



алгебра



Линейная функция

Координатная плоскость.

*Линейное уравнение с двумя переменными
и его график*



Цели:

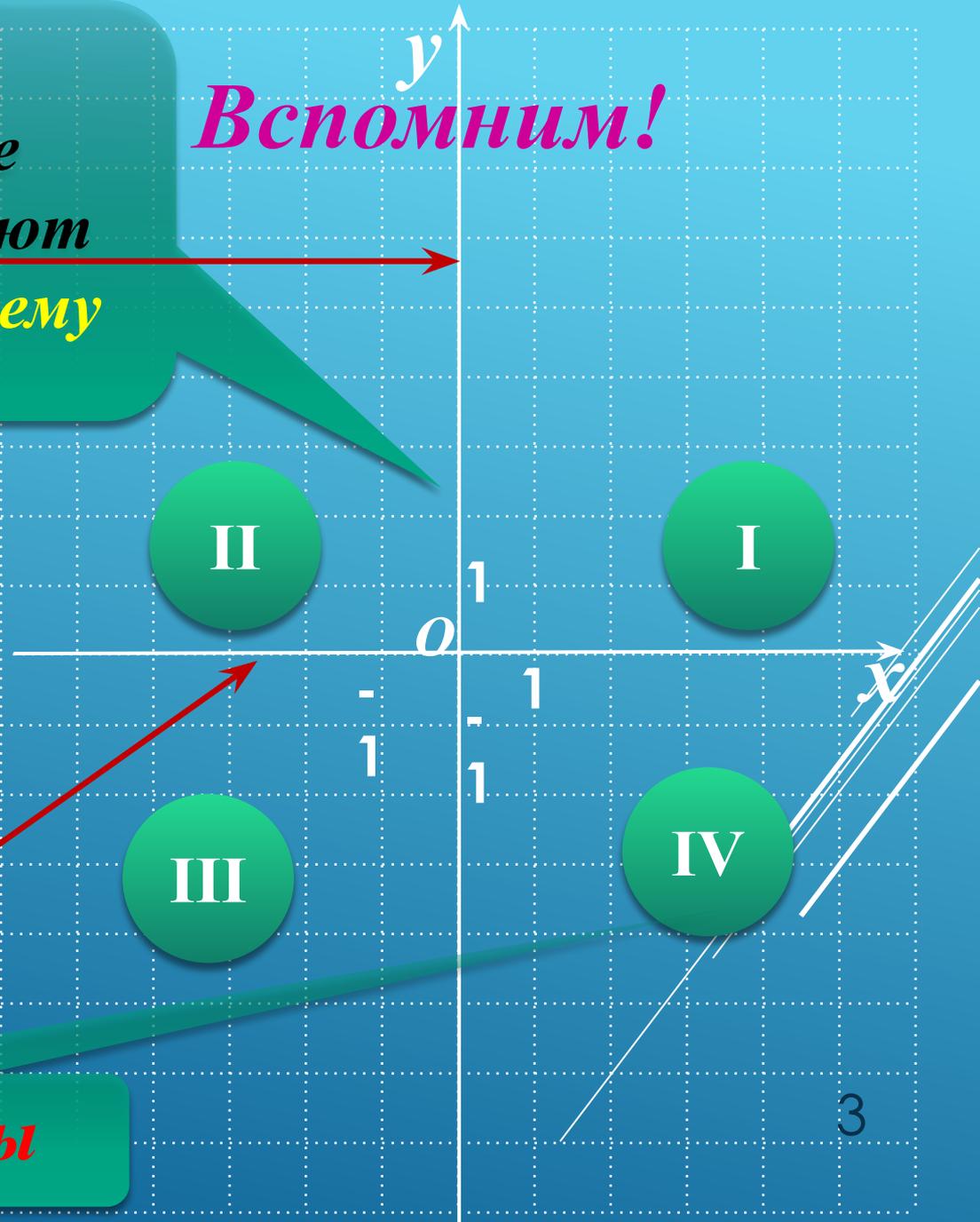


- Напомнить понятие координатной плоскости.*
- Рассмотреть изображение точки на координатной плоскости.*
- Дать понятие об уравнении с двумя переменными, их решение и графике уравнения.*
- Научить строить график линейного уравнения с двумя переменными.*
- Изучить алгоритм построения графика линейного уравнения с двумя переменными.*

Две взаимно перпендикулярные числовые оси образуют прямоугольную систему координат (ось oy)

Вспомним!

Абсцисс (ось ox)



Координатные углы

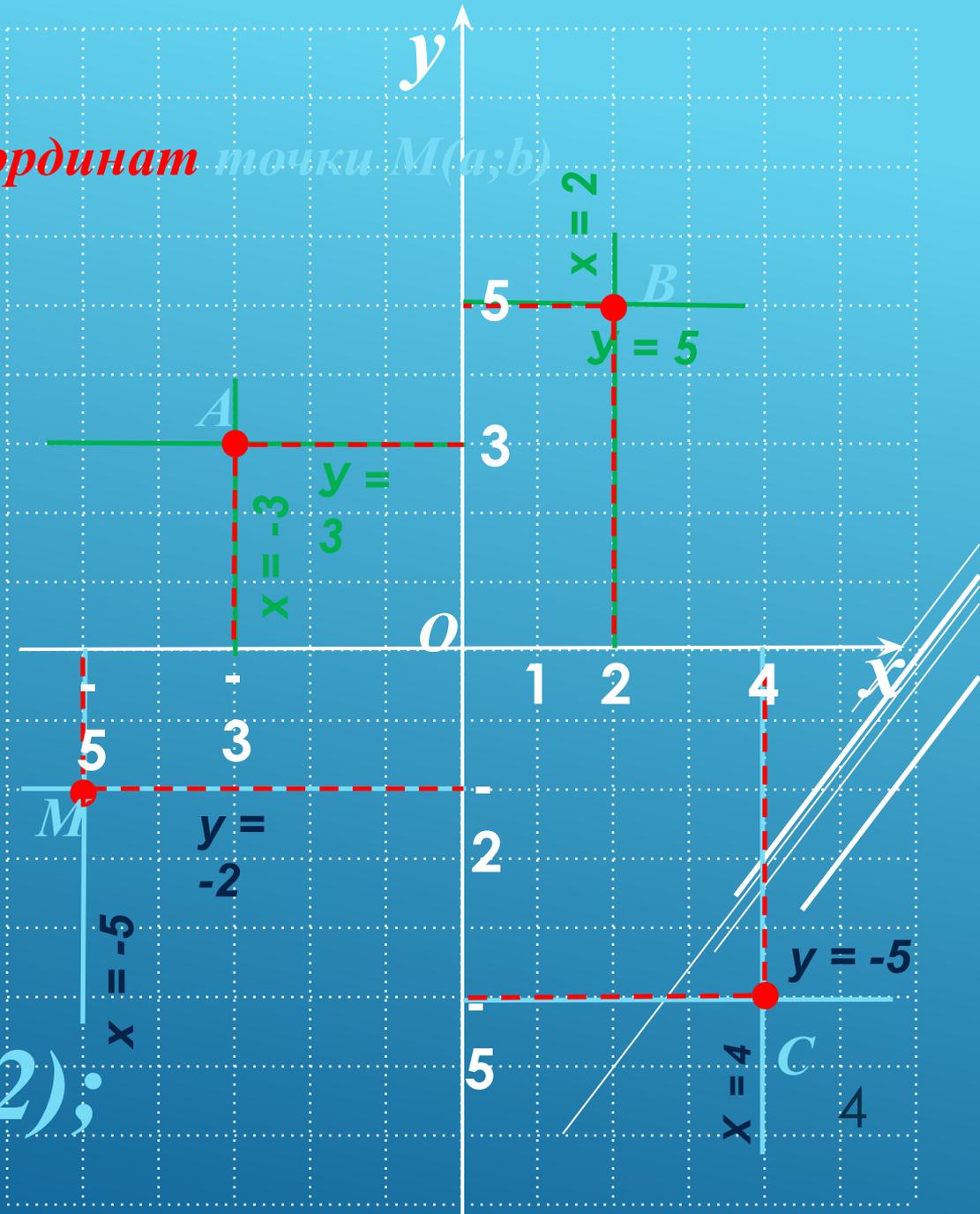
Вспомним!

Алгоритм **отыскания координат** точки $M(a;b)$

1. Провести через точку прямую, параллельную оси y , и найти координату точки пересечения этой прямой с осью x – это и будет абсцисса точки.

2. Провести через точку прямую, параллельную оси x , и найти координату точки пересечения этой прямой с осью y – это и будет ордината точки.

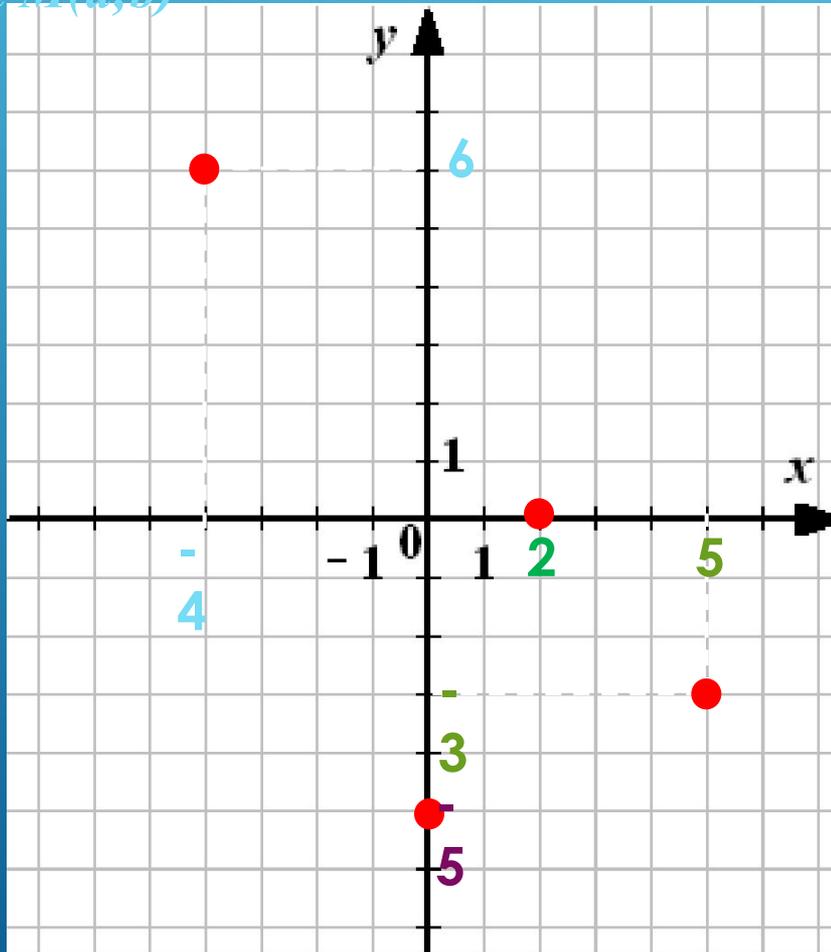
$A(-3;3)$ $B(2;5);$
 $C(4;-5); M(-5;-2);$



Вспомним!

Алгоритм **построения** точки $M(a;b)$

1. Построить прямую $x = a$.
2. Построить прямую $y = b$.
3. Найти точку пересечения построенных прямых – это и будет точка $M(a;b)$



$A(-4; 6)$
 $B(5; -3)$
 $C(2; -5)$

Вспомним!

Уравнение вида: $ax + b = 0$

называется *линейным уравнением*

с одной переменной (где x – переменная, a и b некоторые числа).

Внимание!

x – переменная *входит* в уравнение *обязательно* в *первой степени*.

$$(45 - y) + 18 = 58$$

*линейное уравнением
с одной переменной*

$$3x^2 + 6x + 7 = 0$$

*не линейное уравнением
с одной переменной*

Линейное уравнение с двумя переменными

Уравнение вида:

$$ax + by + c = 0$$

называется **линейным уравнением с двумя переменными** (где x, y - переменные, a, b и c - некоторые числа).

$(x; y)$

Решением уравнения с двумя неизвестными называется пара переменных, при подстановке которых уравнение становится верным числовым равенством.

*Решить линейное уравнение с одной переменной – это значит найти те значения **переменной**, при каждом из которых уравнение обращается в **верное числовое равенство**.*

$(x; y) - ?$

Таких решений бесконечно много.

**Линейное уравнение с двумя переменными
обладают свойствами, как уравнения с одной
переменной**

1. Если в уравнении **перенести слагаемое** из одной части в другую, **изменив его знак**, то получится равносильное уравнение.
2. Если **обе части** уравнения **умножить или разделить** на число (не равное нулю), то получится равносильное уравнение.

*Уравнения с двумя переменными имеющие
одни и те же корни, называют
равносильными.*

$$3x^2 + 4y^3 = 5 \quad \text{и} \quad 3x^2 = 5 - 4y^3$$


Равносильные уравнения

*Так как член $4y^3$ перенесен из левой
части в правую*

Изобразить решения линейного уравнения с двумя переменными $x + y - 3 = 0$ точками в координатной плоскости.

1. Подберем несколько пар чисел, которые удовлетворяют уравнению:

$(3; 0)$, $(2; 1)$, $(1; 2)$, $(0; 3)$, $(-2; 5)$.

2. Построим в xOy точки:

$A(3; 0)$, $B(2; 1)$, $C(1; 2)$,

$E(0; 3)$, $M(-2; 5)$.

3. Соединим все точки.

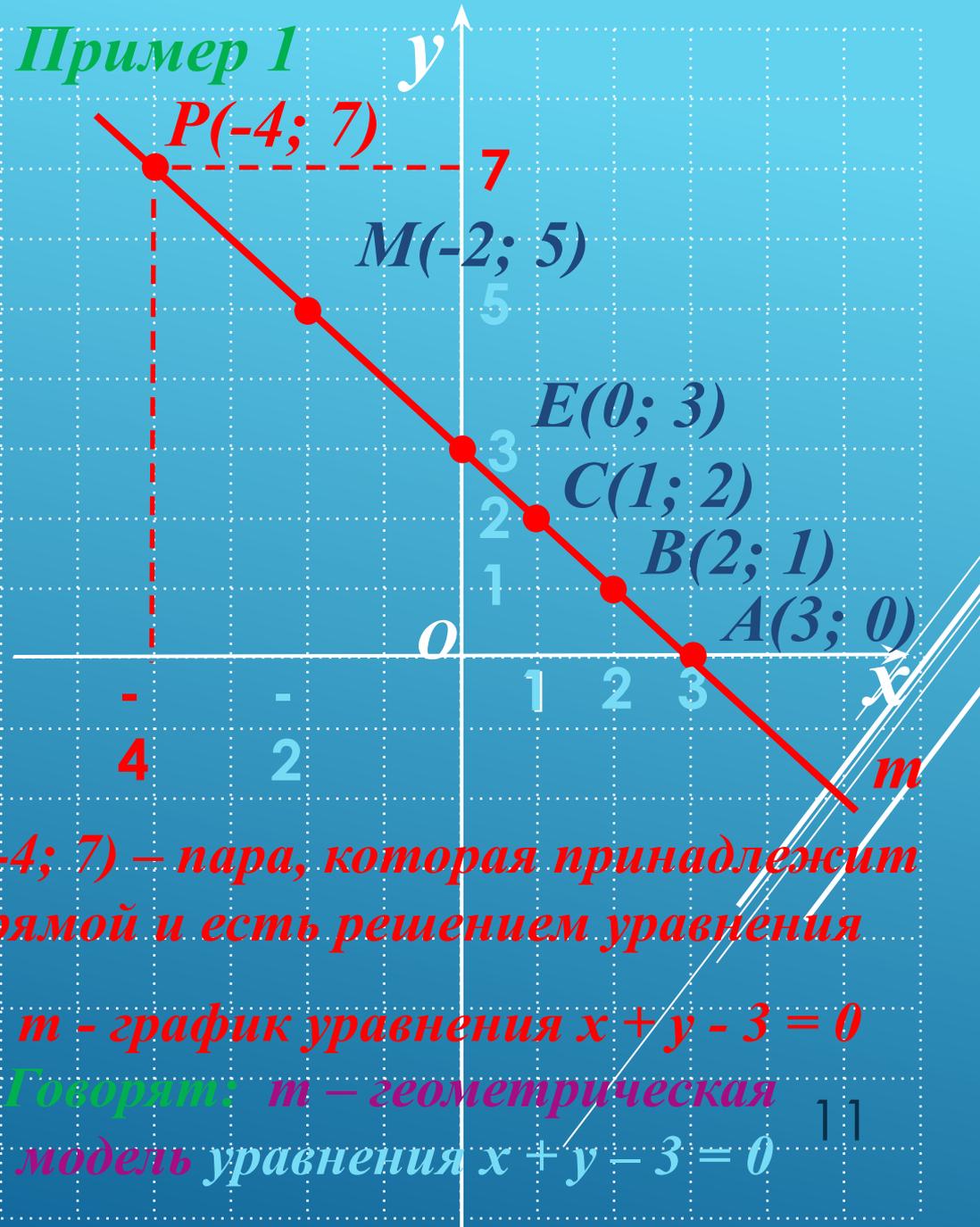
Внимание!

Все точки лежат на одной прямой.

В дальнейшем:

для построения прямой достаточно 2 точки

Пример 1



Вывод:

Если $(-4; 7)$ – пара чисел, удовлетворяет уравнению, то точка $P(-4; 7)$ принадлежит прямой t .

Наоборот:

Если точка $P(-4; 7)$ принадлежит прямой t , то пара $(-4; 7)$ - есть решением уравнения.

$$x + y - 3 = 0$$

<i>Реальная ситуация (словесная модель)</i>	<i>Алгебраическая модель</i>	<i>Геометрическая модель</i>
<i>Сумма двух чисел равна 3.</i>	$x + y = 3$ <i>(линейное уравнение с двумя переменными)</i>	<i>прямая t (график линейного уравнения с двумя переменными)</i>

Теорема:

*Графиком любого линейного уравнения
 $ax + by + c = 0$ есть **прямая**.*

*Для построения графика достаточно найти
координаты **двух точек**.*

Пример 2

Построить график уравнения
 $3x - 2y + 6 = 0$

1. Пусть $x = 0$, подставим в уравнение $3 \cdot 0 - 2y + 6 = 0$

$$-2y + 6 = 0$$

$$-2y = -6$$

$$y = -6 : (-2)$$

$$y = 3$$

(0;3) - пара чисел, есть решением

2. Пусть $y = 0$, подставим в уравнение $3 \cdot x - 2 \cdot 0 + 6 = 0$

$$3x + 6 = 0$$

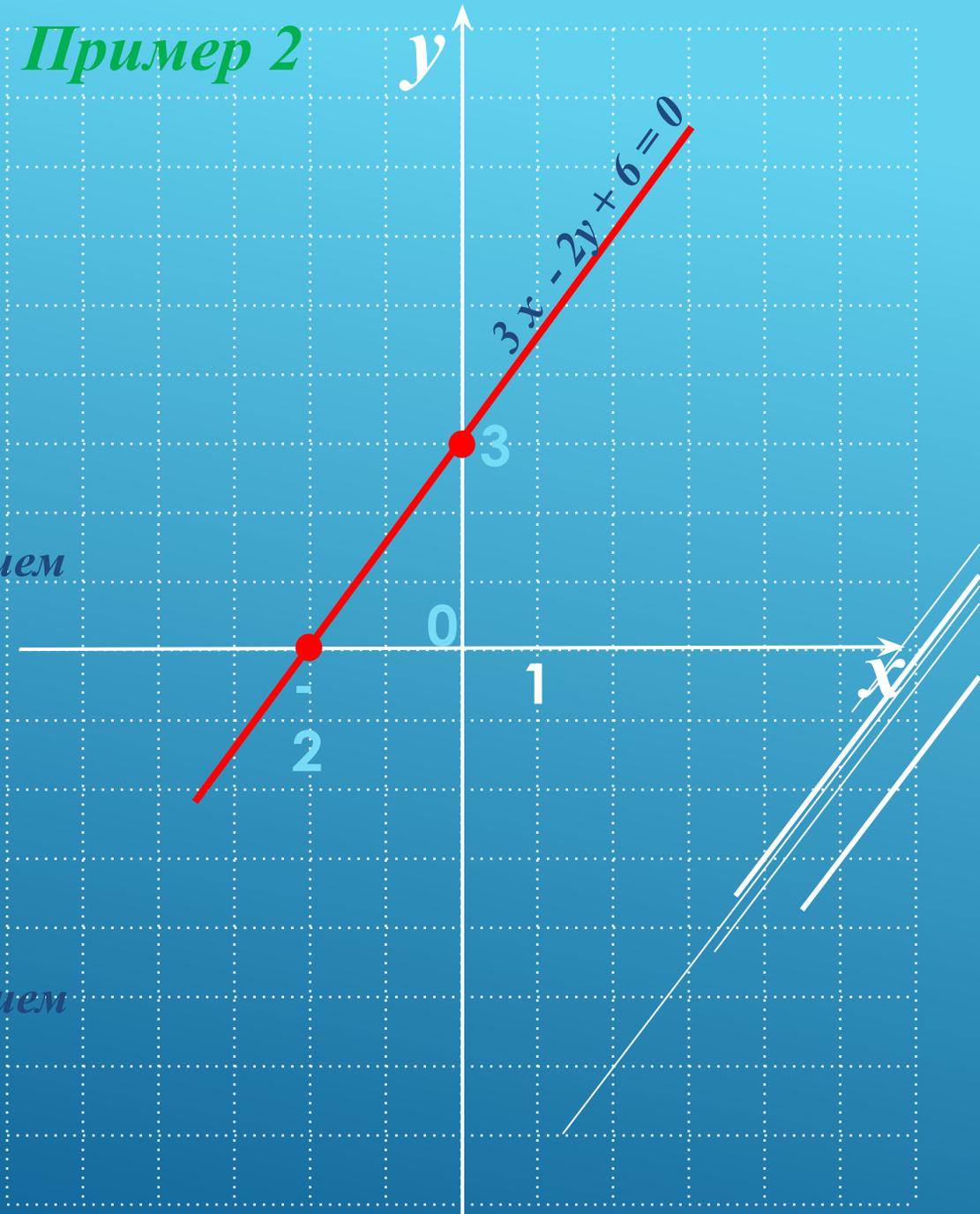
$$3x = -6$$

$$x = -6 : 3$$

$$x = -2$$

(-2;0) - пара чисел, есть решением

3. Построим точки и соединим прямой



Алгоритм построения графика уравнения $ax + by + c = 0$

1. Придать переменной x конкретное значение x_1 ; найти из уравнения $ax + by + c = 0$ соответствующее значение y_1 .
Получим $(x_1; y_1)$.
2. Придать переменной x конкретное значение x_2 ; найти из уравнения $ax + by + c = 0$ соответствующее значение y_2 .
Получим $(x_2; y_2)$.
3. Построим на координатной плоскости точки $(x_1; y_1)$, $(x_2; y_2)$ и соединим прямой.
4. Прямая – есть график уравнения.

Ответить на вопросы:

1. Что называется **координатной плоскостью**?
2. Какой алгоритм нахождения **координат точки** на координатной плоскости?
3. Какой **алгоритм построения точки** на координатной плоскости?
4. Сформулируйте **основные свойства** уравнений.
5. Какие уравнения называются **равносильными**?
6. Что является решением линейного уравнения с двумя переменными?
7. Какой **алгоритм построения графика** линейного уравнения с двумя переменными?