

Программирование на языке Си

- | | | | |
|----|---|-----|---|
| 1. | <u>Введение</u> | 8. | <u>Отладка программ</u> |
| 2. | <u>Переменные</u> | 9. | <u>Графика</u> |
| 3. | <u>Ветвления</u> | 10. | <u>Графики функций</u> |
| 4. | <u>Сложные условия</u> | 11. | <u>Процедуры</u> |
| 5. | <u>Циклы</u> | 12. | <u>Анимация</u> |
| 6. | <u>Циклы с переменной</u> | 13. | <u>Функции</u> |
| 7. | <u>Оператор выбора</u> | 14. | <u>Случайные числа</u> |

Программирование на языке Си

Тема 1. Введение

Алгоритм

Алгоритм – это четко определенный план действий для исполнителя.

Свойства алгоритма

- **дискретность**: состоит из отдельных шагов (команд)
- **понятность**: должен включать только команды, известные исполнителю (входящие в СКИ)
- **определенность**: при одинаковых исходных данных всегда выдает один и тот же результат
- **конечность**: заканчивается за конечное число шагов
- **массовость**: может применяться многократно при различных исходных данных
- **корректность**: дает верное решение при любых допустимых исходных данных

Программа

Программа – это

- алгоритм, записанный на каком-либо языке программирования
- набор команд для компьютера

Команда – это описание действий, которые должен выполнить компьютер.

- откуда взять исходные данные?
- что нужно с ними сделать?
- куда поместить результат?

Языки программирования

- **Машинно-ориентированные (низкого уровня)** - каждая команда соответствует одной команде процессора (ассемблер)
- **Языки высокого уровня** – приближены к естественному (английскому) языку, легче воспринимаются человеком, **не зависят от конкретного компьютера**
 - *для обучения*: Бейсик, ЛОГО, Паскаль
 - *профессиональные*: Си, Фортран, Паскаль
 - *для задач искусственного интеллекта*: Пролог, ЛИСП
 - *для Интернета*: JavaScript, Java, Perl, PHP, ASP

Язык Си

1972-1974 – Б. Керниган, Д. Ритчи

-  • высокая скорость работы программ
 - много возможностей
 - стал основой многих современных языков (*C++*, *C#*, *Javascript*, *Java*, *ActionScript*, *PHP*)

-  • много шансов сделать ошибку, которая не обнаруживается автоматически

Простейшая программа

главная (основная) программа
всегда имеет имя *main*

«тело»
программы
(основная
часть)

```
main ()  
{  
}  
}
```

начало
программы

конец
программы



Что делает эта программа?

Что происходит дальше?

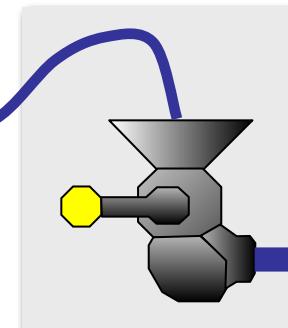
текст программы на Си или Си++

first.cpp

```
main ()  
{  
}  
}
```

исходный файл

транслятор



first.o

```
ъБzЦ2?|ёзБКа  
n/36ШпIC+И-  
Ц3_5MyРЧб  
s6bd^:@:лЖ1_
```

объектный файл

стандартные
функции

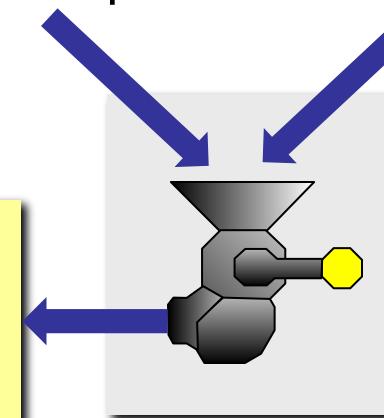


- по исходному файлу можно восстановить остальные
- исполняемый файл можно запустить

first.exe

```
MZPo:€Pэ_e3"!_  
`кп,Цв€-Щр1  
G_БАС,  
_Ощях¤9жФ
```

исполняемый файл



редактор
связей
(компоновка)

Вывод текста на экран

include = включить

```
#include <stdio.h>
main()
{
    printf ("Привет!");
}
```

файл *stdio.h*:
описание
стандартных
функций ввода
и вывода

вызов стандартной
функции
printf = *print format*
(форматный вывод)

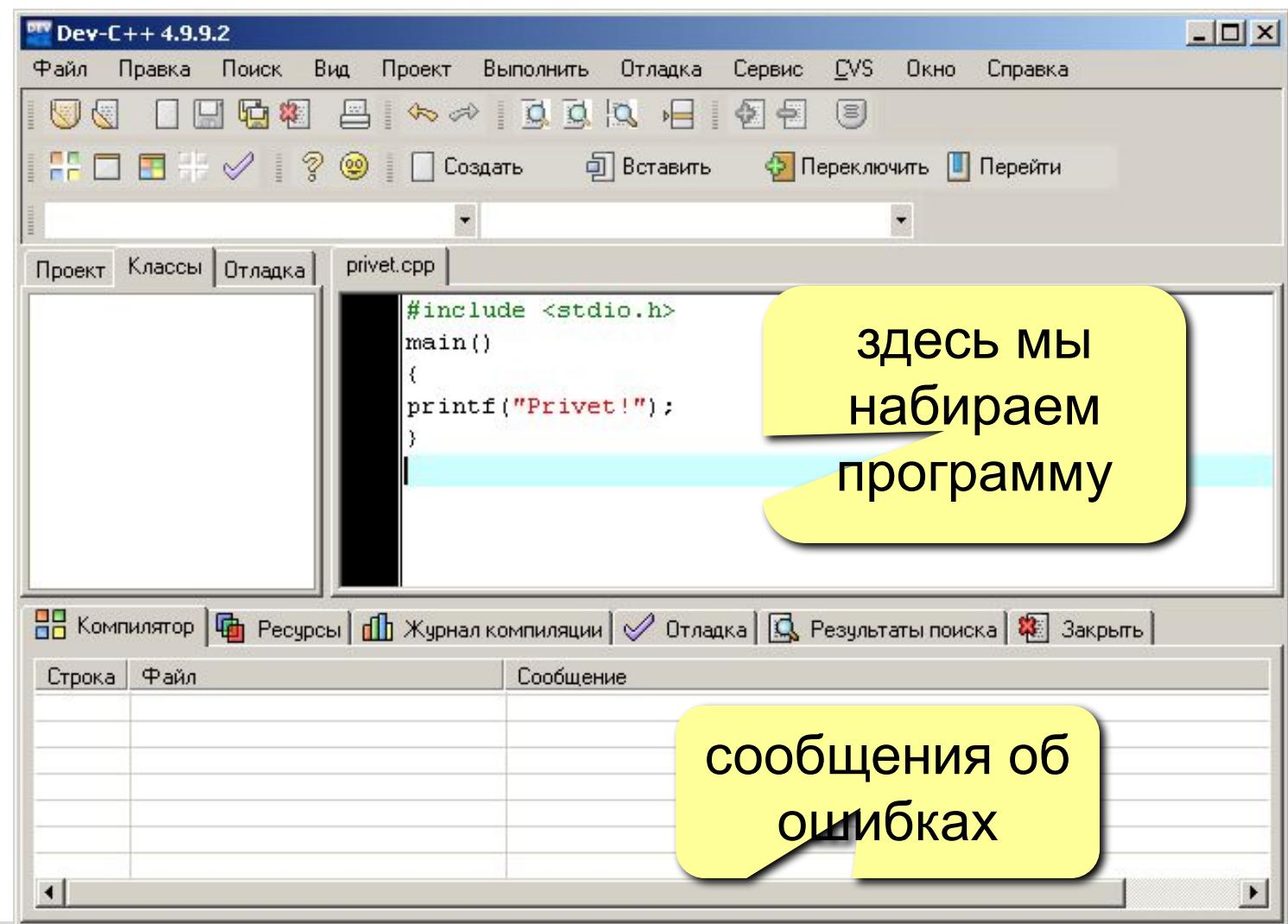
этот текст
будет на
экране

Как начать работу?



Dev-C++

Открыть Сохранить Закрыть



Оболочка Dev C ++ 4.9

IDE = *Integrated Development Environment*

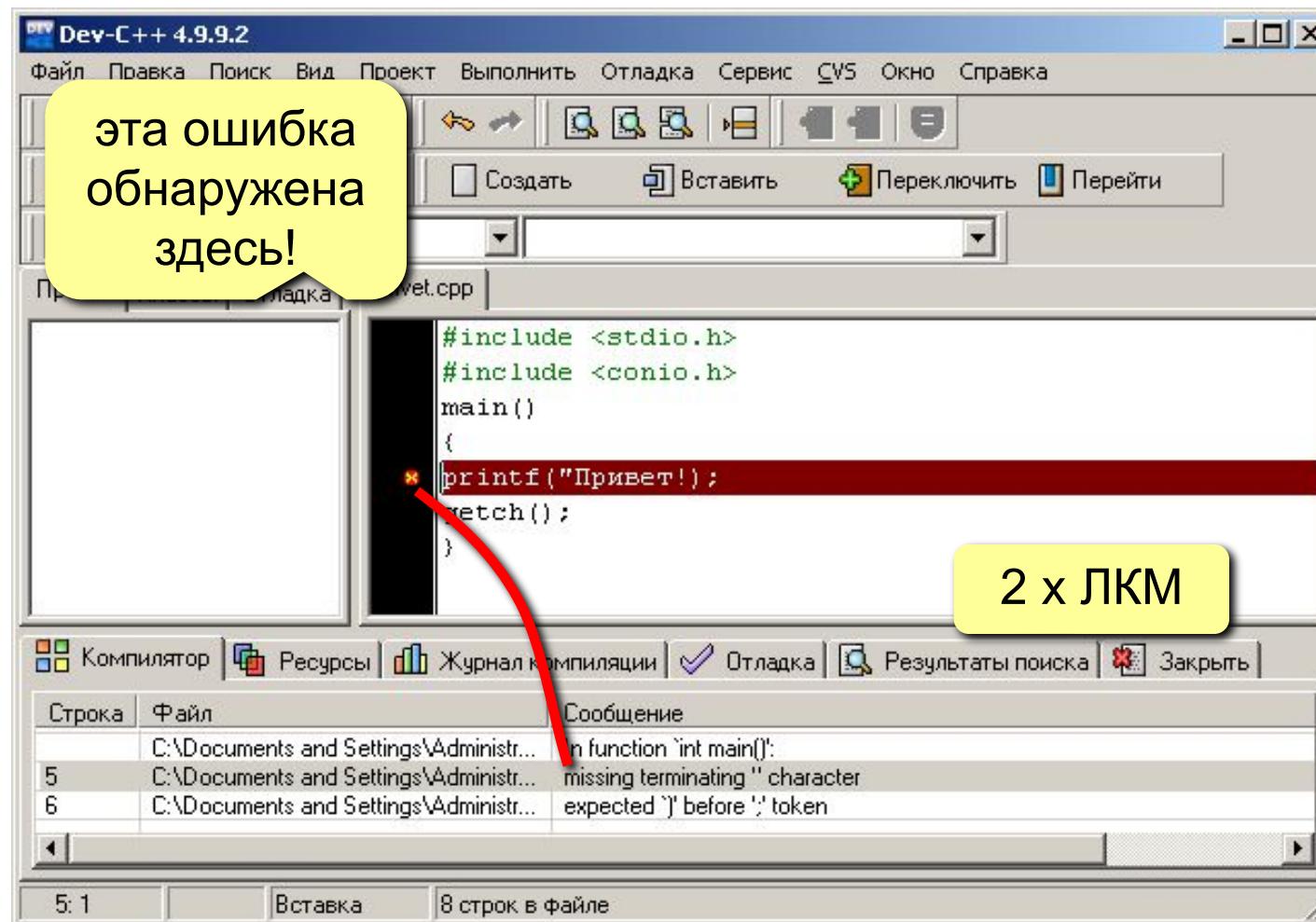
интегрированная среда разработки:

- **текстовый редактор** для создания и редактирования текстов программ
- **транслятор** для перевода текстов программ на Си и Си++ в команды процессора
- **компоновщик** для создания исполняемого файла (EXE-файла), подключающиеся стандартные функции
- **отладчик** для поиска ошибок в программах

Управление клавишами

Новый файл (Создать)	Ctrl+N	
Открыть файл	Ctrl+O	
Сохранить файл	Ctrl+S	
Закрыть окно с программой	Ctrl-F4	
Запуск программы	F9	
Отменить	Ctrl-Z	
Восстановить отмененное	Shift-Ctrl-Z	

Где ошибки?



Ошибка может быть в конце предыдущей строки!

Наиболее «популярные» ошибки

xxx.h: No such file or directory	не найден заголовочный файл 'xxx.h' (неверно указано его имя, он удален или т.п.)
'xxx' undeclared (first use this function)	функция или переменная 'xxx' неизвестна
missing terminating " character	не закрыты кавычки "
expected ;	нет точки с запятой в конце оператора в предыдущей строке
expected }	не закрыта фигурная скобка

Ждем нажатия любой клавиши

```
#include <stdio.h>
#include <conio.h>
main()
{
    printf("Привет!"); // вывод на экран
    getch(); /* ждать нажатия клавиши */
}
```

файл **conio.h**: описание функций для работы с клавиатурой и монитором

комментарий до конца строки

ждать нажатия на любую клавишу

комментарий между /* и */

Переход на новую строку

```
#include <stdio.h>
#include <conio.h>
main()
{
    printf("Привет, \n Вася!");
    getch();
}
```

последовательность

\n (код 10)

переход на новую строку

на экране:

Привет,
Вася!

Задания

«4»: Вывести на экран текст "лесенкой"

Вася

пошел

гулять

«5»: Вывести на экран рисунок из букв

Ж

ЖЖЖ

ЖЖЖЖЖ

ЖЖЖЖЖЖЖ

НН НН

ZZZZZ

Программирование на языке Си

Тема 2. Переменные

Что такое переменная?

Переменная – это ячейка в памяти компьютера, которая имеет имя и хранит некоторое значение.

- Значение переменной может меняться во время выполнения программы.
- При записи в ячейку нового значения старое стирается.

Типы переменных

- **int** – целое число (4 байта)
- **float** – вещественное число, *floating point* (4 байта)
- **char** – символ, *character* (1 байт)

Имена переменных

Могут включать

- латинские буквы (A-Z, a-z)
- знак подчеркивания _
- цифры 0-9



Имя не может начинаться с цифры!

НЕ могут включать

- русские буквы
- пробелы
- скобки, знаки +, =, !, ? и др.

Какие имена правильные?

AХby R&B 4Wheel Вася “PesBarbos”

TU154 [QuQu] _ABBA A+B

Объявление переменных

Объявить переменную = определить ее имя, тип, начальное значение, и выделить ей место в памяти.

```
main()
```

целая переменная a

```
{
```

целая и дробная
части отделяются
точкой

```
i
```

вещественные
перемен

целые переменные
Tu104, I186 и Yak42

```
f
```

```
int Tu104, I186=23, Yak42;
```

```
float x=4.56, y, z;
```

```
char c, c2='A', m;
```

```
}
```

вещественные
переменные x, у и z
x = 4,56

символьные
переменные с, c2 и m
c2 = 'A'



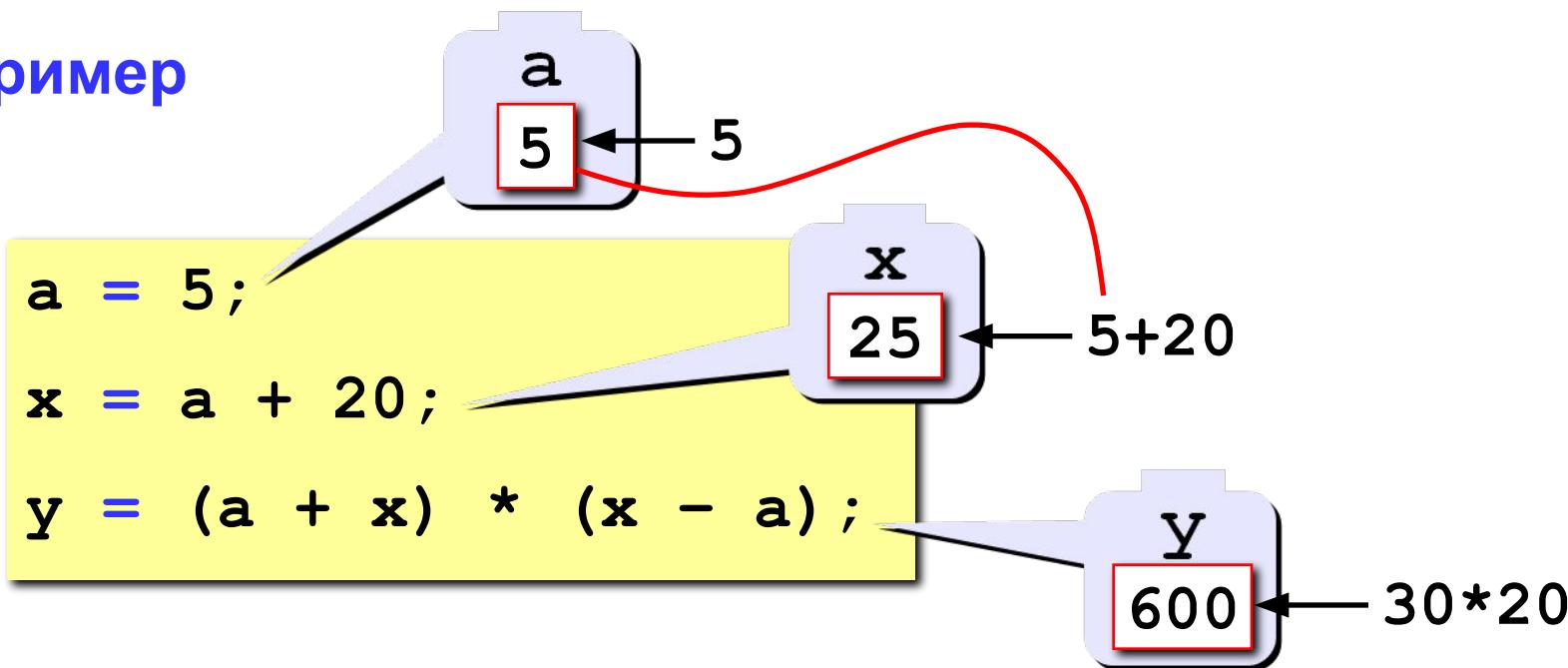
Если начальное значение не задано, в этой ячейке находится «мусор»!

Оператор присваивания

Оператор – это команда языка программирования высокого уровня.

Оператор присваивания служит для изменения значения переменной.

Пример



Оператор присваивания

Общая структура:

куда записать

что

имя переменной = выражение;

Арифметическое выражение может включать

- константы (постоянные)
- имена переменных
- знаки арифметических операций:

+ - * / %

умножение

деление

остаток от
деления

- вызовы функций
- круглые скобки ()



Для чего служат
круглые скобки?

Сложение двух чисел

Задача. Ввести два целых числа и вывести на экран их сумму.

Простейшее решение:

```
#include <stdio.h>
#include <conio.h>
main()
{
    int a, b, c;
    printf("Введите два целых числа");
    scanf ("%d%d", &a, &b);
    c = a + b;
    printf("%d", c);
    getch();
}
```

подсказка для ввода

ввод двух чисел с клавиатуры

вывод результата

Ввод чисел с клавиатуры

scanf –
форматный ввод

формат ввода

адреса ячеек, куда
записать введенные
числа

scanf ("%d%d", &a, &b);

Формат – символьная строка, которая показывает, какие
числа вводятся (выводятся).

%d – целое число

%f – вещественное число

%c – 1 символ

%s – символьная строка

ждать ввода с клавиатуры двух
целых чисел (через пробел или
Enter), первое из них записать в
переменную **a**, второе – в **b**

&a – адрес
переменной **a**

7652

12

a – значение
переменной **a**

Что неправильно?

```
int a, b;
```

```
scanf ("%d", a);
```

```
scanf ("%d", &a, &b);
```

```
scanf ("%d%d", &a);
```

&a

%d%d

&a, &b

убрать пробел

```
scanf ("%d %d", &a, &b);
```

```
scanf ("%f%f", &a, &b);
```

%d%d

Вывод чисел на экран

здесь вывести
целое число

это число взять
из ячейки **C**

```
printf ("%d", c);
```

```
printf ("Результат: %d", c);
```

```
printf ("%d+%d=%d", a, b, c)
```

```
);
```

формат вывода

a, b, c

список значений

```
printf ("%d+%d=%d", a, b, a+b)
```

```
);
```

арифметическое
выражение

Вывод целых чисел

```
int x = 1234;  
printf ("%d", x);
```

или "%i"

1234

минимальное
число позиций

или "%9i"

```
printf ("%9d", x);
```

1234

всего 9 позиций

5

4

Вывод вещественных чисел

```
float x = 123.4567;  
printf ("%f", x);
```

123.456700

минимальное число
позиций, **6 цифр** в
дробной части

```
printf ("%9.3f",  
x);
```

123.456

всего 9 позиций,
3 цифры в дробной
части

```
printf ("%e", x);
```

1.234560e+02

стандартный вид:
1.23456·10²

```
printf ("%10.2e", x);
```

1.23e+02

всего 10 позиций,
2 цифры в дробной
части мантиссы

Полное решение

```
#include <stdio.h>
#include <conio.h>
main()
{
    int a, b, c;
    printf("Введите два целых числа\n");
    scanf("%d%d", &a, &b);
    c = a + b;
    printf("%d+%d=%d", a, b, c);
    getch();
}
```

Протокол:

Введите два целых числа

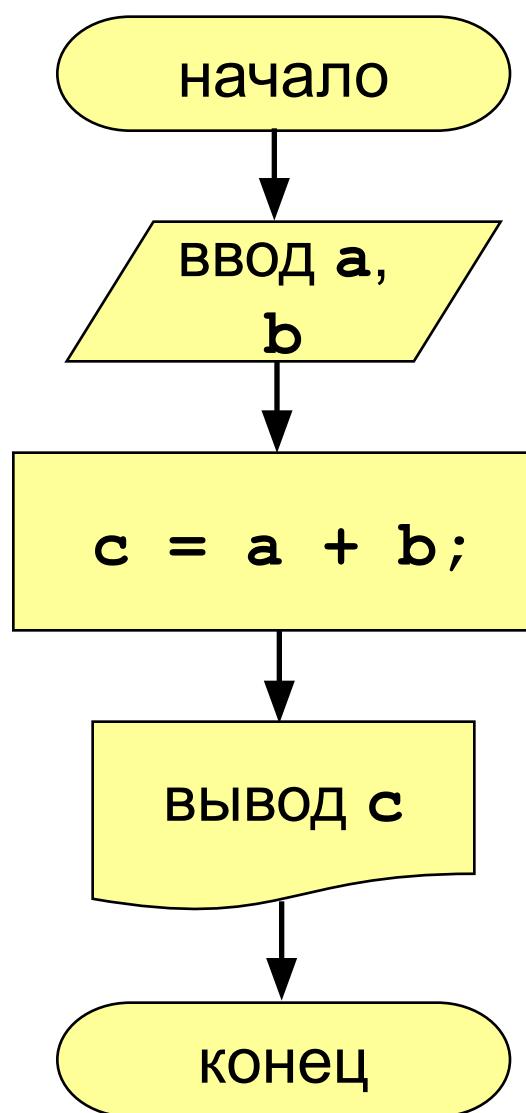
25 30

25+30=55

ЭТО ВЫВОДИТ
КОМПЬЮТЕР

ЭТО ВВОДИТ
ПОЛЬЗОВАТЕЛЬ

Блок-схема линейного алгоритма



блок «начало»

блок «ввод»

блок «процесс»

блок «вывод»

блок «конец»

Задания

«3»: Ввести три числа, найти их сумму.

Пример:

Введите три числа:

4 5 7

$4+5+7=16$

«4»: Ввести три числа, найти их сумму и произведение.

Пример:

Введите три числа:

4 5 7

$4+5+7=16$

$4*5*7=140$

Задания

«5»: Ввести три числа, найти их сумму, произведение и среднее арифметическое.

Пример:

Введите три числа:

4 5 7

$4+5+7=16$

$4*5*7=140$

$(4+5+7) / 3=5.33$

Какие операторы неправильные?

```
main()
```

```
{
```

```
    int a, b;
```

```
    float x, y;
```

```
    a = 5;
```

```
    10 = x;
```

```
    y = 7,8;
```

```
    b = 2.5;
```

```
    x = 2*(a + y);
```

```
    a = b + x;
```

```
}
```

имя переменной
должно быть **слева**
от знака =

целая и дробная часть
отделяются **точкой**

при записи вещественного
значения в целую
~~переменную~~ **дробная**
часть будет отброшена

Особенность деления в Си



При делении целых чисел остаток отбрасывается!

```
main()
{
    int a = 7;
    float x;

    x = a / 4;
    x = 4 / a;
    x = float(a) / 4;
    x = 1.*a / 4;
}
```

1

0

1.75

1.75

Сокращенная запись операций в Си

полная запись	сокращенная запись
$a = a + 1;$ инкремент	$a++;$
$a = a + b;$	$a += b;$
$a = a - 1;$ декремент	$a--;$
$a = a - b;$	$a -= b;$
$a = a * b;$	$a *= b;$
$a = a / b;$	$a /= b;$
$a = a \% b;$	$a \%= b;$

Порядок выполнения операций

- 1) вычисление выражений в скобках
- 2) умножение, деление и $\%$ (остаток от деления)
слева направо
- 3) сложение и вычитание слева направо

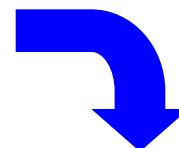
1 2 4 5 3 6

$z = (5*a+c) / a * (b-c) / b;$

$$x = \frac{5c^2 - d(a+b)}{(c+d)(d-2a)}$$



$$z = \frac{5a + c}{ab} (b - c)$$



2 3 5 4 1 10 6 9 8 7

$x = (5*c*c - d*(a+b)) / ((c+d)*(d-2*a))$

Ручная прокрутка программы

```
main()
{
    int a, b;
    a = 5;
    b = a + 2;
    a = (a + 2) * (b - 3);
    b = a / 5;
    a = a % b;
    a++;
    b = (a + 14) % 7;
}
```

a	b
?	?
5	
	7
28	
	5
3	
4	
	4

Вывод на экран

```
int a = 1, b = 3;  
printf ("%d+%d=%d", a, b, a+b);
```

формат
вывода

список
вывода

- элементы списка разделяются запятыми
- форматы вывода начинаются с %
- выражения (элементы без кавычек) вычисляются и выводится их результат



Что будет выведено?

1+3=4

Что будет выведено?

```
int a = 1, b = 3;  
printf("a+%d=a+b", b);
```

a+3=a+b

```
int a = 1, b = 3;  
printf("%d=F(%d)", a, b);
```

1=F(3)

```
int a = 1, b = 3;  
printf("a=F(%d);", b);
```

a=F(3);

```
int a = 1, b = 3;  
printf("%d>%d!", a+b, b);
```

4>3!

```
int a = 1, b = 3;  
printf("F(%d)=X(%d)", b, a);
```

F(3)=X(1)

Как записать оператор вывода?

```
int a = 1, b = 3  
printf("x(%d)=%d", b, a);
```

x(3)=1

```
int a = 1, b = 3  
printf("%d=%d+%d", a+b, a, b);
```

4=1+3

```
int a = 1, b = 3  
printf("f(%d)>f(%d)", a, b);
```

f(1)>f(3)

```
int a = 1, b = 3  
printf("<%d<>%d>", a, b);
```

<1<>3>

```
int a = 1, b = 3  
printf("%d+%d=? ", a, b);
```

1+3=?

Программирование на языке Си

Тема 3. Ветвления

Разветвляющиеся алгоритмы

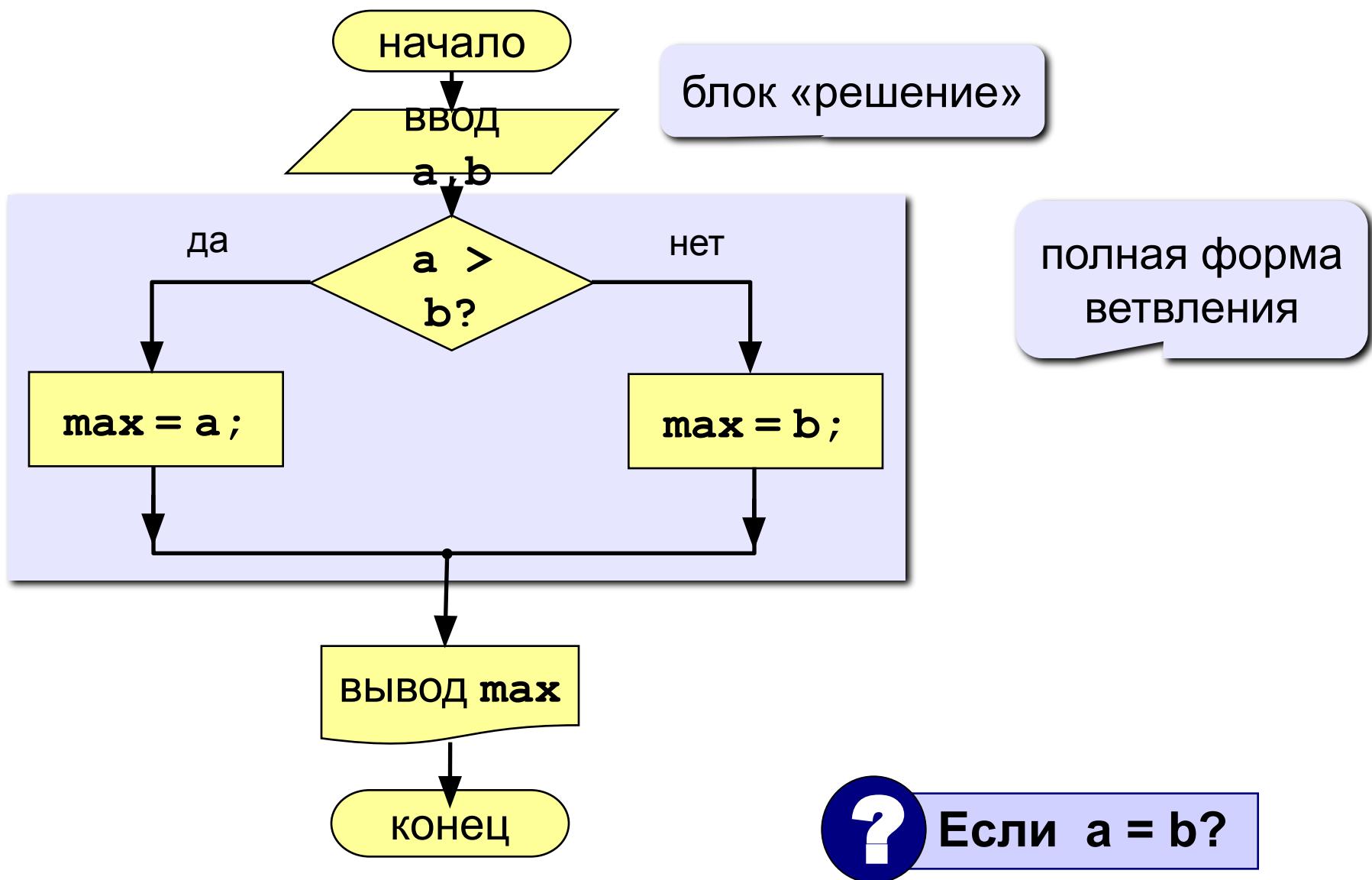
Задача. Ввести два целых числа и вывести на экран наибольшее из них.

Идея решения: надо вывести на экран первое число, если оно больше второго, или второе, если оно больше первого.

Особенность: действия исполнителя зависят от некоторых условий (*если ... иначе ...*).

Алгоритмы, в которых последовательность шагов зависит от выполнения некоторых условий, называются **разветвляющимися**.

Вариант 1. Блок-схема



Вариант 1. Программа

```
main()
```

```
{
```

```
    int a, b, max;
```

```
    printf("Введите два целых числа\n");
```

```
    scanf("%d%d", &a, &b);
```

```
    if (a > b) {
```

```
        max = a;
```

```
}
```

```
    else {
```

```
        max = b;
```

```
}
```

```
    printf("Наибольшее число %d", max);
```

```
}
```

полная форма
условного
оператора

Условный оператор

```
if ( условие )
{
    // что делать, если условие верно
}
else
{
    // что делать, если условие неверно
}
```

Особенности:

- вторая часть (**else** ...) может отсутствовать
(неполная форма)
- если в блоке один оператор, можно убрать { }

Что неправильно?

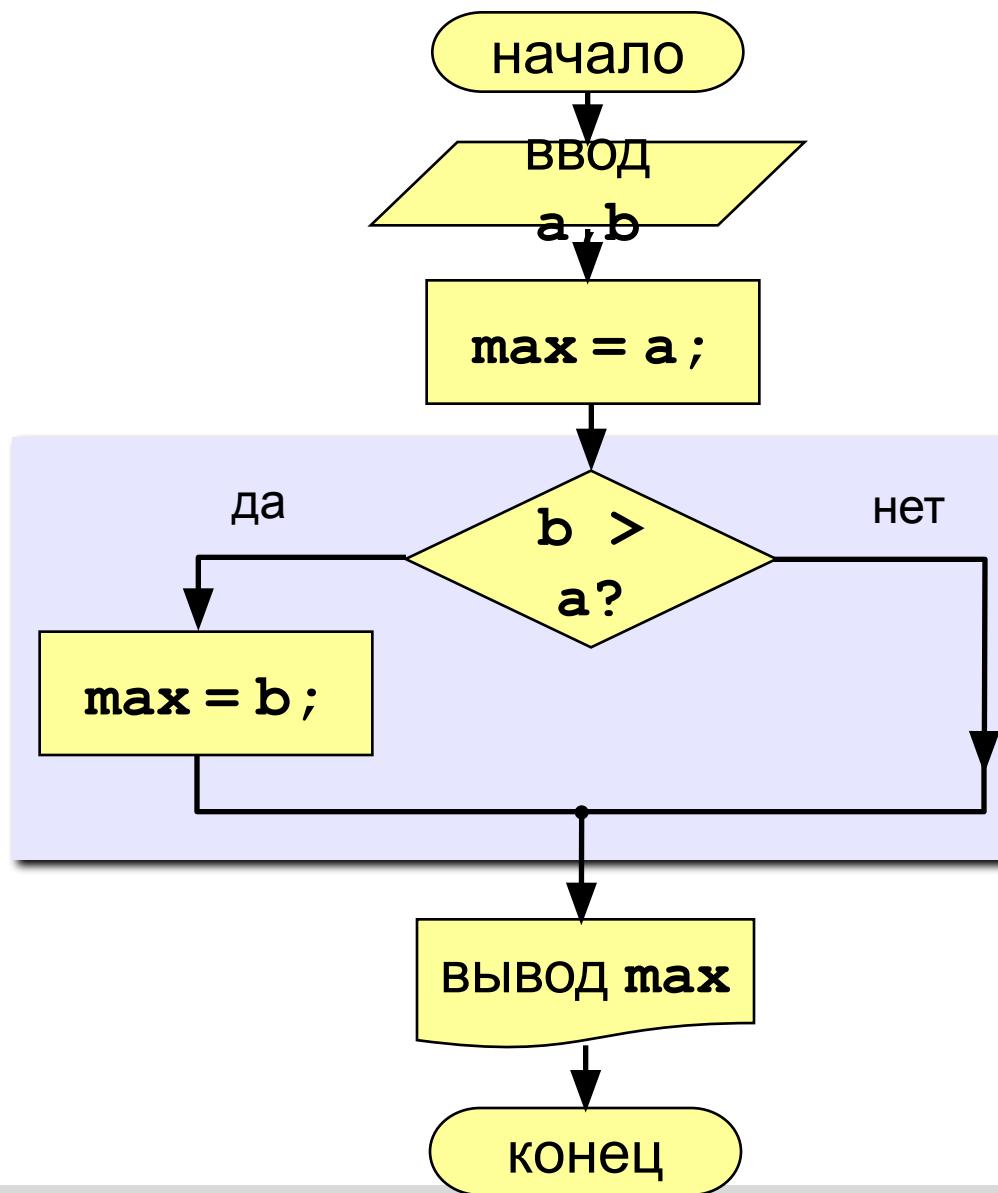
```
if ( a > b ) {  
    a = b;  
}  
else  
    b = a;
```

```
if ( a > b ) {  
    a = b; }  
else  
    b = a;
```

```
if ( a > b ) a = b;  
else  
    b = a;
```

```
if ( a > b ) {  
    a = b;  
    c = 2*a; }  
else  
    b = a;
```

Вариант 2. Блок-схема



неполная форма
ветвления

Вариант 2. Программа

```
main()
{
    int a, b, max;
    printf("Введите два целых числа\n");
    scanf("%d%d", &a, &b );
    max = a;
    if (b > a)
        max = b;
    printf("Наибольшее число %d", max);
}
```

неполная форма
условного
оператора

Вариант 2Б. Программа

```
main()
{
    int a, b, max;
    printf("Введите два целых числа\n");
    scanf("%d%d", &a, &b );
    max = b;
    if ( a > b )
        max = a;
    printf("Наибольшее число %d", max);
}
```

Задания

«3»: Ввести два числа и вывести их в порядке возрастания.

Пример:

Введите два числа:

15 9

Ответ: 9 15

«4»: Ввести три числа и найти наибольшее из них.

Пример:

Введите три числа:

4 15 9

Наибольшее число 15

Задания

«5»: Ввести пять чисел и найти наибольшее из них.

Пример:

Введите пять чисел:

4 15 9 56 4

Наибольшее число 56

Программирование на языке Си

Тема 4. Сложные условия

Сложные условия

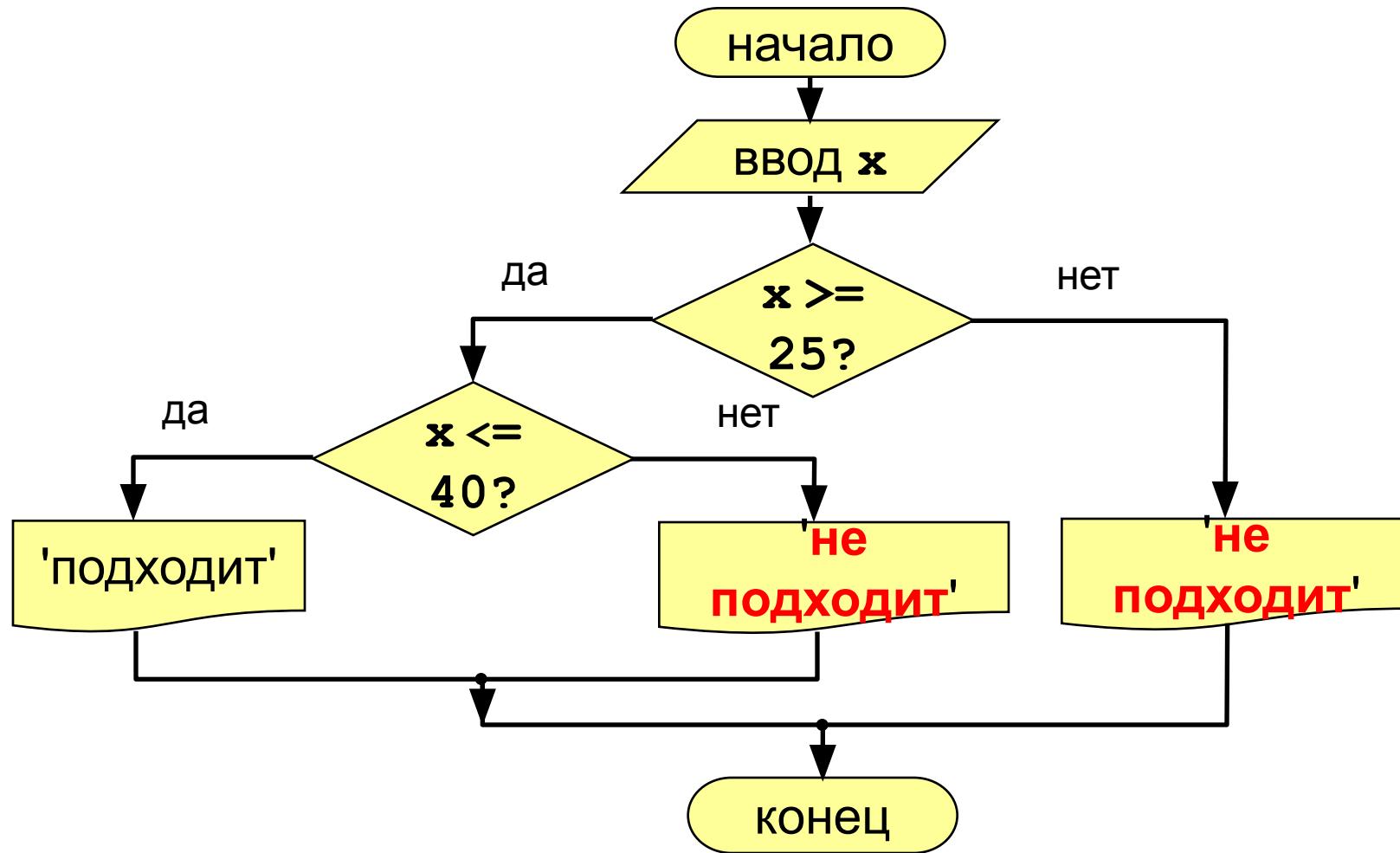
Задача. Фирма набирает сотрудников от 25 до 40 лет включительно. Ввести возраст человека и определить, подходит ли он фирме (вывести ответ «подходит» или «не подходит»).

Особенность: надо проверить, выполняются ли два условия одновременно.



Можно ли решить известными методами?

Вариант 1. Алгоритм



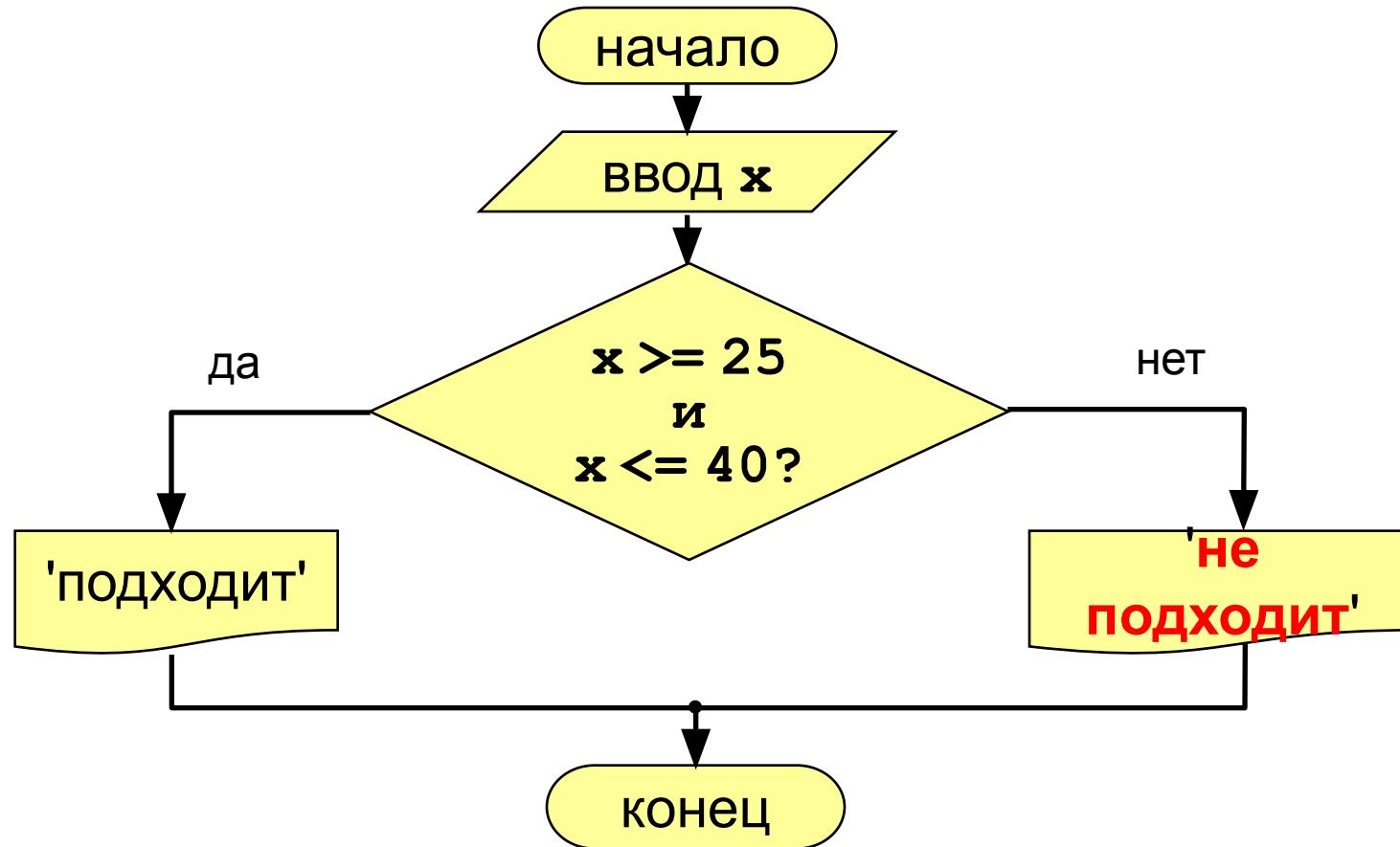
Вариант 1. Программа

```
main()
{
    int x;
    printf("Введите возраст\n");
    scanf("%d", &x);

    if (x >= 25)
        if (x <= 40)
            printf("Подходит");
        else printf("Не подходит");

    else
        printf("Не подходит");
}
```

Вариант 2. Алгоритм



Вариант 2. Программа

```
main ()  
{  
int x;  
printf ("Введите возраст\n");  
scanf ("%d", &x);  
  
if ( x >= 25 && x <= 40 )  
    printf ("Подходит");  
else printf ("Не подходит");  
}
```

сложное
условие

Сложные условия

Сложное условие – это условие, состоящее из нескольких простых условий (отношений), связанных с помощью **логических операций**:

! – НЕ (*not*, отрицание, инверсия)

&& – И (*and*, логическое умножение, конъюнкция, одновременное выполнение условий)

|| – ИЛИ (*or*, логическое сложение, дизъюнкция, выполнение хотя бы одного из условий)

Простые условия (отношения)

<

<=

>

>=

==

!=

равно

не равно

Сложные условия

Порядок выполнения сложных условий:

- выражения в скобках
- ! (НЕ, отрицание)
- <, <=, >, >=
- ==, !=
- && (И)
- || (ИЛИ)

Пример:

```
      2      1      6      3      5      4
if ( ! (a > b) || c != d && b == a)
{
    ...
}
```

Сложные условия

Истинно или ложно при $a = 2; b = 3; c = 4;$

$!(a > b)$

1

$a < b \&\& b < c$

1

$!(a \geq b) \mid\mid c == d$

1

$a < c \mid\mid b < c \&\& b < a$

1

$a > b \mid\mid !(b < c)$

0

Для каких значений x истинны условия:

$x < 6 \&\& x < 10$

$(-\infty, 6)$

$x < 6$

$x < 6 \&\& x > 10$

\emptyset

$x > 6 \&\& x < 10$

$(6, 10)$

$x > 6 \&\& x > 10$

$(10, \infty)$

$x > 10$

$x < 6 \mid\mid x < 10$

$(-\infty, 10)$

$x < 10$

$x < 6 \mid\mid x > 10$

$(-\infty, 6) \cup (10, \infty)$

$x > 6 \mid\mid x < 10$

$(-\infty, \infty)$

$x > 6 \mid\mid x > 10$

$(6, \infty)$

$x > 6$

$(-\infty, 6)$	$x < 6$
\emptyset	
$(6, 10)$	
$(10, \infty)$	$x > 10$
$(-\infty, 10)$	$x < 10$
$(-\infty, 6) \cup (10, \infty)$	
$(-\infty, \infty)$	
$(6, \infty)$	$x > 6$

Задания

«3»: Ввести три числа и определить, верно ли, что они вводились в порядке возрастания.

Пример:

Ведите три числа:

4 5 17

да

«4»: Ввести номер месяца и вывести название времени года.

Пример:

Ведите номер месяца:

4

весна

Задания

«5»: Ввести возраст человека (от 1 до 150 лет) и вывести его вместе с последующим словом «год», «года» или «лет».

Пример:

Введите возраст:

24

Вам 24 года

Введите возраст:

57

Вам 57 лет

Программирование на языке Си

Тема 5. Циклы

Циклы

Цикл – это многократное выполнение одинаковых действий.

- Цикл с **известным** числом шагов
- Цикл с **неизвестным** числом шагов (цикл с условием)

Задача. Вывести на экран 5 раз слово «Привет».

Особенность: одинаковые действия выполняются 5 раз.



Можно ли решить известными методами?

Циклы

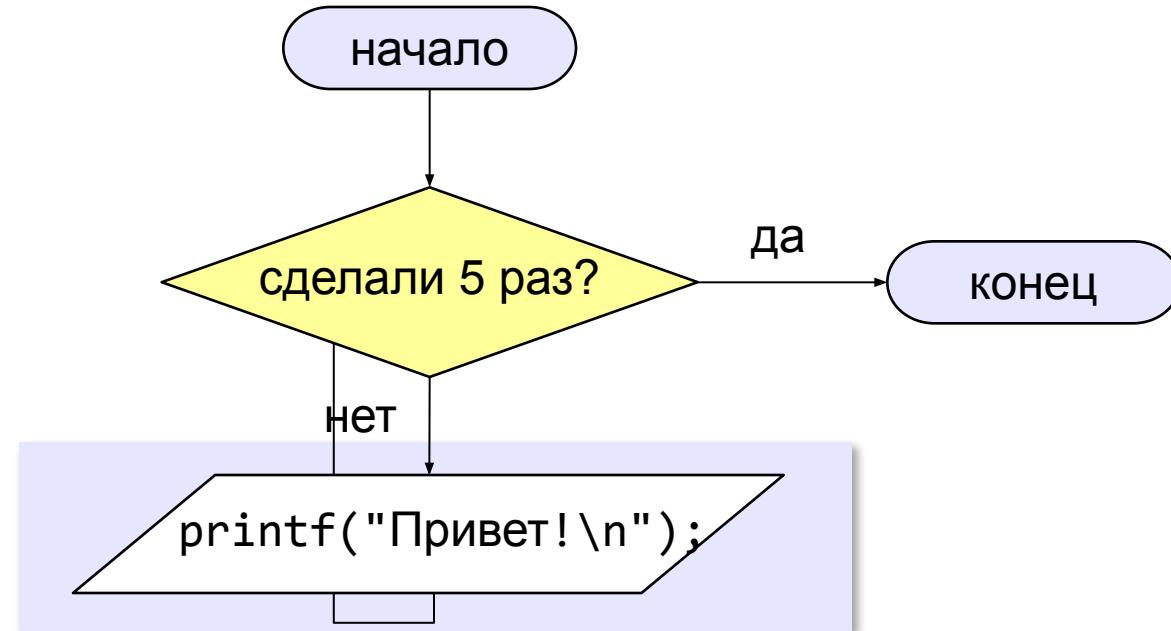
```
#include <stdio.h>

main()
{
    printf("Привет!\n");
    printf("Привет!\n");
    printf("Привет!\n");
    printf("Привет!\n");
    printf("Привет!\n");
}
```



Циклы

Блок-схема:

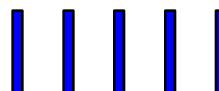


тело цикла

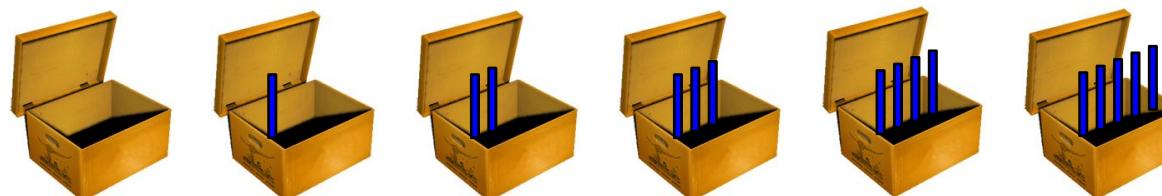
Циклы



Как отсчитать ровно 5 раз?



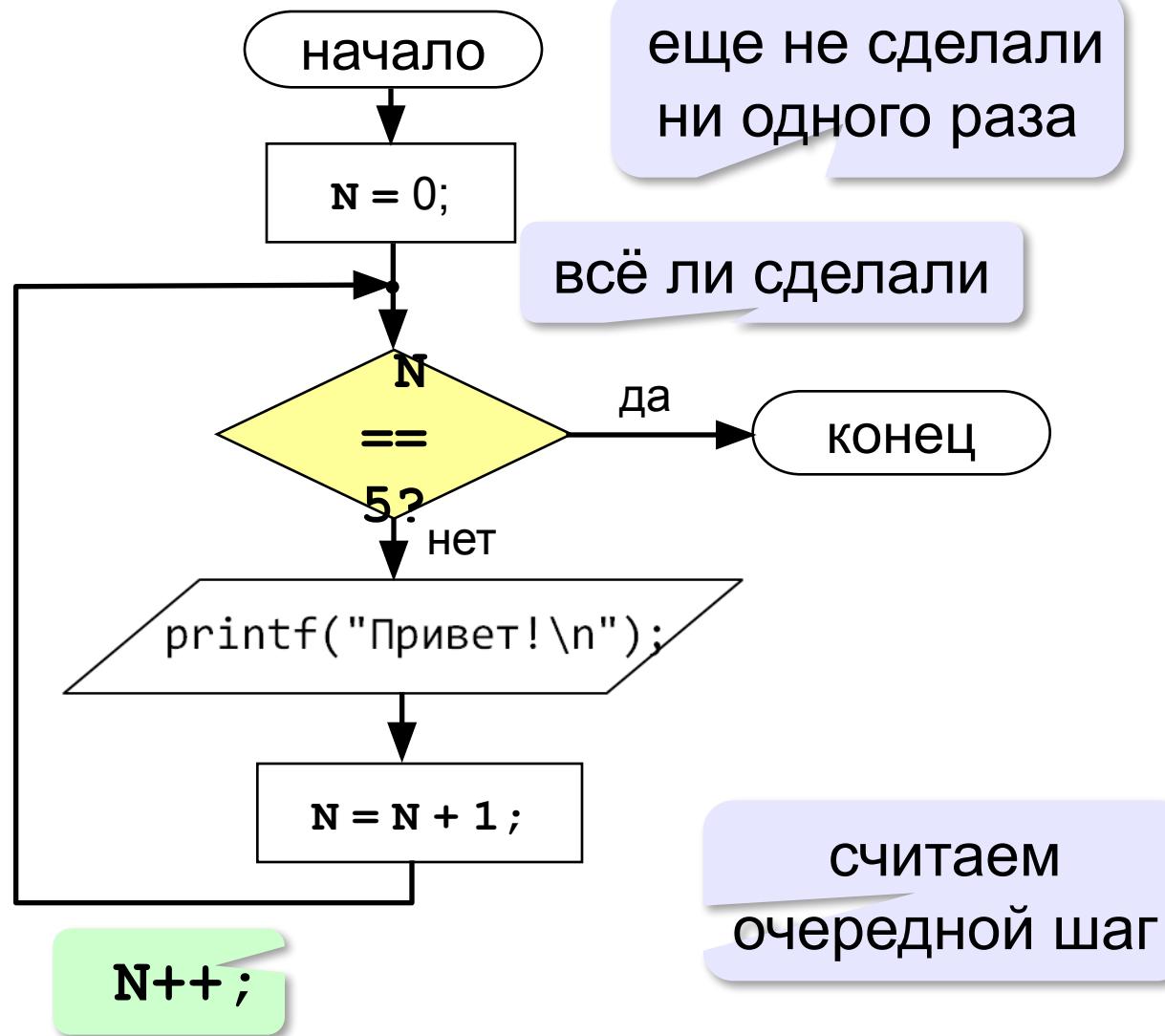
Как запоминать, сколько раз
уже сделали?



$N := N + 1$

Циклы

ЦИКЛ



Циклы с условием

```
main()
{
    int N;
    N = 0;
    while ( N != 5 )
    {
        printf("Привет!\n");
        N++;
    }
}
```

Цикл с условием

Вместо знаков вопроса добавьте числа и операторы так, чтобы цикл выполнился ровно 5 раз:

```
main ()  
{  
    int N;  
    N = 5;  
    while ( N != 0 )  
    {  
        printf("Привет! \n");  
        N = N - 1;  
        N --;  
    }  
}
```

Что получим?

```
// Пример 1
main()
{
    int N;
    N = 1;
    while ( N <= 5 )
    {
        printf("%d\n", N) ;
        N ++ ;
    }
}
```

1
2
3
4
5



Что получим?

```
// Пример 2
main()
{
    int N;
    N = 1;
    while ( N <= 5 )
    {
        printf("%d\n", N) ;
        N = N + 2;
    }
}
```



1
3
5

N += 2;

Что получим?

```
// Пример 3
main()
{
    int N;
    N = 2;
    while ( N != 5 )
    {
        printf("%d\n", N);
        N += 2;
    }
}
```

2
4
6
8
10
12
14
16
...



Условие цикла никогда не станет ложным – это **зацикливание!**

Что получим?

```
// Пример 4
main()
{
    int N;
    N = 1;
    while ( N != 5 )
    {
        printf("%d\n", N*N*N);
        N = N + 1;
    }
}
```

1
8
27
64
125



Что получим?

```
// Пример 4
main()
{
    int N;
    N = 5;
    while ( N >= 1 )
    {
        printf("%d\n", N*N*N);
        N = N - 1;
    }
}
```



125
64
27
8
1

Задания

«3»: Ввести натуральное число вывести квадраты и кубы всех чисел от 1 до этого числа.

Пример:

Введите натуральное число:

3

1: 1 1

2: 4 8

3: 9 27

«4»: Ввести два целых числа a и b ($a \leq b$) и вывести квадраты всех чисел от a до b .

Пример:

Введите два числа:

4 5

$4 * 4 = 16$

$5 * 5 = 25$

Задания

«5»: Ввести два целых числа a и b ($a \leq b$) и вывести сумму квадратов всех чисел от a до b .

Пример:

Ведите два числа:

4 10

Сумма квадратов 371

Цикл с неизвестным числом шагов

Пример: Отпилить полено от бревна. Сколько раз надо сделать движения пилой?

Задача: Ввести целое число (<2000000) и определить число цифр в нем.

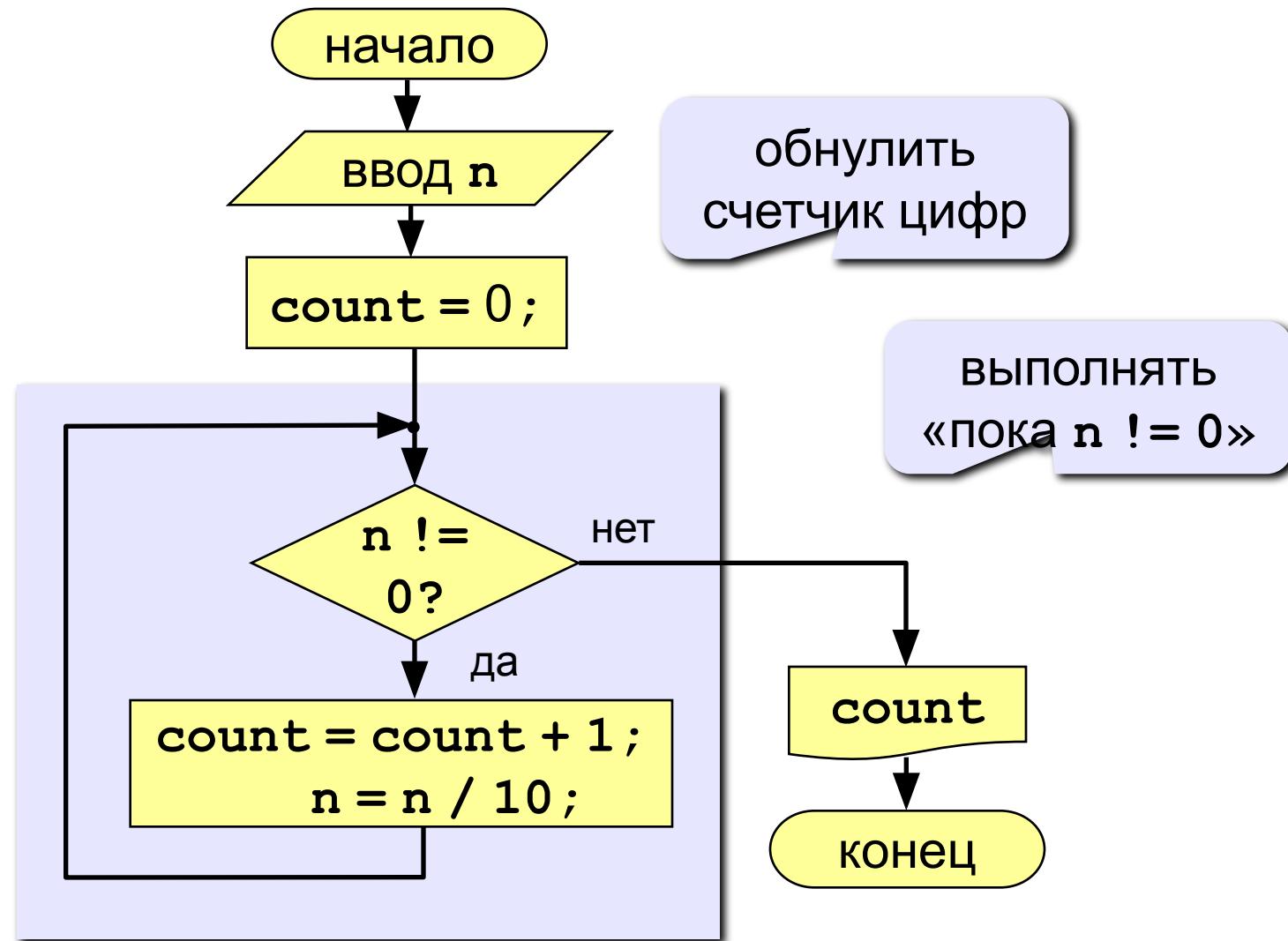
Идея решения: Отсекаем последовательно последнюю цифру, увеличиваем счетчик.

n	count
123	0
12	1
1	2
0	3

Проблема: Неизвестно, сколько шагов надо сделать.

Решение: Надо остановиться, когда $n = 0$, т.е. надо делать «пока $n \neq 0$ ».

Алгоритм



Программа

```
main ()  
{  
    int n, count, n1;  
    printf("Введите целое число\n");  
    scanf("%d", &n);  
    count = 0; n1 = n;  
    while (n != 0)  
    {  
        count++;  
        n = n / 10;  
    }  
    printf("В числе %d нашли %d цифр", n1, count);  
}
```

выполнять
«пока $n \neq 0$ »



Что плохо?

Цикл с условием

```
while ( условие )  
{  
    // тело цикла  
}
```

Особенности:

- можно использовать сложные условия:

```
while ( a < b && b < c ) { ... }
```

- если в теле цикла только один оператор, скобки {} можно не писать:

```
while ( a < b ) a ++;
```

Цикл с условием

Особенности:

- условие пересчитывается **каждый раз** при входе в цикл
- если условие на входе в цикл ложно, цикл не выполняется ни разу

```
a = 4; b = 6;  
while ( a > b ) a=a-b;
```

- если условие никогда не станет ложным, программа **зацикливается**

```
a = 4; b = 6;  
while ( a<b ) d=a+b;
```

Сколько раз выполняется цикл?

```
a = 4; b = 6;  
while ( a < b ) a ++;
```

2 раза
a = 6

```
a = 4; b = 6;  
while ( a < b ) a += b;
```

1 раз
a = 10

```
a = 4; b = 6;  
while ( a > b ) a ++;
```

0 раз
a = 4

```
a = 4; b = 6;  
while ( a < b ) b = a - b;
```

1 раз
b = -2

```
a = 4; b = 6;  
while ( a < b ) a --;
```

зацикливание

Задания

«3»: Ввести целое число и определить, верно ли, что в нём ровно 3 цифры.

Пример:

Введите число :

123

Введите число :

1234

Да .

Нет .

«4»: Ввести целое число и найти сумму его цифр.

Пример:

Введите целое число :

1234

Сумма цифр числа 1234 равна 10 .

Задания

«5»: Ввести целое число и определить, верно ли, что в его записи есть две одинаковые цифры, стоящие рядом.

Пример:

Введите целое число : Введите целое число :
1232 **1224**

Нет . Да .

«6»: Ввести целое число и определить, верно ли, что в его записи есть две одинаковые цифры, **НЕ** обязательно стоящие рядом.

Пример:

Введите целое число : Введите целое число :
1234 **1242**

Нет . Да .

Задания-2

«3»: Ввести целое число и определить, верно ли, что в нём ровно 1 цифра «9».

Пример:

Введите число :

193

Введите число :

1994

Да .

Нет .

«4»: Ввести целое число и определить, верно ли, что все его цифры четные.

Пример:

Введите число :

2684

Введите число :

2994

Да .

Нет .

Задания-2

«5»: Ввести целое число и определить, верно ли, что все его цифры расположены в порядке возрастания.

Пример:

Введите целое число : Введите целое число :

1238

1274

Да .

Нет .

«6»: Ввести целое число и «перевернуть» его, так чтобы первая цифра стала последней и т.д.

Пример:

Введите целое число : Введите целое число :

1234

782

4321

287

Вычисление НОД

НОД = наибольший общий делитель двух натуральных чисел – это наибольшее число, на которое оба исходных числа делятся без остатка.

Перебор:

1. Записать в переменную k минимальное из двух чисел.
2. Если a и b без остатка делятся на k , то стоп.
3. Уменьшить k на 1.
4. Перейти к шагу 2.



Где будет НОД?

ЭТО ЦИКЛ С
УСЛОВИЕМ!



Почему алгоритм обязательно закончится?

Алгоритм Евклида

Надо: вычислить наибольший общий делитель (НОД) чисел a и b .

Заменяем большее из двух чисел разностью большего и меньшего до тех пор, пока они не станут равны. Это и есть НОД.

$$\begin{aligned}\text{НОД}(a, b) &= \text{НОД}(a - b, b) \\ &= \text{НОД}(a, b - a)\end{aligned}$$



Евклид
(365-300 до. н. э.)

Пример:

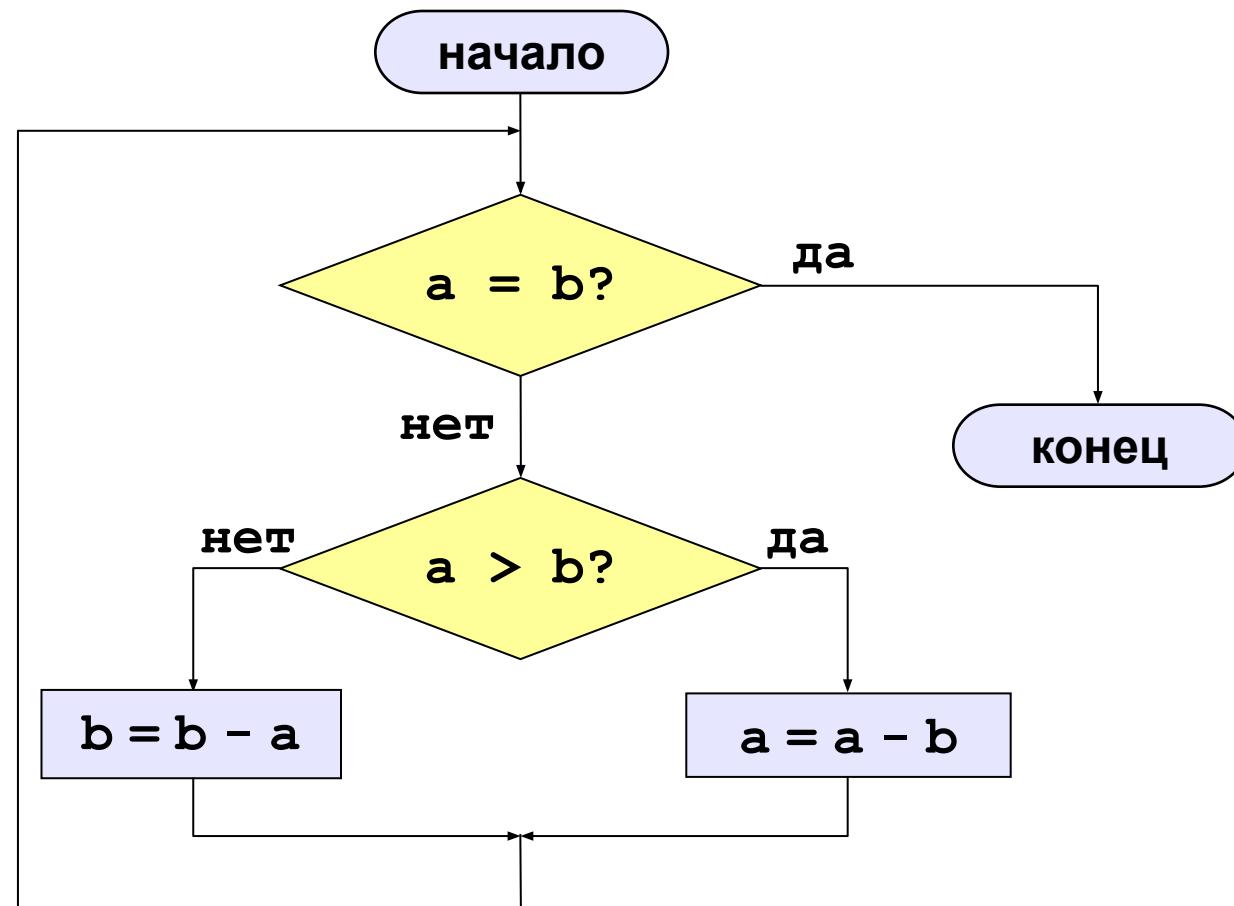
$$\begin{aligned}\text{НОД}(14, 21) &= \text{НОД}(14, 21 - 14) = \text{НОД}(14, 7) \\ &= \text{НОД}(7, 7) = 7\end{aligned}$$



много шагов при большой разнице чисел:

$$\text{НОД}(1998, 2) = \text{НОД}(1996, 2) = \dots = 2$$

Блок-схема алгоритма



Алгоритм Евклида

```
while ( a != b )  
{  
    if ( a > b )  
        a = a - b;  
    else b = b - a;  
}
```



Где будет НОД? Как его вывести?



Как вывести НОД в формате НОД(14,21) = 7?



А без дополнительных переменных?

Модифицированный алгоритм Евклида

Заменяем большее из двух чисел **остатком от деления** большего на меньшее до тех пор, пока меньшее не станет равно нулю. Тогда большее — это НОД.

$$\begin{aligned}\text{НОД}(a, b) &= \text{НОД}(a \% b, b) \\ &= \text{НОД}(a, b \% a)\end{aligned}$$

Пример:

$$\text{НОД}(14, 21) = \text{НОД}(14, 7) = \text{НОД}(0, 7) =$$

Еще ⁷ один вариант:

$$\text{НОД}(2 \cdot a, 2 \cdot b) = 2 \cdot \text{НОД}(a, b)$$

$$\text{НОД}(2 \cdot a, b) = \text{НОД}(a, b) \quad | \quad \text{при нечетном } b$$

Алгоритм Евклида

«3»: Составить программу для вычисления НОД с помощью алгоритма Евклида.

«4»: Составить программу для вычисления НОД с помощью **модифицированного** алгоритма Евклида и заполнить таблицу:

a	64168	358853	6365133	17905514	549868978
b	82678	691042	11494962	23108855	298294835
НОД(a, b)					

Алгоритм Евклида

«5»: Выполнить задание на «4» и подсчитать число шагов алгоритма для каждого случая.

a	64168	358853	6365133	17905514	549868978
b	82678	691042	11494962	23108855	298294835
нод(a, b)					
шагов					

Последовательности

Примеры:

- 1, 2, 3, 4, 5, ...

$$a_n = n$$

- 1, 2, 4, 7, 11, 16, ...

$$a_1 = 1, \quad a_{n+1} = a_n + 1$$

- 1, 2, 4, 8, 16, 32, ...

$$a_n = 2^{n-1}$$

- $\frac{1}{2}, \frac{1}{2}, \frac{3}{8}, \frac{1}{4}, \frac{5}{32}, \dots$

$$\frac{1}{2}, \frac{2}{4}, \frac{3}{8}, \frac{4}{16}, \frac{5}{32}, \dots$$

$$a_n = \frac{b_n}{c_n}$$

$$b_1 = 1, \quad b_{n+1} = b_n + 1$$

$$c_1 = 2, \quad c_{n+1} = 2c_n$$

Последовательности

Задача: найти сумму всех элементов последовательности,

$$1, -\frac{1}{2}, \frac{2}{4}, -\frac{3}{8}, \frac{4}{16}, -\frac{5}{32}, \dots$$

которые по модулю больше 0,001:

$$S = 1 - \frac{1}{2} + \frac{2}{4} - \frac{3}{8} + \frac{4}{16} - \frac{5}{32} + \dots$$

Элемент последовательности (начиная с №2):

$$a = z \frac{b}{c}$$

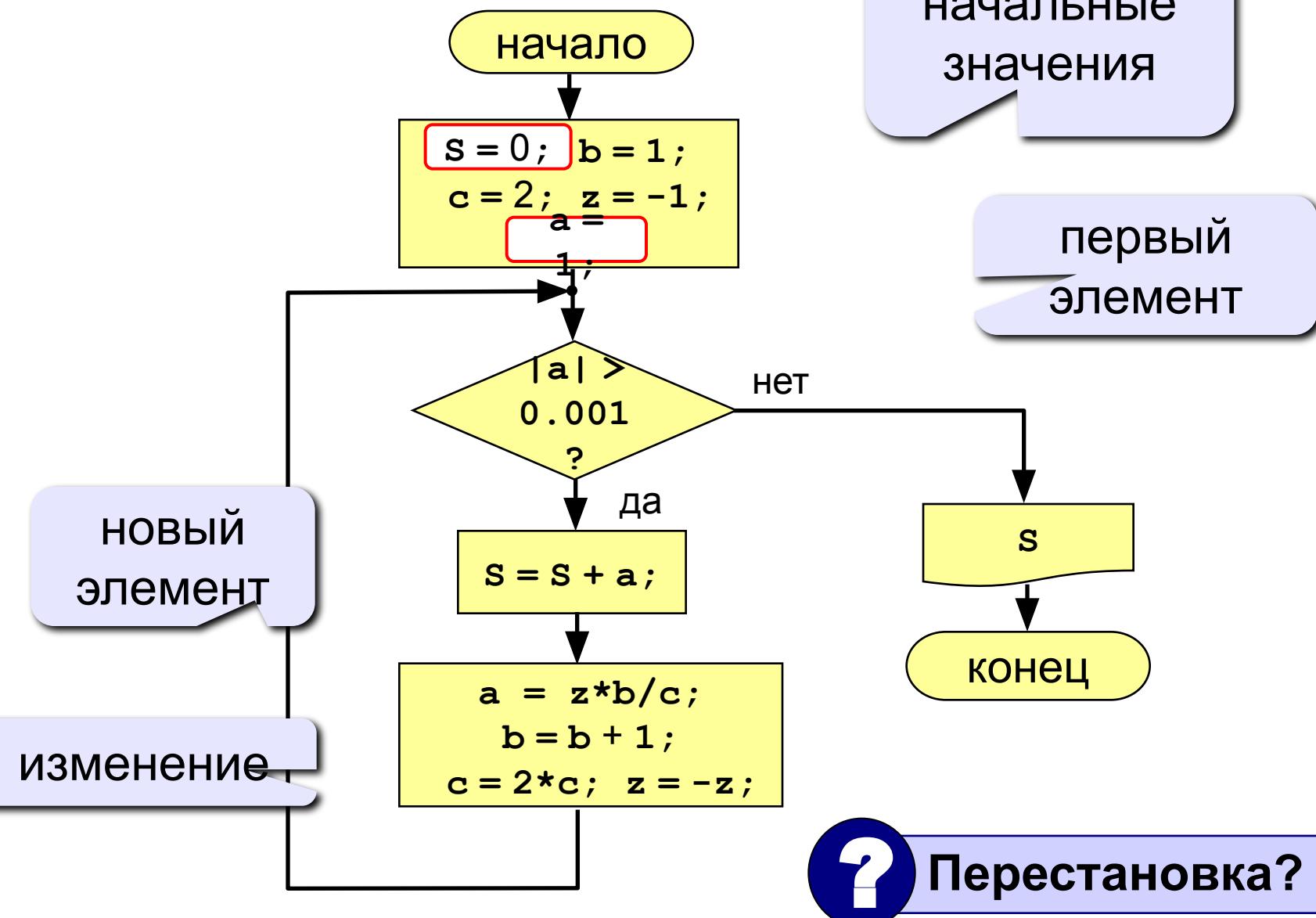
n	1	2	3	4	5	...
b	1	2	3	4	5	...
c	2	4	8	16	32	...
z	-1	1	-1	1	-1	...

$$b = b + 1 ;$$

$$c = 2 * c ;$$

$$z = -z ;$$

Алгоритм



Программа

```
#include <math.h>
main()
{
    int x, c, z;
    float s, a, b;
    S = 0; z = -1;
    b = 1; c = 2; a = 1;
    while (fabs(a) > 0.001) {
        S += a;
        a = z * b / c;
        z = -z;
        b++;
        c *= 2;
    }
    printf ("S = %10.3f", S);
}
```

математические функции

чтобы не было
округления при
делении

значения

- модуль
целевого
числа

увеличение
суммы

расчет элемента
последовательности



Что плохо?

Задания

«4»: Найти сумму элементов последовательности с точностью 0,001:

$$S = 1 + \frac{2}{3 \cdot 3} - \frac{4}{5 \cdot 9} + \frac{6}{7 \cdot 27} - \frac{8}{9 \cdot 81} + \dots$$

Ответ:

$$S = 1.157$$

«5»: Найти сумму элементов последовательности с точностью 0,001:

$$S = 1 + \frac{2}{2 \cdot 3} - \frac{4}{3 \cdot 9} + \frac{6}{5 \cdot 27} - \frac{8}{8 \cdot 81} + \frac{10}{13 \cdot 243} - \dots$$

Ответ:

$$S = 1.220$$

Цикл с постусловием

Задача: Ввести целое **положительное** число (<2000000) и определить число цифр в нем.

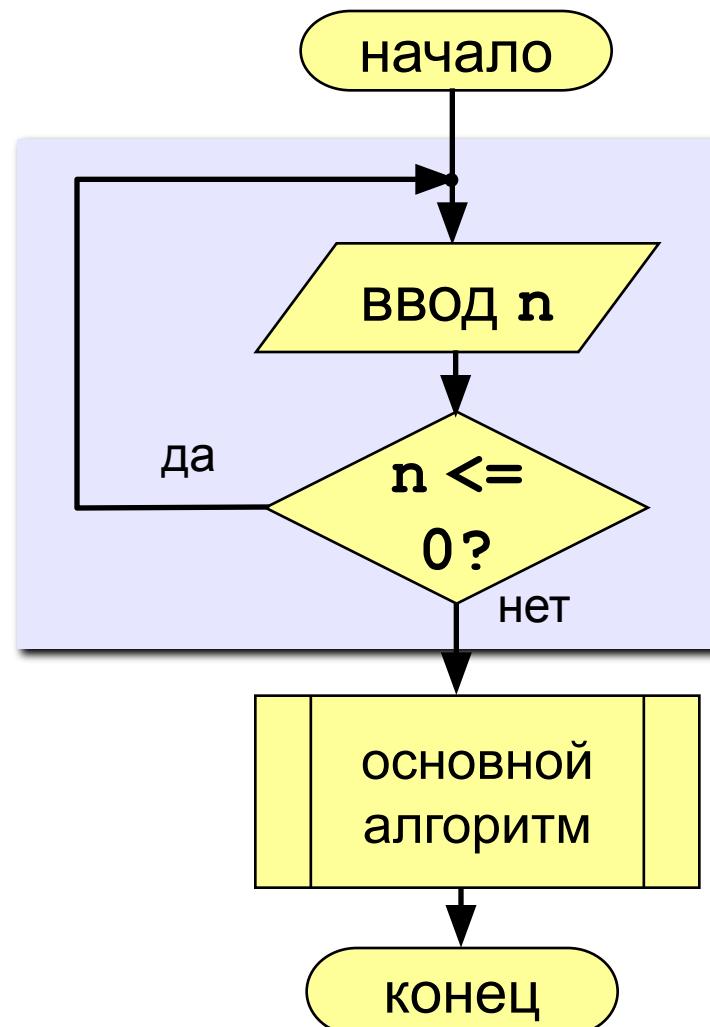
Проблема: Как не дать ввести отрицательное число или ноль?

Решение: Если вводится неверное число, вернуться назад к вводу данных (цикл!).

Особенность: Один раз тело цикла надо сделать в любом случае ⇒ проверку условия цикла надо делать в конце цикла (**цикл с постусловием**).

Цикл с постусловием – это цикл, в котором проверка условия выполняется в конце цикла.

Цикл с постусловием: алгоритм



тело цикла

условие

блок «типовой
процесс»

Программа

```
main ()  
{  
    int n;  
    do {  
        printf("Введите положительное число\n");  
        scanf ("%d", &n);  
    }  
    while ( n <= 0 );  
    ... // основной алгоритм  
}
```

условие

Особенности:

- тело цикла всегда выполняется хотя бы один раз
- после слова **while** («пока...») ставится условие продолжения цикла

Сколько раз выполняется цикл?

```
a = 4; b = 6;  
do { a++; } while (a<=b);
```

3 раза
a = 7

```
a = 4; b = 6;  
do { a += b; } while (a<=b);
```

1 раз
a = 10

```
a = 4; b = 6;  
do { a += b; } while (a>=b);
```

зацикливание

```
a = 4; b = 6;  
do b=a-b; while (a>=b);
```

2 раза
b = 6

```
a = 4; b = 6;  
do a+=2; while (a>=b);
```

зацикливание

Задания (с защитой от неверного ввода)

«4»: Ввести натуральное число и определить, верно ли, что сумма его цифр равна 10.

Пример:

Введите число >= 0 :

-234

Нужно положительное число . Нет

Введите число >= 0 :

1234

Да

«5»: Ввести натуральное число и определить, какие цифры встречаются несколько раз.

Пример:

Введите число >= 0 :

2323

Повторяются: 2 , 3

Введите число >= 0 :

1234

Нет повторов .

Программирование на языке Си

Тема 6. Циклы с переменной

Цикл с переменной

Цикл – это многократное выполнение одинаковой последовательности действий.

- Цикл с **известным** числом шагов
- Цикл с **неизвестным** числом шагов (цикл с условием)

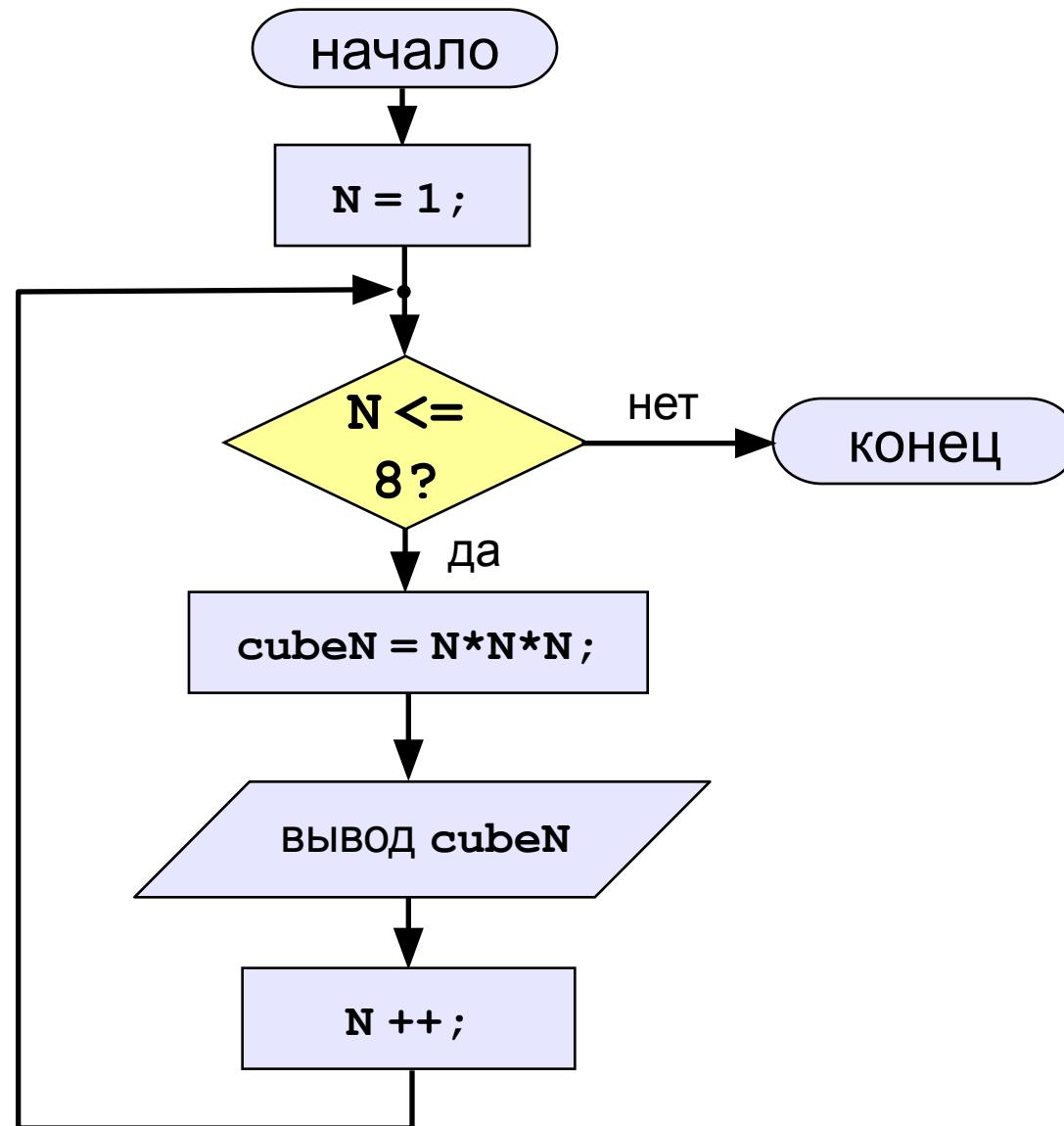
Задача. Вывести на экран кубы целых чисел от 1 до 8 (от **a** до **b**).

Особенность: одинаковые действия выполняются 8 раз.



Можно ли решить известными методами?

Алгоритм

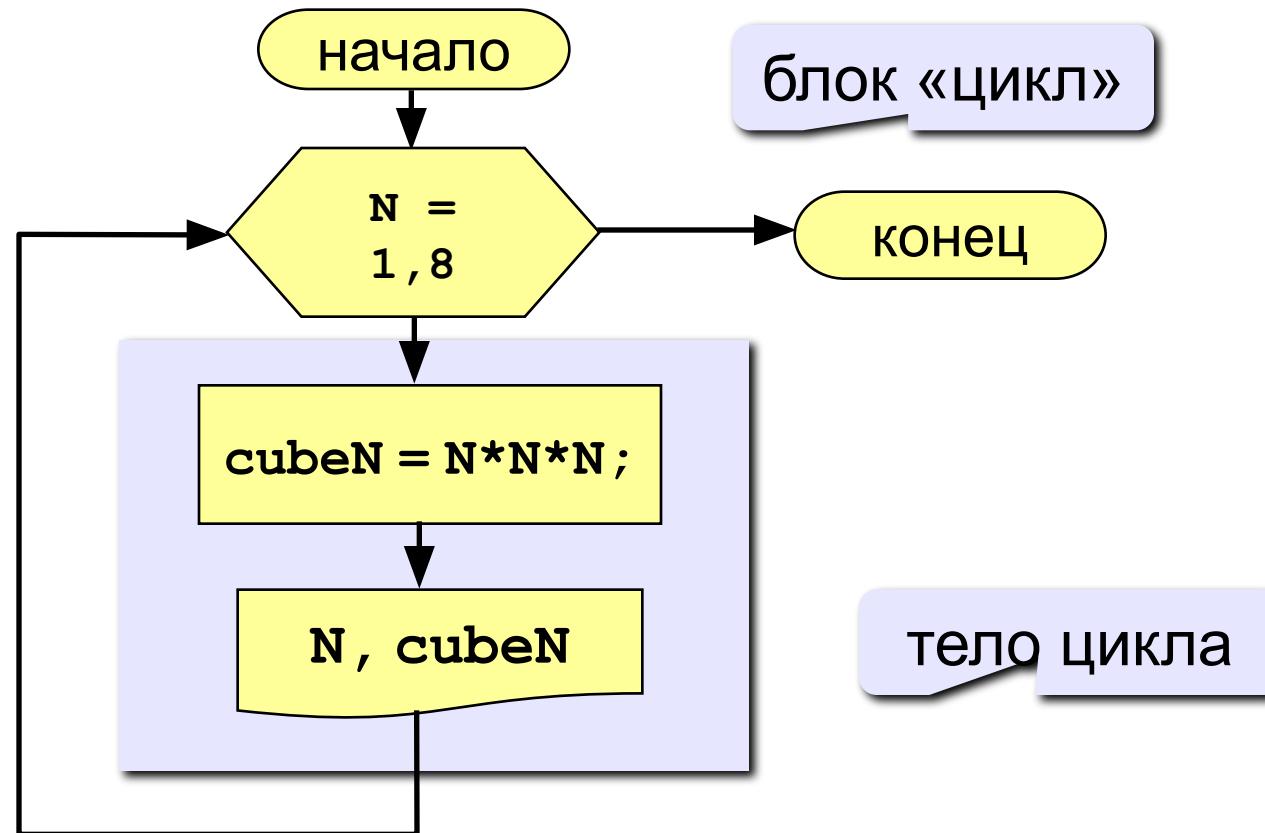


Цикл с переменной

Задача: вывести кубы натуральных чисел от 1 до 8.

```
main ()  
{  
    int N, cubeN;  
    N = 1;                                1;          3 действия с N  
    while ( N <= 8 ) {  
        cubeN = N*N*N;  
        printf ("%4d\n", cubeN);  
        N++;                                N++  
    }  
}
```

Алгоритм (с блоком «ЦИКЛ»)



Программа

```
main()
```

```
{
```

```
int N, cubeN;
```

переменная цикла

начальное
значение
заголовок
цикла

конечное
значение

ЦИКЛ

```
for (N=1; N<=8; N++)
```

```
{
```

начало цикла

— и работает, пока это

изменение на
каждом шаге:

i=: тело цикла

```
cubeN = N*N*N;
```

```
printf ("%4d %4d\n", N, cubeN);
```

```
}
```

конец цикла

ровные
столбики

```
}
```

Цикл с уменьшением переменной

Задача. Вывести на экран кубы целых чисел от 8 до 1 (в обратном порядке).

Особенность: переменная цикла должна уменьшаться.

Решение:

```
for ( N = 8 ; N >= 1 ; N -- )
{
    cubeN = N*N*N;
    printf("%4d %4d\n", N, cubeN);
}
```

Цикл с переменной

```
for (начальные значения;  
      условие продолжения цикла;  
      изменение на каждом шаге)  
{  
    // тело цикла  
}
```

Примеры:

```
for (a=2; a<b; a+=2) { ... }
```

```
for (a=2, b=4; a<b; a+=2) { ... }
```

```
for (a=1; c<d; x++) { ... }
```

```
for ( ; c<d; x++) { ... }
```

```
for ( ; c<d; ) { ... }
```

Цикл с переменной

Особенности:

- **условие** проверяется в начале очередного шага цикла, если оно ложно цикл не выполняется;
- **изменения** (третья часть в заголовке) выполняются в конце очередного шага цикла;
- если **условие** никогда не станет ложным, цикл может продолжаться бесконечно (**зацикливание**)

```
for (i=1; i<8; i++) { i--; }
```



Не рекомендуется менять переменную цикла в теле цикла!

- если в теле цикла один оператор, **скобки {}** можно не ставить:

```
for (i=1; i<8; i++) a+=b;
```

Цикл с переменной

Особенности:

- после выполнения цикла **во многих системах** устанавливается первое значение переменной цикла, при котором нарушено условие:

```
for (i=1; i<=8; i++)
    printf("Привет");
printf("i=%d", i);
```

i=9

```
for (i=8; i>=1; i--)
    printf("Привет");
printf("i=%d", i);
```

i=0

Сколько раз выполняется цикл?

```
a=1;  
for (i=1; i<4; i++) a++;
```

a = 4

```
a=1;  
for (i=1; i<4; i++) a=a+i;
```

a = 7

```
a=1; b=2;  
for (i=3; i>=1; i--) a+=b;
```

a = 7

```
a=1;  
for (i=1; i>=3; i--) a=a+1;
```

a = 1

```
a=1;  
for (i=1; i<=4; i--) a++;
```

зацикливание

Замена `for` на `while` и наоборот

```
for( i=1; i<=10; i++)
{
    // тело цикла
}
```

```
i = 1;
while ( i <= 10 ) {
    // тело цикла
    i++;
}
```

```
for ( i=a; i>=b; i--)
{
    // тело цикла
}
```

```
i = a;
while ( i >= b ) {
    // тело цикла
    i--;
}
```



В языке Си замена цикла `for` на `while` и наоборот возможна **всегда!**

Задания

«3»: Ввести натуральное число N и вывести числа от N до 1 (через одно) в порядке убывания.

Пример:

Ведите натуральное число:

8

Ответ: 8 6 4 2

Задания

«4»: Ввести два целых числа a и b ($a \leq b$) и вывести кубы всех чисел от a до b .

Пример:

Введите два числа:

4 6

$4 * 4 * 4 = 64$

$5 * 5 * 5 = 125$

$6 * 6 * 6 = 216$

«5»: Ввести целое число a и вывести сумму квадратов всех чисел от 1 до a с шагом 0.1.

Пример:

Введите последнее число:

3

Сумма 91.7

Задания

«3»: Ввести натуральное число вывести квадраты и кубы всех чисел от 1 до этого числа.

Пример:

Введите натуральное число:

3

1: 1 1

2: 4 8

3: 9 27

«4»: Ввести два целых числа a и b ($a \leq b$) и вывести квадраты все чисел от a до b .

Пример:

Введите два числа:

4 5

$4 * 4 = 16$

$5 * 5 = 25$

Задания

«5»: Ввести два целых числа a и b ($a \leq b$) и вывести сумму квадратов всех чисел от a до b .

Пример:

Ведите два числа:

4 10

Сумма квадратов 371

Программирование на языке Си

Тема 7. Оператор выбора

Оператор выбора

Задача: Ввести номер месяца и вывести количество дней в этом месяце.

Решение: Число дней по месяцам:

28 дней – 2 (февраль)

30 дней – 4 (апрель), 6 (июнь), 9 (сентябрь), 11 (ноябрь)

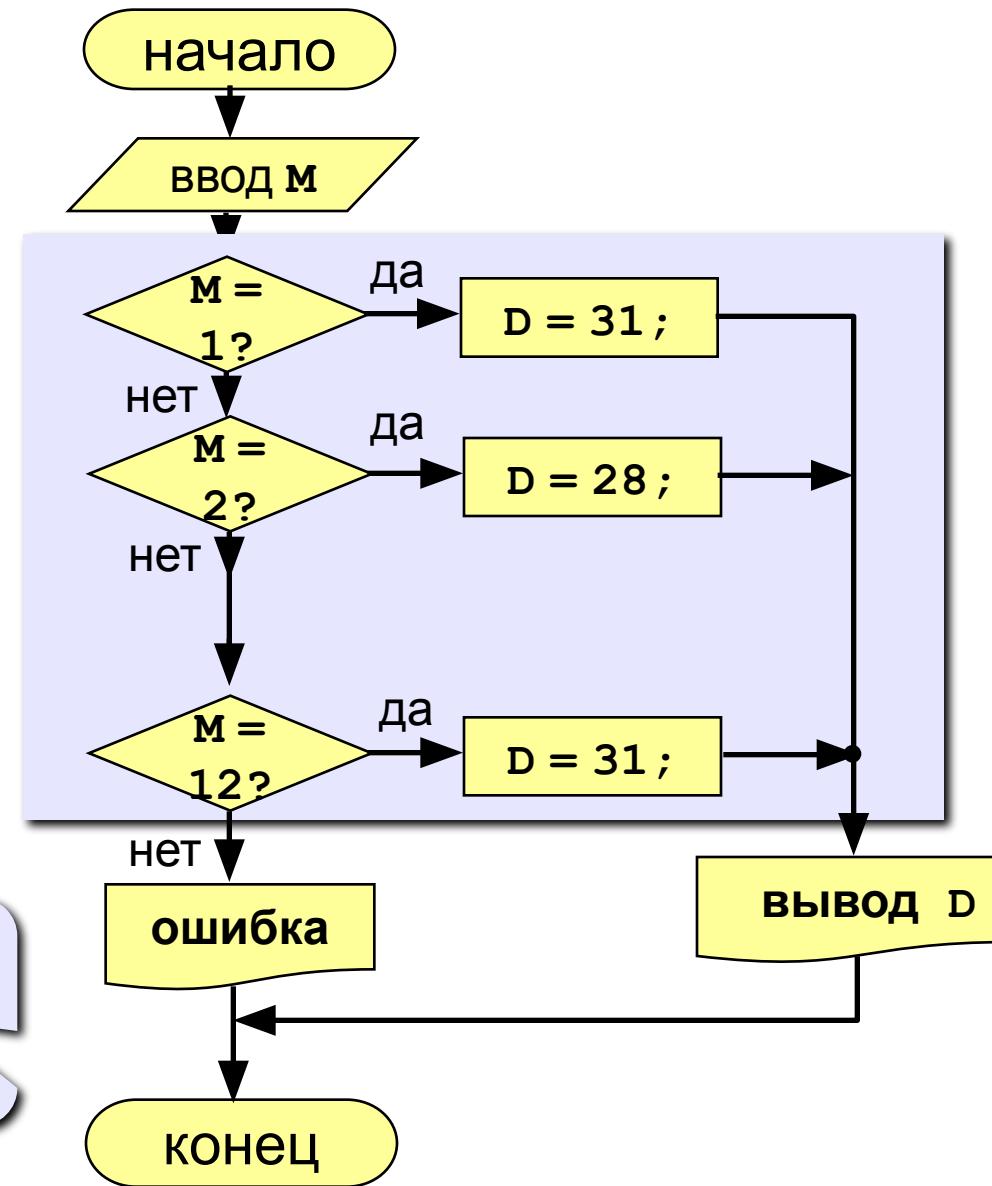
31 день – 1 (январь), 3 (март), 5 (май), 7 (июль),
8 (август), 10 (октябрь), 12 (декабрь)

Особенность: Выбор не из двух, а из нескольких вариантов в зависимости от номера месяца.



Можно ли решить известными методами?

Алгоритм



оператор
выбора

ни один
вариант не
подошел

Программа

```
main()
{
    int M, D;
    printf("Введите номер месяца:\n");
    scanf("%d", &M);

    switch ( M ) {
        case 2: D = 28; break;
        case 4: case 6: case 9: case 11:
                    D = 30; break;
        case 1: case 3: case 5: case 7:
        case 8: case 10: case 12:
                    D = 31; break;
        default: D = -1;
    }

    if (D > 0)
        printf("В этом месяце %d дней.", D);
    else printf("Неверный номер месяца");
}
```

ВЫЙТИ ИЗ
switch

НИ ОДИН
вариант не
подошел

Оператор выбора

Задача: Ввести букву и вывести название животного на эту букву.

Особенность: выбор по символьной величине.

```
main()
{
    char c;
    printf("Введите первую букву названия животного:\n");
    scanf("%c", &c);

    switch ( c ) {
        case 'а': printf("Антилопа"); break;
        case 'б': printf("Бизон"); break;
        case 'в': printf("Волк"); break;
        default:   printf("Я не знаю!");
    }
}
```



Что будет, если везде убрать `break`?

Оператор выбора

Особенности:

- после **switch** может быть имя переменной или арифметическое выражение целого типа (**int**)

```
switch ( i+3 ) {  
    case 1: a = b; break;  
    case 2: a = c;  
}
```

или символьного типа (**char**)

- нельзя** ставить два **одинаковых** значения:

```
switch ( x ) {  
    case 1: a = b; break;  
    case 1: a = c;  
}
```

Задания (с защитой от неверного ввода)

«4»: Ввести номер месяца и вывести количество дней в нем, а также число ошибок при вводе.

Пример:

Ведите номер месяца :

-2

Ведите номер месяца :

11

В этом месяце 30 дней.

Вы вводили неверно 1 раз.

Ведите номер месяца :

2

В этом месяце 28 дней.

Вы вводили неверно 0 раз.

«5»: Ввести номер месяца и номер дня, вывести число дней, оставшихся до Нового года.

Пример:

Ведите номер месяца :

12

Ведите день :

25

До Нового года осталось 6 дней.

Программирование на языке Си

Тема 8. Отладка программ

Отладка программ

Отладка – поиск и исправление ошибок в программе.

Англ. *debugging*, *bug* = моль, жучок

Методы:

- **трассировка** – вывод сигнальных сообщений
- **отключение части кода** (в комментарии)
- **пошаговое выполнение** – выполнить одну строчку программы и остановиться
- **точки останова** – выполнение программы останавливается при достижении отмеченных строк (переход в пошаговый режим)
- просмотр и изменение значений переменных в пошаговом режиме

Трассировка

```
main()
{
    int i, x;
    printf("Введите целое число:\n");
    scanf("%d", &x);

    printf("Введено x=%d\n", x);

    for(i=1; i<10; i++)
    {
        printf("В цикле: i=%d, x=%d\n", i, x);
        ...
    }

    printf("После цикла: x=%d\n", x);
    ...
}
```

Отключение части кода (комментарии)

```
main()
{
    int i, x;
    printf("Введите целое число: \n");
    scanf("%d", &x);

    // x *= x + 2;

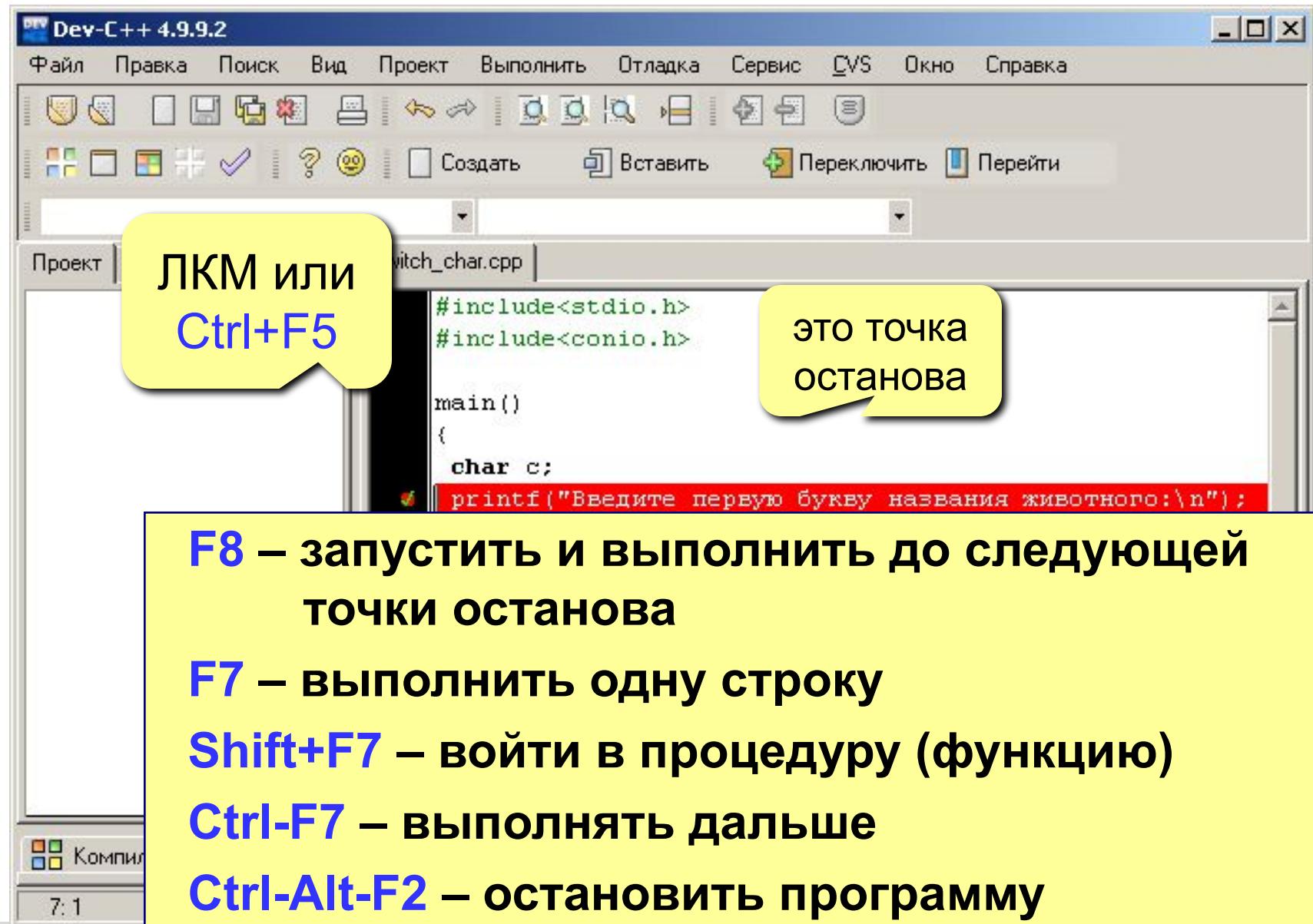
    for(i=1; i<10; i++) x *= i;

/* while ( x > 5 ) {
    ...
}
```

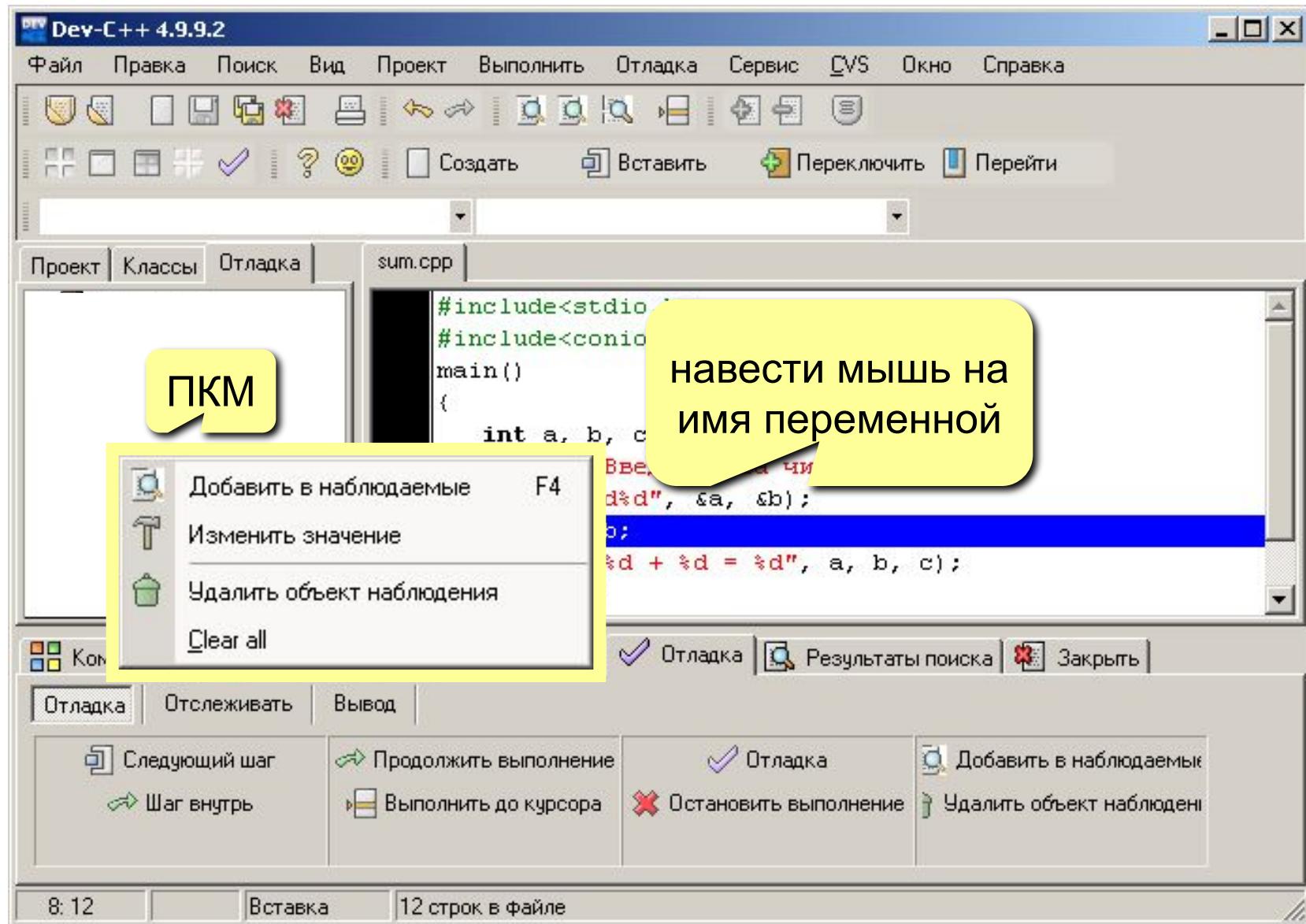
комментарий до
конца строки //

закомментированны
й блок /* ... */

Точки останова



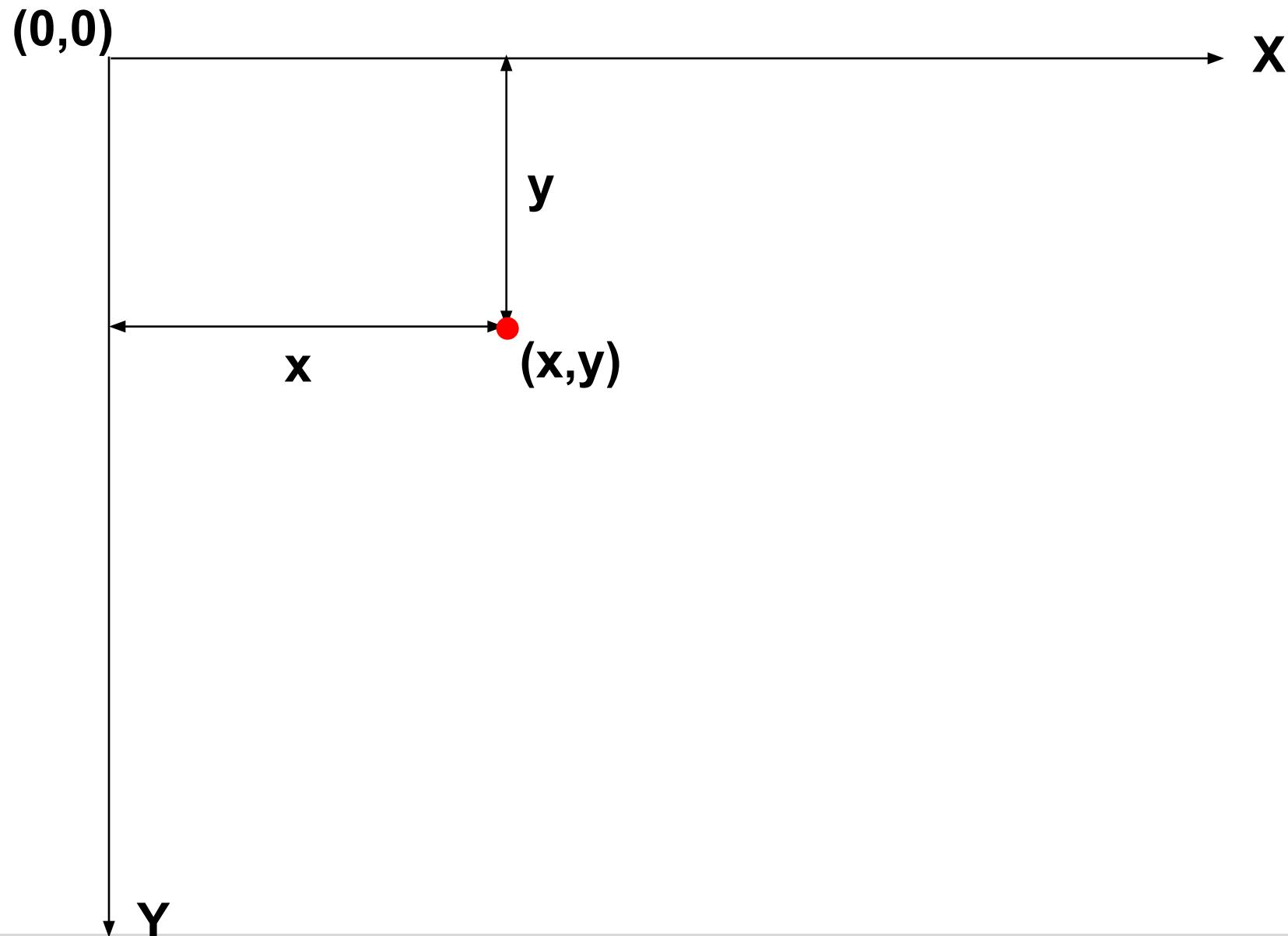
Просмотр значений переменных



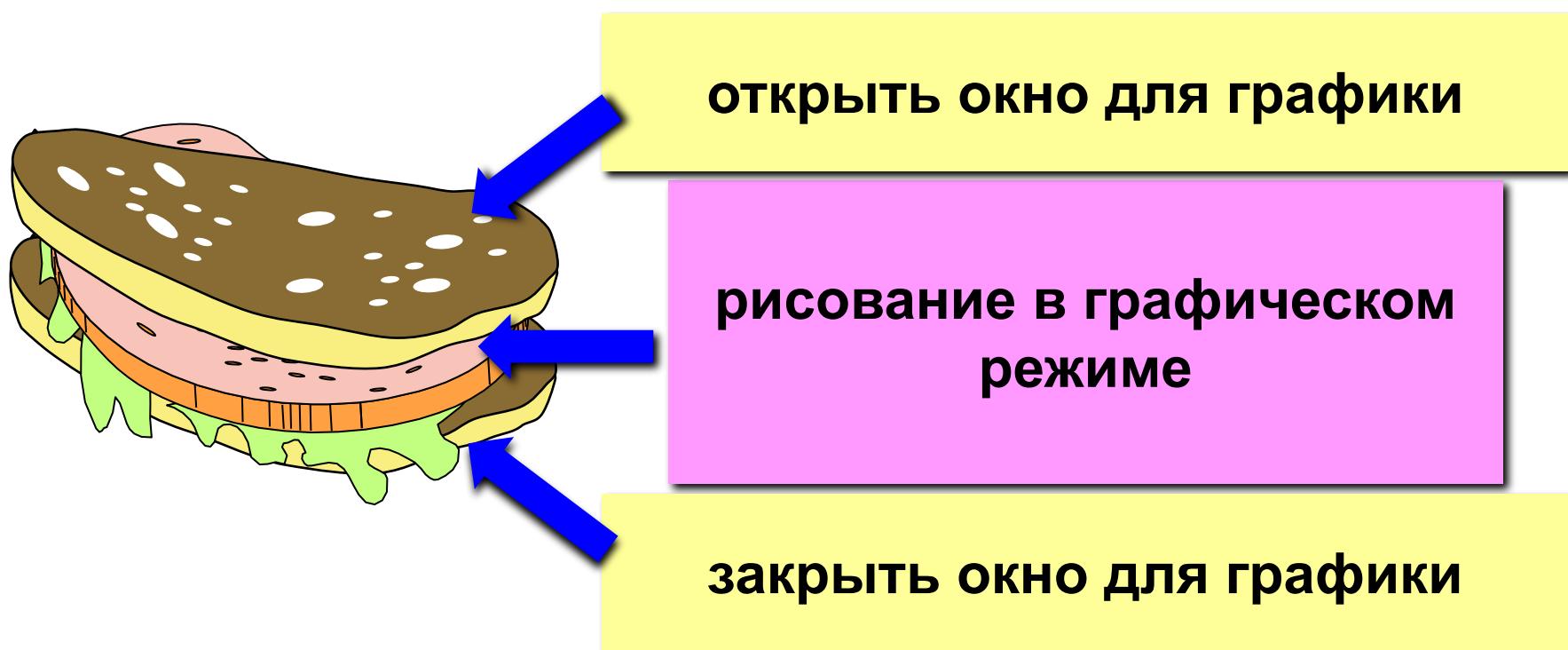
Программирование на языке Си

Тема 9. Графика

Система координат



Принцип сэндвича



Структура графической программы

```
#include <graphics.h>
```

```
#include <conio.h>
```

```
main()
```

```
{
```

ширина

высота

```
initwindow ( 400 , 300 ) ;
```

```
... // рисуем на экране
```

```
getch();
```

чтобы посмотреть результат

```
closegraph () ;
```

```
}
```

закрыть
окно

библиотека для
работы с графикой

открыть
окно для
графики

Цвета

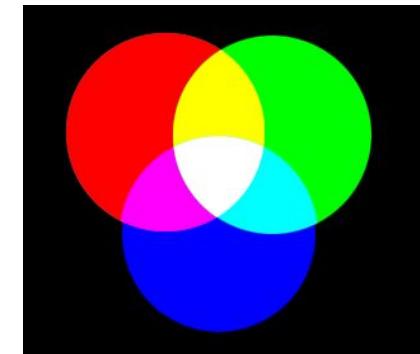
Код	Название
0	BLACK
1	BLUE
2	GREEN
3	CYAN
4	RED
5	MAGENTA
6	BROWN
7	LIGHTGRAY

Код	Название
8	DARKGRAY
9	LIGHTBLUE
10	LIGHTGREEN
11	LIGHTCYAN
12	LIGHTRED
13	LIGHTMAGENTA
14	YELLOW
15	WHITE

Полная палитра цветов

цвет = R + G + B

<i>Red</i>	<i>Green</i>	<i>Blue</i>
красный	зеленый	синий
0..255	0..255	0..255



R = 218
G = 164
B = 32



R = 135
G = 206
B = 250



Сколько разных цветов?

$$256 \cdot 256 \cdot 256 = 16\ 777\ 216 \text{ (True Color)}$$

Управление цветом

Цвет линий и текста:

set color = установить цвет

номер
цвета

setcolor (12); R G B

setcolor (COLOR(255,255,0));

Цвет и стиль заливки:

set fill style = установить стиль заливки

setfillstyle (*стиль* , *цвет*);

0 – выключить 3..6 – наклонные линии
1 – сплошная 7..8 – сетка
9..11 – точечная

Точки, отрезки и ломаные

(x , y)



цвет

```
putpixel (x, y, 9);
```

(x_1 , y_1)



(x_2 , y_2)

```
setcolor ( 10 );
line (x1, y1, x2, y2);
```

(x_1 , y_1)



(x_2 , y_2)

(x_5 , y_5)



(x_3 , y_3)

(x_4 , y_4)

```
setcolor ( 12 );
moveto (x1, y1);
lineto (x2, y2);
lineto (x3, y3);
lineto (x4, y4);
lineto (x5, y5);
```

Прямоугольники

(x_1, y_1)



(x_2, y_2)

```
setcolor ( 9 );
rectangle (x1, y1, x2, y2);
```

стиль

(1 - сплошная)

цвет

(x_1, y_1)



(x_2, y_2)

```
setfillstyle ( 1, 12 );
bar (x1, y1, x2, y2);
```

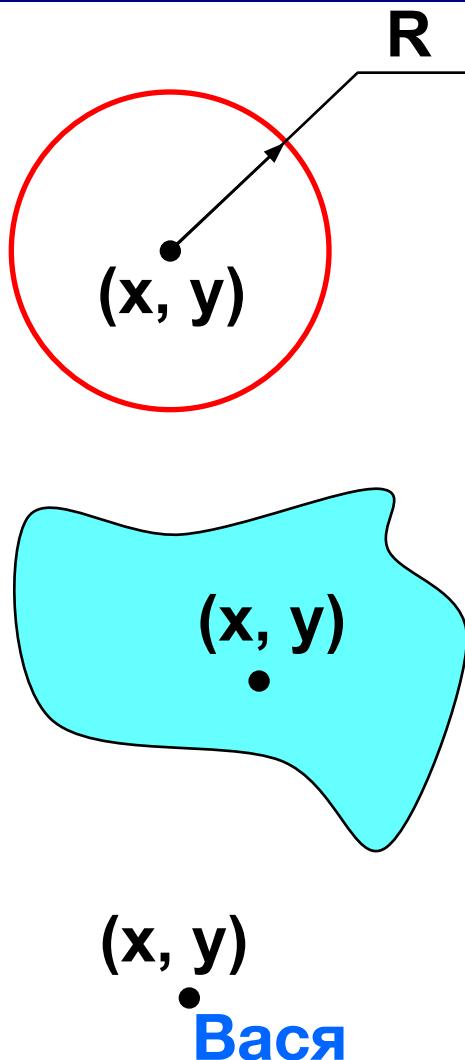
(x_1, y_1)



(x_2, y_2)

```
setfillstyle ( 1, 12 );
bar (x1, y1, x2, y2);
setcolor ( 9 );
rectangle (x1, y1, x2, y2);
```

Окружность, заливка, текст



```
setcolor ( COLOR(255,0,0) ) ;  
circle ( x, y, R );
```

стиль
(1 - сплошная)

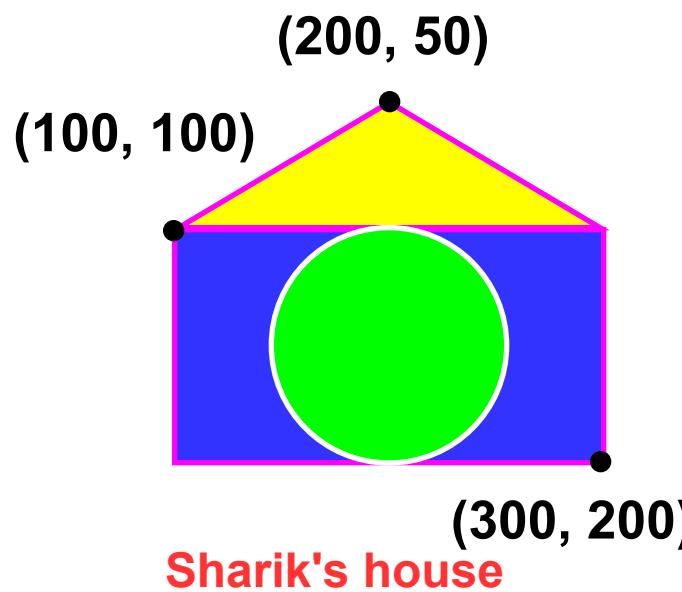
цвет
заливки

```
setfillstyle ( 1, 11 ) ;  
floodfill ( x, y, 0 );
```

цвет границы

```
setcolor ( 9 ) ;  
outtextxy ( x, y, "Вася" );
```

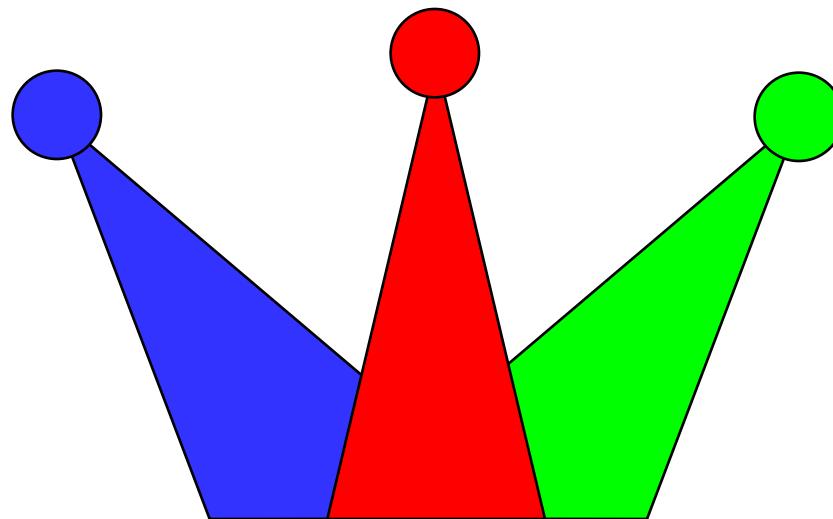
Пример



```
setfillstyle (1, 9);
bar (100,100,300,200);
setcolor (13);
rectangle (100,100,300,200);
moveto (100,100);
lineto (200, 50);
lineto (300,100);
setfillstyle (1, 14);
floodfill (200, 75, 13);
setcolor (15);
circle (200, 150,50);
setfillstyle (1, 10);
floodfill (200,150, 15);
setcolor (12);
outtextxy (100, 230,
           "Sharik's house.");
```

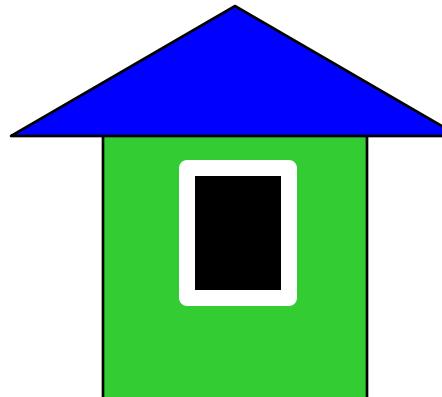
Задания

«5»: «Корона»

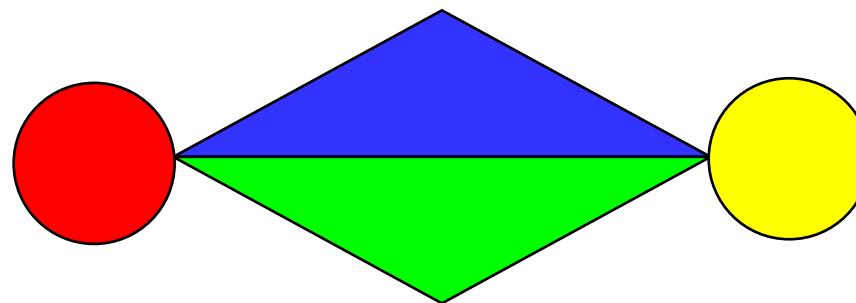


Задания

«3»: «Домик»

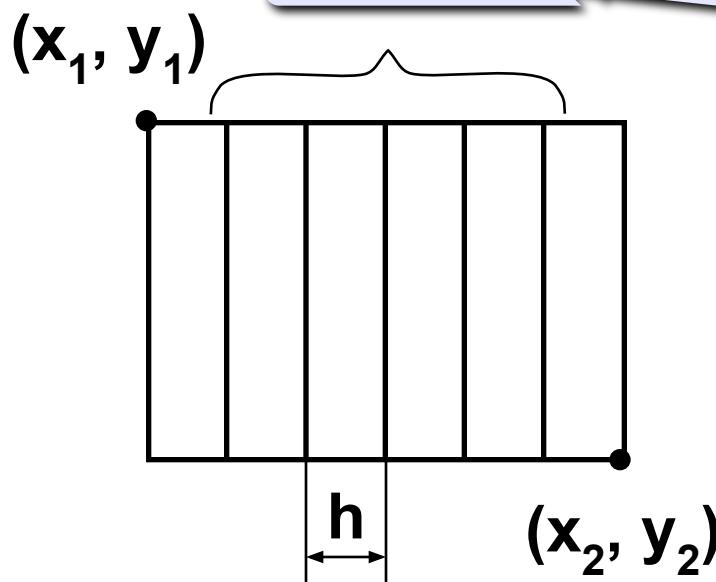


«4»: «Лягушка»



Штриховка

N линий (N=5)



$$h = \frac{x_2 - x_1}{N + 1}$$

```
rectangle (x1, y1, x2, y2);
line( x1+h, y1, x1+h, y2);
line( x1+2*h, y1, x1+2*h, y2);
line( x1+3*h, y1, x1+3*h, y2);
...
```

x x

```
rectangle(x1, y1, x2, y2);
h = (x2 - x1) / (N + 1.);
for (x = x1+h; x < x2; x += h)
    line(x, y1, x, y2);
```

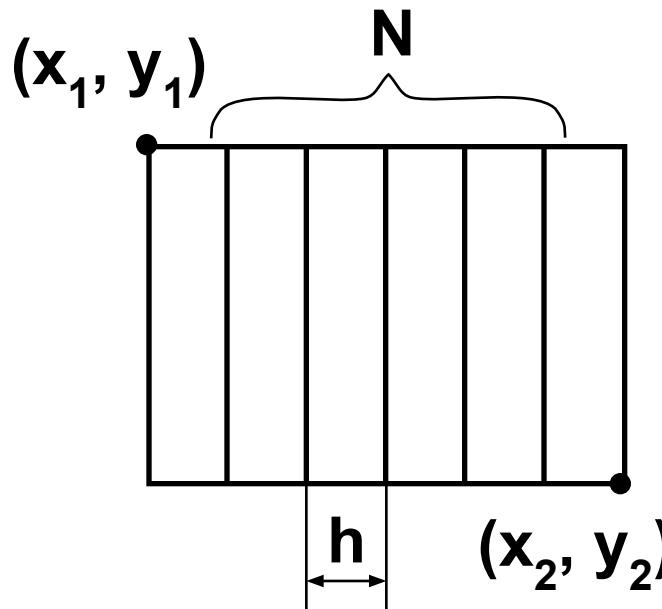
результат –
дробное число



float x, h;

дробная часть x
отбрасывается

Штриховка (программа)

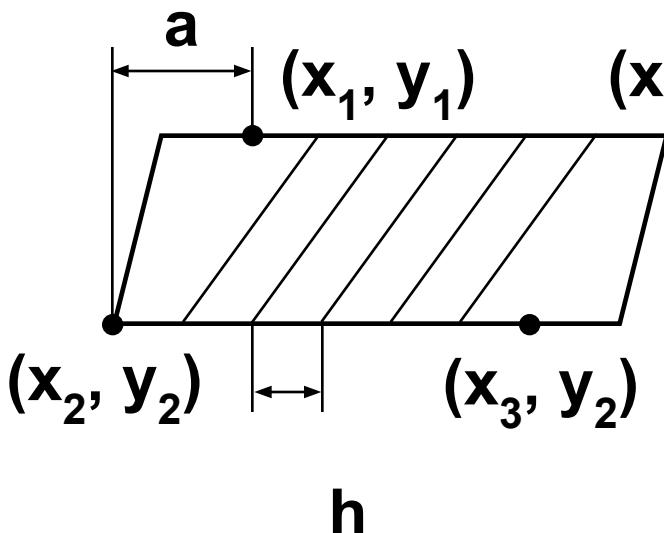


прямоугольник

штриховка

```
#include <graphics.h>
#include <conio.h>
main()
{
    int N = 10, x1 = 100,
        x2 = 300, y1 = 100,
        y2 = 200;
    float h, x;
    initwindow(800,600);
    rectangle (x1, y1, x2, y2);
    h = (x2 - x1) / (N + 1.);
    for (x = x1+h; x < x2; x += h)
        line(x, y1, x, y2);
    getch();
    closegraph();
}
```

Штриховка



$$a = x_1 - x_2$$

$$h = \frac{x_3 - x_2}{N + 1}$$

```
line( x1+h, y1, x1+h-a, y2 );
line( x1+2*h, y1, x1+2*h-a, y2 );
line( x1+3*h, y1, x1+3*h-a, y2 );
...
x           x-a
```

```
h = (x3 - x2) / (N + 1.);
```

```
a = x2 - x1;
```

```
x = x1 + h;
```

```
for (i = 1; i <= N; i ++, x += h )
```

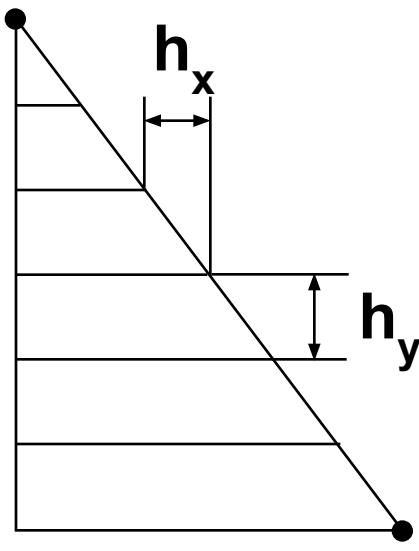
после каждого
шага выполняются
две команды

```
line(x, y1, x-a, y2);
```



Штриховка

(x_1, y_1)



(x_2, y_2)

$$h_x = \frac{x_2 - x_1}{N + 1}$$

$$h_y = \frac{y_2 - y_1}{N + 1}$$

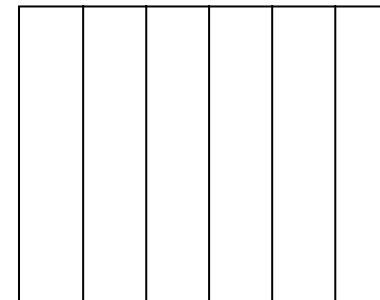
```
line( x1, y1+hy, x1+hx, y1+hy );
line( x1, y1+2*hy, x1+2*hx, y1+2*hy );
line( x1, y1+3*hy, x1+3*hx, y1+3*hy );
...
```



```
hx = (x2 - x1) / (N + 1. );
hy = (y2 - y1) / (N + 1. );
x = x1 + hx; y = y1 + hy;
for (i=1; i <= N; i++) {
    line( x1, y, x, y );
    x += hx; y += hy;
}
```

Задания

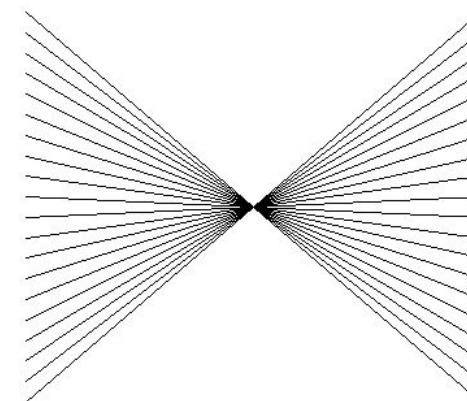
«3»: Ввести с клавиатуры количество линий, построить фигуру и выполнить штриховку:



«4»: Ввести с клавиатуры количество линий, построить фигуру и выполнить штриховку:

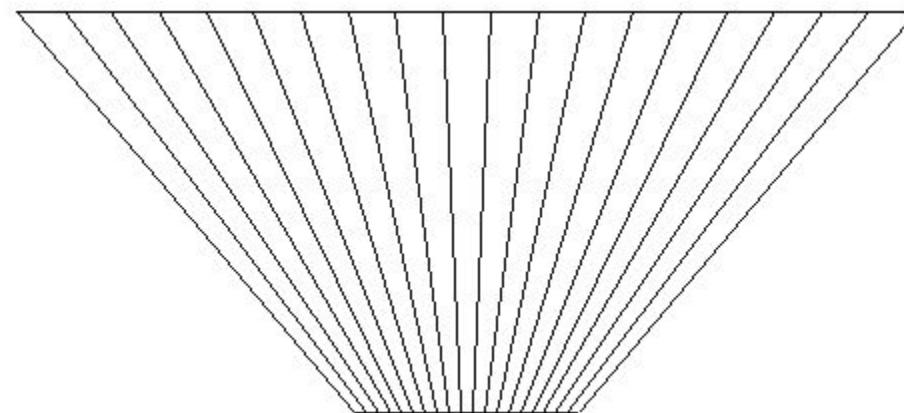


или



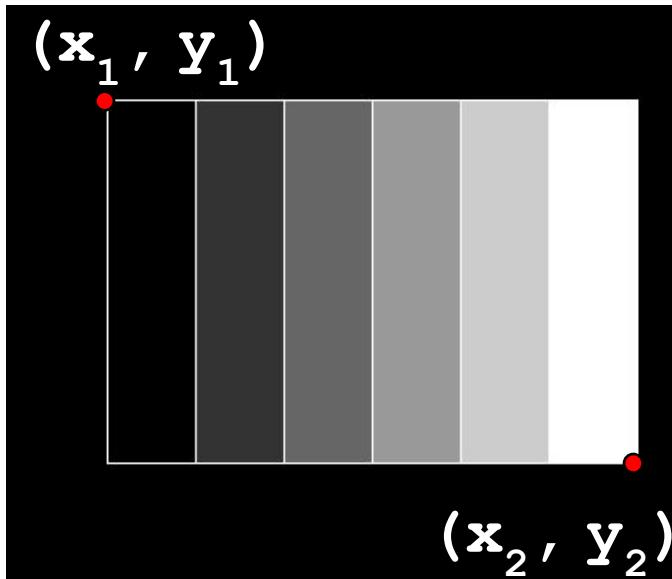
Задание

«5»: Ввести с клавиатуры количество линий и построить фигуру:



Как менять цвет?

серый: $R = G = B$



Цвет: COLOR(c, c, c)

Изменение c: 0, ..., 255
N

Шаг изменения C:

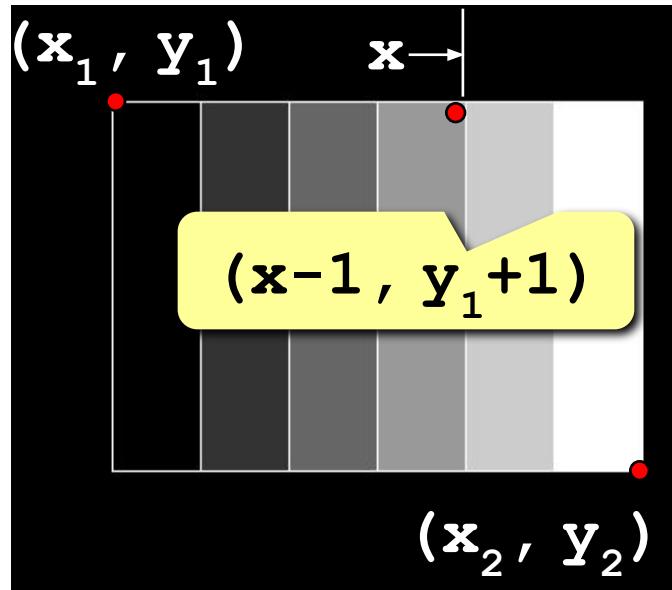
$$h_c = \frac{255}{N}$$

```
hc = 255 / N;
c = 0;
for ( i=1; i<=N+1; i++ ) {
    setfillstyle ( 1, COLOR(c,c,c) );
    floodfill( ???, ???, 15 );
    c += hc;
}
```

цвет
границы

Как менять цвет?

```
setfillstyle( 1, COLOR(c,c,c) );
floodfill ( ???, ???, 15 );
```



```
hc = 255 / N;
c = 0;
x = x1 + h;
for ( i=1; i <= N+1; i++ ) {
    setfillstyle(1, COLOR(c,c,c));
    floodfill ( x-1, y1+1, 15 );
    x += h;
    c += hc;
}
```

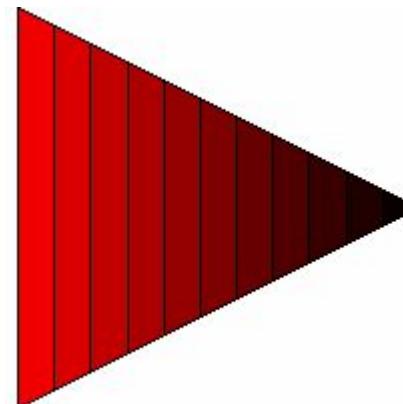
правая
граница
полосы



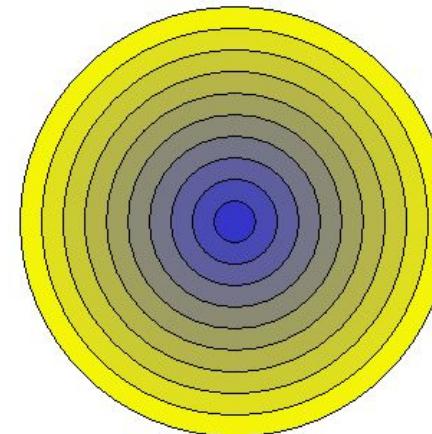
Как объединить циклы штриховки и заливки?

Задания

«4»: Ввести с клавиатуры число линий штриховки и построить фигуру, залив все области разным цветом.



«5»: Ввести с клавиатуры число окружностей и построить фигуру, залив все области разным цветом.



Программирование на языке Си

Тема 10. Графики функций (только с 9 класса)

Построение графиков функций

Задача: построить график функции $y = 3 \sin(x)$ на интервале от 0 до 2π .

Анализ:

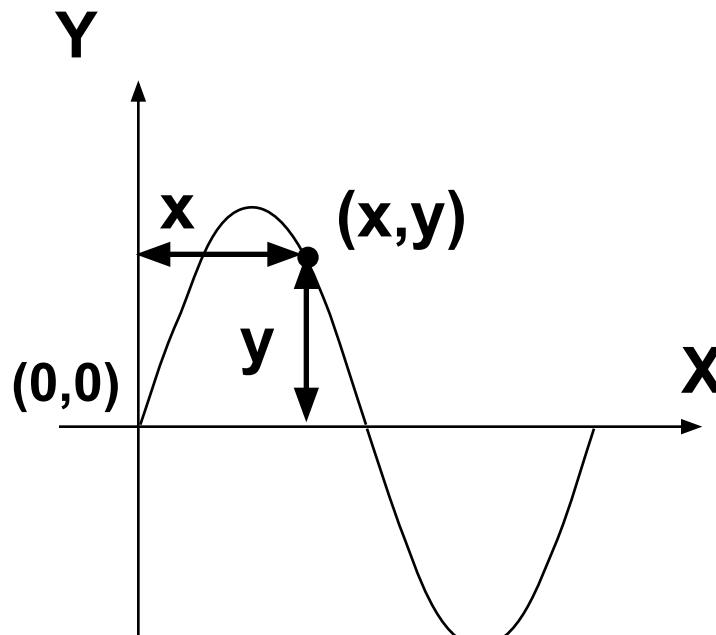
максимальное значение $y_{\max} = 3$ при $x = \pi/2$

минимальное значение $y_{\min} = -3$ при $x = 3\pi/2$

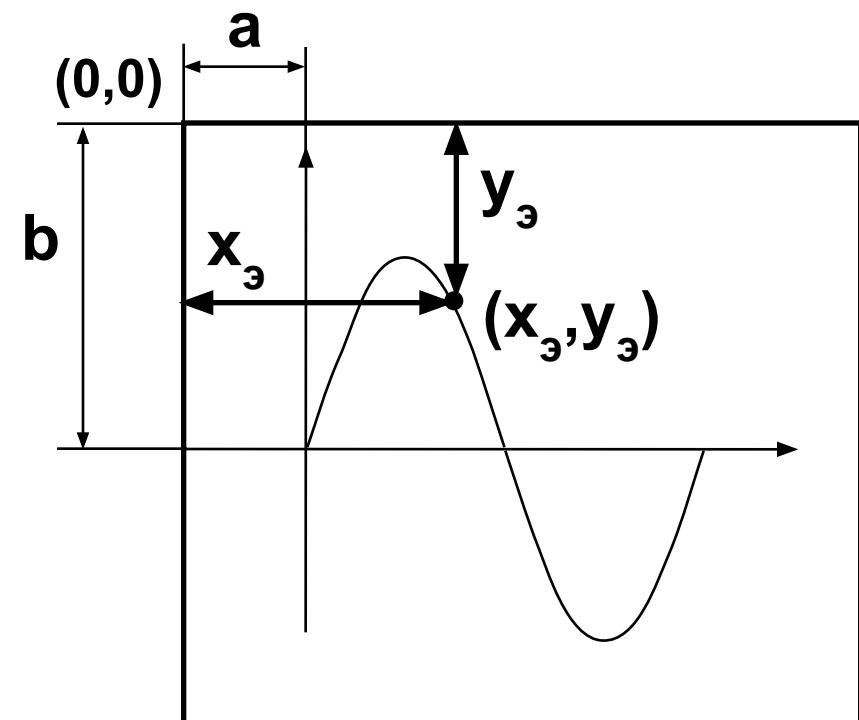
Проблема: функция задана в математической системе координат, строить надо на экране, указывая координаты в пикселях.

Преобразование координат

Математическая
система координат



Экранная система
координат (пиксели)



k – масштаб (длина
изображения единичного
отрезка на экране)

$$x_{\varepsilon} = a + kx$$
$$y_{\varepsilon} = b - ky$$

Программа

```
const a = 50, b = 200, k = 50;           2π
const float xmin = 0, xmax = 2*M_PI;
float x, y, h = 0.01;                   h – шаг изменения x
int xe, ye, w;                         w – длина оси ОХ в пикселях
w = (xmax - xmin)*k;                   оси координат
line(a-10, b, a+w, b);                 обязательно
line(a, 0, a, 2*b);                   #include <math.h>
for (x = xmin; x < xmax; x += h)       координаты точки на
{                                         экране
    y = 3*sin(x);
    xe = a + k*x;
    ye = b - k*y;
    putpixel (xe, ye, 12);
}
```



Что плохо?

Как соединить точки?

Алгоритм:

Если первая точка
перейти в точку (x_e, y_e)
иначе
отрезок в точку (x_e, y_e)

выбор
варианта
действий

Программа:

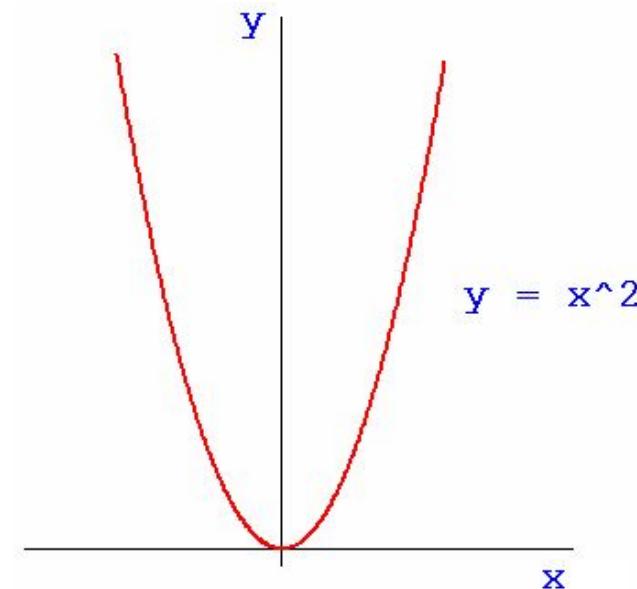
```
int first;
...
first = 1;
for (x = xmin; x < xmax; x += h)
{
    ...
    if ( first ) {
        moveto(xe, ye);
        first = 0;
    }
    else lineto(xe, ye);
    ...
}
```

переменная-
флаг (1 или 0)

начальное значение

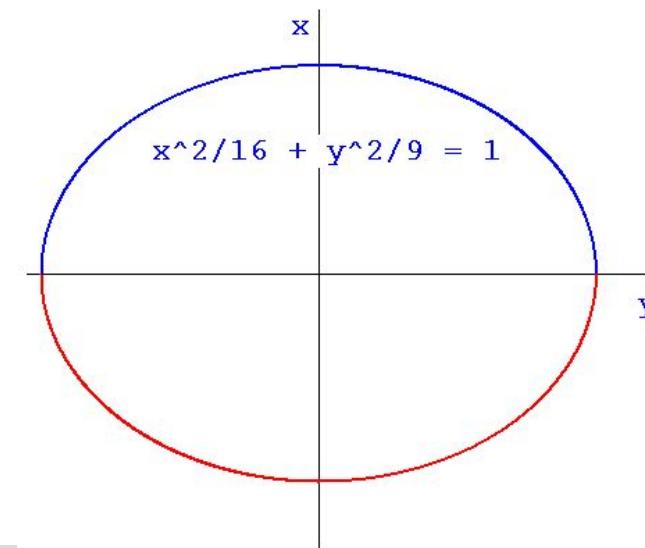
Задания

«4»: Построить график функции $y = x^2$ на интервале $[-3,3]$.



«5»: Построить график функции (эллипс)

$$\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{9} = 1$$

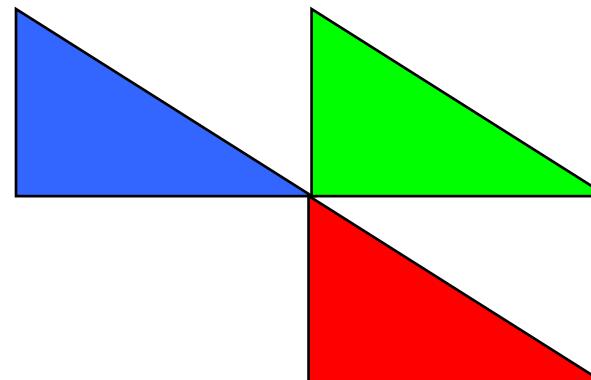


Программирование на языке Си

Тема 11. Процедуры

Процедуры

Задача: Построить фигуру:



Можно ли решить известными методами?

Основность. три похожие фигуры.

общее: размеры, угол поворота

отличия: координаты, цвет



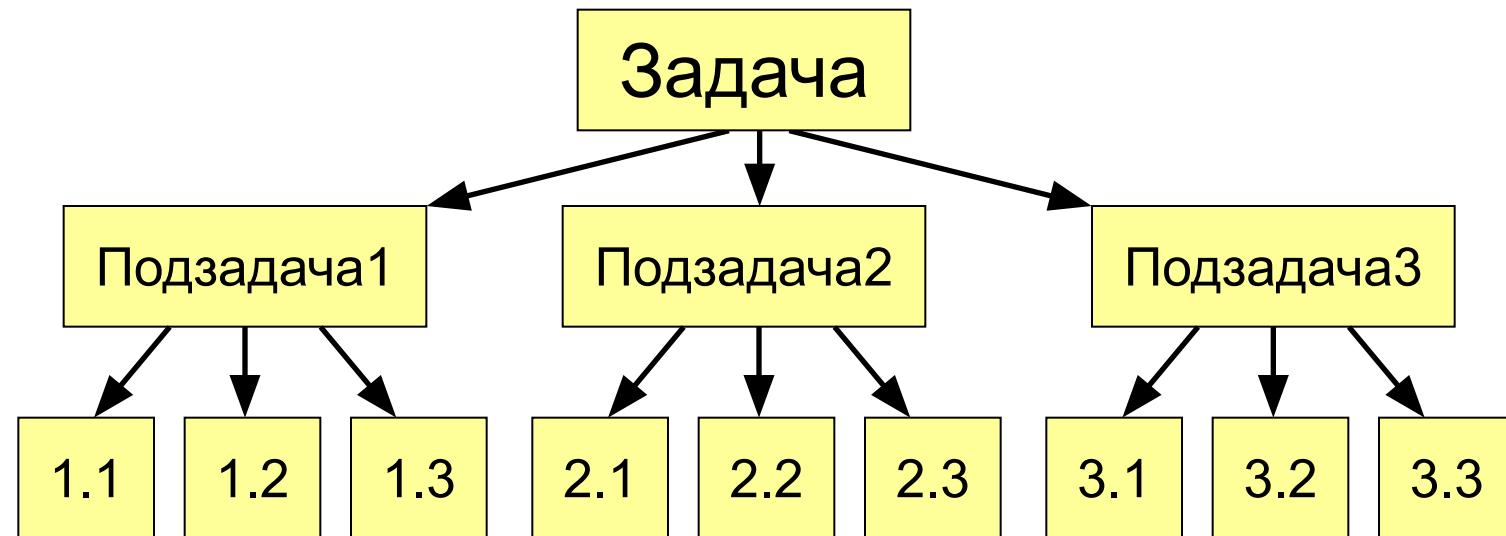
Сколько координат надо задать?

Процедуры

Процедура – это вспомогательный алгоритм, который предназначен для выполнения некоторых действий.

Применение:

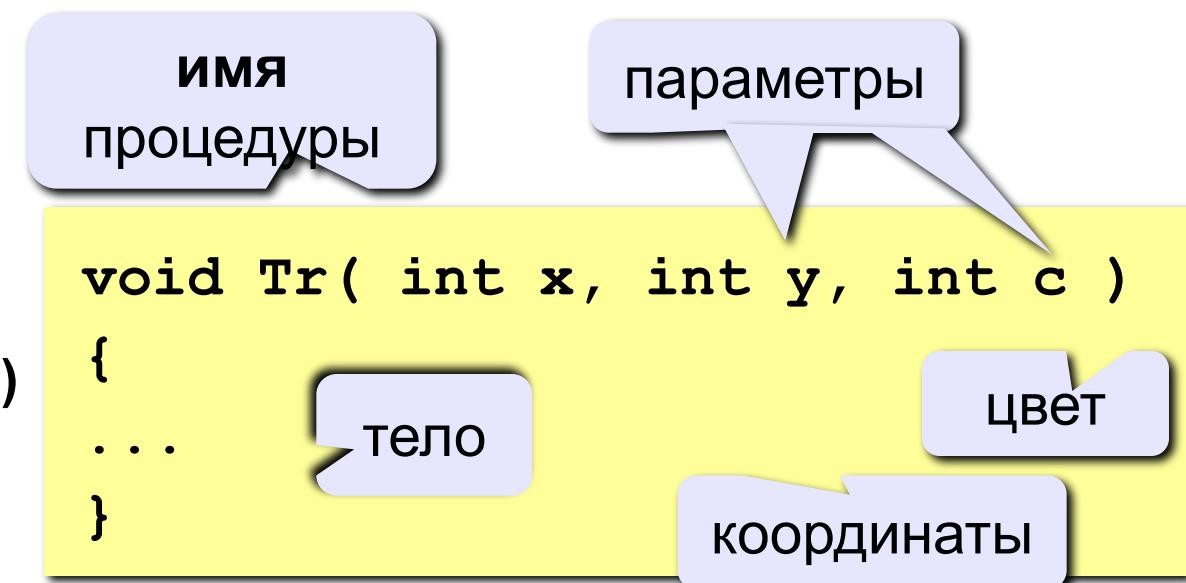
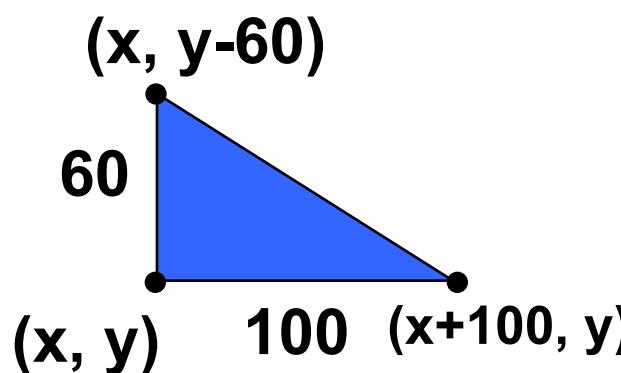
- выполнение одинаковых действий в разных местах программы
- разбивка программы (или другой процедуры) на подзадачи для лучшего восприятия



Процедуры

Порядок разработки:

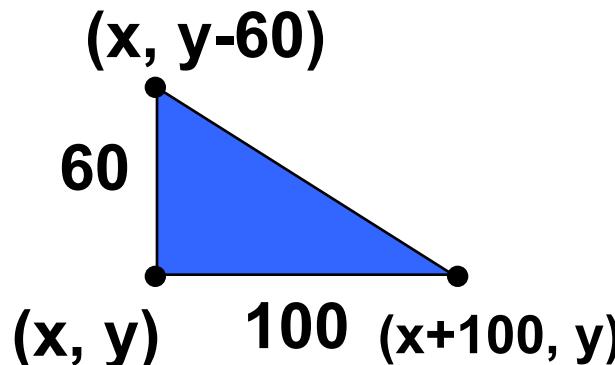
- выделить одинаковое или похожее (*три фигуры*)
- найти в них **общее** (размеры, форма, угол поворота) и **отличия** (координаты, цвет)
- отличия записать в виде неизвестных переменных, они будут **параметрами** процедуры



void – «пустой» (некоторые действия)

Процедуры

формальные
параметры

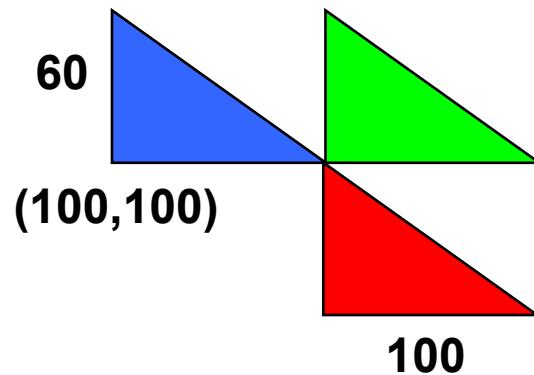


тело процедуры

```
void Tr( int x, int y, int c )
{
    moveto ( x, y );
    lineto ( x, y-60 );
    lineto ( x+100, y );
    lineto ( x, y );
    setfillstyle ( 1, c );
    floodfill ( x+20, y-20, 15 );
}
```

«Формальные параметры» могут изменяться, заранее неизвестны (обозначаются именами, как переменные).

Программа



вызовы
процедуры

```
#include <conio.h>
#include <graphics.h>

void Tr( int x, int y, int c)
{
    ...
}

main()
{
    initwindow (400, 300);
    Tr (100, 100, COLOR(0,0,255));
    Tr (200, 100, COLOR(0,255,0));
    Tr (200, 160, COLOR(255,0,0));
    getch();
    closegraph();
}
```

формальные
параметры

процедура

фактические
параметры

Процедуры

Особенности:

- обычно процедуры расположены **выше** основной программы
- в заголовке процедуры перечисляются **формальные** параметры, они обозначаются именами, поскольку могут меняться

```
void Tr( int x, int y, int c )
```

- при вызове процедуры в скобках указывают **фактические** параметры (числа или арифметические выражения) **в том же порядке**

```
Tr ( 200, 100, COLOR(255,0,0) );
```



Процедуры

Особенности:

- для каждого формального параметра в заголовке процедуры указывают его **тип**

```
void A ( int x, float y, char z ) { ... }
```

- внутри процедуры параметры используются так же, как и переменные
- в процедуре можно объявлять дополнительные **локальные переменные**, остальные процедуры не имеют к ним доступа

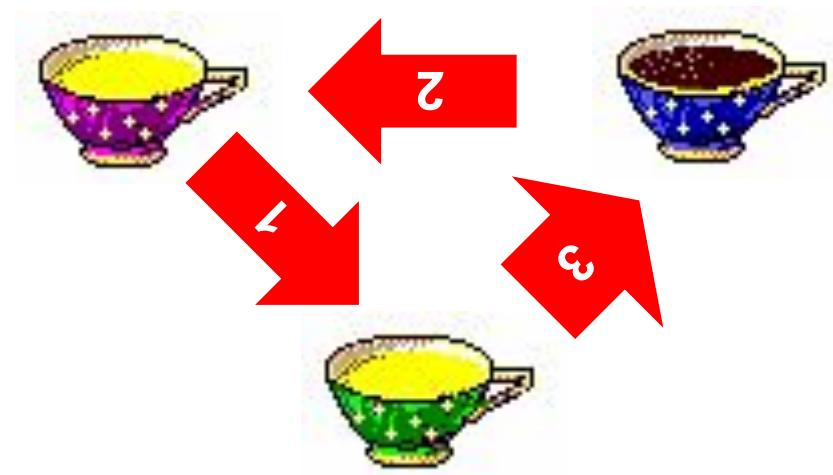
```
void A ( int x, float y, char z )
```

```
{  
    int a2, b2c =  
        345;  
    ...  
}
```

локальные
переменные

Как поменять местами?

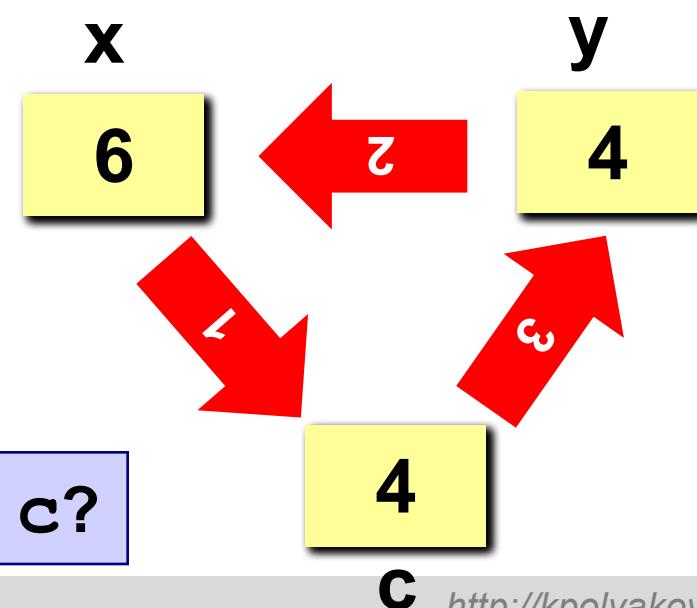
Задача: поменять местами содержимое двух чашек.



Задача: поменять местами содержимое двух ячеек памяти.

~~$x = z;$
 $y = z;$~~

$c = x;$
 $x = y;$
 $y = c;$



Можно ли обойтись без c ?

Параметры-переменные

Задача: составить процедуру, которая меняет местами значения двух переменных.

Особенности: надо, чтобы изменения, сделанные в процедуре, стали известны вызывающей программе.

```
void Swap ( int a, int b )
{
    int c;
    c = a; a = b, b = c;
}
```

```
main()
{
    int x = 1, y = 2;
    Swap ( x, y );
    printf ( "x = %d, y = %d", x, y );
}
```

эта процедура
работает с
копиями
параметров

x = 1 , y = 2

Параметры-переменные

```
void Swap ( int &a, int &b )  
{  
    int c;  
    c = a; a = b; b = c;  
}
```

параметры могут
изменяться

Применение:

таким образом процедура (и функция) может возвращать несколько значений

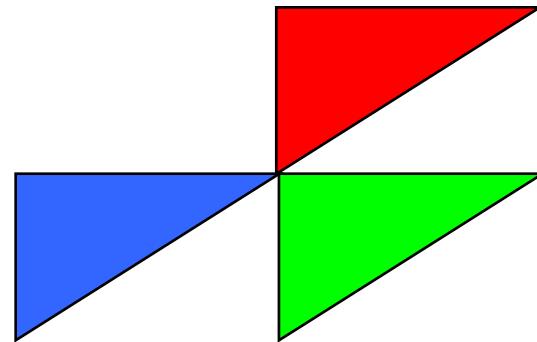
Запрещенные варианты вызова

Swap (~~2, 3~~); // числа

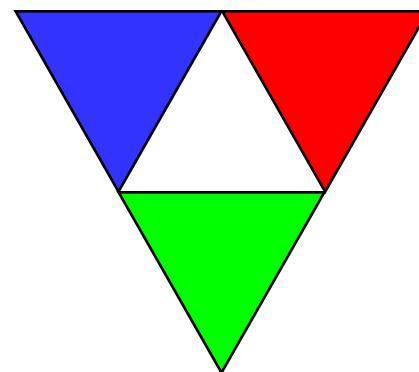
Swap (~~x+z, y+2~~); // выражения

Задания

«3»: Используя одну процедуру, построить фигуру.

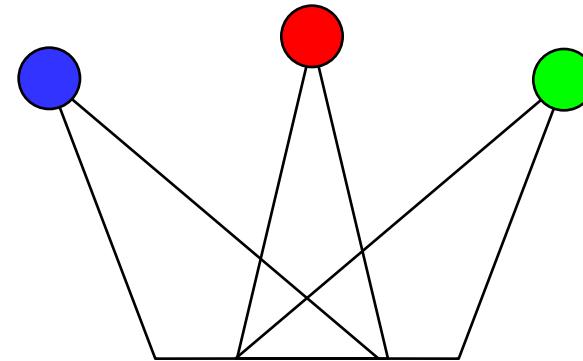


«4»: Используя одну процедуру, построить фигуру.



Задания

«5»: Используя одну процедуру, построить фигуру.



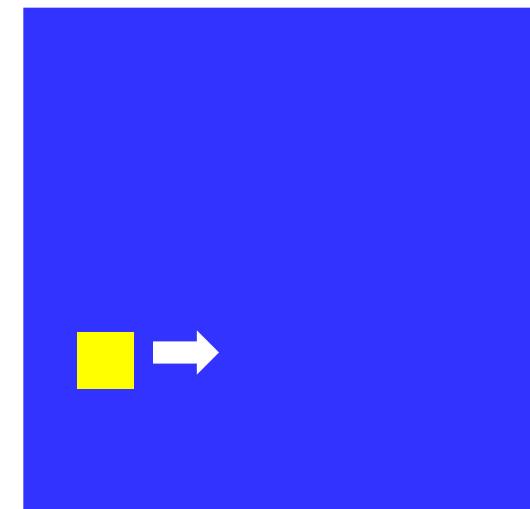
Программирование на языке Си

Тема 12. Анимация

Анимация

Анимация (англ. *animation*) – оживление изображения на экране.

Задача: внутри синего квадрата 400 на 400 пикселей слева направо двигается желтый квадрат 20 на 20 пикселей. Программа останавливается, если нажата клавиша ***Esc*** или квадрат дошел до границы синей области.



Проблема: как изобразить перемещение объекта на экране?

Привязка: состояние объекта задается координатами **(x,y)**

Принцип анимации:

1. рисуем объект в точке **(x,y)**
2. задержка на несколько миллисекунд
3. стираем объект
4. изменяем координаты **(x,y)**
5. переходим к шагу 1

Как «поймать» нажатие клавиши?

kbhit() – функция, определяет, было ли нажатие на (любую!) клавишу (**0** – не было, **не 0** – было).

```
if ( kbhit() )           if ( kbhit() != 0 )  
    printf("Нажата какая-то клавиша...");  
else printf("Нет нажатия...");
```

getch() – функция, которая определяет код нажатой клавиши: **27 = Esc**, **13 = Enter**, **32 = пробел**, ...

```
int c;
```

```
if ( kbhit() ) {  
    printf("Нажата какая-то клавиша...");  
    c = getch();  
    printf("Код клавиши %d", c);  
}
```

Как выйти из цикла?



Как не допустить выход за границу поля?

$x + 20 < 400$

для `kbhit()` и `getch()`

```
#include <conio.h>
```

```
main()
```

```
{
```

пока не вышли за границу синего квадрата

```
...
```

```
while ( x + 20 < 400 )
```

если нажата клавиша ...

```
{
```

```
if ( kbhit() )
```

```
    if ( getch() == 27 ) break;
```

```
...
```

```
}
```

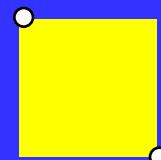
```
...
```

```
}
```

если нажата клавиша
с кодом 27 (*Esc*),
выйти из цикла

Процедура (рисование и стирание)

(x, y)



(x+20, y+20)

Идеи

- одна процедура рисует и стирает
- стереть = нарисовать цветом фона
- границу квадрата отключить (в основной программе)

цвет: желтым рисуем,
синим стираем

```
void Draw( int x, int y, int color )
```

{

```
setfillstyle ( 1, color );
```

```
bar ( x, y, x+20, y+20 );
```

}

сплошная заливка
цветом color

залитый
прямоугольник

Полная программа

```
#include <conio.h>
#include <graphics.h>
void Draw ( int x, int y, int color )
{
    ...
}

main()
{
    int x, y;
    initwindow (500, 500);
    setfillstyle(1, COLOR(0,0,255));
    bar (0, 0, 399, 399);

    x = 0;  y = 240;
    /* анимация */
    closegraph();
}
```

процедура

синий фон

начальные
координаты

Цикл анимации

пока не вышли из
синего квадрата

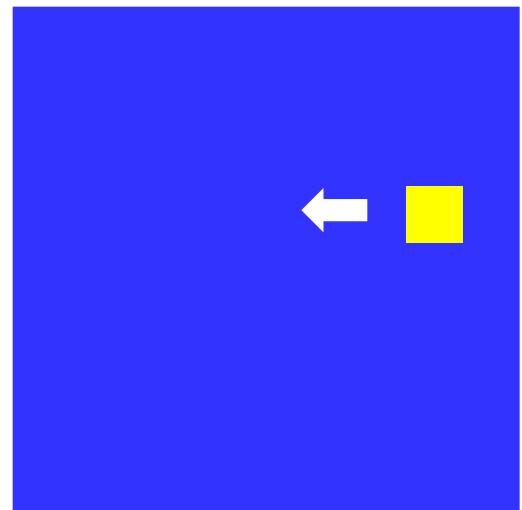
```
while ( x + 20 < 400 )  
{  
    if ( kbhit() )  
        if ( getch() == 27 ) break;  
    Draw ( x, y, COLOR(255,255,0) );  
    delay ( 20 );  
    Draw ( x, y, COLOR(0,0,255) );  
    x ++;  
}
```

выход по
клавише *Esc*

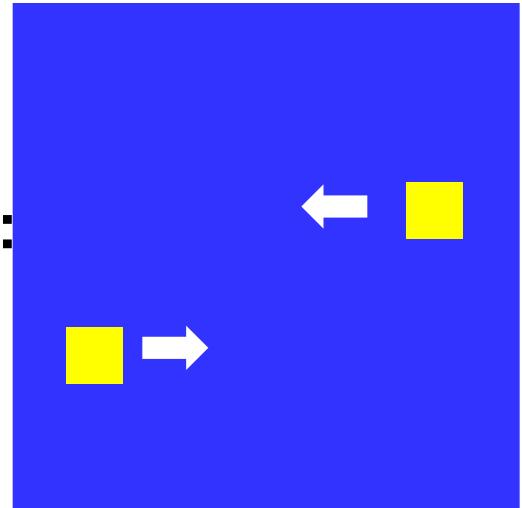
ждем 20 мс

Задания

«3»: Квадрат движется справа налево:

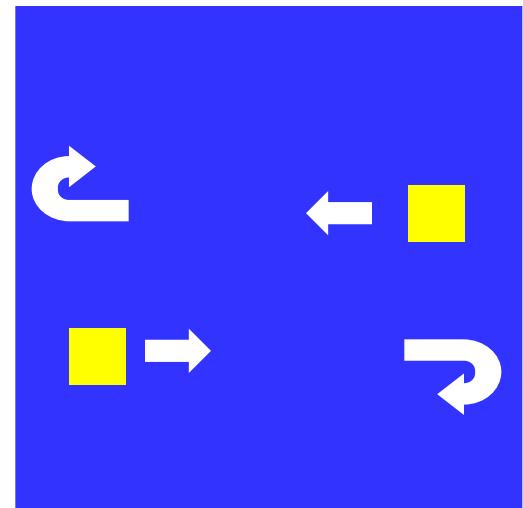


«4»: Два квадрата движутся в противоположных направлениях:



Задания

«5»: Два квадрата двигаются в противоположных направлениях и отталкиваются от стенок синего квадрата:



Управление клавишами

Задача: жёлтый квадрат внутри синего квадрата управляетяется клавишами-стрелками. Коды клавиш:

влево – 75

вверх – 72

Esc – 27

вправо – 77

вниз – 80

Проблема: как изменять направлени

Решение:

получить
код
клавиши

```
if ( kbhit() ) {  
    code = getch();  
    if (code == 27) break; // выход по Esc  
    switch ( code ) {  
        case 75: x--; break;  
        case 77: x++; break;  
        case 72: y--; break;  
        case 80: y++;  
    }  
}
```

если было нажатие
на клавишу, ...

выход по Esc

перемещение

Программа

```
void Draw (int x, int y, int color)
{
    ...
}
```

процедура

```
main()
{
    int x, y, code;
    ...
}
```

основной цикл

```
while ( 1 ) {
    Draw(x, y, COLOR(255,255,0));
    delay(20);
    Draw(x, y, COLOR(0,0,255));
    if ( kbhit() ) {
        ...
    }
}
```

обработка
нажатия на
клавишу



Что плохо?

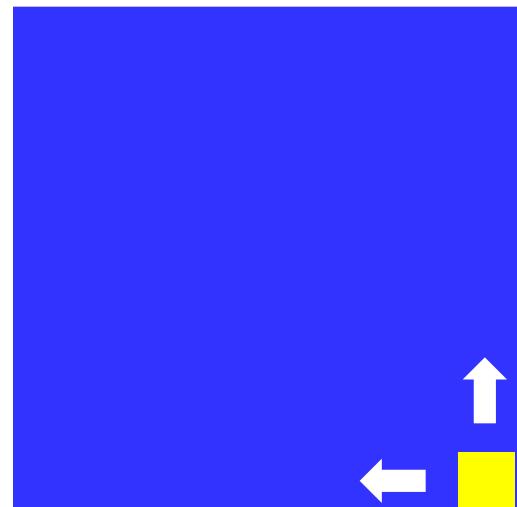


Как убрать мигание?

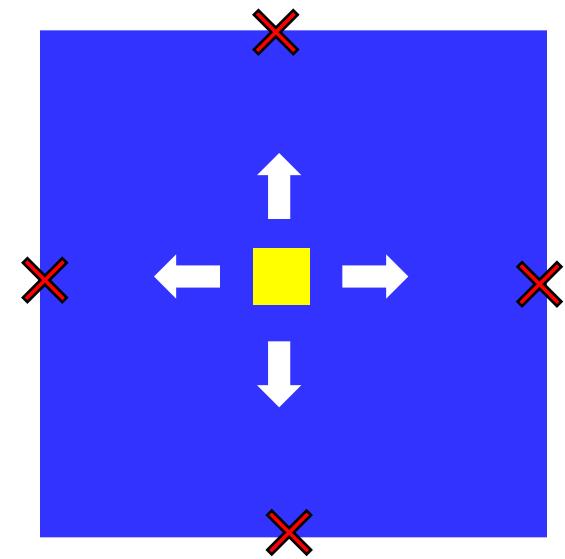
Задания

«3»: Квадрат в самом начале

стоит в правом нижнем углу, и
двигается при нажатии
стрелок только вверх или
влево:

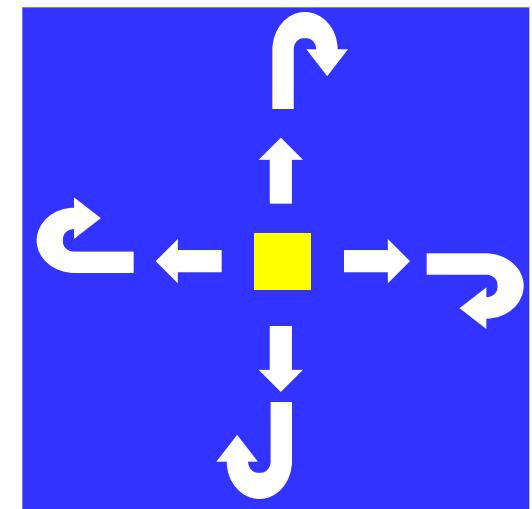


«4»: Квадрат двигается при
нажатии стрелок, однако не
может выйти за границы
синего квадрата:



Задания

«5»: Квадрат непрерывно движется, при нажатии стрелок меняет направление и отталкивается от стенок синего квадрата:

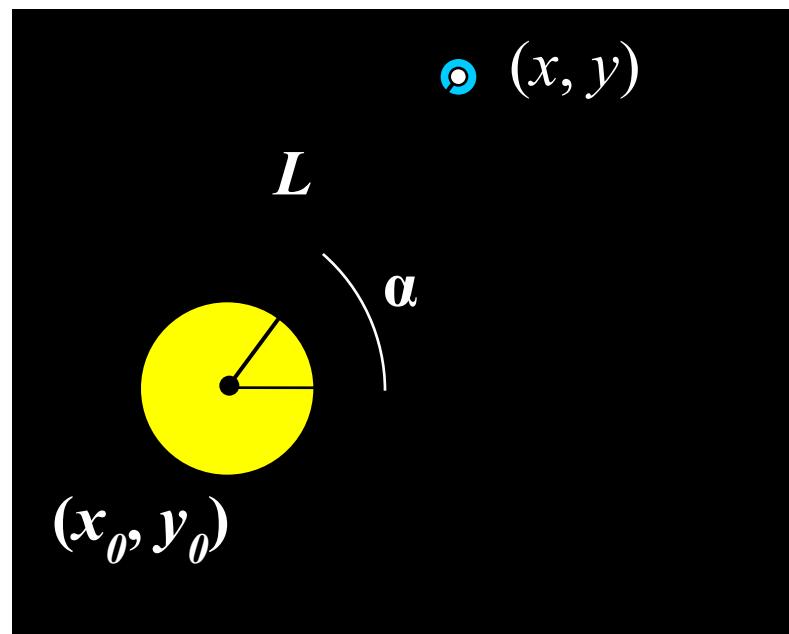


Вращение (для 8-11 класса)

Задача: изобразить модель вращения Земли вокруг Солнца.

Проблема: движение по окружности, как изменять координаты?

Решение: использовать в качестве независимой переменной (менять в цикле) угол поворота α



$$x = x_0 + L \cdot \cos(\alpha)$$

$$y = y_0 - L \cdot \sin(\alpha)$$

Процедура

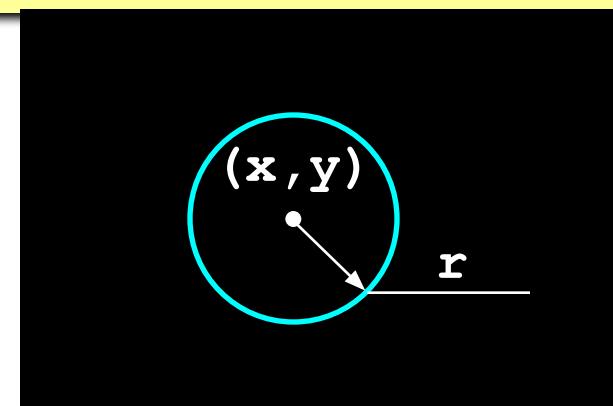
цвет: желтый – рисуем,
черный – стираем

```
void Draw( int x, int y, int color )
{
    const int r = 10;
    setcolor ( color );
    circle ( x, y, r );
}
```

постоянная

радиус Земли

установили
цвет линий



Константы и переменные

```
#include <math.h>    // математические функции

void Draw ( int x, int y, int color )
{
    ...
}

main()
{
    const int
        rSun = 60,      // радиус Солнца
        L   = 150,     // радиус орбиты Земли
        x0 = 200,      // координаты центра Солнца
        y0 = 200;
    int   x, y,          // координаты Земли
          code;        // код нажатой клавиши
    float a, ha;        // угол поворота, шаг
    initwindow( 500, 500 );
    ...
}
```

Основной цикл

```
circle ( x0, y0, rSun );
setfillstyle(1, COLOR(255,255,0));
floodfill(x0, y0, COLOR(255,255,255));
a = 0;           // начальный угол
ha = M_PI/180; // шаг 1° за 20 мс
```

```
while(1) {
    x = x0 + L*cos(a);
    y = y0 - L*sin(a);
    Draw ( x, y, COLOR(0,255,255) );
    delay ( 20 );           // ждем 20 мс
    Draw(x, y, 0);

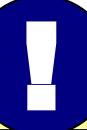
    if ( kbhit() )
        if ( 27 == getch() ) break;
    a = a + ha;             // поворот на ha
}

closegraph();
```

рисуем Солнце:
белый контур,
желтая заливка

новые
координаты

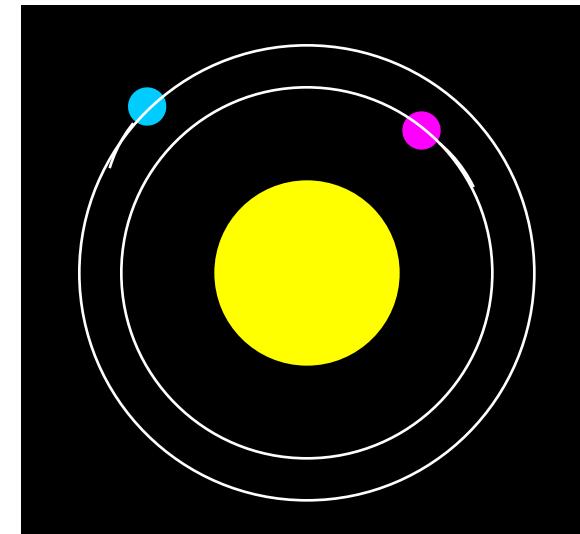
выход по Esc



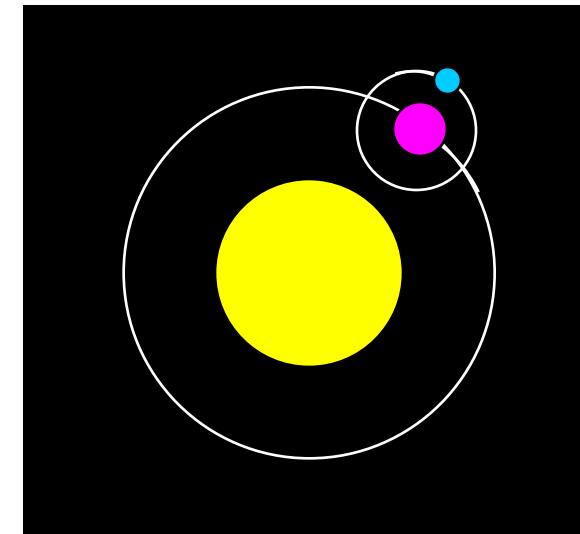
#include<math.h> // sin, cos, M_PI

Задания

«4»: Изобразить модель Солнца с двумя планетами, которые вращаются в противоположные стороны:



«5»: Изобразить модель системы Солнце-Земля-Луна:



Программирование на языке Си

Тема 13. Функции

ФУНКЦИИ

Функция – это вспомогательный алгоритм (подпрограмма), результатом работы которого является некоторое значение.

Примеры:

- вычисление модуля числа, \sqrt{x}
- расчет значений по сложным формулам
- ответ на вопрос (простое число или нет?)

Зачем?

- для выполнения одинаковых расчетов в различных местах программы
- для создания общедоступных библиотек функций



В чем отличие от процедур?

Функции

Задача: составить функцию, которая вычисляет наибольшее из двух значений, и привести пример ее использования

Функция:

тип
результата

формальные
параметры

```
int Max ( int a, int b )
{
    if ( a > b ) return a ;
    else           return b ;
}
```

return - вернуть
результат функции

ФУНКЦИИ

Особенности:

- в начале заголовка ставится **тип результата**

```
int Max ( int a, int b )
```

- формальные параметры описываются так же, как и для процедур

```
float qq ( int a, float x, char c )
```

- можно использовать параметры-переменные

```
int Vasya (int &a, int &b )
```

- функции обычно располагаются до основной программы

ФУНКЦИИ

Особенности:

- можно объявлять и использовать **локальные переменные**

```
float qq ( int a, int b)
{
    float x, y;
    ...
}
```

локальные
переменные



Локальные переменные недоступны в основной программе и других процедурах и функциях.

Программа

```
int Max ( int a, int b )  
{  
    ...  
}
```

формальные
параметры

```
main()  
{  
    int a, b, c;  
    printf ( "Введите два числа\n" );  
    scanf ( "%d%d", &a, &b );  
    c = Max ( a, b );  
    printf ( "Наибольшее число %d", c );  
}
```

фактические
параметры

вызов
функции

Задания

«4»: Составить функцию, которая определяет сумму всех чисел от 1 до N и привести пример ее использования.

Пример:

Ведите число :

100

сумма чисел от 1 до 100 = 5050

«5»: Составить функцию, которая определяет, сколько зерен попросил положить на N-ую клетку изобретатель шахмат (на 1-ую – 1 зерно, на 2-ую – 2 зерна, на 3-ю – 4 зерна, ...)

Пример:

Ведите номер клетки :

28

На 28-ой клетке 134217728 зерен .

Задания (вариант 2 для 9-11 класса)

«4»: Составить функцию, которая определяет наибольший общий делитель двух натуральных и привести пример ее использования.

Пример:

Ведите два числа:

14 21

НОД(14,21)=7

«5»: Составить функцию, которая вычисляет функцию синус как сумму ряда (с точностью 0.001)

$$\sin x = x - \frac{x^3}{3!} + \frac{x^5}{5!} - \frac{x^7}{7!} + \dots$$

x в радианах!

Пример:

Ведите угол в градусах:

45

$\sin(45) = 0.707$

Логические функции

Задача: составить функцию, которая определяет, верно ли, что заданное число – простое.

Особенности:

- ответ – **логическое** значение: «да» (1) или «нет» (0)
- результат функции можно использовать как логическую величину **в условиях (if, while)**

Алгоритм: считаем число делителей в интервале от 2 до N-1, если оно не равно нулю – число составное.

```
count = 0;  
for (i = 2; i < N; i++)  
    if (N % i == 0) count++;  
  
if (count == 0)  
    // число N простое}  
else // число N составное
```



Как улучшить?

Функция: простое число или нет

```
int Prime ( int N )
{
    int count = 0, i;
    for (i = 2; i*i <= N; i++)
        if (N % i == 0) count++;
    return (count == 0);
}
```

перебор только до \sqrt{N}

```
if (count == 0) return 1;
else             return 0;
```

Логические функции

```
#include <stdio.h>
```

```
int Prime ( int N )  
{  
    ...  
}
```

функция

```
main ()
```

```
{  
    int N;  
    printf ( "Введите целое число\n" );  
    scanf ( "%d" , &N );  
    if ( Prime ( N ) )  
        printf ( "%d - простое число" , N );  
    else printf ( "%d - составное число" , N );  
}
```

Задания

«4»: Составить функцию, которая определяет, верно ли, что сумма его цифр – четное число.

Пример:

Введите число :

136

Сумма цифр четная.

Введите число :

245

Сумма цифр нечетная.

«5»: Составить функцию, которая определяет, верно ли, что в заданном числе все цифры стоят по возрастанию.

Пример:

Введите число :

258

Верно .

Введите число :

528

Неверно .

Программирование на языке Си

Тема 14. Случайные числа

Случайные числа

Случайные явления: везде...

- бросание монеты («орел» или «решка»)
- падение снега
- броуновское движение
- помехи при телефонной связи
- шум радиоэфира

Случайные числа – это такая последовательность чисел, для которой невозможно предсказать следующее даже зная все предыдущие.

Проблема: как получить на компьютере?

Возможные решения:

- использовать внешний источник шумовых помех
- с помощью математических преобразований

Псевдослучайные числа

Псевдослучайные числа – это такая последовательность чисел, которая обладает свойствами случайных чисел, но каждое следующее число вычисляется по заданной формуле.

Примеры:

a, c, m - целые числа

- Случайные целые числа $[0, m)$ (**линейный конгруэнтный метод**)

$$x_n = (a \cdot x_{n-1} + c) \bmod m$$

$2^{30}-1$

$$x_n = (16807 \cdot x_{n-1} + 12345) \bmod 1073741823$$

простое число

остаток от деления

- Случайные вещественные числа $[0, 1]$

$$x_n = \left\{ (\pi + x_{n-1})^k \right\}$$

дробная часть числа

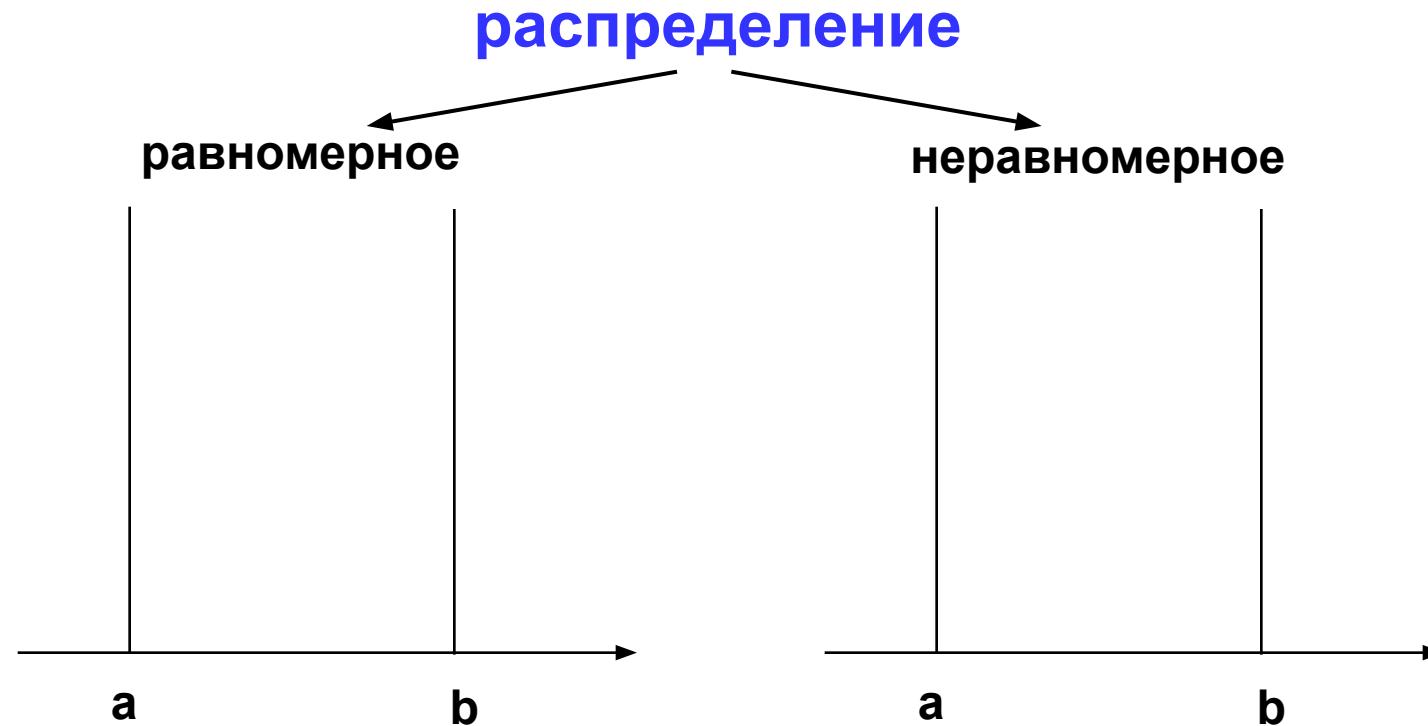
Литература:

например, $k = 5$

Д. Кнут, Искусство программирования для ЭВМ, т.2.

Распределение случайных чисел

Модель: снежинки падают на отрезок $[a,b]$

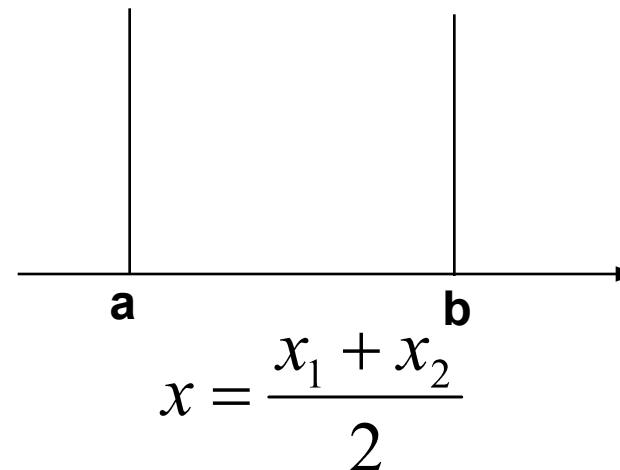


Сколько может быть разных распределений?

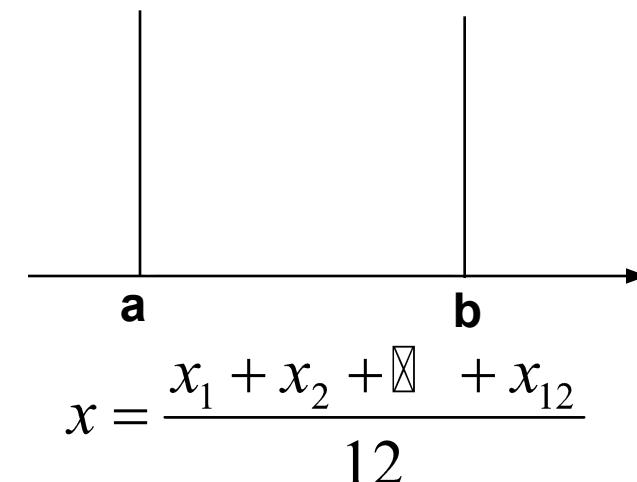
Распределение случайных чисел

Особенности:

- распределение – это характеристика **всей последовательности**, а не одного числа
- равномерное** распределение одно, компьютерные датчики (псевдо)случайных чисел дают равномерное распределение
- неравномерных – много
- любое неравномерное можно получить с помощью равномерного



равномерное распределение



равномерное распределение

Генератор случайных чисел в Си

```
#include <stdlib.h> // случайные числа
```

RAND_MAX – максимальное случайное целое число
(обычно RAND_MAX = 32767)

rand() – случайное целое число в интервале
[0,RAND_MAX]

```
int x, y;  
x = rand(); // первое число [0, RAND_MAX]  
y = rand(); // уже другое число
```

srand(N) – установить начальное значение
последовательности случайных чисел N:

```
srand ( 345 ); // начнем с 345
```

Целые числа в заданном интервале

Целые числа в интервале $[0, N-1]$:

```
int random(int N) {  
    return rand()%N;  
}
```

Примеры:

```
x = random(100); // интервал [0, 99]  
x = random(z); // интервал [0, z-1]
```

Целые числа в интервале $[a, b]$:

```
x = random(z) + a; // интервал [a, z-1+a]  
x = random(b - a + 1) + a; // интервал [a, b]
```

Генератор случайных чисел в Си

Вещественные числа в интервале [0,1]

```
float x;           [0,RAND_MAX] = [0,32767]  
x = 1.*rand() / RAND_MAX; // интервал [0,1]
```

Вещественные числа в интервале [0,z]

```
x = 1.*z*rand() / RAND_MAX;
```

Вещественные числа в интервале [a,z+a]

```
x = 1.*z*rand() / RAND_MAX + a;
```

Вещественные числа в интервале [a,b]

```
x = 1.* (b-a) *rand() / RAND_MAX + a;
```

Случайные числа

Задача: заполнить прямоугольник 400 на 300 пикселей равномерно точками случайного цвета



Как получить случайные координаты точки?

```
x = random ( 400 ) ;  
y = random ( 300 ) ;
```

Как добиться равномерности?

обеспечивается автоматически при использовании функции `random`

Как получить случайный цвет?

```
R = random ( 256 ) ; G = random ( 256 ) ;  
B = random ( 256 ) ;
```

COLOR(R,G,B)

Программа

```
#include <graphics.h>
#include <conio.h>
#include <stdlib.h>

int random(int N) {
    return rand() % N;
}

main()
{
    int x, y, R, G, B;
    initwindow ( 500, 500 );
        // цикл до нажатия на Esc
    closegraph();
}
```

функция для получения
случайного числа от 0
до N-1

Основной цикл

бесконечный
цикл???

выход по
Esc

```
while ( 1 ) {  
    if ( kbhit() )  
        if ( 27 == getch() ) break;  
  
    x = random(400);  
    y = random(300);  
    R = random(256);  
    G = random(256);  
    B = random(256);  
    putpixel ( x, y, COLOR(R,G,B));  
}
```

случайные
координаты

случайный цвет

Задания

«3»: Заполнить квадрат точками случайного цвета.
размер квадрата ввести с клавиатуры:

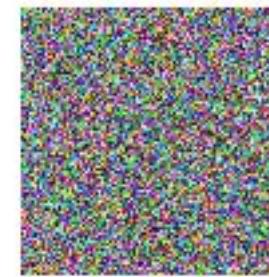
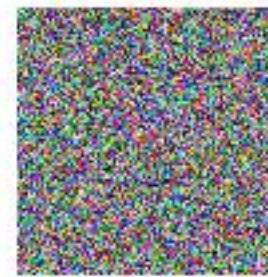
Пример:

Введите размер квадрата:

150

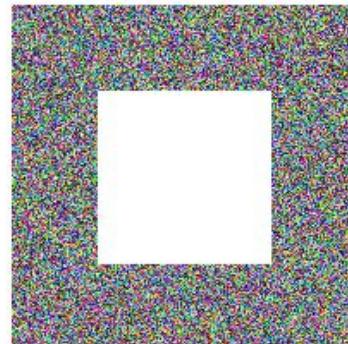


«4»: Заполнить область точками случайного цвета:

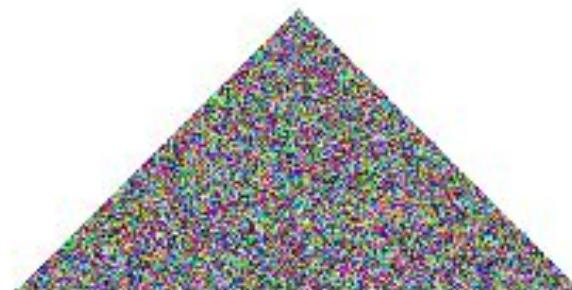


Задания

«5»: Заполнить область точками случайного цвета:



или



Конец фильма

**ПОЛЯКОВ Константин Юрьевич
д.т.н., учитель информатики высшей
категории,
ГОУ СОШ № 163, г. Санкт-Петербург
kpolyakov@mail.ru**