

**Параллельное
программирование
для ресурсоёмких задач численного
моделирования в физике**

*В.О. Милицин, Д.Н. Янышев, И.А.
Буткарев*

Лекция № 11

Содержание лекции

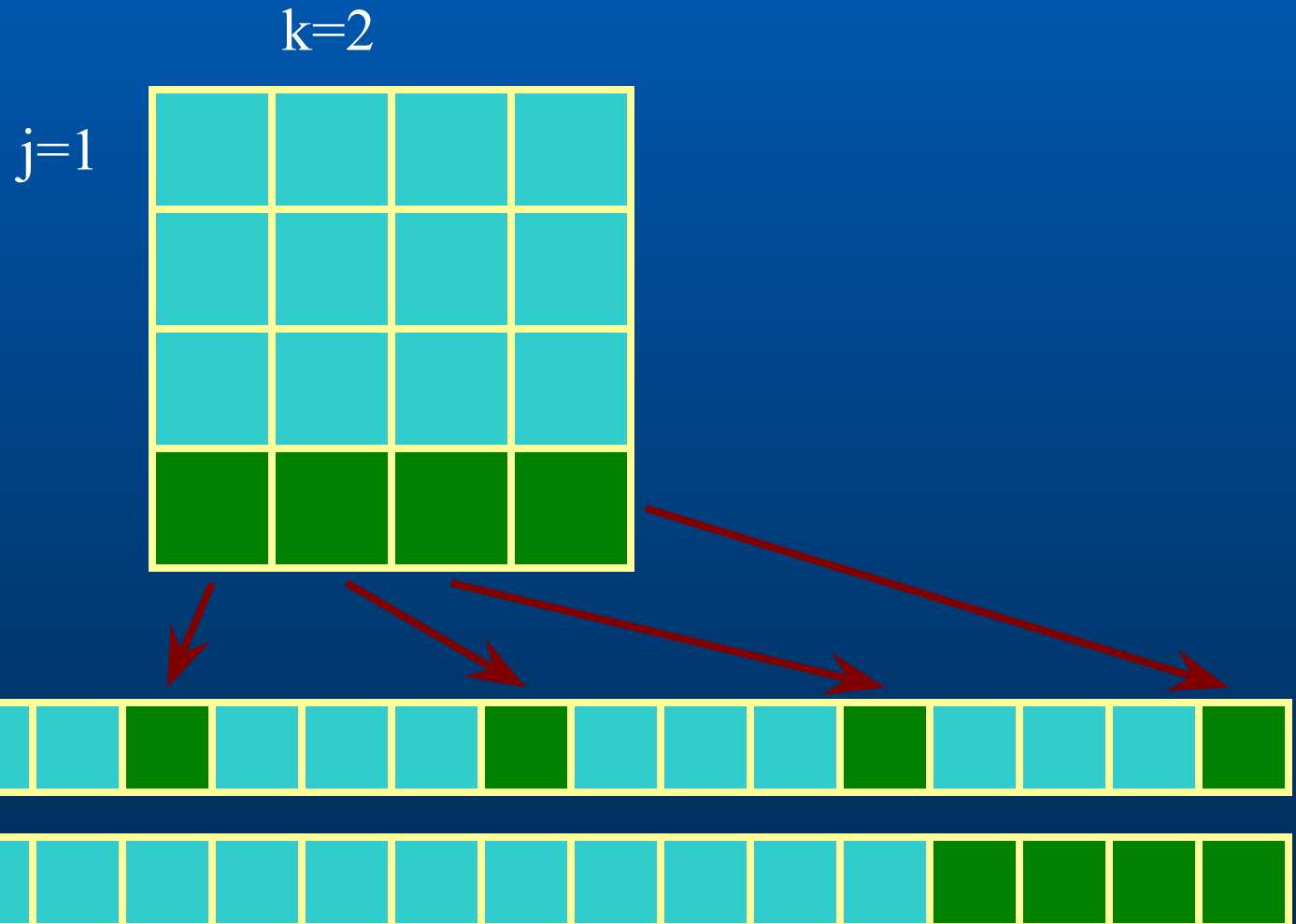
- Производные типы данных
- Передача упакованных данных



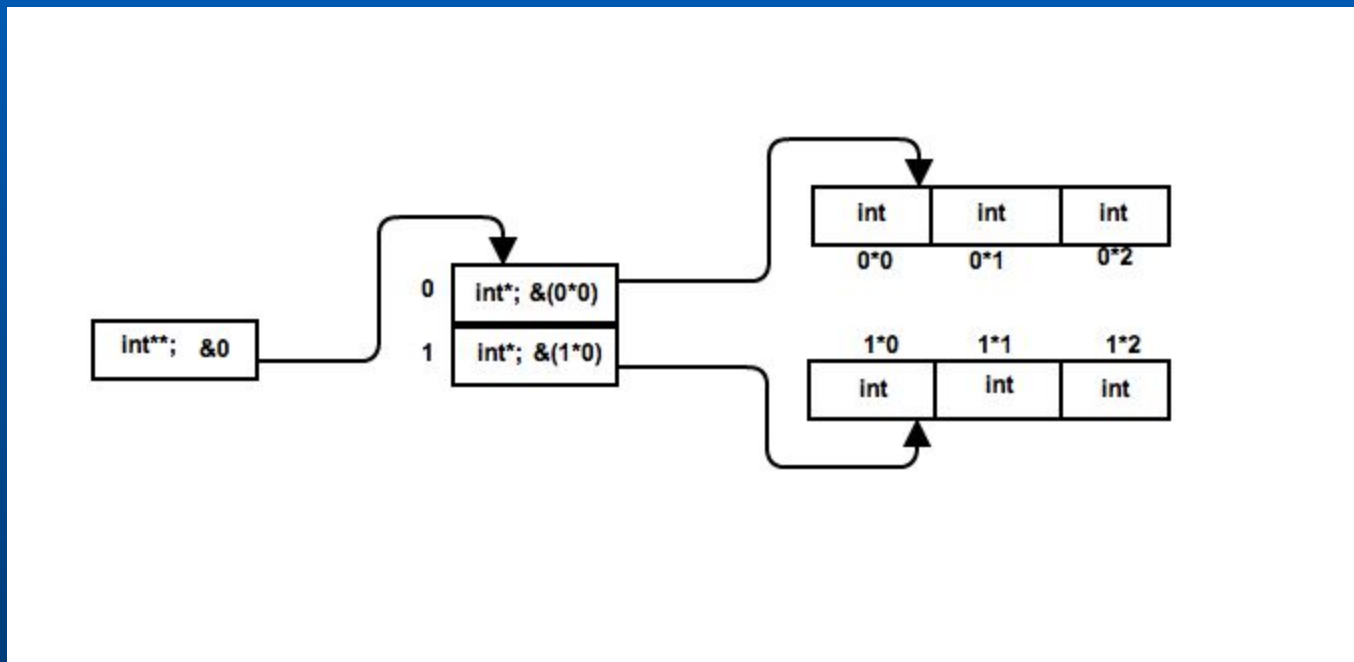
Структура сообщений MPI

- *Сообщение* – массив **однотипных** данных, расположенных в последовательных ячейках памяти

Расположение элементов матрицы в линейной модели памяти



Динамические массивы C/C++



Структуры и объекты в C/C++

▶ Структуры

- размер – sizeof
- выравнивание – align
- порядок байтов (LE, BE)
- указатели в структуре

```
struct Foo {  
    char ch;  
    short id;  
    short opt;  
    int value;  
};  
  
#pragma pack(push,1)  
struct Foo {  
    ...  
#pragma pack(pop)
```



▶ Объекты (экземпляры классов)

- предки, виртуальные методы, ...
- блоки public/private/protected
- приведение к структуре
- **serialization**

Механизмы эффективной пересылки данных в MPI

- создания производных типов вместо предопределенных типов MPI
- пересылку упакованных данных

Производные типы данных

- создаются во время **выполнения** программы с помощью подпрограмм-конструкторов
- Определения и использования типа:
 - Конструирование типа
 - Регистрация типа
 - Уничтожение типа

Производный тип данных

- последовательность базовых типов
- последовательность смещений

□ отображение (карта) типа

□ $\text{Typemap} = \{(\text{type}_0, \text{disp}_0),$
 $\dots,$
 $(\text{type}_{n-1}, \text{disp}_{n-1})\}.$

$\text{MPI_INT} \sim \{(\text{integer}, 0)\}$

Типы данных в MPI

▶ Протяженность [байт]

□ = адрес последней ячейки данных - адрес первой ячейки данных + +длина последней ячейки данных

□ `MPI_TYPE_EXTENT(DATATYPE, EXTENT, IERR)`

▶ Размер [байт]

□ = сумме длин всех базовых элементов определяемого типа

□ `MPI_TYPE_SIZE(DATATYPE, SIZE, IERR)`

Функция MPI_Type_contiguous

- ▶ **MPI_TYPE_CONTIGUOUS (COUNT, OLDDTYPE, NEWTYPE, IERR)**
 - **INTEGER COUNT, OLDDTYPE**
 - **COUNT** число элементов базового типа
 - **OLDDTYPE** базовый тип
 - **INTEGER NEWTYPE** новый производный тип данных

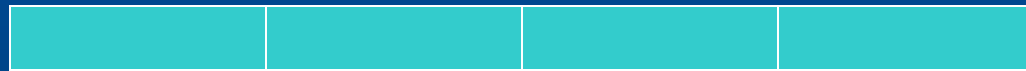
MPI_Type_contiguous

OldType



Count =4

NewType



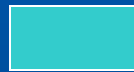
Функция-конструктор

MPI_Type_vector

- ▶ `MPI_Type_vector(COUNT, BLOCKLENGTH, STRIDE, OLDDTYPE, NEWTYPE, IERR)`
 - **INTEGER COUNT, BLOCKLENGTH, STRIDE, OLDDTYPE**
 - **COUNT** число блоков
 - **BLOCKLENGTH** число элементов базового типа в каждом блоке
 - **STRIDE** шаг между началами соседних блоков, измеренный **числом элементов базового типа**
 - **OLDDTYPE** базовый тип данных
 - **INTEGER NEWTYPE** новый производный тип данных

MPI_Type_vector

OldType



Count = 3, blocklength=2, stride=3

NewType



Функция-конструктор `MPI_Type_hvector`

- ▶ `MPI_Type_hvector(COUNT, BLOCKLENGTH, STRIDE, OLDDTYPE, NEWTYPE, IERR)`
 - Данная функция устарела и заменяется на `MPI_Type_create_hvector` в MPI-2.0 (изменился только тип `STRIDE` в FORTRAN).
 - INTEGER **COUNT, BLOCKLENGTH, STRIDE, OLDDTYPE**
 - **COUNT** число блоков;
 - **BLOCKLENGTH** число элементов базового типа в каждом блоке
 - **STRIDE** шаг между началами соседних блоков **в байтах** (в C тип `MPI_Aint`)
 - **OLDDTYPE** базовый тип данных
 - INTEGER **NEWTYPE** новый производный тип данных

MPI_Type_hvector

OldType 

Count = 3, blocklength=2, stride=7

NewType 

Функция-конструктор *MPI_Type_indexed*

- ▶ `MPI_Type_indexed(COUNT, ARRAY_OF_BLOCKLENGTHS, ARRAY_OF_DISPLACEMENTS, OLDTYPE, NEWTYPE, IERR)`
 - `INTEGER COUNT, ARRAY_OF_BLOCKLENGTHS(*), ARRAY_OF_DISPLACEMENTS(*), OLDTYPE,`
 - `COUNT` число блоков
 - `ARRAY_OF_BLOCKLENGTHS` массив, содержащий число элементов базового типа в каждом блоке
 - `ARRAY_OF_DISPLACEMENTS` массив смещений каждого блока от начала размещения элемента нового типа, смещения измеряются **числом элементов базового типа**
 - `OLDTYPE` базовый тип данных
 - `INTEGER NEWTYPE` новый производный тип данных

MPI_Type_indexed

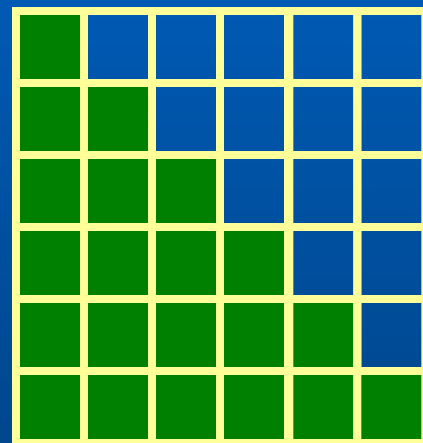
OldType 

Count = 3, blocklength=(3, 5, 10), displacements=(0, 4, 10)

NewType 

Пример *MPI_Type_indexed*

```
do i=1,N
  blocklens(i)=N-i+1
  displs(i)=N*(i-1)+i-1
end do
call MPI_TYPE_INDEXED(N, blocklens,
&    displs, MPI_DOUBLE_PRECISION,
&    newtype, ierr)
```



Функция-конструктор *MPI_Type_hindexed*

- ▶ **MPI_Type_hindexed**(COUNT, ARRAY_OF_BLOCKLENGTHS, ARRAY_OF_DISPLACEMENTS, OLDTYPE, NEWTYPE, IERR)
 - Данная функция устарела и заменяется на `MPI_Type_create_hindexed` в MPI-2.0 (изменился только тип `ARRAY_OF_DISPLACEMENTS` в FORTRAN)
 - **INTEGER COUNT, ARRAY_OF_BLOCKLENGTHS(*), ARRAY_OF_DISPLACEMENTS(*), OLDTYPE,**
 - **COUNT** число блоков
 - **ARRAY_OF_BLOCKLENGTHS** массив, содержащий число элементов базового типа в каждом блоке
 - **ARRAY_OF_DISPLACEMENTS** массив смещений каждого блока от начала размещения элемента нового типа, смещения измеряются **в байтах** (в C тип `MPI_Aint`)
 - **OLDTYPE** базовый тип данных
 - **INTEGER NEWTYPE** новый производный тип данных

MPI_Type_hindexed

OldType 

Count = 3, blocklength=(2, 3, 1), displacements=(0, 7, 18)

NewType 

Функция-конструктор *MPI_Type_struct*

- ▶ **MPI_TYPE_STRUCT(COUNT, ARRAY_OF_BLOCKLENGTHS, ARRAY_OF_DISPLACEMENTS, ARRAY_OF_TYPES, NEWTYPE, IERR)**
 - Данная функция устарела и заменяется на **MPI_TYPE_CREATE_STRUCT** в MPI-2.0 (изменился только тип **ARRAY_OF_DISPLACEMENTS** в FORTRAN).
 - **INTEGER COUNT, ARRAY_OF_BLOCKLENGTHS(*), ARRAY_OF_DISPLACEMENTS(*), ARRAY_OF_TYPES(*)**
 - **COUNT** число блоков
 - **ARRAY_OF_BLOCKLENGTHS** массив, содержащий число элементов одного из базовых типов в каждом блоке
 - **ARRAY_OF_DISPLACEMENTS** массив смещений каждого блока от начала размещения структуры, смещения измеряются **в байтах** (в C тип **MPI_Aint**)
 - **ARRAY_OF_TYPES** массив, содержащий тип элементов в каждом блоке
 - **INTEGER NEWTYPE** новый производный тип данных

MPI_Type_struct

OldType



Count = 3, blocklength=(2, 3, 4), displacements=(0, 7, 16)

NewType



Пример создания нового типа данных

```
blocklens(1)=3
```

```
blocklens(2)=2
```

```
types(1)=MPI_DOUBLE_PRECISION
```

```
types(2)=MPI_CHAR
```

```
displs(1)=0
```

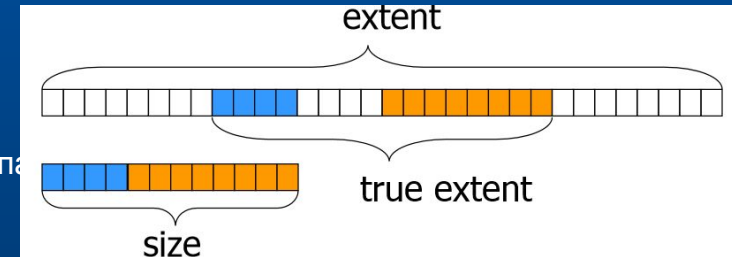
```
displs(2)=24
```

```
call MPI_TYPE_STRUCT(2, blocklens, displs, types, newtype, ierr)
```

- ▶ Создание нового типа данных (тип элемента, количество байт от начала буфера)
{(MPI_DOUBLE, 0), (MPI_DOUBLE, 8), (MPI_DOUBLE, 16), (MPI_CHAR, 24), (MPI_CHAR, 25)}

Адресные функции

- ▶ `int MPI_Address(void *location, MPI_Aint *address)`
- ▶ `MPI_ADDRESS(LOCATION, ADDRESS, IERR)`
 - Данная функция устарела и заменяется на `MPI_GET_ADDRESS` в MPI-2.0 (изменился только тип `ADDRESS` в FORTRAN)
- `<type> LOCATION(*) INTEGER ADDRESS, IERR`
- Определение абсолютного байт-адреса `ADDRESS` размещения массива `LOCATION`
- ▶ `MPI_TYPE_SIZE(DATATYPE, SIZE, IERR)`
 - Определение размера `SIZE` типа данных `DATATYPE` в байтах (объема памяти, занимаемого одним элементом данного типа)
- ▶ `MPI_TYPE_GET_EXTENT(DATATYPE, LB, EXTENT, IERROR)`
 - `LB` = lower bound; `UP` = upper bound
- ▶ `MPI_TYPE_GET_TRUE_EXTENT(DATATYPE, EXTENT, IERROR)`
- ▶ `MPI_TYPE_LB(DATATYPE, LB, IERR)`
 - Определение смещения `LB` в байтах нижней границы элемента типа данных `DATATYPE` от начала буфера данных.
- ▶ `MPI_TYPE_UB(DATATYPE, UB, IERR)`
 - Определение смещения `UB` в байтах верхней границы элемента типа данных `DATATYPE` от начала буфера данных.
- ▶ `MPI_TYPE_EXTENT(DATATYPE, EXTENT, IERR)`
 - Определение диапазона `EXTENT` (разницы между верхней и нижней границами элемента данного типа) типа данных `DATATYPE` в байтах.

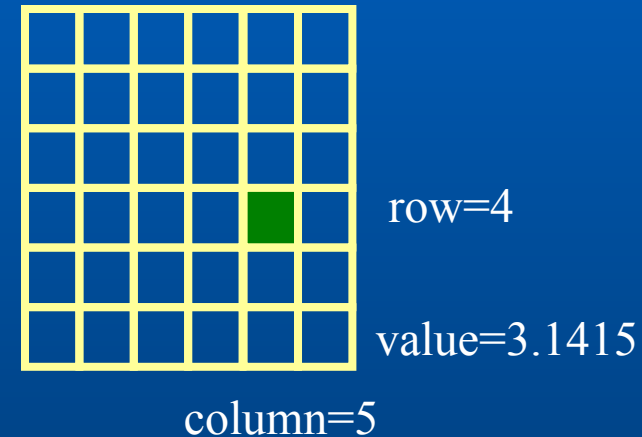


Определение длины сообщения MPI

- MPI_Get_count
- MPI_Get_elements
 - MPI_GET_ELEMENTS(STATUS, DATATYPE, COUNT, IERR)
 - INTEGER **STATUS**(MPI_STATUS_SIZE), DATATYPE
 - **STATUS** статус сообщения
 - **DATATYPE** тип элементов сообщения
 - INTEGER **COUNT** число элементов простых типов, содержащихся в сообщении

Пример создания нового типа данных (C)

```
typedef struct {  
    int row;  
    int column;  
    double value;  
} Matrix_Entry
```



```
Matrix_Entry matentry;  
MPI_Datatype matrix_component; // Matrix_Entry  
int block_lengths[3];  
MPI_Aint displacements[3]; // MPI_Aint – это не pointer/& в C/C++  
MPI_Aint addresses[4];  
MPI_Datatype list_of_types[3];
```

Пример создания нового типа данных (C)

```
for (k =0; k<3; k++) block_lengths[k] = 1;
list_of_types[0] = list_of_types[1] = MPI_INT;
list_of_types[2] = MPI_DOUBLE;
MPI_Address(&matentry, &addresses[0]);
MPI_Address(&(matentry.row), &addresses[1]);
MPI_Address(&(matentry.column), &addresses[2]);
MPI_Address(&(matentry.value), &addresses[3]);
for (k=0; k < 3; k++) displacements[k] = addresses[k+1] - addresses[0];
MPI_Type_struct (3, block_lengths, displacements, list_of_types,
                &matrix_component);
MPI_Type_commit(&matrix_component);
```



Регистрация созданного производного типа

▶ `MPI_TYPE_COMMIT(DATATYPE, IERR)`

□ `INTEGER DATATYPE`

НОВЫЙ ПРОИЗВОДНЫЙ ТИП ДАННЫХ

Уничтожение описателя производного типа

▶ `MPI_TYPE_FREE(DATATYPE, IERR)`

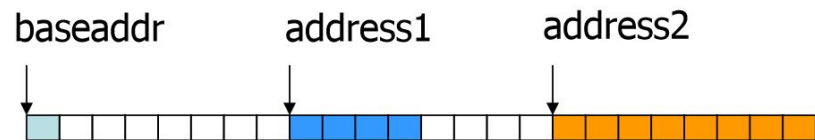
□ `INTEGER DATATYPE`

уничтожаемый производный тип данных

□ `DATATYPE = MPI_DATATYPE_NULL`

Пример

```
typedef struct {  
    char a;  
    int b;  
    double c;  
} mystruct;
```



```
mystruct mydata;  
MPI_Get_address ( &mydata, &baseaddr);  
MPI_Get_address ( &mydata.b, &addr1);  
MPI_Get_address ( &mydata.c, &addr2);  
displ[0] = 0;  
displ[1] = addr1 - baseaddr;  
displ[2] = addr2 - baseaddr;  
dtype[0] = MPI_CHAR;           length[0] = 1;  
dtype[1] = MPI_INT;           length[1] = 1;  
dtype[2] = MPI_DOUBLE;       length[2] = 1;  
MPI_Type_create_struct ( 3, length, displ, dtype, &newtype );  
MPI_Type_commit ( &newtype );
```


Содержание лекции

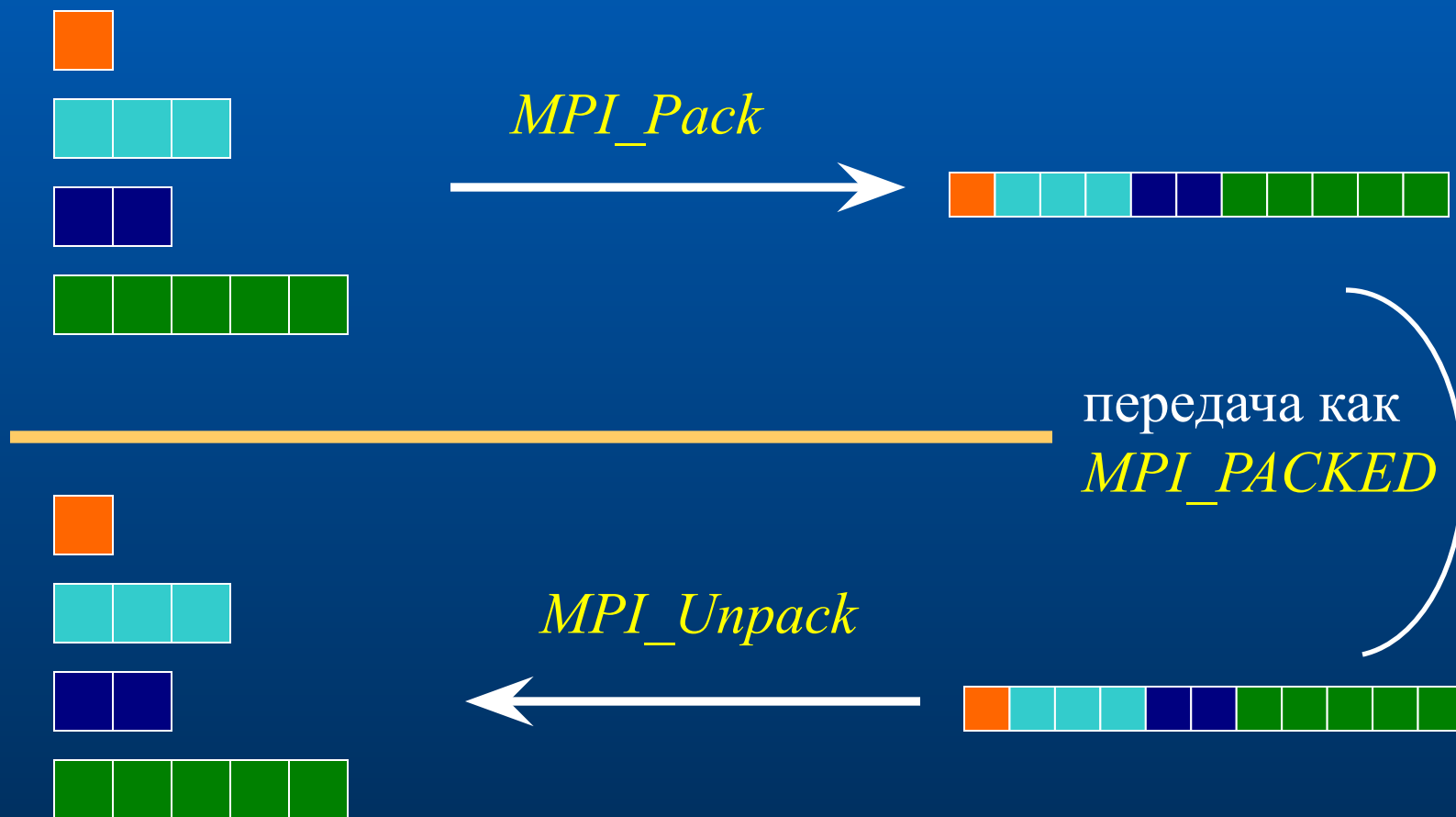
- Производные типы данных
- Передача упакованных данных



Передача упакованных данных

- *Функция `MPI_Pack`* упаковывает элементы предопределенного или производного типа MPI, помещая их побайтное представление в выходной буфер
- *Функция `MPI_Unpack`* извлекает заданное число элементов некоторого типа из побайтного представления элементов во входном массиве

Передача упакованных данных



Упаковка элементов

- ▶ **MPI_PACK(INBUF, INCOUNT, DATATYPE, OUTBUF, OUTSIZE, POSITION, COMM, IERR)**
 - **<TYPE> INBUF(*)** адрес начала области памяти с элементами, которые требуется упаковать
 - **INTEGER INCOUNT, DATATYPE, OUTSIZE, COMM**
 - **INCOUNT** число упаковываемых элементов
 - **DATATYPE** тип упаковываемых элементов
 - **OUTSIZE** размер выходного буфера в байтах
 - **COMM** коммуникатор
 - **<TYPE> OUTBUF(*)** адрес начала выходного буфера для упакованных данных
 - **INTEGER POSITION** текущая позиция в выходном буфере в байтах

Определение необходимого объема памяти

- ▶ **MPI_PACK_SIZE(INCOUNT, DATATYPE, COMM, SIZE, IERROR)**
 - **INTEGER INCOUNT, DATATYPE, COMM**
 - **INCOUNT** число элементов, подлежащих упаковке
 - **DATATYPE** тип элементов, подлежащих упаковке
 - **COMM** коммуникатор
 - **INTEGER SIZE** размер сообщения в байтах после его упаковки

Распаковка элементов

- ▶ **MPI_UNPACK(INBUF, INSIZE, POSITION, OUTBUF, OUTCOUNT, DATATYPE, COMM, IERR)**
 - **<TYPE> INBUF(*)** адрес начала входного буфера с упакованными данными
 - **INTEGER INSIZE, POSITION, OUTCOUNT, DATATYPE, COMM**
 - **INSIZE** размер входного буфера в байтах
 - **POSITION** текущая позиция во входном буфере в байтах
 - **OUTCOUNT** число извлекаемых элементов
 - **DATATYPE** тип извлекаемых элементов
 - **COMM** коммуникатор
 - **<TYPE> OUTBUF(*)** адрес начала области памяти для размещения распакованных элементов
 - **INTEGER POSITION** текущая позиция в входном буфере в байтах

Пример

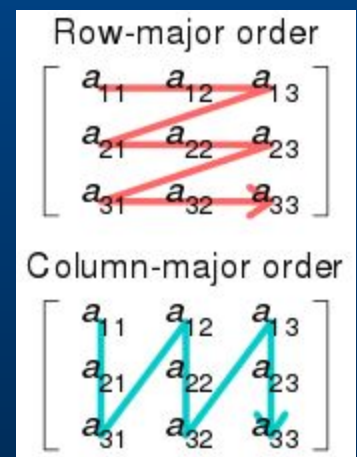
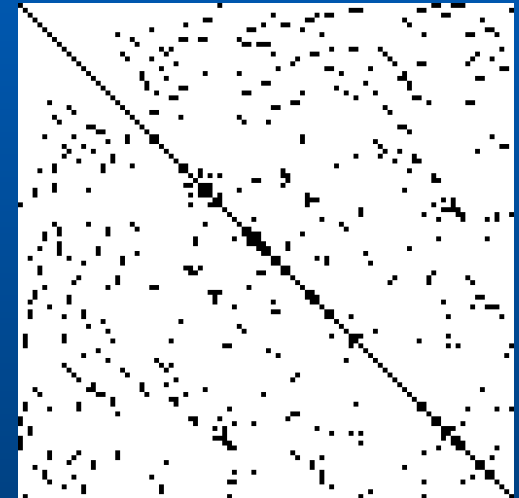
```
real a(10)
character b(10), buf(100)

position=0
if(rank .eq. 0) then
  call MPI_PACK(a, 10, MPI_REAL, buf, 100,
    &           position, MPI_COMM_WORLD, ierr)
  call MPI_PACK(b, 10, MPI_CHAR, buf, 100,
    &           position, MPI_COMM_WORLD, ierr)
  call MPI_BCAST(buf, 100,
    &           MPI_PACKED, 0, MPI_COMM_WORLD, ierr)
else
  call MPI_BCAST(buf, 100, MPI_PACKED, 0,
    &           MPI_COMM_WORLD, ierr)
  call MPI_UNPACK(buf, 100, position, a,
    &           10, MPI_REAL, MPI_COMM_WORLD, ierr)
  call MPI_UNPACK(buf, 100, position, b,
    &           10, MPI_CHAR, MPI_COMM_WORLD, ierr)
end if
```

Разряженные матрицы (Sparse Matrix)

- ▶ Эффективное изменение
- ▶ Эффективный доступ
- ▶ Специальная структура

- Координатный формат
= COO (Coordinate list)
- Разреженный строчный формат
= CSR (compressed sparse row)
= CRS (compressed row storage)
= Yale format
- Compressed sparse column (CSC)



Разряженная матрица (CSR формат)

1	1		1					
1	2		4					
	2	2		2				
	2	3		5				
3		3	3					
1		3	4					
	4			4	4			
	2			5	6			
					5			
					5	6	6	
					5	6	7	
					7		7	7
					5		7	8
							8	8
							7	8

► CSR data

- vals = [11 12 14 22 23 25 31
33 34 42 45 46 55 65 66 67
75 77 78 87 88]
- columns = [0 1 3 1 2 4 0 2 3
1 4 5 4 4 5 6 4 6 7 6 7]
- rowindx = [0 3 6 9 12 13 16
19 21]

Пересылка строки разряженной матрицы

```
char buffer[HUGE]; //буфер
//отправка k-ой строки
pos = 0; indx = rowindx[k]; nnz= rowindx[k+1] - rowindx[k];
MPI_Pack(&nnz, 1, MPI_INT, buffer, HUGE, &pos, comm);
MPI_Pack(&columns[indx], nnz, MPI_INT, buffer, HUGE, &pos, comm);
MPI_Pack(&vals[indx], nnz, MPI_DOUBLE, buffer, HUGE, &pos, comm);
MPI_Send(buffer, pos, MPI_PACKED, dest, tag, comm); //send the row via usual MPI methods

//получение k-ой строки
MPI_Recv(buffer, HUGE, MPI_PACKED, from, tag, comm, &status);
pos = 0;
MPI_Unpack(buffer, HUGE, &pos, &nnz, 1, MPI_INT, comm);
rowvals = (double *) malloc(nnz*sizeof(double)); cols = (int *) malloc(nnz*sizeof(int ));
MPI_Unpack(buffer, HUGE, &pos, cols, nnz, MPI_INT, comm);
MPI_Unpack(buffer, HUGE, &pos, rowvals, nnz, MPI_DOUBLE, comm);
//Note: pos is an in/out argument, incremented by Pack/Unpack
```

