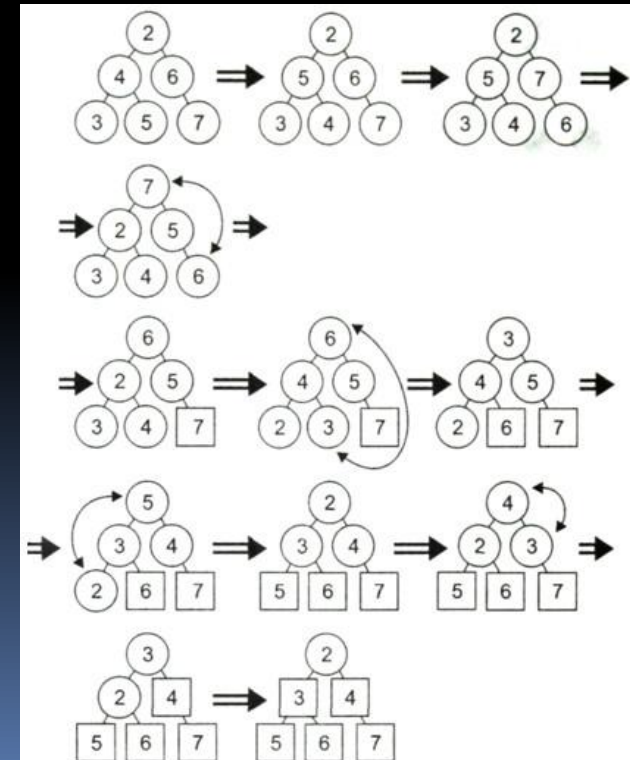




- Сортировка пирамидой использует бинарное сортирующее дерево. Сортирующее дерево — это такое дерево, у которого выполнены условия:
- Каждый лист имеет глубину либо d , либо $d - 1$, d — максимальная глубина дерева.
- Значение в любой вершине не меньше (другой вариант — не больше) значения её потомков.
- Удобная структура данных для сортирующего дерева — такой массив `Array`, что `Array[0]` — элемент в корне, а потомки элемента `Array[i]` являются `Array[2i+1]` и `Array[2i+2]`

Алгоритм сортировки будет состоять из двух основных шагов:

- 1. Выстраиваем элементы массива в виде сортирующего дерева
- $\text{Array}[i] \geq \text{Array}[2i+1]$
- $\text{Array}[i] \geq \text{Array}[2i+2]$
- При $0 \leq i < n/2$
- Этот шаг требует $O(n)$ операций.
- 2. Будем удалять элементы из корня по одному за раз и перестраивать дерево. То есть на первом шаге обмениваем $\text{Array}[1]$ и $\text{Array}[n]$, преобразовываем $\text{Array}[1], \text{Array}[2], \dots, \text{Array}[n-1]$ в сортирующее дерево. Затем переставляем $\text{Array}[1]$ и $\text{Array}[n-1]$, преобразовываем $\text{Array}[1], \text{Array}[2], \dots, \text{Array}[n-2]$ в сортирующее дерево. Процесс продолжается до тех пор, пока в сортирующем дереве не останется один элемент. Тогда $\text{Array}[1], \text{Array}[2], \dots, \text{Array}[n]$ — упорядоченная последовательность.
- Этот шаг требует $O(n \log n)$ операций.

1: 7 3 5 0 1 -2 -4

-4 3 5 0 1 -2 7

5 3 -4 0 1 -2 7

2: 5 3 -2 0 1 -4 7

-4 3 -2 0 1 5 7

3 3 -4 -2 0 1 5 7

3: 3 1 -2 0 -4 5 7

-4 1 -2 0 3 5 7

1 -4 -2 0 3 5 7

4: 1 0 -2 -4 3 5 7

-4 0 -2 1 3 5 7

5: 0 -4 -2 1 3 5 7

-2 -4 0 1 3 5 7

6: -2 -4 0 1 3 5 7

7: -4 -2 0 1 3 5 7

-4 -2 0 1 3 5 7

Достоинства

- Имеет доказанную оценку худшего случая $O(n \cdot \log n)$
- Сортирует на месте, то есть требует всего $O(1)$ дополнительной памяти.
- никаких дополнительных переменных, нужно лишь понимать схему.
- узлы хранятся от вершины и далее вниз, уровень за уровнем.
- узлы одного уровня хранятся в массиве слева направо.

Недостатки

- Сложен в реализации.
- На почти отсортированных массивах работает столь же долго, как и на хаотических данных.
- На одном шаге выборку приходится делать хаотично по всей длине массива — поэтому алгоритм плохо сочетается с кэшированием и подкачкой памяти.
- Методу требуется «мгновенный» прямой доступ; не работает на связанных списках и других структурах памяти последовательного доступа.
- Из-за сложности алгоритма выигрыш получается только на больших n . На небольших n (до нескольких тысяч) быстрее сортировка Шелла.
- Поведение неестественно: частичная упорядоченность массива никак не учитывается.

