## Задачи астрофизики

### Задачи астрофизики $(4^h)$ .

- 1. Практическая и теоретическая астрофизика.
- 2. Астрофотометрия.
- 3. Звёздные величины.
- 4. Излучение абсолютно чёрного тела.
- 5. Физика излучающего газа.
- 6. Спектральные серии.
- 7. Задача о переносе излучения.
- 8. Спектральная классификация звезд.

## Практическая и теоретическая астрофизика

Цель *астрофизики* – изучение физической природы и эволюции космических объектов, включая и всю Вселенную в целом. Таким образом, астрофизика решает наиболее общие задачи астрономии.

Этапы развития практической астрофизики:

- изобретение телескопа в начале XVII в.,
- открытие спектрального анализа и изобретение фотографии в XIX в.,
- возникновение фотоэлектрии, радиоастрономии и внеатмосферных космических исследований в XX в.

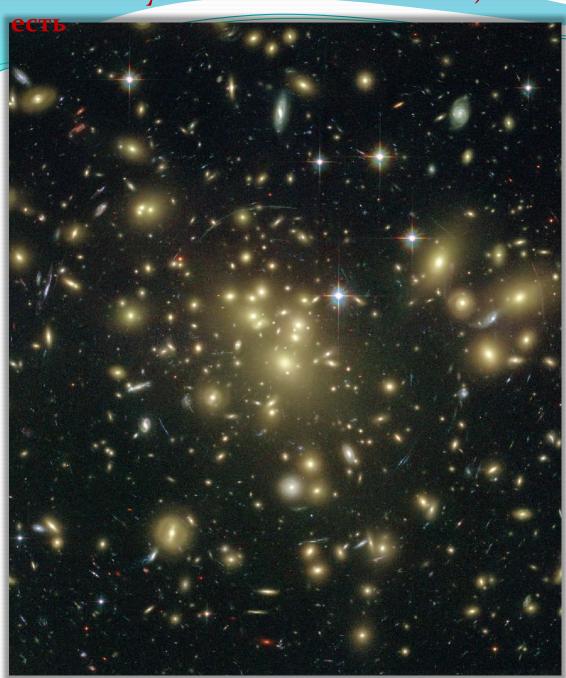
В середине XX в. астрономия стала *всеволновой*, т. е. получила возможность извлекать информацию практически из любого диапазона спектра электромагнитного излучения.

**Теоретическая астрофизика**. Ее цель – интерпретация результатов наблюдений, постановка новых задач исследований, а также обоснование методов практической астрофизики.

Разделение **теоретической астрофизики**, как правило, производится по объектам исследования: физика Солнца, планет, звезд, межзвездной среды, галактик, физика Вселенной (космология) и т.д.

Разделы *практической астрофизики* обычно отражают те или иные применяемые методы: астрофотометрия, астроспектроскопия, астрофотография, колориметрия и т.д. Разделы астрофизики, основанные на применении принципиально новых методов, составившие эпоху в астрономии и, как правило, включающие соответствующие разделы теоретической астрофизики, получили такие названия, как радиоастрономия, баллонная астрономия, внеатмосферная астрономия (космические исследования), рентгеновская астрономия, гамма-астрономия, нейтринная астрономия.

### Объект изучения – Вселенная и все, что в ней



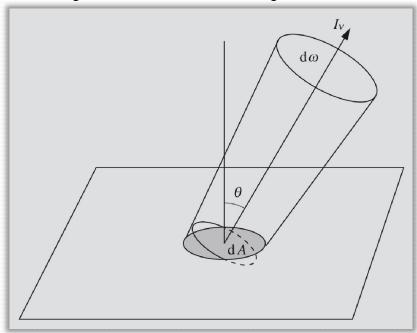
Наблюдения необходимо вести во всем диапазоне масштабов от субатомных, до горизонта событий (10 ГПк =  $3 \cdot 10^{28}$  см) и в максимально широком диапазоне длин волн электромагнитного излучения.

## Астрофотометрия

### Интенсивность излучения

Количество световой энергии, излучаемой телом, является одной из существенных его характеристик. Имеется два основных способа измерения этой величины: либо непосредственное определение количества световой энергии, дошедшей от данного тела до измерительного прибора, либо сравнение излучения исследуемого объекта с излучением какого-нибудь другого, излучательная способность которого известна.

Эти подходы требуют учета особенностей спектров излучения и поглощения тел и спектральный диапазон приемников излучения.



Рассмотрим энергию излучения  $dE_{\nu}$ , проходящего через площадку dA в телесном угле  $d\omega$  в направлении  $\theta$  к нормали к площадке, в диапазоне частот от  $\nu$  до  $\nu+d\nu$  за время dt.

 $dE_{\nu} = I_{\nu} \cos\theta \; dA \; d\nu \; d\omega \; dt$ 

Коэффициент пропорциональности суть спектральная **интенсивность** 

 $I_{\nu}$ [эрг см<sup>-2</sup>с<sup>-1</sup>Гц<sup>-1</sup>страд<sup>-1</sup>].

 $I_{\nu}$  = const в отсутствие поглощения или излучения в евклидовом пространстве

Полная (болометрическая) интенсивность

$$I = \int_{0}^{\infty} I_{\nu} d\nu$$

Если dA – элемент излучающей поверхности, то интенсивность называют  $\mathbf{\textit{яркостью}}$  ( $\mathbf{\textit{B}}$ ).

### Поток энергии излучения

Мощность световой энергии обычно характеризуют потоком излучения (световым потоком), являющимся основным понятием фотометрии. Потоком излучения называется количество лучистой энергии dE, проходящей за единицу времени через данную поверхность со всех направлений (например, входное отверстие телескопа).

$$dE = dA \, d\nu \, dt \int_{4\pi} I_{\nu} \cos \theta \, d\omega = F_{\nu} \, dA \, d\nu \, dt$$

$$F_{\nu} = \int\limits_{4\pi} I_{\nu} \cos\theta \ d\omega \,, \qquad F = \int\limits_{0}^{\infty} F_{\nu} \ d\nu \,.$$

**Плотность потока энергии излучения**  $F_{\nu}$  [эрг с<sup>-1</sup> см<sup>-2</sup>  $\Gamma$ ц<sup>-1</sup>]. В радиоастрономии используется специальная единица измерения спектральной плотности потока излучения янский:

$$1 \text{ Jy} = 10^{-26} \text{ Bt M}^{-2} \Gamma \text{U}^{-1}$$
.

Поток энергии L, излученный объектом в телесном угле  $d\omega$  выражается через плотность потока энергии от объекта на расстоянии r от него как

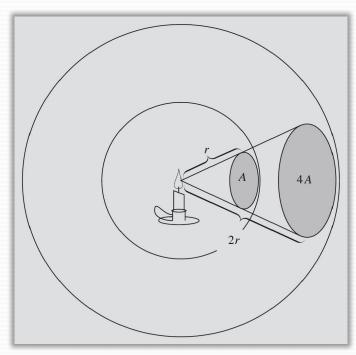
$$L = \omega r^2 F \text{ [BT]}.$$

Поток определенный через всю замкнутую поверхность вокруг источника называют светимостью источника:

$$L_{
u}=4\pi r^2 F_{
u}; \quad L=4\pi r^2 \int\limits_0^\infty F_{
u} \, d
u \, -$$
 для изотропного источника, 
$$f_{
u}=rac{L_{
u}}{4\pi r^2}=rac{R^2}{r^2}F_{
u}=rac{R^2}{r^2}B_{
u} \, -$$
 поток от объекта у наблюдателя

### Освещенность

Освещенностью (единственная реально измеряемая величина) называется плотность светового потока, т. е. световой поток, приходящийся на единицу площади освещаемой поверхности. Если световой поток L равномерно освещает площадь S, то освещенность составляет



$$E = B\Omega$$

$$E=\frac{L}{\varsigma}$$
.

Если вершину некоторого конуса совместить с точечным источником, то все лучи, испускаемые в пределах этого конуса, будут всегда в нем оставаться, так что через любое сечение этого конуса пройдет один и тот же поток излучения. Рассматривая сечения, перпендикулярные оси конуса, можно показать, что из постоянства потока следует закон обратной пропорциональности освещенности квадрату расстояния.

Если яркость излучающего тела всюду одинакова или можно принять среднее ее значение, то получаем важное соотношение: светящееся тело создает в месте наблюдения на нормальной площадке освещенность, равную его средней яркости, умноженной на телесный угол, под которым оно видно на небе.

Полученное выражение можно принять за определение понятия яркости. Оно составляет основу астрофотометрии, так как позволяет определять излучательные свойства небесных объектов и в конечном счете их температуру на основании наблюдаемых величин: потока их излучения и телесного угла, под которым они видны.

■ Плотность энергии излучения  $\rho_{v}$ [эрг см<sup>-3</sup> Гц<sup>-1</sup>]

$$\rho_{v} = \frac{1}{c} \int_{0}^{4\pi} I_{v} d\omega = \frac{4\pi}{c} J_{v}, \quad dt = \frac{ds}{c}$$

• Эффективная температура T<sub>eff</sub>

$$L = 4\pi R^2 \sigma_{\scriptscriptstyle B} T_{\scriptscriptstyle eff}^4 - ec$$
ли звезда излучает как  $A Y T$ 

## Звёздные величины

### Глаз, как относительный приемник излучения

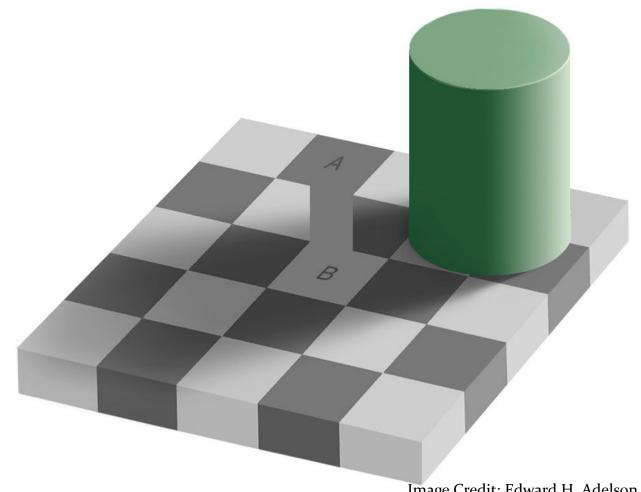


Image Credit: Edward H. Adelson

Неинструментальные наблюдения могут вносить большую субъективную погрешность. Аналогичная ошибка возникает, например, при наблюдении полной Луны вблизи горизонта.

12

В большинстве случаев не удается непосредственно измерить угловые размеры звезд. Поэтому создаваемая ими освещенность – единственная фотометрическая информация о них.

В качестве глазомерной оценки световой энергии, приходящей от звезд, Гиппарх еще во II в. до н .э. ввел специальную **звездную шкалу величин**. Самые яркие звезды он отнес к **первой** величине, а едва различимые невооруженным глазом – к **шестой** величине (по латыни magnituda – величина; поэтому звездные величины обозначают индексом m, который ставят вверху после числового значения, как, например, градус Цельсия:  $5^m$ ).

Звездная величина – безразмерная физическая величина, характеризующая освещенность, создаваемую небесным объектом вблизи наблюдателя. Субъективно ее значение воспринимается как блеск (у точечных источников) или яркость (у протяженных). При этом блеск одного источника указывают путем его сравнения с блеском другого, принятого за эталон. Видимая звездная величина (т; часто ее называют просто «звездная величина») указывает поток излучения вблизи наблюдателя, т. е. наблюдаемую яркость небесного источника, которая зависит не только от реальной мощности излучения объекта, но и от расстояния до него.

*Психофизический закон* **Вебера-Фехнера**: если раздражение возрастает в геометрической прогрессии, ощущение возрастает в арифметической прогрессии.

Поэтому в шкале, введенной Гиппархом, освещенности от звезд 1-, 2-, 3-, ... , 6-й величин получились в убывающей геометрической прогрессии. Тогда освещенность  $E_m$  от звезды, у которой звездная величина m, выразится через освещенность от звезды первой величины  $E_1$  при помощи формулы общего члена геометрической прогрессии

$$E_m = E_1 q^{m-1},$$

где q – знаменатель прогрессии, требующий определения.

Измерения, сделанные в середине XIX в., показали, что разности в 5 звездных величин в шкале Гиппарха соответствует отношение освещенностей почти 1 : 100.

В 1857 г. английский астроном Н. Погсон предложил для шкалы звездных величин принять значение

$$q = \frac{1}{\sqrt[5]{100}} = 10^{-0.4} \approx \frac{1}{2.512}.$$

Число 2.512 – приближенное значение антилогарифма 0,4. Оно показывает, во сколько раз освещенность от объекта со звездной величиной m больше, чем от объекта со звездной величиной m+1. Из этих формул получаем, что освещенности, создаваемые двумя объектами со звездными величинами  $m_1$  и  $m_2$ , связаны формулой Погсона, являющейся определением шкалы звездных величин: звездной величиной называется отсчитываемый от некоторого нуль-пункта десятичный логарифм освещенности, создаваемой данным объектом в месте наблюдения, умноженный на коэффициент -2.5

$$m_2 - m_1 = -2.5 \lg \left(\frac{E_2}{E_1}\right)$$

 $m_2 - m_1 = -2.5 \lg \left(\frac{E_2}{E_1}\right)$  Закон Погсона (Е – освещенность) – соответствует шкале зв. величин Гиппарха: звезды 5-й величины в 100 раз слабее, чем ... звезды о-й величины

$$m_{v} = -2.5 \lg \left[ \frac{f_{v}}{f_{v} (\alpha Lyr)} \right]$$

 $m_v = -2.5 \, \text{lg} \left| \frac{f_v}{f \, (\alpha L v r)} \right|$  видимая звездная величина (в системе величин Веги (m=o))

$$m_{AB} = -2.5 \, \mathrm{lg} \Bigg[ rac{f_{\nu}}{3.6308 imes 10^{-23} \; \mathrm{Bt} \; \Gamma \mathrm{L}^{-1} \; \mathrm{M}^{-2}} \Bigg] \quad$$
 видимая величина в AB-системе  $(\mathrm{m_{Bera}} = \mathrm{m_{Bera}} \, \mathrm{AB} \; \mathrm{ha} \; \lambda = 550 \; \mathrm{hm})$ 

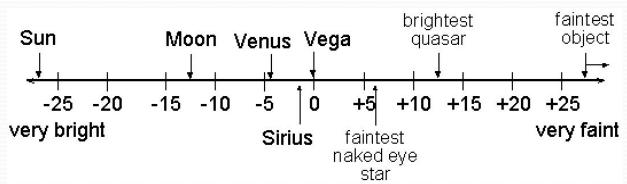
Звезда о<sup>м</sup> создает на границе земной атмосферы освещенность,  $E_o = 2,48 \cdot 10^{-12} \; \mathrm{BT/M^2} = 2,48 \cdot 10^{-8} \; \mathrm{эрг/(cm^2 \cdot c)},$  а для видимой области спектра можно принять спектральную плотность потока излучения ( $\lambda = 550 \; \mathrm{Hm}$ )  $E_{o,550} = 3,75 \cdot 10^{-12} \; \mathrm{BT/(m^2 \cdot A)} = 3,75 \cdot 10^{-8} \; \mathrm{эрг/(cm^2 \cdot c \cdot A)},$  или  $o^m = 10^3 \; \mathrm{квантов/cm^2/c/Å} \; ; \; F_{\mathrm{V}}(o^m) \approx 10^6 \; \mathrm{квантов/cm^2/c} \; \mathrm{в} \; \mathrm{видимом} \; \mathrm{диапазонe}$ 

Звездная величина, полученная на основании определения полной энергии, излучаемой во всем спектре, называется **болометрической**. В отличие от нее, результаты визуальных, фотографических и фотоэлектрических измерений потока излучения позволяют установить соответственно системы визуальных, фотографических, фотоэлектрических и т. д. звездных величин.

$$m(\lambda_1) - m(\lambda_2) = -2.5 \lg(F(\lambda_1)/F(\lambda_2)) + C$$
 оценка «цвета» звезды



$$m-M=-2.5 \lg \left[ rac{f(r)}{f(10 \ \Pi ext{K})} 
ight] = {
m aбсолютная звездная величина} \ = \left[ f \propto r^{-2} 
ight] = 5 \lg \left[ r(\Pi ext{K}) 
ight] - 5 + A(r) \ M = m - 5 \lg \left[ rac{r}{10 \ \Pi ext{K}} 
ight] \ M - M_{Sun} = -2.5 \lg (L/L_{Sun}) \ L/L_{Sun} = 10^{-0.4(M-M_{Sun})}; \quad M_{V,Sun} = 4.83$$



Объект	m	
Солнце	–26,7 (в 400 000 раз ярче полной Луны)	
Луна в полнолуние	-12,74	
Вспышка Иридиума (максимум)	-9,5	
Сверхновая 1054 года (максимум)	-6,o	
Венера (максимум)	-4,67	
Международная космическая станция (максимум)	-4	
Земля (при наблюдении с Солнца)	-3,84	
Юпитер (максимум)	-2,94	
Марс (максимум)	-2,91	
Меркурий (максимум)	-2,45	
Сатурн (максимум)	+0,7	
Звёзды Большого Ковша	+2	
Галактика Андромеды	+3,44	
Спутники Юпитера	+5-6	
Уран	+5.5	
Самые слабые звёзды, наблюдаемые невооружённым глазом	От +6 до +7.72	
Нептун	+7.8	
Проксима Центавра	+11,1	
Самый яркий квазар	+12,6	
Самый слабый объект, заснятый в 8-метровый наземный телескоп	+27	
Самый слабый объект, заснятый в космический телескоп Хаббл	+31.5	

Диапазон видимых величин астрономических объектов

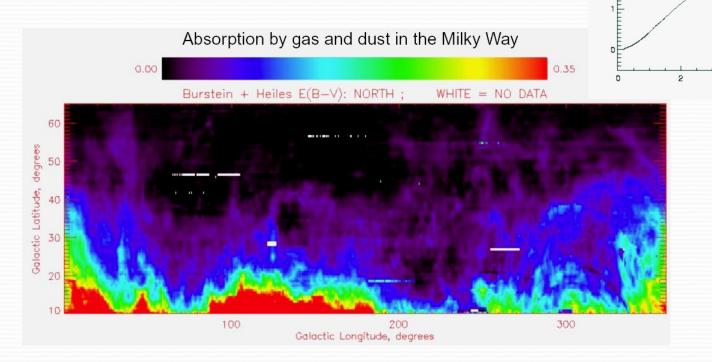
### Учет поглощения и рассеяния

### света

 $m_{\lambda}^{corr} = m_{\lambda}^{obs} - \varepsilon_{\lambda}^{z}/\cos(z)$  учет поглощения в атмосфере Земли (о.1 <  $\varepsilon$  <

0.3)

Поглощение пылью и газом в межзвездной среде:



1.00

0.10

1/lambda(microns)

lambda(microns)

8

10

# Излучение абсолютно черного тела

**Тепловое излучение**. Всякое, даже слабо нагретое тело излучает электромагнитные волны (тепловое излучение). При низких температурах, не превышающих 1000 К, существует главным образом инфракрасное излучение и радиоволны. По мере дальнейшего нагревания спектр теплового излучения меняется; во-первых, увеличивается общее количество излучаемой энергии, во-вторых, появляется излучение все более и более коротких длин волн – видимое (от красного до фиолетового), ультрафиолетовое, рентгеновское и т.д.

*Излучение абсолютно черного тела*. Особую роль играет один частный случай, для которого законы теплового излучения имеют наиболее простой вид.

Если излучающее тело полностью изолировать от окружающей среды идеально теплонепроницаемыми стенками, то после того, как всюду в его пределах температура станет одинаковой, оно придет в состояние теплового равновесия (термодинамического равновесия). В этом случае его излучение определяется только температурой и называется равновесным. Фактически подобные условия нигде не осуществляются, так как нет идеальных теплоизоляторов. Однако часто встречаются условия, близкие к термодинамическому равновесию, например, когда излучающее тело (скажем, внутренние слои звезды) окружено сильно непрозрачным слоем газа – атмосферой. Тело, находящееся в условиях термодинамического равновесия, называется абсолютно черным: поскольку оно не может терять своей тепловой энергии, оно полностью поглощает всякое излучение

$$E = hv;$$
  $p = \frac{hv}{c};$   $dp = \frac{h}{c}dv$ 

интенсивность  $B_{\nu}$  – энергия, проходящая через единичную поверхность в единицу времени в единичном телесном угле

$$B_{\nu} = \frac{2h\nu^3}{c^2} \frac{1}{\exp(h\nu/kT)-1}$$
 функция

$$\frac{hv}{kT} << 1 \Rightarrow \exp\left(\frac{hv}{kT}\right) \approx 1 + \frac{hv}{kT}$$
$$\Rightarrow B_v(T) = \frac{2v^2}{c^2}kT$$

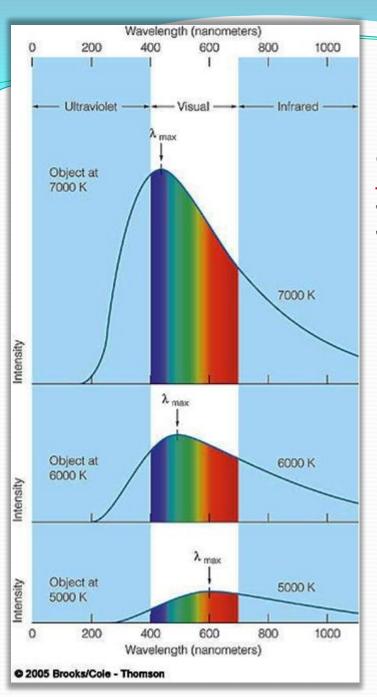
приближение Рэлея-Джинса

$$B(T) = \int_{0}^{\infty} B_{\nu}(T) d\nu = \sigma_{B} T^{4}$$
 Закон Стефана- Больцмана

$$\frac{hv}{kT} >> 1 \Rightarrow \exp\left(\frac{hv}{kT}\right) >> 1$$

$$\Rightarrow B_v(T) = \frac{2hv^3}{c^2} \exp\left(-\frac{hv}{kT}\right)$$

приближение Вина

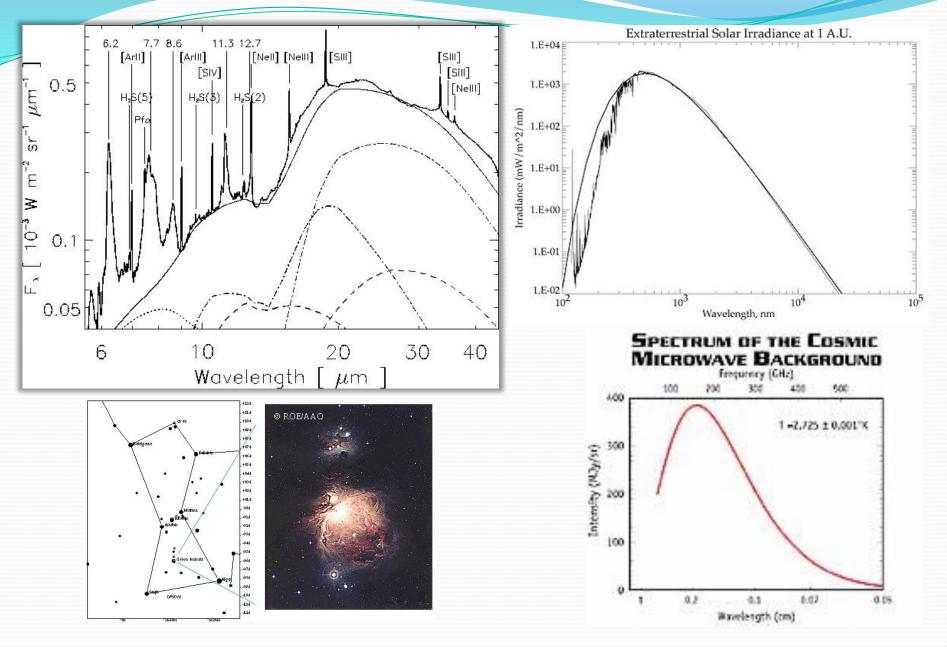


$$\lambda_{max} = \frac{0.00290}{T},$$

если ее выражать в метрах. Это **закон смещения максимума излучения Вина**: с увеличением температуры максимум излучения абсолютно черного тела смещается в коротковолновую область спектра.

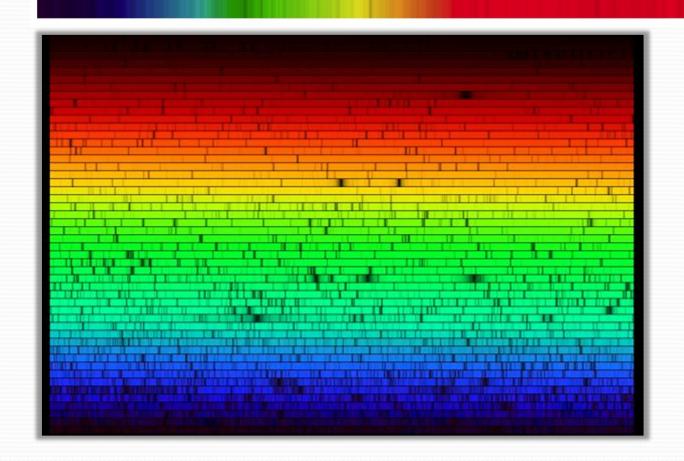
## Физика излучающего газа

Разреженные газы (например, часто встречающиеся в Галактике диффузные туманности) дают линейчатые спектры, в которых излучение сосредоточено в узких участках – ярких (эмиссионных) спектральных линиях, характеризующихся определенными значениями длин волн. Расположение и число спектральных линий в различных участках спектра зависит от химического состава излучающего газа, а также от его температуры и плотности. В то же время, для атмосфер звезд характерен случай образования линейчатого спектра поглощения на фоне яркого непрерывного спектра звездной фотосферы.

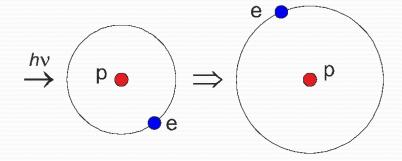


Глава 1. Излучение и вещество

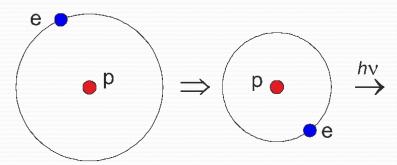
K4iii	4500	5000	5500 6000	6500 7000	00 8500
Нδ	Ну	Нβ	Na	Hα	 



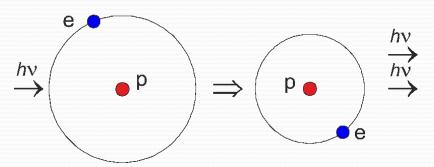
### Поглощение

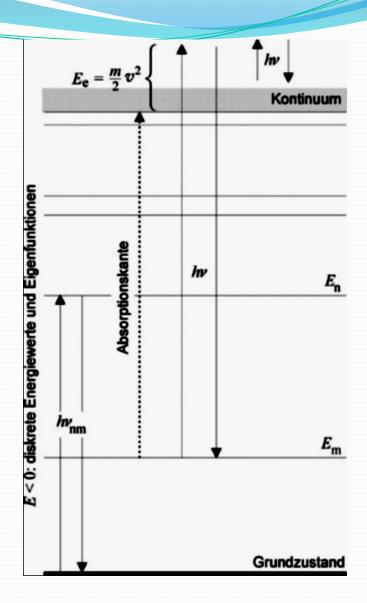


### Спонтанное излучение



### Индуцированное излучение





### **Дискретный** (связанные электроны)

Спект р

Непрерывный (свободные электроны)

Взаимодействия между фотонами и электронами (в т. ч. связанными в атомах и молекулах) ведут к  $\sim 3hv^3 \sigma$ 

- lacktriangle поглощению ( $dn = n_l B_{lu} 
  ho_{lu} dt$ )
- lacktriangle спонтанному излучению ( $dn = n_u A_{ul} dt$ )
- lacktriangle вынужденному излучению ( $dn = n_u B_{ul} 
  ho_{lu} dt$ )

$$(A_{ul}) = \frac{3hv^3}{c^2} \frac{g_l}{g_u} B_{lu}$$

 $g_{u}B_{ul}=g_{l}B_{lu}$ 

#### Возможные типы переходов:

- связано-связанные (спектральные линии)
- свободно-связанные (ионизационный/рекомбинационный континуум)
- свободно-свободные (тормозное излучение в поле ионов)

$$d^{2}W_{ul}^{sp} = A_{ul}\varphi(v)dv\frac{d\omega}{4\pi}$$

$$d^{2}W_{ul}^{stim} = B_{ul}I_{v}\varphi(v)dv\frac{d\omega}{4\pi}$$

$$\int_{0}^{\infty}\varphi(v)dv = 1$$

$$\phi(v) - \phi y$$

полные вероятности переходов

### Уширение и профиль

1) Еетественная ширина:  $\Delta E \cdot \tau \geq h$ ;  $\tau_{natural} = A_{ul}^{-1}$ 

$$\varphi(v) = \frac{2}{\pi} \frac{A_{ul}/2}{(v-v_0)^2 + (A_{ul}/2)^2}$$
 лоренцев профиль

2) Гауссов профиль (тепловое уширение)

$$\varphi(v) = \pi^{-1/2} \frac{1}{\Delta v_{therm}} \exp \left[ -\left(\frac{v - v_0}{\Delta v_{therm}}\right)^2 \right]; \quad \frac{\Delta v_{therm}}{v} = \sqrt{\frac{2kT}{m_{atom}c^2}}$$

3) Эффекты «давления»

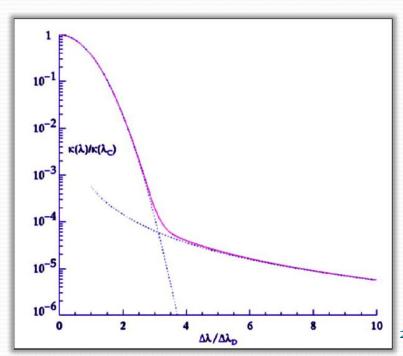
$$\varphi(v) = 2\pi^{-1} \frac{\gamma/2}{(v-v_0)^2 + (\gamma/2)^2}; \quad \gamma = \tau_{natural}^{-1} + \tau_{press}^{-1}, \quad \tau_{press}^{-1} \propto n^{-1}$$

4) Фойгтовский (Voigt) профиль

$$\varphi(v) = \frac{1}{\sqrt{\pi} \Delta v_D} \frac{\alpha}{\pi} \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{\exp(-y^2)}{\alpha^2 + (x - y)^2} dy$$

$$\alpha = \frac{1}{4\pi} \frac{\gamma}{\Delta v_D}$$

$$x = \frac{v - v_0}{\Delta v_D}$$



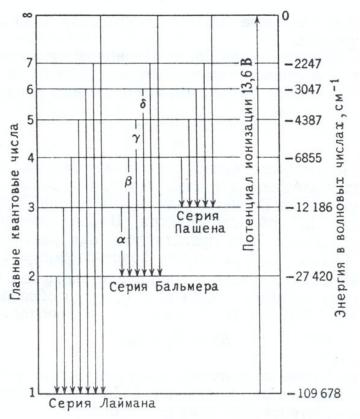
### Спектральные серии

Расположение спектральных линий, характерных для атома данного химического элемента, определяется зарядом его ядра и числом внешних, валентных электронов.

Поэтому спектры элементов, входящих в группы периодической системы Менделеева, равно как и спектры ионов с одинаковым числом валентных электронов, сходны между собой. Так, например, сходными оказываются спектры водорода и ионизованного гелия, натрия и ионизованного кальция, нейтральных кальция и магния и т.д.

### Линии водорода

В спектрах большинства астрономических объектов, в частности, почти у всех звезд, наблюдаются интенсивные линии водорода, как правило в поглощении.



- $\lambda^{-1} = R_H(1-n^{-2}), \ n=2, \ 3, \ldots -$  Лаймановская серия;
- $\lambda^{-1} = R_H(2^{-2} n^{-2}), \ n = 3, 4, \ldots$  Бальмеровская серия;
- $\lambda^{-1} = R_H(3^{-2} n^{-2}), \ n = 4, 5, \dots$  Пашеновская серия;
- $\lambda^{-1} = R_H(4^{-2} n^{-2}), \ n = 5, \ 6, \ldots$  Брэкетовская серия;
- $\lambda^{-1} = R_H(5^{-2} n^{-2}), n = 5, 7, \dots \Pi$ фундовская серия.

Длины волн астрофизически важных линий атомарного водорода указаны в табл. 4.2.

Таблица 4.2: Длины волн некоторых линий атома водорода

Название	λ	Примечание
$Ly\alpha$	$1215.68~{\rm \AA}^a$	внеатмосферный ультрафиолет
$H\alpha$	$6562.73~{\rm \AA}^b$	красная линия
$H\beta$	$4861.33~{ m \AA}^{b}$	синяя линия
$H\gamma$	$4340.47~{\rm \AA}^b$	синяя линия
$H\delta$	$4101.47~{ m \AA}^b$	фиолетовая линия
$Pa\alpha$	1.875 мкм $^{b}$	слабый переход
$Br\alpha$	$4.051 \; \text{мкм}^{b}$	паблюдение затруднено
$Br\gamma$	$2.166 \text{ мкм}^{b}$	инфракрасная К-полоса

<sup>&</sup>lt;sup>а</sup>в вакууме

b B BOSHANO

В видимой области спектра расположены линии серии **Бальмера**, возникающие при переходах между вторым и всеми вышележащими энергетическими уровнями: красная линия, обозначаемая  $H\alpha$  ( $\lambda$  = 6563 A), голубая  $H\beta$  ( $\lambda$  = 4861 A) и две фиолетовые  $H\gamma$  ( $\lambda$  = 4340 A) и  $H\delta$  ( $\lambda$  = 4102 A).

Остальные линии этой серии вместе с бальмеровским континуумом, начинающимся около  $\lambda$  = 3646 A и возникающим при рекомбинации электронов на второй уровень, расположены в ультрафиолетовой части спектра.

У всех элементов наиболее интенсивными, как правило, являются линии главной серии, возникающие в результате переходов на самый глубокий, основной уровень атома. Это связано с постоянным стремлением электрона в атоме к состоянию с наименьшей потенциальной энергией.

У водорода главная серия, называемая серией **Лаймана** (Lα, Lβ, . . . ) , лежит в далеком ультрафиолете (длины волн 1 216, 1026, 972 A и т. д.). Первая линия главной серии называется резонансной. С длины волны 912 A начинается лаймановский континуум. Переходы со всех вышележащих уровней на третий и четвертый дают соответственно серии **Пашена** и **Брэккета**, расположенные в инфракрасной части спектра.

Спектральные линии, которые возникают в результате очень редких переходов атома из одного состояния в другое, называются запрещенными: во время этих переходов «нарушаются» устанавливаемые в квантовой механике правила. Линия 21 см – пример сильно запрещенной линии.

$$\sigma_c \approx 10^{-15} \ cm^{-2}; \ l_c \approx (n_H \sigma_c)^{-1} = \frac{10^{15}}{n_H} \ cm; \ \frac{3}{2} m_H v^2 = k_B T$$

$$au_c^{-1} = \frac{\upsilon}{l_c} = \left(\frac{2k_BT}{3m_H}\right)^{1/2} n_H \sigma_c = 7 \cdot 10^{-12} n_H T^{1/2} \left[c^{-1}\right]$$
 – частота столкновений

При  $n_H \approx 1 \text{ см}^{-3}$ ,  $T \approx 100 \text{ K}$ ,  $\frac{\tau_c}{c} \approx 500 \text{ лет}$ . Энергия столкновений ≤  $10^{-2}$  эВ, → большинство частиц в самом нижнем энергетическом состоянии, либо на метастабильных уровнях сверхтонкой структуры (если есть).

$$HI: p \uparrow e^- \uparrow \rightarrow p \uparrow e^- \downarrow + \gamma (6 \cdot 10^{-6} \text{ эВ})$$
 переход  $(S = 1 \rightarrow 0)$  с  $\lambda = 21$ 

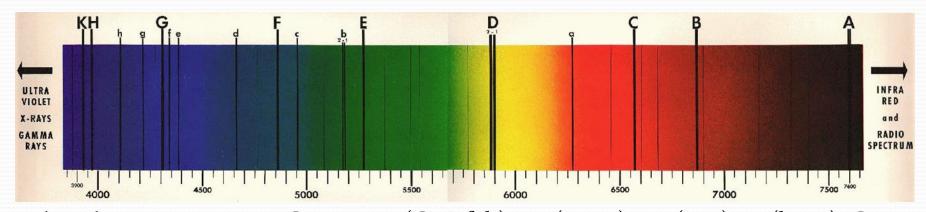
А-коэффициент равен 2.869<sup>-10<sup>-15</sup></sup> с<sup>-1</sup>, время жизни 11 млн лет!

Естественная ширина линии очень мала, доплеровское уширение дает FWHM =  $2.02T^{1/2}$  кГц. Доплеровский сдвиг частоты при движении облаков: 4.74V кГц, [V]=км/с.

### Линии гелия и тяжелых элементов

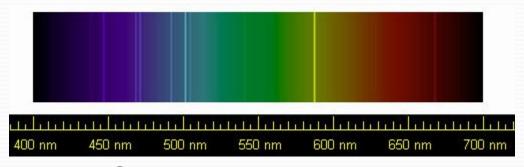
В спектрах некоторых тел, особенно горячих звезд, наблюдаются линии гелия. Спектр ионизованного гелия очень похож на водородный и наблюдается у самых горячих звезд. Линии нейтрального гелия встречаются чаще. Еще до того, как гелий был обнаружен на Земле, наиболее интенсивная из его спектральных линий в видимой части спектра (желтая линия с  $\lambda = 5876$  A) была замечена в спектре Солнца, что и послужило поводом к названию этого элемента (гелиос, по-гречески, Солнце).

Рядом с этой линией гелия, обозначаемой  $D_3$ , находятся две интенсивные линии  $D_1$  и  $D_2$  с длинами волн 5 896 и 5 890 A, часто наблюдаемые в спектрах звезд и межзвездной среды. Это резонансные линии натрия. Еще более интенсивными часто бывают резонансные линии ионизованного кальция, расположенные у фиолетовой границы видимого спектра. Они обозначаются H ( $\lambda$  = 3 968 A) и K ( $\lambda$  = 3 934 A). В спектрах небесных тел встречается также множество линий других атомов и некоторых простейших молекулярных соединений.



абсорбционный спектр Солнца. H (C; F; f; h), Na (D–1,2), He (D-3)Mg (b–1,2), Ca (G; g; H; K), Fe (E; c; d; e; G), O2 (telluric: A–, B–band; a–band)

35



Спектральные линии гелия

# Задача о переносе излучения

### Коэффициент

прохождение излучения через среду с

 $dI_{v} = -\kappa_{v}I_{v}ds$ 

интенсивностью I, то среда поглощает долю исходной интенсивности пропорционально толщине слоя. Коэффициент пропорциональности к – линейный коэффициент поглощения.

$$\kappa_{v} = n_{l} \frac{h v}{4\pi} B_{lu} \varphi(v) = n_{l} \sigma_{lu}$$

свободные

Связь между макро и микро параметрами среды

$$\kappa_{v} = \frac{hv}{4\pi} \varphi(v) (n_{l}B_{lu} - n_{u}B_{ul})$$

$$\kappa_{v} = \frac{hv}{4\pi} \varphi(v)B_{lu} \left(n_{l} - n_{u}\frac{g_{l}}{g_{u}}\right) = \sigma_{lu} \left(n_{l} - n_{u}\frac{g_{l}}{g_{u}}\right)$$

$$c учетом вынужденного излучения («просветление» среды)$$

$$\kappa_{v} = \sum_{\alpha} \sum_{\beta} \left\{ \sum_{\gamma} \left[ n_{\gamma}^{\alpha,\beta} \sigma_{bf,\gamma}^{\alpha,\beta} \left(1 - b_{\gamma}^{\alpha,\beta} e^{-\frac{hv}{kl}}\right) \text{свободно-} \right.$$

$$\text{связанные}$$

$$+ \sum_{\delta > \gamma} \left( n_{\gamma}^{\alpha,\beta} - \frac{g_{\gamma}^{\alpha,\beta}}{g_{\delta}^{\alpha,\beta}} n_{\delta}^{\alpha,\beta} \right) \sigma_{\gamma,\delta}^{\alpha,\beta} \right] \quad \text{лини} \qquad \beta - \text{степень ионизации}$$

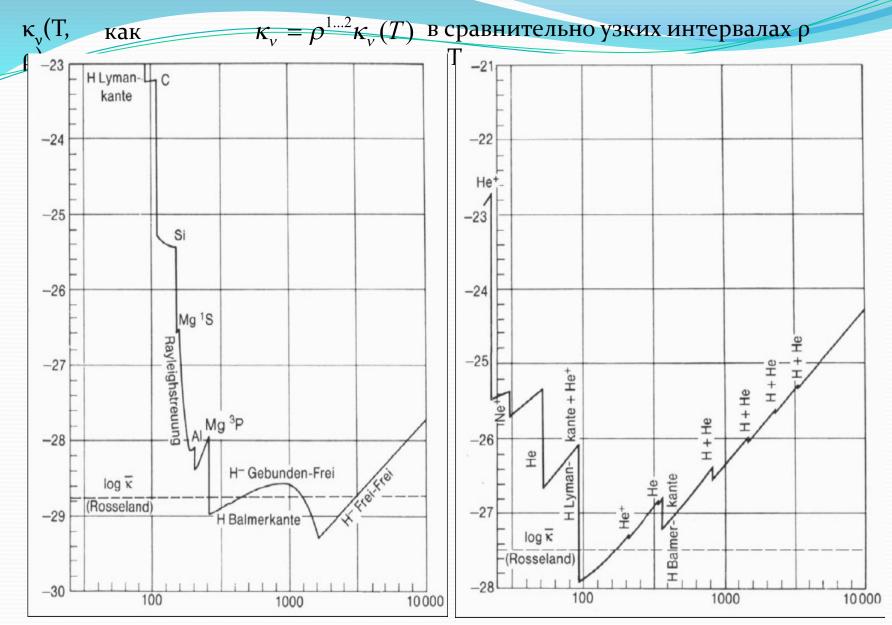
$$+ n_{i}^{\alpha,\beta+1} n_{e} \sigma_{ff}^{\alpha,\beta} \left[ 1 - e^{-\frac{hv}{kl}} \right] \right\} \quad \text{свободно-}$$

$$\text{свободно-}$$

$$\text{степень иснизации}$$

$$\text{отоботиме.}$$

$$\alpha$$
 – элемент  $\beta$  – степень ионизации  $b_{\gamma}^{\ \alpha,\beta} = n_{\gamma}^{\ \alpha,\beta} (\text{NLTE}) / n_{\gamma}^{\ \alpha,\beta} (\text{LTE}) \approx 1$ 



 $\kappa/\rho$  [м²/частицу] от длины волны в нм для Солнца (слева) Т=5000 К и  $\tau$ Sco, T=28000 К

## Коэффициент излучения

 $dI_v = \varepsilon_v ds$  порождение излучения в среде (не зависит от

$$\varepsilon_{v} = \frac{2hv^{3}}{c^{2}} \sum_{\alpha} \sum_{\beta} \left\{ \sum_{\gamma} \left[ p_{\gamma}^{\alpha,\beta} b_{\alpha}^{\alpha,\beta} \sigma_{\alpha}^{\alpha,\beta} e^{-\frac{hv}{kT}} + \sum_{\beta} n_{\delta}^{\alpha,\beta} \frac{g_{\gamma}^{\alpha,\beta}}{g^{\alpha,\beta}} \sigma_{\gamma,\delta}^{\alpha,\beta} \right] + p_{i}^{\alpha,\beta+1} n_{\delta} \sigma_{\beta}^{\alpha,\beta} e^{-\frac{hv}{kT}} \right\}$$
bound - free lines

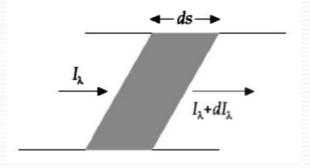
$$\varepsilon_{v} = \varepsilon_{v}(\rho,T)$$

## Уравнение переноса

#### излучения

$$dI_{v} = \kappa I_{v} ds + \kappa ds \Leftrightarrow \frac{dI_{v}}{ds} = -\kappa_{v} I_{v} + \varepsilon_{v}$$
поглошение излучение

однородное ДУ 1-го порядка,  $ds \Leftrightarrow \frac{dI_v}{ds} = -\kappa_v I_v + \varepsilon_v$  однородное ДУ 1-го порядка, решается аналитически при известных к и є, в том случае, если они не зависят от І



$$d\tau_{v} = \kappa_{v} \, ds$$

$$\tau_{v} = \int_{0}^{s} \kappa_{v} \, ds'$$

оптическая толщина среды (безразмерная характеристика оптических свойств и геометрических размеров среды)

$$S_{\nu}$$
 – функция источника

# излучение

### Формальное

решение 1-е слагаемое: начальное излучение уменьшилось в  $\exp(-\tau)$  раз из-за поглощения; 2-е слагаемое: источник, проинтегрированный вдоль луча зрения с учетом поглощения

## Перенос излучения при термодинамическом равновесии

$$S_{\nu}(T) = \frac{\varepsilon_{\nu}}{\kappa_{\nu}} = B_{\nu}(T) = \frac{2h\nu^2}{c^2} \frac{1}{e^{h\nu/kT} - 1}$$
 закон Кихгофа

При ТР  $I_v = B_v(T)$  и  $dI_v/ds = o$ 

Локальное термодинамическое равновесие (ЛТР):

- 1) Максвеллово распределение по скоростям с одним значением Т
- 2) Неупругие столкновения доминируют над радиативными процессами (числовая плотность не слишком мала, т. е. распределение по уровням энергии описывается соотношениями Больцмана и Саха,  $S_y = B_y(T) = \epsilon_y/\kappa_y$ )

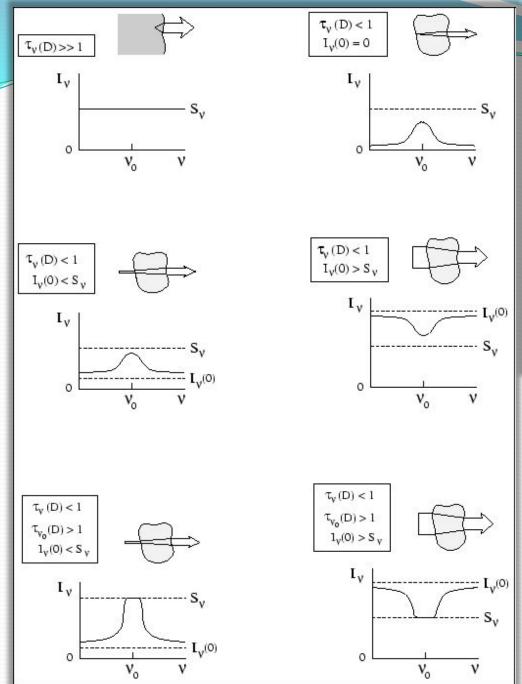
$$\frac{dI_{v}}{ds} \neq 0 \qquad \Rightarrow \qquad I_{v} \neq B_{v}(T)$$

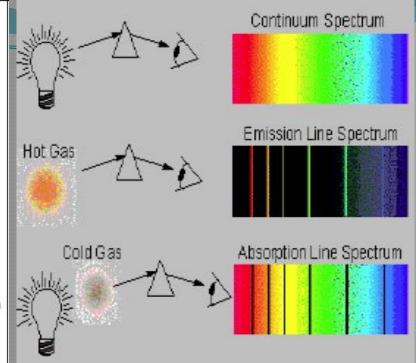
$$\frac{dI_{v}}{ds} = -\kappa_{v} \left( I_{v} - B_{v} \left( T(s) \right) \right)$$

Приближение ЛТР хорошо работает в звездных атмосферах, в сравнительно малых объемах среды (T = const)

$$I_{\nu} = I_{\nu}^{0} e^{-\tau_{\nu}} + S_{\nu}(T) (1 - e^{-\tau_{\nu}})$$
: общее решение 
$$I_{\nu} = I_{\nu}^{0} e^{-\tau_{\nu}} + B_{\nu}(T) (1 - e^{-\tau_{\nu}})$$
: ЛТР – случай

- 1) в пределе больших оптических толщин  $\tau_v \to \infty$  интенсивность излучения становится равной функции источника  $I_v \to S_v$ . (Осторожнее! Если в среде есть рассеяние, то интенсивность сама дает вклад в функцию источника, и картина сильно усложняется).
- 2) Если  $I_{\nu} > S_{\nu}$ , то  $dI_{\nu}/d\tau < 0$ , I уменьшается вдоль луча.
- 3) Если  $I_{\nu} < S_{\nu}$ , то  $dI_{\nu}/d\tau > 0$ , I возрастает вдоль луча. Заключение: Интенсивность ВСЕГДА стремится к функции источника.
- 1) Среда оптически толстая на всех частотах  $\tau_{\nu} >> 1$  . Линий нет, виден непрерывный спектр.
- 2) Среда оптически тонкая,  $au_{v} < 1$  на всех частотах, фоновой подсветки нет ( $I_{v}(0) = 0$ ). Наблюдается линия излучения на частоте  $V_{0}$ , причем ее максимальная интенсивность меньше функции источника  $I_{v_{0}} < S_{v_{0}}$ .
- 3) Ничего качественно не изменяется в случае, если есть фоновая подсветка  $I_{_{m{v}}}(0)\!<\!S_{_{m{v}}}$  .
- 4) Качественно иная картина, если фоновая подсветка больше функции источника  $I_{\nu}(0) > S_{\nu}$  появляется линия поглощения.
- 5) Для случая большой оптической толщины в центре линии,  $\tau_{\nu} > 1$ , картина качественно не меняется, за исключением достижения в линии величины функции источника.





# Спектральная классификация звезд



#### Полоса $\lambda$ [мкм] $S_{V}$ [Вт $M^{-2}\Gamma H^{-1}$ ] $3.98 \times 10^{-11}$ 0.36 $6.95 \times 10^{-11}$ 0.44 $3.63 \times 10^{-11}$ 0.55 $1.70 \times 10^{-11}$ 0.70 0.90 $8.29 \times 10^{-12}$ $3.03 \times 10^{-12}$ 1.25 $3.84 \times 10^{-13}$ 2.22 $6.34 \times 10^{-14}$ 3.60 $1.87 \times 10^{-14}$ 5.00 M $1.03 \times 10^{-15}$ 10.60 Потоки от звезды класса AOV и $m_y = 0$

Полосы пропускания фильтров, в которых измеряется поток излучения от звезд. Черной линией показан спектр излучения звезды класса G5V (спектр близок к солнечному)

при наблюдении в конечной полосе частот (
$$T_x$$
 – передаточная функция фильтра)

$$m_{x} = -2.5 \lg \left( \frac{\int f_{v} T_{x}(v) dv}{\int f_{v,Vega} T_{x}(v) dv} \right)$$

Johnson **UBVRIJHKLMN**Kron-Cousins **RCIC**Ströemgren **uvbyHβ**Gunn **ugriz** 

Sloan Digitial Sky Survey filters: **u** '**g** '**r** '**i** '**z** '

U = near UV, B = blue, V = visual(green), R = red, I = near infrared, JHKLMN = infrared

 $\Delta m \sim \Delta f_x/f_x \sim 0.01$  (узкая полоса = точность)

$$U - B = m_U - m_B$$
$$B - V = m_B - m_V$$

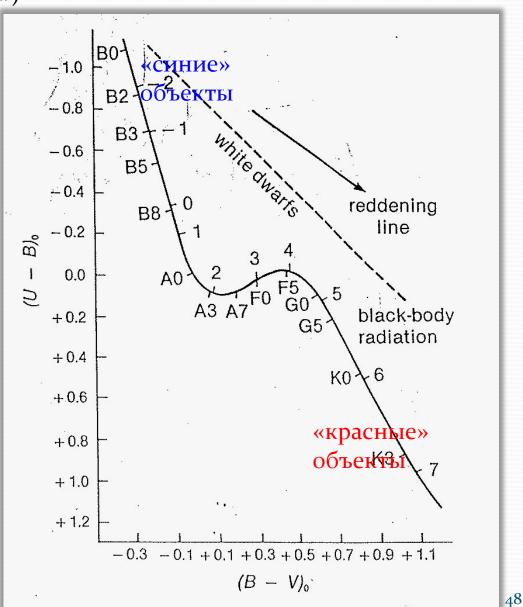
«цвета» или «цветовые индексы» звезд позволяют проводить классификацию звезд и оценить поглощение света пылью («покраснение»)

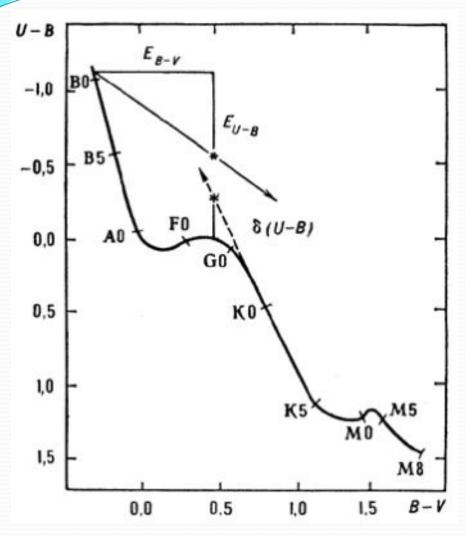
избыток

$$E_{B-V}^{\text{IBeTa}} (B-V)_{obs} - (B-V)_0$$

$$m_V^{obs} = m_V^0 + A_V$$

$$A_V = 3.1 E_{B-V}$$

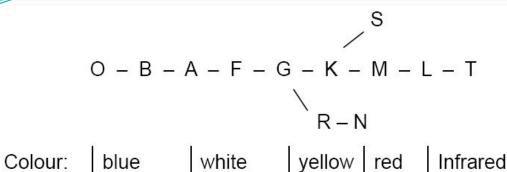




Двухцветная диаграмма (U-B), (B-V) приведена на рисунке. Сплошной линией здесь показана Звёзды, стандартная главная последовательность. излучение ослаблено которых межзвёздным поглощением, смещаются на двухцветной диаграмме в направлении, указанном на рисунке сплошной стрелкой (т.н. вектор покраснения). Соответствующее смещение измеряется избытками цвета  $E_{II-B}$  и  $E_{B-V}$  а поглощение света в V-полосе (A<sub>v</sub>) определяется соотношением  $A_V = RE_{B-V}$ ;  $R \approx 3$ . Для F-G-звёзд (B- $V \approx 0.4 - 0.8$ ) с помощью двухцветной диаграммы оценить тяжёлых можно долю элементов (металличность) Z. Штриховой стрелкой на рисунке показан т.н. вектор бланкетирования, вдоль которого располагаются звёзды с одинаковой температурой и светимостью, но разным значением Z. C уменьшением Z звёзды отклоняются от главной последовательности. Мерой металличности служит т.н. УФ-избыток.

> А.В.Миронов ПРЕЦИЗИОННАЯ ФОТОМЕТРИЯ (1997)

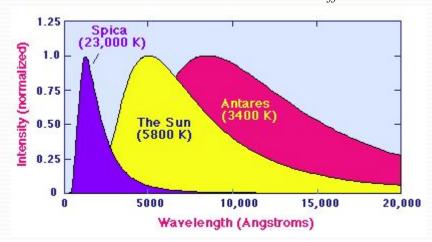
## Гарвардская спектральная классификация

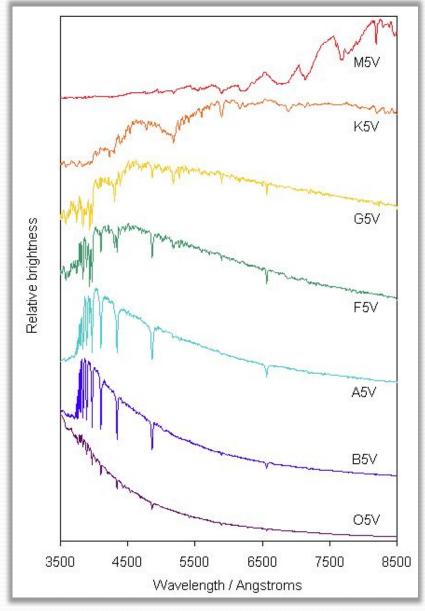


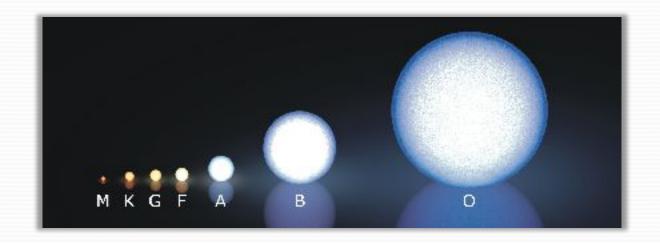
B – V: | -0.3 | 0.0 | 0.4 | 0.8 | 1.5

Зависимость от цвета, эффективной температуры и параметров линий поглощения

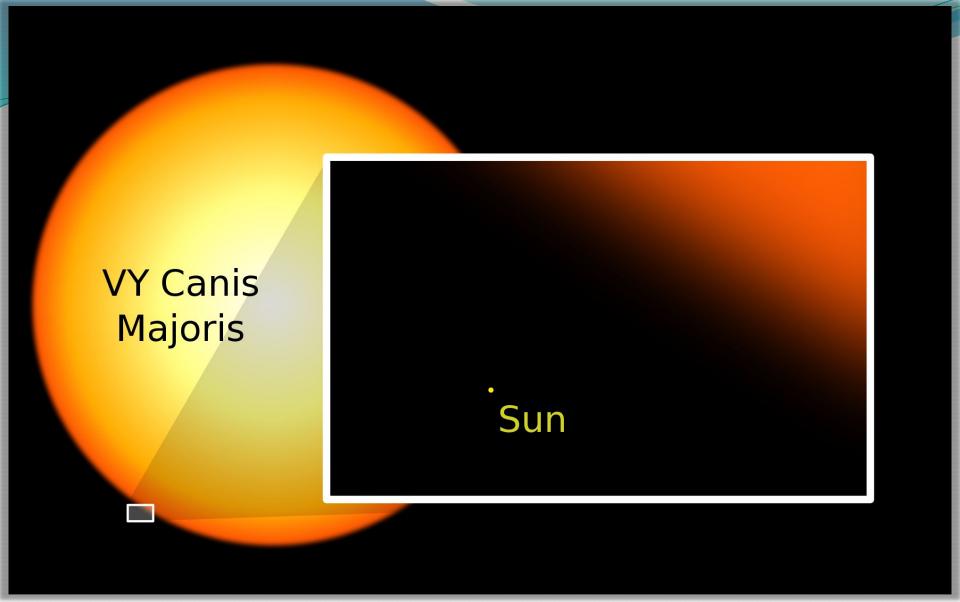
 $L = 4\pi R^2 \sigma_B T_{eff}^4$ 







Спектральная классификация звезд (отражена также зависимость цвета звезды от ее светимости)

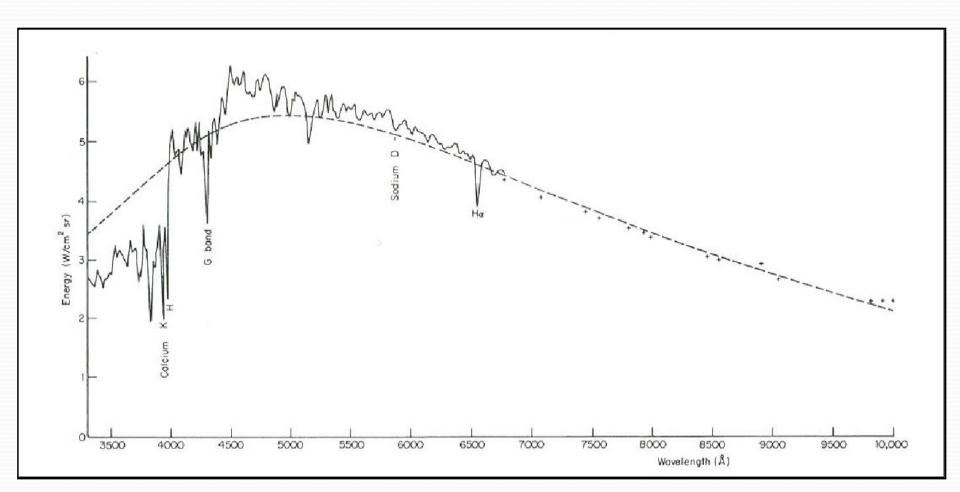


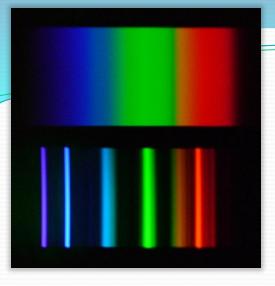
Одна из самых крупных и ярких звезд. R ~ 2000  $R_{\odot}$  (18 a. e.). М ~ 30-40  $M_{\odot}$ . Т ~ 3000 К. Светимость ~4.5×10<sup>5</sup>  $L_{\odot}$ . Спектральный класс M3/M4II. Расстояние ~4900 св. лет (~1500 пк). Видимая звёздная величина (V) 7.9607 (варьирует от 6.5 до 9.6).



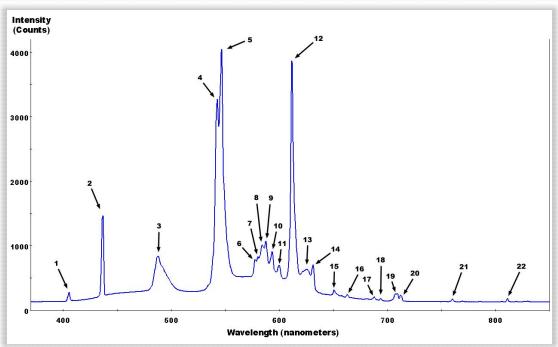
Слева направо: красный карлик, Солнце, голубой гигант, и R136a1. Радиус 67  $R_{\odot}$ . Масса 265  $M_{\odot}$ . Температура 40 000 К. Светимость  $\approx 8.7 \times 10^6 \, L_{\odot}$ . Расстояние 165 тыс. св. лет. Видимая звёздная величина (V) 12,77.

## Спектр Солнца. $T_{eff} = 5780 \text{ K}$





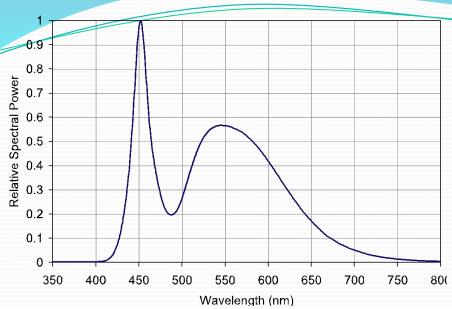
Спектр излучения: непрерывный бо-ваттной лампы накаливания (вверху) и линейчатый 11-ватной компактной люминесцентной лампы (внизу)



Спектр излучения люминесцентной ртутной лампы

	Peak number	Wavelength of peak (nm)	Species producing peak	Actual line location (nm)
	1	405.4	mercury	404.656
	2	436.6	mercury	435.833
	3	487.7	terbium from Tb <sup>3+</sup>	~485 to 490
	4	542.4	terbium from Tb3+	~543 to 544
	5	546.5	mercury	546.074
	6	577.7	likely terbium from Tb <sup>3+</sup> or mercury	576.960 for Hg or ~578 for Tb
	7	580.2	mercury or terbium from ${\sf Tb^{3+}}$	579.066 for Hg or ~580 for Tb
	8	584.0	possibly terbium from Tb <sup>3+</sup> or europium in Eu <sup>+3</sup> :Y <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	~580
	9	587.6	likely europium in Eu+3:Y <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	~587
	10	593.4	likely europium in Eu <sup>+3</sup> :Y <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	~593
	11	599.7	likely europium in Eu+3:Y <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	~598
Ē	12	611.6	europium in Eu <sup>+3</sup> :Y <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	~611
Ē	13	625.7	likely terbium from Tb <sup>3+</sup>	~625
	14	631.1	likely europium in Eu <sup>+3</sup> :Y <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	~630
	15	650.8	likely europium in Eu <sup>+3</sup> :Y <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	~650
	16	662.6	likely europium in Eu <sup>+3</sup> :Y <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	~661
	17	687.7	likely europium in Eu <sup>+3</sup> :Y <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	~687-688
	18	693.7	likely europium in Eu <sup>+3</sup> :Y <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	~693
	19	707 and 709	likely europium in Eu <sup>+3</sup> :Y <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	~707 and ~709
	20	712.3	likely europium in Eu <sup>+3</sup> :Y <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	~712
	21	760.0	likely argon	758.9315 or 763.5106 (??)
	22	811.0	likely argon	811.531

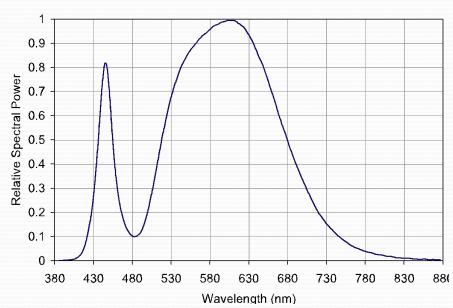
#### Typical Relative Spectral Power Distribution

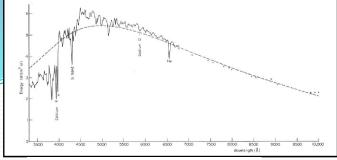


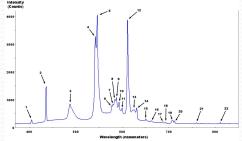
Спектры излучения сверхярких светодиодов белого свечения. Холодное свечение – верхний график Теплое свечение – нижний график

> LedEngin, Inc Datasheet on LZ4-ooWW40, LZC-ooCW40

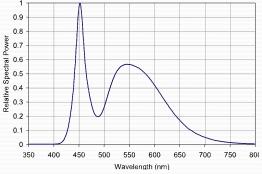
#### Typical Relative Spectral Power Distribution



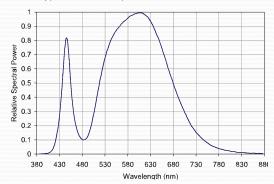




Typical Relative Spectral Power Distribution



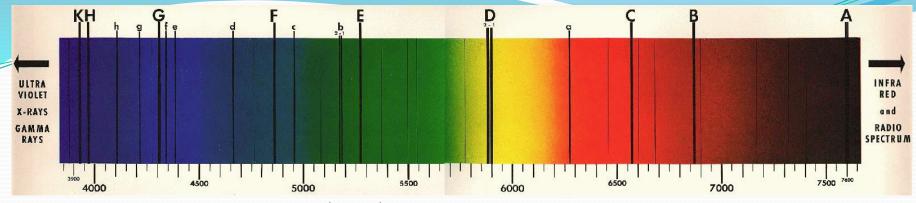
Typical Relative Spectral Power Distribution



Сравнение спектров излучения различных источников света (сверху вниз):

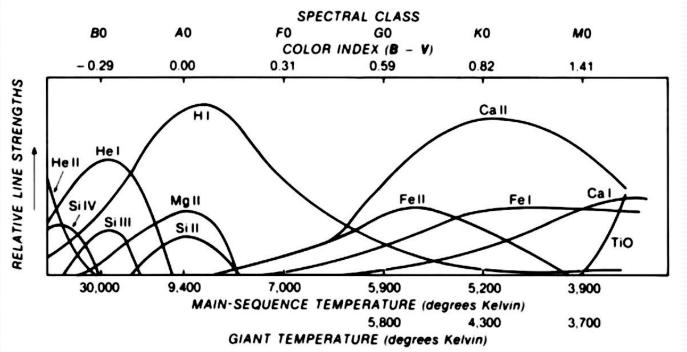
Солнце

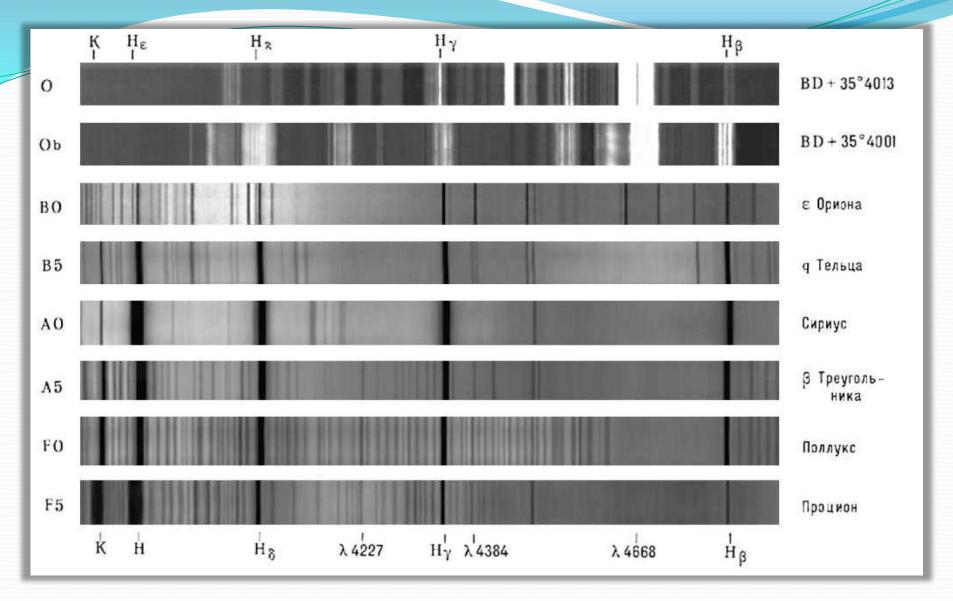
Люминесцентная лампа Светодиодная лампа холодного света Светодиодная лампа теплого света



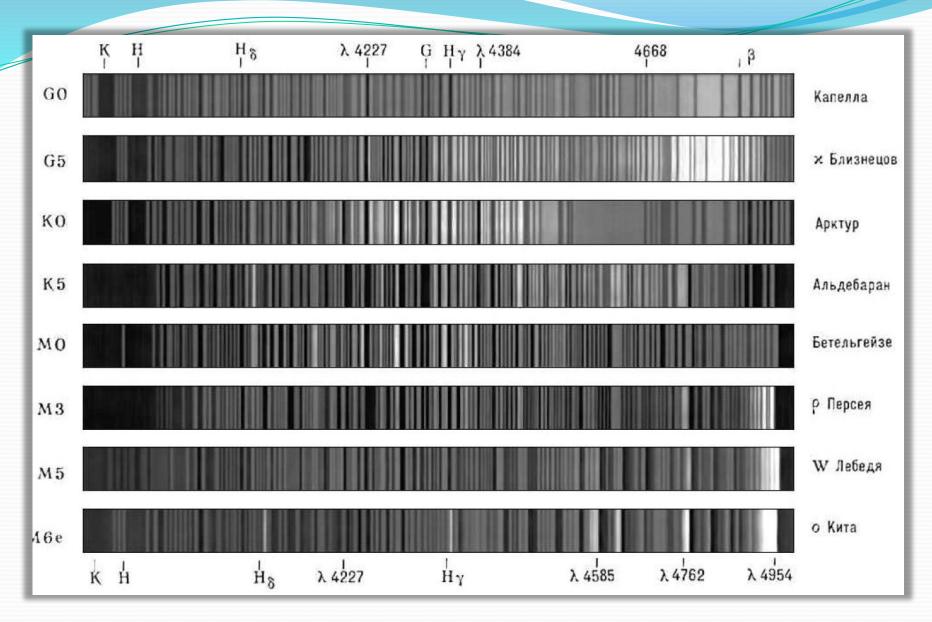
абсорбционный спектр

H (C; F; f; h), Na (D-1,2), Mg (b-1,2), Ca (G; g; H; K), Fe (E; c; d; e; G), O2 (telluric: A-, B-band; a-band)



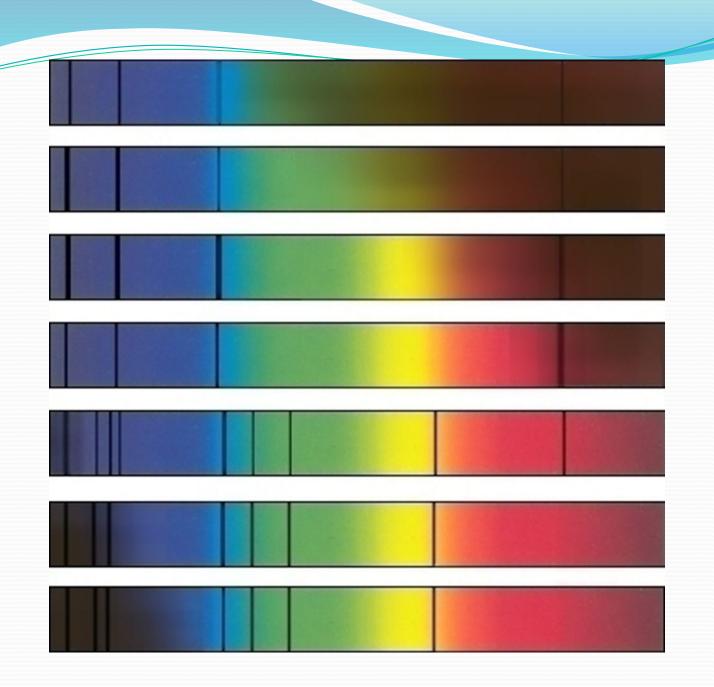


Спектры звезд ранних спектральных классов



Спектры звезд поздних спектральных классов

M6v		5000	5500	6000 Na	6500 Ha	7000	7500		8500	
Ho	Ну	Нβ		Na	Hot					
K4iii	4500 Hy	5000 Ηβ	5500	6000 Na	6500 Ηα.	7000	7500	8000	.8500	
B2ii	. 4500 Ηγ	5000 Ηβ	5500	6000 Na	6500 Ha	7000	7500	8000	. 8500	
<b>O5v</b> H₅	4500 Hy	5000 Hp	5500	6000 Na	6500 Ha	7000	7500	8000	8500	



Класс	Особенности спектров	Темп-ра, К	Типичные звезды
О	Линии H I, He I, He II многократно ионизованных Si, C, N, O (Si IV, C IV, C III, N III и др.)	$(28-40)\cdot 10^3$	$\zeta$ Кормы, $\lambda$ Ориона, $\xi$ Персея, $\lambda$ Цефея
В	Линии поглощения He I, H I, усиливающиеся к классу А. Слабые линии H и K Ca II	$(10-28)\cdot 10^3$	$\varepsilon$ Ориона, $\alpha$ Девы, $\gamma$ Персея, $\gamma$ Ориона
A	Линии Н I интенсивны; линии Н и К Са II, усилива-	$(7-10)\cdot 10^3$	$\alpha$ Большого Пса,
F	ющиеся к классу F; появляются слабые линии метал- лов (Fe, Mg) Линии H и K Са II и линии металлов, усиливающи- еся к классу G. Линии H I ослабевают. Появляется линия Ca I 4227, а также полоса G 4310, образуемая	$(6-7)\cdot 10^3$	$\alpha$ Лиры, $\gamma$ Близнецов $\delta$ Близнецов, $\alpha$ Малого Пса, $\alpha$ Персея, $\alpha$ Кормы
G	линия Са I 4227, а также полоса G 4310, образуемая линиями Fe, Ca и Ti Линии H и K Ca II интенсивны. Довольно интенсивны линия Ca I и линии Fe I и Fe II. Многочисленны линии др. металлов. Интенсивна полоса G. Линии H I	$(5-6) \cdot 10^3$	Солнце, $\alpha$ Возничего, $\beta$ Южной Гидры
K	слабеют к классу К Линии Н и К Са II достигают наибольшей интенсив- ности, интенсивны линия Са I 4227, линии металлов и полоса G. С подкласса К5 становятся видимыми	$(3.5-5)\cdot 10^3$	$\alpha$ Волопаса, $\beta$ Близнецов, $\alpha$ Тельца
М	полосы поглощения ТіО Интенсивны полосы поглощения ТіО и др. молекулярных соединений. Заметны линии металлов, Н и К Са II, линия Са I 4227, полоса G слабеет. У долгопериодических переменных типа о Кита имеются линии излучения Н I	$(2.5 - 3.5) \cdot 10^3$	$\alpha$ Ориона, $\alpha$ Скорпиона, $o$ Кита

Наблюденные характеристики звезд различных спектральных классов

Класс	T, K	Истинный	Видимый	Macca,	7.50	Светимость,	% из звезд
		цвет	цвет	$M_{\odot}$	$R_{\odot}$	$L_{\odot}$	главной
							последова-
							тельности
О	30000 - 60000	голубой	голубой	60	15	1 400 000	0.00003
В	10000 - 30000	бело-	бело-	18	7	20 000	0.13
		голубой	голубой и				
		gar provide • quartities such.	белый				
A	7500 - 10000	белый	белый	3.1	2.1	80	0.6
$\mathbf{F}$	6000 - 7500	желто-	белый	1.7	1.3	6	3
		белый					
$\mathbf{G}$	5000 - 6000	желтый	желтый	1.1	1.1	1.2	8
$\mathbf{K}$	3500 - 5000	оранжевый	желтовато-	0.8	0.9	0.4	13
			оранжевый				
$\mathbf{M}$	2000 - 3500	красный	оранжево-	0.3	0.4	0.04	> 78
		·	красный				

Фундаментальные характеристики звезд различных спектральных классов

# Диаграмма Герцшпрунга-

## Рэссела

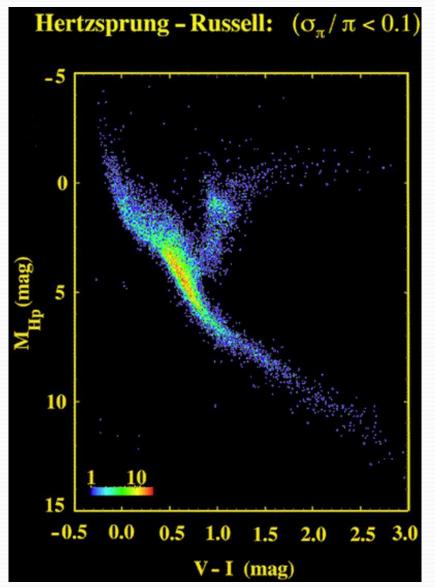
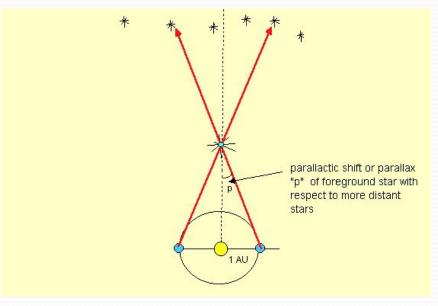
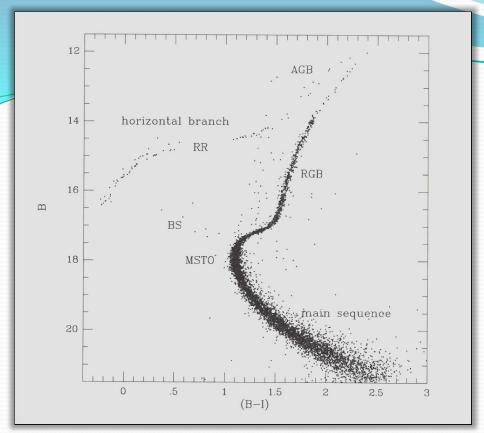


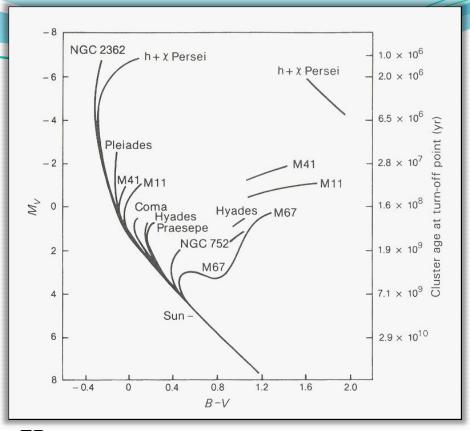
Диаграмма Цвет(Температура)-Светимость получена спутником Hipparcos





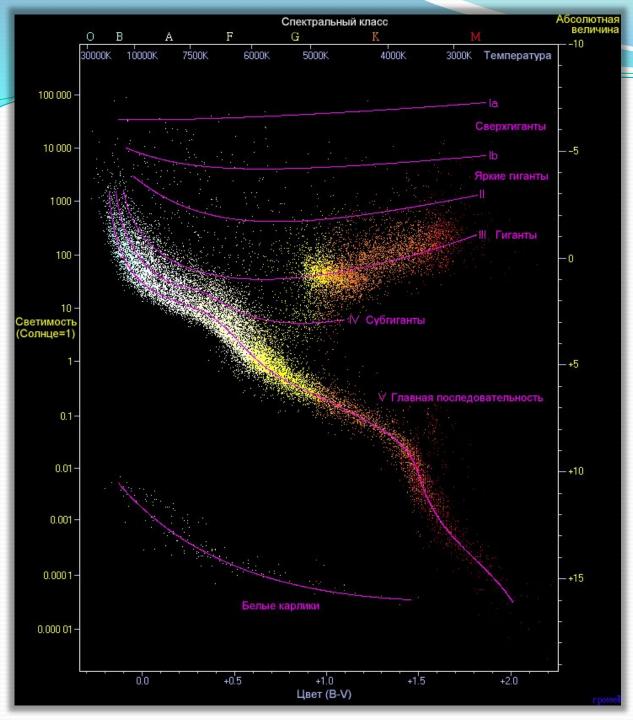
ГР-диаграмма для шаровых скоплений (старые объекты)





ГР-диаграмма для рассеянных скоплений (молодые объекты)

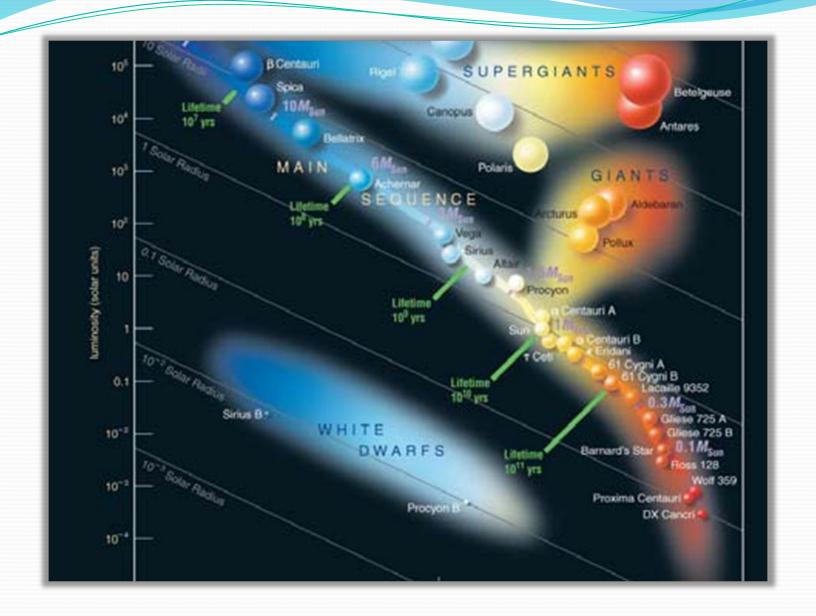


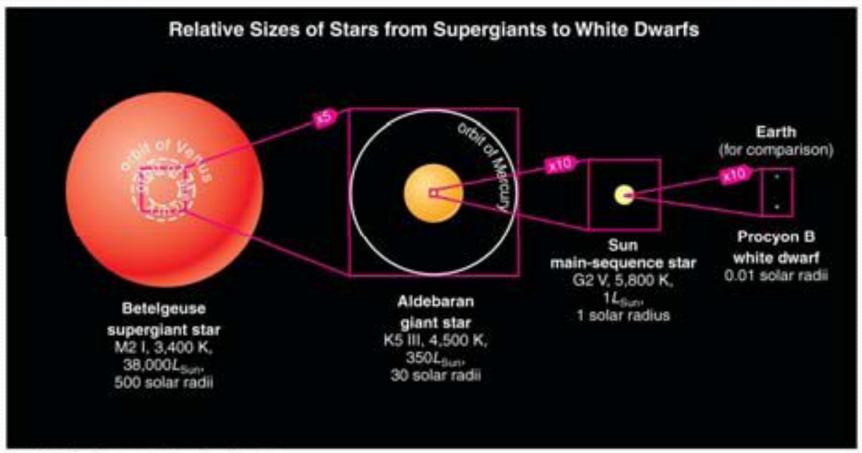


Одному значению температуры соответствуют различные светимости

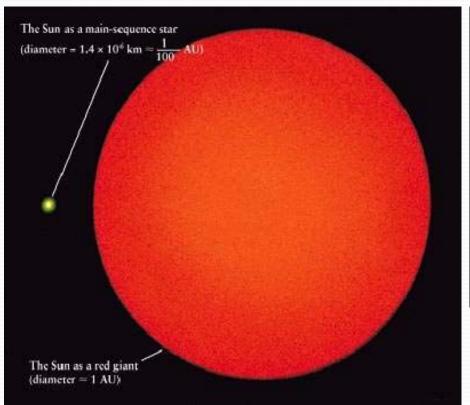
Гарвардская классификация требует дополнения классами светимости (Йеркская классификация)

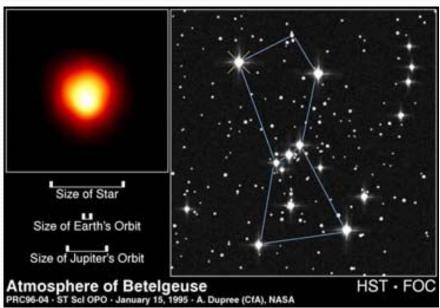
Іа яркие сверхгиганты
Іb сверхгиганты
ІI яркие гиганты
ІII гиганты
ІV субгиганты
V звезды главной
последовательности
(карлики) 90% всех звезд
VI субкарлики
БК белые карлики





Copyright G 2008 Pearson Education, Inc., scattering as Pearson Addison-Wester





- І. Сверхгиганты.
  - Ia-о гипергиганты или очень яркие сверхгиганты.
  - о Іа яркие сверхгиганты, такие как Денеб (спектр А₂Іа).
  - о lab сверхгиганты средней яркости.
  - о Ib менее яркие сверхгиганты, например, Бетельгейзе (спектр M2Ib).
- II. Яркие гиганты.
  - o IIa, например: в Scuti (HD 173764) (спектр G4 IIa).
  - о IIab, например: HR 8752 (спектр GOIab).
  - о IIb, например: HR 6902 (спектр G9IIb).
- III. Нормальные гиганты.
  - IIIa, например: р Persei (спектр M₄IIIa).
  - o IIIab, например: 6 Reticuli (спектр M2IIIab).
  - о IIIb, например: Поллукс (спектр K₂IIIb).
- IV. Субгиганты.
  - о IVa, например: £ Reticuli (спектр K1-2IVa-III).
  - о IVb, например: HR 672 A (спектр Go.5IVb).
- V. Главная последовательность (карлики).
  - ∘ Va, например: AD Leonis (спектр M4Vae).
  - о Vb, например: 85 Pegasi A (спектр G5Vb).
- VI. Субкарлики (редко).
- VII. Белый карлик (редко).

По мере того, как научные исследования дают все более детальную информацию, сиетема классификации продолжает развиваться и уточняться. Другие классификации включают S-звезды и углеродные звезды, прежде называвшиеся R- и N-звездами, а теперь располагаемые в последовательности от Co до C9, что приблизительно соответствует неуглеродным звездам температурных классов от G4 до M. Выделяют также дополнительные спектральные классы для некоторых классов звезд:

- W звезды Вольфа–Райе, очень тяжёлые яркие звезды с температурой порядка 70 000 K и интенсивными эмиссионными линиями в спектрах.
- L звезды или коричневые карлики с температурой 1 500–2 000 К и соединениями металлов в атмосфере.
- Т метановые коричневые карлики с температурой 700-1 500 К.
- Y очень холодные (метано-аммиачные?) коричневые карлики с температурой ниже 700 К.
- С углеродные звезды, гиганты с повышенным содержанием углерода.
- S циркониевые звезды.
- D белые карлики.

c	резкие линии	k	межзвездные линии
d	карлик = звезда главной последовательности	$\mathbf{m}$	сильные линии металлов
D	белый карлик	$\mathbf{n}$	диффузные линии
e	эмиссия (эмиссия водорода в О-звездах)	$\mathbf{n}\mathbf{n}$	очень размытые диффузные линии
$\mathbf{em}$	эмиссия в линиях металлов	p	пекулярный спектр
ep	пекулярная эмиссия	$\mathbf{s}$	резкие линии
eq	эмиссия с поглощением на более коротких волнах	$\operatorname{sd}$	субкарлик
$\mathbf{f}$	эмиссия гелия и неона в О-звездах	wd	белый карлик
g	гигант	wk	слабые линии

Дополнительные обозначения, применяемые в спектральной классификации звезд