

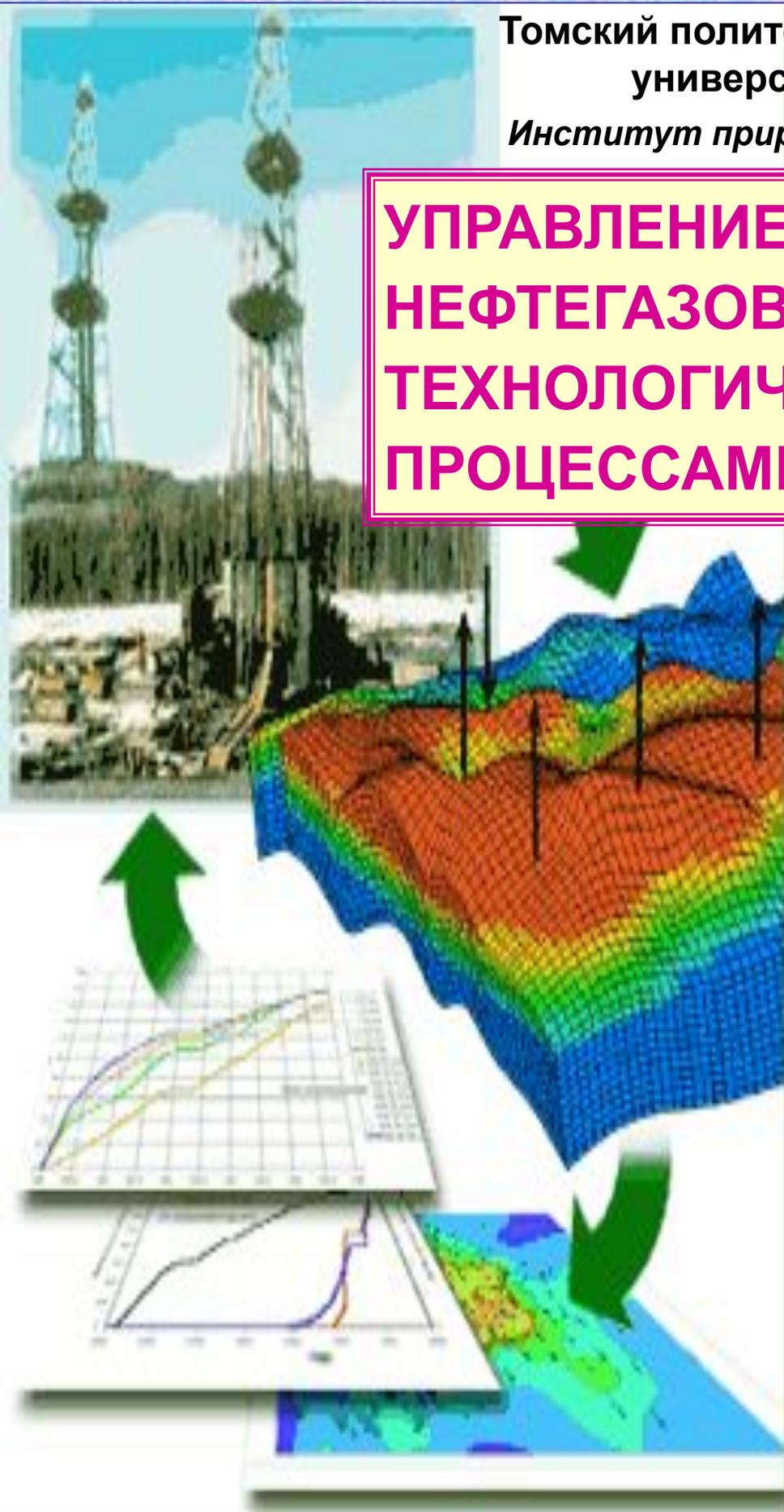
Томский политехнический
университет
Институт природных ресурсов

УПРАВЛЕНИЕ НЕФТЕГАЗОВЫМИ ТЕХНОЛОГИЧЕСКИМИ ПРОЦЕССАМИ

Презентация
учебного курса для
студентов
направления
21.04.01
«Нефтегазовое
дело» (магистры)

*КАФЕДРА
геологии и
разработки
нефтяных
месторождений*

Подготовил
проф. каф. ГРНМ
Зятиков
Павел
Николаевич



Гидравлика - это наука, изучающая законы равновесия и движения жидкостей. Гидравлику подразделяют на гидростатику и гидродинамику. Гидростатика изучает законы равновесия жидкостей, а гидродинамика - законы движения жидкости.

Гидравлика (техническая механика жидкости) - прикладная часть гидромеханики, которая использует те или иные допущения для решения практических задач. Она обладает сравнительно простыми методиками расчета по сравнению с теоретической механикой жидкости, где применяется сложный математический аппарат. Однако гидравлика дает достаточную для технических приложений характеристику рассматриваемых явлений.



Рис. 1.2. Виды жидкостей

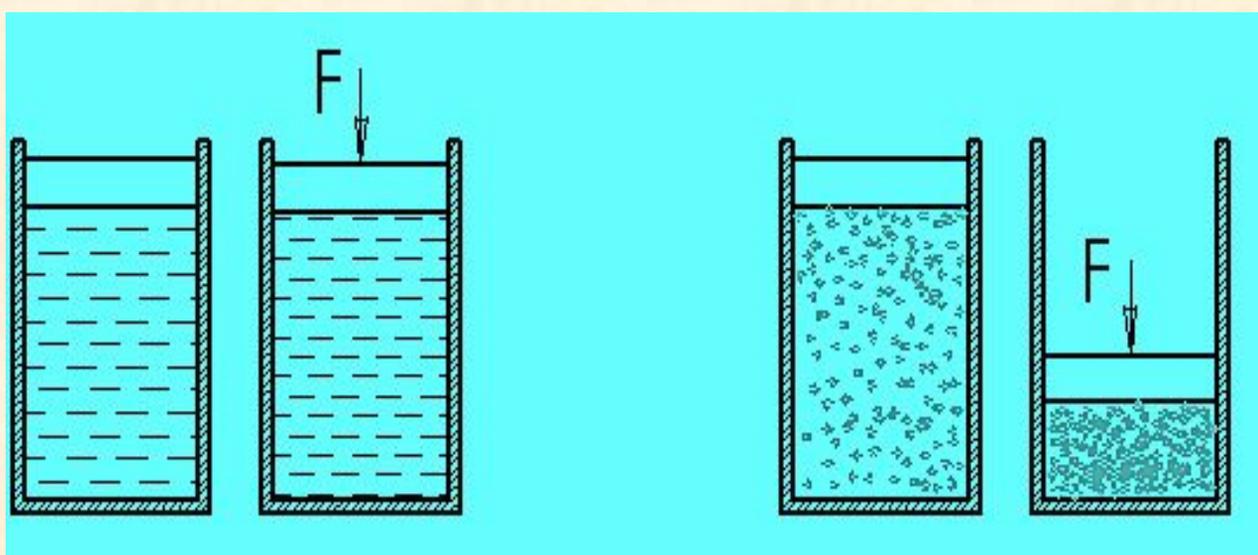


Рис. 1.3. Сжатие жидкостей и газов

ГИДРОСТАТИЧЕСКИЕ РАСЧЕТЫ –

основаны на условиях равновесия жидкости и твердого тела в жидкости

ГИДРОДИНАМИЧЕСКИЕ РАСЧЕТЫ –

основаны на законах сохранения массы и энергии

ОСНОВЫ ГИДРОСТАТИКИ

СИЛЫ

Сила - *количественная мера взаимодействия двух тел.*

Две категории сил:

Массовые - пропорциональны массе тела
В механике это сила тяжести

$$G = m \cdot g$$

2-я - сила инерции

$$F_u = m \cdot a.$$

Поверхностные силы.

Они появляются на контакте двух тел и имеют электромагнитное происхождение.

$$P = \frac{F}{S},$$

(Н/м^2) или (Па),

где F - сила, действующая на жидкость, N (ньютоны); S - площадь, на которую действует эта сила, м^2 (кв.метры). Если давление отсчитывают от атмосферного, то оно называется *избыточным* $P_{\text{изб}}$. Атмосферное давление постоянно $P_a = 103 \text{ кПа}$

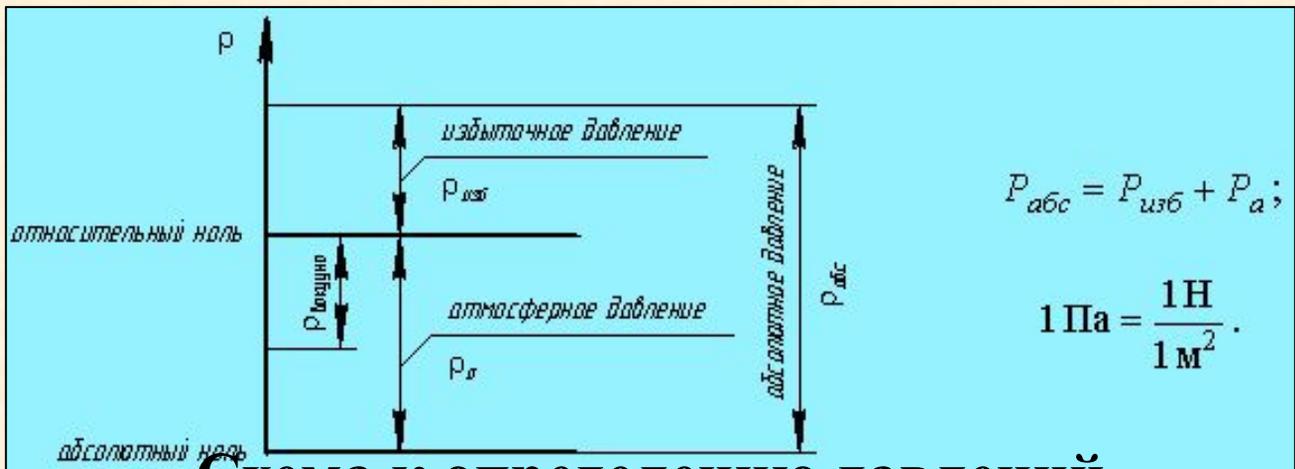


Схема к определению давлений

За единицу давления в Международной системе единиц (СИ) принят паскаль - давление вызываемое силой 1 Н, равномерно распределенной по нормальной к ней поверхности площадью 1 м^2 : $1 \text{ Па} = 1 \text{ Н/м}^2 = 10^{-3} \text{ кПа} = 10^{-6} \text{ МПа}$.

$$1 \text{ Па} = 0,102 \text{ кгс/м}^2 \text{ или } 1 \text{ кгс/м}^2 = 9,81 \text{ Па}.$$

Основные физические свойства жидкостей

Плотностью называется физическая величина, численно равная отношению массы тела к его объему:

$$\rho = \frac{m}{V},$$

где m - масса жидкости, кг; V - объем сосуда, который занимает жидкость, m^3

Сжимаемостью называется свойство жидкости изменять свой объем при изменении давления и температуры.

Сжимаемость характеризуется *коэффициентом объемного сжатия* в которое определяет относительное уменьшение объема жидкости при ~~увеличении~~ ~~давления~~:

$$\beta_V = \frac{dV}{V_0 dp},$$

где V_0 - начальный объем, m^3 ; dV - элементарное изменение объема, m ; dp - элементарное изменение давления, Pa .

Температурное расширение жидкостей характеризуется *коэффициентом температурного расширения* β , представляющим увеличение объема жидкости при повышении температуры:

$$\beta_T = \frac{dV}{V_0 dT},$$

где dT - элементарное изменение температуры, K .

Силы внутреннего трения (силы вязкости)

При движении реальных жидкостей возникают касательные силы трения. В плоском потоке с поперечным сдвигом касательное напряжение трения выражается

$$\tau = \mu \frac{\partial w_x}{\partial y},$$

где μ - динамический коэффициент вязкости, $\text{Па} \cdot \text{с}$. Для реальных жидкостей и газов μ зависит от температуры и давления.

$$\nu = \frac{\mu}{\rho}.$$

Кинематический коэффициент вязкости также зависит от температуры и более существенно зависит от давления, в отличие от

Законы Ньютона

Первый закон: Если равнодействующая всех сил, действующих на тело, равна нулю, то тело находится в состоянии покоя или движется с постоянной скоростью.

Второй закон: При наличии неуравновешенной силы F тело движется с ускорением a . При этом $F=ma$.

Третий закон: При взаимодействии всегда есть две силы. Они равны по величине, противоположны по направлению и приложены к разным телам.

СИЛЫ ТЯГОТЕНИЯ

Закон всемирного тяготения

Сила взаимного притяжения любых двух тел, размеры которых гораздо меньше расстояния между ними, пропорциональна произведению масс этих тел и обратно пропорциональна квадрату расстояния между этими телами.

Так, сила притяжения G между телом массой m и Землей равна

$$G = g \cdot m \cdot M / r^2$$

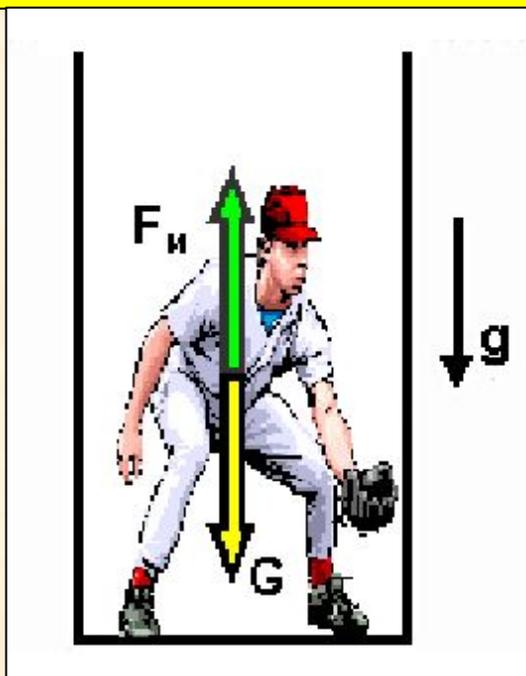
где M - масса Земли, g - гравитационная постоянная, r - расстояние от поверхности Земли до ее центра (r - радиус Земли).

Введем обозначение: $g \cdot M / r = g$ - ускорение свободного падения.

$$G = m \cdot g.$$

Это уравнение подтверждает необыкновенное свойство гравитационных сил, установленное экспериментально: *гравитационные силы сообщают всем телам одинаковое ускорение, которое не зависит ни от состава, ни от строения, ни от массы самих тел.*

Принцип эквивалентности Эйнштейна заключается в следующем: *Тяготение в каждой точке пространства эквивалентно соответствующим образом подобранному ускорению системы отсчета*



Этот принцип с неизбежностью приводит к установлению теснейшей связи между гравитацией и геометрией.

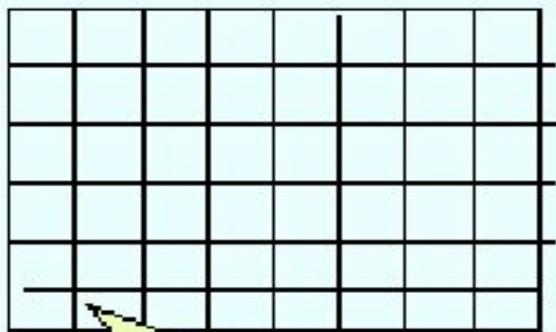
Искривление световых лучей

Вывод: *Ускорение системы отсчета меняет геометрию пространства*

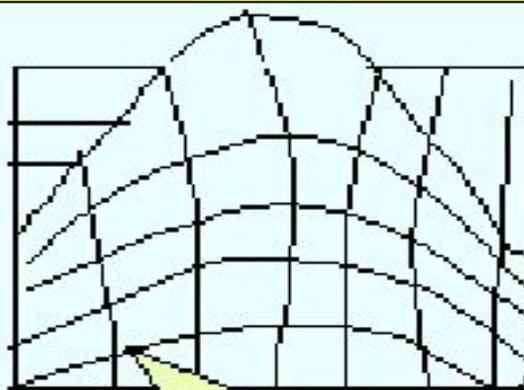
Связь тяготения с геометрией пространства

Астрономические наблюдения подтверждают, что световые лучи отклоняются под влиянием тяготения в сторону солнца.

В повседневной жизни мы пользуемся привычной нам геометрией Евклида, которая базируется на ряде постулатов, таких, как: сумма углов треугольника равна 180° ; отношение длины окружности к ее диаметру равно числу π ; через две точки можно провести только одну прямую; через точку, лежащую вне прямой, можно провести только одну прямую, параллельную данной прямой. Геометрическую модель нашего пространства, обладающего евклидовыми свойствами, можно легко вообразить, если представить себе резиновую пленку с нанесенной на нее сеткой (невозмущенное пространство).



невозмущенное пространство



искривленное пространство

Но вот мы надавили пальцем на какой-то участок пленки. Этот участок растянулся, изменились углы между линиями, сумма углов треугольника сделалась отличной от π , произошло нарушение Евклидовой геометрии.

ЭЛЕКТРОМАГНИТНЫЕ СИЛЫ

В природе по современным данным имеется не более четырех типов взаимодействий: всемирное тяготение и электромагнитные взаимодействия имеют место в ньютоновской механике, а ядерные и слабые взаимодействия - в атомных ядрах при взаимном превращении элементарных частиц.

Силы упругости, которые позволяют твердым телам сохранять свою форму, препятствуют изменению объема жидкостей и сжатию газов; силы трения, тормозящие движение твердых тел, жидкостей и газов - все это электромагнитные силы.

Электрическое поле системы электрон-ядро не имеет полной шаровой симметрии. При сближении с другим атомом это поле возмущает движение электрона соседнего атома таким образом, что “центр тяжести” отрицательного заряда оказывается смещенным относительно ядра.



Каждый атом (или молекула) поляризуют своего соседа, и он превращается в диполь, в котором заряды противоположных знаков пространственно разделены.

УПРУГИЕ СИЛЫ

В реальных газах и жидкостях из сил притяжения действуют только силы Ван-дер-Ваальса, а в твердых телах еще и обменные (химические) силы. Силы Ван-дер-Ваальса удерживают молекулы жидкости друг возле друга на близких расстояниях порядка размера самих молекул.

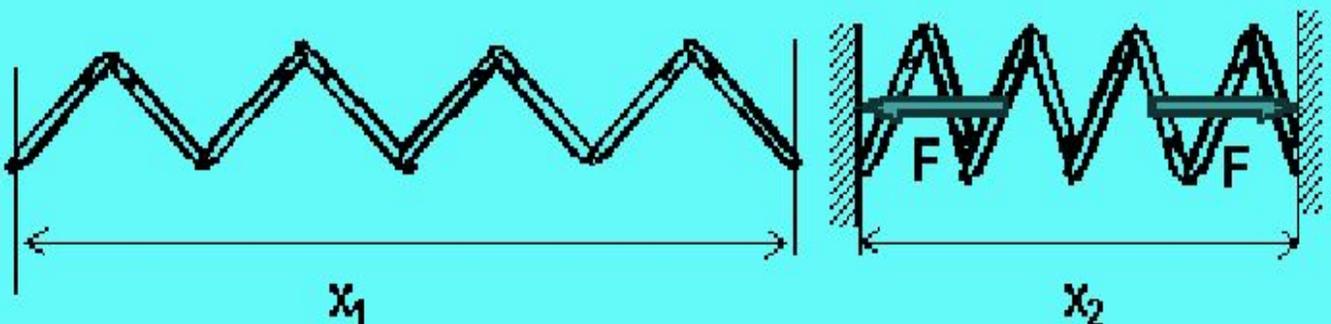
Для упругих тел напряжения (силы, действующие на единичную площадь) прямо пропорциональны деформациям.

Это **закон Гука**, который для жидкостей имеет вид

$$p = -E \cdot \Delta V / V,$$

где p - сжимающее напряжение (гидростатическое давление), ΔV - изменение объёма, а V - первоначальный объём.

Величину сил отталкивания и характеризует модуль объемной упругости E , который, например, для воды равен $2 \cdot 10^9 \text{ Па}$. Нетрудно понять, что при сжатии твердых тел силы отталкивания еще больше (модуль объемной упругости для стали равен $2 \cdot 10^{11} \text{ Па}$).



$F = k \cdot x$, где x - предварительное поджатие пружины, $x = x_1 - x_2$, а k - коэффициент жесткости, зависящий от материала пружины, ее размера и способа изготовления.

СИЛА ДАВЛЕНИЯ СТОЛБА ЖИДКОСТИ

Сила давления - мера взаимодействия между жидкостью и стенкой.

Итак: в открытом резервуаре соприкасающиеся с жидкостью поверхности находятся под воздействием только весового давления (давления столба жидкости).

Сила давления столба жидкости - это вектор. Сила давления характеризуется величиной (модулем), направлением и точкой приложения.

Направление силы всегда перпендикулярно площади стенки.

Величина силы равна произведению площади стенки на давление в центре тяжести этой площади.

$$F = p_C \cdot s = \rho \cdot g \cdot h_C \cdot s ,$$

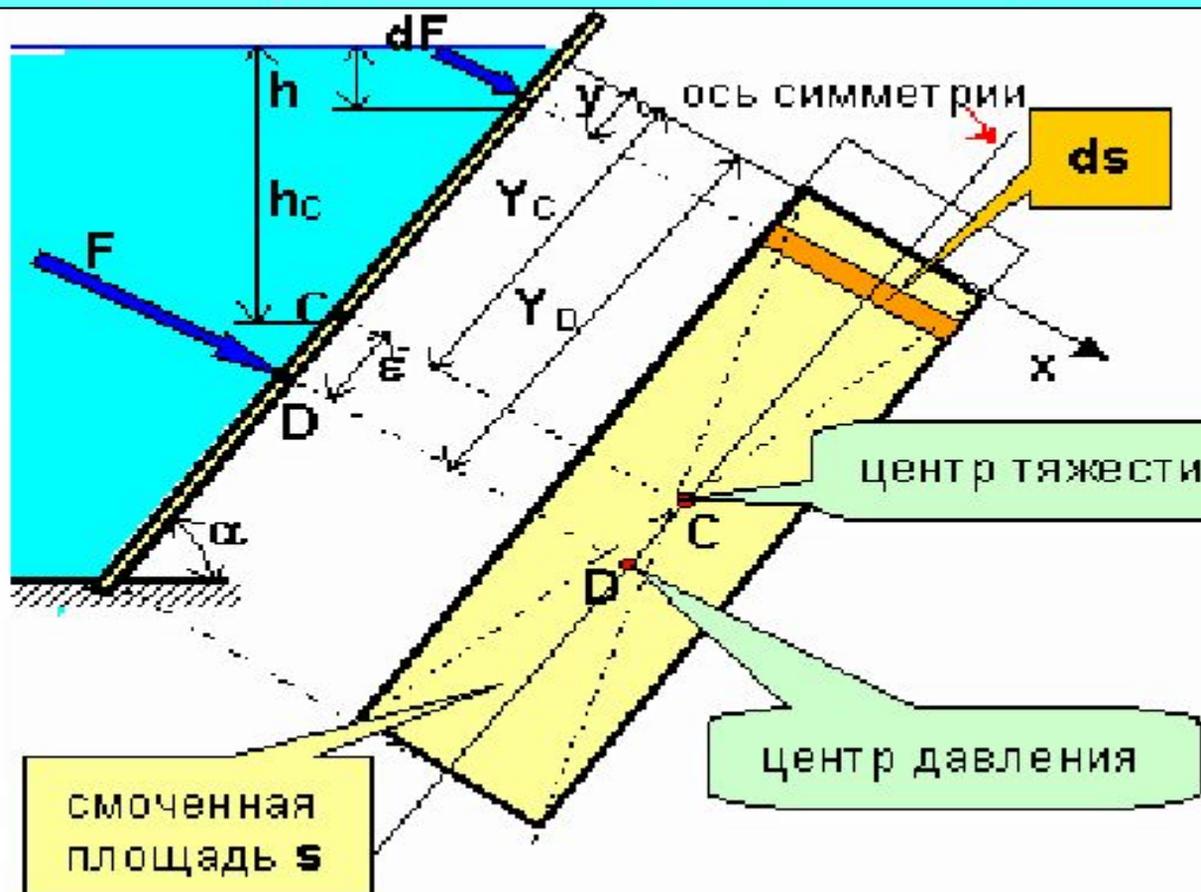
где h_C – глубина погружения в жидкость центра тяжести площади стенки s .

На площадку ds действует со стороны жидкости сила $dF = p \cdot s = \rho \cdot g \cdot h \cdot ds$.

На всю площадь s будет действовать множество параллельных сил dF (увеличивающихся с глубиной из-за роста h).

Результирующая сила F представляет собой алгебраическую сумму составляющих сил dF , то есть интеграл:

$$F = \int dF = \int \rho \cdot g \cdot h \cdot ds = \rho \cdot g \cdot \sin \alpha \cdot \int y \cdot ds.$$



где y - расстояние от любой площадки до поверхности жидкости, отсчитываемое в плоскости стенки. Произведение yds есть статический момент площади ds относительно оси x (ось x - линия пересечения поверхности жидкости с плоскостью стенки - линия уреза жидкости). Сумма таких произведений (интеграл) для всех площадок равна статическому моменту всей площади относительно оси x :

$$\int y \cdot ds = y_c \cdot s.$$

где y_c - расстояние до центра тяжести площади s , отсчитываемое в плоскости стенки.

Окончательно получим:

$$F = \rho \cdot g \cdot \text{Sin} \alpha \cdot y_c \cdot s = \rho \cdot g \cdot h_c \cdot s.$$

Замечая, что $\rho \cdot g \cdot h_c$ есть давление в центре тяжести стенки (в точке С), окончательно получим: $F = p_c \cdot s$.

Определение точки приложения силы давления (центра давления)

Сила F пересекает площадь стенки в точке D, которая называется центр давления. Положение точки на плоскости определяется двумя координатами. Для симметричных стенок точка D должна лежать на оси симметрии.

Теорема Вариньона Момент равнодействующей силы относительно произвольной точки (оси) равен сумме моментов составляющих сил относительно этой точки (оси).

применим теорему Вариньона относительно оси x .

Здесь F - результирующая сила, её плечо равно y_D , dF - составляющие силы, плечо равно y .

$$F \cdot y_D = \int dF \cdot y = \int \rho g h \cdot y \cdot ds = \rho \cdot g \cdot \text{Sin} \alpha \int y^2 ds = \rho \cdot g \cdot \text{Sin} \alpha \cdot I_x.$$

$$I_x = \int y^2 ds$$

момент инерции площади s относительно оси x .

Подставляя выражение для силы F и представляя момент инерции относительно оси x как сумму момента инерции относительно центральной оси и произведения площади на квадрат расстояния между осями

$$I_x = I_c + y_c^2 \cdot s$$

получим:

$$y_D = \frac{\rho \cdot g \cdot \sin \alpha \cdot I_x}{F} = \frac{\rho \cdot g \cdot \sin \alpha \cdot (I_c + s \cdot l_c^2)}{\rho \cdot g \cdot h_c \cdot s} = l_c + \frac{I_c}{s \cdot y_c}$$

Расстояние от центра тяжести до точки приложения силы

$$\varepsilon = y_D - y_c$$

определяется так.

$$\varepsilon = \frac{I_c}{s \cdot y_c}$$

где I_c - момент инерции площади стенки относительно горизонтальной центральной оси. Это справочная величина, например для круга

$$I_c = \pi d^4 / 64.$$

Очень важно!

При определении величины силы в формулу подставляется давление в центре тяжести (в точке C), а сама сила приложена в центре давления (в точке D).

$$F \neq p_D \cdot s!$$

Здесь должно быть давление p_C в центре тяжести (в точке C)

$$F = p_C \cdot s.$$

Распространенная студенческая ошибка: $F = p_D \cdot s$. Кажется, с точки зрения "здорового смысла", что нужно подставлять в эту формулу давление в той же точке, где приложена сила. **Это неверно.**

Правильно!

$$F = p_C \cdot s.$$

Гидравлика делится на два раздела: гидростатика и гидродинамика.

Гидродинамика является более обширным разделом и будет рассмотрена в последующих лекциях. В этой лекции будет рассмотрена гидростатика.

Гидростатикой называется раздел гидравлики, в котором рассматриваются законы равновесия жидкости и их практическое применение.

В покоящейся жидкости всегда присутствует сила давления, которая называется **гидростатическим давлением**. Жидкость оказывает силовое воздействие на дно и стенки сосуда. Частицы жидкости, расположенные в верхних слоях водоема, испытывают меньшие силы сжатия, чем частицы жидкости, находящиеся у дна.

Рассмотрим резервуар с плоскими вертикальными стенками, наполненный жидкостью (рис.2.1, а). На дно резервуара действует сила P равная весу налитой жидкости $G = \gamma V$, т.е. $P = G$.

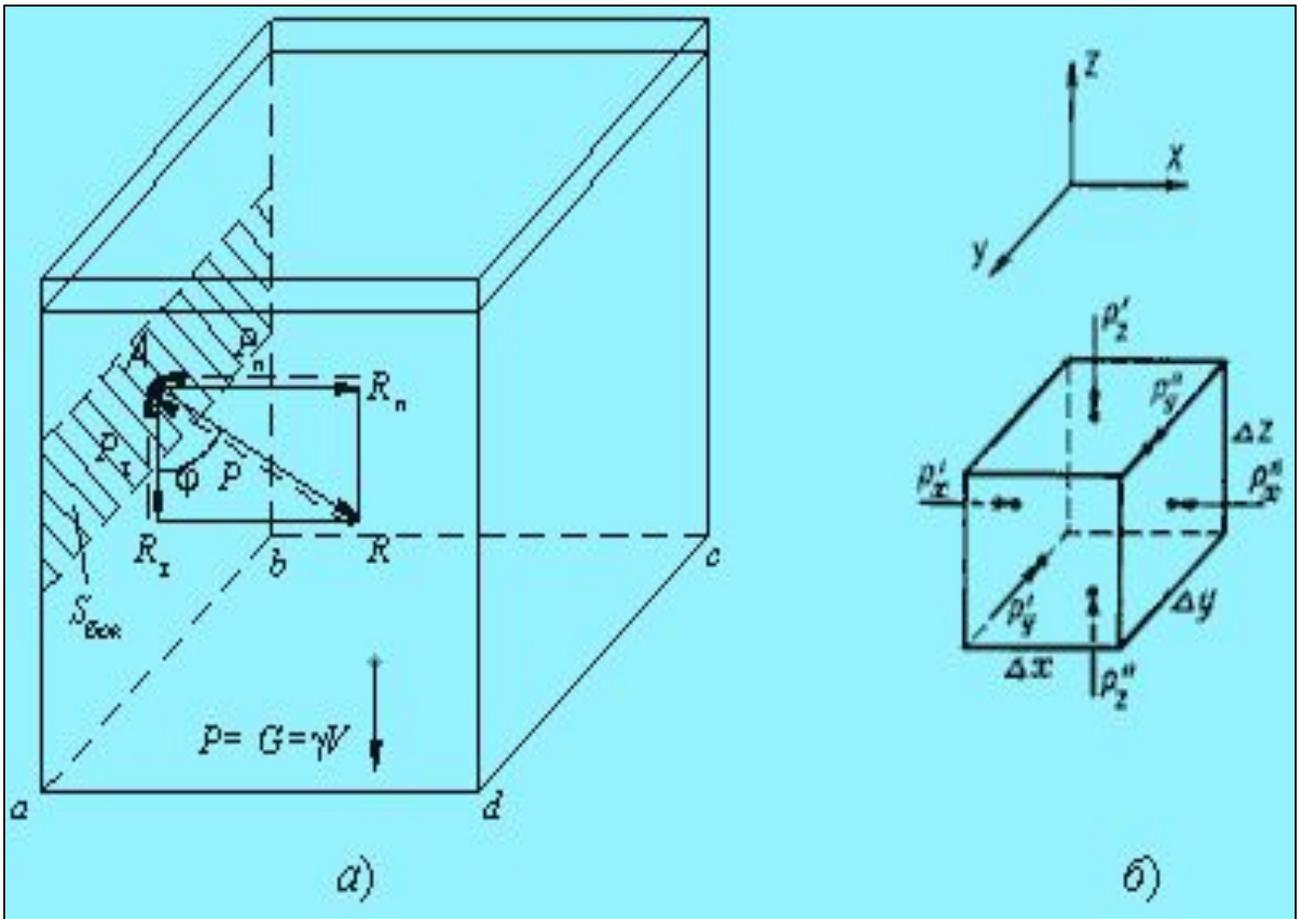


Рис. 2.1. Схема, иллюстрирующая свойства гидростатического давления

а - первое свойство;

б - второе свойство

Если эту силу P разделить на площадь дна S_{abcd} , то мы получим *среднее гидростатическое давление*, действующее на дно резервуара.

$$p_{\text{ср}} = \frac{P}{S_{abcd}}$$

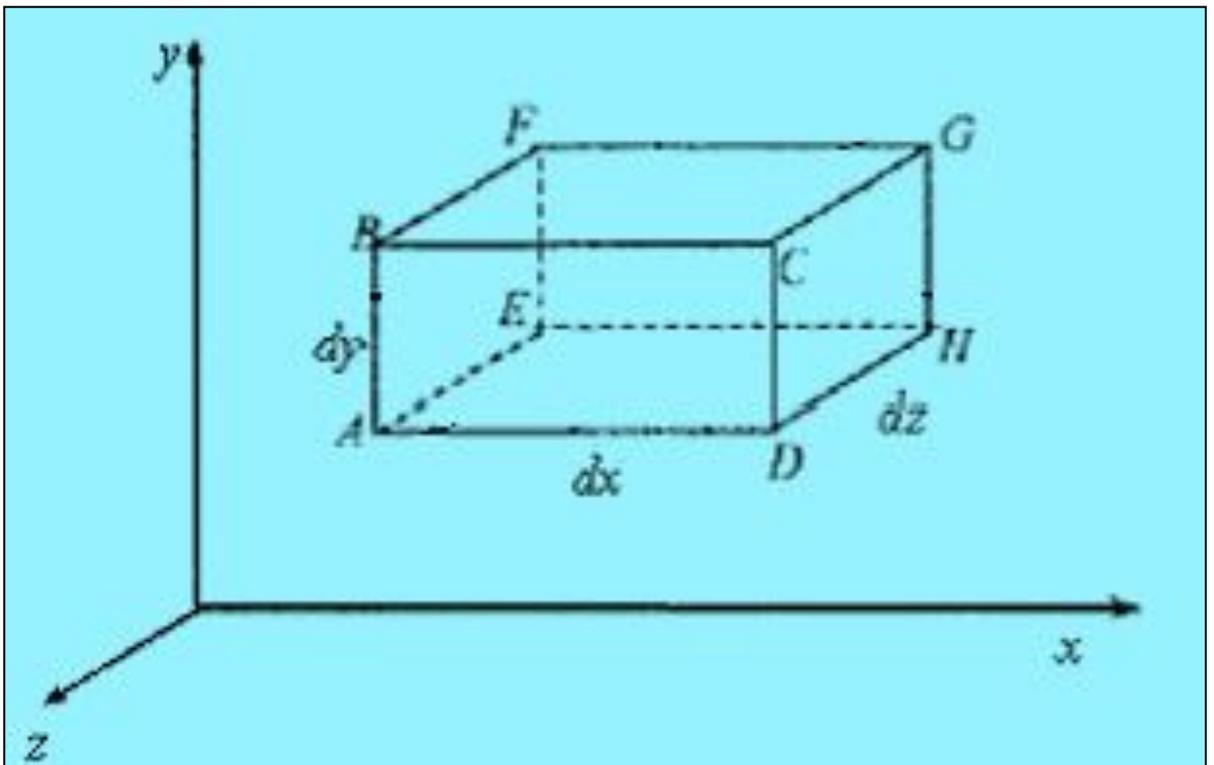


Рис. 2.2. Выделение элементарного объема

В покоящейся жидкости выделим элементарный объем в виде прямоугольного параллелепипеда (рис. 2.1). На выделенный объем, в общем случае, действуют внешние массовые (гравитационные или инерционные) и поверхностные силы.

$$\vec{P}_x(x) = \vec{p}_x dydz; \vec{P}_x(x+dx) = \left(\vec{p}_x + \frac{\partial \vec{p}_x}{\partial x} dx \right) dydz. \quad (2.1)$$

$$\bar{P}_x = \frac{\partial \bar{p}_x}{\partial x} dx dy dz .$$

$$\bar{P}_y = \frac{\partial \bar{p}_y}{\partial y} dx dy dz ;$$

$$\bar{P}_z = \frac{\partial \bar{p}_z}{\partial z} dx dy dz .$$

$$\bar{R} = \bar{i} R_x + \bar{j} R_y + \bar{k} R_z$$

Чтобы жидкость находилась в покое необходимо, чтобы все действующие на выделенный объем жидкости силы компенсировали друг друга:

$$R_x = \frac{\partial p_x}{\partial x} dx dy dz ;$$

$$R_y = \frac{\partial p_y}{\partial y} dx dy dz ;$$

$$R_z = \frac{\partial p_z}{\partial z} dx dy dz .$$

Если проекции массовой силы записать в виде

$$R_x = X dx dy dz$$

$$R_y = Y dx dy dz$$

$$R_z = Z dx dy dz$$

Тогда уравнения (2.1) будут иметь вид

$$X = \frac{\partial p_x}{\partial x} ; Y = \frac{\partial p_y}{\partial y} ; Z = \frac{\partial p_z}{\partial z}$$

Уравнения представляют собой *уравнения равновесия* сплошной среды. При отсутствии массовых сил ($X = 0$; $Y = 0$; $Z = 0$) выражения примут вид

$$\frac{\partial p}{\partial x} = 0; \quad \frac{\partial p}{\partial y} = 0; \quad \frac{\partial p}{\partial z} = 0$$

Выражения представляют собой математическую запись *закона Паскаля*, который гласит, что *при отсутствии массовых сил давление жидкости или газа остается постоянным во всех точках анализируемой области.*

Гидростатический закон. Гидростатическое давление

Рассмотрим случай массовой силы представляющей собой силу тяжести и направим ось x по нормали к поверхности Земли, противоположно этой силе, тогда

$$X = -\rho g; \quad Y = 0; \quad Z = 0$$

Тогда уравнение равновесия будет иметь вид

$$\frac{\partial p}{\partial x} = -\rho g.$$

Интегрируя это выражение, получаем

$$p - p_0 = -\rho g(x - x_0)$$

где p_0 – давление жидкости в сечении $x = x_0$.

Если за исходное сечение принять поверхность уровня жидкости ($x_0 = 0$), а за $h = x - x_0$ – высоту столба жидкости, то получим выражение, представляющее собой **гидростатический закон**:

$$p = p_0 + \rho gh$$

Гидростатическим давлением называют давление, которое оказывает жидкость на некоторую опору или поверхность, выделенную в толще жидкости.

Выделяют следующие свойства гидростатического давления:

- 1. Гидростатическое давление направлено всегда по внутренней нормали к площадке, на которую давление действует;**
- 2. Гидростатическое давление в любой точке жидкости (на одной высоте) по всем направлениям одинаково.**

Следует отметить, что выражение имеет место не только в поле силы тяжести, но и любой другой внешней массовой силы, имеющей потенциал U . Таким образом, все рассмотренные выражения преобразуются в выражения вида

$$X = \frac{\partial U}{\partial x}; \quad Y = \frac{\partial U}{\partial y}; \quad Z = \frac{\partial U}{\partial z}$$

$$\frac{\partial U}{\partial x} = \frac{\partial p}{\partial x}; \quad \frac{\partial U}{\partial y} = \frac{\partial p}{\partial y}; \quad \frac{\partial U}{\partial z} = \frac{\partial p}{\partial z}$$

После интегрирования получаем

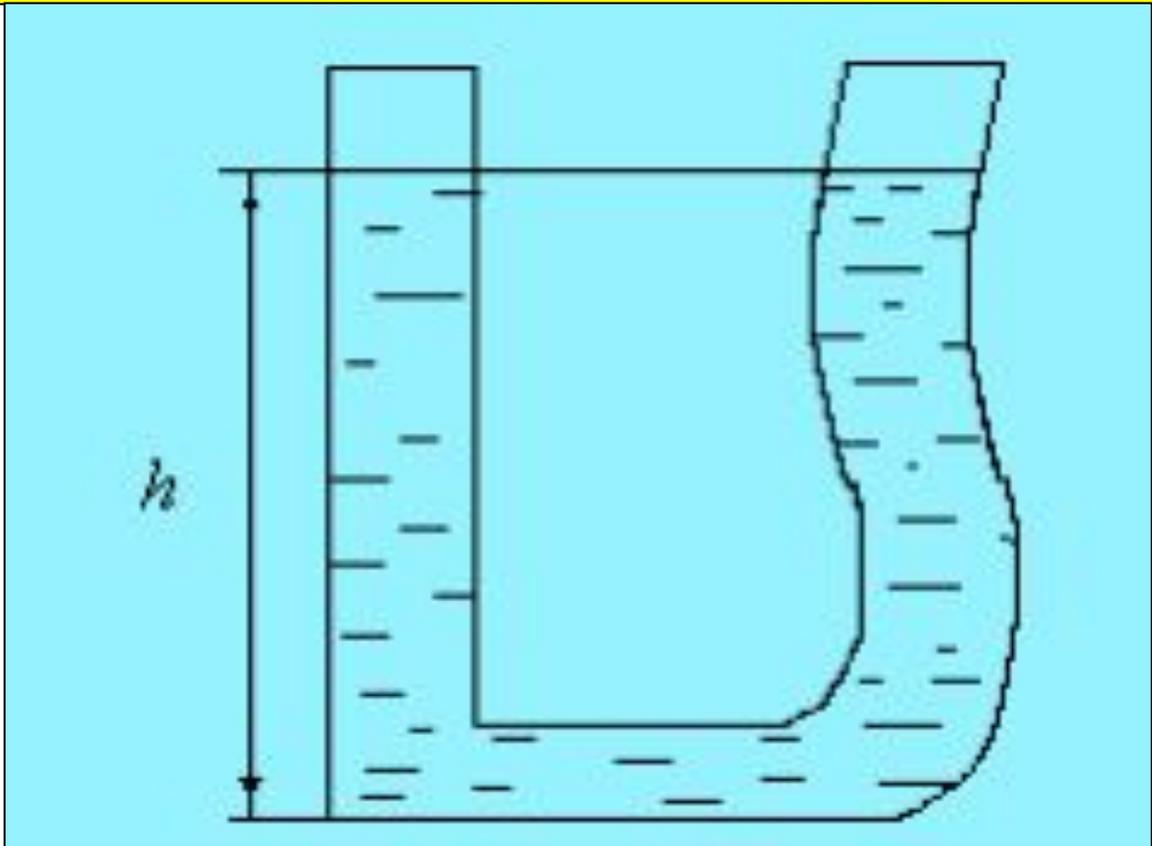
$$U - U_0 = p - p_0$$

$$p - U = \text{const}$$

Условия равновесия жидкостей в сообщающихся сосудах

Сообщающимися сосудами называют сосуды, соединенные друг с другом таким образом, чтобы жидкость свободно перетекала из одного сосуда в другой.

Закон сообщающихся сосудов гласит: *в открытых сообщающихся сосудах при равновесии жидкости давление на любом горизонтальной уровне одинаково.*



Сообщающиеся сосуды с одинаковой жидкостью

Если заполнить открытые сообщающиеся сосуды двумя несмешивающимися жидкостями, имеющими плотности ρ_1 и ρ_2 , например, ртутью и водой (рис. 2.3), то жидкость также распределится таким образом, чтобы давления этих жидкостей на любом горизонтальной уровне в обоих сосудах было одинаково. Выберем горизонтальный уровень жидкости AB , ниже которого жидкость однородна (рис. 2.3). Тогда $p_1 = p_2$.

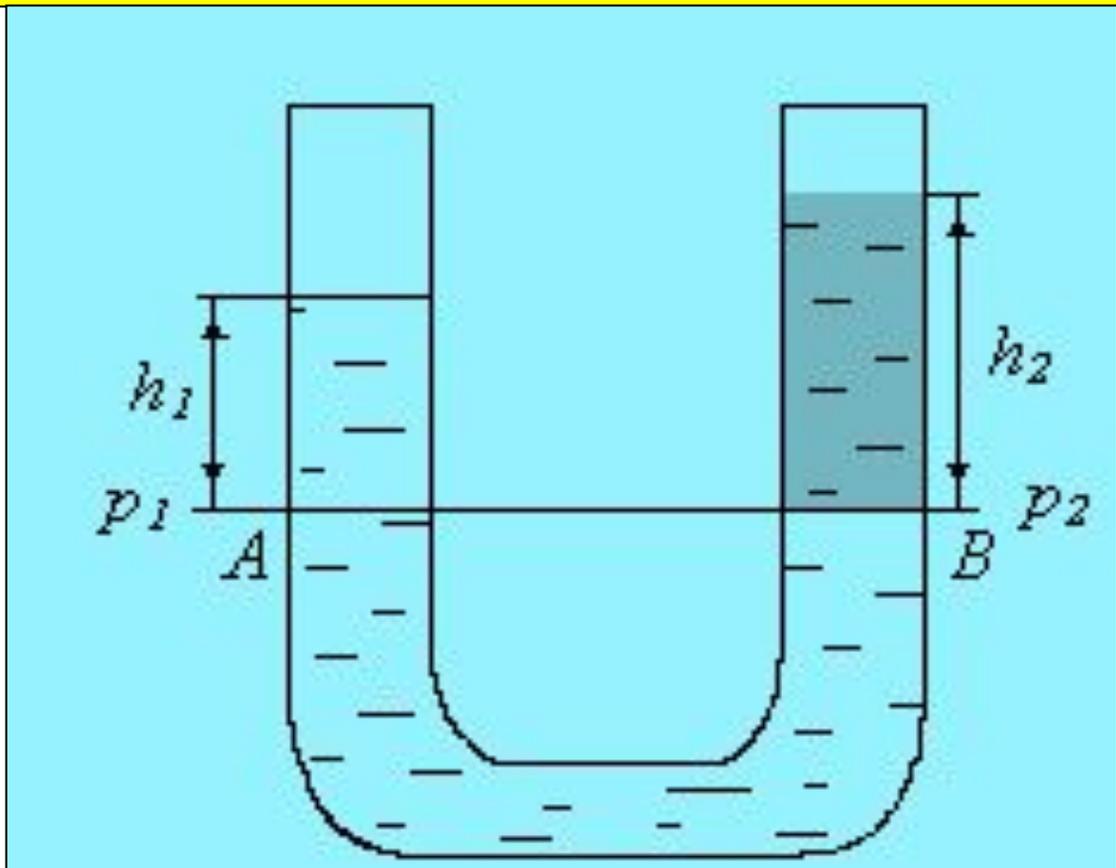


Рис. 2.3. Сообщающиеся сосуды с двумя несмешивающимися жидкостями

$$p_1 = p_{атм} + \rho_1 g h_1$$

$$p_2 = p_{атм} + \rho_2 g h_2$$

Откуда следует, что

$$\frac{\rho_1}{\rho_2} = \frac{h_2}{h_1}$$

Уравнение представляет собой *условие равновесия жидкостей в сообщающихся сосудах.*

На законе сообщающихся сосудов основано действие шлюзов, фонтанов и других устройств.

Простейшие гидравлические машины

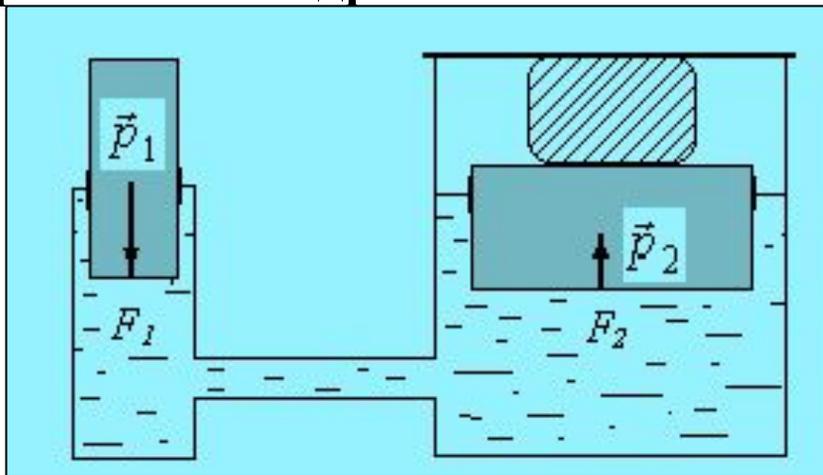


Рис. 2.4. Схема гидравлического пресса

$$p_1 F_1 = p_2 F_2$$

$$p_2 = p_1 \frac{F_1}{F_2}$$

Основные методы и приборы измерения давления

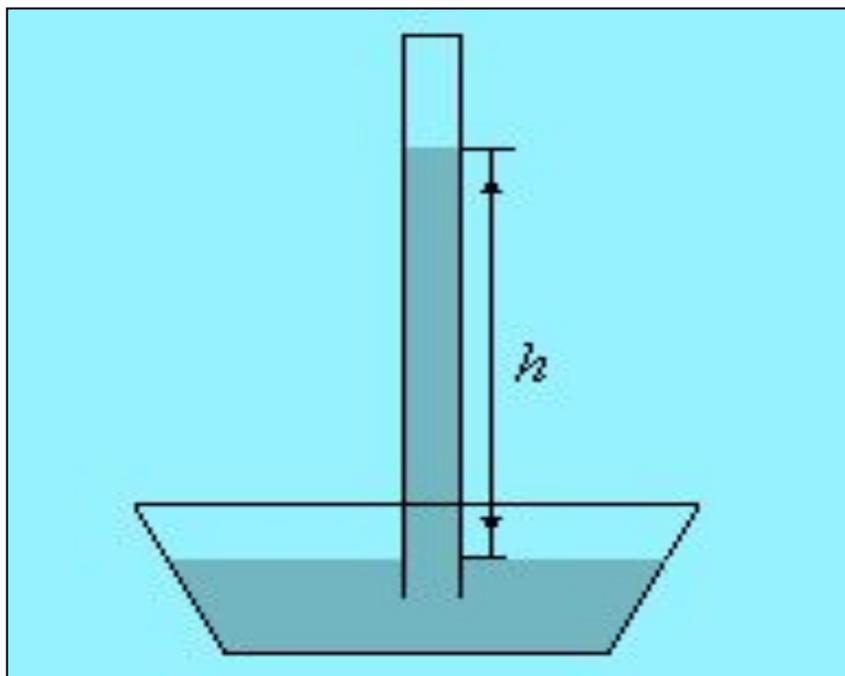


Рис. 2.5. Принцип действия жидкостного барометра

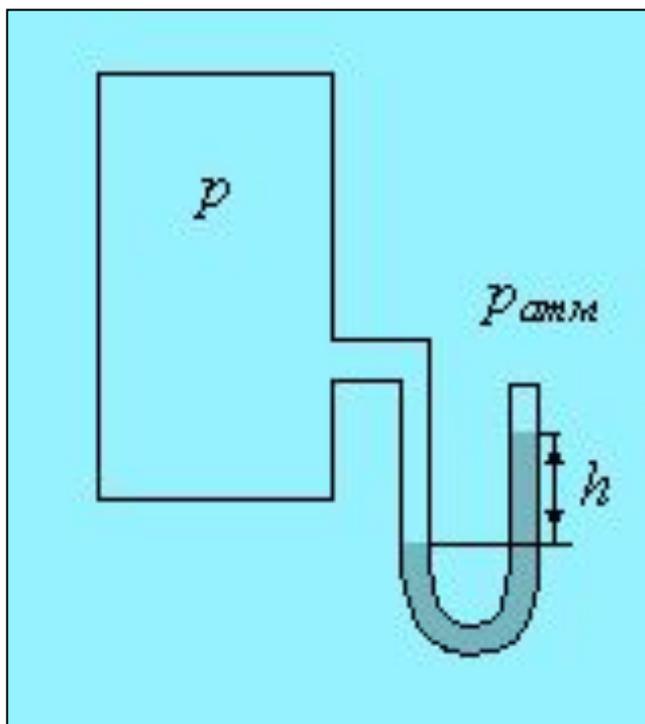


Рис. 2.6. Принцип действия жидкостного манометра

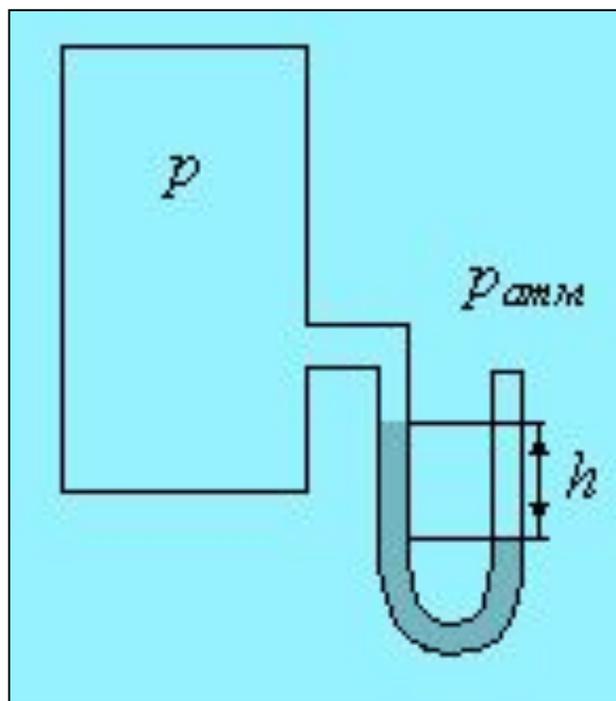


Рис. 2.7. Принцип действия жидкостного вакуумметра

$$p = p_{атм} + p_m;$$

$$p_m = \rho gh,$$

$$p = p_{атм} - p_v;$$

$$p_v = \rho gh,$$

Закон Архимеда

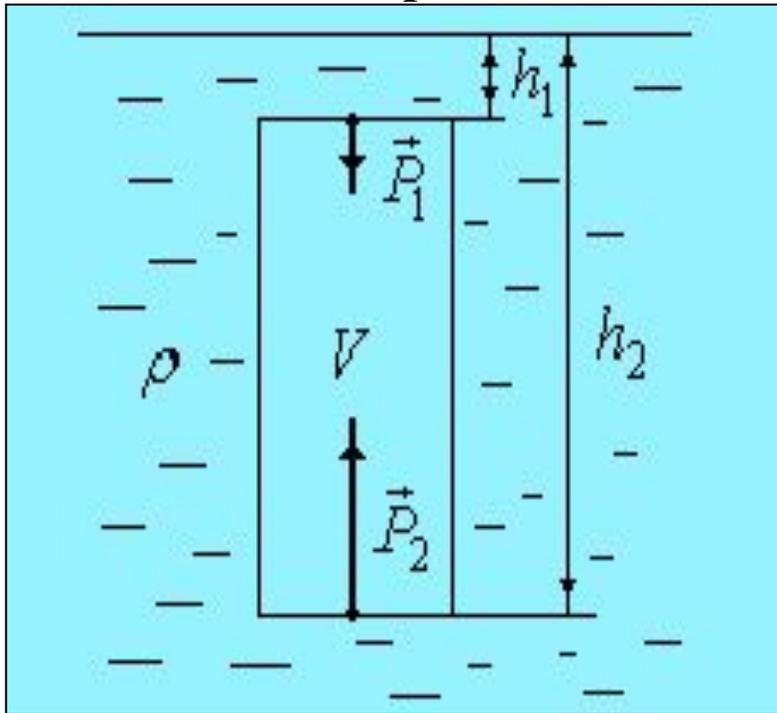


Рис. 2.8. Тело, погруженное в жидкость

$$P = P_2 - P_1;$$
$$P_1 = p_1 F; P_2 = p_2 F,$$

Силы давления можно представить в виде

$$P_1 = \rho g h_1 F; P_2 = \rho g h_2 F$$

Таким образом, результирующая сила

$$P = \rho g F (h_2 - h_1) = \rho g V$$

Закон Архимеда гласит: на тело, погруженное в жидкость, действует выталкивающая сила P , направленная вертикально вверх и численно равная весу вытесненной жидкости.

Равновесие и устойчивость тел, погруженных в жидкость.

Равновесие тела, плавающего на поверхности жидкости

Точка, к которой приложена сила Архимеда называется *центром давления*.

Внешняя массовая сила приложена к *центру масс* рассматриваемого тела.

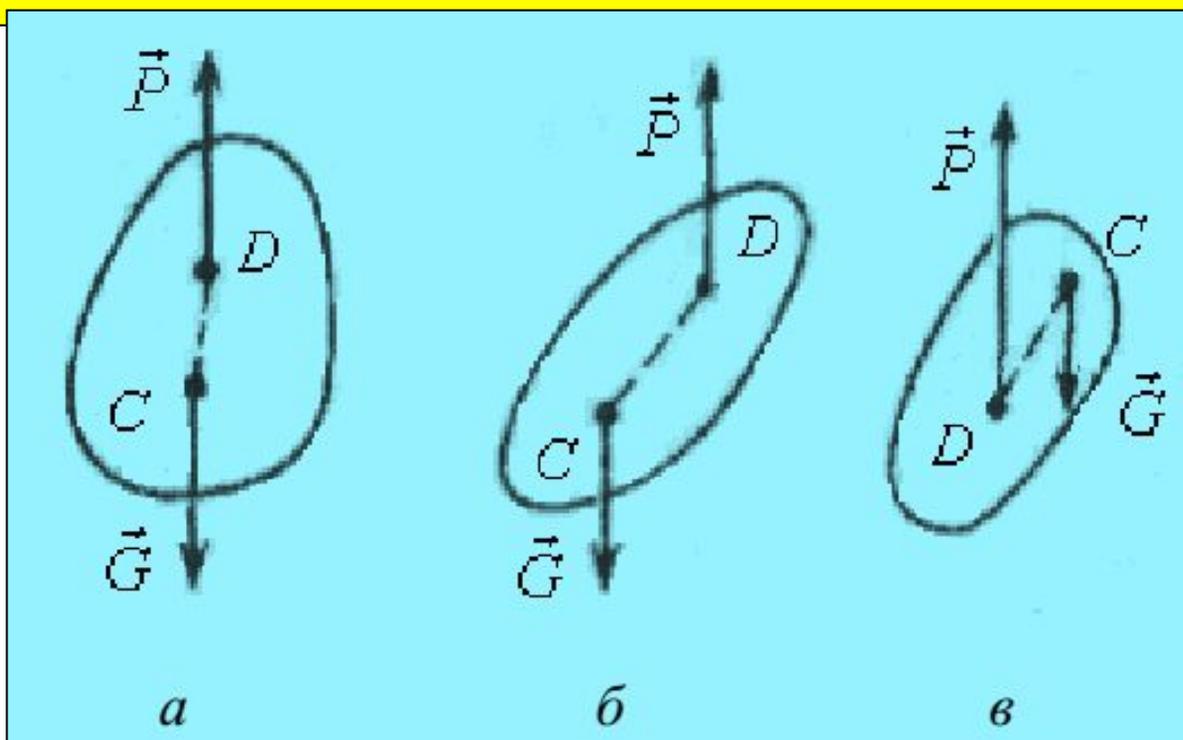


Рис. 2.9. Равновесие тела, погруженного в жидкость

Силы P и G , направленные вдоль одной прямой, но в разные стороны (рис. 2.9, а).

Если $G > P$, очевидно, что тело будет двигаться вниз и опуститься на дно.

Если $G < P$, то тело будет двигаться вверх и всплывет на поверхность.

Если $G = P$, то тело находится в равновесии в толще жидкости.

При условии, что центр давления D полностью погруженного в жидкость и находящегося в равновесии тела располагается выше центра масс C , то равновесие является **устойчивым** (рис. 2.9, б). В этом случае, если вывести тело из равновесия, то пара сил P и G создадут момент, возвращающее тело в исходное положение.

Если центр давления располагается ниже центра масс (рис. 2.9, в), то равновесие является **неустойчивым** и при небольшом отклонении тела от положения равновесия, возникающая пара сил создает **опрокидывающий момент**, способствующий большему отклонению тела от положения равновесия.

Рассмотрим равновесие тела, плавающего на поверхности жидкости (рис. 2.10).

Линия пересечения поверхности тела плоскостью уровня жидкости называется **ватерлинией**, а плоскость, в которой расположена ватерлиния – **плоскостью плавания**.

Нормаль к плоскости плавания, проходящая через центр масс C и центр давления D называется **осью плавания**.

Необходимым условием равновесия плавающего на поверхности жидкости тела является равенство веса тела архимедовой силе ($G = P$).

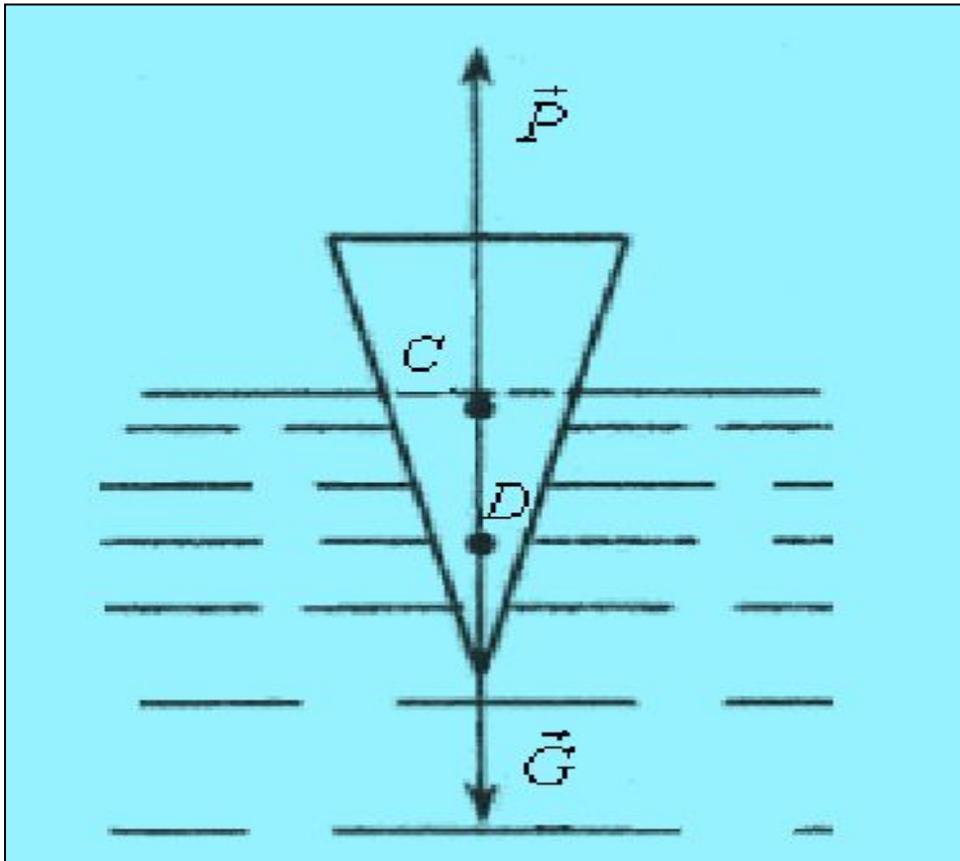


Рис. 2.10. Равновесие тела, плавающего на поверхности жидкости

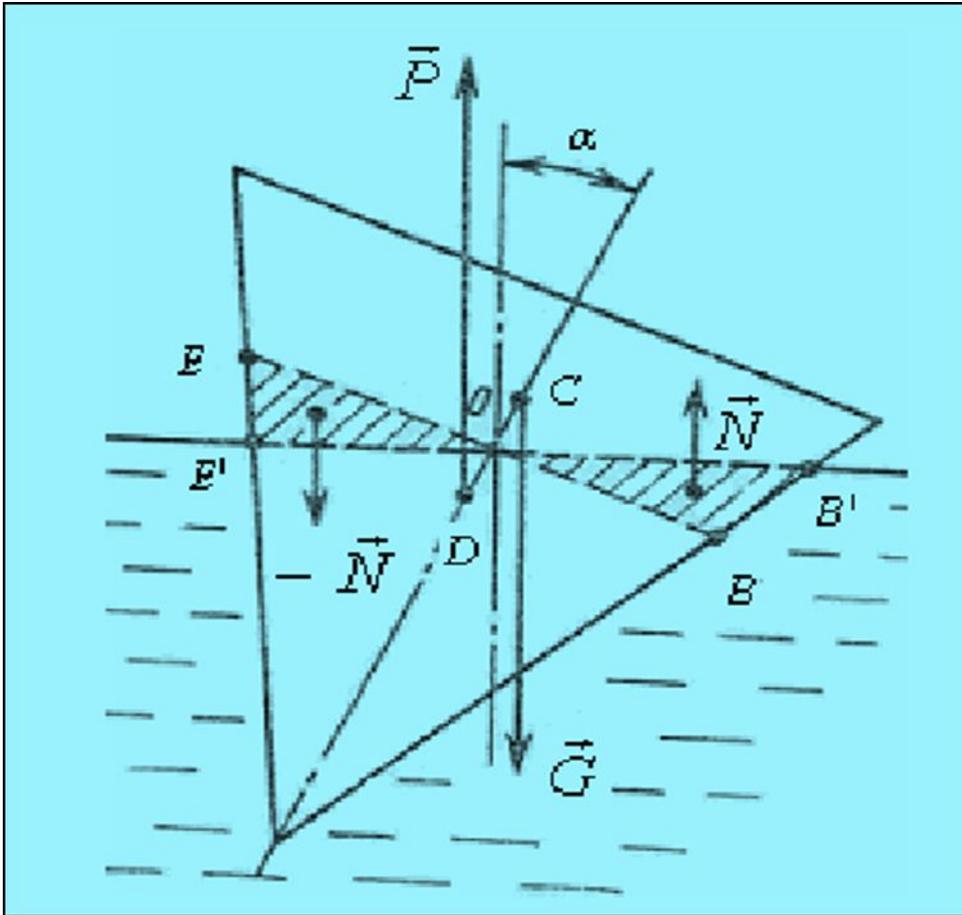


Рис. 2.11. Равновесие наклоненного плавающего на поверхности жидкости тела

Для определения условий устойчивого равновесия рассмотрим тело (рис. 2.11), отклонившееся от положения равновесия на угол α . В этом случае на затопленную часть тела BOB' действует дополнительная архимедова сила N , а на осушенную часть – равная по величине силе N , но противоположно направленная ей сила веса этой части.

В результате на выведенное из положения равновесия тело будут действовать две пары сил (P, G), создающая *опрокидывающий момент*, и пара сил ($N, N-$), создающая *восстанавливающий момент*.

Точка M называется *метацентром*, а отрезок CM – *метацентрической высотой*.

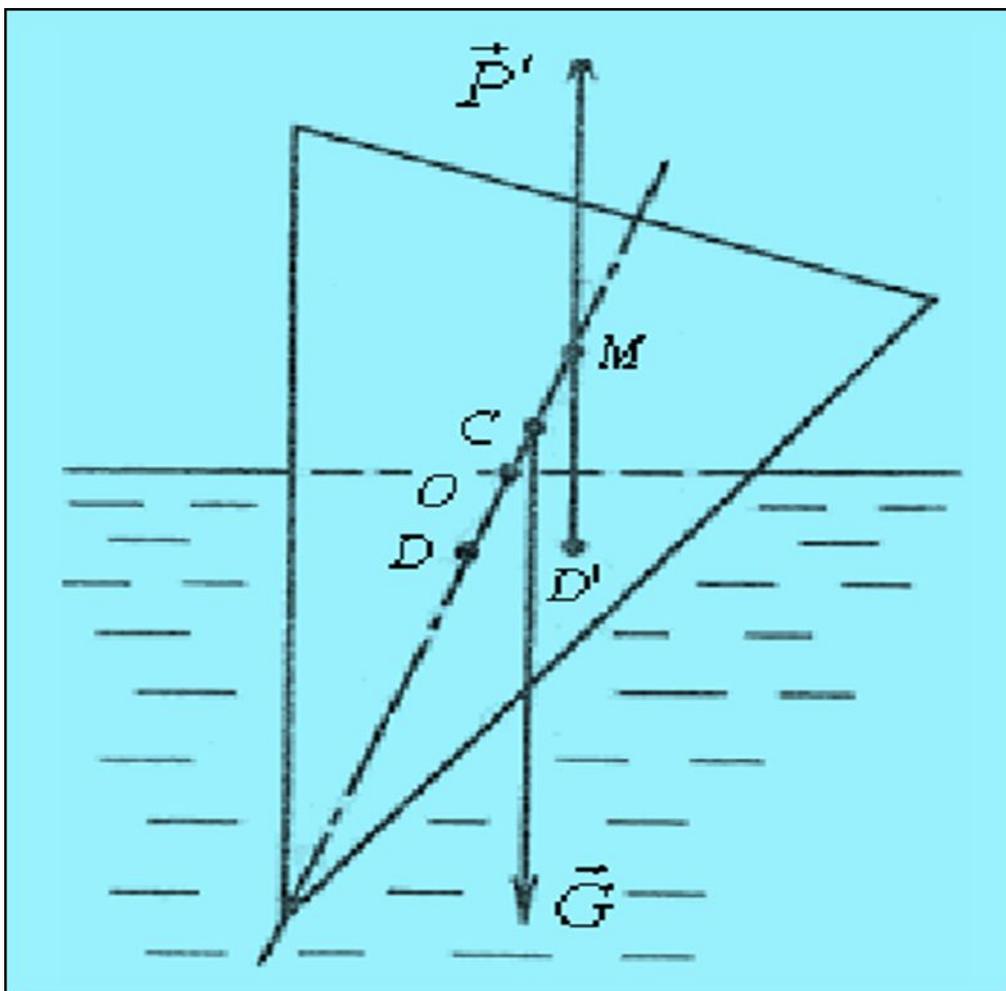


Рис. 2.12. Метацентр и метацентрическая высота плавающего тела

Равновесие земной атмосферы

Считая воздух идеальным газом и воспользовавшись уравнением состояния идеального газа в виде

$$\rho = \frac{p}{RT}$$

$$\frac{dp}{p} = -\frac{g}{RT} dx$$

уравнение равновесия можно представить как

$$\ln \frac{p}{p_0} = -\frac{g}{RT} (h - h_0)$$

$$p = p_0 \exp \left[-\frac{g}{RT} (h - h_0) \right]$$

$$\frac{dp}{p^{\frac{1}{k}}} = -g dx$$

$$p = \left[p_0^{\frac{k-1}{k}} - g \frac{k-1}{k} (h - h_0) \right]^{\frac{k}{k-1}}$$

Живым сечением ω (м²) называют площадь поперечного сечения потока, перпендикулярную к направлению течения. Например, живое сечение трубы - круг (рис.3.1, а); живое сечение клапана - кольцо с изменяющимся внутренним диаметром (рис.3.1, б).

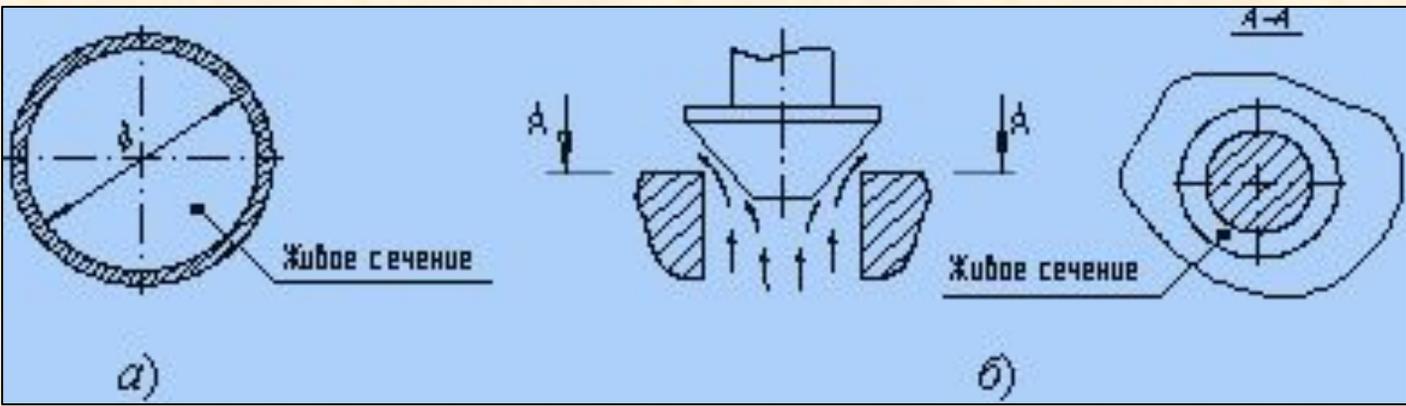


Рис. 3.1. Живые сечения: а - трубы, б - клапана

Смоченный периметр χ ("хи") - часть периметра живого сечения, ограниченное твердыми стенками (рис.3.2, выделен утолщенной линией).



Рис. 3.2. Смоченный периметр

Для круглой трубы

$$\chi = \pi D \frac{\varphi}{2\pi} = \frac{D\varphi}{2}$$

$$\chi = \pi D \frac{\varphi}{360^\circ}, \text{ если угол } \varphi \text{ в градусах}$$

Расход потока Q - объем жидкости V , протекающей за единицу времени t через живое сечение ω .

$$Q = \frac{V}{t}, \text{ (м}^3\text{/с, литр/мин)}$$

Средняя скорость потока v - скорость движения жидкости, определяющаяся отношением расхода жидкости Q_k площади живого сечения ω

$$v_{\varphi} = \frac{Q}{\omega}, \text{ (м/с)}$$

Гидравлический радиус потока R - отношение живого сечения к смоченному периметру

$$R = \frac{\omega}{\chi}, \text{ (м)}$$

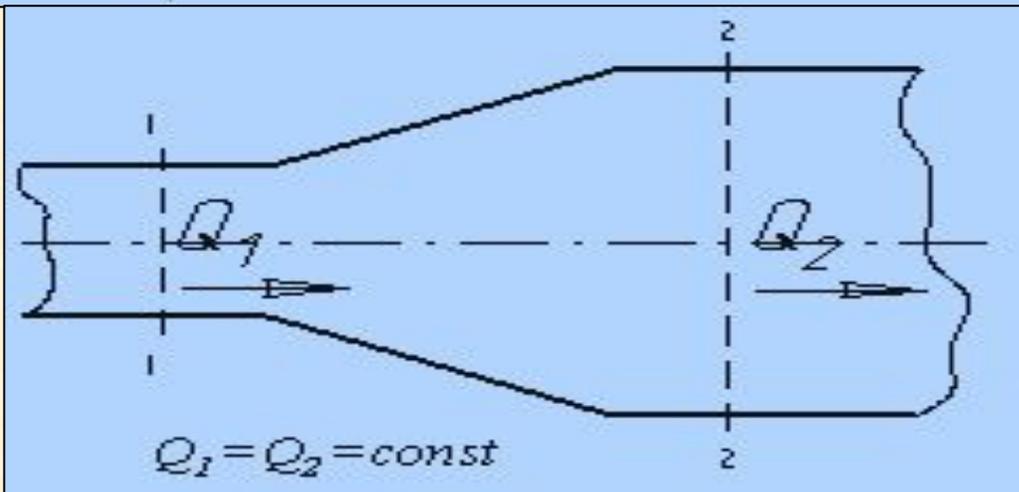
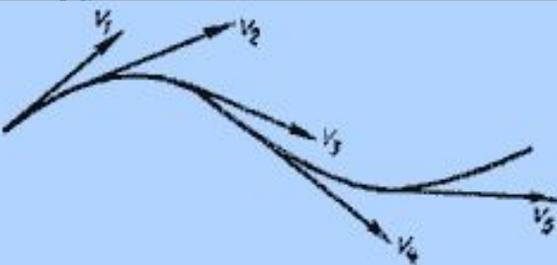
$$v = f(x, y, z)$$

$$P = \varphi f(x, y, z)$$

$$v = f_1(x, y, z, t)$$

$$P = \varphi f_1(x, y, z, t)$$

Трубка тока - трубчатая поверхность, образуемая линиями тока с бесконечно малым поперечным сечением. Часть потока, заключенная внутри трубки тока называется *элементарной струйкой*.



Энергия - запас работы, которую может совершить тело, изменяя свое состояние.

Работа - скалярное произведение силы на перемещение под действием этой силы. На практике величина работы используется для характеристики механизма или технического устройства.

Энергия - это неостребованная работа, математическая абстракция, формула, по которой можно вычислить максимальную работу. В реальных условиях функционирования конкретного механизма часть энергии теряется и переходит в тепло. *Отношение полученной работы к затраченной энергии есть коэффициент полезного действия механизма.*

Механическая энергия разделяется на *кинетическую* и *потенциальную*:

$$E = E_K + E_P.$$

Кинетическая энергия - это форма энергии, связанная с механическим движением.

$$E_K = m v^2 / 2.$$

Потенциальными называют неподвижные формы энергии, которые потенциально можно превратить в энергию движения. К таким формам относят энергию, запасенную в деформированном теле или в результате смещения тел в некотором силовом поле (электрическом, магнитном или гравитационном). Потенциальная энергия жидкости или газа разделяется на два вида:

- **потенциальная энергия положения;**
- **потенциальная энергия давления.**

Потенциальная энергия положения

Твёрдое, жидкое или газообразное тело массой m занимают определённое положение в поле силы тяжести (Рис.2).

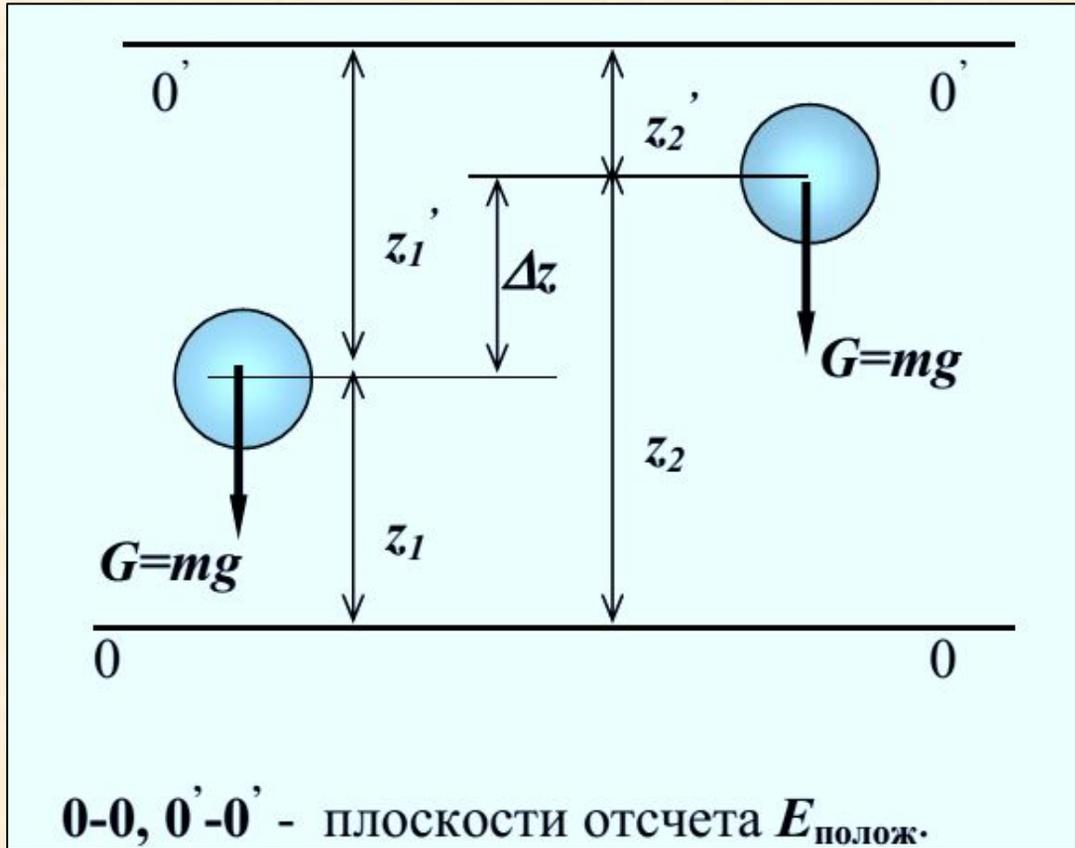


Рис.2 Иллюстрация к выводу формулы потенциальной энергии положения

$$\Delta E_{\text{полож}} = m \cdot g \cdot z_2 - m \cdot g \cdot z_1 = m \cdot g \cdot (z_2 - z_1) = m \cdot g \cdot \Delta z \quad \text{-плоскость отсчета } 0-0$$

$$\Delta E_{\text{полож}} = m \cdot g \cdot (-z_2') - m \cdot g \cdot (-z_1') = m \cdot g \cdot (z_1' - z_2') = m \cdot g \cdot \Delta z \quad \text{-плоскость отсчета } 0'-0'$$

$A = G \cdot z = m \cdot g \cdot z$ - работа силы тяжести;

$E_{\text{полож.}} = m \cdot g \cdot z$ - потенциальная энергия положения, численно равна работе, которую совершает сила тяжести при падении тела с высоты z . Если тело расположено выше плоскости отсчета, высота z берется со знаком (+), если ниже - со знаком (-).

Итак, потенциальная энергия положения жидкости $E_{\text{полож.}}$ равна:

$$E_{\text{полож}} = m \cdot g \cdot z.$$

Потенциальная энергия давления

Другой вид потенциальной энергии связан с деформацией тел. Для твердого тела такой вид энергии запасается в сжатой пружине, для текучих тел (жидкостей и газов), такой вид энергии называется потенциальной энергией давления.

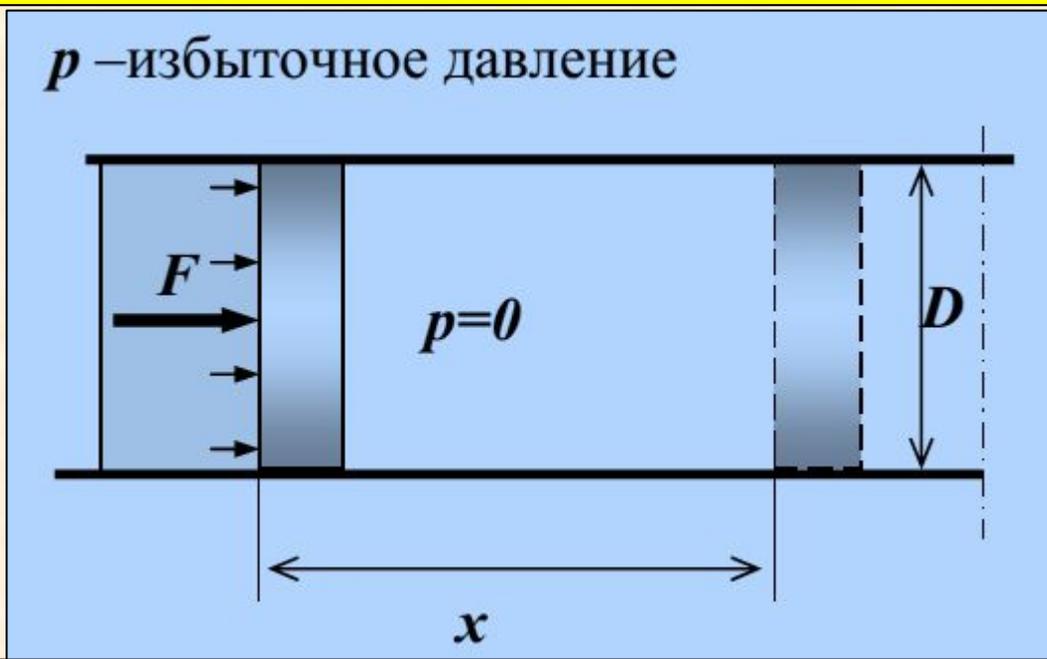


Рис. 3 Иллюстрация к выводу формулы потенциальной энергии давления

$F=p \cdot s$ - сила, действующая на поршень со стороны сжатой жидкости;

$s=\pi \cdot D^2/4$ - площадь сечения поршня; p - давление в жидкости;

$A =F \cdot x =p \cdot s \cdot x =p \cdot V=p \cdot m/\rho$ - работа по перемещению поршня, совершаемая за счет наличия в жидкости давления p .

V - изменение объёма жидкости в результате расширения при движении поршня.

Итак, потенциальная энергия давления жидкости $E_{\text{давл}}$ равна:

$$E_{\text{давл}} = p \cdot m / \rho$$

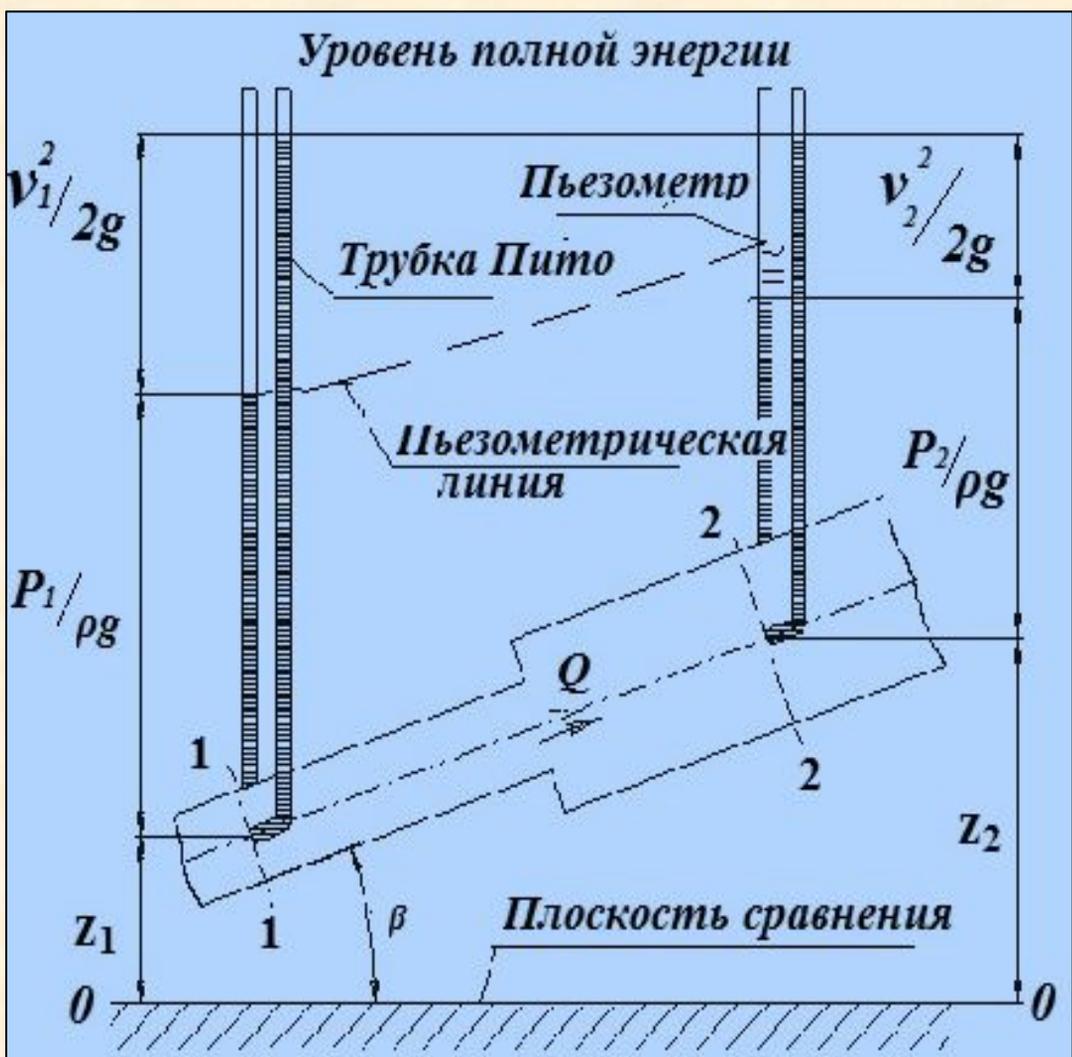


Рис.1. Схема к выводу уравнения Бернулли для идеальной жидкости

ЗАКОНЫ СОХРАНЕНИЯ - фундаментальные физические соотношения, на основании которых выводятся частные законы. В современной науке известно более десяти законов сохранения, большинство из них относится к ядерной физике. При решении гидродинамических задач широко используются следующие:

- Закон сохранения массы.
- Закон сохранения энергии.

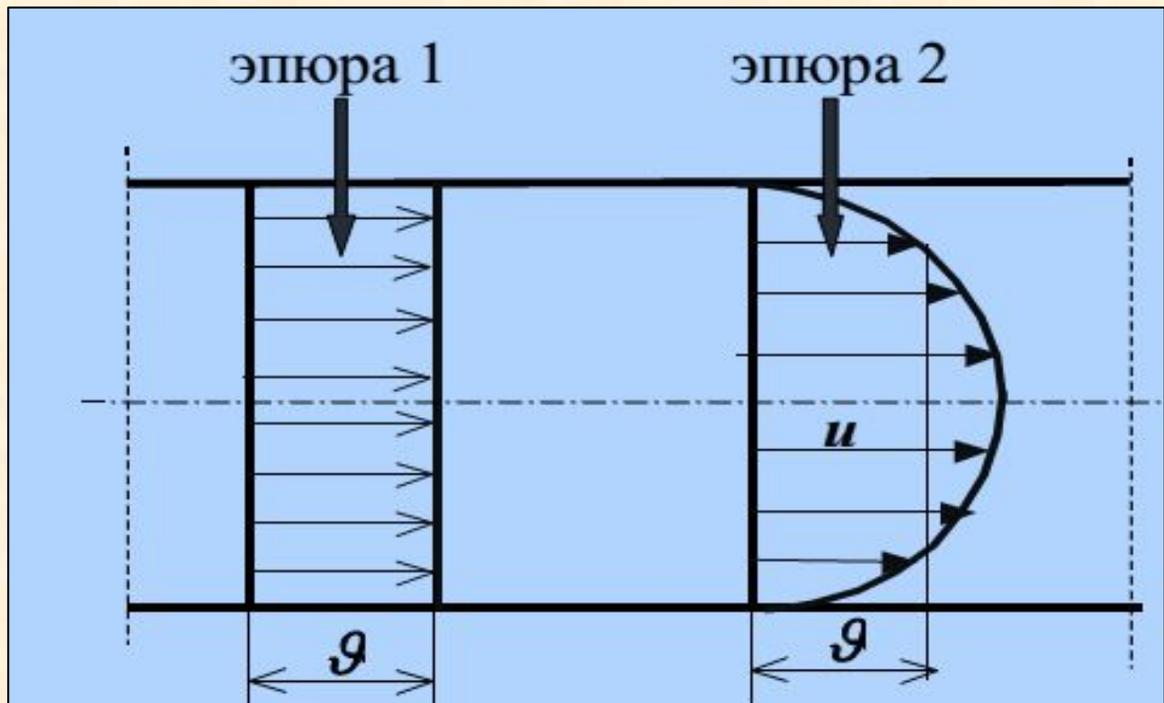
$$z_1 + \frac{P_1}{\rho g} + \frac{v_1^2}{2g} = z_2 + \frac{P_2}{\rho g} + \frac{v_2^2}{2g} = H = \text{const}$$

$$z + \frac{P}{\rho g} + \frac{v^2}{2g} = H = \text{const}$$

$$\frac{P_1}{\rho g} \quad \text{и} \quad \frac{P_2}{\rho g}$$

$$\frac{v_1^2}{2g} \quad \text{и} \quad \frac{v_2^2}{2g}$$

$$z_1 + \frac{P_1}{\rho g} + \frac{v_1^2}{2g} = z_2 + \frac{P_2}{\rho g} + \frac{v_2^2}{2g} = H = \text{const}$$



Потерянная энергия или потерянный напор обозначаются

$h_{пот}^{1-2}$

и имеют также линейную размерность.

Уравнение Бернулли для реальной жидкости будет иметь вид:

$$z_1 + \frac{P_1}{\rho g} + \alpha_1 \frac{v_1^2}{2g} = z_2 + \frac{P_2}{\rho g} + \alpha_2 \frac{v_2^2}{2g} + h_{пот}^{1-2} = H = const$$

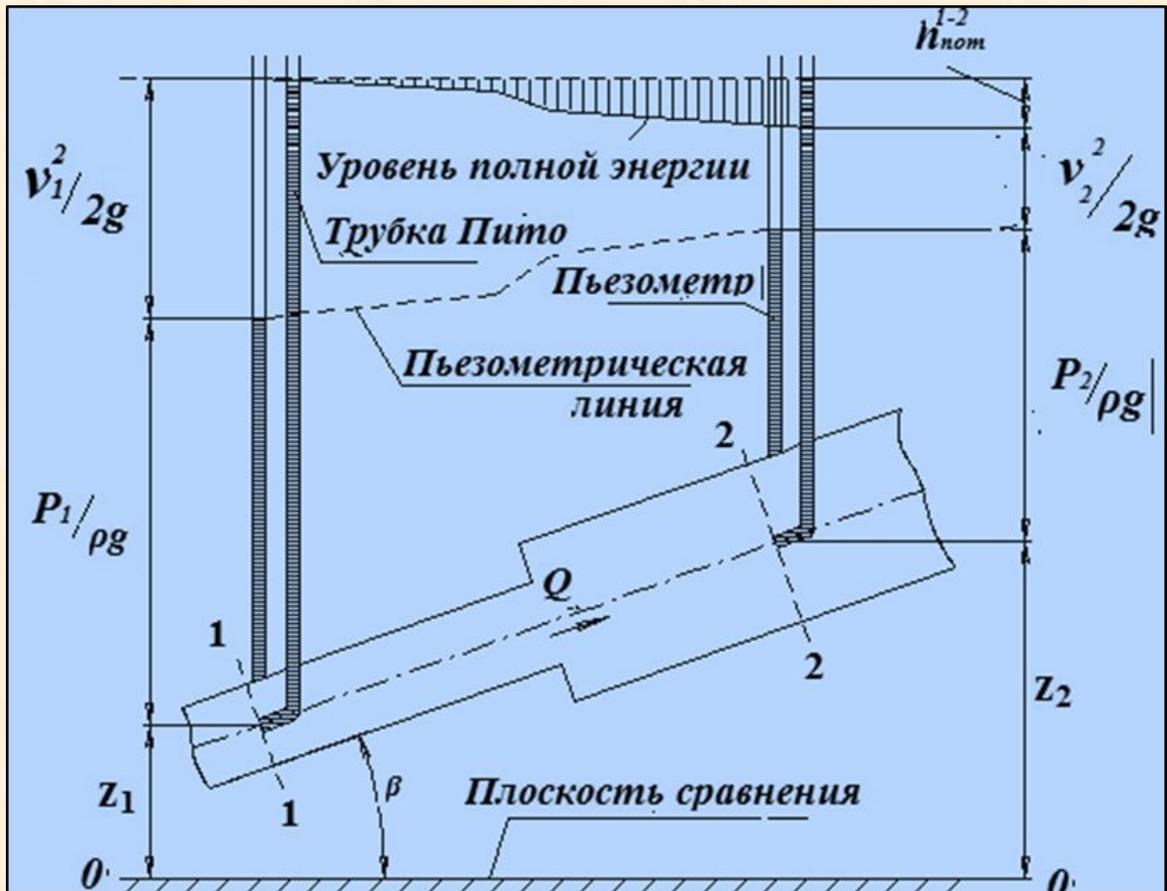


Рис.3.6. Схема к выводу уравнения Бернулли для реальной жидкости

$$\frac{P_{ст} + \gamma h}{\gamma} + \frac{v^2}{2g} = H + h + \frac{P_{ст}}{\gamma} \quad \text{или} \quad v = \sqrt{2gH}$$

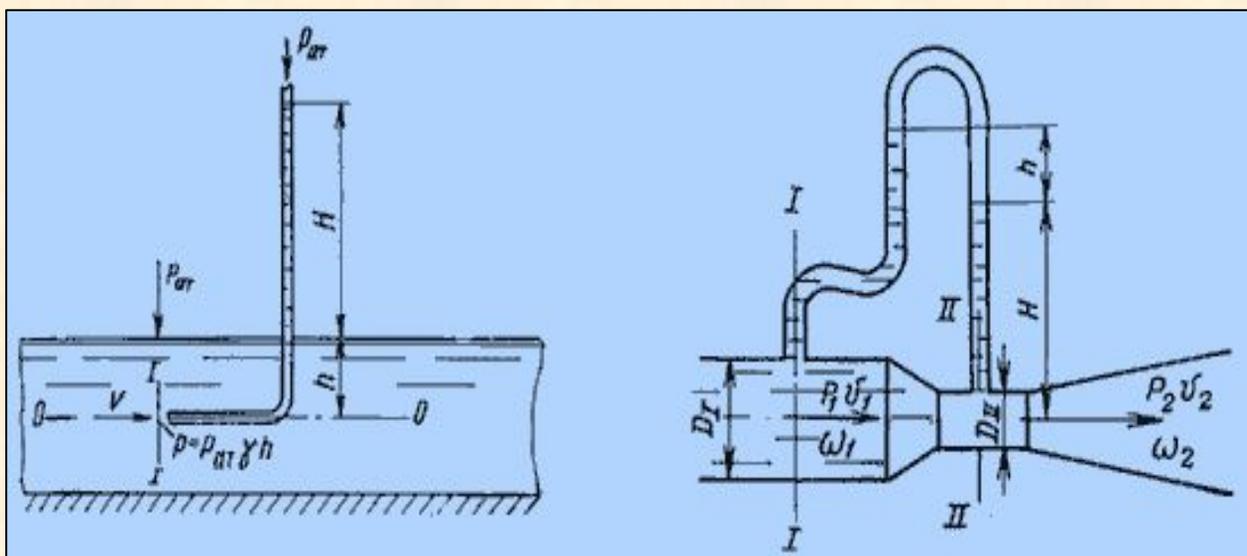
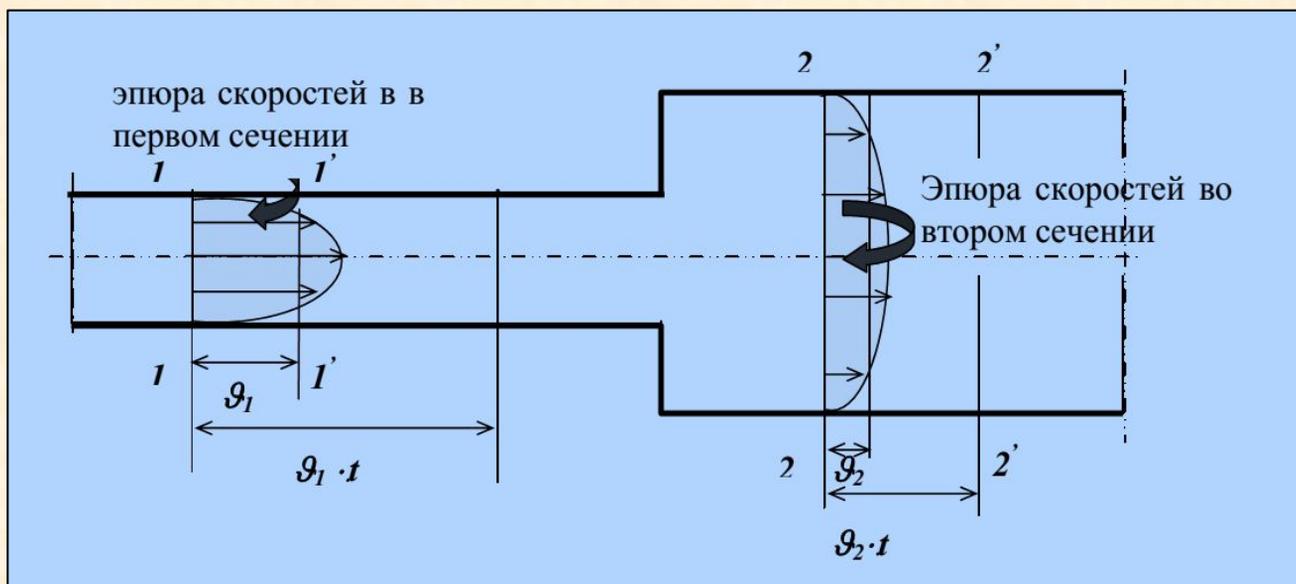


Рис. 3.7. Трубка Пито и расходомер Вентури

ЗАКОН СОХРАНЕНИЯ МАССЫ



$$\rho_1 \cdot \vartheta_1 \cdot s_1 \cdot t = \rho_2 \cdot \vartheta_2 \cdot s_2 \cdot t.$$

Количество жидкости, проходящее через сечение за единицу времени, называется **расходом**.

$$Q = \vartheta \cdot s \quad - \text{объемный расход}$$

$$Q_m = \rho \cdot \vartheta \cdot s = \rho \cdot Q = m/t \quad - \text{массовый расход}$$

$$Q_G = \rho \cdot g \cdot \vartheta \cdot s = \rho \cdot g \cdot Q = G/t \quad - \text{весовой расход}$$

$$\Delta p = - E \cdot \varepsilon$$

Закон Гука

$$\vartheta_1 \cdot s_1 = \vartheta_2 \cdot s_2 = \dots = Q = \text{const.}$$

ЗАКОНЫ СОХРАНЕНИЯ МАССЫ И ЭНЕРГИИ ПРИ ДВИЖЕНИИ ГАЗА

При движении газа (расчет газопроводов) нужно учитывать, что плотность газа зависит от давления и температуры:

$$\rho = p/RT.$$

При движении газа в сечениях потока сохраняется массовый расход!

$$Q_m = \rho_1 \cdot \vartheta_1 \cdot s_1 = \rho_2 \cdot \vartheta_2 \cdot s_2 = \dots = \rho_i \cdot \vartheta_i \cdot s_i = \text{const}$$

Как известно, капельная жидкость в сечении обладает *потенциальной и кинетической энергией*. Газы обладают *потенциальной, кинетической и внутренней энергией*. Внутренняя энергия газа зависит от температуры.

$$z_1 + \frac{p_1}{\rho_1 \cdot g} + \frac{1}{n-1} \cdot \frac{p_1}{\rho_1 \cdot g} + \frac{\alpha_1 \vartheta_1^2}{2g} = z_2 + \frac{p_2}{\rho_2 \cdot g} + \frac{1}{n-1} \cdot \frac{p_2}{\rho_2 \cdot g} + \frac{\alpha_2 \vartheta_2^2}{2g} + h_{1-2}$$

ОПРЕДЕЛЕНИЕ СИЛЫ ИЛИ ДАВЛЕНИЯ

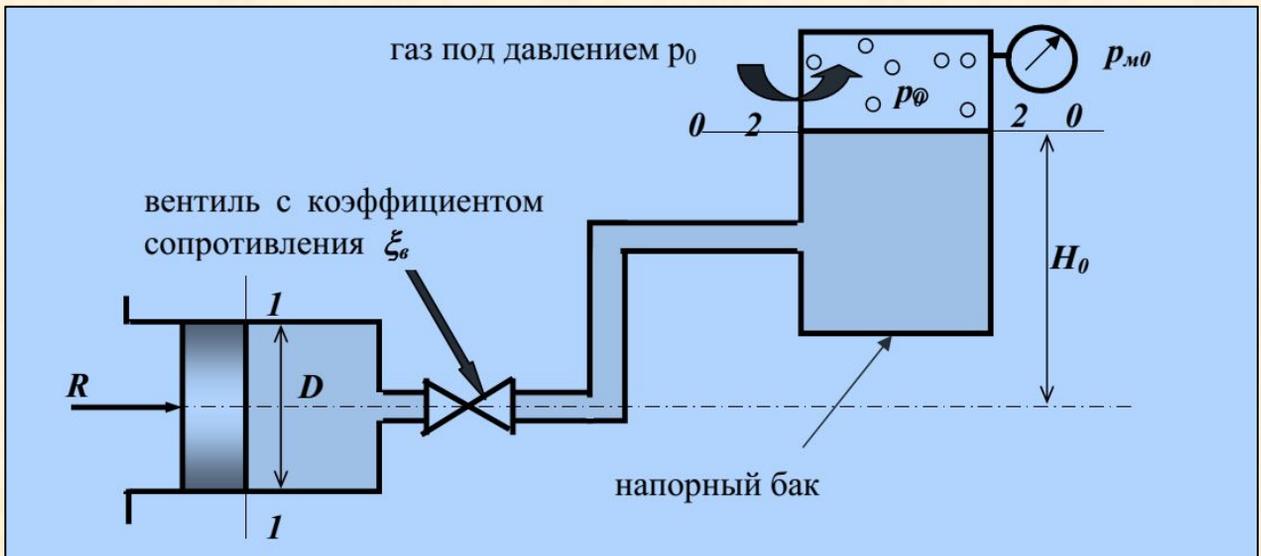


Рис. 16 Схема к задаче

$$z_1 + \frac{p_1}{\rho \cdot g} + \frac{\alpha_1 v_1^2}{2g} = z_2 + \frac{p_2}{\rho \cdot g} + \frac{\alpha_2 v_2^2}{2g} + h_{1-2}.$$