

# Тема урока: "Производная сложной функции".

Выполнила преподаватель математики  
ГАОУ СПО «АПТ»: К.Р. Абдуллина



## Цели:

### **образовательная:**

- знать понятие сложной функции;
- уметь находить по правилу производную сложной функции;
- изучить алгоритм вычисления производной сложной функции;

### **развивающая:**

- развить умение обобщать, систематизировать на основе сравнения, делать вывод;
- развить наглядно-действенное творческое воображение;
- развить навыки самоконтроля, умение конспектировать, переключаться с одного вида деятельности на другой.

## **воспитательная:**

- воспитать чувство долга, ответственности, воли и настойчивости для достижения конечных результатов при нахождении производных сложных функций;
- формирование умения рационально, аккуратно оформить задание на доске и в тетради.
- воспитать умение слушать и уважать мнение других.

## План урока:

1. Организационный момент. Рефлексия настроения.
2. Обсуждение темы занятия, мотивация обучения, целепологание.
3. Проверка домашнего задания.
4. Актуализация знаний, умений и навыков.
5. Усвоение новых знаний.
6. Закрепление изученного материала.
7. Формирование навыков.
8. Самостоятельная работа.
9. Домашнее задание.
10. Подведение итогов. Рефлексия.

# ОТВЕТЫ

$y$	$x^2 - \frac{1}{x}$	$x^2 \cdot (2x - 7)$	$\frac{x^2}{x^3 - 1}$	$x^{-5}$	$3x^7 - \frac{5}{x^3}$
$y'$	$2x + \frac{1}{x^2}$	$6x^2 - 14x$	$\frac{-x^4 - 2x}{(x^3 - 1)^2}$	$-5x^{-6}$	$21x^6 + \frac{15}{x^4}$



# Лист контроля

Ф.И.О студента	Группа	Домашнее задание	Игра «Лото»	Тест	Итоговая оценка



# Таблица производных.

Функция	Производная
$C$	$0$
$X$	$1$
$X^n$	$n X^{n-1}$
$\frac{1}{X}$	$-\frac{1}{X^2}$
$\sqrt{X}$	$\frac{1}{2\sqrt{X}}$
$\sin X$	$\cos X$
$\cos X$	$-\sin X$
$\operatorname{tg} X$	$\frac{1}{\cos^2 X}$
$\operatorname{ctg} X$	$-\frac{1}{\sin^2 X}$

Функция	Производная
$\arcsin x$	$\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$
$\arccos x$	$-\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$
$\operatorname{arctg} x$	$\frac{1}{1+x^2}$
$\operatorname{arcctg} x$	$-\frac{1}{1+x^2}$
$a^x$	$a^{x \ln a}$
$e^x$	$e^x$
$\log_a x$	$\frac{1}{x \ln a}$
$\operatorname{Ln} x$	$\frac{1}{x}$

# Тест

1. Найдите производную функции:  $y = 9 - 9x^2 - \frac{6}{5}x^5$

1)  $y' = 9x - x^9 - \frac{1}{5}x^6; M$

2)  $y' = 9x - 72x^7 - 5x^4; П$

3)  $y' = -72x^7 - 6x^4; Л$

4)  $y' = -17x^7 - 6x^4; К$

2. Найдите производную функции:  $y = 3x^2 \cdot \cos x$

1)  $y' = 6x \cos x; E$

2)  $y' = 6x - \cos x - 3x^2 \sin x; A$

3)  $y' = x^3 \cos x + 3x^2 \sin x; O$

4)  $y' = 6x \cos x + 3x^2 \sin x; Y$

3. Найдите производную функции:

$$y = (x + 1)(x + 2) - (x - 1)(x - 3)$$

1)  $y' = -7; B$

2)  $y' = 7; Г$

3)  $y' = -1; Д$

4)  $y' = 1; М$

4. Найдите производную функции:  $y = x^4 - \frac{1}{x}$

1)  $y' = 4x - \frac{1}{x^2}; E$

2)  $y' = 4x^3 - \frac{1}{x^2}; C$

3)  $y' = 4x^3 + \frac{1}{x^2}; P$

4)  $y' = 4x + \frac{1}{x^2}; A$

5. Найдите производную функции  $y = \frac{-2x + 1}{4x + 2}$

1)  $y' = \frac{2}{(2x + 1)^2}; B$

2)  $y' = -\frac{2}{(2x + 1)^2}; A$

3)  $y' = \frac{2x}{(2x + 1)^2}; E$

4)  $y' = -\frac{2x}{(2x + 1)^2}; Y$

6. Найти значение производной функции

$$y = x^2 + \sin x \quad \text{в } x_0 = \pi$$

1)  $y' = \pi^2 - 1; Y$

2)  $y' = 2\pi + 1; H$

3)  $y' = 2\pi - 1; П$

4)  $y' = 2\pi; Д$



7. Найдите  $f'(1)$  , если:  $f(x) = \frac{5}{x} + 4e^x$

1) 9;Т.

2)  $-5 + 4e$ ; Ж

3) 5;Р

4)  $5 + 4e$ ; О

# ОТВЕТЫ

Задание	1	2	3	4	5	6	7
Ответы	3	2	2	3	2	2	2
	Л	А	Г	Р	А	Н	Ж



**Жозе́ф Луи Лагранж**-(1736-1813)-французский математик , астроном и механик . Сначала Лагранж заинтересовался филологией. Но в руки Лагранжа случайно попал трактат по математической оптике, и он почувствовал своё настоящее призвание.

В 1755 году Лагранж был назначен преподавателем математики в Королевской артиллерийской школе в Турине. В 1766 Лагранж переехал в Берлин . Здесь он вначале руководил физико-математическим отделением Академии наук, а позже стал президентом Академии. агранж внёс существенный вклад во многие области математики,

включая [вариационное исчисление](#)(1736-1813)-

французский математик , астроном и механик .

Сначала Лагранж заинтересовался филологией. Но в руки Лагранжа случайно попал трактат по математической оптике, и он почувствовал своё настоящее призвание. В 1755 году Лагранж был

назначен преподавателем математики в Королевской артиллерийской школе в Турине. В 1766 Лагранж

# Производная сложной функции

Сложная функция:  $y = g(f(x))$ .

Примеры: 1)  $y = (3x^2 - 2x)^5$   $\left[ \begin{array}{l} y = f^5; \\ f = 3x^2 - 2x. \end{array} \right.$

2)  $y = \sqrt{\sin x}$   $\left[ \begin{array}{l} y = \sqrt{f}; \\ f = \sin x. \end{array} \right.$  3)  $y = \cos\left(2x - \frac{\pi}{3}\right)$   $\left[ \begin{array}{l} y = \cos f; \\ f = 2x - \frac{\pi}{3}. \end{array} \right.$

## Правило нахождения производной сложной функции

$$g'(f(x)) = g'(f) \cdot f'(x)$$

(производная сложной функции равна  
производной основной функции  
на производную внутренней функции)

# ПРОИЗВОДНАЯ СЛОЖНОЙ

## ФУНКЦИИ

Сложная функция:  $y = g(f(x))$ .

Правило нахождения производной сложной функции

$$g'(f(x)) = g'(f) \cdot f'(x)$$

(производная сложной функции равна производной основной функции на производную внутренней функции)

Простая функция	Производная простой функции	Сложная функция	Производная сложной функции
$x^n$	$nx^{n-1}$	$f^n(x)$	$n \cdot f^{n-1}(x) \cdot f'(x)$
$\frac{1}{x}$	$-\frac{1}{x^2}$	$\frac{1}{f(x)}$	$-\frac{f'(x)}{f^2(x)}$
$\sqrt{x}$	$\frac{1}{2\sqrt{x}}$	$\sqrt{f(x)}$	$\frac{f'(x)}{2\sqrt{f(x)}}$
$\sin x$	$\cos x$	$\sin f(x)$	$\cos f(x) \cdot f'(x)$



# ПРОИЗВОДНАЯ СЛОЖНОЙ ФУНКЦИИ

Сложная функция:  $y = g(f(x))$ .

Правило нахождения производной сложной функции

$$g'(f(x)) = g'(f) \cdot f'(x) \quad \left( \begin{array}{l} \text{производная сложной функции равна} \\ \text{производной основной функции} \\ \text{на производную внутренней функции} \end{array} \right)$$

<i>Простая функция</i>	<i>Производная простой функции</i>	<i>Сложная функция</i>	<i>Производная сложной функции</i>
$\frac{1}{x}$	$-\frac{1}{x^2}$	$\frac{1}{f(x)}$	$-\frac{1}{f^2(x)} \cdot f'(x) = -\frac{f'(x)}{f^2(x)}$

Пример:

1)  $y = \frac{1}{\sin x}$   $\left[ \begin{array}{l} y = \frac{1}{f}; \\ f' = \sin x. \end{array} \right.$

$$y' = \left( \frac{1}{\sin x} \right)' = -\frac{1}{\sin^2 x} \cdot (\sin x)' = -\frac{1}{\sin^2 x} \cdot \cos x = -\frac{\cos x}{\sin^2 x}$$



# ПРОИЗВОДНАЯ СЛОЖНОЙ ФУНКЦИИ

Сложная функция:  $y = g(f(x))$ .

Правило нахождения производной сложной функции

$$g'(f(x)) = g'(f) \cdot f'(x) \quad \left( \begin{array}{l} \text{производная сложной функции равна} \\ \text{производной основной функции} \\ \text{на производную внутренней функции} \end{array} \right)$$

<i>Простая функция</i>	<i>Производная простой функции</i>	<i>Сложная функция</i>	<i>Производная сложной функции</i>
$\sqrt{x}$	$\frac{1}{2\sqrt{x}}$	$\sqrt{f(x)}$	$\frac{1}{2\sqrt{f(x)}} \cdot f'(x) = \frac{f'(x)}{2\sqrt{f(x)}}$

Пример

1)  $y = \sqrt{2x^3 - x}$   $\left[ \begin{array}{l} y = \sqrt{f}; \\ f = 2x^3 - x. \end{array} \right.$

$$y' = \sqrt{(2x^3 - x)^4}' = \frac{1}{2\sqrt{2x^3 - x}} \cdot (2x^3 - 1)' = \frac{6x^2}{2x\sqrt{2x^2 - 1}} = \frac{3x}{\sqrt{2x^2 - 1}}$$

# ПРОИЗВОДНАЯ СЛОЖНОЙ



## ФУНКЦИИ

Сложная функция:  $y = g(f(x))$ .

Правило нахождения производной сложной функции

$$g'(f(x)) = g'(f) \cdot f'(x) \quad \left( \begin{array}{l} \text{производная сложной функции равна} \\ \text{производной основной функции} \\ \text{на производную внутренней функции} \end{array} \right)$$

<i>Простая функция</i>	<i>Производная простой функции</i>	<i>Сложная функция</i>	<i>Производная сложной функции</i>
$\sin x$	$\cos x$	$\sin f(x)$	$\cos f(x) \cdot f'(x)$

Пример

:

$$1) \ y = \sin \left( 2x - \frac{\pi}{3} \right) \cdot \left[ \begin{array}{l} y = \sin f; \\ f = 2x - \frac{\pi}{3}. \end{array} \right.$$

$$y' = \sin' \left( 2x - \frac{\pi}{3} \right) = \cos \left( 2x - \frac{\pi}{3} \right) \cdot \left( 2x - \frac{\pi}{3} \right)' = 2 \cos \left( 2x - \frac{\pi}{3} \right).$$



# ПРОИЗВОДНАЯ СЛОЖНОЙ ФУНКЦИИ

<i>Простая функция</i>	<i>Производная простой функции</i>	<i>Сложная функция</i>	<i>Производная сложной функции</i>
$x^n$	$nx^{n-1}$	$f^n(x)$	$n \cdot f^{n-1}(x) \cdot f'(x)$
$\frac{1}{x}$	$-\frac{1}{x^2}$	$\frac{1}{f(x)}$	$-\frac{f'(x)}{f^2(x)}$
$\sqrt{x}$	$\frac{1}{2\sqrt{x}}$	$\sqrt{f(x)}$	$\frac{f'(x)}{2\sqrt{f(x)}}$
$\sin x$	$\cos x$	$\sin f(x)$	$\cos f(x) \cdot f'(x)$
$\cos x$	$-\sin x$	$\cos f(x)$	$-\sin f(x) \cdot f'(x)$
$\operatorname{tg} x$	$\frac{1}{\cos^2 x}$	$\operatorname{tg} f(x)$	$\frac{1}{\cos^2 f(x)} \cdot f'(x) = \frac{f'(x)}{\cos^2 f(x)}$

# Закрепление изученного материала.

*Вычислите производные:*

1)  $y = (x + 3)^4$

2)  $y = (x^3 + x^{-2} + 11)^3$

3)  $y = \sin(5x - 3)$

4)  $y = \cos 10x$

5)  $y = \operatorname{tg} 4x$

6)  $y = \sqrt{x^2 + 1}$

# Домашнее задание.

- Выучить алгоритм.
- Найти производную.

$$\langle\langle 3 \rangle\rangle - y = (2 + 3x)^8$$

$$\langle\langle 4 \rangle\rangle - y = \sqrt{5x^2 + 3}$$

$$\langle\langle 5 \rangle\rangle - y = \sqrt{(2x + 3)^4}$$

## Подведение итогов урока, рефлексия:

- сдача листов контроля;
- рефлексия.

Вам предлагается каждому для себя ответить на следующие вопросы:

- *Что вы узнали нового?*
- *Смогли бы вы объяснить новый материал другу?*
- *Над чем вам надо еще поработать в данной теме?*
- *Какой вопрос сегодняшнего урока был самым трудным?*
- *Поставьте оценки по пятибалльной шкале за работу на уроке*
  - а) себе, оценив свою активность на уроке, самостоятельность, правильность выполнения заданий.*
  - б) классу,*
  - в) учителю.*

Спасибо за  
урок.