

27.01

Функция.

Область определения
и область значений
функции.

Определение функции

Функция – это зависимость переменной y от переменной x , при которой каждому значению переменной x соответствует единственное значение переменной y .

x – независимая переменная или аргумент

y – зависимая переменная или значение функции

Если зависимость переменной y от переменной x является функцией, то коротко это записывают так:

$$y = f(x)$$

Пример.

$$y = 2x + 3 \quad \text{или} \quad f(x) = 2x + 3$$

Если $x = 5$, то $f(5) = 2 \cdot 5 + 3 = 10 + 3 = 13$

Если $f(x) = 0$, то $2x + 3 = 0$

$$2x = -3$$

$$x = -1,5$$

Область определения функции – все значения независимой переменной x .

Обозначение: $D(f)$

Область значений функции – все значения зависимой переменной y .

Обозначение: $E(f)$

Если функция $y = f(x)$ задана формулой и ее область определения не указана, то считают, что область определения функции состоит из всех значений x , при которых выражение $f(x)$ имеет смысл.

Пример. Найти область определения функции:

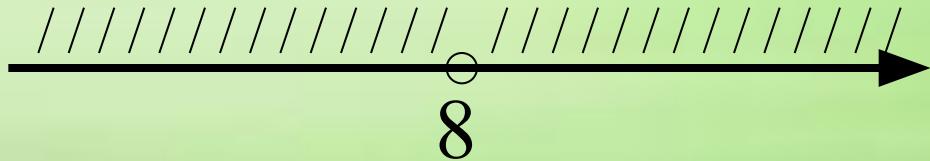
$$1) f(x) = 2x + 3 \quad D(f) = R \text{ или } D(f) = (-\infty; +\infty)$$

$$2) f(x) = x^2 + \frac{x}{3} \quad D(f) = R \text{ или } D(f) = (-\infty; +\infty)$$

$$3) f(x) = \frac{5x + 2}{x - 8}$$

$$x - 8 \neq 0$$

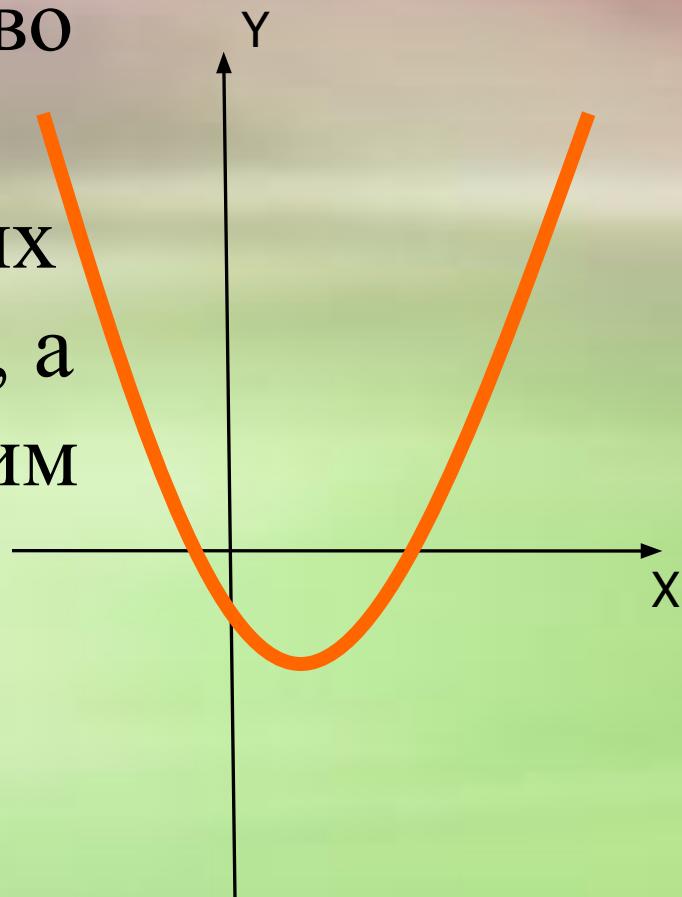
$$x \neq 8$$



$$D(f) = (-\infty; 8) \cup (8; +\infty)$$

График функции

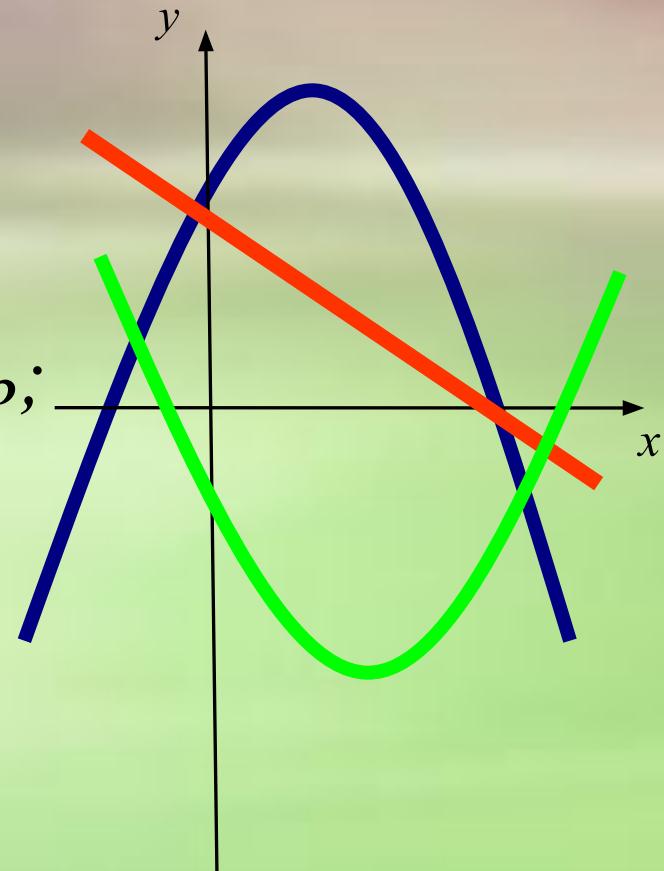
График функции - множество точек на координатной плоскости, абсциссы которых равны значениям аргумента, а ординаты - соответствующим значениям функции.



Виды функций

Существует несколько основных видов функций:

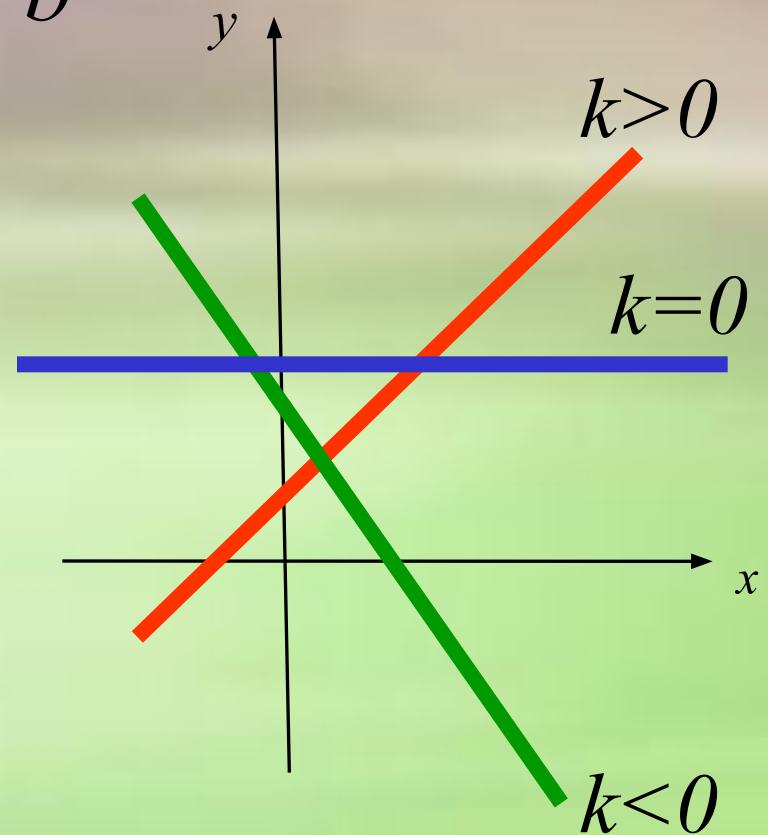
- линейная функция;
- прямая пропорциональность;
- обратная пропорциональность;
- квадратичная функция;
- кубическая функция;
- функция корня;
- функция модуля.



Линейная функция

функция вида $y = kx + b$

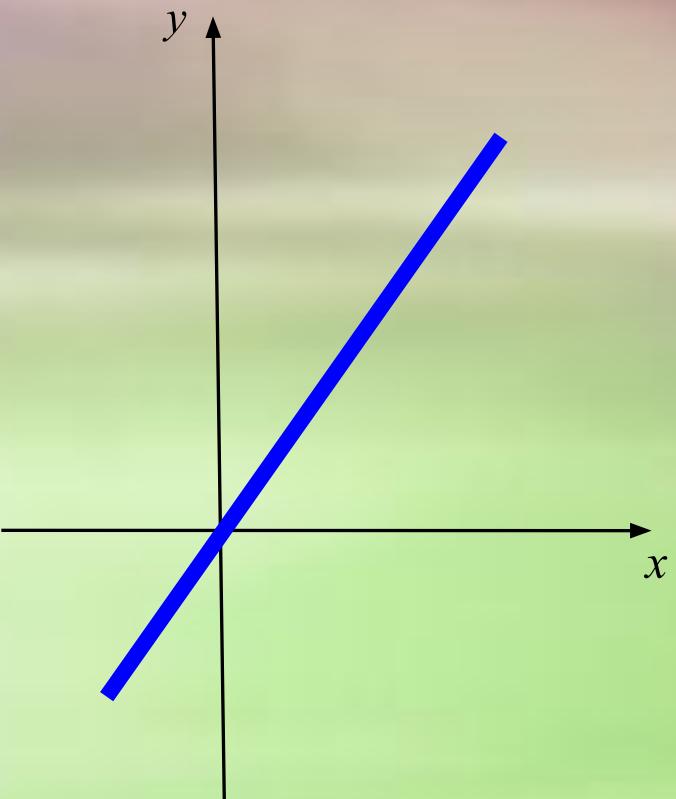
1. $D(f) = R$;
2. $E(f) = R$;
3. графиком функции является прямая



Прямая пропорциональность

функция вида $y = kx$

1. $D(f) = R$;
2. $E(f) = R$;
3. графиком функции является прямая, проходящая через начало координат.



В классе: №360-
устно, 361, 362, 363, 364, 365, 358