Дисциплина «РАДИОЛОКАЦИОННЫЕ СИСТЕМЫ»

Часть 1. Теоретические основы радиолокации

Лекция №5

MOZICIN N NAPAKTEPNÉTNKN ÓTPAMEHHBIX CHTHAJÓB, WYNÓB N JÓMEK

Цель лекции:

Дать характеристику отраженным сигналам, шумам и помехам, раскрыв содержание основных физических факторов, определяющих параметры и модели их формального представления.

ВОПРОСЫ ЛЕКЦИИ

- 1. Модели и характеристики отраженных сигналов.
- 2. Статистические характеристики шумов и помех.
- 3. Структура и математическая модель мешающих отражений.

Первый вопрос:

Модели и характеристики отраженных сигналов.

Информацию о РЛЦ получают из принятого отраженного от цели радиолокационного сигнала. При теоретическом решении задач радиолокации требуется математический аналог реального сигнала. В этой связи в радиолокации рассматривают ряд моделей отраженного сигнала, позволяющих в той или иной степени учитывать его параметры.

МАТЕМАТИЧЕСКИЕ МОДЕЛИ ОТРАЖЕННОГО СИГНАЛА

В зависимости от характера изменения параметров сигнала во времени различают:

а) сигналы с полностью известными параметрами

$$x(t) = X(t)\cos\left[\omega_0 t + \varphi(t)\right];$$

б) сигналы со случайной начальной фазой:

$$x(t,\beta) = X(t)\cos\left[\omega_0 t + \varphi(t) + \beta\right],$$

где β - случайная начальная фаза модулирующего множителя;

в) сигналы со случайной амплитудой и начальной фазой

$$x(t,\beta,b) = b \cdot X(t) \cos \left[\omega_0 t + \varphi(t) + \beta\right],$$

где b, β - амплитуда и фаза случайного модулирующего множителя.

В общем случае параметр является функцией времени,

т.е. b = b(t), и рассматривают комплексный модулирующий множитель ;

$$\dot{B}(t) = b(t)e^{j\beta}$$

г) сигналы вида пачки из M флуктуирующих по амплитуде радиоимпульсов со случайными начальными фазами

$$x(t, \beta_1, \beta_2,...\beta_N, b_1, b_2,...b_N) = \sum_{k=1}^{M} b_k X_k(t) \cos[\omega_0 t + \varphi_k(t) + \beta_k].$$

По характеру временной структуры отраженных сигналов различают когерентные и некогерентные сигналы.

К <u>когерентным сигналам</u> относят колебания с жестко заданной структурой (жестко связанными временными элементами).

Сигналы с независимыми амплитудно-фазовыми множителями (пачка флуктуирующих по амплитуде радиоимпульсов со случайными начальными фазами) считают уже <u>некогерентными</u>.

Для математического описания случайных параметров вводят плотности вероятностей. Фаза β обычно распределена по равномерному закону в пределах 0.2π , т.е.

закону в пределах
$$0,2\pi$$
, т.е.
$$P(\beta) = \begin{cases} \frac{1}{2\pi}, & 0 \le \beta \le 2\pi \\ 0 & \beta < 0, \ \beta > 2\pi \end{cases}$$

Амплитудные флюктуации носят более сложный характер и для различных целей могут описываться различными законами распределения. Одним из них, охватывающим

широкий класс РЛЦ, является закон Релея

$$P(b) = \begin{cases} 2b \exp(-b^2), & b \ge 0 \\ 0, & b < 0 \end{cases}.$$

P(b)1.2 0.8 0.8 0.8 0.6 0.6 0.4 0.2 0.0 0

Этот закон хорошо описывает флюктуации амплитуды сигнала, отраженного от целей, имеющих большое число «блестящих точек» примерно одинаковой интенсивности.

АВТОКОРРЕЛЯЦИОННАЯ ФУНКЦИЯ И ЭНЕРГЕТИЧЕСКИЙ СПЕКТР ФЛЮКТУАЦИЙ ОТРАЖЕННОГО СИГНАЛА

Если цель облучается сравнительно длительное время, то необходимо учитывать зависимость флюктуаций принимаемого сигнала от времени. Для этого вводят автокорреляционную функцию (АКФ) и энергетический спектр флюктуирующего сигнала. Эти характеристики показывают случайности флуктуаций отраженного сигнала, т.е. модулирующего множителя (t). <u>АКФ задается соотношением</u>:

$$\dot{R}_{B}(\tau) = M \left[\dot{B}(t) \cdot B^{*}(t - \tau) \right] = \lim_{T \to \infty} \frac{1}{T} \int_{0}^{T} \dot{B}(t) \cdot \dot{B}^{*}(t - \tau) dt,$$

где $\dot{B}(t), \dot{B}^*(t)$ комплексно - сопряженные значения модулирующего множителя;

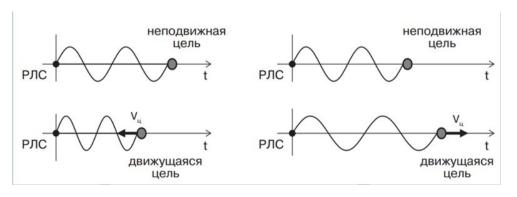
T - интервал усреднения. Вещественная АКФ равна $\text{Re}\{\dot{R}_{B}(\tau)\}$.

Вводят также нормированную АКФ

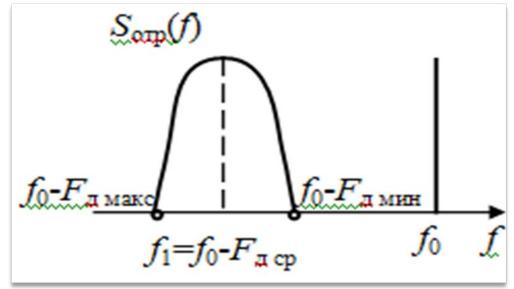
$$\dot{\rho}_{B}(\tau) = \frac{\dot{R}_{B}(\tau)}{\dot{R}_{B}(0)}.$$

Энергетический спектр модулирующего множителя находится по $R_{\rm R}(\tau)$:

$$S_B(f) = \int_{-\infty}^{\infty} \dot{R}_B(\tau) e^{-j2\pi f \tau} d\tau.$$



К вопросу изменения частоты отраженного сигнала сигнала от подвижной цели



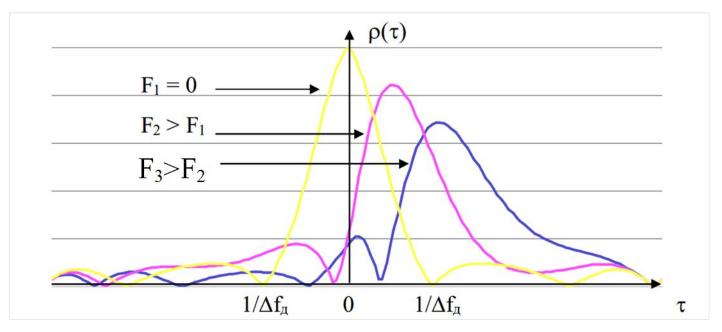
Расширение спектра отраженного сигнала от удаляющейся цели

С учетом модуляции спектр отраженного сигнала $S_{\rm orp}(f)$ имеет среднюю частоту $f_1 = f_{\rm o} - F_{\rm д \ cp}$ и ширину $\Delta F_{\rm д} = F_{\rm д \ макc} - F_{\rm д \ мин}$.

Вид АКФ отраженного сигнала приобретает вид:

$$\dot{R}_{B}(\tau) = R_{B}(\tau) = \int_{-\infty}^{\infty} S_{B}(f) e^{j2\pi f \tau} df = S_{o} \int_{-\frac{\Delta F_{\pi}}{2}}^{\frac{\Delta F_{\pi}}{2}} e^{j2\pi f \tau} df$$

$$R_B(0) = S_0 \Delta F_{_{\rm I\! I}}, \quad a \quad \left| \dot{\rho}_B(\tau) \right| = \rho_B(\tau) = \frac{\sin \pi \Delta F_{_{\rm I\! I}} \tau}{\pi \Delta F_{_{\rm I\! I}} \tau}.$$



Сечение АКФ плоскостями $F_{\scriptscriptstyle \rm I}$

Параметр $\tau_{\kappa} = \frac{1}{\Delta F_{\pi}}$ может быть назван временем корреляции. Время корреляции связано с шириной энергетического спектра модулирующего множителя обратно пропорциональной зависимостью. В случае сильной статистической связи последовательных значений сигнала имеет место узкий спектр флюктуаций и наоборот.

Функции автокорреляции широко используются при анализе влияния флюктуаций на обнаружение и измерение параметров радиолокационных сигналов.

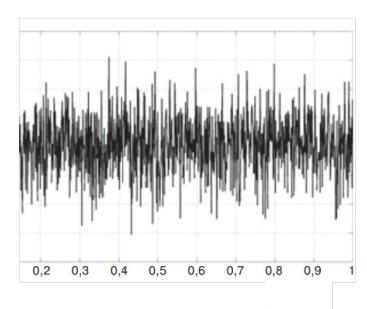
Выводы по первому вопросу

- 1. Таким образом, реальный отраженный сигнал имеет случайные амплитуду и фазу. Флюктуационные составляющие параметров отраженного сигнала называют шумом цели.
- 2. Для полного описания отраженного сигнала необходимо знать плотность распределения его амплитуд и фаз. Важное значение для анализа погрешности сигналов и выбора схем их обработки имеют автокорреляционная функция и энергетический спектр отраженного сигнала.

Вопрос 2



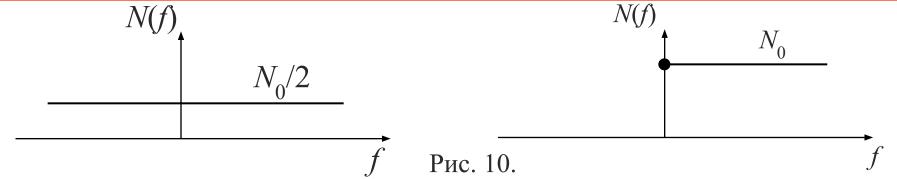
Шум — случайные колебания токов и напряжений в радиоэлектронных устройствах, возникают в результате неравномерной эмиссии электронов в электровакуумных приборах (дробовой шум, фликкер-шум), неравномерности процессов генерации и рекомбинации носителей заряда (электронов проводимости и дырок) в полупроводниковых приборах, теплового движения носителей тока в проводниках



Термин «белый шум» обычно применяется к сигналу, имеющему автокорреляционную функцию, математически описываемую дельта-функцией Дирака по всем измерениям многомерного пространства, в котором этот сигнал рассматривается. Сигналы, обладающие этим свойством, могут рассматриваться как белый шум. Данное статистическое свойство является основным для сигналов такого типа.

Белый шум.

Белым шумом называется модель флуктуационной помехи с постоянной спектральной мощностью N_0 на бесконечном интервале частот (т.е. fмакс $\to \infty$). Для белого шума справедливы две модели спектральной плотности, представленные на рис.10.



Заменив $\cos 2\pi f \tau$ по формуле Эйлера, найдем корреляционную функцию белого шума

$$R(au) = rac{N_0}{2} \int\limits_0^\infty \left(e^{j2\pi f au} + e^{-j2\pi f au}
ight) df = rac{N_0}{2} \int\limits_0^\infty e^{-j2\pi f au} df = rac{N_0}{2} \delta(au)$$
 где $\int\limits_{-\infty}^\infty e^{-2\pi f au} df = \delta(au)$ - дельта - функция Дирака 0

Иногда ошибочно предполагается, что Гауссовый шум (то есть шум с нормальным распределением) эквивалентен белому шуму. Однако эти понятия не эквивалентны. Гауссовый шум предполагает распределение значений сигнала в виде нормального распределения, тогда как термин «белый» имеет отношение к корреляции сигнала в два различных момента времени (эта корреляция не зависит от распределения значений шума). Белый шум может иметь любое распределение — как Гаусса, так и распределение Пуассона, Коши и так далее.



Для решения задач синтеза и анализа в радиолокации используют две основные модели флуктуационной помехи: квазибелый и белый шум.

Квазибелый шум.

Квазибелым шумом называют шум, имеющий постоянную спектральную плотность мощности **в полосе частот**:

$$N(f)$$
 N_0 $N(f) = N_0$ при $0 \le f \le f_{\text{max}}$ $N(f) = N_0$ при $f_{\text{min}} \le f \le f_{\text{max}}$

Скорость изменения мгновенных значений помехи определяется корреляционной функцией

$$R(\tau) = \lim_{T \to \infty} \frac{1}{T} \int_{0}^{T} n(t) n(t - \tau) dt = R(0) \rho(\tau),$$

где $\rho(\tau)$ - нормированная корреляционная функция.

Или, учитывая связь N(f) и $R(\tau)$, запишем

И

$$R(\tau) = \int_{0}^{\infty} N(f) \cos 2\pi f \tau df.$$

Подставляя поочередно в последнее выражение значения N(f) из (2) и (3) получим соответственно

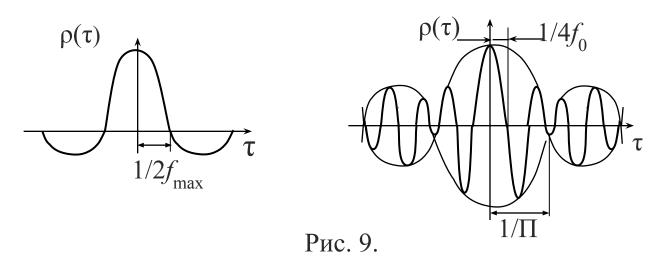
$$R(\tau) = \int_{0}^{f_{\text{max}}} N_0 \cos 2\pi f \tau = N_0 f_{\text{max}} \frac{\sin 2\pi f_{\text{max}} \tau}{2\pi f_{\text{max}} \tau}$$
(4)

$$R(\tau) = N_0 \int_{f}^{f_{\text{max}}} \cos 2\pi f \tau dt = N_0 \frac{\sin \pi \Pi \tau}{\pi \Pi \tau} \cos 2\pi \sigma \tau \qquad (5)$$

Из анализа последних выражений следует, что

$$R(0) = R \sigma_n^2 = N_0 f_{\text{max}} N \Pi$$
 $(0) = \sigma_n^2 = 0$,

а нормированные корреляционные функции имеют вид $\sin \frac{x}{x}$, (рис 9).



Найдем время корреляции квазибелого шума. Для этого воспользуемся выражением (4). Очевидно, что $\rho(\tau)=0$ тогда, когда $\sin 2\pi f_{\max} \tau = 0$, т.е. $2\pi f_{\max} \tau = n\pi$; где n=1,2... $2f_{\max} \tau = 1; => \tau = 1/2 f_{\max} \tau$

 $\frac{1}{1}$ Таким образом, с увеличением значения $f_{\text{мах}}$ время корреляции уменьшается, т.е. чем шире спектр помехи, тем выше скорость изменения её мгновенных значений.

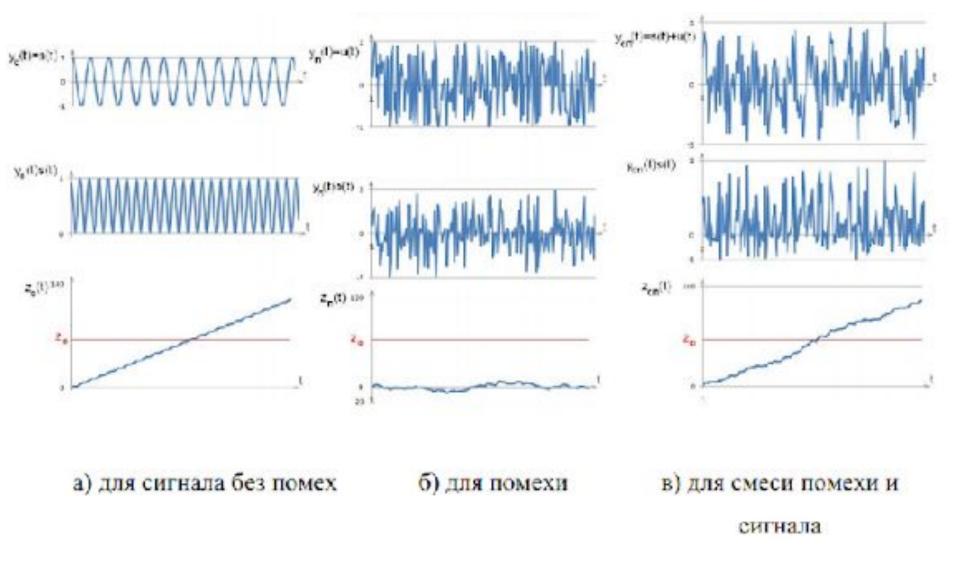


Иллюстрация формирования корреляционного интеграла Z от времени t

Белый шум является дельта-коррелированным - это означает бесконечно высокую скорость изменения его мгновенных значений и бесконечную мощность. Поэтому белый шум является абстракцией, удобной при анализе устройств обработки.

При синтезе оптимальных алгоритмов обработки РЛ сигналов, кроме корреляционных и спектральных характеристик помехи, требуется знание плотности вероятности её распределения.

Многомерная плотность вероятности помехи

Случайную реализацию y(t) = n(t) можно однозначно задавать некоторой совокупностью своих дискретных значений. В этом случае принятая реализация

$$n(t) = n(t_1, t_2, ..., t_m).$$

Такая замена возможна на основании теоремы Котельникова, согласно которой любая функция с ограниченным спектром полностью определяется отсчетом своих значений, взятыми через интервал

$$\Delta t = \frac{1}{2} f_{\text{max}}.$$

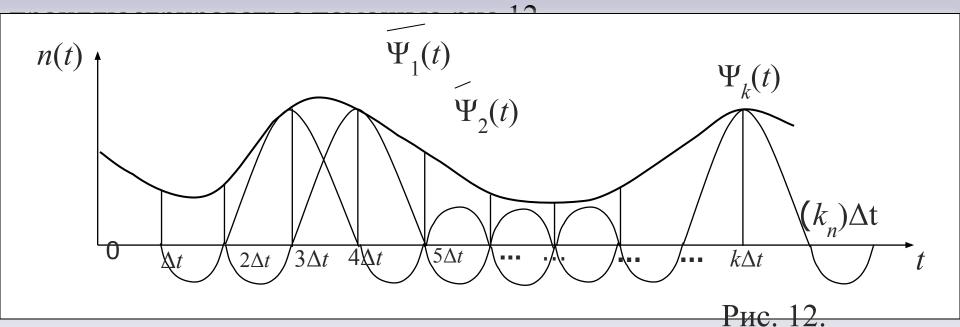
В соответствии с теоремой Котельникова

$$n(t) = \sum_{k} n_{k} \Psi_{k}(t).$$

где n_k - элемент выборки в момент времени t_k , а

$$\psi_k(t) = \frac{\sin 2\pi f_{\max}(t - t_k)}{2\pi f_{\max}(t - t_k)}.$$

Вид такой аппроксимации непрерывной функции можно



Замечательным свойством такого представления является то, что коэффициенты разложения $\psi_k(t)$ - некоррелированы, а значит отсчёты y_k независимые случайные величины. Некоррелированность объясняется тем, что интервал дискретизации $\Delta t = t_{k+1} - t_k$ равен интервалу корреляции помехи.

Поэтому при таком представлении помехи ее статистика может быть представлена плотностью вероятностей

$$P(\stackrel{\bowtie}{n}) = P(n_1, n_2, \ldots)$$

С учетом теоремы Котельникова элементы вектора \overline{n} независимы, поэтому $P(\overline{n}) = \binom{N}{k}$

где $P(n_k)$ - одномерная плотность.

Подставляя в $P(n_k)$ значение мощности помехи, например, для квазибелого шума, получим

$$P(n_k) = \frac{1}{\sqrt{2\pi} \sigma} e^{-\frac{nk^2}{2\sigma^2}} = \frac{1}{\sqrt{2\pi N_0 f_{\text{max}}}} e^{-\frac{n_k^2}{2N_0 f_{\text{max}}}} = \sqrt{\frac{\Delta t}{\pi N_0}} e^{-\frac{n_k^2 \Delta t}{N_0}}.$$

Флуктуационная помеха является наиболее распространенной в радиолокации. К ней относятся внутренний шум приемного устройства РЛС и наиболее распространенный вид преднамеренных помех - шумовые помехи.

Одномерная плотность распределения y(t) = n(t) определяется выражением $p_{_{\Pi}}(n) = \frac{1}{\sqrt{2}} \frac{e^{-\frac{n^2}{2}}}{\sigma}$ где σ^2 - дисперсия (мощность) помехи.

Важной энергетической характеристикой шумов является спектральная плотность мощности.

спектральная плотность мощности. Спектральная плотность мощности внутренних шумов определяется соотношением $N_0 = kT^0(K_{\text{III}} + t_{\text{a}} - 1)$

где
$$k=1,38\cdot 10^{-23}$$
 Дж/град — постоянная Больцмана;
 T_0 - абсолютная температура в град. Кельвина (обычно $T_0=300~{\rm K}$);

 K_{m} - коэффициент шума приемника; $t_{\text{a}} = T_{\text{a}}/T_{0}$ - относительная шумовая температура антенны;

 T_a — абсолютная шумовая температура антенны. При t_a =1 или $K_{_{\rm III}}$ >(t_a -1) получим N_0 = kT^0 $K_{_{\rm III}}$.

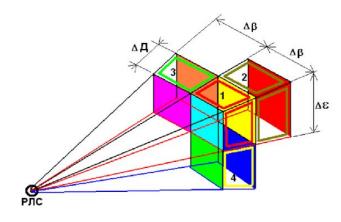
Выводы по второму вопросу

Таким образом, полной статистической характеристикой колебаний помехи является плотность вероятности. Колебания помехи описывают также с помощью корреляционной функции и спектральной плотности мощности.

Вопрос 3



Мешающие отражения обусловлены вторичным излучением поверхностно и объёмно распределенных отражателей, которые занимают достаточно большой объем пространства, превышающий разрешаемый объем. Мешающие отражения представляют собой результат наложения случайно возникающих элементарных сигналов с флюктуирующими амплитудой и фазой и поэтому является случайным процессом с нормальной плотностью распределения вероятностей.



Разрешаемый объем РЛС

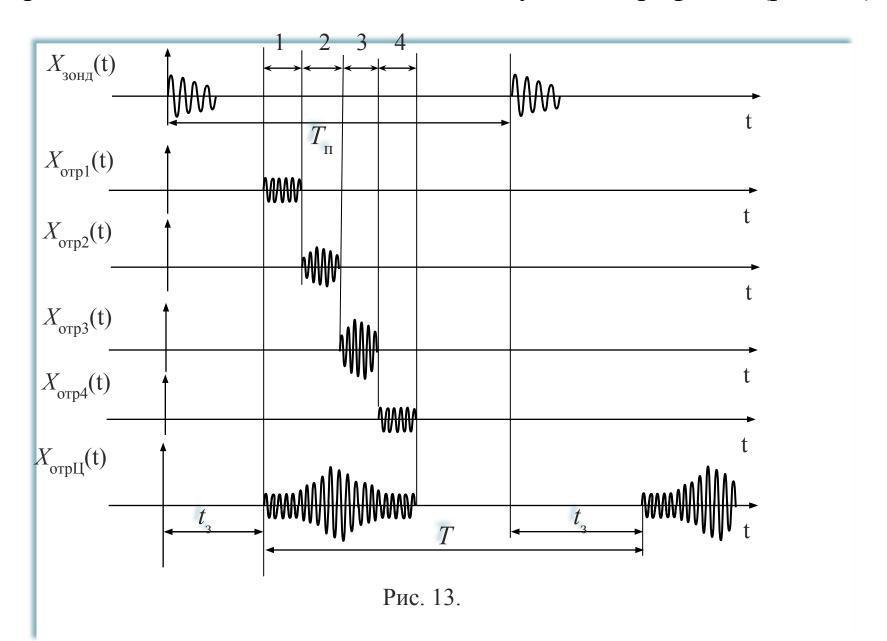
Маскирующее облако дипольных отражателей

Общей особенностью мешающих отражателей является прямая связь с зондирующим сигналом. Поэтому математическая модель мешающих отражений почти не отличается от математической модели полезных отраженных сигналов

$$N(t) = \sum_{k=1}^{N} b_k(t) X(t - t_k) e^{j\left[2\pi(f_{\mathfrak{A}} + F_{\kappa})t + \varphi_k(t) + b_k\right]},$$

где N - количество элементарных участков пространства отражателей.

Процесс формирования отраженного сигнала от мешающих отражателей поясним с помощью следующих графиков (рис. 13).



Когда отражатели сосредоточены в отдельных разрешаемых объёмах, помеха носит имитирующий характер, когда они распределены и захватывают несколько разрешаемых объемов, - маскирующий.

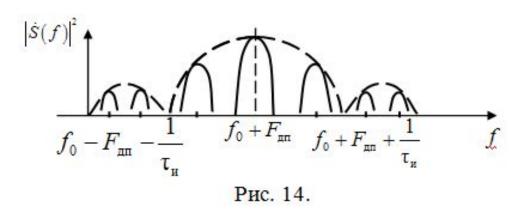
Внутрипериодная структура мешающих отражений подобна структуре шумового процесса, длительность которого соответствует реальной протяженности элементарных отражателей, попавших в характеристику направленности антенны РЛС.

При отражении 3C от различных частей протяженного облака рассеивателей происходит «размывание» его закона модуляции. Это приводит к тому, что модель мешающих отражений нельзя представить в отличие от полезного сигнала произведением комплексной огибающей и комплексного закона модуляции 3C ($t_{31} \neq t_{32} \neq t_{33} \neq ... \neq t_{3k}$ и т.д.).

Энергетический спектр мешающих отражений определяется как прямое преобразование Фурье от корреляционной функции

$$S_{\Pi}(f) = \int_{0}^{\infty} R_{\Pi}(\tau)e^{-j2\pi t\tau}dt.$$

Поэтому при использовании периодического ЗС энергетический спектр мешающих отражений оказывается гребенчатым с огибающей, определяемой энергетическим спектром одиночного зондирующего сигнала (рис. 14).



Отраженные от целей сигналы и маскирующие пассивные помехи имеют определенные отличия, связанные с различиями целей и отражателей, создающих пассивную помеху. К числу основных различий можно отнести:

- распределенный характер мешающих отражателей и близкий к сосредоточенному - блестящих элементов цели. Поэтому, повышая разрешающую способность по координатам и сокращая при этом размеры разрешаемого объема (во всяком случае, до размеров, превышающих размеры самолета), можно добиться улучшения наблюдаемости сигнала на фоне пассивных помех;

- отличия в поляризации отраженных сигналов наблюдаются, если пассивная помеха создается, например, гидрометеорами (дождь, тучи), состоящими из мелких капель, имеющих форму шара. Если гидрометеоры облучаются колебаниями с круговой поляризацией, то они отражают колебания также с круговой поляризацией, но с обратным (если смотреть в направлении распространения волны) вращением плоскости поляризации. Если приемная антенна не воспринимает колебания с такой поляризацией, она тем не менее может принимать колебания от целей, обладающих несимметрией структуры;
- различия в скорости перемещения мешающих отражателей и цели. Скорость перемещения наземных мешающих отражателей относительно наземной радиолокационной станции равна нулю, в то время как представляющие практический интерес цели перемещаются с достаточно большой скоростью.

Если пассивная помеха создается противорадиолокационными отражателями, то эти отражатели, будучи сброшены с самолета, быстро теряют первоначальную скорость, приобретая скорость, близкую к скорости ветра.

Различия в радиальных скоростях целей и отражателей могут быть использованы для селекции по скорости (иначе по эффекту движения цели) называют селекцией движущихся целей (СДЦ).

Выводы по третьему вопросу

<u>Таким образом</u>, из рассмотрения статистических характеристик мешающих отражений следует:

- 1. Корреляционные свойства мешающих отражений определяются корреляционными свойствами 3С и корреляционными свойствами, вносимыми случайными перемещениями элементарных отражателей.
- 2. Энергетический спектр мешающих отражений подобен энергетическому спектру отраженного сигнала, отличается от него доплеровским сдвигом по частоте $F_{\rm дп}$ и расширением спектра.
- 3. Отличия характеристик и мешающих отражений позволяют осуществлять их селекцию.

Заключение и указания по отработке материала лекции

- 1. При отражении от движущейся блестящей точки зондирующий сигнал претерпевает:
 - трансформацию временного масштаба;
 - трансформацию частоты.
- 2. При отражении от реальной цели отраженный сигнал приобретает случайный характер.
- 3. Основными статистическими характеристиками отраженных сигналов являются:
 - закон распределения вероятностей амплитуды и фазы;
 - автокорреляционная функция флуктуаций и энергетический спектр.
- 4. Основными статистическими характеристиками шумов и помех являются:
 - плотность распределения мгновенных значений;
 - корреляционная функция;
 - энергетический спектр.

5. Основными моделями внутреннего шума и флуктуационной помехи

являются:

- квазибелый шум;
- белый (дельтакоррелированный) шум.

- 6. Основными отличиями сигналов от целей и мешающих отражений являются:
 - поляризационные;
 - пространственные (распределенный характер помехи и сосредоточенный цели);
 - скоростные (различия в скорости перемещения мешающих отражателей и цели).

Задание на самостоятельную подгот

Отработать материал лекции в соответствии с рекомендованной литературой: л 1/o c. 49-65