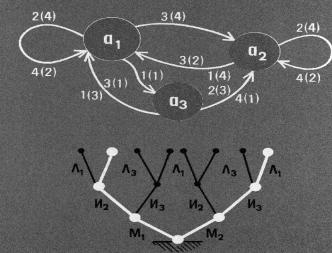
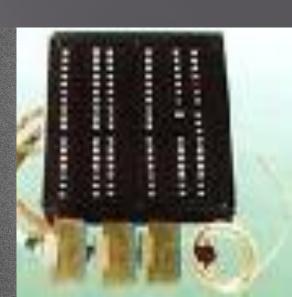
## АЛГЕБРА ЛОГИКИ (ВЫСКАЗЫВАНИЙ). ОСНОВНЫЕ ОПЕРАЦИИ АЛГЕБРЫ ЛОГИКИ







#### LOGOS (греч.) - СЛОВО, ПОНЯТИЕ, РАССУЖДЕНИЕ, РАЗУМ

СЛОВО «ЛОГИКА» ОБОЗНАЧАЕТ СОВОКУПНОСТЬ ПРАВИЛ, КОТОРЫМ ПОДЧИНЯЕТСЯ ПРОЦЕСС МЫШЛЕНИЯ.

ОСНОВНЫМИ ФОРМАМИ АБСТРАКТНОГО МЫШЛЕНИЯ ЯВЛЯЮТСЯ: ПОНЯТИЯ, СУЖДЕНИЯ, УМОЗАКЛЮЧЕНИЯ. ПОНЯТИЕ - ФОРМА МЫШЛЕНИЯ, В КОТОРОЙ ОТРАЖАЮТСЯ СУЩЕСТВЕННЫЕ ПРИЗНАКИ ОТДЕЛЬНОГО ПРЕДМЕТА ИЛИ КЛАССА ОДНОРОДНЫХ ПРЕДМЕТОВ. (ТРАПЕЦИЯ, ДОМ)

СУЖДЕНИЕ - МЫСЛЬ, В КОТОРОЙ ЧТО-ЛИБО УТВЕРЖДАЕТСЯ ИЛИ ОТРИЦАЕТСЯ О ПРЕДМЕТАХ. (ВЕСНА НАСТУПИЛА, И ГРАЧИ ПРИЛЕТЕЛИ)

**УМОЗАКЛЮЧЕНИЕ** - ПРИЕМ МЫШЛЕНИЯ, ПОСРЕДСТВОМ КОТОРОГО ИЗ ИСХОДНОГО ЗНАНИЯ ПОЛУЧАЕТСЯ НОВОЕ ЗНАНИЕ. (ВСЕ МЕТАЛЛЫ - ПРОСТЫЕ ВЕЩЕСТВА)

### **ЛОГИКА (ФОРМАЛЬНАЯ)** – НАУКА О ЗАКОНАХ И ФОРМАХ ПРАВИЛЬНОГО МЫШЛЕНИЯ.

МАТЕМАТИЧЕСКАЯ ЛОГИКА
ИЗУЧАЕТ ЛОГИЧЕСКИЕ СВЯЗИ И
ОТНОШЕНИЯ, ЛЕЖАЩИЕ В ОСНОВЕ
ЛОГИЧЕСКОГО (ДЕДУКТИВНОГО)
ВЫВОДА.

#### АЛГЕБРА ЛОГИКИ (ВЫСКАЗЫВАНИЙ) —

РАЗДЕЛ МАТЕМАТИЧЕСКОЙ ЛОГИКИ, ИЗУЧАЮЩИЙ ВЫСКАЗЫВАНИЯ И ЛОГИЧЕСКИЕ ОПЕРАЦИИ НАД НИМИ.

## ВЫСКАЗЫВАНИЕ — ЭТО ПОВЕСТВОВАТЕЛЬНОЕ ПРЕДЛОЖЕНИЕ, О КОТОРОМ МОЖНО СКАЗАТЬ, ЧТО ОНО ИСТИННО ИЛИ ЛОЖНО.

- 1) Земля планета Солнечной системы.
- 2) 2+8<5
- 3) 5 5 = 25
- 4) Всякий квадрат есть параллелограмм
- 5) Каждый параллелограмм есть квадрат
- 6)  $2 \cdot 2 = 5$

#### ВЫСКАЗЫВАНИЕМ НЕ ЯВЛЯЕТСЯ:

- 1) ВОСКЛИЦАТЕЛЬНЫЕ И ВОПРОСИТЕЛЬНЫЕ ПРЕДЛОЖЕНИЯ.
- 2) ОПРЕДЕЛЕНИЯ.
- 3) ПРЕДЛОЖЕНИЯ ТИПА:
- «ОН СЕРОГЛАЗ»
- $\langle\langle X^2-4X+3=0\rangle\rangle$

# ВЫСКАЗЫВАНИЕ, КОТОРОЕ МОЖНО РАЗЛОЖИТЬ НА ЧАСТИ, БУДЕМ НАЗЫВАТЬ СЛОЖНЫМ, А НЕРАЗЛОЖИМОЕ ДАЛЕЕ ВЫСКАЗЫВАНИЕ - ПРОСТЫМ.

- 1) На улице светит солнце. (А)
- 2) На улице идет дождь. (В)
- 3) На улице светит солнце и на улице идет дождь. (А и В)
- 4) На улице светит солнце или на улице идет дождь. (А или В)

#### Задания (устно)

- 1. Какие предложения являются высказываниями?
  - a) 3+2=5;
  - б) Не шуметь!
  - B)  $y^2 \ge 0$ ;
- г) Окружностью называется множество всех точек на плоскости, расстояние которых до данной точки этой плоскости имеет заданную величину.
  - д) Число символов в этом предложении равно 7.
  - e) 3 < 2;
  - ж) Войдите!
- 2. Установите: какие из следующих предложений являются истинными, а какие ложными высказываниями:
  - а) "Число 123 меньше числа -124".
  - б) "Все треугольники равнобедренные".
  - в) "Сумма чисел 4 и z равна 15".
  - r) "(13-2\*4)\*4=-7".

#### Задания (письменно)

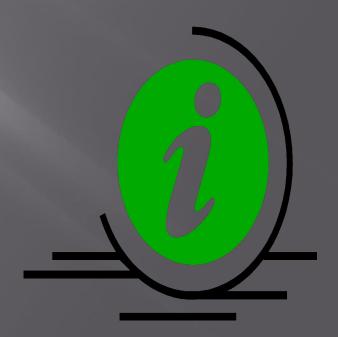
#### 3. Даны высказывания:

А: "Математическая логика - важная наука"

В: "ВТ построена на законах математической логики" Образуйте из данных высказываний сложные и подчеркните слова, при помощи которых они образованы.

- 4. Среди приведенных ниже высказываний укажите сложные; выделите в них простые, обозначив каждое из них буквой. Запишите с помощью букв каждое сложное высказывание.
  - а) "На уроке логики учащиеся отвечали на вопросы учителя и писали самостоятельную работу".
  - б) "Мы пойдем кататься на коньках или на лыжах".
  - в) "Если в данном четырехугольнике диагонали имеют равную длину, то этот четырехугольник ромб".
  - г) "-17<=0".
  - д) "Число 15 делится на 3 тогда и только тогда, когда сумма цифр этого числа делится на 3".

## ОСНОВНЫЕ ОПЕРАЦИИ АЛГЕБРЫ ЛОГИКИ (ВЫСКАЗЫВАНИЙ)



#### КОНЪЮНКЦИЯ (ЛОГИЧЕСКОЕ УМНОЖЕНИЕ) -

СОЕДИНЕНИЕ ДВУХ ВЫСКАЗЫВАНИЙ А И В В ОДНО С ПОМОЩЬЮ СОЮЗА «И».

КОНЪЮНКЦИЯ ДВУХ ЛОГИЧЕСКИХ ВЫСКАЗЫВАНИЙ ИСТИННА ТОГДА И ТОЛЬКО ТОГДА, КОГДА ОБА ВЫСКАЗЫВАНИЯ ИСТИННЫ.

A	В	$A \wedge B$
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

#### ДИЗЪЮНКЦИЯ (ЛОГИЧЕСКОЕ СЛОЖЕНИЕ) -

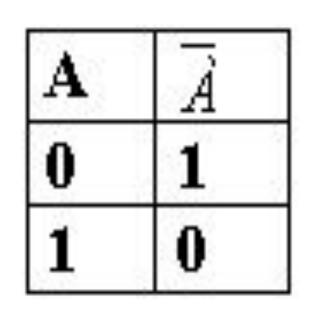
СОЕДИНЕНИЕ ДВУХ ВЫСКАЗЫВАНИЙ А И В В ОДНО С ПОМОЩЬЮ СОЮЗА «ИЛИ», УПОТРЕБЛЯЕМОГО В НЕИСКЛЮЧАЮЩЕМ ВИДЕ.

ДИЗЪЮНКЦИЯ ДВУХ
ЛОГИЧЕСКИХ
ВЫСКАЗЫВАНИЙ
ЛОЖНА ТОГДА И ТОЛЬКО
ТОГДА, КОГДА ОБА
ВЫСКАЗЫВАНИЯ
ЛОЖНЫ.

Α	В	$A \lor B$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

ИНВЕРСИЯ (ЛОГИЧЕСКОЕ ОТРИЦАНИЕ) - ПРИСОЕДИНЕНИЕ ЧАСТИЦЫ «НЕ» К СКАЗУЕМОМУ ДАННОГО ПРОСТОГО ВЫСКАЗЫВАНИЯ ИЛИ ПРИСОЕДИНЕНИЕ СЛОВ «НЕВЕРНО ЧТО. . . . » КО ВСЕМУ ВЫСКАЗЫВАНИЮ.

ИНВЕРСИЯ ЛОГИЧЕСКОЙ ПЕРЕМЕННОЙ ИСТИННА, ЕСЛИ САМА ПЕРЕМЕННАЯ ЛОЖНА, И, НАОБОРОТ, ИНВЕРСИЯ ЛОЖНА, ЕСЛИ ПЕРЕМЕННАЯ ИСТИННА.



#### ИМПЛИКАЦИЯ -

### ЛОГИЧЕСКАЯ ОПЕРАЦИЯ, СООТВЕТСТВУЮЩАЯ СОЮЗУ «ЕСЛИ . . . , ТО . . .»

ИМПЛИКАЦИЯ ВЫСКАЗЫВАНИЙ ЛОЖНА ЛИШЬ В СЛУЧАЕ, КОГДА А ИСТИННО, А В ЛОЖНО.

A	В	A→B
1	1	1
1	0	0
0	1	1
0	0	1

#### ЭКВИВАЛЕНЦИЯ -

ЛОГИЧЕСКАЯ ОПЕРАЦИЯ, СООТВЕТСТВУЮЩАЯ СОЮЗУ «ТОГДА И ТОЛЬКО ТОГДА, КОГДА ...»

ЭКВИВАЛЕНЦИЯ ДВУХ ВЫСКАЗЫВАНИЙ ИСТИННА В ТОМ И ТОЛЬКО ТОМ СЛУЧАЕ, КОГДА ОБА ЭТИ ВЫСКАЗЫВАНИЯ ИСТИННЫ ИЛИ ЛОЖНЫ.

A	В	A↔B
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1

#### ПРИОРИТЕТ ЛОГИЧЕСКИХ ОПЕРАЦИЙ:

- ИНВЕРСИЯ;
- конъюнкция;
- дизъюнкция;
- импликация и эквивалентность.

#### ЛОГИЧЕСКИЕ ОПЕРАЦИИ

Логическая операция	Обозначения	Эквивалент в русском языке
Инверсия (логическое отрицание)	HE, NOT, ¬, a	не; неверно, что
Конъюнкция (логическое умножение)	И, AND, ∧, &, •, ∩	и; a; но
Дизьюнкция (логическое сложение)	ИЛИ, OR, ∨, +,  , ∪	Или; Либо, либо Или, или
Импликация (логическое следование)	<b>→</b> , <b>⇒</b> , ⊃	если, то; из следует; достаточно для; для , необходимо
Эквиваленция (логическое равенство)	↔, ⇔, ≡, ~	если и только если; тогда и только тогда, когда; в том и только в том случае, когда; необходимо и достаточно

## С помощью логических переменных и символов логических операций любое высказывание можно формализовать, т.е. заменить логической формулой.

- Всякая логическая переменная и символы «истина» («1») и «ложь» («0») формулы.
- Если А и В формулы, то «не А», «А и В», «А или В», «если А, то В», «тогда и только тогда А, когда В» тоже формулы.
- 3. Никаких других формул в алгебре логики нет.
- Простые высказывания будем называть логическими переменными, а сложные логическими функциями.

#### Задания (устно)

#### 1. Даны простые высказывания:

А: "Петя умеет плавать"

В: "Сергей умеет прыгать"

С: "Алеша умеет стрелять"

Даны формулы сложных высказываний, составленные из этих простых. Прочтите их, используя смысл каждого простого высказывания:

$$4. A \cdot \overline{B} \cdot C$$

5. A. 
$$\overline{C} \cdot \overline{B}$$

#### Задания (устно)

2. Даны простые высказывания:

А: "Данное число не кратное 3"

В: "Данное число больше 50"

Прочтите сложные высказывания:

1) A $\overline{B}$ 

2) AB

3)  $\overline{A} \cdot \overline{B}$ 

3. Прочтите формулы:

- a).  $(A \rightarrow D) \land B$
- 6). C ∨ A ∧ D
- B). D  $\wedge$  (B $\leftrightarrow$ ( $\overline{A} \cdot C$ ))

#### Задания (письменно)

- 4. В состав истинного логического произведения входят три простых высказывания A,B,C. известно, что A и B истинны. Может ли высказывание C быть одним из следующих:
  - а) "Дважды два равно семи".
  - б) "Слоны живут в Африке и Индии".
  - B) "5x + 3 = 11x".
- 5. Дано высказывание: "Иванов является членом сборной команды "Алгоритм". Какое из следующих высказываний является логическим отрицанием данного?
  - а). Не Иванов является членом сборной команды "Алгоритм".
  - б). Иванов является членом сборной команды не "Алгоритм".
  - в). Иванов не является членом сборной команды "Алгоритм".
- г). Неверно, что Иванов является членом сборной команды "Алгоритм".

#### Задания (письменно)

#### 6. Определите значения истинности высказываний:

- а). "Если 16 делится на 4, то 16 делится на 2"
- б). "Если 17 делится на 4, то 17 делится на 2"
- в). "Если 18 делится на 4, то 18 делится на 2"
- г). "Если 18 делится на 2, то 18 делится на 4"
- д). "Если  $2 \cdot 2 = 5$ , то  $8^3 \neq 500$ "
- е). "Если  $2 \cdot 2 = 4$ , то  $7^2 = 81$ "
- ж). "Если телепатия существует, то некоторые физические законы требуют пересмотра"
- з). "16 делится на 4 тогда и только тогда, когда 16 делится на 2"
- и). "17 делится на 4 тогда и только тогда, когда 17 делится на 2"
- к). "18 делится на 4 тогда и только тогда, когда 18 делится на 2"
- л). "15 делится на 5 тогда и только тогда, когда 15 делится на 10"