# ПРЕДСТАВЛЕНИЕ РЕЗУЛЬТАТОВ ИЗМЕРЕНИЙ. НЕОПРЕДЕЛЁННОСТЬ В ИЗМЕРЕНИЯХ

Цитович Борис Васильевич

boris cito@mail.ru

### Единство измерений

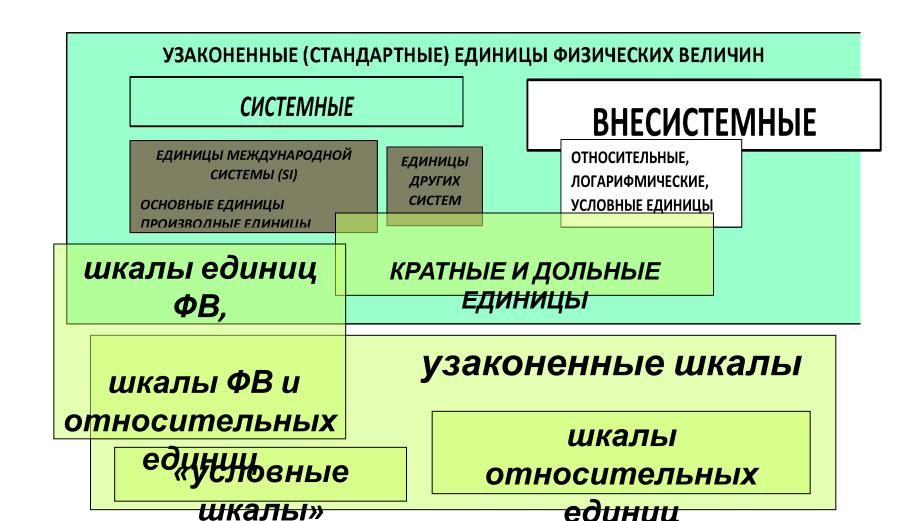
#### Из РМГ 29

Единство измерений — состояние измерений, при котором их результаты выражены в узаконенных единицах величин или в значениях по установленным шкалам измерений, а показатели точности измерений не выходят за установленные границы

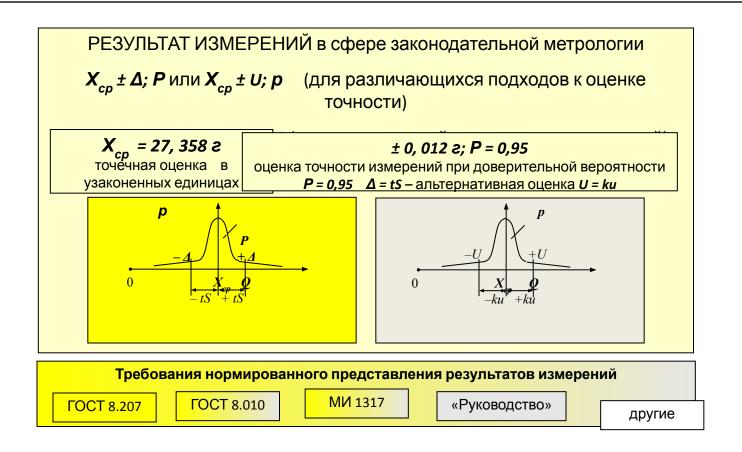
#### Из Закона РБ

Единство измерений – состояние измерений, при котором результаты этих измерений выражены в допущенных к применению в Республике Беларусь единицах величин, обеспечена метрологическая прослеживаемость, а показатели точности измерений не выходят за установленные границы с заданной вероятностью

#### УЗАКОНЕННЫЕ ЕДИНИЦЫ ФИЗИЧЕСКИХ ВЕЛИЧИН И ШКАЛЫ



# Результаты обеспечения единства измерений

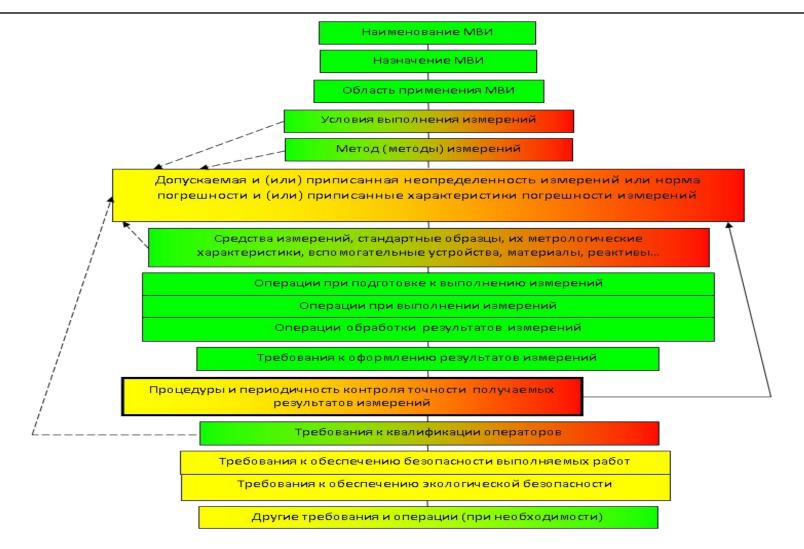


графическая интерпретация результата измерений (аппроксимация нормальным распределением)

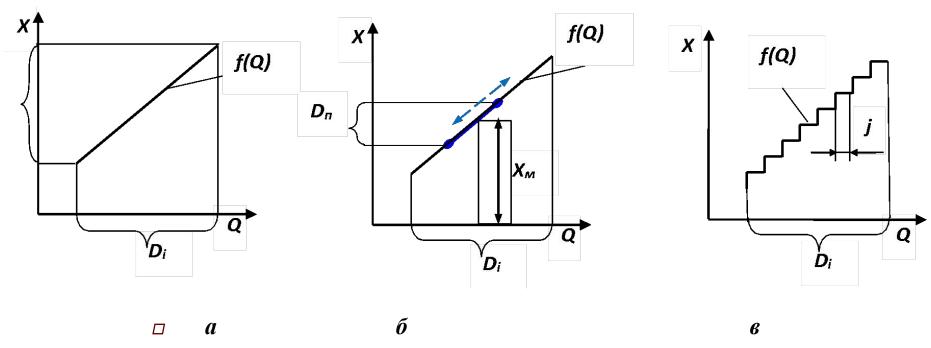
#### ФОРМЫ ПРЕДСТАВЛЕНИЯ РЕЗУЛЬТАТОВ ИЗМЕРЕНИЙ (ПРИМЕРЫ)

- 1.  $(8,334 \pm 0,012) \text{ r; P} = 0.95.$
- 2. 32,014 мм. Характеристики погрешностей и условия измерений по РД 50-98 86, вариант 7к.
- 3. (32,010...32,018) мм; P = 0,95. Измерение индикатором ИЧ 10 класса точности 0 на стандартной стойке с настройкой по концевым мерам длины 3 класса точности. Измерительное перемещение не более 0,1 мм; температурный режим измерений ± 2 °C.
- 4. 72,6360 мм;  $\Delta_{\mathbf{H}} = -0,0012$  мм,  $\Delta_{\mathbf{B}} = +0,0018$  мм, Релей;  $\mathbf{P} = 0,95$ .
- 5 10,75 м³/с;  ${}^{6}\sigma(\Delta) = 0,11$  м³/с,  $\sigma(\Delta_{c}) = 0,18$  м³/с, равн. Условия измерений: температура среды 20 °С, кинематическая вязкость измеряемого объекта  $1,5\cdot 10^{-6}$  м²/с.

### Структура МВИ по ГОСТ 8.010



### Измерение как сопоставление измеряемого свойства со шкалой, определяющей уровень его интенсивности

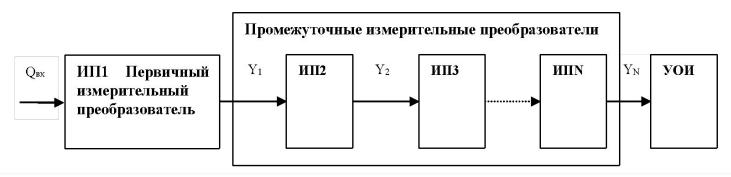


Функции преобразования измерительных приборов

a — аналоговых с широким диапазоном показаний;  $\delta$  — аналоговых с узким диапазоном показаний;  $\epsilon$  — дискретных («цифровые приборы»).

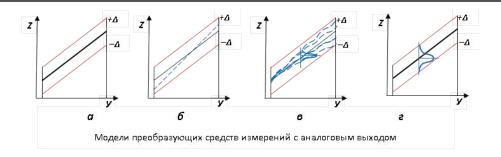
 $m{D}_i$  — диапазон измерений;  $m{D}_n$  — диапазон показаний;  $m{X}_{\!\!\!M}$  — величина, воспроизводимая мерой;  $m{j}$  — номинальная ступень квантования

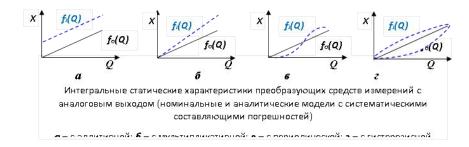
### Получение и преобразование сигнала измерительной информации (измерительное преобразование)

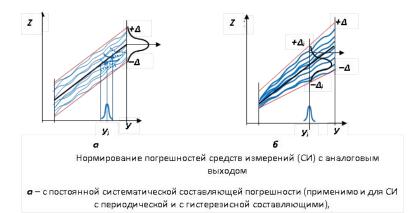


Принципиальная структурная схема измерительного прибора (ИП – измерительные преобразователи, УОИ – устройство отображения измерительной информации)

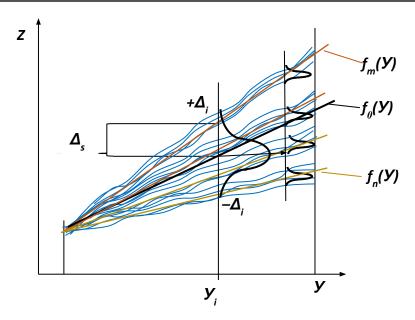
# Интегральные характеристики преобразующих СИ







# Калибровочные (градуировочные) характеристики однотипных СИ



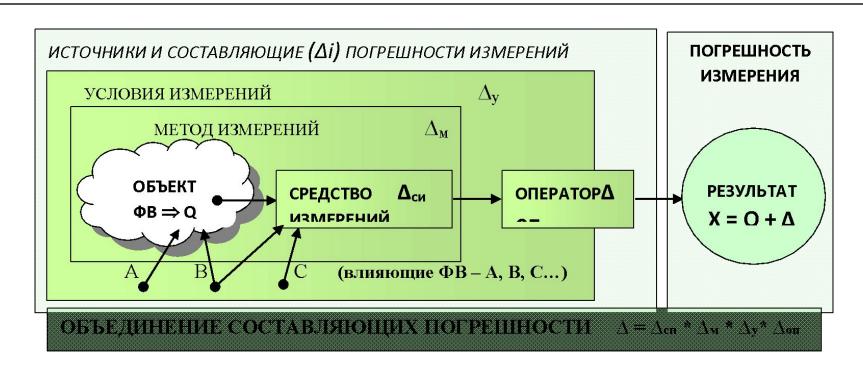
Модели множества преобразующих средств измерений (СИ) с аналоговым выходом;

 $f_m(Y)$  – экспериментальные (пучок реализаций) и аналитическая (линейная аппроксимация) модели m – ого экземпляра СИ;

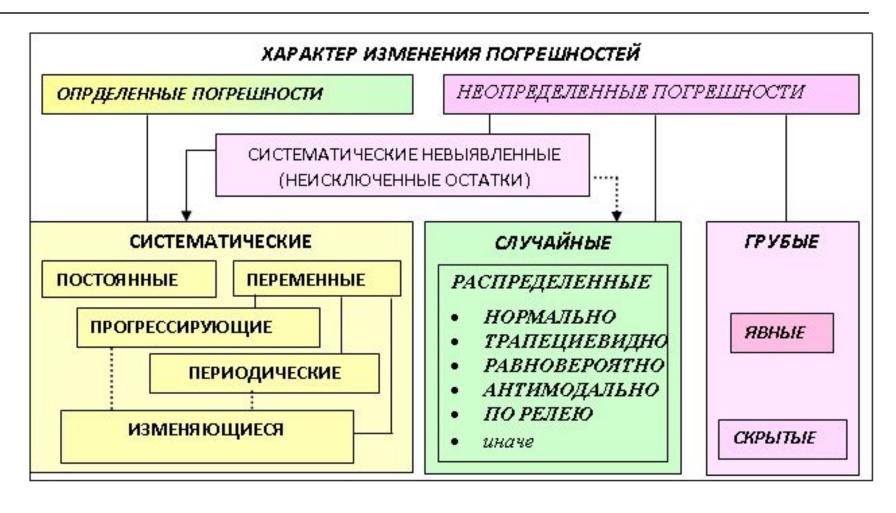
 $\Delta_{i}$  – доверительная граница погрешности генеральной совокупности СИ при i – том значении измеряемой  $\Phi B$ ;

 $\Delta_s$  – систематическая составляющая погрешности  $\emph{m}$  – ого экземпляра СИ при  $\emph{i}$  – том значении измеряемой  $\Phi B$ 

### Источники погрешностей



# Систематические, случайные и «грубые» погрешности



# Систематические погрешности (графики)

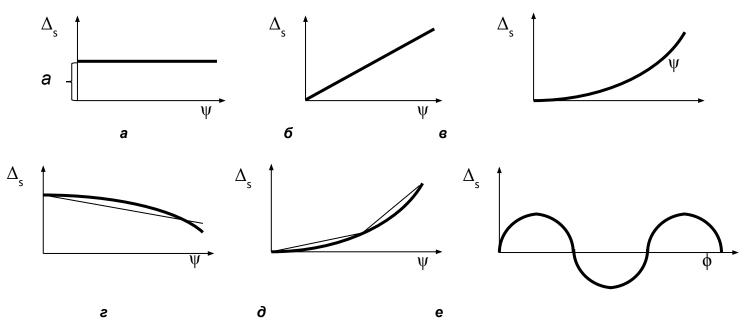
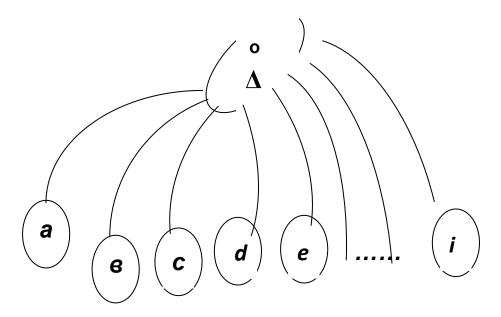


Рисунок 5.5 — Виды простейших систематических погрешностей a — постоянные,  $\delta$ ,  $\epsilon$  — прогрессирующие (линейная и нелинейная),  $\epsilon$ ,  $\delta$  — прогрессирующие нелинейные (предложены варианты аппроксимации прямыми линиями),  $\epsilon$  — периодические (гармонические).

# Механизмы возникновения случайных погрешностей



Механизм образования случайной погрешности:

*а... і* – действующие факторы

# Положения из Руководства по представлению неопределённости в измерениях

Руководство рассматривает выражение неопределенности измерения хорошо определенной физической величины — измеряемой величины, характеризуемой единственным значением (п. 1.2)

Грубые ошибки при регистрации или анализе данных могут вносить значительную неизвестную погрешность в результат измерения. ... небольшие могут быть замаскированы или даже проявиться и виде случайных изменений. Меры неопределенности не предназначены дать объяснение таким ошибкам (п. 3.4.7)

Предполагают, что в результат измерения внесены поправки на все известные значимые систематические эффекты и что предприняты все усилия, чтобы узнать такие эффекты (п. 3.2.4)

Хотя это *Руководство* дает схему определения неопределенности, оно не может заменить критическое размышление, интеллектуальную честность и профессиональное мастерство. Оценка неопределенности не является ни рутинной работой, ни чисто математической; она зависит от детального знания природы измеряемой величины и измерения. Поэтому качество и ценность упомянутой неопределенности результата измерения, в конечном счете, зависит от понимания, критического анализа и честности тех, кто участвует в приписывании ее значения (п. 3.4.8)

# Количественные оценки неопределённости (Из Руководства)

**Стандартная неопределенность** – неопределенность результата измерения, выраженная как стандартное отклонение (**п. 2.3.5**)

$$\mathbf{u}_{A,t} = \sqrt{\frac{1}{n_i - 1}} \sum_{q=1}^{n_i} (\mathbf{x}_{i} \mathbf{u}_{A}^{-} \mathbf{x}_{p}^{2}) = \sqrt{\frac{1}{n_i (n_i - 1)}} \sum_{q=1}^{n_i} (\mathbf{x}_{iq} \mathbf{u}_{B}^{-} \mathbf{x}_{i}^{2}) = \frac{b_{i+} - b_{i-}}{2\sqrt{3}}$$

Суммарная стандартная неопределенность – стандартная неопределенность результата измерения, когда результат получают из значений ряда других величин, равная положительному квадратному корню суммы членов, причем члены являются дисперсиями или ковариациями этих других величин, взвешенными в соответствии с тем, как результат измерения изменяется в зависимости от изменения этих величин

$$\sqrt{\frac{1}{n_{i}-1}\sum_{q=1}^{n_{i}}(x_{iq}-\overline{x}_{i})^{2}}$$

$$\sqrt{\sum_{i=1}^{m}\left(\frac{\partial f}{\partial x_{i}}\right)^{2}u^{2}(x_{i})+\sum_{i=1}^{m}\sum_{j=1}^{m}\frac{\partial f}{\partial x_{i}}\frac{\partial f}{\partial x_{j}}r(x_{i},x_{j})u(x_{i})u(x_{j})}$$

$$u_{i}(v)=$$

**Расширенная неопределенность** – величина, определяющая интервал вокруг результата измерения, в пределах которого можно ожидать, находится большая часть распределения значений, которые с достаточным основанием могли быть приписаны измеряемой величине (п. 2.3.1)

$$U = k U_C$$

k **-коэффициент** охвата **или коэффициент** покрытия

# Единство измерений и метрологическая прослеживаемость

#### Из Закона РБ

Единство измерений — состояние измерений, при котором результаты этих измерений выражены в допущенных к применению в Республике Беларусь единицах величин, обеспечена метрологическая прослеживаемость, а показатели точности измерений не выходят за установленные границы с заданной вероятностью

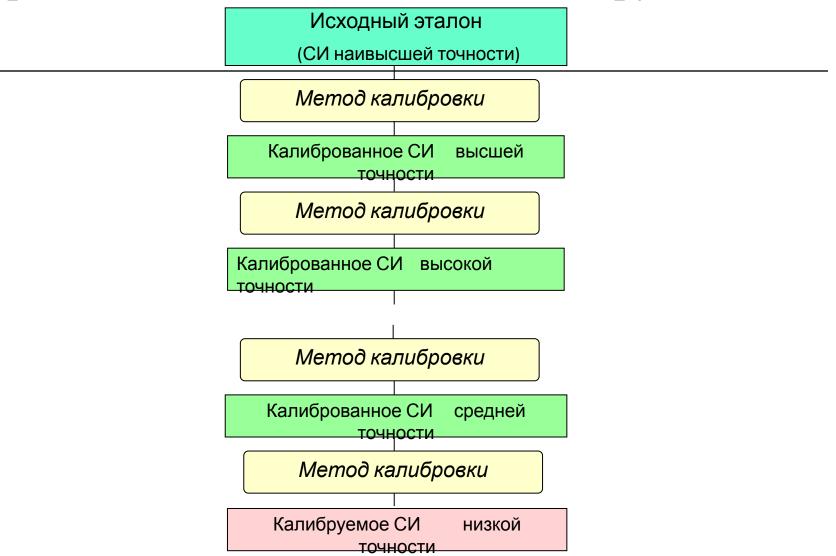
### Метрологическая прослеживаемость-

свойство результата измерения, в соответствии с которым результат может быть соотнесен с основой для сравнения через документированную непрерывную цепь калибровок, каждая из которых вносит вклад в неопределенность измерения

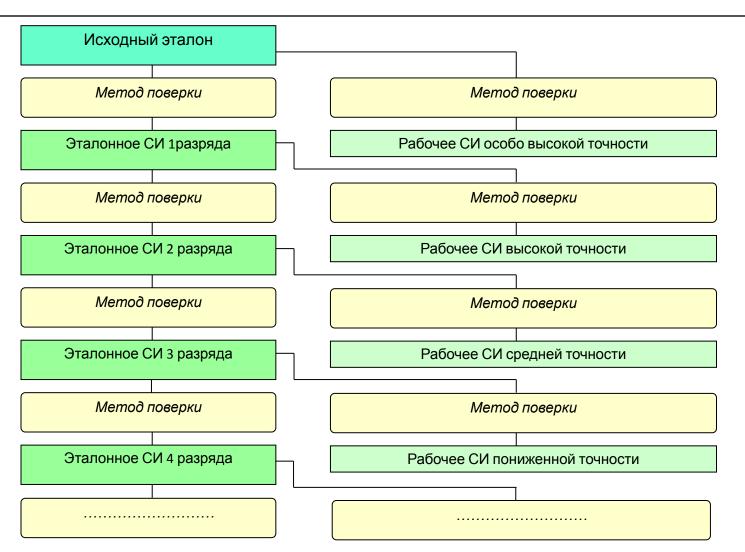
### Избранные примечания к определению

- 2. Метрологическая прослеживаемость требует наличия установленной калибровочной иерархии и/или поверочной схемы.
- 5 Метрологическая прослеживаемость результата измерения **не гарантирует**, что показатель точности (неопределенность) измерений соответствует заданной цели или что отсутствуют ошибки

#### Передача единицы от эталона калибруемым СИ



# Передача единицы от эталона рабочим СИ (поверочная схема)



# Оценивание случайных составляющих результата измерений «по типу А» (1)

 Исключение систематических составляющих погрешностей наблюдений:

 $X_1^{'}; \ X_2^{'}; \ X_3^{'}; \ldots \ X_n^{'}.$  (неисправленные результаты наблюдений)

$$\Delta_{s1}; \Delta_{s2}; \Delta_{s3}; \dots \Delta_{sn}.$$

 $X_1; X_2; X_3; \dots X_n$ . (исправленные результаты наблюдений)

 Исправленные результаты наблюдений можно подвергать статистической обработке для оценивания случайной составляющей погрешности измерений или оценивания неопределённости измерений.

### Оценивание случайных составляющих результата измерений «по типу А» (2)

#### □ Оценки:

- качественные аппроксимация вида распределения («закон распределения»);
- количественные оценки с к о результата измерений и кратные ему.

□ Стандартная неопределённость

$$u_{A}(x_{i}) = \sqrt{\frac{1}{n_{i}(n_{i}-1)}\sum_{q=1}^{n_{i}}(x_{iq}-\overline{x}_{i})^{2}}$$

□ Расширенная неопределённость

$$U_{A} = k u_{A}(x_{i})$$

# Оценивание случайных составляющих результата измерений «по типу В» (1)

□ Составляющие погрешности измерения (частные погрешности):
 Источники частных погрешностей измерения:

 $\Delta$ си;  $\Delta$ м;  $\Delta$ у;  $\Delta$ оп.

Все значимые составляющие погрешности (без указания источников)

$$\Delta_1; \Delta_2; \Delta_3; \dots \Delta_n$$

□ Только собственно случайные составляющие погрешности измерений

$$\Delta_{s1}$$
;  $\Delta_{s2}$ ;  $\Delta_{s3}$ ; ...  $\Delta_{sn}$ .

(они же частные «расширенные неопределённости»  $U_{_{I}}$ ).

 $\square$  Стандартные неопределённости  $u(x_i) = U_i / k_i$  или  $\Delta_i / k_i$ 

# Оценивание случайных составляющих результата измерений «по типу В» (2)

□Дисперсия суммарной стандартной неопределенности при стохастически независимых составляющих

$$\Box u_c^2(y) = \sum_{i=1}^m \left(\frac{\partial f}{\partial x_i}\right)^2 u^2(x_i)$$

Дисперсия суммарной стандартной неопределенности при наличии ковариации составляющих

$$u_c^2(y) = \sum_{i=1}^m \left(\frac{\partial f}{\partial x_i}\right)^2 u^2(x_i)$$

Коэффициент корреляции

$$r(x_{i'}, x_{j'}) =$$

$$\frac{\sum_{l=1}^{n_{ij}} (x_{il} - \overline{X}_i)(x_{jl} - \overline{X}_i)}{\sqrt{\sum_{l=1}^{n_{ij}} (x_{il} - \overline{X}_j)^2 \sum_{l=1}^{n_{ij}} (x_{jl} - \overline{X}_j)^2}}$$