



Показательные уравнения.



Показательным *называется уравнение, содержащее переменную в показателе степени.*

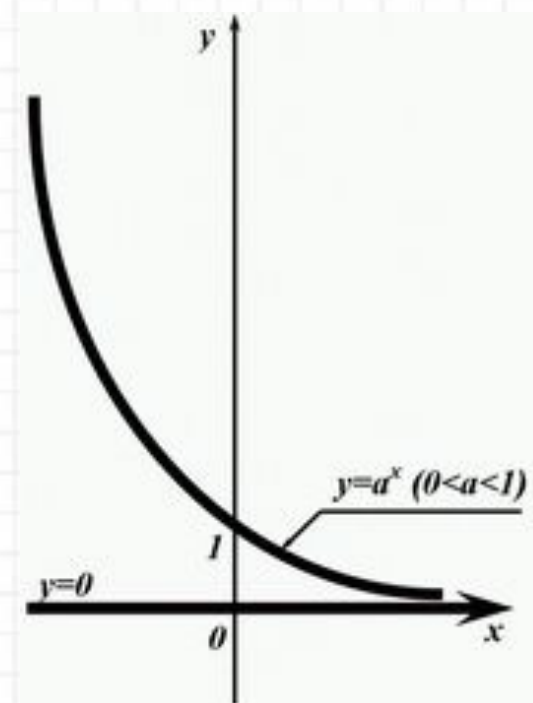
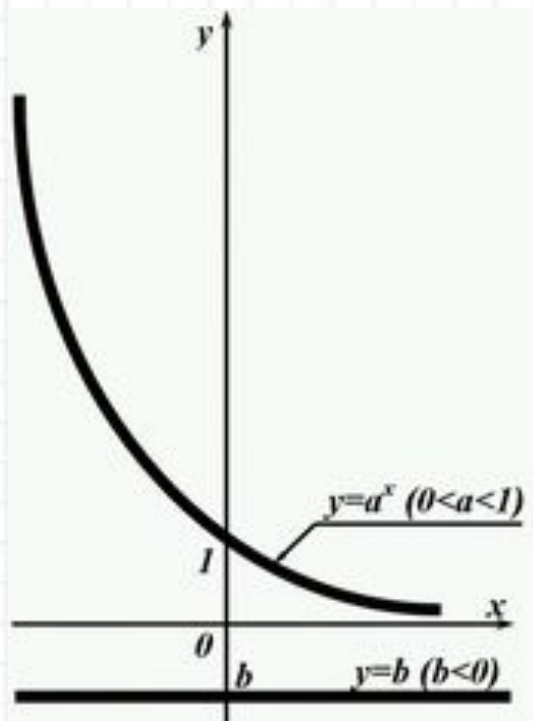
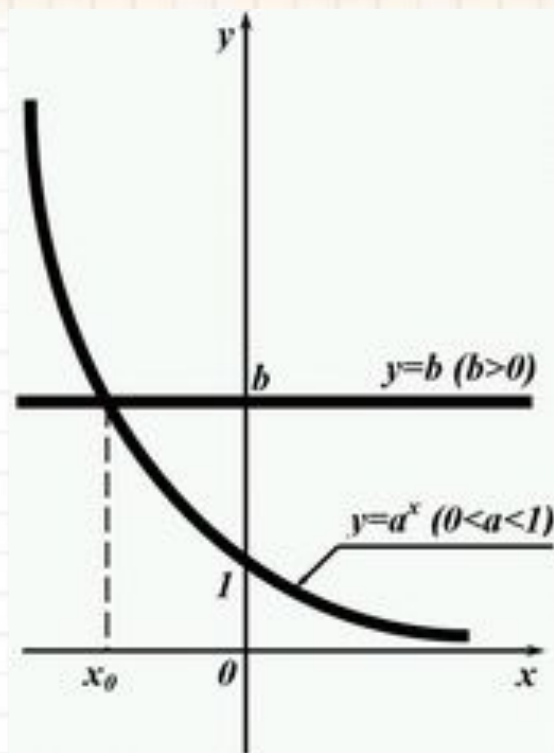
$$2^x = 4$$

$$3^x - 2 \cdot 3^{x-2} = 63$$

$$2^x \cdot 5^x = 0,1 \cdot (10^{x-1})^3$$



Сколько же корней может иметь уравнение
вида $a^x = b$ и от чего это зависит?





I. УРАВНИВАНИЕ ОСНОВАНИЙ.

$$a^{f(x)} = a^{g(x)}$$

$$f(x) = g(x)$$



I. УРАВНИВАНИЕ ОСНОВАНИЙ.

$$3^{x+2} = 81$$

$$3^{x+2} = 3^4$$

$$x+2=4$$

$$x = 2$$

Ответ : $x = 2$

$$2^x = \frac{1}{16}$$

$$2^x = 2^{-4}$$

$$x = -4$$

Ответ : $x = -4$



II. ВВЕДЕНИЕ ВСПОМОГАТЕЛЬНОЙ ПЕРЕМЕННОЙ

$$\alpha \bullet a^{2x} + \beta \bullet a^x + \gamma = 0$$

$$a^x = t > 0$$

$$\alpha t^2 + \beta t + \gamma = 0$$



II. ВВЕДЕНИЕ ВСПОМОГАТЕЛЬНОЙ ПЕРЕМЕННОЙ

$$9^x - 6 \cdot 3^x - 27 = 0$$

$$3^{2x} - 6 \cdot 3^x - 27 = 0$$

$$3^x = t$$

$t^2 - 6t - 27 = 0$ - квадратное уравнение

$$D = 144; \quad t_1 = 9; \quad t_2 = -3;$$

$$3^x = 9$$

$$3^x = -3$$

$$3^x = 3^2$$

нет решений

$$x = 2$$

Ответ : $x = 2$



III. ВЫНЕСЕНИЕ ОБЩЕГО МНОЖИТЕЛЯ ЗА СКОБКИ

$$a^{x+1} - a^{x-1} = b$$

$$a^{x-1} (a^2 - 1) = b$$



III. ВЫНЕСЕНИЕ ОБЩЕГО МНОЖИТЕЛЯ ЗА СКОБКИ

$$3^{x+2} + 3^x = 30$$

$$3^x \cdot 3^2 + 3^x = 30$$

$$a^{m+n} = a^m \cdot a^n$$

$$3^x \cdot (3^2 + 1) = 30$$

$$3^x \cdot 10 = 30$$

$$3^x = 3$$

$$x = 1$$

Ответ : $x = 1$



IV. ДЕЛЕНИЕ НА СТЕПЕНЬ.

$$a^{f(x)} = b^{f(x)}$$

$$a^{f(x)} = b^{f(x)} / : b^{f(x)}$$

$$\left(\frac{a}{b}\right)^{f(x)} = 1$$



V. ГРАФИЧЕСКИЙ МЕТОД.

Решить уравнение:

Строим графики функций
и

Графики функций не
имеют общих точек.

Ответ: решений нет

