

Коллоидная химия

ФФХИ, 2019 г., 1 семестр

Лекция 10. Молекулярно-кинетические свойства дисперсных систем. Седиментация, броуновское движение, диффузия. Седиментационный анализ дисперсных систем. Седиментация в центробежном поле. Уравнение Эйнштейна – Смолуховского. Соотношение между седиментацией и диффузией.

Молекулярно-кинетические свойства

Молекулярно-кинетические свойства дисперсных систем связаны с возникновением движения частиц в них под действием внешних сил (полей). Проявления зависят от размера частиц (дисперсности).

Классификация

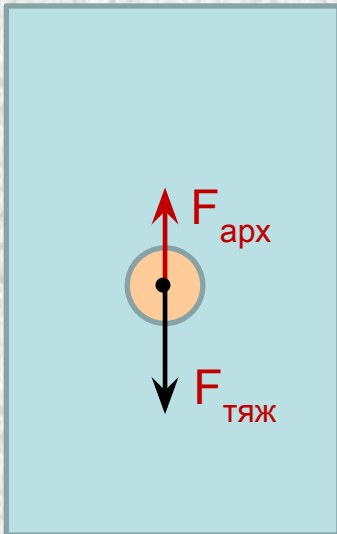
Движущая сила	Явления
Гравитация	Седиментация
Электрическое поле	Электрофорез, электроосмос
Тепловое движение	Броуновское движение, диффузия

Ф

δ

Седиментация

Седиментация – оседание частиц дисперсной фазы под действием силы тяжести или центробежной силы



Силы, действующие на частицу в среде:

Плотность частицы

$$F_{\text{тяж}} = mg = \rho V g$$

Объем частицы

$$F_{\text{арх}} = \rho_0 V g$$

Плотность среды

$$F_{\text{сед}} = F_{\text{тяж}} - F_{\text{арх}} = V(\rho - \rho_0)g$$

Скорость частицы

$$F_{\text{тр}} = Bv$$

Коэффициент внутр. трения

$$F = F_{\text{сед}} - F_{\text{тр}} = V(\rho - \rho_0)g - Bv$$

Если $F_{\text{сед}} = F_{\text{тр}}$, то $v = \text{const}$, тогда:

$$v = \frac{V(\rho - \rho_0)g}{B}$$

- общее уравнение для седиментации одиночной частиц в поле силы тяжести. Если $\rho_0 > \rho$ - всплытие

Седиментация

Для сферических частиц:

$$B = 6\pi r\eta, V = \frac{4}{3}\pi r^3. \text{ Тогда:}$$

Вязкость среды

Радиус частицы

$$v = \frac{2(\rho - \rho_0)gr^2}{9\eta}$$

- уравнение Стокса

Скорость седиментации можно регулировать, меняя размер частиц или свойства среды (вязкость, плотность).

Уравнение Стокса можно использовать для оценки размера частиц:

$$r = \sqrt{\frac{9v\eta}{2(\rho - \rho_0)g}}$$

Для сравнительной оценки скорости седиментации используют **константы**

седиментации: $S_{\text{сед}} = \frac{v}{g}$ [с]

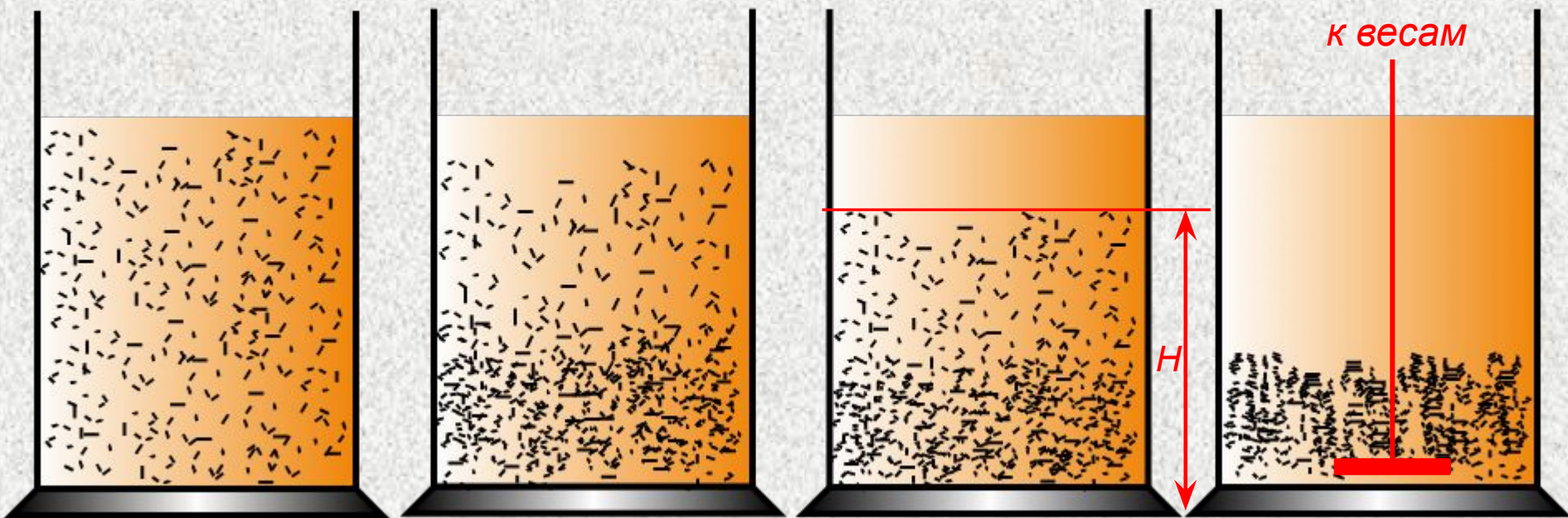
Для сферических частиц: $S_{\text{сед}} = \frac{2(\rho - \rho_0)r^2}{9\eta}$

Седиментация

Условия применимости уравнения Стокса:

- 1) Частицы должны оседать независимо друг от друга, не сталкиваясь (разбавленная система);
- 2) Сферическая форма частиц (иначе – использовать коэффициент формы).
При несферической форме частиц – их ориентация с минимизацией сопротивления;
- 3) Ламинарный режим осаждения (без завихрений);
- 4) Отсутствие скольжения (внутреннее трение);
- 5) Границы дисперсности: крупные частицы движутся ускоренно большую протяженность пути.
- 6) Гидратация вносит искажения в размер частиц. Существенна при размере частиц менее 1 мкм
- 7) Сплошность среды (длина свободного пробега меньше размера частиц)

Седиментационный анализ



Методы наблюдения за седиментацией:

- 1) По перемещению границы осветления
- 2) По приросту массы осадка

Седиментационный анализ

Случай монодисперсной системы

Обозначения:

Q – общая масса частиц дисперсной фазы

H – начальная высота столба

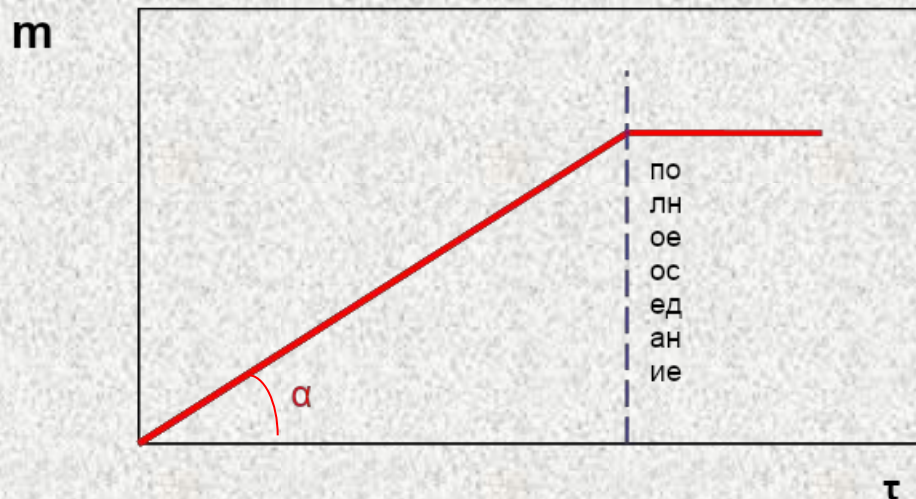
v – скорость оседания

τ – время наблюдения

Путь, проходимый частицей за время τ : $s = v\tau$

За время τ вещество осядет из столба высотой $s = v\tau$

Масса вещества в этом столбе $m = Q \frac{v\tau}{H}$



$$\Rightarrow \operatorname{tg} \alpha = \frac{Qv}{H}$$

$$\Rightarrow v = \dots$$

$$r = \sqrt{\frac{9v\eta}{2(\rho - \rho_0)g}}$$

$$S_{\text{уд}} = \frac{3}{\rho r}$$

Анализ верен, если система – разбавленная (частицы оседают независимо)

Седиментационный анализ

Случай бидисперсной системы

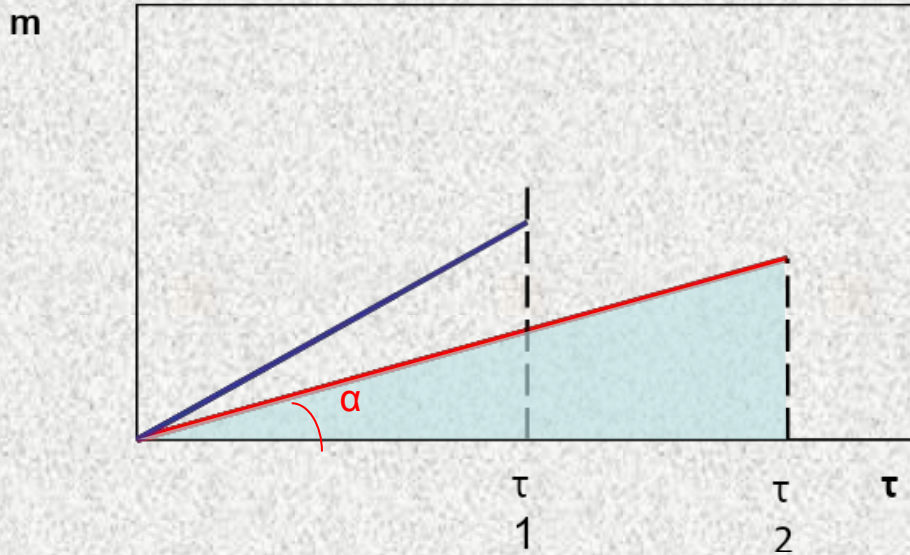
Обозначения:

r_1, r_2 – радиусы частиц

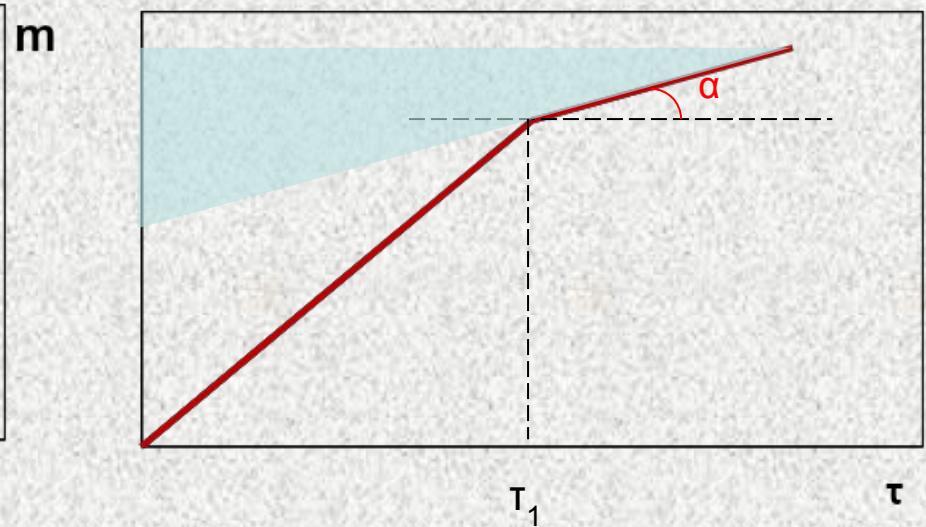
τ_1 – время, за которое осядут все частицы радиуса r_1

τ_2 – время, за которое осядут все частицы радиуса r_2

Седиментация в монодисперсной системе



Суммируем ординаты

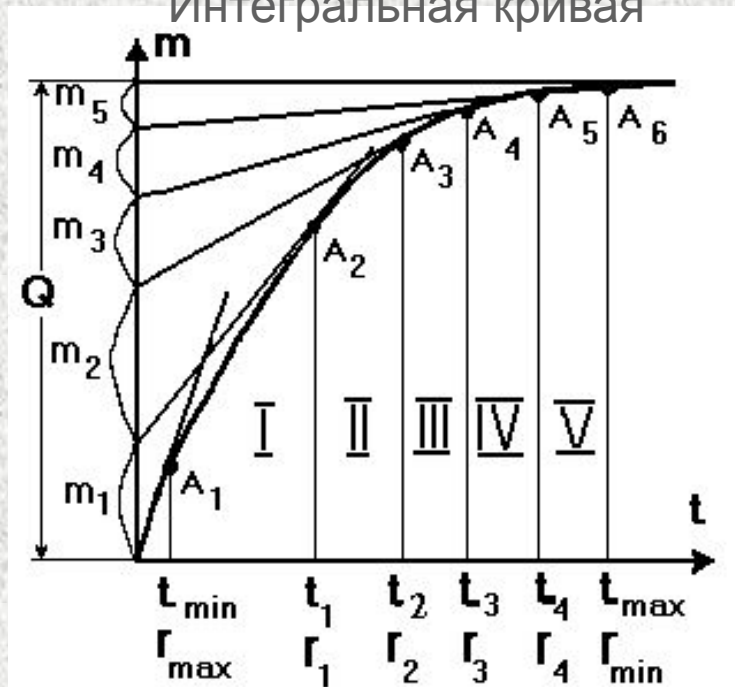


Седиментационный анализ

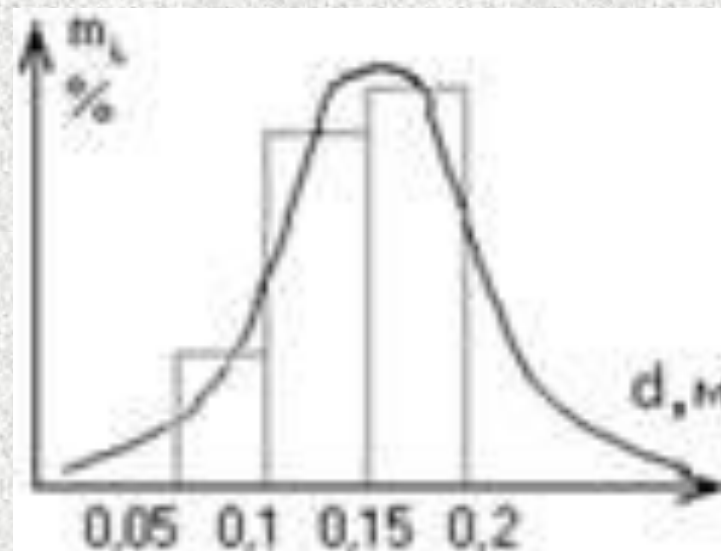
Полидисперсные системы

Ломаные сливаются в кривую

Интегральная кривая



Дифференциальная кривая



$$m_{i+1} = m_i + \frac{dm}{d\tau} \tau_i - \text{уравнение Одена}$$

Границы применимости седиментационного анализа: $1 \text{ мкм} < r < 100 \text{ мкм}$.

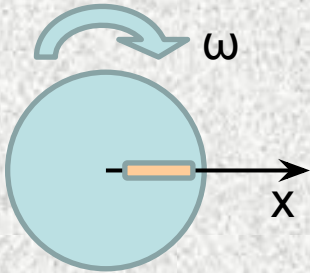
При больших размерах частиц, особенно в маловязких средах, - турбулентное обтекание частиц.

При меньших размерах частиц - оказывают влияние диффузионные процессы.

Седиментация в центробежном поле

$$v = \frac{2(\rho - \rho_0)gr^2}{9\eta}$$

- уравнение Стокса



Для интенсификации процесса седиментации можно использовать центрифугу.

Центробежная сила: $F_{\text{центр}} = m\omega^2 x$

Разница в величине центробежной силы, действующей на дисперсную фазу и дисперсионную среду:

$$\Delta F_{\text{центр}} = V(\rho - \rho_0)\omega^2 x$$

Сила сопротивления (вязкого трения): $F_{\text{тр}} = B \frac{dx}{d\tau}$

При равномерном оседании: $V(\rho - \rho_0)\omega^2 x = B \frac{dx}{d\tau}$

$$\int_{x_1}^{x_2} \frac{dx}{x} = \frac{V(\rho - \rho_0)\omega^2}{B} \int_0^{\tau} d\tau$$

$$\ln \frac{x_2}{x_1} = \frac{V(\rho - \rho_0)\omega^2}{B} \tau$$

- уравнение седиментации в центробежном поле

Для сферических частиц: $B = 6\pi r\eta$, $V = \frac{4}{3}\pi r^3$, $\ln \frac{x_2}{x_1} = \frac{2r^2(\rho - \rho_0)\omega^2}{9\eta} \tau$

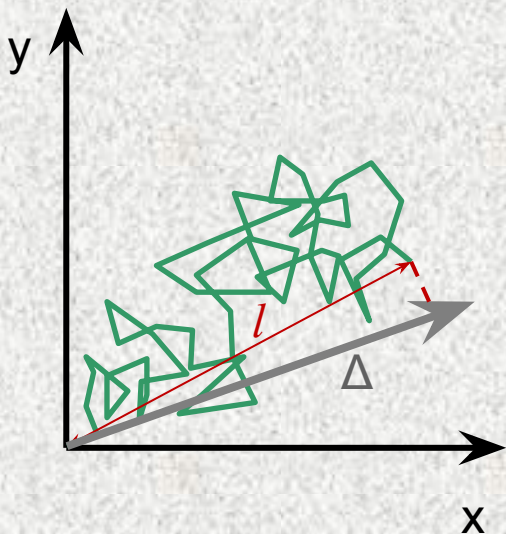
Броуновское движение

Оценка скорости теплового движения частиц

Из молекулярно-кинетической теории: $\bar{E} = \frac{m\bar{v}^2}{2} = \frac{3}{2}kT$ – правая часть не зависит от размера частиц. Сравним скорости теплового движения молекулы и коллоидной

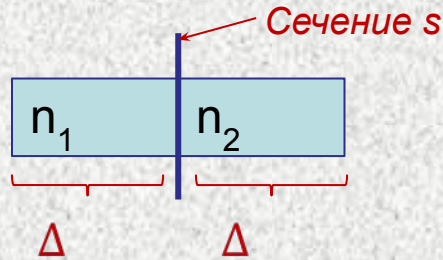
частицы: $\frac{m_{\text{част}}\bar{v}_{\text{част}}^2}{2} = \frac{m_{\text{молек}}\bar{v}_{\text{молек}}^2}{2} = \frac{3}{2}kT$. Отсюда: $v_{\text{част}} = v_{\text{молек}} \sqrt{\frac{m_{\text{молек}}}{m_{\text{част}}}}$. Оценка скорости

теплового движения частицы, сделанная по этой формуле дает намного большие (на три порядка!) скорости по сравнению с наблюдаемыми при изучении броуновского движения.



Квадрат среднего перемещения частицы: $\bar{l}^2 = \bar{x}^2 + \bar{y}^2 + \bar{z}^2$. Для двумерного случая (наблюдение в поле микроскопа): $\bar{l}^2 = \bar{x}^2 + \bar{y}^2$. Пусть Δ – **смещение вдоль заданного направления** (проекция вектора перемещения на произвольно выбранную прямую). При усреднении по всем частицам в силу равноправности всех направлений и произвольности выбора направления осей: $\bar{x}^2 = \bar{y}^2 = \bar{\Delta}^2$, тогда $\bar{l}^2 = \bar{x}^2 + \bar{y}^2 = 2\bar{\Delta}^2$, $\bar{\Delta}^2 = \frac{1}{2}\bar{l}^2$

Седиментация и диффузия



Рассматривается диффузия частиц между областями пространства с концентрациями частиц ([шт/см³]) n_1 и n_2 . ($n_1 > n_2$).

Выбираем элементы объема справа и слева от границы этих областей в виде параллелепипедов с основаниями s и длиной Δ .

За время τ из левой части в правую перейдет половина содержащихся там частиц (вторая половина будет двигаться в противоположном направлении):

$N_1 = \frac{1}{2} \bar{\Delta} n_1 \times s$. Аналогично из правой части в левую: $N_2 = \frac{1}{2} \bar{\Delta} n_2 \times s$. Прирост числа

частиц в правой части: $N = N_1 - N_2 = \frac{1}{2} \bar{\Delta} (n_1 - n_2) \times s$. Переходим к непрерывному

изменению концентрации, $\frac{n_2 - n_1}{\bar{\Delta}} = -\frac{n_1 - n_2}{\bar{\Delta}} = \frac{dn}{dx}$. Тогда:

$$N = -\frac{1}{2} \bar{\Delta}^2 \frac{dn}{dx} \times s \quad \left. \vphantom{N} \right\} \bar{\Delta}^2 = 2D\tau$$

Закон Фика: $N = -D \frac{dn}{dx} \tau \times s$

$\bar{\Delta} = \sqrt{2D\tau}$ - Уравнение Эйнштейна - Смолуховского

Если работает уравнение Стокса, то: $B = 6\pi r \eta$, $D = \frac{RT}{N_A} \frac{1}{6\pi r \eta}$

$$\bar{\Delta}^2 = \frac{kT\tau}{3\pi r \eta}$$

Можно экспериментально определить постоянные Больцмана и Авогадро

Седиментация и диффузия

Поток – количество вещества, которое проходит в единицу времени через единицу поверхности

Закон Фика: $N = -D \frac{dn}{dx} \tau S_{\text{пов}}$

Диффузионный поток: $J_{\text{диф}} = \frac{N}{\tau S_{\text{пов}}} = -D \frac{dn}{dx}$

По Эйнштейну: $D = \frac{kT}{B}$, тогда $J_{\text{диф}} = -\frac{kT}{B} \frac{dn}{dx}$

Седиментационный поток

По закону Стокса: $mg = vB$ – для одной частицы. На единицу объема:

$$mgn = vBn$$

$$J_{\text{сед}} = vn$$

$$v = \frac{V(\rho - \rho_0)g}{B}$$

$$J_{\text{сед}} = \frac{Vn(\rho - \rho_0)g}{B}$$

Седиментация и диффузия

$$J_{\text{диф}} = \frac{N}{\tau S_{\text{пов}}} = -D \frac{dn}{dx} - \text{диффузионный поток}$$

$$J_{\text{сед}} = \frac{Vn(\rho - \rho_0)g}{B} - \text{седиментационный поток}$$

Седиментационно-диффузионное равновесие:

$J_{\text{диф}} = J_{\text{сед}}$ (равенство седиментационного и диффузионного потоков)

$$-\frac{kT}{B} \frac{dn}{dx} = \frac{Vn(\rho - \rho_0)g}{B}$$

$$\int_{n_0}^{n_h} \frac{dn}{n} = -\frac{V(\rho - \rho_0)g}{kT} \int_0^h dx$$

$$\ln \frac{n_h}{n_0} = -\frac{V(\rho - \rho_0)g}{kT} h$$

$n_h = n_0 \exp\left(-\frac{V(\rho - \rho_0)g}{kT} h\right)$ - распределение концентрации частиц по высоте.

Аналогично барометрической формуле, описывающей изменение давления атмосферы с высотой