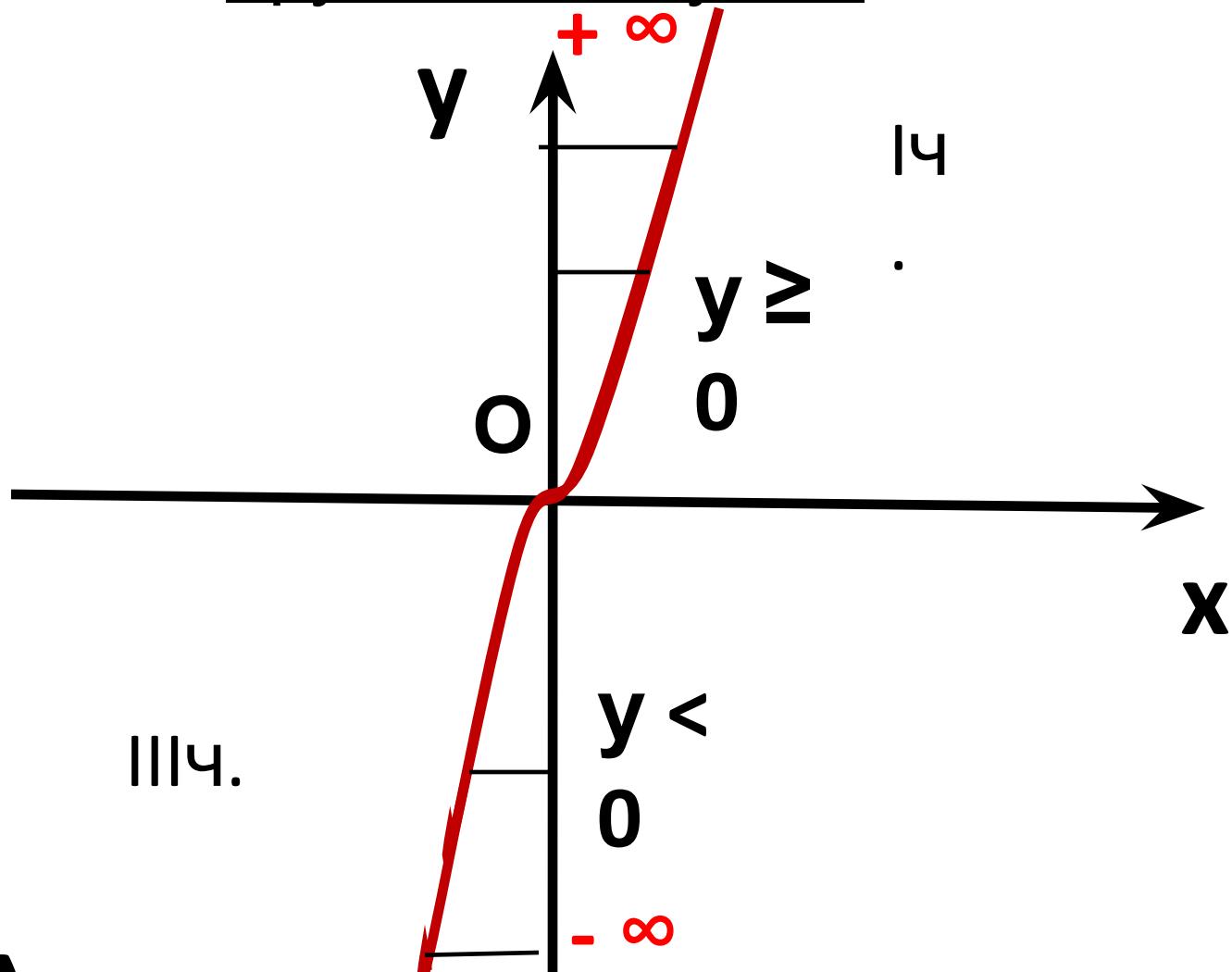


$$D(y) = (-\infty; + \infty);$$

$$x \in (-\infty; + \infty)$$

Область значений

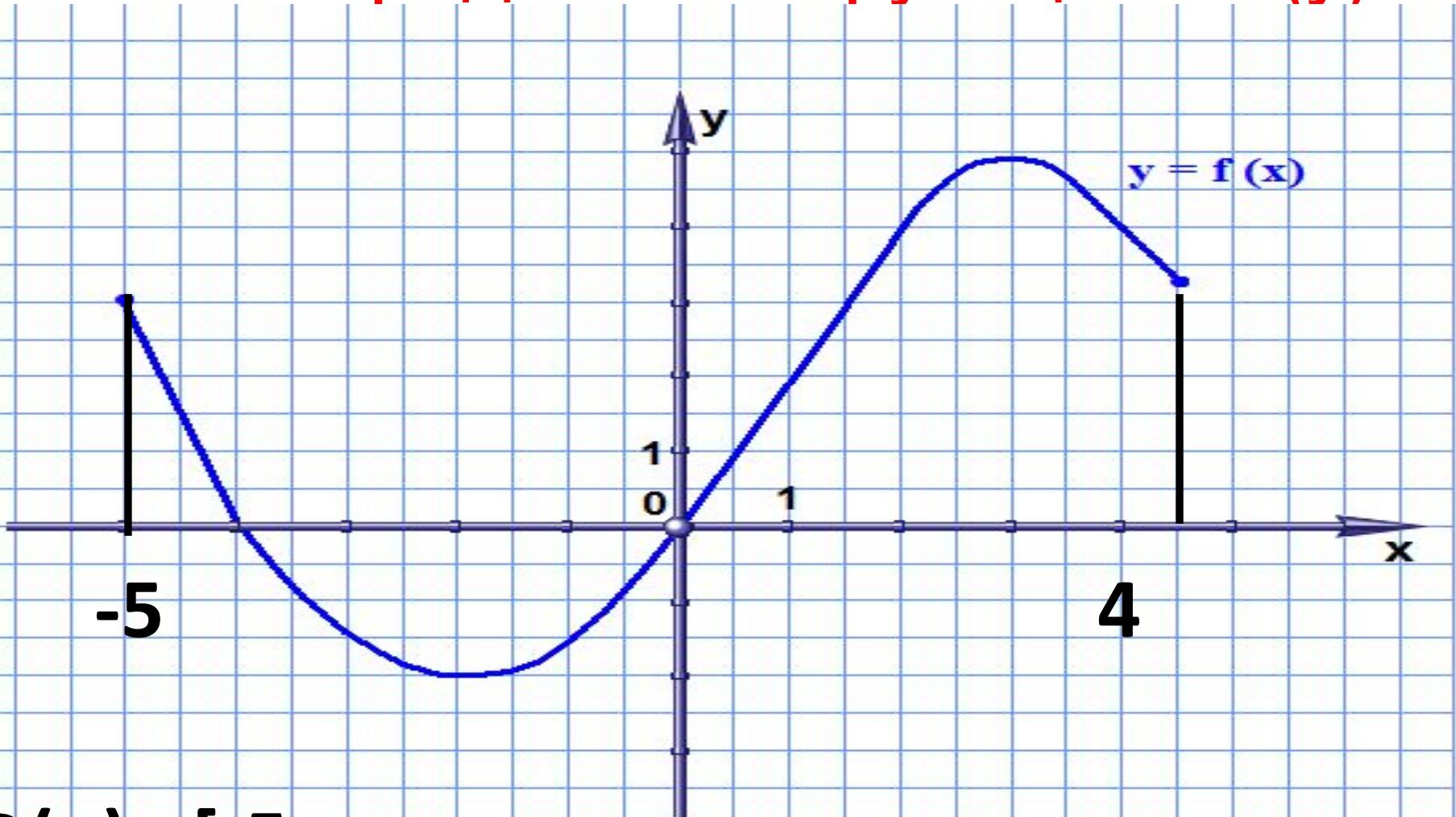
функции $y = x^3$



$$D(y) = (-\infty; +\infty);$$

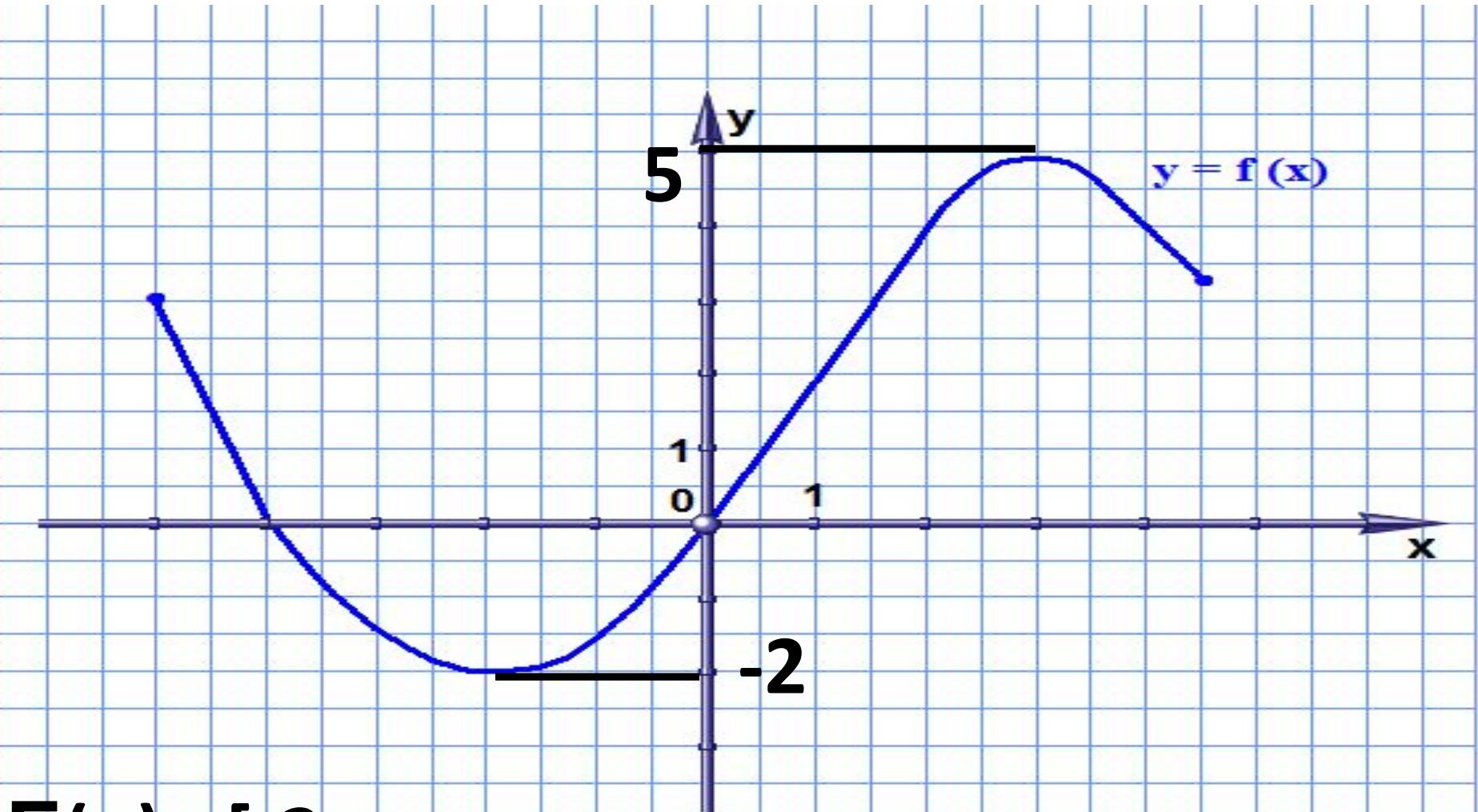
$$y(x) \in (-\infty; +\infty)$$

Найдите по графику
область определения функции - $D(y)$



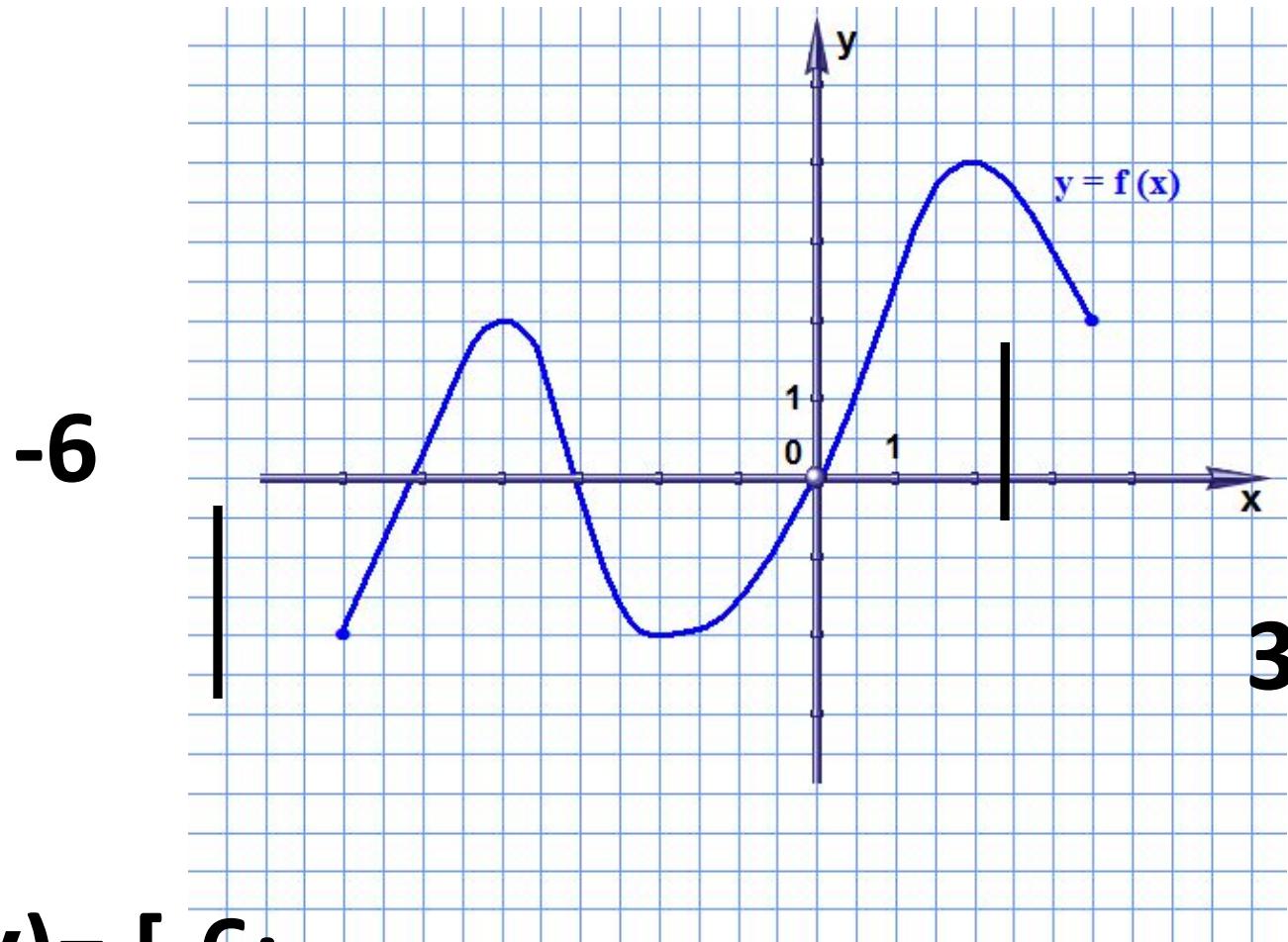
$$D(y) = [-5;$$

Найдите по графику
область значений функции - $E(y)$



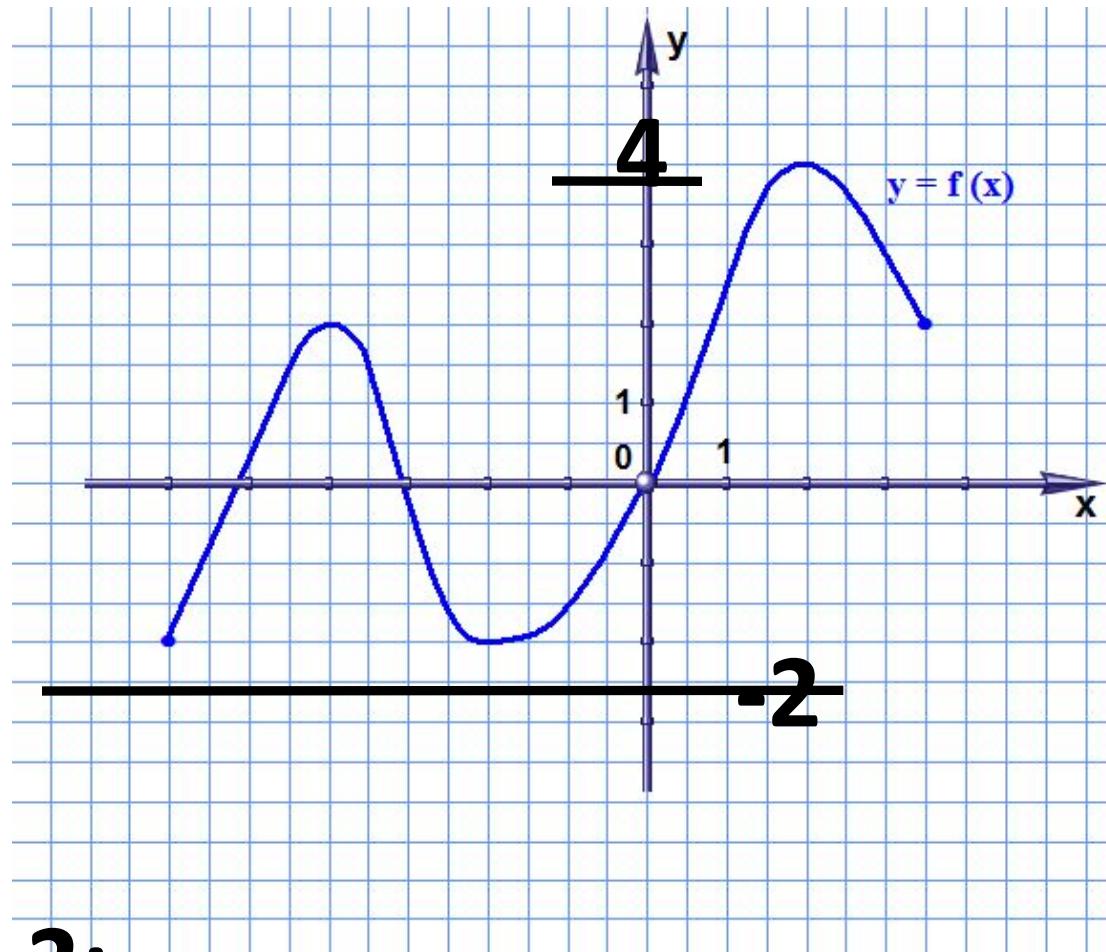
$$E(y) = [-2;$$

По графику определите промежуток на котором определена данная функция



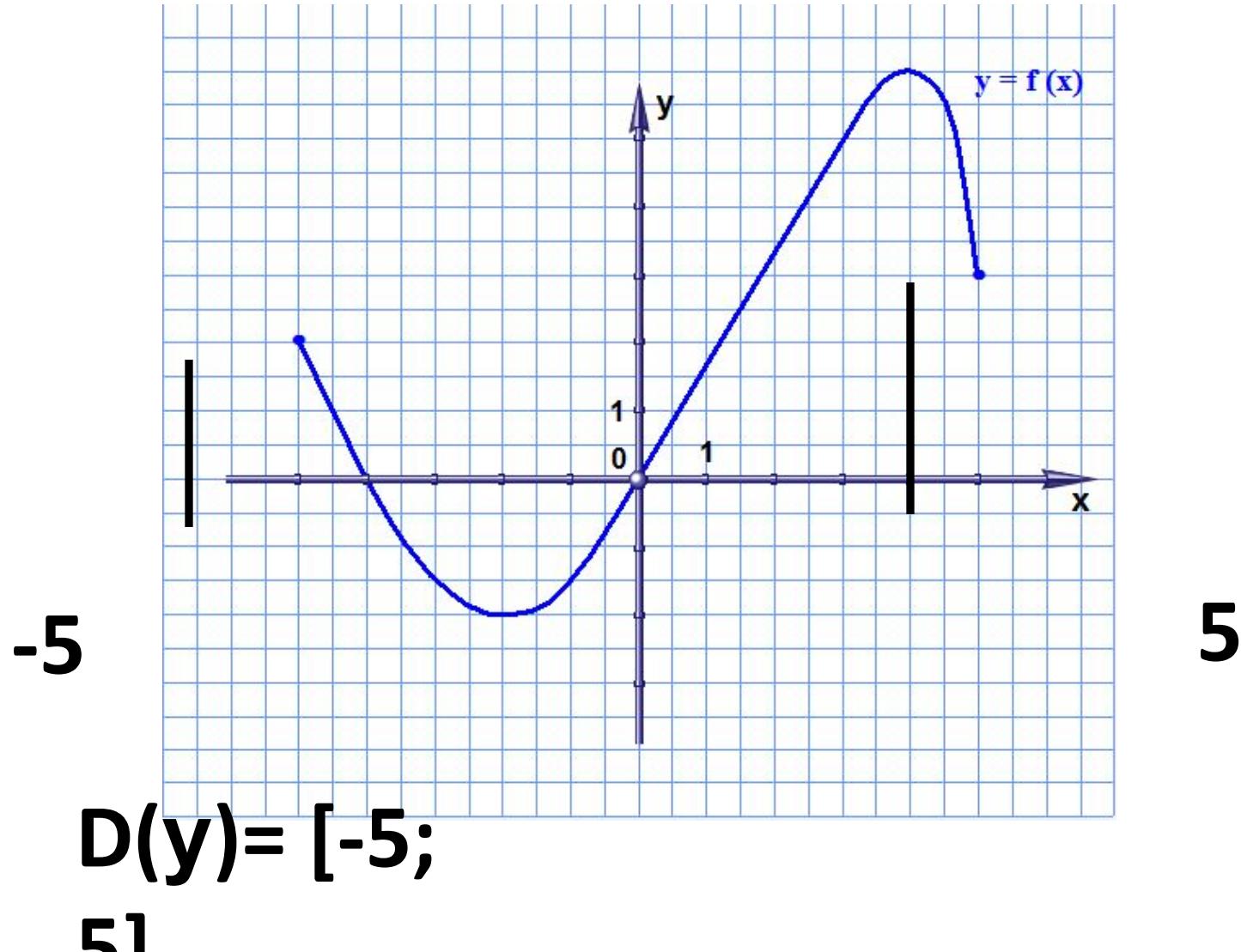
$$D(y) = [-6; 3.5]$$

По графику определите промежуток на котором определена данная функция

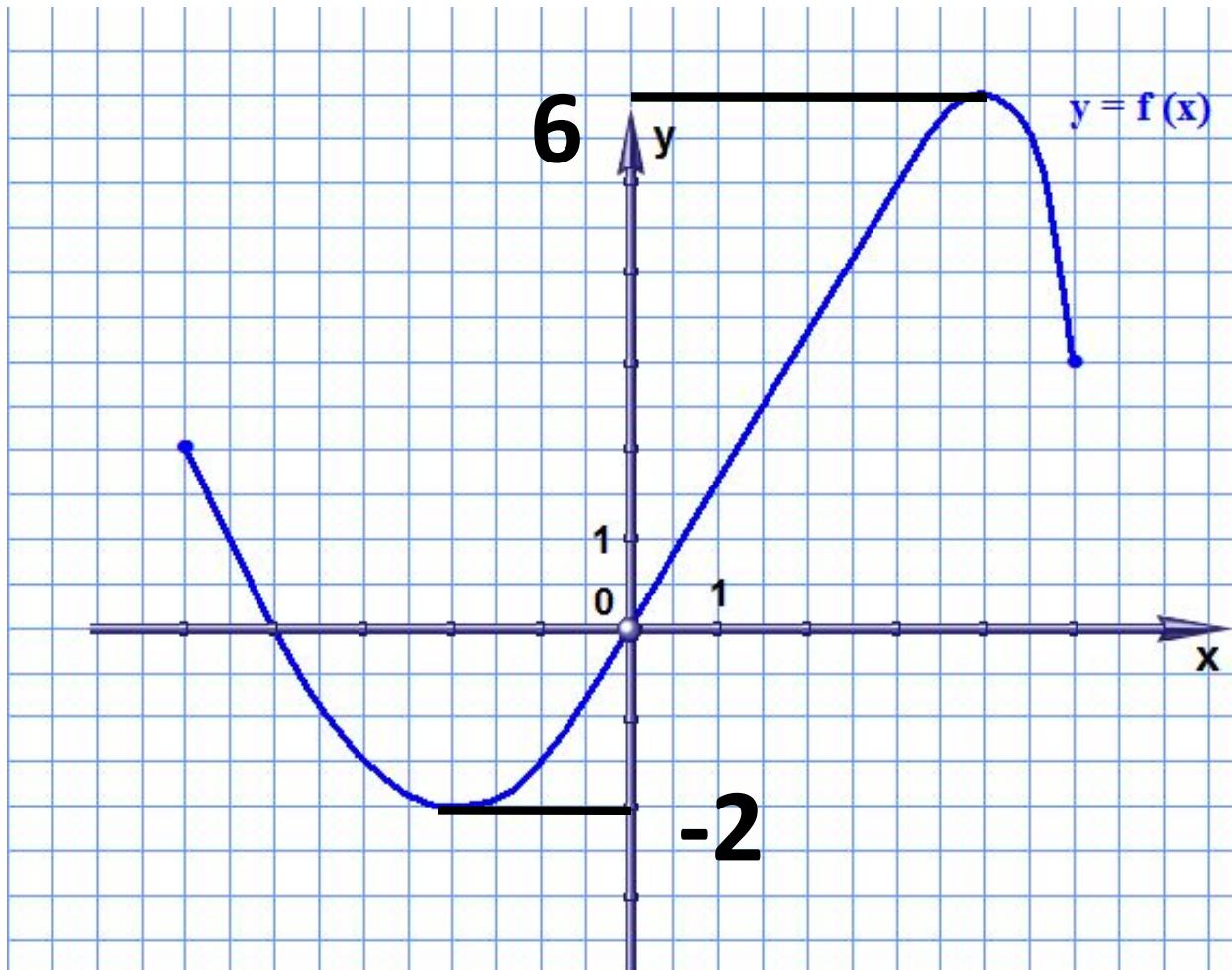


$$E(y) = [-2;$$

Найдите по графику
область определения функции



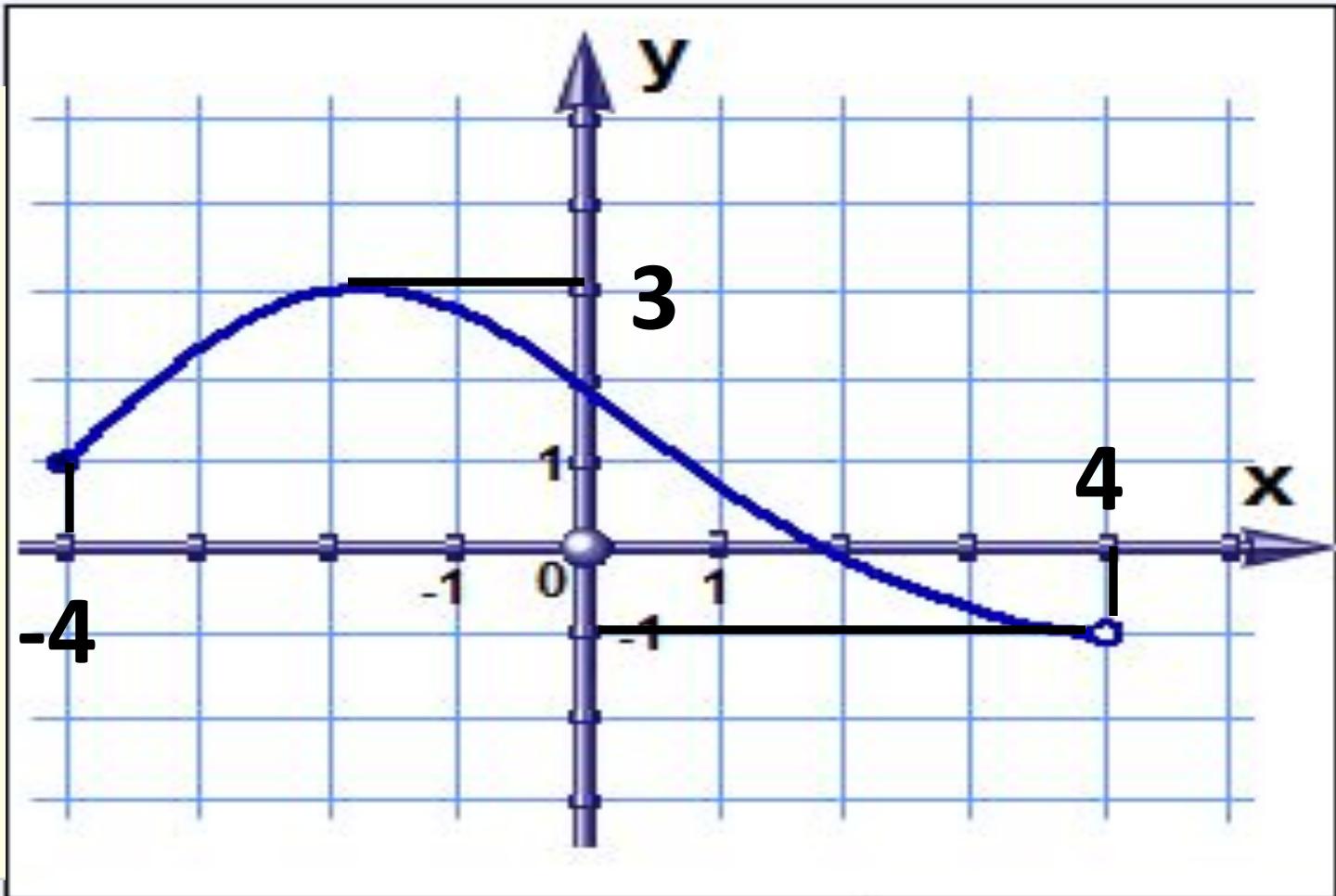
Найдите по графику
область определения функции



$$E(y) = [-2;$$

Найдите область определения и значений функции

- а) [-2; 4)
- б) (-1; 3]
- в) [-1; 4]
- г) [-4; 2]
- д) [-4; 4)



$$D(y) = [-4; 4)$$

$$E(y) = (-1; 3]$$

Найдите область определения и значений функции

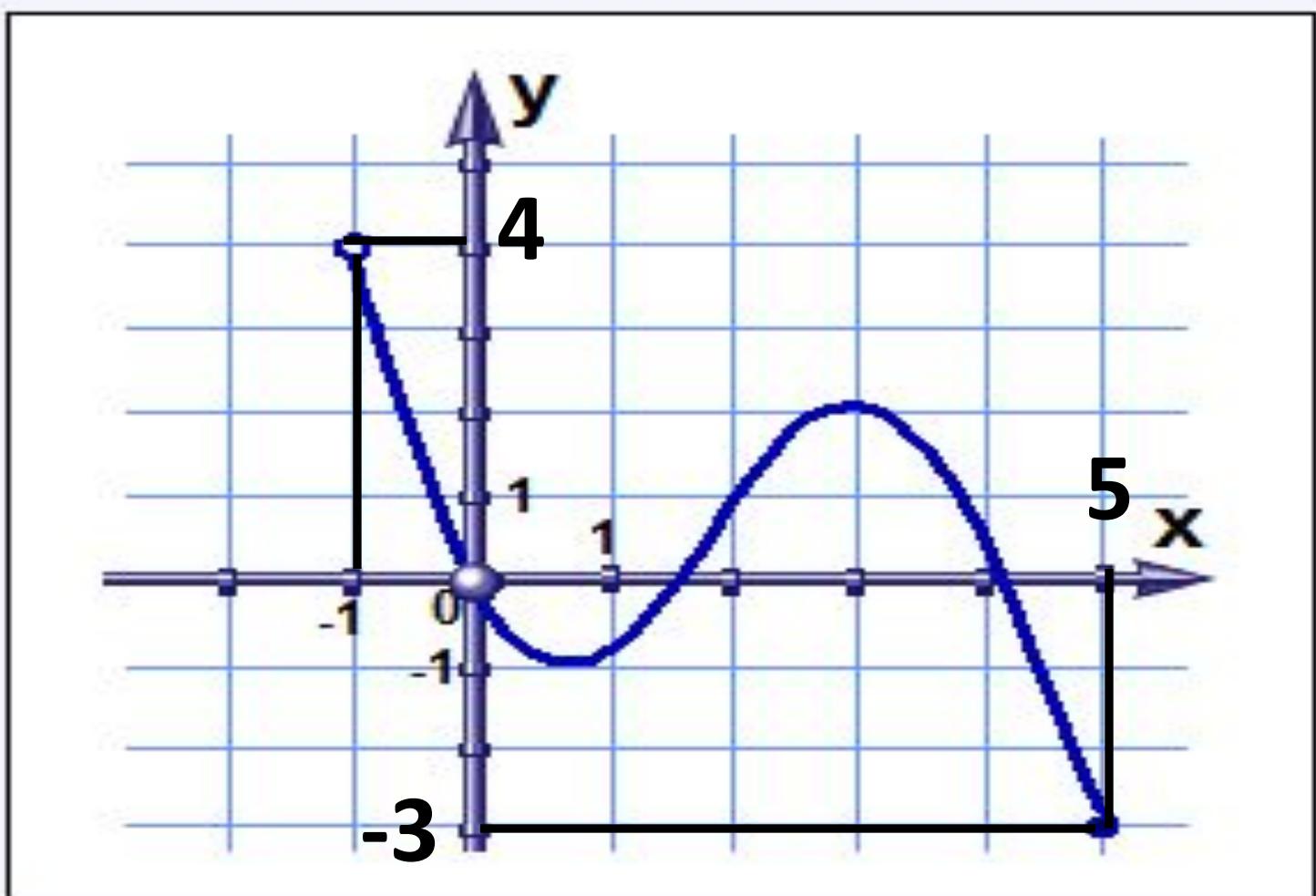
а) $(-1; 5]$

б) $[-3; 4)$

в) $[-1; 2]$

г) $[-2; 4)$

д) $(-1; 3]$



$D(y) = (-1; 5]$

$E(y) = [-3; 4)$

Найдите область определения и значений функции

а)

$$[-2; 4]$$

б)

$$(-1; 3]$$

в)

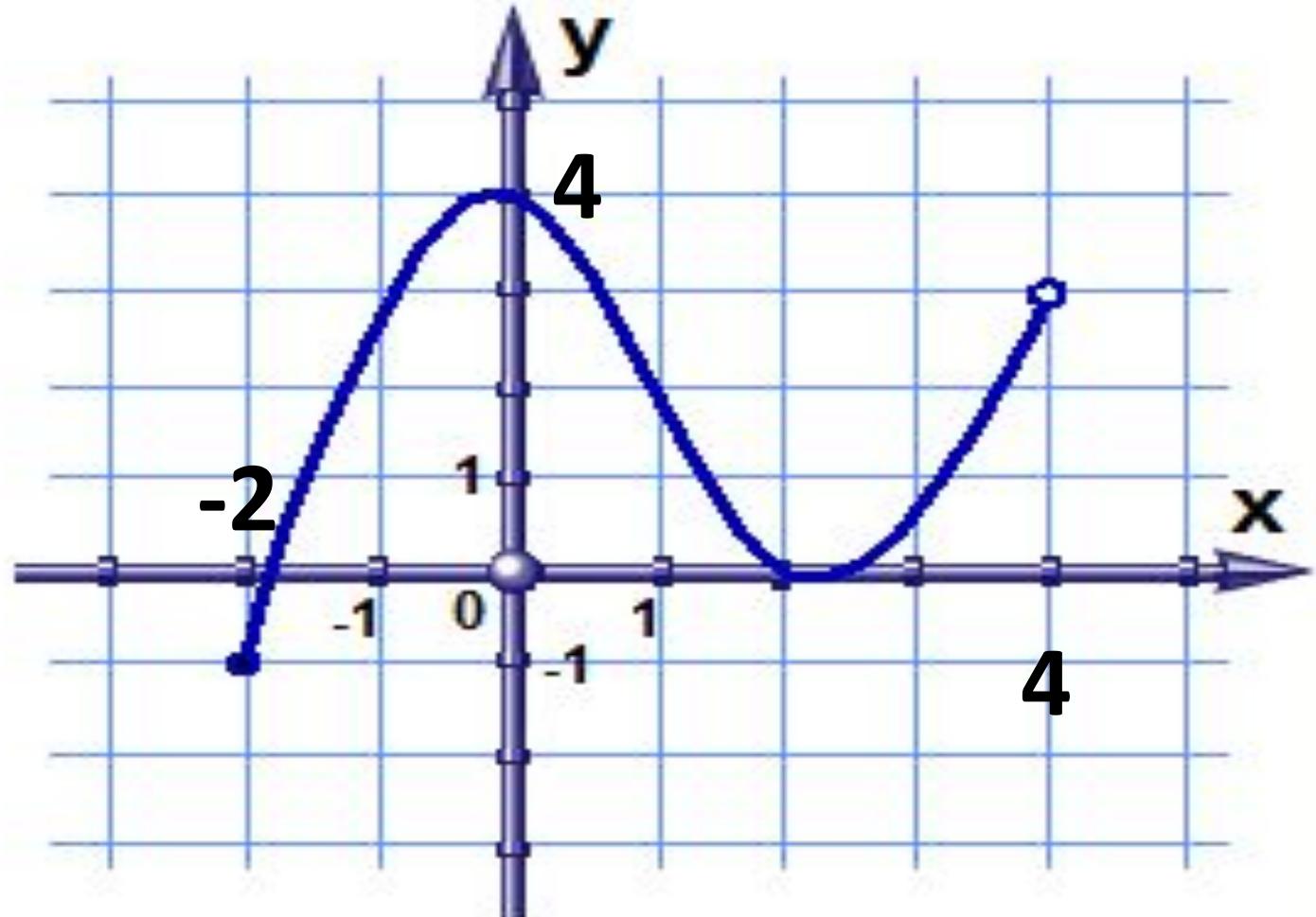
$$[-1; 4]$$

г)

$$[-4; 2]$$

д)

$$[-4; 4)$$

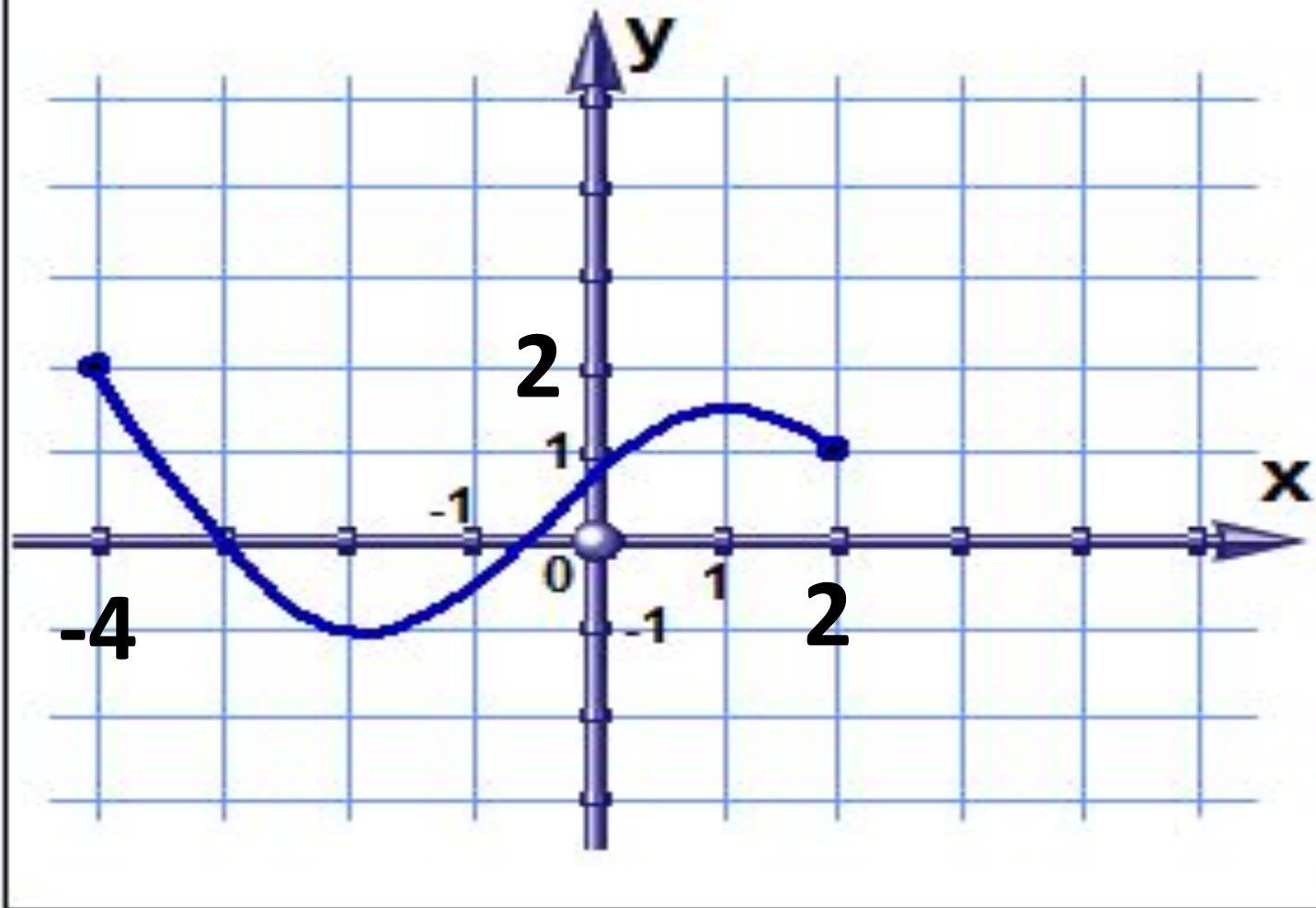


$$D(y) = [-2; 4)$$

$$E(y) = [-1; 4]$$

Найдите область определения и значений функции

а) [-1; 2]
б) [-2; 4)
в) (-1; 3]
г) [-1; 4]
д) [-4; 2]



$$D(y) = [-4; 2]$$

$$E(y) = [-1; 2]$$