

#### Теория управления

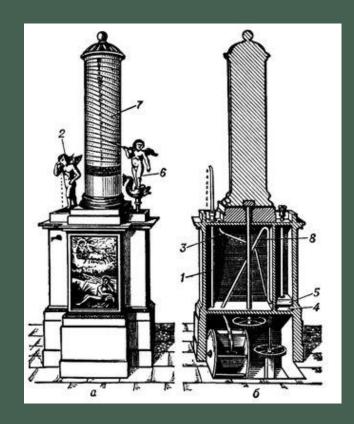
- наука о принципах и методах управления различными системами, процессами и объектами.
- Суть теории управления состоит в построении на основе анализа данной системы, процесса или объекта такой абстрактной модели, которая позволит получить алгоритм управления ими в динамике, — для достижения системой, процессом или объектом состояния, которое требуется целями управления.
- Теория управления, как и любая другая наука, имеет свои предмет, функцию, цели, задачи и методы. При этом методы теории управления довольно сильно различаются в зависимости от области применения, — в кибернетике, прикладной математике, компьютерном моделировании, социологии, политологии, правоведении, в экономике.

# Первое самоуправляемое устройство

• **Ктесибий**, также Ктезибий (285-222 год до н. э.) — древнегреческий <u>изобретатель</u>, математик и механик, живший в <u>Александрии</u> в <u>Эллинистическом Египте</u>. Ктесибия считают «отцом пневматики».

#### клепсидра (водяные часы)

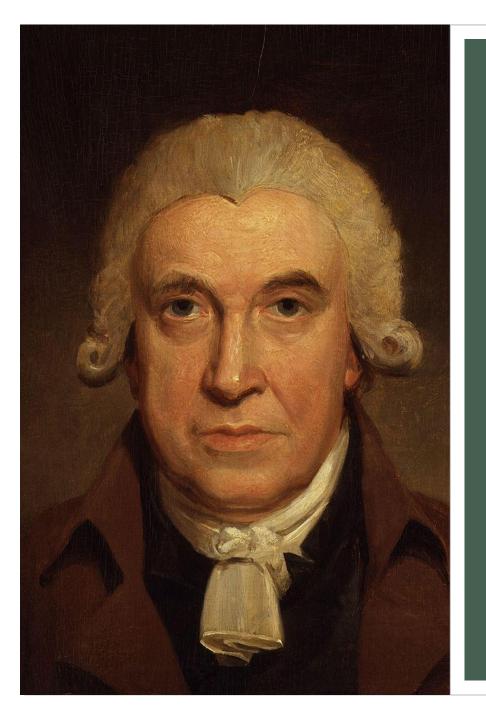
- а внешний вид;
- б разрез;
- 1 трубка подачи воды из постороннего источника;
- 2 фигура, из глаз которой вода капля за каплей равномерно поступает по трубке 3 в резервуар 4;
- 5 пробка с укреплённой на ней фигурой 6, показывающей палочкой время на цилиндрическом циферблате 7;
- 8 трубка **сисрона**, по которой в конце суток вода вытекает из наполненного резервуара 4, поворачивая цилиндр 7 вокруг вертикальной оси на 1/365 часть окружности.





### Корнелиус Дреббель

. Корнелиус Якобсон Дреббель (нидерд. Cornelius Jacobszoon Drebbel; 1572, Алкмар — 7 наября 1633, Дандон) — нидердандский изобретатель, внёсший вклад в развитие оптики, химии, науки об измерениях, известен как изобретатель одного из первых типов микроскопов и строитель первой в мире действующей подводной долки.



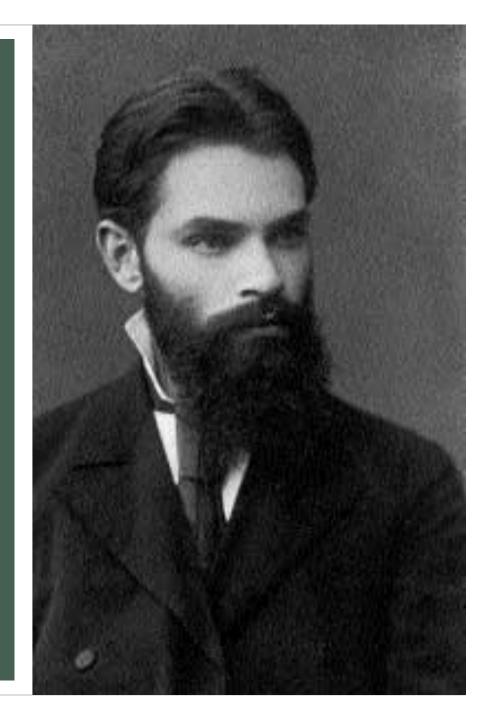
#### Уатт, Джеймс

Джеймс Уатт (англ. James Watt; 19 (30) января 1736—
19 августа 1819) — шотландский инженер,
изобретатель-механик. Член Эдинбургского
королевского общества (1784),

Пондонского королевского общества (1785), Парижской академии наук (1814). Ввёл первую единицу мощности — лошадиную силу. Его именем названа единица мощности — ватт. Усовершенствовал паровую машину Ньюкомена. Изобрел универсальную паровую машину двойного действия. Работы Уатта положили начало промышленной революции вначале в Англии, а затем и во всем мире.

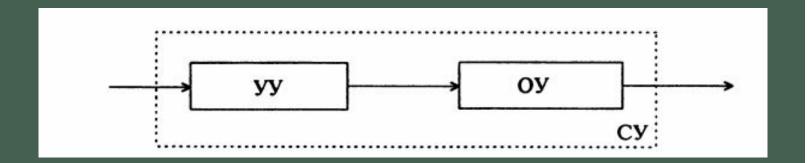
# **Ляпунов, Александр Михайлович**

- Александр Михайлович Ляпунов (25 мая (6 июня) 1857, Ярославль 3 ноября 1918, Одесса) русский математик и механик, академик Петербургской Акаделии наук с 1901 года, член-корреспондент Парижской акаделии наук, член Национальной акаделии деи Линчеи (Италия) и ряда других академий наук и научных обществ.
- . А. М. Ляпунов создал <u>теорию устойчивости</u> равновесия и движения механических систем с конечным числом параметров.



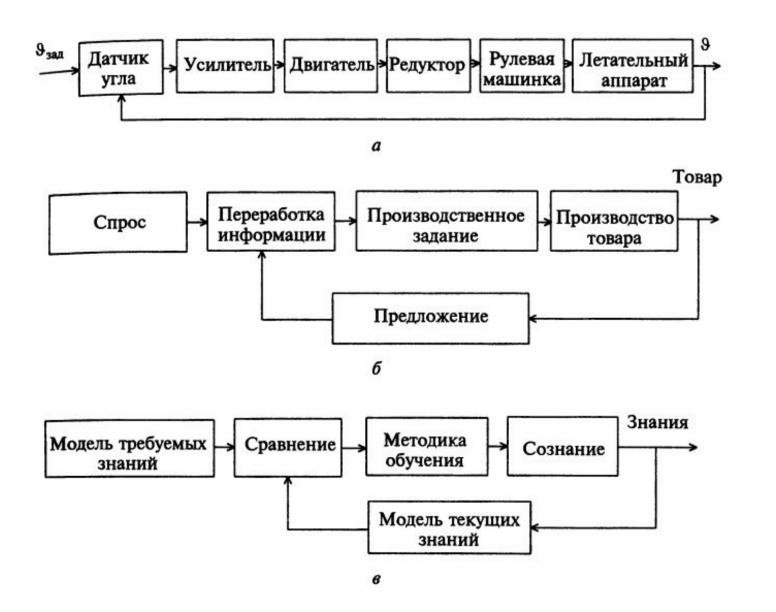
#### Основные понятия и определения

- Система управления (СУ) это совокупность управляющего устройства (УУ) и объекта управления , действия которой направлены на достижение некоторого результата цели управления
- Управляющее устройство реализует следующие функции:
- ь сбор информации;
- 2. обработка информации;
- з передачу информации;
- выработку команды управления;



# функциональная схема системы управления





#### Примеры

схемы систем управления:

- углом тангажа
   самолета
- производством тара товара
- процессом обучения в

# Классификация задач расчета систем управления

- Задачи анализа: по заданному воздействию и оператору системы исследовать закон изменения выходного сигнала
- Задачи синтеза: по желаемому выходу найти входной сигнал и оператор системы
- задачи идентификации: по входному и выходному сигналам определить оператор системы



#### Описание сигналов

#### ·1.1. A A BANT OP OP WHICH IN

Единичная ступен объя функция 
$$=$$
  $\begin{cases} f(\tau+0), \tau \in [a,b) \\ 0, \tau \in (-\infty > a) \cup [b+\infty) \end{cases}$ 

2.THABBUREHURAGABPUBRIGHBROOKHUBLUEHUEM

$$1(t-\tau) = \begin{cases} 1, & t > \tau \\ 0, t \le \tau \end{cases}$$

<u>Типовые сигналы связаны соотношением</u>

$$\int_{-\infty}^{t} \delta(\eta - \tau) \, d\eta = 1 \langle t - \tau \rangle$$

#### Описание системы

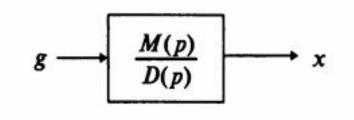
·• ОЖНОМЕРНИЯ МИНЕЙНИЯ НЕПРЕРЫВНИЯ НЕСТОЩИОНОРНОЯ ENETEMO WITHOURS VEHIUR OTHICE BEOETER AND ODEPEHILING WEHEN WONDERNEHINEM

$$a_n(t) \frac{d^n x(t)}{dt^n} + \cdots + a_0(t) x(t) = b_n(t) \frac{d^n g(t)}{dt^n} + \cdots + b_0(t) g(t)$$
 С начальными условиями С начальными условиями

В операторной форме 
$$x(t_0) = x_0, \dot{x}(t) = \dot{x}, \dots, x^{(n-1)}(t_0) = x_0^{(n-1)}$$

В операторной форме

$$D(p,t)x(t) = M(p,t)g(t)$$
 ,где  $p = \frac{d}{dt}$ 



#### Усилительное звено

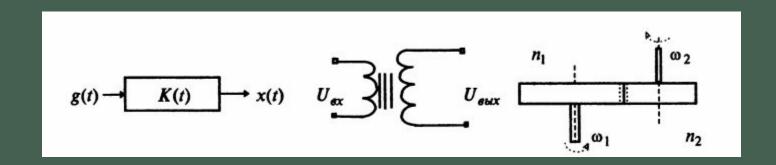
x(t) = K(t)g(t)

где K(t) — коэффищент усимения. Если звено стационарное, то K(t)=K=const

ШФиимерні:

 $\mathcal{O}$ ) Проднесформалар  $U_{\mathrm{BHX}}(t) = KU_{\mathrm{BX}}(t)$ 

Frankfor 
$$\omega_2 = \frac{n_1}{n_1} \omega_1 = K(t) \omega_1$$



### Дифференцирующее звено

,

$$x(t) = \frac{dg\langle t \rangle}{dt}$$

Операторная форма:

Операторная форма: x(t) = pg(t)

### Интегрирующее звено

Операторная форма:

$$\frac{dx\langle t\rangle}{dt} = g(t)$$

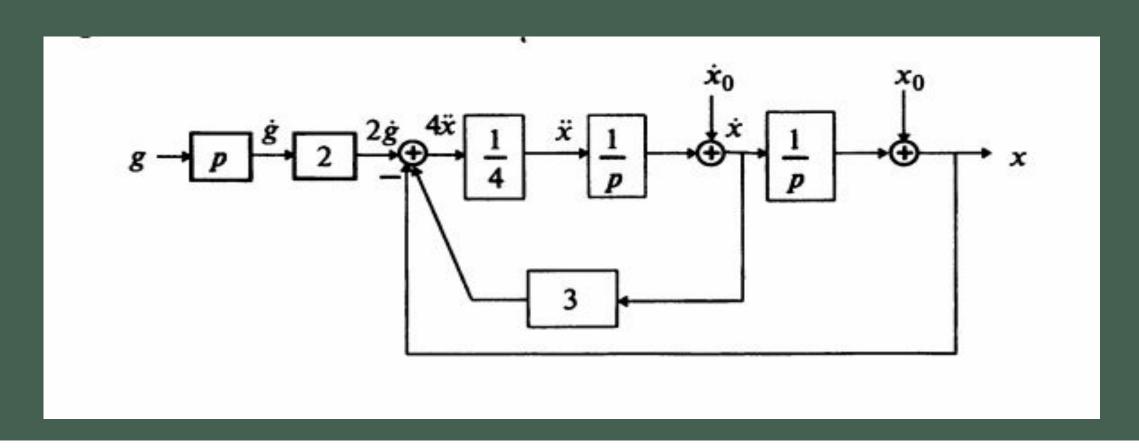
Операторная форма: px(t) = g(t)

$$g(t) \longrightarrow p \longrightarrow x(t) \qquad g(t) \longrightarrow \frac{1}{p} \longrightarrow x(t)$$

#### Пример

• Простроить структурную охому систомы описываюмой диарароронщиальным уравнонием

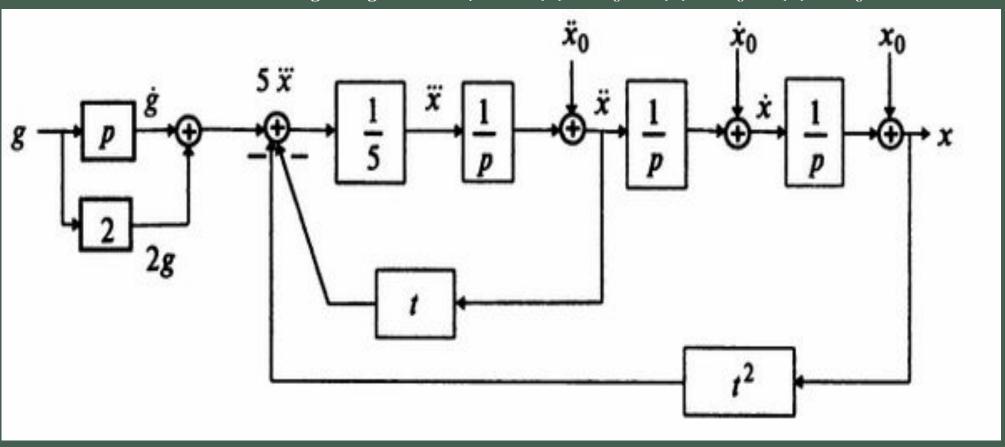
$$4\ddot{x} - 3\dot{x} + x = 2\dot{g} \in \text{AdHPY-CYC}(0) = x_0, \ \dot{x}(0) = \dot{x}_0$$



#### Пример 2

• Простроить структурную охому систомы описываюмой диарароронщиальным уравнонием

$$5\ddot{x} + t\dot{x} + t^2x = \dot{g} + 2g$$
 C HQF.  $\forall \forall \dot{x} \cdot \dot{x} \cdot (0) = \dot{x}_0, \ \dot{x}(0) = \dot{x}_0, \ \ddot{x}(0) = \ddot{x}_0$ 



## Передаточная функция

Преобравование Астрановию СНОВАНО

на двух следующих формулах: На двух следующих формулах 1. прямого преобразования Лапласа

- прямого преобразования Лапла
- 2. обратного преобразования Лапласа
- $_{2}$  обра $m_{H_{i}}^{1}$ о $_{\sigma}^{\sigma+i\infty}$ преобразования Лаг....

$$\dot{f}(t) = p\hat{f}(p) - f(0)$$

р - комплексная переменная, † – параметр времени

Операция перехода от исходной функции у(t) к ее изображению У(p) называется прямым преобразованием Лапласа. Обратное Мреобразование Явллере Мпередия перехадают в боражения и функции к ее оригиналу.

ОПЕРОЦИЯ ПЕРЕХОДО ОТ ИСХОДНОЙ ФУНКЦИИ У(†), К ЕЕ Передаточной функцией W (р)— называется отношение изображения и изображения изображения

$$W(p) = \frac{Y(p)}{X(p)}$$

 $X(p) = \left[ x(t)e^{-pt}dt = L[x(t)] \right]$ 

 $Y(p) = \left[ y(t)e^{-pt}dt = L[y(t)] \right]$ 

## Дифференциальные

уравнения сое

А. Последовательное соединение

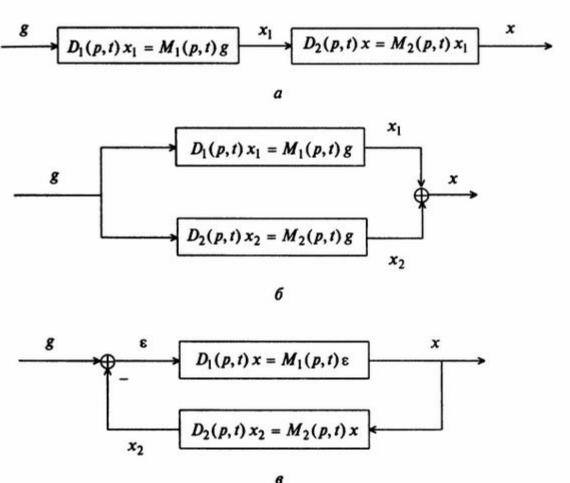
$$W(p) = \frac{Y(p)}{X(p)} = W_1(p) \cdot W_2(p) \cdot \dots \cdot W_n(p)$$

Б. Параллельное соединение

$$W(p) = \sum_{i=1}^{n} W_i(p)$$

В. Соединение с обратной связью

$$W(p) = \frac{\operatorname{Wp}(p)}{1 + \operatorname{Wp}(p) \cdot \operatorname{Woc}(p)}$$



# Пример 3 Заданы входной и выходной

CMTH 
$$x(t) = 1 + t - 0.5e^{-0.5t}$$
  
 $y(t) = 2 + e^{-0.2t}$ 

- $\cdot$  a) найти передаточную функцию W(p) всей системы;
- . б) представить передаточную функцию в виде произведения элементарных динамических звеньев;

#### Решение:

. а) Передаточная функция всей системы:

$$W(p) = \frac{Y(p)}{X(p)}$$

$$X(p) = \frac{1}{p} + \frac{1}{p^2} - \frac{0.5}{p+0.5} = \frac{p^2 + 0.5 + p + 0.5 - 0.5^2}{p^2(p+0.5)}$$

$$X(p) = \frac{0.5p^2 + 1.5p + 0.5}{p^2(p+0.5)}$$

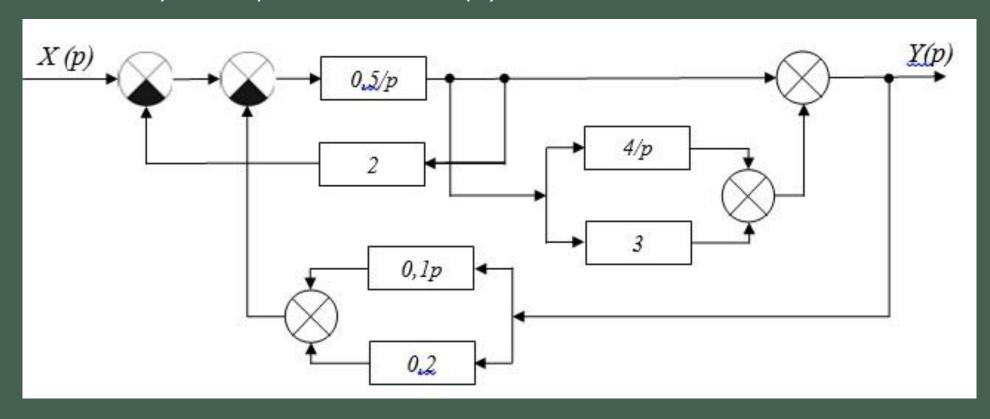
$$Y(p) = \frac{2}{p} + \frac{1}{p+0.2} = \frac{2p+0.4+p}{p(p+0.2)} = \frac{3p+0.4}{p(p+0.2)}$$

$$W(p) = \frac{3p+0.4}{p(p+0.2)} \cdot \frac{p^2(p+0.5)}{0.5p^2+1.5p+0.5}$$

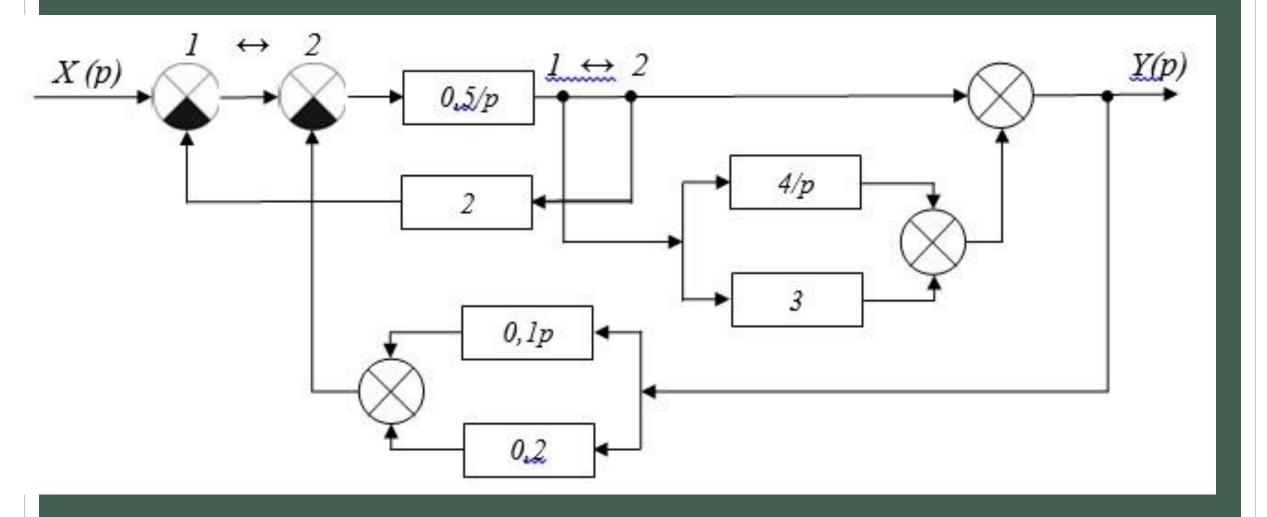
б) Передаточная функция в виде Произведения элементарных динамических звеньев:

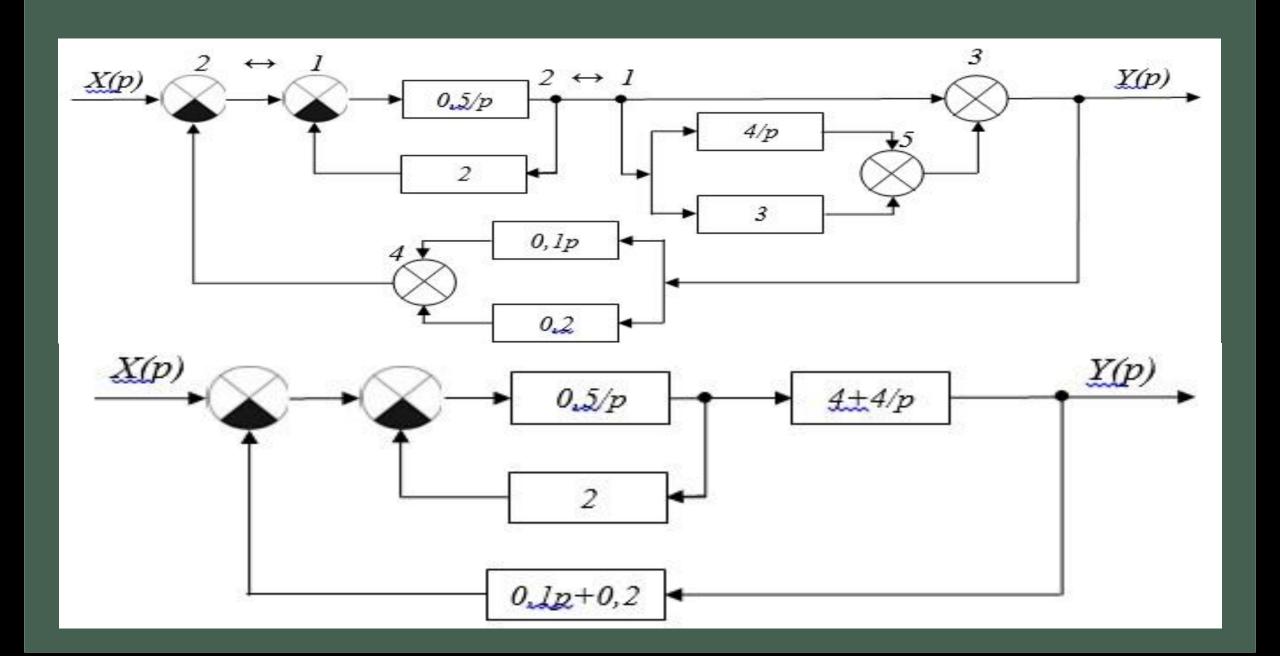
$$W(p) = \frac{2p(7.5+1)}{5p+1} \cdot \frac{2p+1}{p^2+3p+1}$$

Пример 1. Упростив схему, представленную на рис. 2.8, определить какому элементарному динамическому звену соответствует передаточная функция системы.



#### ГСШСПИС.





Передаточную функцию двух звеньев, соединенных встречно-параллельно с отрицательной обратной связью можно представить в виде следующего выражения:

$$W(p) = \frac{0.5/p}{1 + 0.5p \cdot 2}$$

Запишем передаточную функцию всей системы, представленной

$$\begin{split} W_{ob}(p) &= \frac{(0.5/p+1)\cdot 4(p+1)/p}{1 + \frac{0.5p\cdot 4(p+1)\cdot 0.2(0.5p+1)}{(p+1)p}} = \frac{\frac{2(p+1)}{(p+1)p}}{1 + \frac{0.4(0.5p+1)}{p}} = \frac{2}{p+0.4(0.5p+1)} = \frac{2}{1.2p+0.4} = \frac{2}{1.2p+0.4} = \frac{2}{0.4(3p+1)} = \frac{5}{3p+1} \end{split}$$

Данная передаточная функция соответствует апериодическому звену с параметрами k=5, T=3c.

$$\frac{k}{Tp+1}$$

### Литература

- . Википедия \:\:Wikipedia.org
- . Лекции «Основы теории управления» <mark>Ятьяета Ленура</mark> Тахировна <u>Казанский</u> национальный исследовательский технологический университет
- . Теория управления в примерах и задачах Учеб. Пособие А.В. Пантелеев А.С. Бортаковский ФГУП Издательство «Высшая школа» с.583