**Уравнение вида**  $\sqrt[3]{A(x)} + \sqrt[3]{B(x)} = C(x)$ 

### Критерии выбора рационального способа решения

$$(a+b)^{3} = \begin{bmatrix} a^{3} + 3a^{2}b + 3ab^{2} + b^{3} \\ a^{3} + b^{2} + 3ab(a+b) \end{bmatrix}$$

$$a^{3} + b^{3} = \begin{bmatrix} (a+b)(a^{2} - ab + b^{2}) \\ (a+b)^{3} - 3ab(a+b) \end{bmatrix}$$

Если 
$$a+b+c=0$$
 , то  $a^3+b^3+c^3=3abc$ 

# Проверка домашнего задания.

## №1. Решить уравнение

$$\sqrt[3]{8+x} + \sqrt[3]{8-x} = 1.$$

## 1способ: «Метод замены»

$$8 + x - x + 8 + 3\sqrt[3]{(8+x)(8-x)}(\sqrt[3]{8+x} + \sqrt[3]{8-x}) = 1$$

$$16+3\sqrt[3]{64-x} = 1$$

$$\sqrt[3]{64-x} = -5$$
,

$$\begin{bmatrix} x = \sqrt{189}, \\ x = -\sqrt{189}. \end{bmatrix}$$

**Проверка:** 
$$\sqrt[3]{8 + \sqrt{189}} + \sqrt[3]{8 - \sqrt{189}} = 1?!$$

## 2 способ: «Система уравнений»

Пусть 
$$\sqrt[3]{8-\chi} = a$$
 и  $\sqrt[3]{8+\chi} = e$ , тогда 
$$\begin{cases} a^3 + e^3 = 16, \\ a + e = 1; \end{cases}$$
 
$$\begin{cases} (a+e)^3 - 3ae(a+e) = 16, \\ a + e = 1; \end{cases}$$
 
$$\begin{cases} ae = -5, \\ a + e = 1; \end{cases}$$
 
$$\begin{cases} ae = -5, \\ a + e = 1; \end{cases}$$

Тогда  $\alpha$  и  $\beta$  корни уравнения,  $\kappa^2 - \kappa - 5 = 0$ , а значит  $\kappa = \frac{\sqrt{21+1}}{2}$ ,  $\kappa = \frac{1-\sqrt{21}}{2}$ .

Вернемся к исходной переменной: 
$$\sqrt[3]{8+x} = \frac{1+\sqrt{21}}{2}$$
, или  $\sqrt[3]{8+x} = \frac{1-\sqrt{21}}{2}$ ,  $x = 3\sqrt{21}$   $x = -3\sqrt{21}$ .

## Практическая работа

1.Каждое из уравнений решить способом «подстановки» или сведением к системе уравнений. Первые номера в паре начинают работу с «подстановки», а вторые- с системы уравнений.

Меняясь способом решения, вы решаете следующее уравнение.

$$\sqrt[3]{x-7} + \sqrt[3]{5-x} = 1$$

No. 
$$\sqrt[3]{x+34} - \sqrt[3]{x-3} = 1$$

### Решение практической работы.

$$\sqrt[3]{x+34} - \sqrt[3]{x-3} = 1,$$
$$\sqrt[3]{x+34} + \sqrt[3]{3-x} = 1,$$

$$\sqrt[3]{x+34} = a$$
 и  $\sqrt[3]{3-x} = e$ , тогда

Пусть 
$$\sqrt[3]{x+34} = a$$
 и  $\sqrt[3]{3-x} = e$ , тогда  $\begin{cases} a+e=1, & \{a+e=1, \\ a^3+e^3=37; \{(a+e)^3-3ae(a+e)=37; \} \end{cases}$ 

$$\begin{cases} a+e=1, & a+e=1, \\ -3ae=36; & ae=-12; \end{cases}$$

 $\alpha$  и  $\beta$  корни уравнения,  $\kappa^2 - \kappa - 12 = 0$ , а значит  $\kappa = -3$ Тогда

$$\begin{bmatrix}
\kappa = 4, \\
\kappa = -3.
\end{bmatrix}$$

Вернемся к исходной переменной:  $\sqrt[3]{3-x} = 4$ , x = -61

$$\sqrt[3]{3} - x = 4,$$
$$x = -61$$

$$\sqrt[3]{3} - x = -3$$

#### Закрепление нового материала.

## №1. Определите появляются ли посторонние корни при решении уравнений:

1) 
$$\sqrt[3]{2x-1} + \sqrt[3]{x-1} = 1$$
,

2) 
$$\sqrt[3]{2x+1} + \sqrt[3]{6x+1} = \sqrt[3]{2x-1}$$
,

3) 
$$\sqrt[3]{12-x} + \sqrt[3]{4+x} = 2$$
.

#### №2. Решите уравнение, выбрав рациональный способ решения:

1) 
$$\sqrt[3]{2x+3} + \sqrt[3]{2x+1} = \sqrt[3]{1-2x}$$
,

2) 
$$\sqrt[3]{2+x} + \sqrt[3]{x+0,4} = \sqrt[3]{1,2-x}$$
.

## Домашнее задание:

## Решите уравнение, выбрав рациональный способ решения:

$$\sqrt[3]{6+x} + 3\sqrt[3]{x-1,3} = \sqrt[3]{8,6-x},$$

$$\sqrt[3]{x+3} - \sqrt[3]{x-3} = \sqrt[6]{3x^2 - 27} - \sqrt{(|x|-3)^2}$$