

**Тема урока:**

**ДВИЖЕНИЯ**

*Движение – это жизнь!!!*

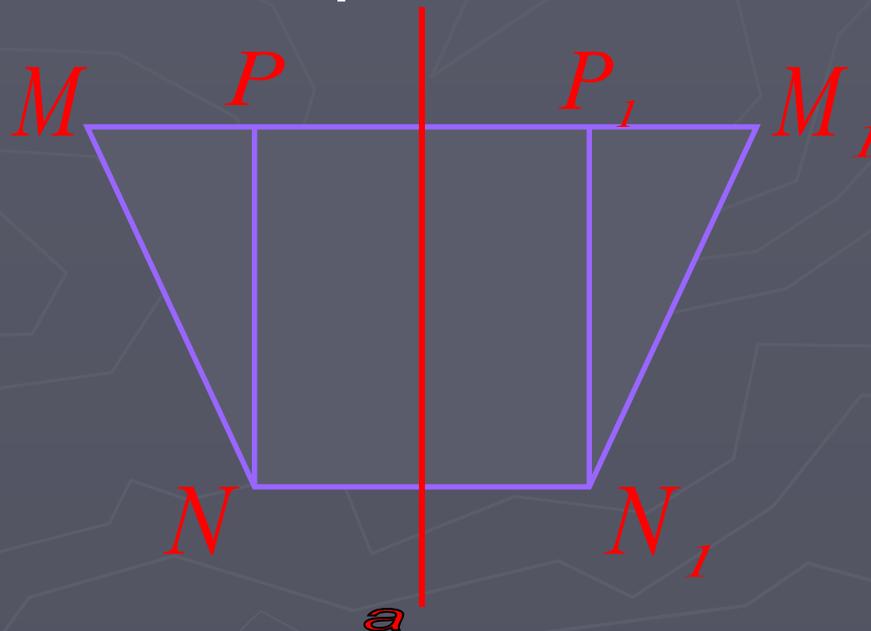


# Цели и задачи урока:

1. Ввести понятия отображения плоскости на себя и движения.
2. Рассмотреть свойства движений.
3. Вспомнить осевую и центральную симметрии.
4. Познакомить учащихся с параллельным переносом и поворотом.
5. Совершенствовать навыки решения задач на построение фигур при осевой и центральной симметрии.

# Понятие движения

- ▶ Движение плоскости – это отображение плоскости на себя, сохраняющее расстояние.



# Теорема.

## При движении отрезок отображается на отрезок.

Следствие:

- ▶ При движении треугольник отображается на равный ему треугольник.



# Виды движений

▶ Осевая симметрия



▶ Центральная симметрия



▶ Параллельный перенос



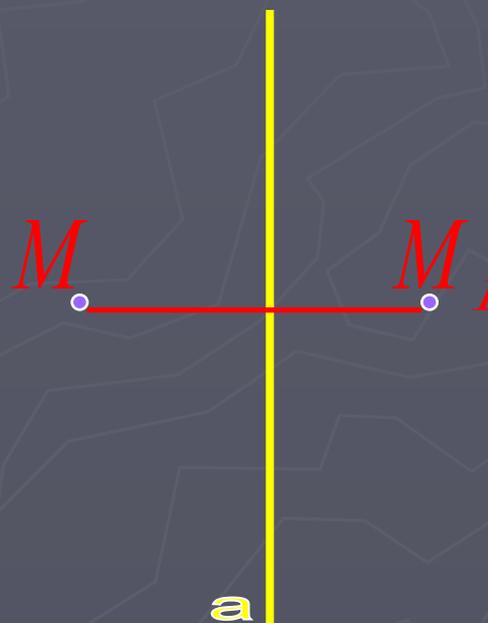
▶ Поворот



# Центральная и Осевая симметрия

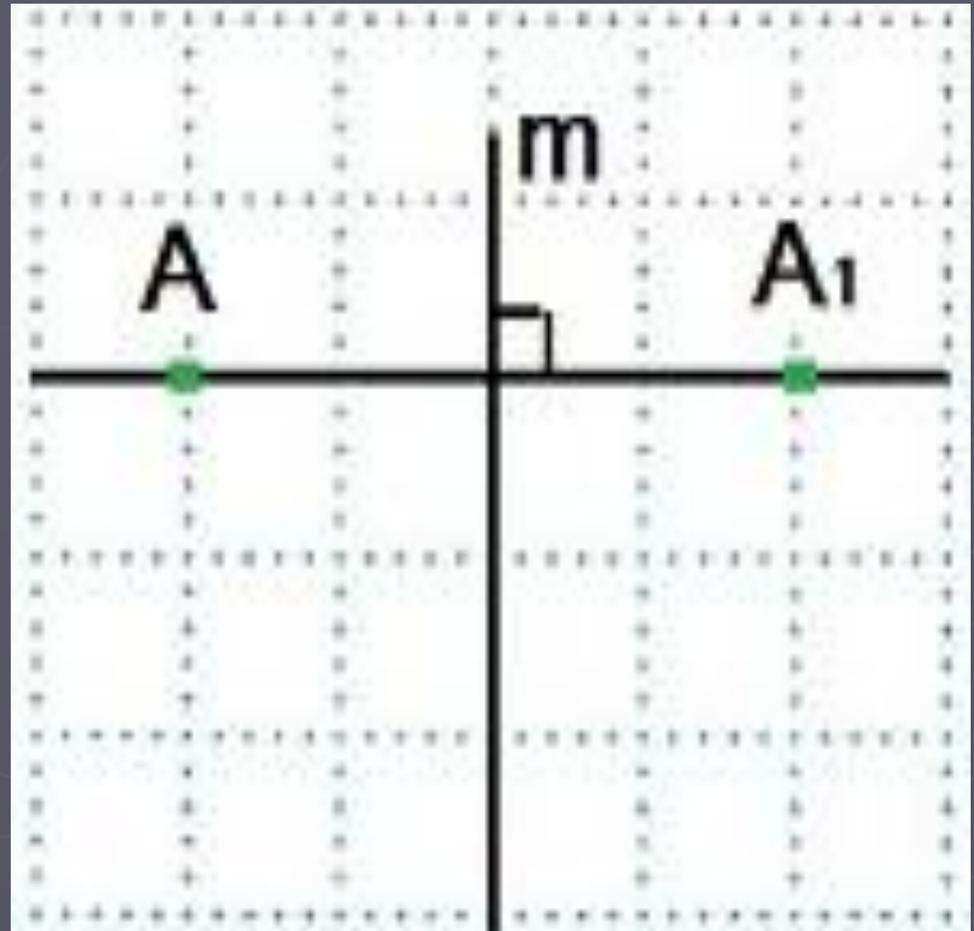
▶ Центральная

▶ Осевая

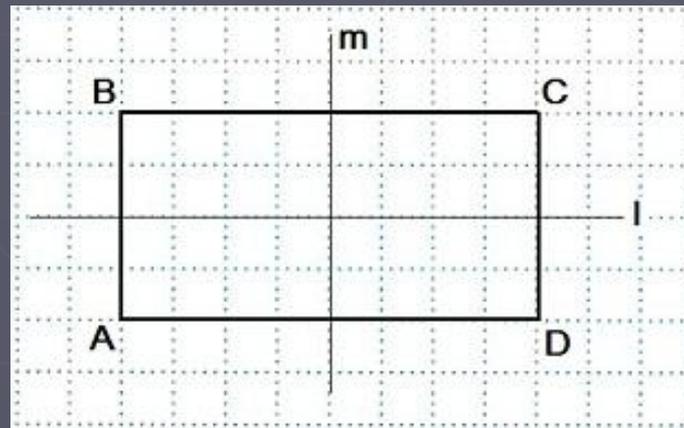


# Осевая симметрия.

- ▶ Две точки **A** и **A<sub>1</sub>** называются симметричными друг другу относительно прямой **m**, если прямая **m** перпендикулярна отрезку **AA<sub>1</sub>** и проходит через его середину. Прямую **m** называют **осью симметрии**.
- ▶ При сгибании плоскости чертежа по прямой **m** – оси симметрии симметричные фигуры совместятся.

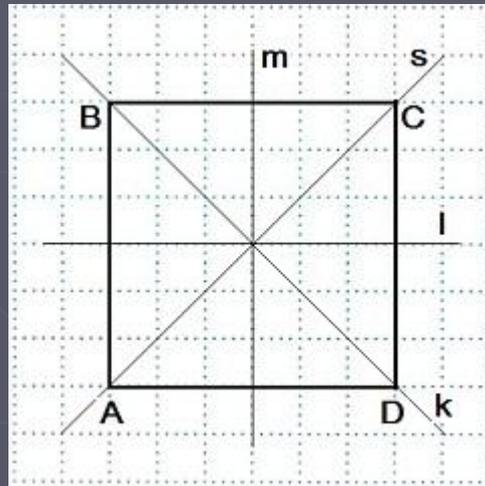


# Прямоугольник имеет две оси симметрии.



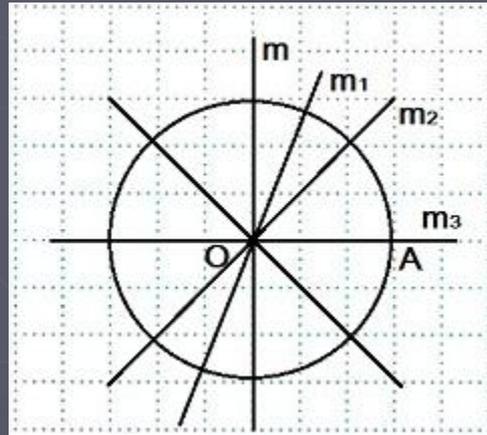
- ▶ Прямоугольник **ABCD** имеет две оси симметрии: прямые **m** и **l**.
- ▶ Если чертеж перегнуть по прямой **m** или по прямой **l**, то обе части чертежа совпадут.

# Квадрат имеет четыре оси симметрии.



- ▶ Квадрат **ABCD** имеет четыре оси симметрии: прямые **m**, **l**, **k** и **s**.
- ▶ Если квадрат перегнуть по какой-либо из прямых: **m**, **l**, **k** или **s**, то обе части квадрата совпадут.

Окружность имеет бесконечное множество осей симметрии.

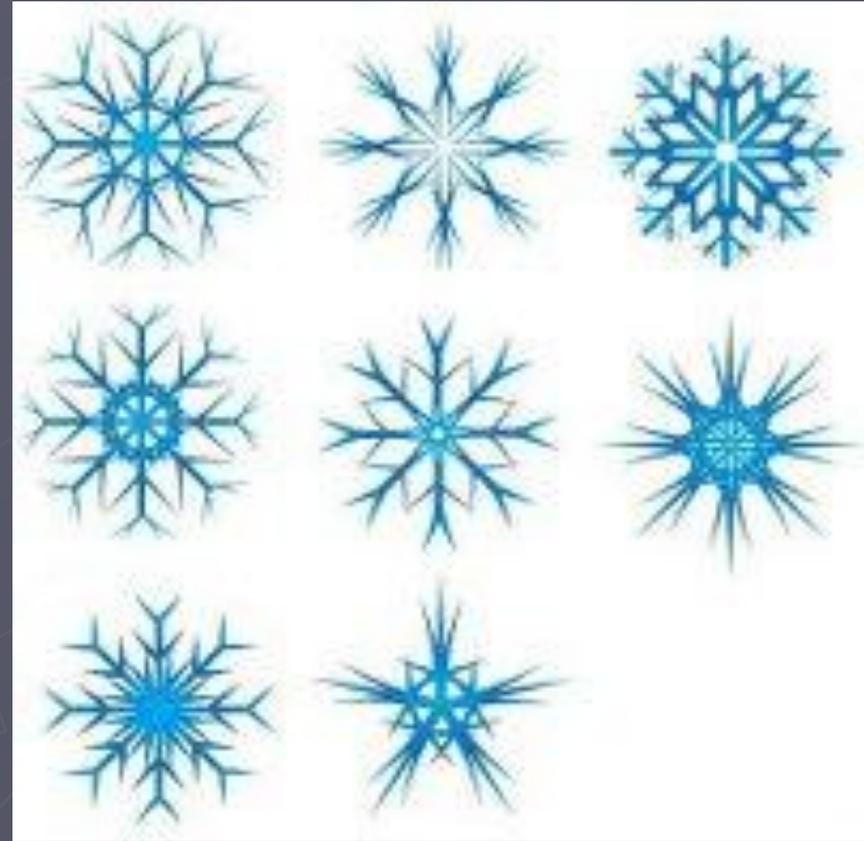


- ▶ Окружность с центром в точке O и радиусом OA имеет бесчисленное количество осей симметрии. Это прямые:  **$m, m_1, m_2, m_3 \dots$**

Многие листья  
деревьев  
симметричны  
относительно  
среднего стебля.



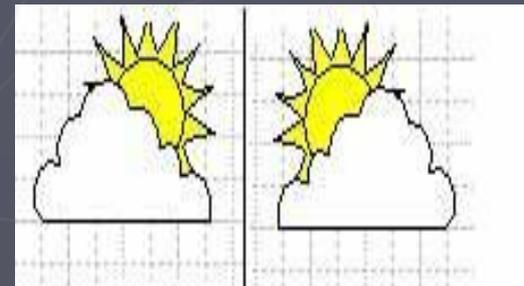
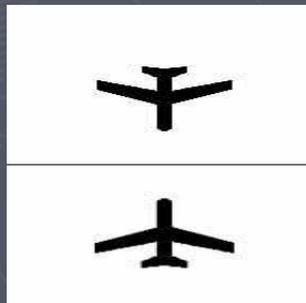
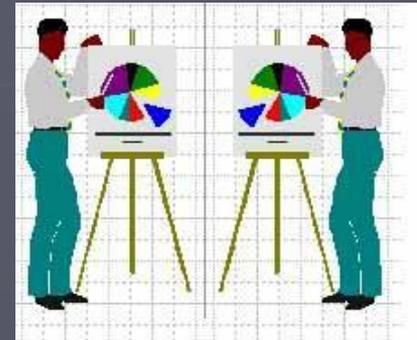
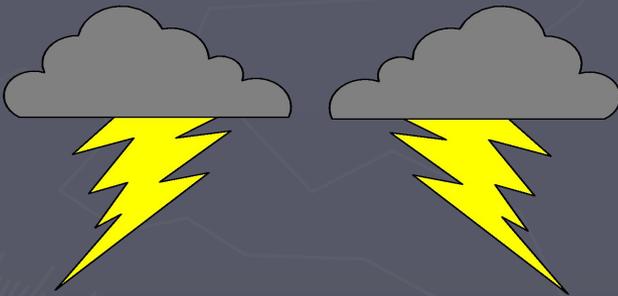
Зимние снежинки  
все разные, но все  
имеют симметрию  
относительно оси.



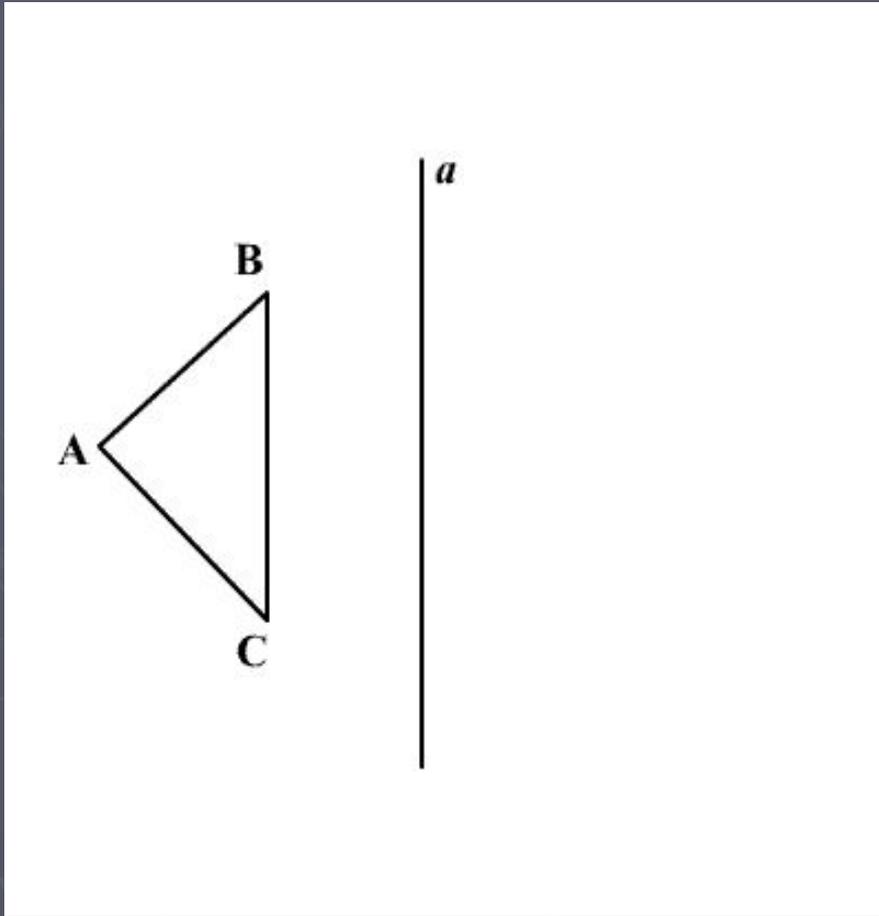
# Многие детали механизмов симметричны.



# Осевая симметрия



# Построение



Пусть  $a$  – ось симметрии.

$\triangle ABC$  – произвольный.

Проведем перпендикуляр  $BP$  к прямой  $a$ . Отложим на прямой  $BP$  отрезок  $PB_1$ , равный по длине отрезку  $BP$ . Точка  $B_1$  искомая.

Аналогично строим точки

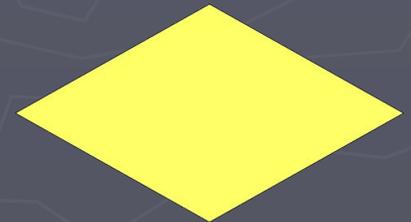
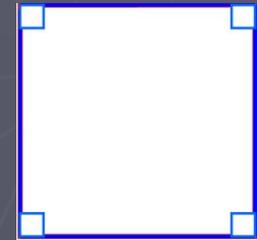
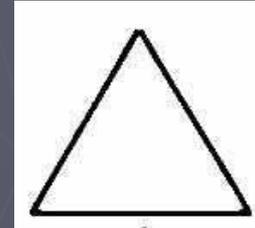
$A_1$  и  $C_1$ .  $\triangle A_1B_1C_1$

симметричен  $\triangle ABC$

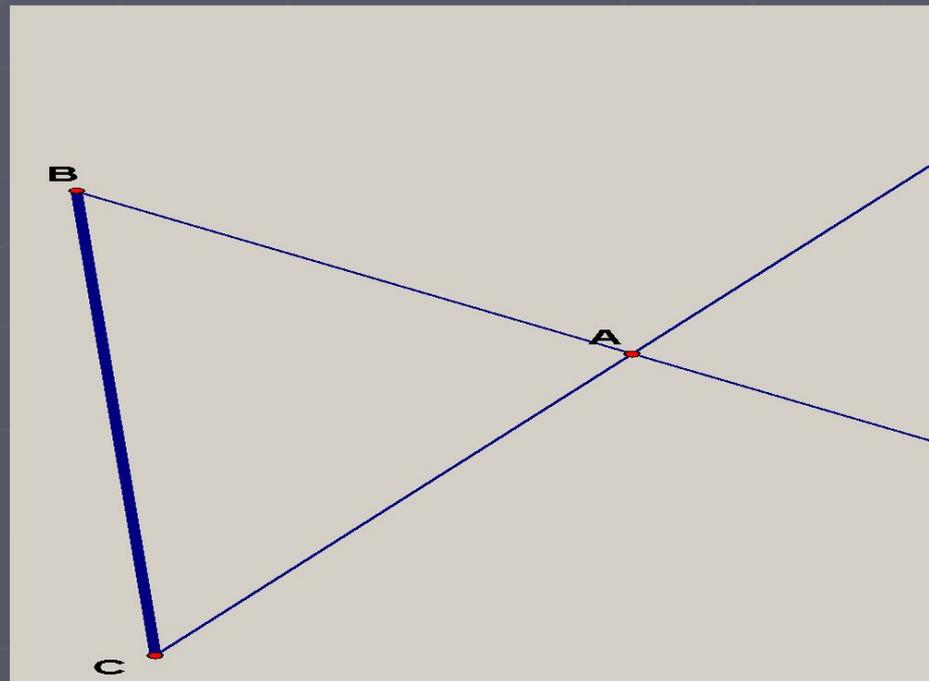
относительно прямой  $a$ .

# Задачи:

- Сколько осей симметрии имеет равносторонний треугольник?
- Сколько осей симметрии имеет квадрат?
- Сколько осей симметрии имеет ромб, не являющийся квадратом?



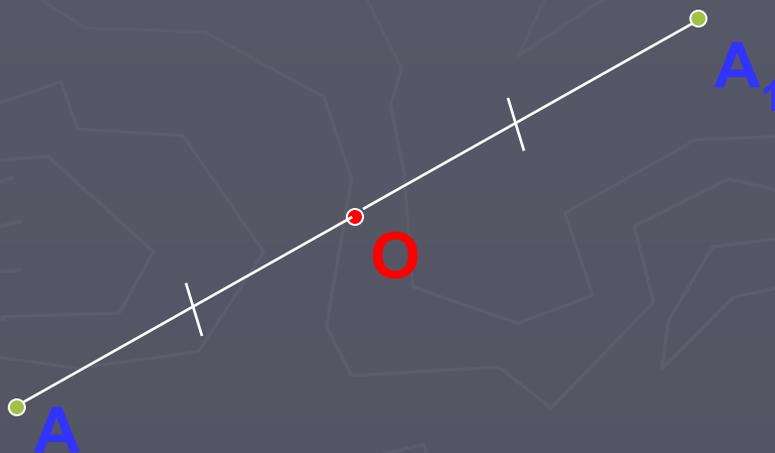
# Центральная симметрия



## Симметрия относительно точки

Точки  $A$  и  $A_1$  называются симметричными относительно точки  $O$  (центр симметрии), если  $O$  – середина отрезка  $AA_1$ . Точка  $O$  считается симметричной самой себе.

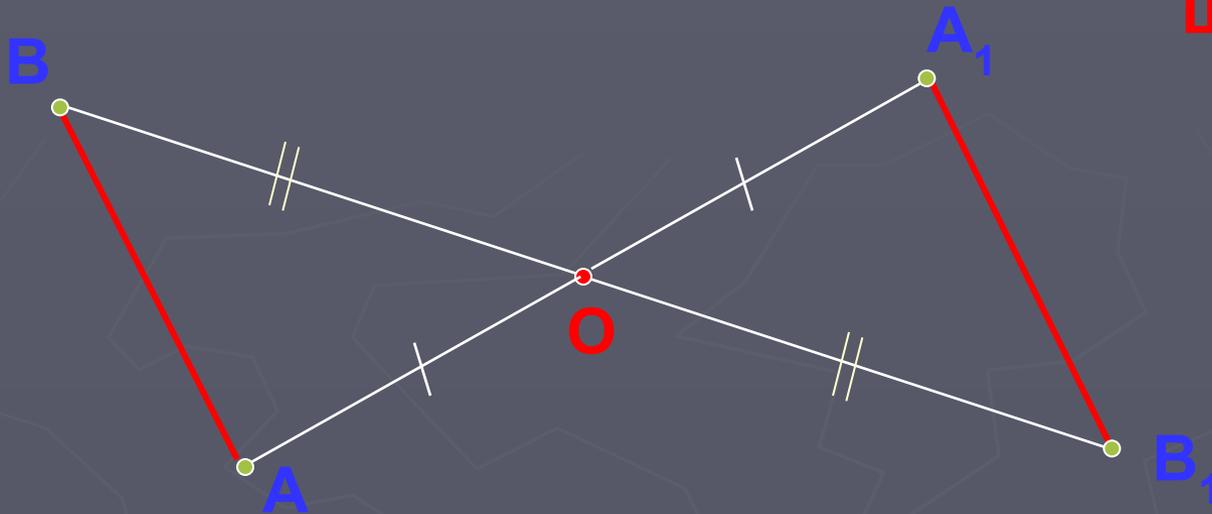
*Симметрия относительно точки называется центральной симметрией*



Точка  $O$  – центр симметрии

Построить отрезок  $A_1B_1$  симметричный отрезку  $AB$  относительно точки  $O$

**Точка  $O$  –  
центр симметрии**



$$A \rightarrow A_1, \quad B \rightarrow B_1, \quad AB \rightarrow A_1B_1$$

**Замечание:**

при симметрии относительно центра изменился порядок точек (верх-низ, право-лево).

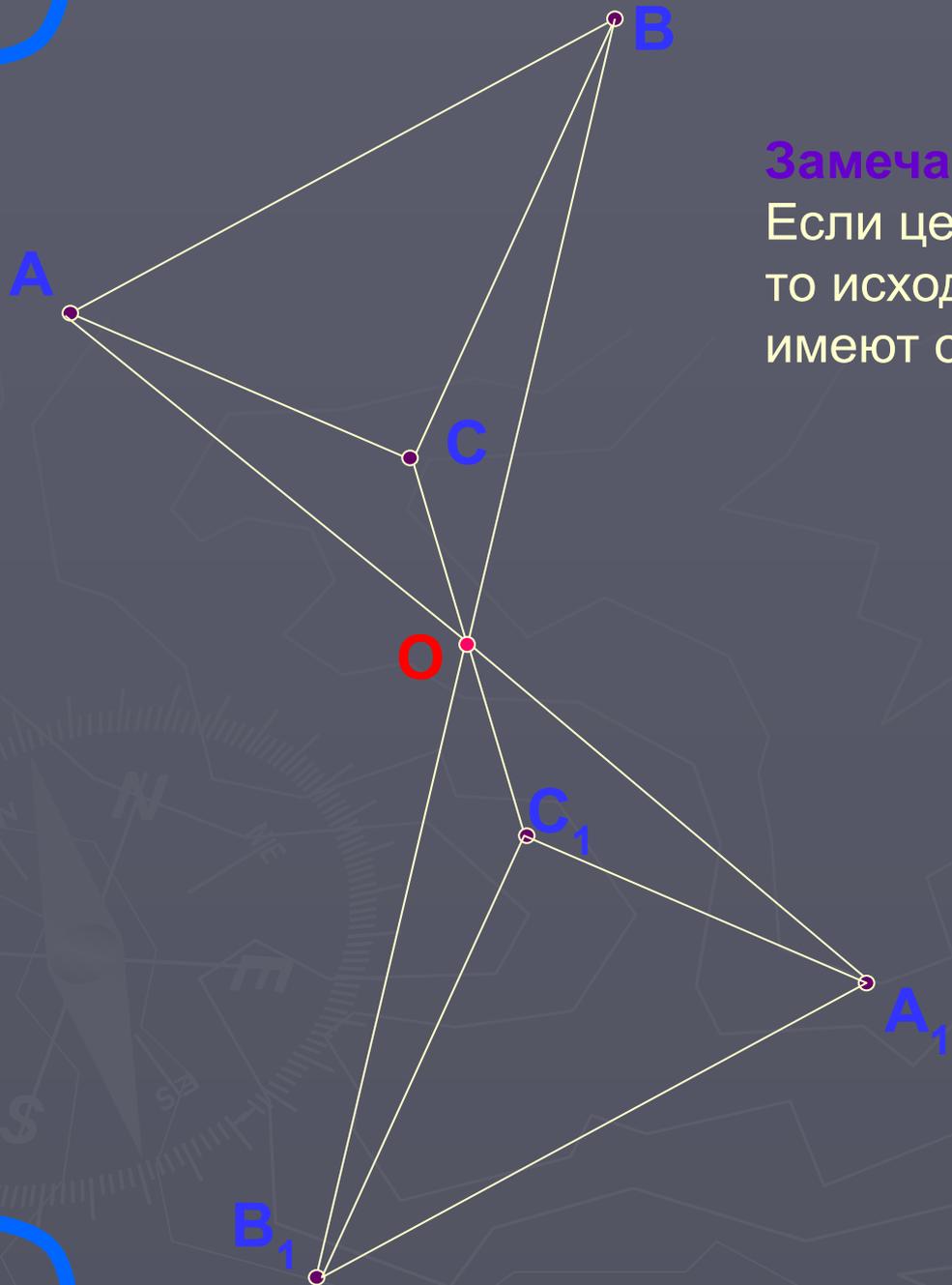
Например, точка  $A$  отобразилась снизу вверх; она была правее точки  $B$ , а ее образ точка  $A_1$  оказалась левее точки  $B_1$ .

Построить луч  $a$  симметричный лучу  $a$  относительно точки  $O$

Точка  $O$  –  
центр симметрии



$A \rightarrow A_1, B \rightarrow B_1, AB \rightarrow A_1B_1$



**Замечание.**

Если центр во внешней области фигуры, то исходная и симметричная фигура не имеют общих точек.

$$C \rightarrow C_1$$

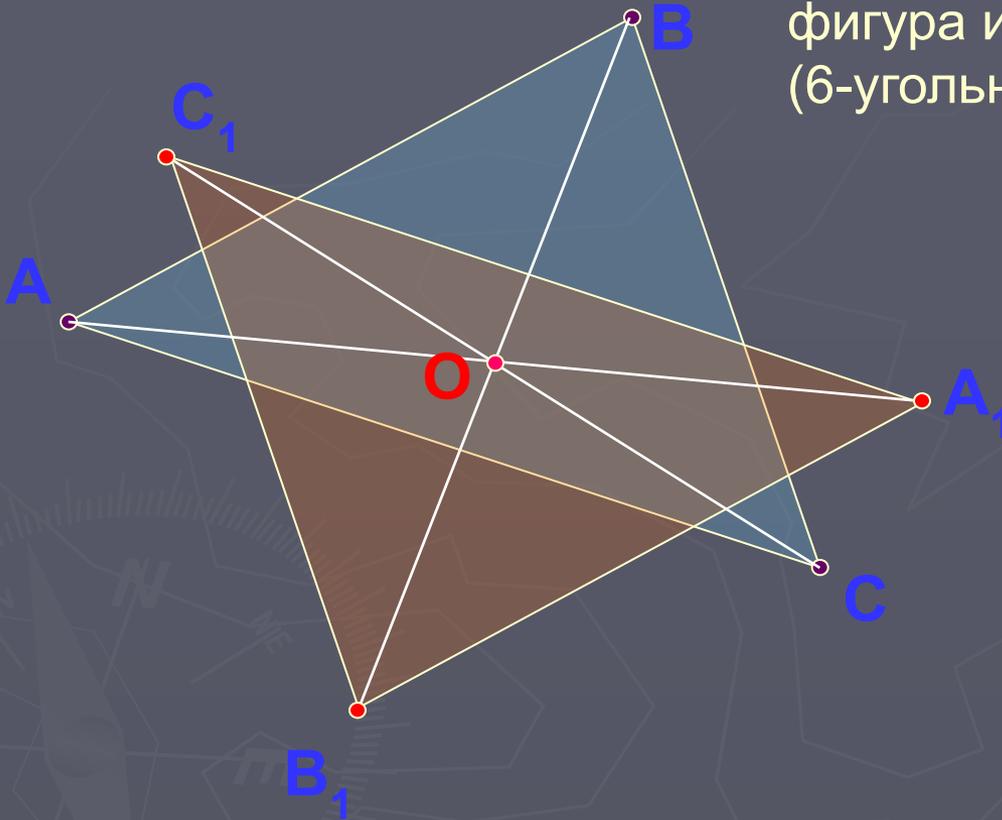
$$B \rightarrow B_1$$

$$A \rightarrow A_1$$

$$\Delta ABC \rightarrow \Delta A_1B_1C_1$$

**Замечание.**

Если центр во внутренней области фигуры, то исходная и симметричная фигура имеют общие точки (6-угольник).



$$C \rightarrow C_1$$

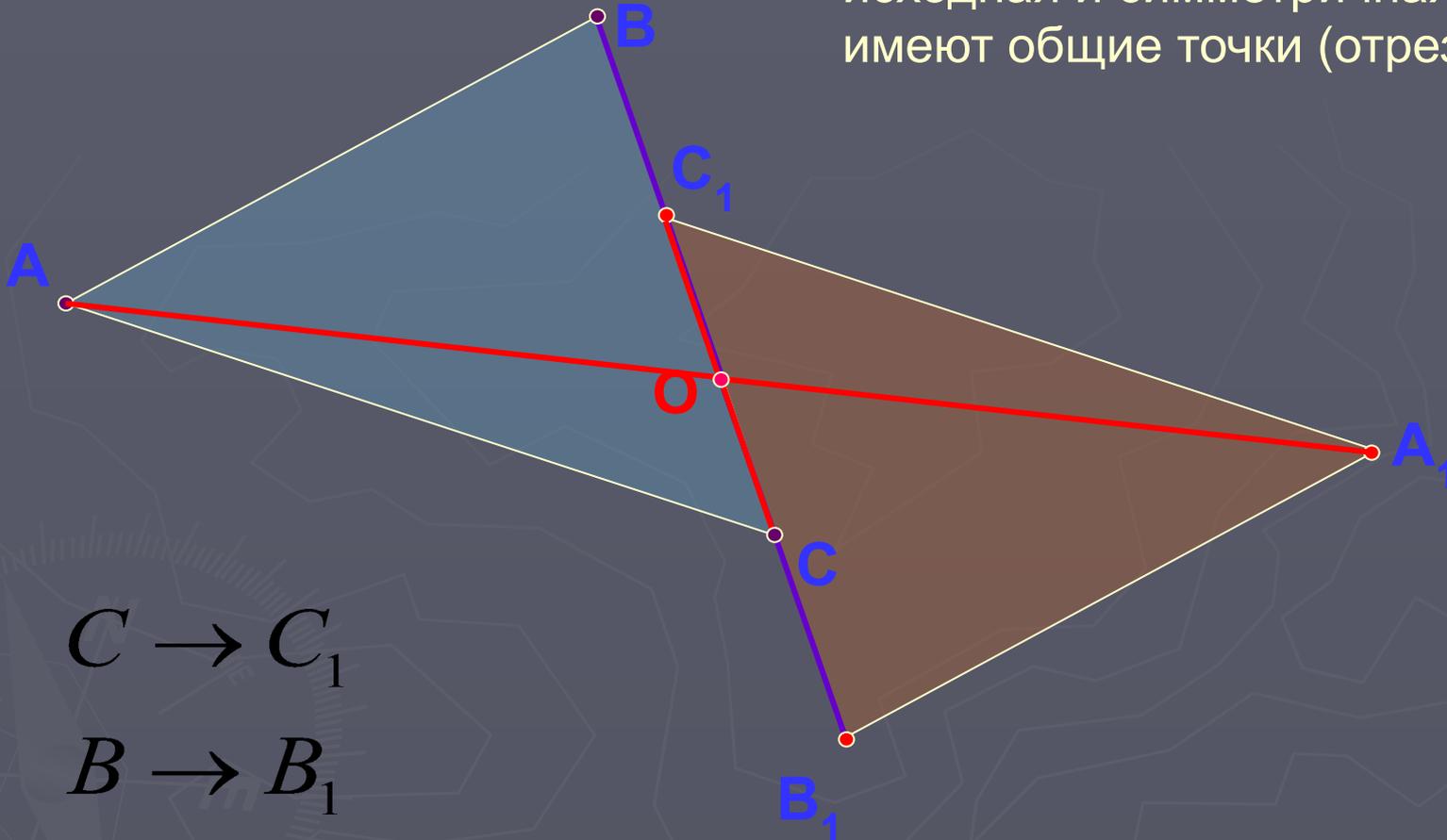
$$B \rightarrow B_1$$

$$A \rightarrow A_1$$

$$\Delta ABC \rightarrow \Delta A_1B_1C_1$$

**Замечание.**

Если центр на стороне фигуры, то исходная и симметричная фигура имеют общие точки (отрезок  $CC_1$ ).

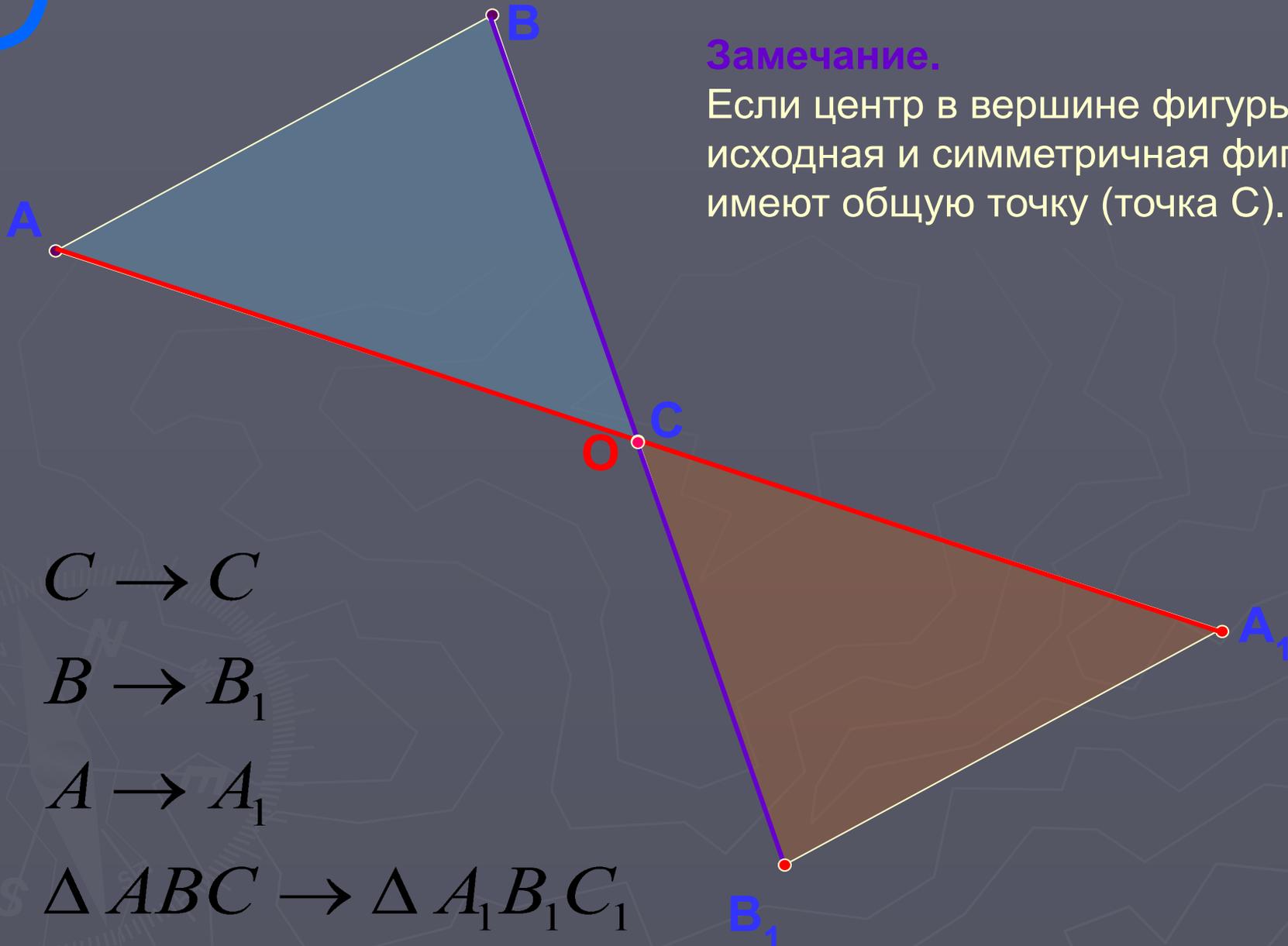


$$C \rightarrow C_1$$

$$B \rightarrow B_1$$

$$A \rightarrow A_1$$

$$\Delta ABC \rightarrow \Delta A_1B_1C_1$$



**Замечание.**

Если центр в вершине фигуры, то исходная и симметричная фигура имеют общую точку (точка C).

$$C \rightarrow C$$

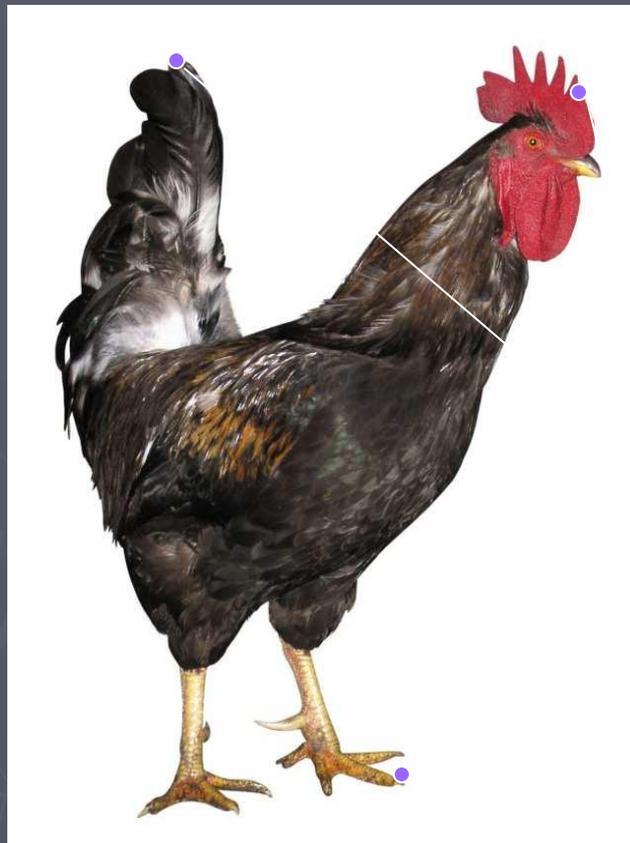
$$B \rightarrow B_1$$

$$A \rightarrow A_1$$

$$\Delta ABC \rightarrow \Delta A_1B_1C_1$$

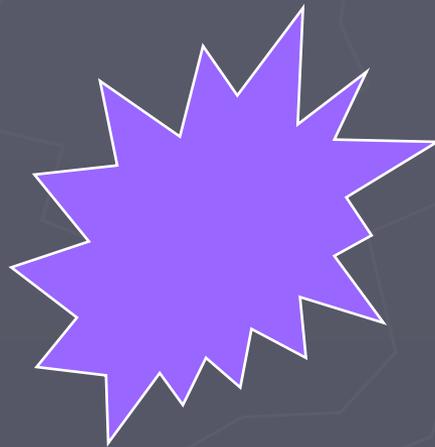


г. О – центр симметрии



# Наложение

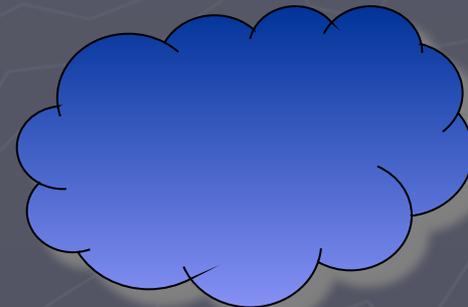
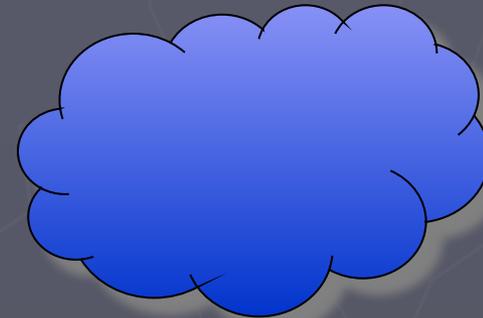
- ▶ Наложение- это отображение плоскости на себя.



# Теорема. Любое движение является наложением.

## Следствие:

- ▶ При движении любая фигура отображается на равную ей фигуру.



Фигуры называются равными, если существует движение, отображающее одну из них на другую.