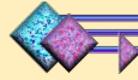


Уравнения, сводящиеся к квадратным.

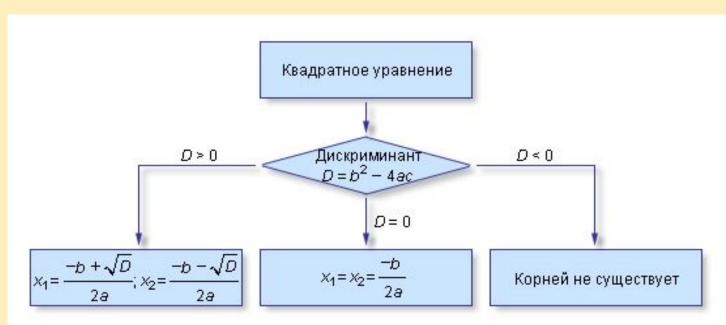
Авторы работы: ученик 8 класса



Квадратное уравнение



Решение уравнений, сводящихся к квадратным, сводится к решению квадратных уравнений.







Существует ряд уравнений, которые удается решить при помощи сведения их к квадратным уравнениям.





Определение!!!



Уравнение $ax^4+bx^2+c=0$, где $a\neq 0$, Называется биквадратным



Алгоритм решения биквадратного уравнения:



1	Сделать замену переменной	$x^2 = t$
2	Получится	$at^2 + bt + c = 0$
3	Найти корни квадратного уравнения	$t_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$
4	Обратная подстановка	$\begin{bmatrix} x^2 &= t_1 \\ x^2 &= t_2 \end{bmatrix}$
5	$egin{array}{lll} { m Ec}$ ли & $t_k < 0$ ${ m Ec}$ ли & $t_k > 0$ ${ m Ec}$ ли & $t_k = 0$	корней нет $x = \pm \sqrt{t_k}$ $x = 0$
Таким образом, биквадратное уравнение может иметь от 0 до 4 решений		

Образец решения:

1.Запишем уравнение

$$9x^4-32x^2-16=0$$

2. Введем новую переменную

Пусть
$$x^2=t$$
, $t≥0$ Тогда $x^4=t^2$

3. Запишем уравнение, используя новую переменную

$$9t^2-32t-16=0$$

4. Решим квадратное уравнение

$$D=b^2-4ac$$

$$D=(-32)^2-4\times9\times(-16)=1024+576=1600$$

D>0, два корня

t1=4; t2=-4/9-не удовлетворяет условию t≥0





5. Выполним обратную замену t=4, значит x²=4

6.Решим полученное уравнение

$$x^{2}=4$$

$$x=\pm\sqrt{4}$$

$$x=\pm2$$

7.Запишем ответ

Ответ:-2;2.





Уравнение №1

$$\frac{3}{x+2} - \frac{4}{x-3} = 3$$

Общий знаменатель дробей (х+2)(х-3)

Если х+2≠0 и х-3≠0 то, умножая обе части уравнения на

(х+2)(х-3), получаем

$$3(x-3)-4(x+2)=3(x+2)(x-3)$$





Преобразуем это уравнение:

$$3x-9-4x-8=3(x^2-x-6)$$
 $-x-17=3x^2-3x-18$
 $3x^2-2x-1=0$

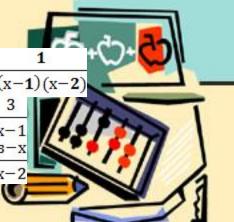
Решаем полученное квадратное уравнение:

 $x1=1; x2=-\frac{1}{3};$

Т.к. при х1=1 и х $2=\frac{1}{3}$ знаменатели дробей исходного уравнения образующиеся в нуль, то числа 1 и $-\frac{1}{3}$ является корнями исходного уравнения.

ОТВЕТ: x1=1; $x2=\frac{1}{3}$.





Уравнение №2

$$\frac{1}{(x-1)(x-2)} + \frac{3}{x-1} = \frac{3-x}{x-2}$$

 $(x-1)(x-2)\neq 0$, отсюда следует 1+3(х-2)=(3-х)(х-1). Преобразуем это уравнение $1+3x-6=x^2+4x-3$ $x^2-x-2=0$ x=-1; x=2при $x=-1 \mid (1-1)(1-2) \neq 0$ при x=2 | (2-1)(2-2)=0, поэтому число 2 не являеться корнем исходного уравнения **OTBET:** X = -1.



Заключение:

Уравнения, сводящиеся к квадратным, в алгебре встечаются практически в каждой теме.

Биквадратные уравнения является одним видом уравнений, приводимых к квадратным.

