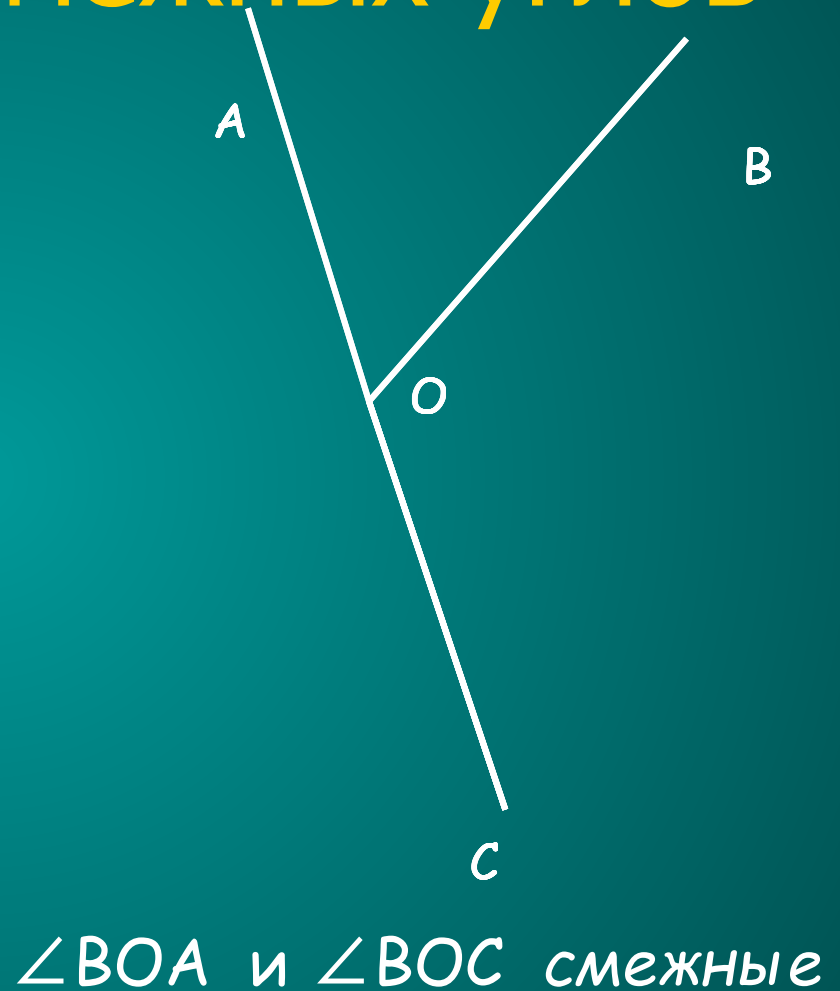


Тема урока: Смежные и вертикальные углы.

Определение смежных углов

Определение. Два угла называются **смежными**, если у них одна сторона общая, а другие стороны этих углов являются противоположными лучами.

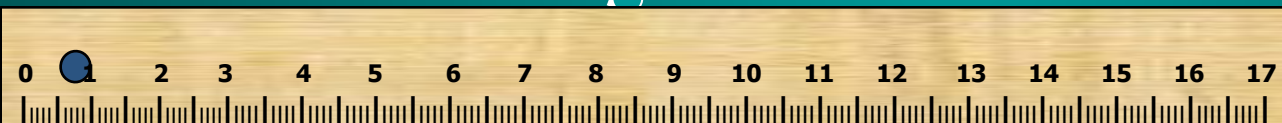


Построение смежных углов

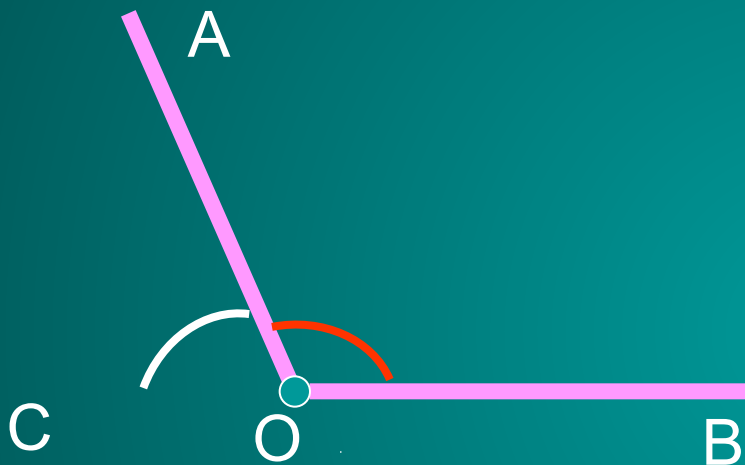
1. Одну из сторон угла продолжить за его вершину.



2. Получившийся угол АОС является смежным с углом АОВ.



Угол смежный для острого угла является тупым.



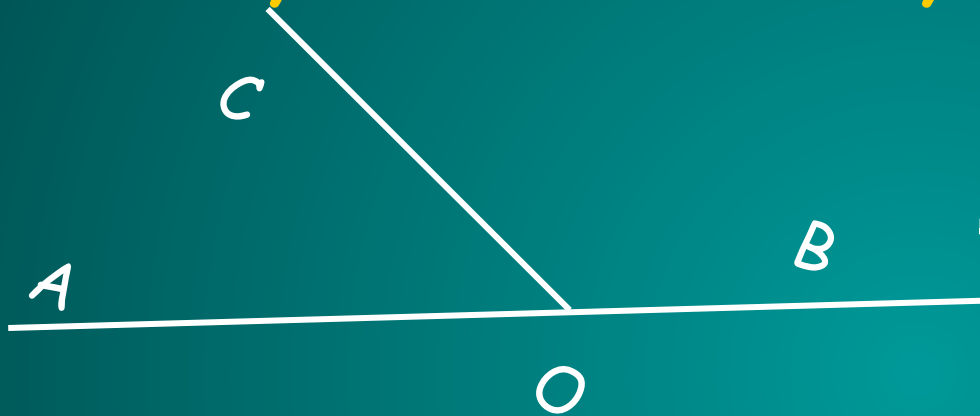
1. Одну из сторон угла продолжить за его вершину.
2. Получившийся угол АОС является смежным для угла АОВ.

Угол смежный для тупого угла является острым.

СВОЙСТВО СМЕЖНЫХ УГЛОВ

Теорема.

Сумма смежных углов равна 180°



Дано: $\angle AOC$ и $\angle BOC$ – смежные.

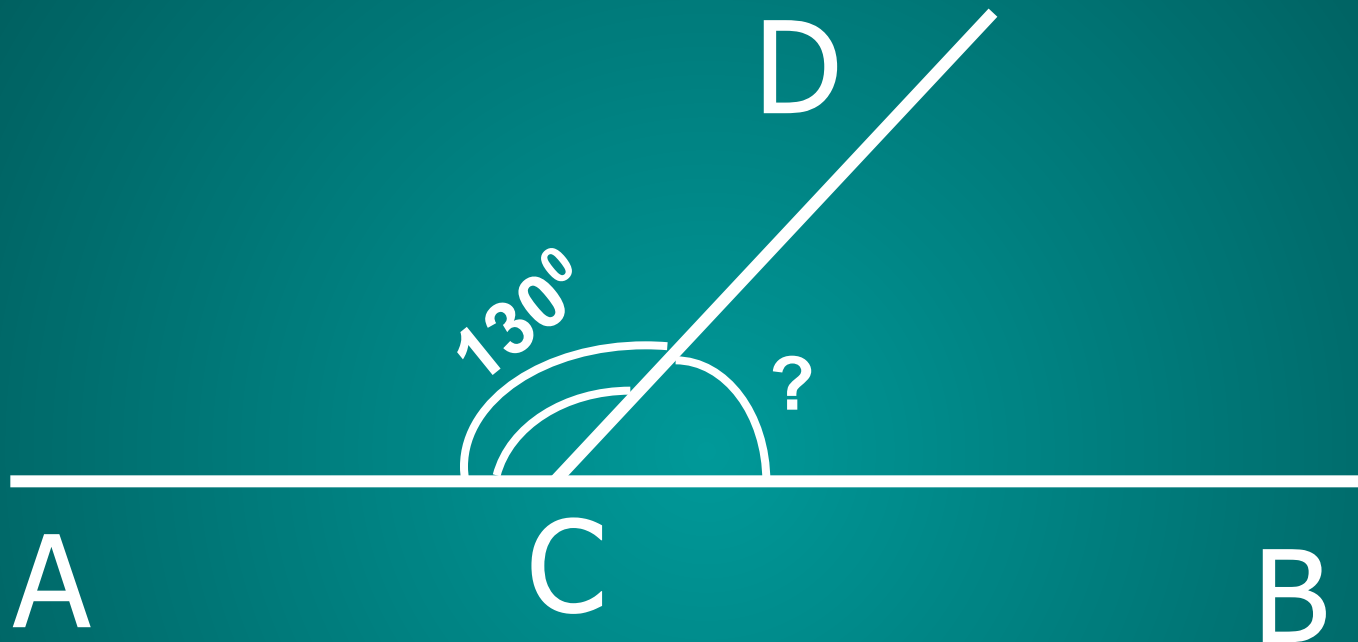
Доказать: $\angle AOC + \angle BOC = 180^\circ$.

Доказательство. 1) Так как $\angle AOC$ и $\angle BOC$ – смежные, то лучи OA и OB – противоположные, то есть, $\angle AOB$ – развернутый, следовательно, $\angle AOB = 180^\circ$.

2) Луч OC проходит между сторонами $\angle AOB$, значит, $\angle AOC + \angle BOC = \angle AOB = 180^\circ$

1. Сколько углов изображено на рисунке? Какие это углы?
2. Существует ли какая-нибудь взаимосвязь между этими углами? (Вспомните аксиому сложения углов).

Решите задачу по чертежу



Решение: $\angle DCB + \angle ACD = 180^\circ$

(по свойству смежных углов)

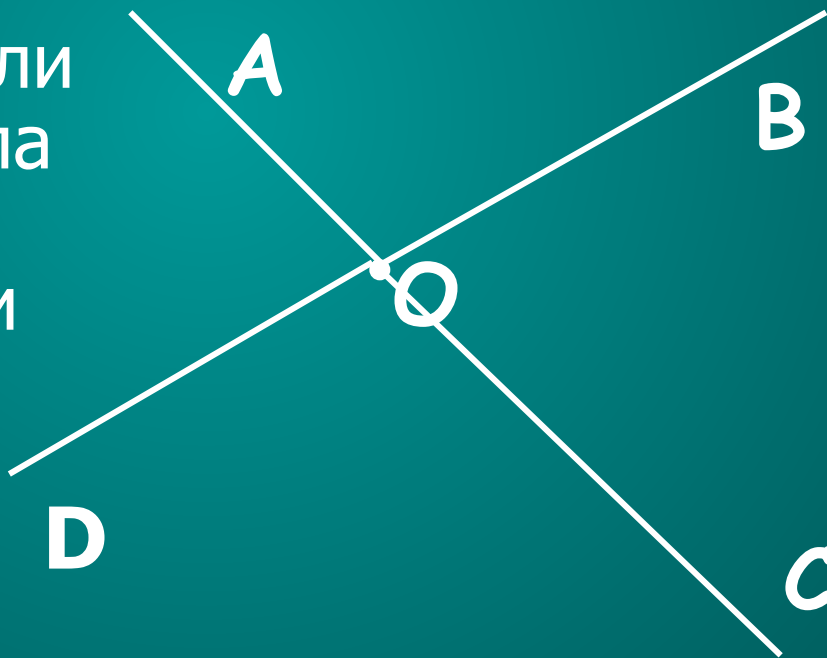
$$\angle DCB = 180^\circ - \angle ACD = 180^\circ - 130^\circ$$

$$\angle DCB = 50^\circ$$

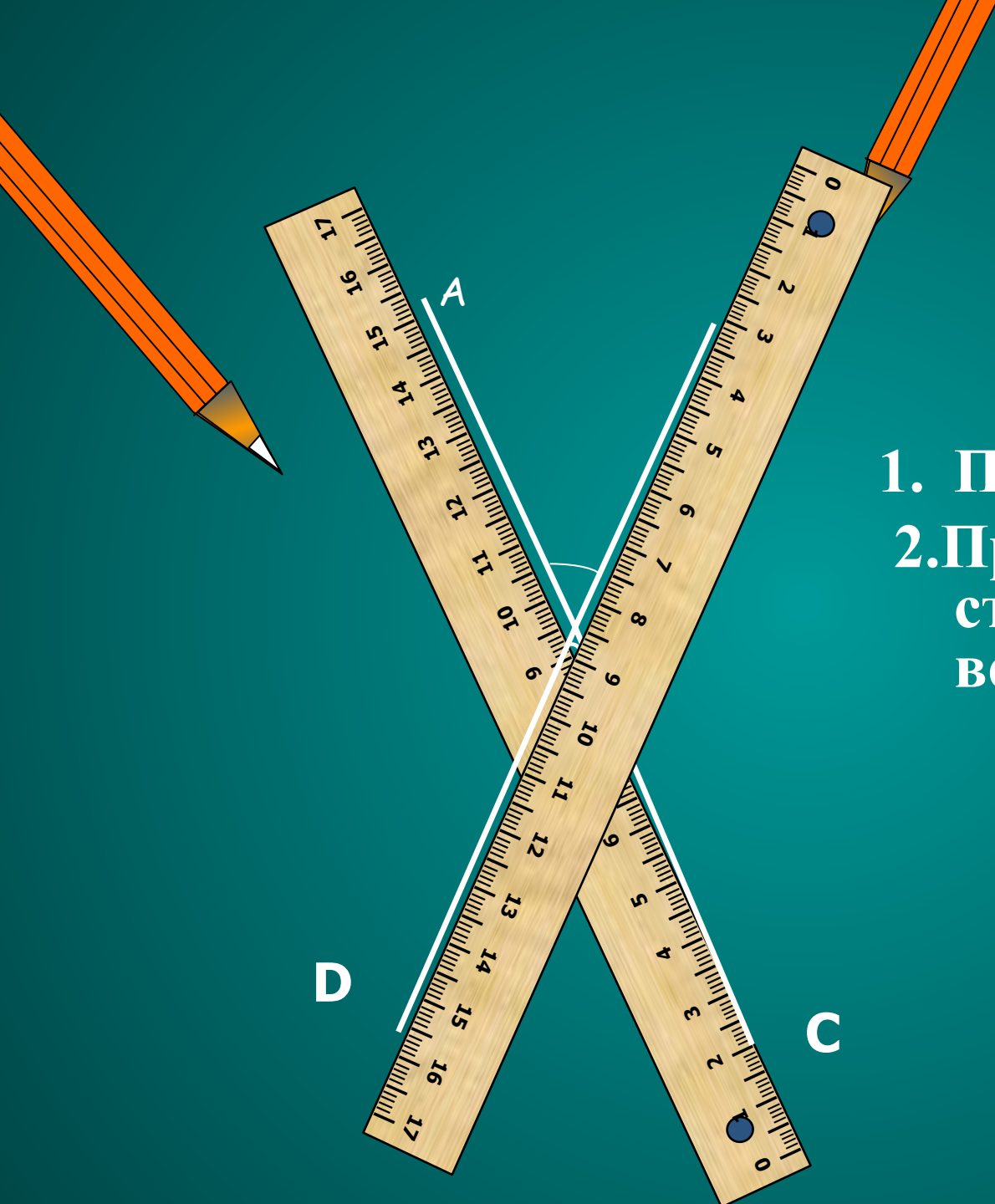
Начертите произвольный $\angle AOB$.

Постройте лучи OC и OD ,
противоположные к его
сторонам.

Определение. Два угла
называются
вертикальными, если
стороны одного угла
являются
противоположными
лучами к сторонам
другого.



Построение вертикальных углов



1. Построить угол.
2. Продлить каждую сторону угла за его вершину.

Свойство вертикальных

УГЛОВ Теорема. Вертикальные

углы равны.

Дано: $\angle AOD$ и $\angle COB$ –
вертикальные.

Доказать: $\angle AOD = \angle COB$



Доказательство. Каждый из
углов $\angle AOD$ и $\angle COB$ является
смежным с углом $\angle AOB$. По
свойству смежных углов:

$$\angle AOD + \angle AOB = 180^\circ$$

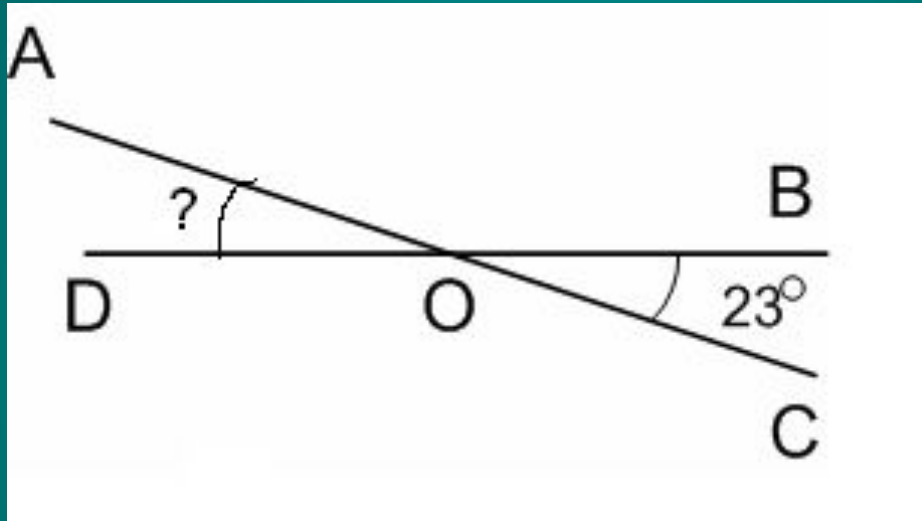
$$\text{и } \angle COB + \angle AOB = 180^\circ.$$

$$\text{Имеем: } \angle AOD = 180^\circ - \angle AOB$$

$$\text{и } \angle COB = 180^\circ - \angle AOB,$$

$$\text{значит, } \angle AOD = \angle COB$$

Решите задачу по чертежу



Решение: $\angle BOC = \angle AOD$

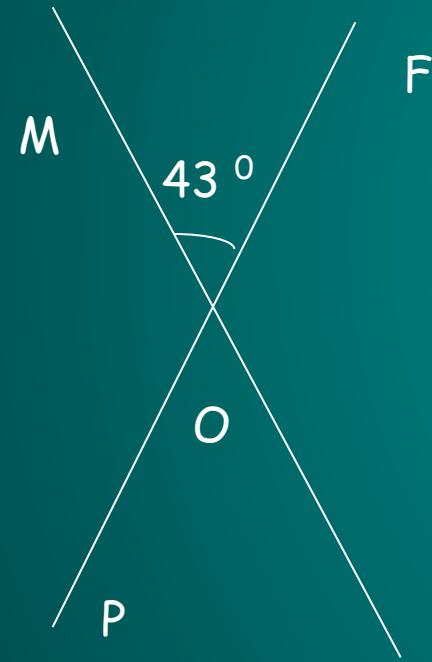
(по свойству вертикальных углов)

$$\angle AOD = 23^\circ$$



Образец оформления решения задачи

При пересечении двух прямых образовалось четыре угла. Один из них равен 43° . Найдите величины остальных углов.



Дано: $MK \cap PF = O$

$$\angle MOF = 43^\circ$$

Найти: $\angle FOK, \angle KOP, \angle POM.$

Решение:

$\angle MOF$ и $\angle KOP$ вертикальные, значит, по свойству вертикальных углов, $\angle MOF = \angle KOP$, $\angle KOP = 43^\circ$

$\angle MOF + \angle FOK = 180^\circ$, так как они смежные.

Отсюда $\angle FOK = 180^\circ - 43^\circ = 137^\circ$

$\angle FOK$ и $\angle POM$ вертикальные, значит $\angle FOK = \angle POM$

$\angle POM = 137^\circ$

Ответ: $137^\circ, 43^\circ, 137^\circ$